

# Származtatás és objektum összetétel

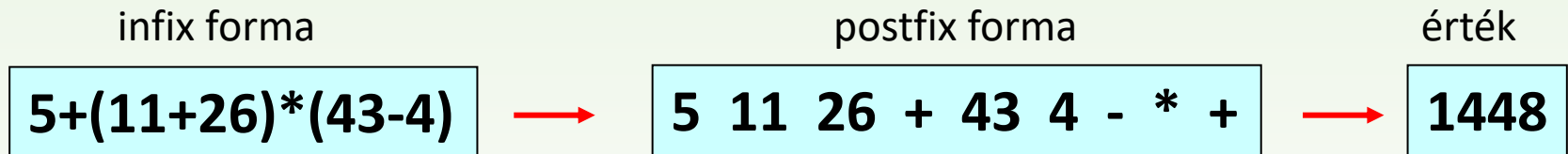
Gregorics Tibor

[gt@inf.elte.hu](mailto:gt@inf.elte.hu)

<http://people.inf.elte.hu/gt/oep>

# Feladat

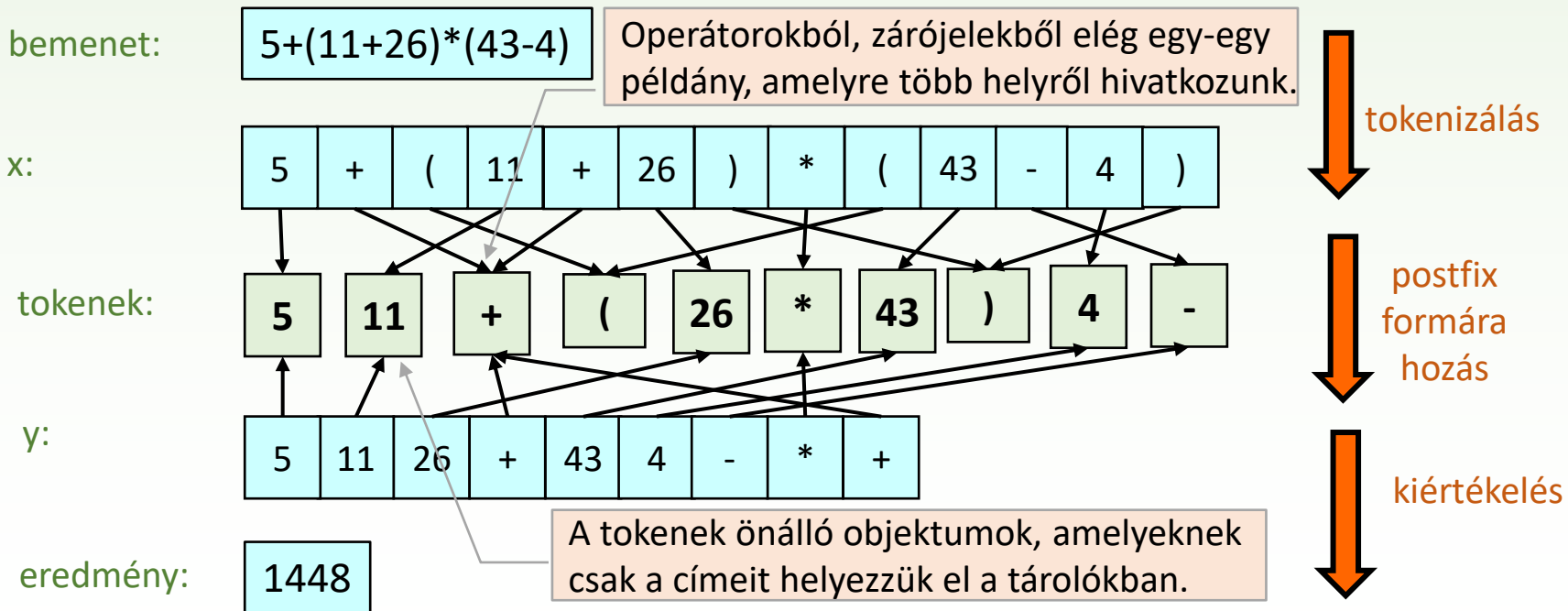
Alakítsunk át egy **infix** formájú aritmetikai kifejezést **postfix** formájúra (RPN), és számoljuk ki az **értékét**.



