

# „ADATSZERKEZETEK” TANTÁRGY, 1. FÉLÉV

## 1. ELŐADÁS'2009

(VÁZLAT)

### 1. ADATOK JELLEMZŐI

#### 1.1. Azonosító

Az a **jelsorozat**, amellyel hivatkozhatunk a tartalmára, amely által módosíthatjuk tartalmát.

Például:

i, j, n, a – változók nevei (szimbolikus nevek)  
 $\pi$ , -128, 3.14, "Eredmény=", IGAZ – konstansokat azonosító jelsorozat

Megjegyzés:

**x := x+1**

*cím*hivatkozás      *érték*hivatkozás

vagy

Feldolgoz(x) – eljáráshívásnál nem lát-szik, hogy x az adat címét vagy értékét jelenti

Eljárás Feldolgoz(Változó x:TX): – Ez már világos beszéd!

#### 1.2. Hozzáférési jog

Adatokat **módosítani**, illetve értéküket **lekérdezni**, használni lehet; eszerint egy adat hozzáférés szempontjából négyféle lehet:

	módosítható	lekérdezhető	
<i>Független</i>	<i>Nem</i>	<i>Nem</i>	<i>Független</i>
<b>Input</b>	<b>Nem</b>	<b>Igen</b>	<b>Konstans</b>
<b>Output</b>	<b>Igen</b>	<b>Nem</b>	<b>Virgin</b>
<b>I/O</b>	<b>Igen</b>	<b>Igen</b>	<b>Változó</b>
<b>Háttértár-adat</b>			<b>Memória-adat</b>

#### 1.3. Kezdőérték

A **születéskor hozzárendelt érték**. Változóknál **deklarációban** kaphat értéket, vagy **eleve van** **típushoz rendelt kezdőérték**, esetleg speciális '**nem definiált**' érték<sup>1</sup>, s így akkor mód van hivatkozás ellenőrzésre is (**virgin**)!

<sup>1</sup> Ez a helyzet az interpretált nyelvek (pl. az ún. szkript-nyelvek) esetében.

## 1.4. Hatáskör

A **programszöveg** azon tartománya, amelyben az adathoz a hozzáférés lehetséges.

Gondoljunk a blokkstruktúrájú programozási nyelvek egymásba ágyazódó adatdeklarációira! Így beszélhetünk: *globális* és *lokális* (sőt *saját*) adatokról.

A hatáskört „színezi” a **láthatóság** kérdése: ha egy adat azonosítója megegyezik egy olyan adatéval, amelynek hatáskörébe esik, akkor azt elérhetlenné teszi a saját hatáskörében, hiszen az adott név alatt neki van elsősege. Ez az ún. „**luk a hatáskörben**” jelenség.

Példa:

```
...
Változó
  x:TX
Konstans
  y:TY (...)
...
  [itt az x TX, az y TY típusú]
...
Eljárás E1 (Változó x:TX2) :
  Változó
    y:TY2
  [itt az x TX2, az y TY2 típusú]
...
Eljárás vége.
...
  [itt az x TX, az y TY típusú]
...
```

## 1.5. Élettartam

A **futási időnek** az az intervalluma, amelyben az adat azonosítója mindvégig ugyanazt az objektumot jelöli.

Meggondolandó a az élettartam hatáskörrel való kapcsolata! Globális –azaz a legfelsőbb szinten deklarált–, lokális –pl. egy eljárásban vagy függvényben deklarált– adatok hatásköre és élettartama bizonyos értelemben azonos, amíg a „dinamikus” –azaz futásközben, a programozó döntése szerint születő és megszűnő– adatok esetében már nincs meg az előbbi pontos párhuzam. L. [később!](#))

## 1.6. Értéktípus

Az adatoknak az a tulajdonsága, hogy **értékei** mely **halmazból** származnak (**érték**halmaz) és **tevékenységeknek** (eljárások, függvények, operátorok) mely „**készlete**, amely létrehozza, felépíti, lerombolja és részekre bontja”, alkalmazható rá (*asszociált műveletek*).

## 2. AZ ÉRTÉKTÍPUS

### 2.1. Az értéktípusról általánosságban

Összetettség (strukturáltság) szempontjából:

- *skalár* (vagy *strukturálatlan*)
- *összetett* (más szóval *strukturált*)

Adatstrukturálási módok:

Strukturálási mód		→	Adatszerkezet
Keresztszorzat	$A \times B \dots$	→	Rekord
(Megkülönböztetett) egyesítés	$A \times B \times \dots (C \times D \cup E \times F \cup \dots)$	→	Alternatív rekord
Halmazképzés	$2^A$	→	Halmaz
Iterált-képzés	$A^*$	→	Sorozatfélék

### 2.2. Az asszociált műveletek osztályozása

Az asszociálható műveleteket csoportosítjuk:

- *értékadás* (azonos típusúak közötti adatmozgatás: másolatkészítés, értékmegosztás),

Példa:

```

...
Típus
  TPont=Rekord(x, y, z:Valós)
Változó
  Origó, Egys, Q:TPont
...
  Eltol(Origó, Egys)
  Q:=Origó
...
Eljárás Eltol(Változó p:TPont; Konstans Δ:TPont) :
  [értékmegosztás jön létre a formális és az
  aktuális paraméterpárok között]
  p.x:+Δ.x; p.y:+Δ.y; p.z:+Δ.z 2
Eljárás vége.
...
[értékmásolások az értékadások két oldala között]

```

<sup>2</sup> A Valami<sub>1</sub>:+Valami<sub>2</sub> utasítás szemantikusan ekvivalens a Valami<sub>1</sub>: =Valami<sub>1</sub>+Valami<sub>2</sub> utasítással.

- *típusátviteli függvények:*
  - *Konstruációs műveletek* (strukturált érték létrehozása)

Példa:

```

...
Típus
  TPont=Rekord(x,y,z:Valós)
  TVarakozók=Sor(TEMBER)
  TPMut=TPont'Mutató [1. később]
Változó
  p,q:TPont
  v:TVarakozók
  pm:TPMut
...
  p:=TPont(1.0,0.0,0.0)
  Üres(v)
  Létrehoz(pm,p); q:=TPMut(pm) [1. később]
...

```

- *Szelekciós operációk*

Példa:

```

...
  hossz:=SQRT(p.x^2+p.y^2+ p.z^2)
  vevő:=Első(v)
...

```

- *Azonosság és más relációk*

Példa:

```

...
Típus
  TNap=(hétfő,kedd,szerda,csütörtök,péntek,
        szombat,vasárnap) [1. később]
Konstans
  napSzám:Egész(Számosság'TNap) [1. később]
Típus
  TNapNév=Tömb(1..napSzám:Szöveg)
Konstans
  SNapHu:TNapNév=
    ('hétfő','kedd','szerda','csütörtök',
     'péntek','szombat','vasárnap')
  SNapEn=
    ('Monday','Tuesday','Wednesday',
     'Thursday','Friday',
     'Saturday','Sunday')
Változó
  nN:TNapNév
  mn:TNap
  c:Karakter
...

```

```

Ha c='E' és nN=SNapHu akkor nN:=SNapEn
...
Ciklus amíg mn≤péntek
...

```

- Számosság-függvény

Példa:

```

...
Típus
  TNap=(hétfő, kedd, szerda, csütörtök, péntek,
        szombat, vasárnap)
Konstans
  napSzám:Egész (Számosság' TNap)
  SNap:Tömb(1..napSzám:Szöveg)=
    ('hétfő', 'kedd', 'szerda', 'csütörtök',
     'péntek', 'szombat', 'vasárnap')
...

```

- *Min és Max típusoperátor*, amelyek értelemszerűen csak *rendezett típusok* esetén léteznek. Nem keverendő össze az adatokra (nem típusokra!) alkalmazandó függvényekkel!

Példa:

```

...
Típus
  TNap=(hétfő, kedd, szerda, csütörtök, péntek,
        szombat, vasárnap)
Konstans
  SNap:Tömb(Min' TNap..Max' TNap:Szöveg)=
    ('hétfő', 'kedd', 'szerda', 'csütörtök',
     'péntek', 'szombat', 'vasárnap')
...

```

- *Sorszám- (vagy Rend-) függvény*

Példa:

```

...
  első:=Sorszám(hétfő) [első:=0]
  utsó:=Sorszám(vasárnap) [utsó:=6]
  A_Kód:=Sorszám('A') [A_Kód:=65]
...

```

- *Be/Ki műveletek* (konverzió az input/output és belsőábrázolás között)

Példa:

```

...
Változó
  nap:TNap
...
  Be: nap [nap<Max' TNap]
  Ki: Következő(nap)
...

```

- *Transzformáció*s (a típuson értelmezett, a típusra képező függvények)

Példa:

```

...
Típus
  TPont=Rekord (x, y, z:Valós)
Változó
  kövNap, nap:TNap
  p, q:TPont
...
  kövNap:=Következő (nap)
  táv:=Hossz (p) -Hossz (q) [Hossz a programozó
                             által definiált fv.]
...

```

### 3. EGYSZERŰ ADATTÍPUSOK

Alábbiakban definiáljuk az „eredendően” szerkezet nélküli ún. *skalár* típusokat, megadva ezek *érték*halmazát, a hozzátapadó *műveletek*, *relációk* halmazát. Két típus „lóg ki” ezek közül. A szöveg (string) és a mutató típus. A *szöveg típus* azért soroljuk ide, mert a programozási nyelvek majd mindegyike föl kínálja, s így hozzátartozik az ún. *elemi* (natív) *típusok*hoz, másrészt abban jócskán eltér a későbbiekben tárgyalt összetettektől (s így oda még kevésbé illik), hogy elemeinek típusa nem választható meg szabadon. A *mutató* típus valóban szerkezet nélküli, hisz érték halmaza a memóriacímek egy rész halmaza (ezért tárgyaljuk itt), de az is kétségtelen, hogy oly szorosan tapad valamely összetett típushoz, amely címét tartalmazza, hogy anélkül értelme sem lenne bevezetni.

A tárgyalt típusokról a következőket adjuk meg:

- *Érték*halmaz
- *Kezdőérték*, amit az ilyen típusú objektum létrejövetelekor kap.<sup>3</sup>
- *Asszociált műveletek*
- (s esetleg) tipikus *ábrázolása*(i)
- (s néhány esetben) *példa*.

A rövid leírás kedvéért időnként alkalmazni fogjuk a *Típ* jelölést az éppen tárgyalt típusra való hivatkozásra. (Értelemszerűen akkor, amikor a típus nevét a programozó feladata megadni.) Származtatott típus esetén pedig gyakorta a *TB* az ún. *bázistípus*ra (amelyből kiindulunk) utal.

<sup>3</sup> És most legkevesbé sem hagyjuk magunkat befolyásolni olyan programozási nyelvektől, amelyben a változók létrejöttét nem kíséri automatikus kezdőértékadás.

