

Számítógépes Hálózatok 2012

4. Adatkapcsolati réteg – CRC, utólagos hibajavítás

Hibafelismerés: CRC

- Hatékony hibafelismerés: Cyclic Redundancy Check (CRC)
- A gyakorlatban gyakran használt kód
 - Nagy hibafelismerési ráta
 - Hardware megvalósítás egyszerű
- Polinom aritmetikán alapul a 2-es maradékosztályok (Z_2) testén
 - A jelsorozatokat polinomnak tekintjük
 - A bitek a polinom együtthatói

Számolás Z_2 -ben

- Számolás modulo 2:

- Szabályok:

- összeadás mod 2

A	B	A + B
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

- kivonás mod 2

A	B	A - B
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

- szorzás mod 2

A	B	A · B
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

- Példa:
$$\begin{array}{r} 0110111011 \\ + 1101010110 \\ \hline = 1011101101 \end{array}$$

Polinom aritmetika modulo 2

- Tekintsük a polinomokat Z_2 maradékosztály test fölött
 - $p(x) = a_n \cdot x^n + \dots + a_1 x^1 + a_0$
 - Az a_i együtthatók és az x változók $\in \{0,1\}$
 - A számítás modulo 2 történik
- Polinomok összeadása, kivonása, szorzása, (maradékos) osztása, mint ahogy ismerjük

Bit sztringek és Z_2 feletti polinomok

- Ötlet:
 - Tekintsük az n hosszúságú bit sztringet mint egy polinom együtthatóit
- Bit sztring: $b_n b_{n-1} \dots b_1 b_0$
Polinom: $b_n \cdot x^n + \dots + b_1 \cdot x^1 + b_0$
 - Egy $(n+1)$ bitből álló bit sztring megfelel egy n -ed fokú polinomnak
- Példa
 - $A \text{ xor } B = A(x) + B(x)$
 - Ha A -t k pozícióval balra toljuk (shift), ez a következőnek felel meg:
 - $C(x) = A(x) x^k$
- Ezt az izomorfizmust használva tudunk bit sztringekkel osztani

Maradékos osztás bitsztringekkel

- Példa:
 - $1101010101 : 1001 = 1100110$ maradék 11
- ```
1101010101 : 1001 = 1100110 maradék 11
1001
1000
1001
001101
1001
1000
1001
0011
```