Az átalakításhoz is, és a kiértékeléshez is egy-egy **vermet** szoktak használni. Az elsőben műveleti jeleket és a nyitózárojeleket helyezünk el az átalakítás során, a másodikban operandusokat, illetve a részeredményeket.

# Megoldási terv

1. **Tokenizáljuk** (operátorokra, operandusokra, nyitó- és csukózárójelekre bontjuk) a karakterláncként megadott infix formájú kifejezést és a tokenek címeit elhelyezzük egy x sorozatban.
2. **Postfix formára hozzuk** az x sorozatbeli kifejezést: egy verem segítségével alakítjuk át és helyezzük el egy y sorozatban.
3. **Kiértékeljük** az y sorozatbeli postfix formát egy verem segítségével.



# A megoldás objektumai

**sztring:** az infix formájú kifejezés a szabványos bemeneten (`fstream`)

**tokenek:** speciális tokenek (`Token`), mint az operandusok (`Operand`), operátorok (`Operator`), zárójelek (`LeftP`, `RightP`)

**sorozatok:** tokenekre mutató pointerok gyűjteményei (`vector<Token*>`):  
az infix formájú tokenizált kifejezést tárolja (x)  
a postfix formára hozott tokenizált kifejezést tárolja (y)

**vermek:** tokenek címeit tároló verem (`Stack<Token*>`),  
egész számokat tároló verem (`Stack<int>`)

# Főprogram

```
int main() {  
    char ch;  
    do {  
        cout << "Give me an arithmetic expression:\n";  
        vector<Token*> x;  
        try{  
            // Tokenization  
            ...  
            // Transforming into RPN  
            vector<Token*> y;  
            Stack<Token*> s  
            ...  
            // Evaluation  
            Stack<int> v;  
            ...  
        } catch(MyException ex) { }  
        deallocateToken(x);  
        cout << "\nDo you continue? Y/N";  
        cin >> ch;  
    } while( ch!='n' && ch!='N' );  
    return 0;  
}
```