### 3.1. Elemi adattípusok

#### 3.1.1. Egész

Értékhalmoz	$-32768..32767 \subset \mathbf{Z}$ (Min'Egész..Max'Egész)
Kezdőérték	<b>0</b>
Műveletek	<b>+</b> , <b>-</b> , <b>*</b> , <b>Div</b> (egészosztás), <b>Mod</b> , <b>-</b> (unáris mínusz), <b>^</b> (pozitív egész kitevős hatványozás) <b>:=</b> <b>=</b> , <b>&lt;</b> , <b>≤</b> , <b>≥</b> , <b>&gt;</b> , <b>≠</b> <b>Be:</b> , <b>Ki:</b>
Ábrázolás	ún. (16-bites) <i>kettes komplementes kódú</i>

#### Megjegyzés:

A programozási nyelvek többféle értékhalmozal is felkínálnak efféle típusokat. Pl. a Turbo Pascal megkülönböztet BYTE, SHORTINT (8 bites); INTEGER, WORD (16-bites); LONGINT (24 bites)... Ennek ellenére nem tartjuk fontosnak az algoritmikus nyelvben ezeket megkülönböztetni, annál is kevésbé, mert ha kell, a „szélsőséges értékeire” tudunk hivatkozni a Min'Egész és Max'Egész típusfüggvénnyel anélkül, hogy letennénk a voksunkat bármelyik konkrét értékhalmoz mellett.

#### 3.1.2. Valós

Értékhalmoz	$???..??? \subset \mathbf{R}$ (Min'Valós..Max'Valós)
Kezdőérték	<b>0.0</b>
Műveletek	<b>+</b> , <b>-</b> , <b>*</b> , <b>/</b> , <b>-</b> (unáris mínusz), <b>^</b> <b>:=</b> <b>=</b> , <b>&lt;</b> , <b>≤</b> , <b>≥</b> , <b>&gt;</b> , <b>≠</b> <b>Be:</b> , <b>Ki:</b>
Ábrázolás	ún. <i>lebegőpontos ábrázolás</i> (pontosabb lenne, ha e típust <i>racionalisnak</i> neveznénk, mert csak racionalis számot képes ábrázolni), vagy ún. <i>pakolt decimális ábrázolás</i>

#### Megjegyzések:

Vegyük észre, hogy ugyanazok a műveleti jelek most –ha hasonló jelentéssel is, de mégsem egészen ugyanazzal a jelentéssel bírnak. (Polimorfizmus.)

Itt már föl sem vállaltuk az értékhalmoz pontosítását, mivel ez sokkal inkább implementációfüggő, mint az egész számoké.

**3.1.3. Logikai**

Értékhalmaz	$Hamis..Igaz \subseteq L$ ( <i>Min' Logikai..Max' Logikai</i> )
Kezdőérték	<b>Hamis</b>
Műveletek	<b>nem, és, vagy</b> := =, <, ≤, ≥, >, ≠ <b>Be., Ki:</b>
Ábrázolás	0 ≡ <i>Hamis</i> , -1 ≡ <i>Igaz</i> – azaz (valamely) egész típusra visszavezetés; néha 1 ≡ <i>Igaz</i> – ekkor 1 bites az ábrázolás

**3.1.4. Karakter**

Értékhalmaz	0..255 -kódú jelek ( <i>Min' Karakter..Max' Karakter</i> )
Kezdőérték	<b>Min'Karakter</b>
Műveletek	<b>Karakter(.) – Karakter:</b> Egész→Karakter <b>Sorszám(.) – Sorszám:</b> Karakter→Egész (belső kód) := =, <, ≤, ≥, >, ≠ <b>Be., Ki:</b>
Ábrázolás	Valamely kódrendszer szerinti kód, mint előjelnélküli szám. ( <i>Fix bitszámú kód.</i> )

Megjegyzés:

Sokfajta kód rendszer létezik (legismertebbek: ASCII, [UNICODE](#)). Többségük fix bitszámú (ASCII 8 bites, UNICODE 16 bites), de elképzelhető változó bitszámmal dolgozó is. (L. Huffman-kódolás.)

**3.1.5. (Absztrakt)Felsorolástípus**

Értékhalmaz	(konstans <sub>1</sub> , konstans <sub>2</sub> , ... , konstans <sub>N</sub> ) ( <i>Típ</i> jelölje a típus azonosítóját) ( <i>Min' Típ=konstans<sub>1</sub>..Max' Típ=konstans<sub>N</sub></i> )
Kezdőérték	<b>Min'Típ</b> vagy <b>NemDef</b>
Műveletek	<b>Következő</b> ( <i>Típ-típusbeli érték</i> ), – <b>Következő:</b> <i>Típ</i> → <i>Típ U {NemDef}</i> <b>Előző</b> ( <i>Típ-típusbeli érték</i> ), – <b>Előző:</b> <i>Típ</i> → <i>Típ U {NemDef}</i> <b>Sorszám</b> ( <i>Típ-típusbeli érték</i> ), – <b>Sorszám:</b> <i>Típ</i> →Egész <b>Típ</b> ( <i>egész típusú érték</i> ), – <b>Típ:</b> [0.. <b>Sorszám</b> ( <i>Max'Típ</i> )]→ <i>Típ</i> := =, <, ≤, ≥, >, ≠ (a felsorolás sorrendje egyben rendezés is) <b>Be., Ki:</b>



Ábrázolás	A minimálisan szükséges bitszámú ( $\approx \log_2(\text{Számosság} \cdot \text{Típ})$ ) kód, mint előjelnélküli szám.
-----------	--

Megjegyzések:

Az értékhalmban szereplő, ismétlődés nélküli, szimbolikus nevek (a típus konstansai) **nem lehetnek más típus** (pl. egy másik felsorolástípus) **értékhalmbában**, ez a feltétel amiatt szükséges, mert a fordítóprogram így mindig egyértelműen el tudja dönteni a konstans „hovatartozását”. Természetesen „...” nem szerepelhet a felsorolásban, mivel a fordítónak nincsenek „előzetes elképzelései” arról, hogy mik lehetnének ott a felsorolásban.

Mindazon típusokat, amelyek értékészletét konstansainak egyszerű felsorolásával adhatunk vagy adhatnánk meg **diszkrét típusnak** hívjuk. Tehát ilyen az Egész, a Logikai, a Karakter, de lehet bármilyen –a program írója által kreált– **absztrakt konstansokat** tartalmazó fenti **absztrakt felsorolástípus** is.

Példa:

```

Típus
    TNap=(hétfő, kedd, szerda, csütörtök, péntek, szombat,
          vasárnap)
Változó
    tegnap, ma, holnap: TNap
Konstans
    ünnepnap: TNap(vasárnap)
...
Ha ma=Min' TNap akkor tegnap:=Max' TNap
      különben tegnap:=Előző(ma)
Ha ma=Max' TNap akkor holnap:=Min' TNap
      különben holnap:=Következő(ma)
    első:=Sorszám(hétfő) [első:=0]
    utolsó:=Sorszám(vasárnap) [utolsó:=6]
...

```

**3.1.6. (Rész)Intervallumtípus**

Csak **diszkrét típus**ból származtatható egyszerű típus. Jelöljük a bázistípust TB-vel.

Értékhalmbaz	konstans <sub>1</sub> ..konstans <sub>2</sub> $\subseteq$ TB (Min'Típ=konstans <sub>1</sub> ..Max'Típ=konstans <sub>2</sub> )
Kezdőérték	<b>Min'Típ</b> vagy <b>NemDef</b>
Műveletek	TB-vel megegyező műveletek (korlátozva persze az értékhalmbazra)
Ábrázolás	TB-vel megegyező ábrázolás

Példa:

```

Típus
  TNap=(hétfő, kedd, szerda, csütörtök, péntek, szombat,
        vasárnap)
  TMunkanap=hétfő..péntek
  THétvége=szombat..vasárnap
Változó
  tegnap,ma,holnap: TNap
Konstans
  ünnepnap: TNap(vasárnap)
...
Ha ma=Min' TNap akkor tegnap:=Max' TNap
        különben holnap:=Előző(ma)
Ha ma=Max' TNap akkor holnap:=Min' TNap
        különben holnap:=Következő(ma)
első:=Sorszám(hétfő) [első:=0]
utsó:=Sorszám(vasárnap) [utsó:=6???]
...

```

Megjegyzések:

1. Érdekes anomáliára vezet a Sorszám és Típ típuskonstrukciós függvény következetes bevezetése. Miért?
2. Ha a diszkrétiségtől eltekintünk, kiterjeszthető a Valósakra is az intervallumtípusképzés. Ez persze csak azzal a többlettel képzelhető el, hogy egy lépésközt is megadunk a származtatáshoz (amelyre vannak persze elvárások).
3. További általánosítás lehetséges: nem első és utolsó elem által meghatározott része egy értékhalmozatnak, hanem valamilyen (*predikátummal* definiált) tulajdonságnak eleget tevő elemeinek részhalmaza.

Példa:

```

Típus
  TTermSzám=Egész
        [Típusinvariáns: i:Egész : i>0]
  TPrímek=TTermSzám
        [Típusinvariáns: n:TTermSzám : Prím?(n)]
Függvény Prím?(Konstans x:Egész):Logikai
...
Függvény vége.
...

```

### 3.1.7. Szövegtípus

Értékhalmoz	MaxHossz darabnyi jelből álló karakterláncok halmaza $\subset$ <b>Karakter</b> <sup>*</sup> (Min'Szöveg..Max'Szöveg) – alfabetikus rendezés szerinti első (=üres szöveg); az utolsó erősen reprezentációfüggő, ezért nem definiáljuk.
Kezdőérték	" azaz üres-szöveg ( <b>Min'Szöveg</b> )
Műveletek	<b>+</b> , <b>Hossz(.)</b> , <b>Balrész(.)</b> , <b>Jobbrész(.)</b> , <b>Jele(.)</b> := =, <, ≤, ≥, >, ≠ <b>Be:</b> , <b>Ki:</b>
Ábrázolás	<b>Rekord</b> (hossz:Egész, jel:Tömb(1..MaxHossz:Karakter)) – Pascal-stílusú Karakter <sup>*</sup> × SzövegVégJel – C-stílusú

### 3.2. Mutató típusok

Az alcímbeli többes szám jogos, mert valójában tetszőleges (többnyire összetett) típushoz, mint bázistípushoz (TB) szervesen tartozhat egy-egy ilyen típus. Egy konkrét mutató típusú objektum *csak egyfajta* (nevezetesen TB-típusú) *elemek kezdőcímeit* hordozhatja. E szigorúság oka: az ellenőrizhetőség, biztonságosság.