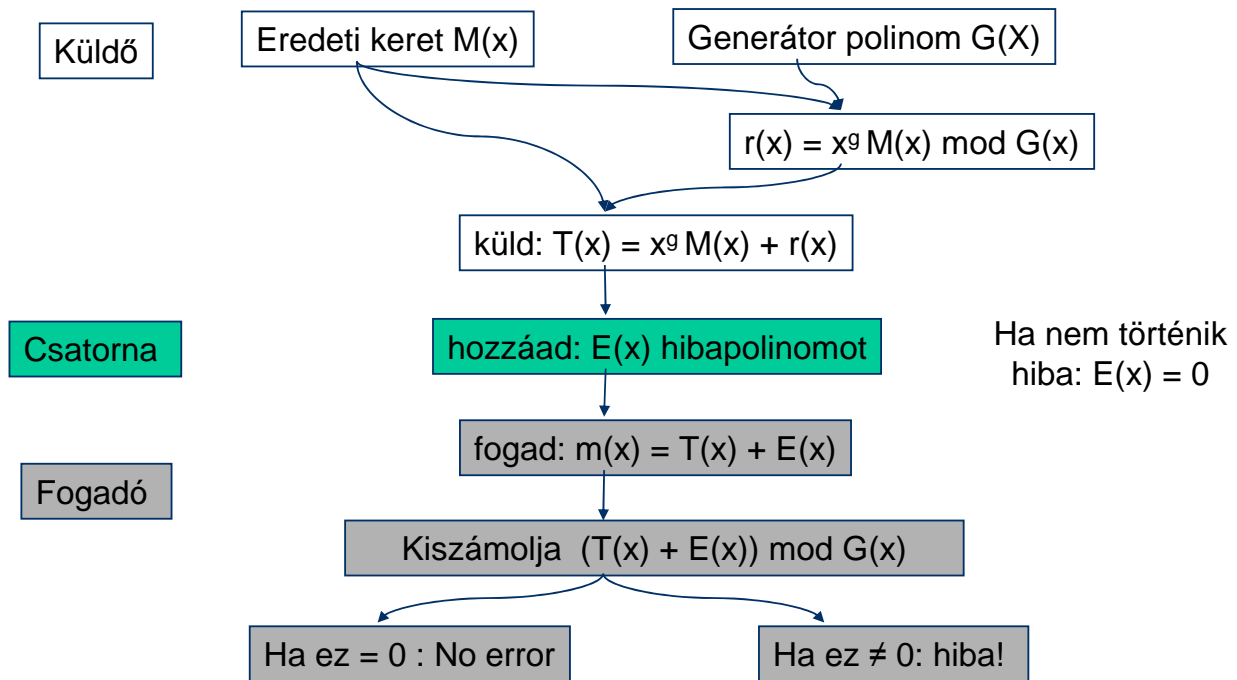
## Redundancia polinomok által: CRC

- Definiáljunk egy  $G(x)$  generatorpolinomot, melynek a foka  $g$ 
  - $G(x)$  a küldő és a fogadó által ismert
  - $g$  redundáns bitet generálunk
- Adott:
  - Keret (frame, üzenet)  $M$ , mint  $M(x)$  polinom
- Küldő
  - Kiszámolja az osztás maradékát  $r(x) = x^g M(x) \bmod G(x)$
  - Átvitelre kerül:  $T(x) = x^g M(x) + r(x)$ 
    - Figyeljük meg:  $x^g M(x) + r(x)$  többszöröse  $G(x)$ -nek
- Fogadó
  - $m(x)$ -et fogad
  - Kiszámítja a maradékot:  $m(x) \bmod G(x)$

## CRC Átvitel

- Ha nem történt hiba:
  - $T(x)$  fogadása korrekt
- Bithiba:  $T(x)$  tartalmaz megváltoztatott bitet
  - Ez ekvivalens egy  $E(x)$  hibapolinom hozzáadásához
  - A fogadóhoz  $m(x) = T(x) + E(x)$  érkezik
- Fogadó
  - Kiszámítja  $m(x) \bmod G(x)$  maradékot
  - Ha nincs hiba:  $m(x) = T(x)$ ,
    - Ekkor a maradék 0
  - Bit hibák:  $m(x) \bmod G(x) = (T(x) + E(x)) \bmod G(x)$   
 $= \underbrace{T(x) \bmod G(x)}_0 + \underbrace{E(x) \bmod G(x)}_{\text{hibaindikátor}}$

## CRC – Áttekintés



## A generator meghatározza a CRC tulajdonságait

- A bit-hibákat csak akkor nem ismerjük fel, ha  $E(x)$  többszöröse  $G(x)$ -nek
- $G(x)$  választásának trükkjei:
  - 1-bit-hiba:  $E(x) = x^i$  hiba az  $i$ -edik pozíción
    - Ha  $G(x)$  legalább 2 nem nulla együtthatót tartalmaz, akkor  $E(x)$  nem többszörös
  - 2-bit-hiba:  $E(x) = x^i + x^j = x^i (x^{i-j} + 1)$ , ahol  $i > j$ 
    - $G(x)$  nem szabad, hogy osztója legyen  $(x^h + 1)$ -nek semmilyen  $h$ -ra,  $0 \leq h \leq k$ , a maximális kerethosszig,
  - Páratlan számú hiba:
    - Ekkor  $E(x)$  nem többszöröse  $(x+1)$ -nek
    - Ötlet: legyen  $(x+1)$  osztója  $G(x)$ -nek
      - ekkor  $E(x)$  nem többszöröse  $G(x)$ -nek
- $G(x)$  okos megválasztásával minden  $r$  hosszú hibasorozat (burst) felismerhető