itt példányosodnak majd a tokenek

a folyamat során bárhol keletkezhet  
MyException::Interrupt kivétel

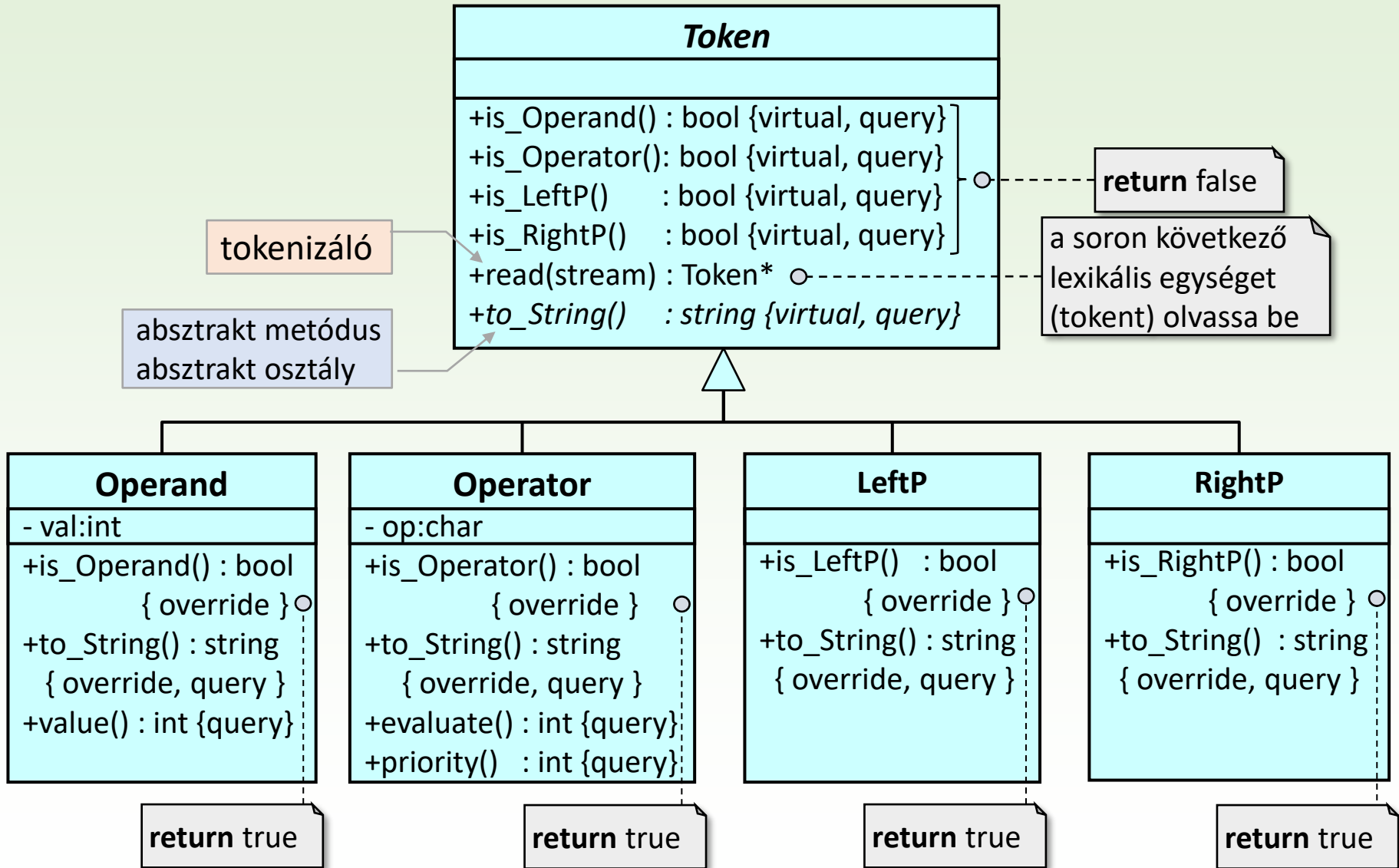
```
enum MyException { Interrupt };
```

```
void deallocateToken(vector<Token*> &x)  
{  
    for( Token* t : x ) delete t;  
}
```

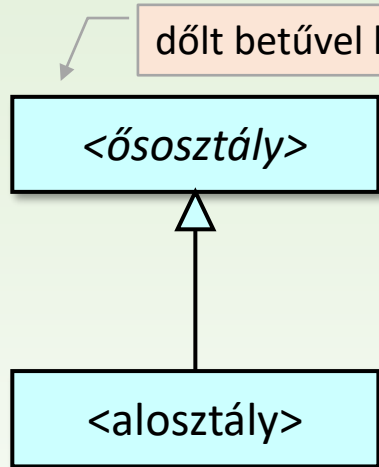
felszabadítja a tokenek  
helyfoglalásait

main.cpp

# Token osztály és leszármazottjai

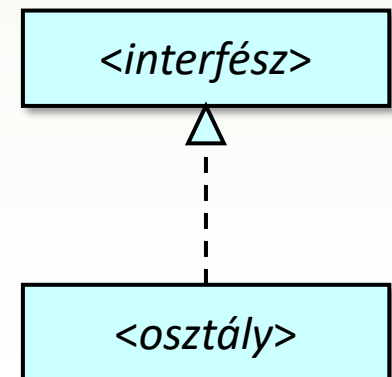


# Absztrakt osztály, interfész



- ❑ **Absztrakt** (*abstract*) osztály az, amelyből nem példányosítunk objektumokat, kizárólag ősoztályként szolgálnak a származtatásokhoz.
- ❑ Egy osztály attól lesz absztrakt, hogy
  - konstruktorai nem publikusak,
  - vagy legalább egy metódusa absztrakt (dőlt betűvel kell írni), azaz nincs implementálva, csak származtatás során írjuk majd felül