Értékhalmoz	Memóriacím, amely valamely TB-típusú elem kezdőcíme, vagy <b>Sehova</b> (rendezésnek nincs értelme $\Rightarrow \neg \exists \text{Min'Típ}, \text{Max'Típ}$ )
Kezdőérték	<b>Sehova</b>
Műveletek	<b>Lefoglal</b> (Változó m:Típ, <b>Konstans</b> e:TB) – az eljárás létrehoz a memóriában egy TB-elemet, amelynek értéke éppen 'e', és a címét teszi 'm'-be; ha nincs elegendő hely, akkor 'm'-be <b>Sehova</b> érték kerül. Elhagyható a kezdőértéket definiáló paraméter, ekkor a TB-beli <i>iniciális</i> értékű elem keletkezik. <b>Típ</b> ( <b>Konstans</b> m:Típ):TB – a függvény az 'm'-beli címnél kezdődő TB-elemet adja vissza értékként <b>Felszabadít</b> (Változó m:Típ) – az eljárás felszabadítja a memória 'm'-ben lévő címtől kezdődő TB-elemnyi tartományát, majd 'm'-be a <b>Sehova</b> érték kerül. := =, ≠, ←, ≤, ≥, → <b>Be:</b> , <b>Ki:</b>
Ábrázolás	Memóriacím

#### Megjegyzések:

A Lefoglal művelet fent taglalt szemantikája is indokolja a szigorú típusosság kívánalmát!

A Pascal-beli `Lefoglal` művelet, a `New`, nem foglalkozik kezdőértékadással, sőt a helyfoglalás sikertelenségét sem közli a `Sehova`, vagyis a `Nil` értékkel. A `Fel-`  
`szabadít`, `Dispose` művelet sem törli a mutatót.

Példa:

```

...
Típus
  TBlokk=Tömb(1..MaxM:TElem)
  TBMut=TBlokk'Mutató
  TBlokkok=Tömb(1..MaxN:TBMut)
Változó
  e:TElem;      i:Egész
  b:TBlokk;    bk:TBlokkok;  bm:TBMut
...
Ciklus i=1-től MaxN Div 2-ig
  Lefoglal(bm) [bm-be kerül a lefoglalt TBlokk-nyi
                terület címe, és a bm-nél kezdődő
                tömb elemei TElem-kezdőértékűek]
  bk(i) :=bm   [bk i. eleme a dinamikusan lefoglalt
                tömb címe; értékmegosztás]
  ... [a bk(i) tömbbe értékek kerülnek] ...
Ciklus vége
b:=TBlokk(bk(1)) [az első blokk b-be]
bm:=bk(1)        [az első blokk címe bm-be]
Ciklus i=1-től MaxM-ig
  TBlokk(bm)(i) :=e [TBlokk(bm) bm-nél kezdődő blokk
                    mint tömb,
                    TBlokk(bm)(i) a tömb i. eleme]
Ciklus vége
[vajon milyen értékek vannak a bk(2..MaxN) elemekben;
és mit mondhatunk a TBlokk(bk(2..MaxN)) értékéről?]
...

```

#### 4. ÖSSZETETT ADATTÍPUSOK – TÍPUSKONSTRUKCIÓK

Helyesebb összetett típusok helyett *típuskonstrukciókról* beszélni, mivel valahány összetevő típusból hozunk létre, konstruálunk egy újat; s az ilyeneket létrehozni képes eszközöket *típuskonstrukciós eszközöknek* hívni.

Többnyire *nem* magától értetődő az ilyen struktúrák *rendezése*, ezért sem a `Min'`, sem a `Max'` típusfüggvényt nem jelezzük. (Megjegyezzük: természetesen nem elképzelhetetlen – sőt! –, hogy utólag valamilyen rendezést rájuk is definiáljuk. Erről később még szó esik.)

A korábbi szokásos mondanivalók mellé bekerül a „konstrukció”, amelyben tisztázzuk az alkalmazás szintaxisát.

Rövidítés miatt a bázistípusokat sorszámozzuk és így jelöljük:  $TB_1, TB_2, \dots$

#### 4.1. Összetett típusok osztályozásai

A bázistípusok sokfélesége szerint –

- *Heterogén* (rekord, alternatív rekord)
- *Homogén* (sorozatfélék: tömb, lista..., halmaz; rekurzív típusok: lista, fa; gráf...)

**Rákövetkezési reláció** az elemei között –

- *Nincs* (értelmetlen: rekord, alternatív rekord; lehetne, de nincs: halmaz)
- *Egyértelmű*, kivéve a szélső elemeket (sorozatfélék: tömb, lista,...)
- *Többszörös* (rekurzív típusok közül a fa; gráf)

#### 4.2. Rekord

<i>Konstrukció</i>	<b>Rekord</b> (mező <sub>1</sub> : TB <sub>1</sub> , mező <sub>2</sub> : TB <sub>2</sub> ...)
<i>Értékhalmoz</i>	TB <sub>1</sub> ×TB <sub>2</sub> ×...
<i>Kezdőérték</i>	Az egyes komponensekhez tartozó kezdőérték.
<i>Műveletek</i>	<p><b>Típ</b>(Konstans m<sub>1</sub>: TB<sub>1</sub>, m<sub>2</sub>: TB<sub>2</sub> ...) – létrejön egy Típ típusú konstans m<sub>1</sub>, m<sub>2</sub>... mezőértékekből (konstrukciós operáció)</p> <p>objTíp.<b>mező</b><sub>i</sub>:TB<sub>i</sub> – a „szokatlan” szintaxisú művelet értéke az adott Típ típusú objektum (objTíp) mező<sub>i</sub> mezőjének értéke... (szelekciós operáció)</p> <p>objTíp.<b>mező</b><sub>i</sub>:TB<sub>i</sub>:=e<sub>i</sub> – a „szokatlan” szintaxisú értékadás eredménye az adott Típ típusú objektum (objTíp) mező<sub>i</sub> mezőjének értékül adja e<sub>i</sub>-t...</p> <p><b>:=</b></p> <p><b>=, ≠</b></p> <p><b>Be:, Ki:</b></p>
<i>Ábrázolás</i>	A mezők folytonos memóriaterületre képezve, a felsorolás sorrendjében.

#### 4.3. Alternatív rekord

Olyan rekordfélékről van szó, amelynek valamely mezőjétől (mezőitől) függ további mezőinek típusbesorolása.

<i>Konstrukció</i>	<p><b>Rekord</b>( mező<sub>1</sub>: TB<sub>1</sub>, ... mező<sub>K</sub>: TB<sub>K</sub>, <b>Alternatívák</b> felt<sub>1</sub>(mező<sub>1</sub>,...) <b>esetén</b> (mező-k sorozata), ... felt<sub>m</sub>(mező<sub>1</sub>,...) <b>esetén</b> (mező-k sorozata) <b>Alternatívák vége</b>)</p>
<i>Értékhalmoz</i>	TB <sub>1</sub> ×...×TB <sub>K</sub> ×...∪ <sub>(i=1..m)</sub> TB <sub>i,1</sub> ×...×TB <sub>i,k<sub>i</sub></sub>
<i>Kezdőérték</i>	A nem egyértelműsége miatt <b>NemDef</b> .
<i>Műveletek</i>	A rekordhoz hasonlóan.
<i>Ábrázolás</i>	A mezők folytonos memóriaterületre képezve, a felsorolás sorrendjében, a

	hosszat a leghosszabb alternatívával számolva.
--	--

Példa:

```

...
Konstans
  ffi: Egész(1)
  nő : Egész(2)
Típus
  TDátum=...
  TNem=ffi..nő
  TKontroll=Függvény(TNem, Dátum, 0..999):0..9
  Függvény Kontroll(Konstans n:TNem
                        d:TDátum
                        x:0..999):0..9
    [Kontroll: egy TKontroll típusú konkrét függvény]
  ...
Függvény vége.
Típus
  TSzemSzám=Rekord(
    nem:TNem
    szülidő:TDátum
    sorszám:Egész
    ellenőr:TKontroll [itt csak olyan fv-típus képzelhető
                       el, amely értelmezési tartománya:
                       TNem×TDátum×Egész; értékkészlete
                       most nincs megkötve])

  TSzemély=Rekord(
    szsz:TSzemSzám
    név:Szöveg
    Alternatívák
      nem=nő esetén (lnév :Szöveg)
      nem=ffi esetén (katsz:Egész)
    Alternatívák vége)
Konstans
  Jézus:TSzemély((ffi,
                  1.12.25,
                  123,
                  Kontroll) [szsz mező tartalma],
                  'Jézus Krisztus' [név mező],
                  (123456) [nem=ffi⇒katsz mező])
  ...

```

**4.4. (Hatvány-)Halmaz**

Csak *diszkrét* (többnyire nagyon is korlátozott számosságú) típusnak definiálhatjuk a hatvány-halmaz-típusát.

<i>Konstrukció</i>	<b>Halmaz(TB)</b> ( <i>Min' Típ=∅..Max' Típ=TB</i> -érték-halmaz, a tartalmazás alapján rendezve)
<i>Érték-halmaz</i>	TB*
<i>Kezdőérték</i>	<b>Üres</b> halmaz
<i>Műveletek</i>	∈ (elem), ∩ (metszet), ∪ (egyesítés), \ (különbség), ∅ vagy <b>Üres</b> (üres halmaz létrehozás), <b>Üres?</b> (logikai értékű függvény) <b>:=</b> =, < (<), ≤ (<=), ≥ (>=), > (>), ≠ <b>Be:, Ki:</b>
<i>Ábrázolás</i>	<b>Tömb</b> (TB:Logikai) – azaz bitvektor az adott elem tartalmazása vagy nem tartalmazása szerint; <b>Lista</b> (TB) – tartalmazott elemeinek felsorolása [l. később]

Példa:

```

...
Típus
  Tóra=0..23
  TNap=Halmaz (Tóra)
Változó
  ma,holnap:TNap
Konstans
  munkanap:TNap(7..12,14..20)
...
  Üres(ma) [ma nincs kötött program ⇒ ma „szabad”]
  Ha Üres?(holnap) akkor ma:=munkanap
...

```

**4.5. Tömb**

<i>Konstrukció</i>	<b>Tömb</b> (TIndex : TElem)
<i>Érték-halmaz</i>	TElem <sup>Számosság(TIndex)</sup>
<i>Kezdőérték</i>	TElem típus kezdőértékei
<i>Műveletek</i>	objTíp( <b>i</b> ) (a Típ típusú objTíp tömb i. TElem típusú eleme), objTíp( <b>i</b> ):=e (a Típ típusú objTíp tömb i. eleme legyen 'e' értékű) <b>:=</b> =, ≠ <b>Be:, Ki:</b>
<i>Ábrázolás</i>	Az elemek folytonos memóriaterületre képezve, növekvő index sorrendben. (L. később)

## 5. SOROZATTÍPUSOK

*Sorozattípus*nak hívjuk azt a típust, amely

1. **homogén** (azaz elemei egyetlen bázistípushoz tartoznak),
2. **egyértelmű rákövetkezési reláció** van elemei között (az adott elemét legfeljebb egy elem követheti),
3. **egyetlen** olyan eleme van, amelyet **nem előz meg** másik, s **egyetlen** olyan, amelyet **nem követ**.