## CRC a gyakorlatban

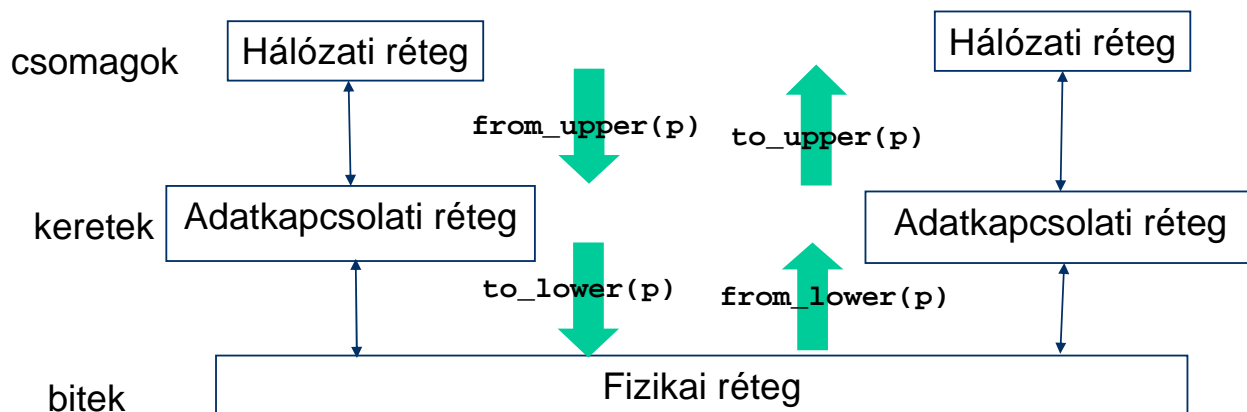
- Az IEEE 802.3 (Ethernet) standardban felhasznált generátor polinom (CRC-32):

$$\bullet x^{32} + x^{26} + x^{23} + x^{22} + x^{16} + x^{12} + x^{11} + x^{10} + x^8 + x^7 + x^5 + x^4 + x^2 + x + 1$$

- Figyelem:
  - Hiba még mindig lehetséges
  - Különösen, ha a bithibáknak megfelelő  $E(x)$  többszöröse  $G(x)$ -nek.
- Implementáció:
  - Egyszerű XOR-operáció
  - HW implementáció: shift-register

## Utólagos hibajavítás

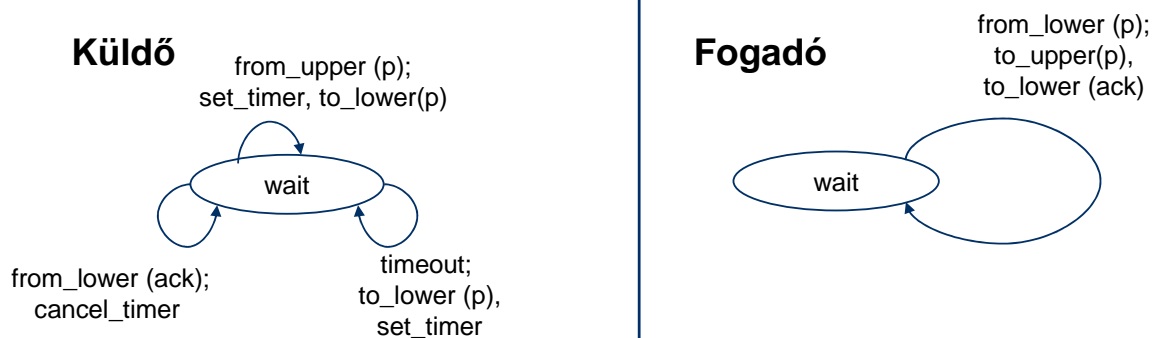
- A hiba felismerésekor a keretet újra kell küldeni
- Hogy néz ki a küldő és a fogadó összehangolt munkája?



`to_lower`, `from_lower` tartalmazzák a CRC-t  
vagy (szükség esetén) utólagos hibajavítást

## Egyszerű simplex protokoll nyugtákkal

- Simplex üzemmód: csomagok küldése csak egyirányú
- A fogadó nyugtázza a küldő csomagjait (ehhez fél-duplex fizikai csatorna elegendő)
  - A küldő vár egy bizonyos ideig a nyugtára (acknowledgment -- ACK)
  - Ha az idő lejárt, újraküldi a csomagot
- Első megoldási kísérlet:



## Elemzés

- Problémák
  - A felső réteg gyorsabban küldi a csomagokat, mint ahogy a nyugták megérkeznek
  
- Mi történik, ha nyugták elvesznek