- ❑ **Interfésznek**, azaz tisztán absztrakt (*pure abstract*) osztálynak nevezzük azt az osztályt, amelyiknek egyetlen metódusa sincs implementálva.
- ❑ Egy interfészből származtatott osztály, amelyik az interfész minden absztrakt metódusát implementálja, az **megvalósítja az interfészt**.



# Token osztály

```
class Token
{
public:
    class IllegalElementException{
    private:
        char _ch;
    public:
        IllegalElementException(char c) : _ch(c){}
        char message() const { return _ch;}
    };
    virtual ~Token();
    virtual bool is_LeftP()           const { return false; }
    virtual bool is_RightP()         const { return false; }
    virtual bool is_Operand()         const { return false; }
    virtual bool is_Operator()       const { return false; }
    virtual bool is_End()            const { return false; }

    virtual std::string to_String() const = 0;

friend
    std::istream& operator>>(std::istream&, Token*&);
};
```

kivétel-kezeléshez

Mire jó a virtuális destruktork?

specifikációban még nem szerepelt

token.h



# Operand osztály

```
class Operand: public Token
{
private:
    int _val;
public:
    Operand(int v) : _val(v) {}

    bool is_Operand() const override { return true; }

    std::string to_String() const override {
        std::ostringstream ss;
        ss << _val;
        return ss.str();
    }

    int value() const { return _val; }
};
```

konverzió

token.h

# LeftP osztályból elég egy példány

```
class LeftP : public Token
```

```
{
```

```
private:
```

```
    LeftP(){}
```

```
    static LeftP *_instance;
```

```
public:
```

```
    static LeftP *instance() {  
        if ( _instance == nullptr ) _instance = new LeftP();  
        return _instance;  
    }
```

```
    bool is_LeftP() const override { return true; }
```

```
    std::string to_String() const override { return "("; }
```

```
};
```