### 5.1. Sorozatműveletek

Nagyon sokféle sorozattípus alkotható meg, mégha nem különböztetjük meg a különböző bázistípusúakat egymástól (azaz a *strukturálisan azonosakat*). Jellegzetes művelet-együttest rendelve hozzájuk kapjuk a későbbiekben tárgyalt egyes, fontos alosztályait.

A legfontosabb műveletei, halmozva, a következők:

Művelet	Tevékenység-leírás
Üres	Létrehoz, elemek nélkül.
Létrehoz	Létrehoz, struktúrától függő elemekkel.
Üres?/Teli?	Ellenőrzi, hogy van-e eleme / bővíthető lenne-e?
ElemSzám	Hány eleme van?
Beilleszt	Struktúrától függő helyre új elemet illeszt.
Kihagy	Struktúrától függő helyről elemet hagy el.
Első/Utolsó	Első / utolsó elemének értékét adja.
Elejéről/Végéről	Leválasztja a sorozat első / utolsó elemét, értékét is visszaadja.
ElsőUtániak/UtolsóElőttiek	Eldobja az első / utolsó elemet.
Elejére/Végére	A sorozat első eleme elé / utolsó eleme mögé illeszt egy újat.
Elem	Struktúrától függően meghatározott elemének értékét adja vissza.
ElemMódosít	Struktúrától függően meghatározott elemének új értéket ad.
Elsőre/Utolsóra	A struktúra első / utolsó elem lesz az aktuális (ha volt ilyen).
Előzőre/Következőre	A struktúra aktuális eleme (ha volt ilyen) legyen az eddigit megelőző / követő.

Aszerint, hogy mely műveleteket engedjük meg, egy sorozatfélénel beszélhetünk az alábbi típuskonstrukciókról. Nem jelöljük az „altípus-osztályokat”, továbbá a tevékenységeket nem a „hagyományos” nevükön említjük.

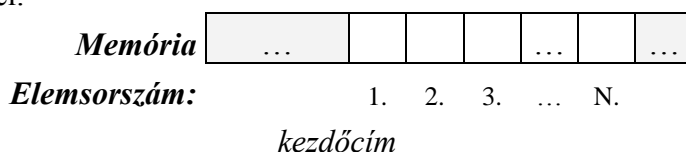
Típuskonstrukció	Tevékenységhalmaz
Tömb	(Létrehoz, ElemSzám,) Elem, ElemMódosít
Lista	Üres, Üres?, Teli?, Beilleszt, Kihagy, Elsőre, Utolsóra, Előzőre, Következőre, Elem, ElemMódosít
Sor	Üres, Üres?, Teli?, ElemSzám, Első, Elejéről, Végére



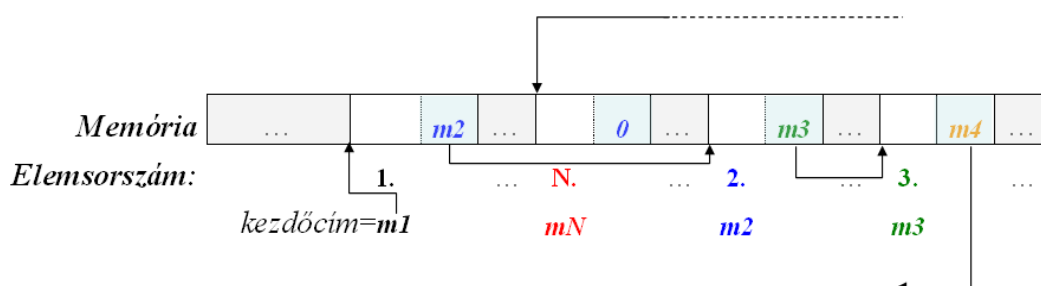
Verem	Üres, Üres?, Teli?, ElemSzám, Első, Elejére, Elejéről
Táblázat	Üres, Üres?, Teli?, ElemSzám, Elem, ElemMódosít...
InputSzekvenciálisFile	Létrehoz, Üres?, Elejéről
OutputSzekvenciálisFile	Üres, Üres?, Teli?, Végére
DirektFile	Üres, Létrehoz, Üres?, Teli?, ElemSzám, Elem, ElemMódosít...
AsszociatívFile	Üres, Üres?, Teli?, ElemSzám, Elem, ElemMódosít...

## 5.2. Sorozatok ábrázolásának lehetőségei

**Folytonos ábrázolás**, amikor az elemeket a memóriában a *kezdőcímtől szorosan egymásután* helyezük el.



**Láncolt ábrázolás**, amelynél az elemek a memóriában elszórva helyezkednek el, a rákövetkezőt mutatóval biztosítjuk.



**Blokkolt ábrázolás** ötvözi az előbbi kettőt úgy, hogy láncot hoz létre az elemek egy adott számú elemet tartalmazó tömbjéből.

## 6. A MODUL MINT A TÍPUSMEGVALÓSÍTÁS KERETE

### 6.1 Mi a típus?

**Amit már tudunk – „statikus kellékek”**

- **Értékhalmoz**
- **Műveletgarnitúra**

**Miket kell megadni ahhoz, hogy mondhassuk: a típust „teljesen” ismerjük?**

A statikus kellékeken, ismereteken túl:

- **Szignatúra** – milyen dolgokkal manipulál a művelet (*értelmezési tartomány*), s mit állít elő (*értékkészlet*)?
- A **műveletek „együttműködése”** – hogyan függnek össze a műveletek transzformációi (*axiómák*)?

## Mit értünk a típus megvalósítása alatt?

Annak definiálását, hogy milyen leképezést valósítanak meg az egyes műveletek (*szemantika-definíció*), és hogyan lehet „megszólítani” őket (*szintaktika-definíció*):

1. Definiálhatjuk *csak a kapcsolatukat*, egymásra hatásukat, axiómák megadásával. (*Algebrai specifikáció*)
2. Definiálhatjuk az egyes műveletek „*egyedi*” *leképezésének* megadásával. Ez az *export modul* feladata, amely tartalmazza a *szignatúrákat* és –esetleg– az *elő-utófeltételeket*. (*Algoritmikus specifikáció*)
3. Rögzíthetjük az egyes műveleteket „*egyedi*” *megvalósításukkal*, amelyben már figyelembe vesszük a típus már rögzített ábrázolását. Ez a *reprezentációs-implemmentációs modul* feladata.

A fenti 2-3.-at egyaránt vonatkoztathatjuk *algoritmusra* és konkrét *programozási nyelvre*. A következő („[6.3. A modul](#)”) fejezetben mi az algoritmikus nyelvünket bővítjük ki úgy, hogy kezelhető legyen benne e kérdéskör. Mivel nem állunk meg a pusztá elmélet síkján tisztázzuk azt is („[7. A modulfogalom és a Pascal nyelv](#)” fejezetben), hogy az általunk használt lingua franca, a Pascal programozási nyelv, milyen lehetőséget ad mindehhez.

## 6.2. A típus algebrai specifikációjáról

Röviden utalunk a nyelv azon kiegészítésére, amelyben tisztázni fogjuk „globális” elvárásainkat az adott típussal szemben. Ezt a legabsztraktabb elképzelést formálisan egy algebrai alapú nyelven írjuk le, az alábbi keretben:

Szintaktikai „minta”	Magyarázat
<pre> <b>Típus</b> <i>TípusKonstrukció</i>(paraméterek) :     <b>Asszociált műveletek:</b>     Operáció(értelmezési tartomány): <i>Értékkészlet</i>     ...      <b>Axiómák:</b>      <b>Jelölések:</b>     • objektum: <i>Típus</i>(paraméterek) =                 <i>értelmező megjegyzés</i>     • ...     1° ... az axióma informális szövege ...        a formalizált axióma     2° ... </pre>	<p>A definiálandó típuskonstrukció „alkalmazási sablona” (feje).</p> <p>Operációinak szignatúrája (értelmezési tartománya, értékkészlete)</p> <p>Az operációk kapcsolatát leíró axiómák, és a bennük fölhasznált objektumok „deklarációi”.</p> <p>Axióma-állítások esetleg kibővítve fontos következményállításokkal.</p>

Mint a példából is kiderül, alkalmazunk néhány konvenciót, amelyet most –az idő rövidege miatt– nem taglalunk. (A részletekhez lásd a [Típus-specifikációk](#)ban.)

Visszatérő példa legyen a hét napjainak típusa! Nézzük ennek egy lehetséges algebrai leírását! Megjegyzem: a példa nem „tipikus” bizonyos értelemben, mivel a napok típusa egy *konkrét*

*típus*, így nem tudunk élni a fenti típus-specifikálási „nyelvezet” paraméterezési szolgáltatásaival.

Példa:

**Típus** TNap:

**Asszociált műveletek:**

Hétfő, Kedd, Szerda, Csütörtök,  
Péntek, Szombat, Vasárnap,  
Min, Max: TNap  
Számosság: Egész<sup>4</sup>

Létrehoz: TNap  
Lerombol (TNap)  
Következő (TNap): TNap  $\cup$  {NemDef}  
Előző (TNap): TNap  $\cup$  {NemDef}  
Sorszám (TNap): Egész  
TNap (Egész): TNap  $\cup$  {NemDef}  
<(TNap, TNap): Logikai

**Axiómák:**

- $a: \text{TNap}$
  - $n: \text{Egész}$
  - 0° A minimális érték a Hétfő, a maximális a Vasárnap, a típus számossága 7.  
 $\text{Számosság} = 7 \wedge \text{Min} = \text{Hétfő} \wedge \text{Max} = \text{Vasárnap}$
  - 1° Létrehozás utáni értéke Hétfő.  
 $a = \text{Létrehoz} \Rightarrow a = \text{Hétfő}$
  - 2° Lerombolás után nincs értelme a műveletek (a Létrehoz kivételével) alkalmazásának.  
 $\text{Következő}(\text{Lerombol}(a)) = \text{NemDef} \wedge \dots$
  - 3° Nem létezik Hétfőt megelőző és Vasárnapot követő.  
 $\text{Előző}(\text{Hétfő}) = \text{NemDef} \wedge \text{Következő}(\text{Vasárnap}) = \text{NemDef}$
  - 4° A Következő és Előző műveletek egymás inverzei.  
 $\exists \text{Előző}(a) \Rightarrow \text{Következő}(\text{Előző}(a)) = a \wedge$   
 $\exists \text{Következő}(a) \Rightarrow \text{Előző}(\text{Következő}(a)) = a$
  - 5° A Sorszám és TNap műveletek egymás inverzei.  
 $n \in [0.. \text{Számosság}) \Rightarrow \text{Sorszám}(\text{TNap}(n)) = n \wedge$   
 $\text{TNap}(\text{Sorszám}(a)) = a \wedge$   
 $n \notin [0.. \text{Számosság}) \Rightarrow \text{TNap}(n) = \text{NemDef}$
  - 6° A fenti felsorolás sorrendjében növekvően rendezettek.  
 $\text{Következő}(\text{Hétfő}) = \text{Kedd} \wedge \text{Következő}(\text{Kedd}) = \text{Szerda} \dots$
  - 7° A Hétfő sorszáma 0, a Vasárnapé 6.  
 $\text{Sorszám}(\text{Hétfő}) = 0 \wedge \text{Sorszám}(\text{Vasárnap}) = 6$
- Állítás:  $\text{Sorszám}(a) \in [0.. \text{Számosság})$ ; és  $a$   
 $\text{Sorszám}(a) = a$  fenti felsorolásbeli pozíciója + 1.