legyen privát

egyetlen példányra mutat, ha az létezik

gyártó függvény

itt hívható a privát konstruktor

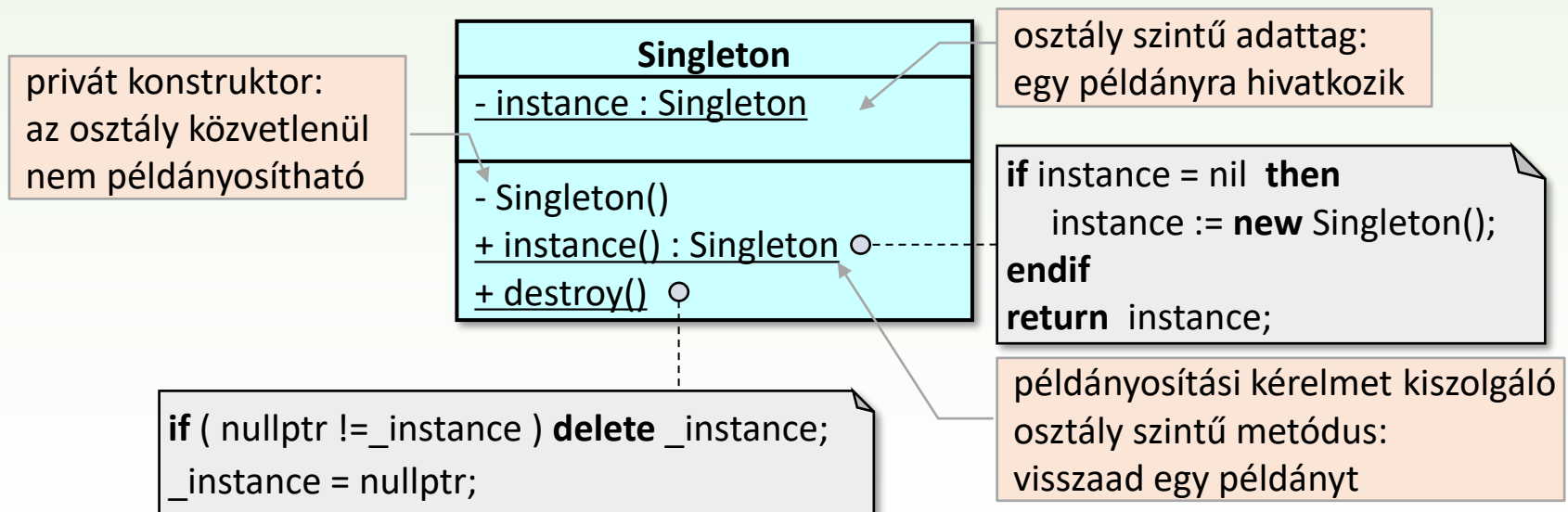
token.h

```
LeftP *_LeftP::_instance = nullptr;
```

token.cpp

# Egyke (singleton) tervezési minta

- Egy osztályhoz legfeljebb egy objektumot példányosítsunk függetlenül a példányosítási kérelmek számától.



# Operator osztály metódusai

```
int Operator::evaluate(int leftValue, int rightValue) const
{
    switch(_op){
        case '+': return leftValue+rightValue;
        case '-': return leftValue-rightValue;
        case '*': return leftValue*rightValue;
        case '/': return leftValue/rightValue;
        default: return 0;
    }
}

int Operator::priority() const
{
    switch(_op){
        case '+': case '-': return 1;
        case '*': case '/': return 2;
        default: return 3;
    }
}
```

token.cpp

Single responsibility

Open-Close

Liskov's substitution

I

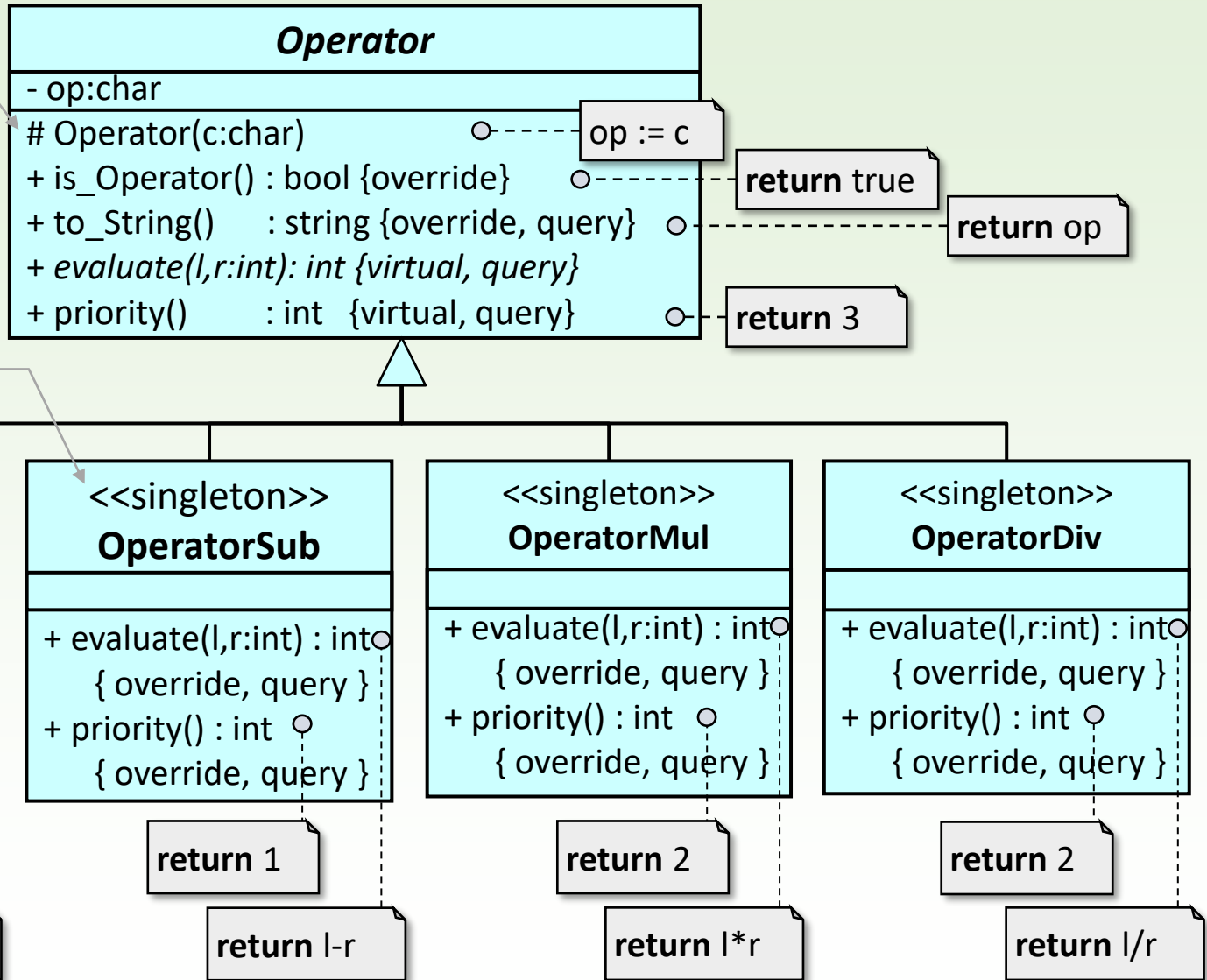
D

ez a kód nem felel meg  
az Open-Close elvnek

# Speciális operátor osztályok

Ne legyen publikus, de az alosztályokban hivatkozni akarunk rá

Az ilyen osztályokból legfeljebb egy példányt lehet csak létrehozni.



# Egyke operator osztályok

```
class OperatorAdd: public Operator
{
private:
class OperatorSub: public Operator
{
private:
class OperatorMul: public Operator
{
private:
class OperatorDiv: public Operator
{
private:
    OperatorDiv() : Operator('/') {}
    static OperatorDiv *_div;
public:
    static OperatorDiv * instance(){
        if ( _div == nullptr ) _div = new OperatorDiv();
        return _div;
    }
    int evaluate(int leftValue, int rightValue) const override {
        return leftValue / rightValue;
    }
    int priority() const override { return 2; }
};
};
};
};
};
```

token.h

A privát konstruktort kívülről nem lehet meghívni.


Osztály szintű metódus ad egy példányt


eltűntek az elágazások


```
OperatorAdd* OperatorAdd::_add = nullptr;
OperatorSub* OperatorAdd::_sub = nullptr;
OperatorMul* OperatorAdd::_mul = nullptr;
OperatorDiv* OperatorAdd::_div = nullptr;
```