<sup>4</sup> A konstansokat 0-változós függvényeknek tekintjük.

*Bizonyítás:*  
*Nyilvánvaló.*  
 8° A felsorolásban előbb szereplő kisebb, mint bármely későbbi.  
 $a < b \Leftrightarrow \text{Sorszám}(a) < \text{Sorszám}(b)$ <sup>5</sup>...

### Megjegyzések:

- Figyeljük meg a következőket! A **Létrehoz** értelmezési tartomány nélküli függvény, amely a „semmitől” kreálja meg az adott típusú adatot; a **Lerombol** pedig *értékkészlet nélküli*, amivel épp a többi, „normális” függvény ezután történő alkalmazhatatlanságát fejeztük ki. Ezt nyomatékosítjuk a 2° axiómával is.
- Lehetséges, hogy a **Létrehoz** és **Lerombol** műveletekre a későbbiek során *explicite nem* lesz szükségünk. Ez a helyzet az ún. *statikus* adatoknál, amelyekre az a jellemző, hogy a deklarációk által *automatikus*an jönnek létre, s így a programozónak nincs „gondja” sem a létrehozással, sem a lerombolással. (Érdeemes meggondolni, mikor kerül sor e két művelet végrehajtására a *blokk-struktúrájú nyelvek* –pl. a *Pascal*– esetén.)
- A **NemDef** egy típusfüggetlen konstans, ami akkor képződik, amikor valamilyen tiltott művelet végrehajtására kerülne sor. Ha egyszer **NemDef** érték jött ki, akkor arra alkalmazva bármely operációt, az eredmény **NemDef** marad (*implicit error-axióma*).
- Nyilvánvaló, hogy a 2-8° axiómák feltételül meg kellett volna fogalmaznunk, hogy az ott szereplő *objektum létezik* (objektumok léteznek), azaz létrehoztuk korábban. Ezt *implicite* föltételeztük.
- A 6° axióma párvaként megfogalmazható „Előző-rendezési axiómát” következmény-állításként illeszthetjük a rendszerbe. (Most nem tesszük meg.)

### 6.3. A modul

Elsőként a programozói felületet leíró, ún. **export modul** szintaxisát adjuk meg:

```
ExportModul TípusNév (InputParaméterek) :
  [most következnek az exportálandó fogalmak „értelmes” csoportosításban:]
Típus [ritkán van ilyenre szükség]
  Tip1, Tip2, ... [csak azonosítók felsorolása!]
Konstans [ritkán van ilyenre szükség]
  Kons1, Kons2, ... [a TípusNév típus néhány kiemelendő konstansa]
  [az alábbi részben soroljuk föl a típushoz tartozó tevékenységek „fejsorait”
  és működésüket leíró elő-utófeltételeket]
```

<sup>5</sup> <:TNap×TNap→Logikai rendezés visszavezetése <:Egész×Egész→Logikai rendezésre.

```

Függvény Fv1 (FormParam) : FvTip1
  Ef: ...
  Uf: ...
Függvény Fv2 (FormParam) : FvTip2
  Ef: ...
  Uf: ...
...
Eljárás Elj1 (FormParam)
  Ef: ...
  Uf: ...
Eljárás Elj2 (FormParam)
  Ef: ...
  Uf: ...
...
Operátor Op1 (FormParam) : OpTip1
  Ef: ...
  Uf: ...
Operátor Op2 (FormParam) : OpTip2
  Ef: ...
  Uf: ...
...
Modul vége.

```

#### Megjegyzések:

- A „fő fogalom”, a **TípusNév**, külön megadás híján is látszódo fogalom lesz.
- Az **InputParaméterek** lehetnek típust jellemző konstansok, de –típuskonstrukció esetén– típusok is. (Szokás e paramétereket ’generic parameter’-nek nevezni.)
- Az **elő-utófeltételek** időnként **elhagyhatók**. (Pl. ha ezeket csak az ábrázolás ismeretében lehet értelmesen megfogalmazni, ami e pillanatban még nem ismert.)
- A **modulfej** egyben a felhasználás „mintájául” is szolgál (l. az alábbi példát).

#### Példa:

```

ExportModul Tömb (Típus TIndex : Típus TElem) :
...
Modul vége.

```

A fenti definíció után a felhasználás szintaxisa:

```

Típus Vektor=Tömb (1..9:Egész)
...

```

- Az egyes **exportált fogalmak csoportosításra** semmilyen megkötés nincs: sem sorrendjére, sem arra, hogy hány „darabba” különítjük el őket. (Tehát lehet több konstans, típus vagy más csoport is.)
- **Kerülni kell** a változók exportálását. Uí. veszélyes, ha a rátámaszkodó programnak lehetősége van a reprezentált adatokkal **közvetlen** kapcsolatba kerülni. Ha ilyen igény merülne föl, akkor **definiálni kell** külön erre a célra **tevékenységeket** (eljárásokat, függvényeket, operátorokat).

Ki fogjuk egészíteni az algebrai specifikáció műveletkészletét továbbiakkal is: *egyenlőségvizsgálattal*, *értékadással*, *beolvasás* és *kiírás* műveletekkel, valamint a hibás elvégzés tényét rögzítő *hiba-flag-et kezelő függvénnyel*. (Ezek nélkül ugyanis felhasználhatatlan eszköz maradna a legtöbb típus, vagy mindenegyes esetben a programozónak külön kellene jól-rosszul ezekkel a műveletekkel kiegészítenie.) Mindezt annak ellenére tesszük, hogy sok esetben a programozási nyelvek nem adnak mindegyikre (pl. a „típusos” be/ki-re) módot.

Egy-két típusnál szokatlan lehet valamely *létrehozó*, ill. *leromboló* művelet használatának explicit felkínálása, mivel a programozási nyelvek legtöbb implementációja *automatikusan* gondoskodik a létrehozásról. (Pl. Tömb, Táblázat, Statikus gráf.) A leírás teljességére való törekvés, illetve az esetleges „hagyományostól” eltérő ábrázolás lehetővé tétele mégis indokoltá tehetik ezt.

Nézzük [visszatérő példánk](#) egy lehetséges export modulját!

Példa:

```

ExportModul TNap: [kiindulási alap az algebrai leírás]
  Konstans
    Hétfő, Kedd, Szerda, Csütörtök, Péntek, Szombat,
    Vasárnap:TNap
  Operátor Min:TNap
    Másnéven Min' TNap
    Ef: -
    Uf: Min=Hétfő
  Operátor Max:TNap
    Másnéven Max' TNap
    Ef: -
    Uf: Max=Vasárnap
  Operátor Számosság:Egész
    Másnéven Számosság' TNap
    Ef: -
    Uf: Számosság=7
  Függvény Következő(Konstans x:TNap):TNap
    Ef: x≠Vasárnap [v.ö. a 3. axiómával]
    Uf: Következő(Hétfő)=Kedd ∧ ... [v.ö. a 6. axiómával]
  Függvény Előző(Konstans x:TNap):TNap
    Ef: x≠Hétfő [v.ö. a 3. axiómával]
    Uf: Előző(Kedd)=Hétfő ∧ ... [v.ö. a 6.&4. axiómával]
  Függvény Sorszám(Konstans x:TNap):Egész
    Ef: -
    Uf: Sorszám(Hétfő)=0 ∧ ... [v.ö. a 7. axiómával]
  Függvény TNap(Konstans x:Egész):TNap
    Ef: x∈[0..6]
    Uf: TNap(0)=Hétfő ∧ ...

```

**Infix Operátor** Egyenlő (**Konstans**  $x, y: \text{TNap}$ ) : Logikai  
**Másnéven**  $x=y$   
 [ezt a függvényt nem specifikáljuk, mert az „alapokat” firtatja, és elkerülhetetlenül circulum viciosus-ba ütköznénk]

**Infix Operátor** LegyenEgyenlő (**Változó**  $x: \text{TNap}$   
**Konstans**  $y: \text{TNap}$ )  
**Másnéven**  $x:=y$   
 [ezt az eljárást nem specifikáljuk, mert az „alapokat” firtatja, és elkerülhetetlenül circulum viciosus-ba ütköznénk]

**Infix Operátor** Kisebb (**Konstans**  $x, y: \text{TNap}$ ) : Logikai  
**Másnéven**  $x < y$   
**Ef:** -  
**Uf:**  $\text{Kisebb}(\text{Hétfő}, y) \Leftrightarrow y \neq \text{Hétfő} \wedge$   
 ...

**Operátor** Be (**Változó**  $x: \text{TNap}$ )  
**Másnéven** **Be**:  $x$   
**Ef:**  $\text{Input} \in \{ ' \text{hétfő} ', ' \text{kedd} ', ' \text{szerda} ' \dots \}$   
**Uf:**  $\text{Input} = ' \text{hétfő} ' \Rightarrow x = \text{Hétfő} \wedge$

**Operátor** Ki (**Konstans**  $x: \text{TNap}$ )  
**Másnéven** **Ki**:  $x$   
**Ef:** -  
**Uf:**  $x = \text{Hétfő} \Rightarrow \text{Output} = ' \text{hétfő} ' \wedge$

**Függvény** Hibás? (**Változó**  $x: \text{TNap}$ ) : Logikai  
 [teszteli, hogy volt-e hibásan elvégzett művelet (pl. amelynek az előfeltétele nem teljesült) az adott TNap típusú (x) adatra; majd inicializálódik a hiba-flag]

**Modul vége.**

### Megjegyzések:

- A **Létrehoz** és **Lerombol** műveleteket *kihagytuk* az algoritmikus specifikációból. Ezzel eltértünk az algebrai specifikációtól. Ok: *statikusan* kívánjuk megvalósítani e felsorolástípust, építünk a *blokk-struktúrájú nyelvek* adatlétrehozó, -leromboló mechanizmusainak léte. (Gondoljon az eljárás-/függvény-paraméterekre és a lokális adatok kezelésére!) A *Létrehoz-axióma* persze még fel kell bukkanjon a megvalósításban a szükséges kezdőérték megadása miatt.
- A **Min**, **Max** és **Számosság** konstansokat (prefix) *0-változós operátorként* definiáltuk, s nem konstansként, mert alkalmazásuk speciális szintaxisú (típusparaméterű). Vegyük észre, hogy ezek a konstansok minden rendezett, illetőleg véges típus esetén értelmesek. Így a használó program szintjén való megkülönböztetés érdekében olyan szintaxist kell hozzájuk rendelni, amely lehetővé teszi a típushoz kapcsolást. Ilyen probléma nem vetődik föl a többi (Hétfő, Kedd stb.), natív konstanssal kapcsolatban. (Ez a magyarázata a **Min**'Típus, **Max**'Típus, illetve a **Számosság**'Típus különleges szintaxisának.)

Példa:

```

...
Változó
  ma:TNap
  napDb:Egész
...
Ciklus ma=Min' TNap-tól Max' TNap-ig
...
Ciklus vége
  napDb:=Számosság' TNap
...

```

- Látható, hogy akkurátusan törekedtünk –bármilyen áron is!–, hogy az *utófeltételekben ne nyúljunk vissza más művelethez*, csak saját „hatáskörben” definiáltuk az elvárásokat. Ha ezt az elvet nem tartottuk volna tiszteletben, akkor egyszerűen meg lehetett volna fogalmazni a **:=** és **=** operátorok utófeltételét. Például:

Egyenlő.Uf:  $x=y \Leftrightarrow \text{Sorszám}(x)=\text{Sorszám}(y)$ .

Ekkor azonban könnyen előadódhatna az a helyzet, hogy egymásra *kölcsönösen* hivatkozva specifikáljuk őket, ami egy logikailag *értelmezhetetlen* specifikációt eredményezne.

- Az *értékadás* és az *értékazonosság* operációkról feltesszük, hogy *bitről-bitre történő másolást*, illetőleg *azonosságvizsgálatot* jelent, ezért nem tartjuk fontosnak feltételekkel körülbástyázni. Másrészt, ha ezt formálisan is le akarnánk írni, vissza kellene nyúlni (esetleg bit-szintű) reprezentációig, amit effajta specifikációnál elkerülendőnek tekintünk.
- Az időnként felbukkanó „...” folytatás jelzése formálisan *megengedhetetlen*, azonban itt csupán egy példáról van szó, így megelégedtünk a kitalálható folytatás jelzésével.
- Fölvethető kérdés: mennyire *ugyanarról szól* a kétféle specifikáció. Valóban ez külön vizsgálendő, sőt bizonyítandó probléma.
- A „**Be:**” és „**Ki:**” operátorok működésénél két problémát kell tudni formalizálni:
  1. a *külvilággal való kapcsolatét* (amely karakteres alapú),
  2. *Szöveg ↔ TNap transzformációt*.

Az 1. általános megoldására bevezettünk két függvényt. Az **Input** megadja azt a *szöveget*, amelyet a beolvasó utasítás talál az input-pufferben; az **Output** szimbolizálja az output-puffer állapotát (azt a *szöveget*, amely kiíródik a végrehajtás során, pl. a képernyőre). Így a 2. probléma már kezelhetővé vált, hisz az adat és transzformáltja is egy-egy memóriabeli objektumban csücsül. Fel kell figyelniük a szöveges és a „belsőállapotú” konstansok merev megkülönböztetésére ('hétfő' ≠ Hétfő...!)

- **Operátor**nak azt az alprogramot nevezzük, amely az eljárástól vagy függvénytől *eltérő szintaxissal* építhető be a programba (azaz hívható). Lehet **Infix**, ekkor a két operandus *közé* illeszkedik, lehet **Prefix**, ekkor *megelőzi* az egyetlen paraméterét, ill.



**Postfix** esetben *követi*. S lehet „egyéni” szintaxisa, ekkor a **Másnéven** kulcs-szónál adhatjuk meg ezt. A leggyakoribb eset a **Prefix**, ezért ezt a minősítőt elhagyhatjuk.

- Egyik-másik operátornál „meglepő” a paraméter *hozzáférési joga*. A várható konstans helyett változó lett azért, mert a végrehajtás során hiba következhet be, amely által az „állapota” kényszerűen és szándékunk ellenére megváltozik. (**Következő, Előző... Hibás?** Nagyjából azoknál, amelyeknél nem üres az előfeltétel, tehát van „esélye” a hibás használatnak. Pontosán azoknál, amelyeknek bármi köze is van a hiba-flag-hez.)

Folytassuk a megvalósítást betetőző fogalommal, a *reprezentációs-implementációs modullal*, röviden a *modullal*! Ennek feladata, hogy amit eddig elterveztünk, azt kidolgozza: azaz tisztázza, hogy

1. miként ábrázolható a típusbeli érték a memóriában, vagy bárhol (*reprezentáció*) és
2. hogyan valósíthatók meg az egyes műveletek, figyelembe véve a választott ábrázolást (*implementáció*).

A modul-szintaxis a következő:

```

Modul TípusNév (InputParaméterek) :
  Reprezentáció
  ...
  [a típusábrázoláshoz szükséges adatleíró „kellékek”:
   konstansok, saját típusok,
   a változó-deklarációs rész már magának a típusnak a „mezőit” határozza meg]
  Implementáció
  [itt szerepelnek az export-modulban „megjósolt”
   tevékenységek működésének részletezése...]
  Függvény Fv1 (FormParam) : FvTip1
    Ef: ...
    Uf: ...
  ...
  Függvény Fv2 (FormParam) : FvTip2
    Ef: ...
    Uf: ...
  ...
  Eljárás Elj1 (FormParam)
    Ef: ...
    Uf: ...
  ...
  Eljárás Elj2 (FormParam)
    Ef: ...
    Uf: ...
  ...
  Operátor Op1 (FormParam) : OpTip1
    Ef: ...
    Uf: ...
  ...

```

**Operátor** Op2 (FormParam) : OpTip2

**Ef:** ...

**Uf:** ...

...

### Inicializálás

[egy ilyen típusú adat *létrehozása* az itt leírt utasításokkal történik]

**Modul vége.**

### Megjegyzések:

- Az egyes műveletek egyedi specifikációját jelentő elő-utófeltétel párok, amennyiben megegyeznek az exportmodulbelivel, nyilván elhagyhatók. Természetesen „értelme-  
sen” igazítva a reprezentációhoz, újabb biztonsági támpontul szolgálhat a fejlesztés-  
hez. (Ekkor persze újabb feladatként járul az eddigiek mellé, hogy ezek következését  
az „elődjükből” be kell látni:

operáció<sub>Exportmodul</sub>.Ef  $\Rightarrow$  operáció<sub>Modul</sub>.Ef  $\wedge$  operáció<sub>Modul</sub>.Uf  $\Rightarrow$  operáció<sub>ExportModul</sub>.Uf.)

A [visszatérő példánk](#) egy lehetséges moduljának töredékét tervezzük meg az alábbiakban. A reprezentációs döntésünk, hogy legyen minden TNap adatnak legyen egy hiba-flag-je.

### Példa:

**Modul** TNap: [kiindulási alap az [export modul](#)]

#### Reprezentáció

##### Változó

felsKód:Egész

hiba:Logikai

##### Konstans

Hétfő:TNap(0, Hamis) [v.ö. a 7. axiómával]

Kedd:TNap(1, Hamis)

...

Vasárnap:TNap(6, Hamis)

#### Implementáció

**Operátor** Min:TNap

**Másnéven** Min' TNap

**Ef:** -

**Uf:** Min=Hétfő

Min:=Hétfő

**Operátor vége.**

**Operátor** Max:TNap

**Másnéven** Min' TNap

**Ef:** -

**Uf:** Max=Vasárnap

Max:=Vasárnap

**Operátor vége.**

**Operátor** Számosság:Egész

**Másnéven** Számosság' TNap

**Ef:** -

**Uf:** Számosság=7

Számosság:=7

**Operátor vége.**

```

Függvény Következő (Konstans x:TNap) :TNap
  Ef: x.felsKód≠66 [azaz a 7. axióma szerint nem „Vasárnap”]
  Uf: Következő.felsKód=x.felsKód+1 [v.ö. a 6. és 7. axiómával]
  Ha felsKód=6
    akkor Következő.hiba:=Igaz
    különben Következő.felsKód:=felsKód+1
Függvény vége.
Függvény Előző (Konstans x:TNap) :TNap
  Ef: felsKód≠0
  Uf: Előző.felsKód=x.felsKód-1
  ...
Függvény vége.
Függvény Sorszám (Konstans x:TNap) :Egész
  Ef: -
  Uf: Sorszám=x.felsKód [v.ö. a 7. axiómával és az Állítással]
  ...
Függvény vége.
Függvény TNap (Konstans x:Egész) :TNap
  Ef: x∈[0..6]
  Uf: TNap(0).felsKód=Hétfő.felsKód ∧ ...
  ...
Függvény vége.
Infix Operátor Egyenlő (Konstans x,y:TNap) :Logikai
  Másnéven x=y
  [ezt a függvényt nem specifikáljuk, mert az „alapokat” firtatja,
  és elkerülhetetlenül circulum viciousus-ba ütköznénk]
  ...
Operátor vége.
Infix Operátor LegyenEgyenlő (Változó x:TNap
  Konstans y:TNap)
  Másnéven x:=y
  [ezt a függvényt nem specifikáljuk, mert az „alapokat” firtatja,
  és elkerülhetetlenül circulum viciousus-ba ütköznénk]
  ...
Operátor vége.
Infix Operátor Kisebb (Konstans x,y:TNap) :Logikai
  Másnéven x<y
  Ef: -
  Uf: Kisebb(x,y) ⇔ x.felsKód<y.felsKód [v.ö. a 8. axiómával]
  ...
Operátor vége.
Operátor Be (Változó x:TNap) :
  Másnéven Be:x
  Ef: Input∈{'hétfő', 'kedd', 'szerda'...}
  Uf: Input='hétfő' ⇒ x=Hétfő ∧ ...
  ...
Operátor vége.

```

<sup>6</sup> Persze szebb lenne így írni: ...≠Vasarnap.felsKód.

```

Operátor Ki (Konstans x:TNap) :
  Másnéven Ki:x
  Ef: -
  Uf: x=Hétfő  $\Rightarrow$  Output='hétfő'  $\wedge$ 
  ...
Operátor vége.
Függvény Hibás? (Változó x:TNap) :Logikai
  Hibás?:=hiba; hiba:=Hamis
Függvény vége.
  ...
Inicializálás
  felsKód:=0; hiba:=Hamis
Modul vége.

```

### Megjegyzés:

- Figyeljünk föl rá, hogy az *utófeltételben* sok esetben *nem rögzítjük a hiba-flag értékét!* Ez szándékos: ha hibás volt a művelet előtt, maradjon is az ([implicit error-axióma](#)), ha hibás eredményre vezet, akkor persze állítódjon át garantáltan Igaz-ra.
- A kisebb operátor utófeltétele az ExportModul-beli specifikáció „elvárt” párja. Ha azonban a specifikációhoz nyúlunk vissza ([8<sup>o</sup> axióma](#)), akkor jóval egyszerűbbet kapunk:  $Kisebb(x, y) \Leftrightarrow x.felsKód < y.felsKód$ .
- Vegyük észre: az *inicializálásban* éppen az [1<sup>o</sup> axióma](#) szerint jártunk el. A többieknél is, csak azoknál nem ennyire „látványosan”.
- Időnként attól a *konvenciónktól eltérünk*, hogy a típus reprezentációjában szereplő komponensekre (felsKód, hiba) nem a rekordnál szokásos mezőhivatkozási jelöléssel tesszük meg ( $x.felsKód$  helyett csupán felsKód), az a magyarázata, hogy az adott operációnál *nem lenne egyértelmű*, hogy melyik ilyen típusú adat valamely komponenséről van éppen szó. Pl. a **Következő** operációban „szóba kerül” két TNap típusú objektum is: a kiindulásul szolgáló x paraméter és az eredményt jelentő.

## 7. A MODULFOGALOM ÉS A PASCAL NYELV

Amire mód van: *algoritmikus specifikáció* és a *megvalósítás*; amire nincs: az *algebrai specifikáció*. Többféle (Turbo/Free) Pascal-nyelvi lehetőséget lehet a típusgyártás szolgálatába állítani:

- **Unit** – *önálló fordítási egység*, amely lehetne a típus „zárt”, lefordított kerete. Zárt és lefordított  $\Rightarrow$  *paraméterezni már nem lehet*, többször *fordítani* viszont *nem kell*.
- **Include-állomány** – *forrásprogram-töredék*, amelyben a megvalósított típus „dolgai” találhatóak, de bizonyos részek nem definiáltak benne, pl. a paramétereit, így „részt vesz” minden fordításban annak ellenére, hogy benne esetleg nincs változás;
- **Objektum** – olyan „rekord-szerű képződmény”, amely *egységbe zárja* a típus két kellékét: az értékhalmozatot és a műveleteit; mindezt úgy teszi, hogy akár része lehet a fej-

lesztendő programnak, akár kiemelhető unit-ba vagy include-állományba (azok minden előnyével és hátrányával).

Az nyilvánvaló, hogy a Pascal-ban

- nincs *operátordefiniálási* lehetőség, helyette vagy **function**-t vagy **procedure**-t kell használni;
- *csak egyszerű* értéket szolgáló *függvényeket* lehet definiálni (használni), ezért ilyenek gyanánt alkalmasan átalakított **procedure**-öket kell definiálni. Az átalakítás persze igencsak mechanikus, ahogy az alábbi példa mutatja:

Algoritmikus	⇒	Pascal
<b>Operátor</b> Min:TNap <b>Másnéven</b> Min' TNap Min:=Hétfő <b>Operátor vége.</b>	⇒	<b>Procedure</b> Min (Var minKi:TNap) ; <b>Begin</b> minKi:=Hetfo <b>End;</b>

Érdeemes tudni, hogy

1. a FreePascal-ban az előbbi korlátozást már feloldották, ui. record-értékű függvény definiálható;
2. a Min' TNap / Max' TNap implementálása elhagyható, ui. létezik a típusokhoz egy **Low / High** típusargumentumú függvény. Így a Min' TNap / Max' TNap kódolása történhet ily módon is:

Algoritmikus	⇒	FreePascal
...Min' TNap... ...Max' TNap...	⇒	...Low (TNap) ... ...High (TNap) ...

## 7.1. Unit

- A unit szintaxisa igazodik a Pascal nyelvhez, így túl sok magyarázatra nincs szükség. Annyit előljáróban: a unit egyesíti az exportmodul (**Interface**-rész) és a modul (**Implementation**-, inicializáló rész) fogalmat.

```
Unit TipusNev; {InputParaméterek}
Interface
...
{ a kívülről láttatandó fogalmak:
  unit-ok, konstansok, típusok, változók; eljárások és függvények fejsorai }
...
Implementation
...
{ az elrejtendő reprezentációs dolgok:
  unit-ok, konstansok, változók, típusok, „saját” eljárások és függvények;
  az exportált eljárások és függvények törzsükkel együtt }
...
```

```

Begin
  ...
  { a típus adatainak inicializálását végző utasítások }
  ...
End.

```

### Megjegyzések:

- A program *végrehajtása* azzal *kezdődik*, hogy az összes hozzászerkesztett unit (**Begin** és **End.**-je közé tett) inicializáló utasításai *egyszer* s mindenkorra végrehajthatódnak. Azaz nincs mód arra, hogy ha több adott (valamely unit-ban megvalósított) típusú adat van a programban, akkor azok mindegyike külön-külön inicializálódjék. Ezért sokszor be kell vezetni egy további műveletet *inicializálás* céllal, és rá kell bízni a programozóra, hogy a deklaráció után és az első felhasználás előtt használja is.
- Mivel *nincs mód paraméterezésre*, ezért ellenáll mindenféle „általánosításnak”. A fenti kommentben levő InputParaméterek csak a fejlesztőnek szolgáltatnak információt arról, hogy mik azok a fogalmak, amelyek, ha lehetséges volna, paraméterként funkcionálhatnának.
- A *unit neve* és a *befoglaló fájl neve* azonos kell, legyen!
- Felhasználása: a „hívó” program **Uses** utasítása sorolja föl a felhasznált összes unitot.
- Ha ugyanaz az azonosító több hivatkozott modulban is előfordul (vagy magában a hivatkozó programban), akkor fölvethető a kérdés: melyikre mi módon lehet hivatkozni. A válasz: *minősített azonosító* alkalmazása, azaz a **unitnév** + **pont** + **azonosító**.  
Például: írható saját ClrScr eljárás, amelyben építhetünk a Crt unit hasonló nevű eljárására:

```

...
Uses ..., Crt, ...;
...
Procedure ClrScr(Const cím:String);
Begin
  Crt.ClrScr;
  Writeln(cím:40+(Length(cím) Div 2));
  ...
End;
...
Begin
  ClrScr('Ügyes kis program');
...

```

Az alábbi példa bemutatja, hogyan lehet a TNap típust unit-tal megvalósítani. A Pascal nyelv fentebb említett kellemetlen vonásai miatt a TNap-értékű függvényeket procedure-ökkel helyettesítettük. (FreePascal-ban szebben is megvalósíthatjuk. Gyakorlásul tegyük is meg!)

Példa:

```

Unit TNapUnit; {InputParaméterek}
Interface
  Type
    TNapK=0..6;
    TNap=Record felsKod:TNapK; hiba:Boolean End;
  Const
    Hetfo:TNap=(felsKod:0;hiba:False);
    Kedd:TNap=(felsKod:1;hiba:False);
    ...
  {ki tudja, h. a Pascal a deklarált adatnak milyen kezdőértéket juttat, ezért plusz
  műveletként az alábbi az asszociált műveletekhez hozzávesszük;}
  Procedure Inic (Var x:TNap);
    {Ef: -
    Uf: x=TNap(0,Hamis)}
  Procedure Min (Var minKi:TNap);
    {Ef: -
    Uf: minKi=TNap(0,Hamis)}
    ...
  Function Szamossag:Word;
    {Ef: -
    Uf: Szamossag=7}
  Procedure Kovetkezo (Const x:TNap; Var kovetkezoKi:TNap);
    {Ef: x.felsKod<>6
    Uf: kovetkezoKi.felsKod=x.felsKod+1}
    ...
  {az alábbira nincs szükség, hiszen az értékadást ismeri a Pascal (:=):
  Procedure LegyenEgyenlő (Var x:TNap
                          Const y:TNap);
  }
  Function Egyenlo (Const x,y:TNap):Boolean;
    {Ef: ...
    Uf: ...}
  Function Kisebb (Const x,y:TNap):Boolean;
    {Ef: ...
    Uf: ...}
  Procedure Be (Var x:TNap);
    {Ef: Input ELEME ('HÉTFŐ','KEDD','SZERDA'...)}
    Uf: Input='HÉTFŐ' ⇒ x=Hetfo ES ...}
  Procedure Ki (Const x:TNap);
    {Ef: -
    Uf: x.felsKod=0 ⇒ Output='HÉTFŐ' ES ...}
  Function Hibase (Var x:TNap):Boolean;
Implementation
  Type
    TNapS=Array [TNapK] of String[9];

```

```

Const
  NapS:TNapS= ('HÉTFŐ', 'KEDD', 'SZERDA',
              'CSÜTÖRTÖK', 'PÉNTEK',
              'SZOMBAT', 'VASÁRNAP');

Procedure Inic(Var x:TNap);
  {Ef: -
   Uf: x=TNap(0,Hamis)}
Begin
  x.felsKod:=0; x.hiba:=False
End;

Procedure Min(Var minKi:TNap);
  {Ef: -
   Uf: minKi=TNap(0,Hamis)}
Begin
  minKi.felsKod:=0; minKi.hiba:=False
End;

...

Function Szamossag:Word;
  {Ef: -
   Uf: Szamossag=7}
Begin
  Szamossag:=7
End;

Procedure Kovetkezo(Const x:TNap; Var kovetkezoKi:TNap);
  {Ef: x.felsKod<>6
   Uf: kovetkezoKi.felsKod=x.felsKod+1}
Begin
  With x do
  Begin
    {Ef-ellenőrzés:}
    If felsKod=6 then
    Begin
      kovetkezoKi.hiba:=True; Exit
    End;
    {művelet-törzs:}
    kovetkezoKi.felsKod:=felsKod+1
  End;
End;

...

Function HibasE(Var x:TNap):Boolean;
Begin
  HibasE:=x.hiba; x.hiba:=False
End;

Begin
End.

```

Megjegyzések:



- Sajnálatos módon a sajátos Pascal logika miatt olyanok is belekerülnek az **Interface** részbe, amelyeket ténylegesen nem szeretnénk exportálni. (TNapK a TNap „belső struktúrája”...)
- A TNap típus felhasználását a következő példa mutatja.

Példa:

```

Program AProgram;
Uses ..., TNapUnit, ...;
Var
    tegnap, ma, holnap: TNap;
    ...
Begin
    ...
    Inic(ma); {most elhagyható lenne; miért?}
    Repeat
        Write('Milyen nap van ma?:'); Be(ma);
    Until not Hibase(ma);
    ...
    Writeln('Holnap:');
    Kovetkezo(ma, holnap); Ki(holnap);
    ...
End.

```

Egy más elvű megoldást is találhatunk, ami azonban nem a modulból, hanem az exportmodulból indul ki. Ötlete a következő: a napok absztrakt felsorolását egészítsük ki egy további, pl. **NemDef**-fel elkeresztelt értékkel. Az előbbi TNapK és TNap kettőse helyett ábrázoljuk így:

```

Típus TNapK=(Hétfő, Kedd, Szerda, Csütörtök, Péntek,
              Szombat, Vasárnap, NemDef)

```

```

Változó érték:TNapK

```

Ekkor egyszerű értéktípusúak lesznek az eddig rekord-típusú értéket szolgáltató függvények. Pl.:

```

Függvény Következő(Konstans x:TNap):TNap
    Ef: x≠Vasárnap
    Uf: Következő(x)= Következő(érték) [érték=TNapK(x)!]
    Ha érték=Vasárnap akkor Következő:=NemDef
    különben Következő:=Következő(érték)
Függvény vége.

```

Figyelem: itt semmi rekurzió nincs. Hiszen a definiálandó Következő függvény paraméterének a típusa TNap, amíg a felhasznált Következőé TNapK.

A Pascal-megfeleltetés úgyszólván problémamentes:

```

Unit TNapUnit;

```

```

Interface
Type
  TNapK= (Hetfo, Kedd, Szerda, Csutortok,
          Pentek, Szombat, Vasarnap, NemDef);
  {a TNap=Record ertek:TNapK End helyett:}
  TNap=TNapK;
Procedure Inic (Var x:TNap);
...
Function Kovetkezo (Var x:TNap) :TNap;
...
Implementation
...
Procedure Inic (Var x:TNap);
{Ef: -
  Uf: x=Hetfo}
Begin
  x:=Hetfo
End;
...
Function Kovetkezo (Var x:TNap) :TNap;
{Ef: x<>Vasarnap
  Uf: x=Hetfo => Kovetkezo(x)=Kedd ES ...}
Begin
  If x=Vasarnap then Kovetkezo:=NemDef
                    else Kovetkezo:=Succ(x)
End;
...

```

## 7.2. Kódtöredék automatikus beillesztése

A unitok nyilvánvaló hátrányát igyekszik kiküszöbölni az „állomány automatikus beillesztés” lehetősége. A lényeg: a Pascal fordítóprogramot „rávesszük”, hogy a kódtöredéket tartalmazó fájlt a befoglaló program adott pontján illessze be. Ennek módja: **{\$i töredék-fájlnév}** direktíva az adott helyen.

### Példa:

Legyen az alábbi töredék a TNap.inc nevű fájlban:

```

{TNap
  InputParaméterek - ha lennének. Most nincs.
}
Type
  TNapK=0..6;
  TNap=Record felsKod:TNapK; hiba:Boolean End;
  TNapS=Array [TNapK] of String[9];

Const

```

```

NapS:TNapS= (' HÉTFŐ', ' KEDD', ' SZERDA',
             ' CSÜTÖRTÖK', ' PÉNTEK',
             ' SZOMBAT', ' VASÁRNAP' );

...

Procedure Inic (Var x:TNap);
  {Ef: -
   Uf: x=TNap(0,Hamis)}
Begin
  x.felsKod:=0; x.hiba:=False
End;

...

Procedure Kovetkezo (Const x:TNap; Var kovetkezoKi:TNap);
  {Ef: x.felsKod<>6
   Uf: kovetkezoKi.felsKod=x.felsKod+1}
Begin
  With x do
  Begin
    {Ef-ellenőrzés:}
    If felsKod<>6 then
    Begin
      kovetkezoKi.hiba:=True; Exit
    End;
    {művelet-törzs:}
    kovetkezoKi.felsKod:=x.felsKod+1
  End;
End;

...

```

A felhasználás:

```

Program AProgram;
  Uses ...;
  ...
  {$i TNap.inc - a TNap típus beillesztése}
  Var
    tegnapi, ma, holnap:TNap;
  ...
Begin
  ...
End.

```

#### Megjegyzés:

- A fenti példából sajnos nem látszik a leglényegesebb különbség: a „kvázi paramétrezhetőség”. A későbbiek során azonban számos példa lesz a unit paraméter-problémájára.

### 7.3. Objektum-osztály

Objektum, helyesebben objektum-osztály fogalma számunkra azzal az előnnyel jár, hogy a programon belül megvalósíthatjuk a megfelelő típusfogalmat, azaz az értékhalmoz és művelethalmaz egységét, egységbezárását (encapsulation).<sup>7</sup> A szintaxisáról elegendő ennyit tudni:

```

...
Type
  TipusNev=Object
  ...
  {mező-deklarációk, amit itt az objektum
   attribútumainak vagy tulajdonságainak hívnak }
  ...
  {a típus műveleteinek, metódusainak fejsorai következnek: }
  Constructor EljC (...); {elhagyható}
  Destructor EljD (...); {elhagyható}
  Procedure Elj1 (...);
  ...
  Function Fv1 (...) :TFv1;
  ...
End;
  {a típus műveleteinek kifejtése: }
  Constructor TipusNev.EljC (...);
  ...
Begin
  ...
End;
  Destructor TipusNev.EljD (...);
  ...
Begin
  ...
End;
  Procedure TipusNev.Elj1 (...);
  ...
Begin
  ...
End;
  ...
  Function TipusNev.Fv1 (...) :TFv1;
  ...
Begin
  ...
End;
...
Var
  a, b, c:TipusNev;
...

```

<sup>7</sup> Persze elismerjük, hogy ennél jóval több újdonságot rejt az objektumok fogalma, számunkra most ennyi pontosan elegendő.

**Begin**

```

...
a.EljC (...); {az a objektum konstruktorának „hívása” a létrehozás kedvéért}
a.Elj1 (...); {az a objektum Elj1 műveletének „hívása”}
...

```

Megjegyzések:

- Az objektum-*osztály* (értsd: objektum-típus) definíciójában felhasználható minden korábban definiált típus, így akár „*paraméterezhető*” is.
- Semmi akadályja annak, hogy az *osztály definícióját* külön *include-állományba* kiemeljük, s ezzel biztosítsuk a könnyű *újrafelhasználást* (reusability).

Példa:

Legyen a töredék az alábbi, ONap.inc nevű fájlban:

```

{Osztály ONap8

  InputParaméterek - ha lennének. Most nincs ilyen.
}

Type
  TNapK=0..6;
  TNapS=Array [TNapK] of String[9];
Const
  NapS:TNapS= (' HÉTFŐ', ' KEDD', ' SZERDA',
               ' CSÜTÖRTÖK', ' PÉNTEK',
               ' SZOMBAT', ' VASÁRNAP' );

Type
  ONap=Object
    felsKod:TNapK;
    hiba:Boolean;
    {ki tudja, h. a Pascal a deklarált adatnak milyen kezdőértéket juttat,
     ezért plusz műveletként hozzávesszük;}
    Constructor Inic(Var x:TNap);
    Procedure Min(Var minKi:ONap);
    Procedure Max(Var maxKi:ONap);
    Function Szamossag:Word;
    Procedure Kovetkezo(Var x:ONap; kovetkezoKi:ONap);
    Procedure Elozo(Var x:ONap; elozoKi:ONap);
    Function Sorszam(Const x:ONap):Word;
    Procedure ONap(Var x:Word):ONap;
    Procedure Be(Var x:Word);
    Procedure Ki(Const x:Word);
    Function HibasE(Var x:ONap):Boolean;

End;

```

<sup>8</sup> Az „O” a „T” helyett utalás, hogy „Objektum-Osztály”-ról van szó. Csak amolyan „szlávís” konvenció!

```

Constructor ONap.Inic;
  {Ef: -
   Uf: x=TNap(0,Hamis)}
Begin
  felsKod:=0; hiba:=False
End;

Procedure ONap.Min(Var minKi:ONap);
  {Ef: -
   Uf: minKi=ONap(0,Hamis)}
Begin
  minKi.felsKod:=0; minKi.hiba:=False
End;

...

Function ONap.Szamossag:Word;
  {Ef: -
   Uf: Szamossag=7}
Begin
  Szamossag:=7
End;

Procedure ONap.Kovetkezo(Var kovetkezoKi:ONap);
  {Ef: felsKod<>6
   Uf: kovetkezoKi.felsKod=felsKod+1}
Begin
  {Ef-ellenőrzés:}
  If felsKod=6 then
    Begin
      hiba:=True; Exit
    End;
  {művelet-törzs:}
  kovetkezoKi.felsKod:=felsKod+1
End;

...

```

A felhasználás:

```

Program AProgram;
  Uses ...;
  ...
  {$i ONap.inc - az ONap osztály beillesztése}
  Var
    tegnap,ma,holnap:ONap;
  ...
Begin
  ...
  ma.Inic;
  Repeat
    Write('Milyen nap van ma?:'); ma.Be;
  Until not ma.HibasE;
  ...
  Writeln('Holnap:'); ma.Kovetkezo(holnap); holnap.Ki;
  ...

```

End.

## TARTALOM

Adatszerkezetek tárgya , 1. félév 1. előadás'2009 (vázlat).....	1
1. Adatok jellemzői .....	1
1.1. Azonosító .....	1
1.2. Hozzáférési jog.....	1
1.3. Kezdőérték .....	1
1.4. Hatáskör .....	2
1.5. Élettartam .....	2
1.6. Értéktípus .....	2
2. Az értéktípus .....	3
2.1. Az értéktípusról általánosságban.....	3
2.2. Az asszociált műveletek osztályozása.....	3
3. Egyszerű Adattípusok .....	6
3.1. Elemi adattípusok.....	7
3.2. Mutató típusok.....	11
4. Összetett adattípusok – típuskonstrukciók .....	12
4.1. Összetett típusok osztályozásai .....	13
4.2. Rekord .....	13
4.3. Alternatív rekord .....	13
4.4. (Hatvány-)Halmaz .....	14
4.5. Tömb .....	15
5. Sorozattípusok.....	16
5.1. Sorozatműveletek .....	16
5.2. Sorozatok ábrázolásának lehetőségei .....	17
6. A modul mint a típusmegvalósítás kerete .....	17
6.1 Mi a típus?.....	17
6.2. A típus algebrai specifikációjáról.....	18
6.3. A modul.....	20
7. A modulfogalom és a Pascal nyelv .....	28
7.1. Unit.....	29
7.2. Kódtöredék automatikus beillesztése .....	34
7.3. Objektum-osztály .....	36
Tartalom .....	40