token.cpp

# Tokenizálást végző operátor

```
istream& operator>> (istream &s, Token* &t){  
    char ch;  
    s >> ch;  
    switch(ch){  
        case '0' : case '1' : case '2' : case '3' : case '4':  
        case '5' : case '6' : case '7' : case '8' : case '9':  
            s.putback(ch);  
            int intval;  vissza a pufferbe  
            s >> intval;  
            t = new Operand(intval); break;  
        case '+' : t = OperatorAdd::instance(); break;  
        case '-' : t = OperatorSub::instance(); break;  
        case '*' : t = OperatorMul::instance(); break;  
        case '/' : t = OperatorDiv::instance(); break;  
        case '(' : t = LeftP::instance(); break;  
        case ')' : t = RightP::instance(); break;  
        case ';' : t = End::instance(); break;  
        default: if(!s.fail()) throw new Token::IllegalCharacterException(ch);  
    }  
    return s;  
}
```

 egykék használata

 a bemenetként megadott aritmetikai kifejezést pontosvessző zárja le

token.cpp

# Kifejezés tokenizálása

```
vector<Token*> x;  
// Tokenization  
try{  
    Token *t;  
    cin >> t;  
    while( !t->is_End() ){  
        x.push_back(t);  
        cin >> t;  
    }  
}catch(Token::IllegalElementException *ex){  
    cout << "Illegal character: " << ex->message() << endl;  
    delete ex;  
    throw Interrupt;  
}  
  
if(0==x.size()) {  
    cout << "Empty expression\n";  
    throw Interrupt;  
}
```

tokenet olvas

az olvasás dobja

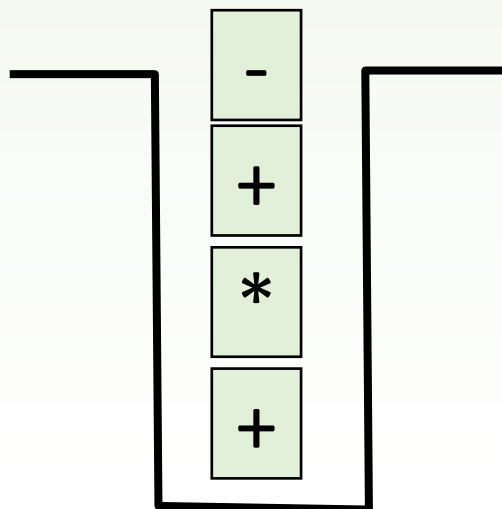
main.cpp



# RPN-re hozás

A bemenő sorozat nyitó zárójeleit és műveleti jeleit egy verembe tesszük (az alacsonyabb precedenciájú műveleti jel mindig helyet cserél az alatta levő magasabb precedenciájúval), minden más jelet közvetlenül a kimenő sorozatba másolunk. Csukó zárójel olvasása esetén illetve a bemenő sorozat feldolgozásának végén kiürítjük a verem tartalmát a leg(f)első nyitózárójeléig a kimenő sorozatba.

5 + ( 11 + 26 ) \* ( 43 - 4 )



x.first()      y:=<>

$\neg$ x.end()

t = x.current()

| $t \rightarrow \text{is\_Operand}()$ | $t \rightarrow \text{is\_LeftP}()$ | $t \rightarrow \text{is\_RightP}()$    | $t \rightarrow \text{is\_Operator}()$  |
|--------------------------------------|------------------------------------|--|--|
| y.push_back(t)                       | s.push(t)                          | $\neg$ s.top() $\rightarrow$ is_Left() | $\neg$ s.empty() $\wedge$<br>$\neg$ s.top() $\rightarrow$ s_Left() $\wedge$<br>s.top() $\rightarrow$ priority()<br>$\geq$ t $\rightarrow$ priority() |
|                                      |                                    | y.push_back(s.top())<br>s.pop()        | y.push_back(s.top())<br>s.pop()  |
|                                      |                                    | s.pop()                                | s.push(t)  |

x.next()

$\neg$ s.empty()

y.push\_back(s.top()) ; s.pop()

# Kivételtől jó verem sablon

```
#include <stack>
```

```
enum StackExceptions{EMPTYSTACK};
```

```
template <typename Item>
```

```
class Stack
```

```
{
```

```
private:
```

```
    std::stack<Item> s;
```

```
public:
```

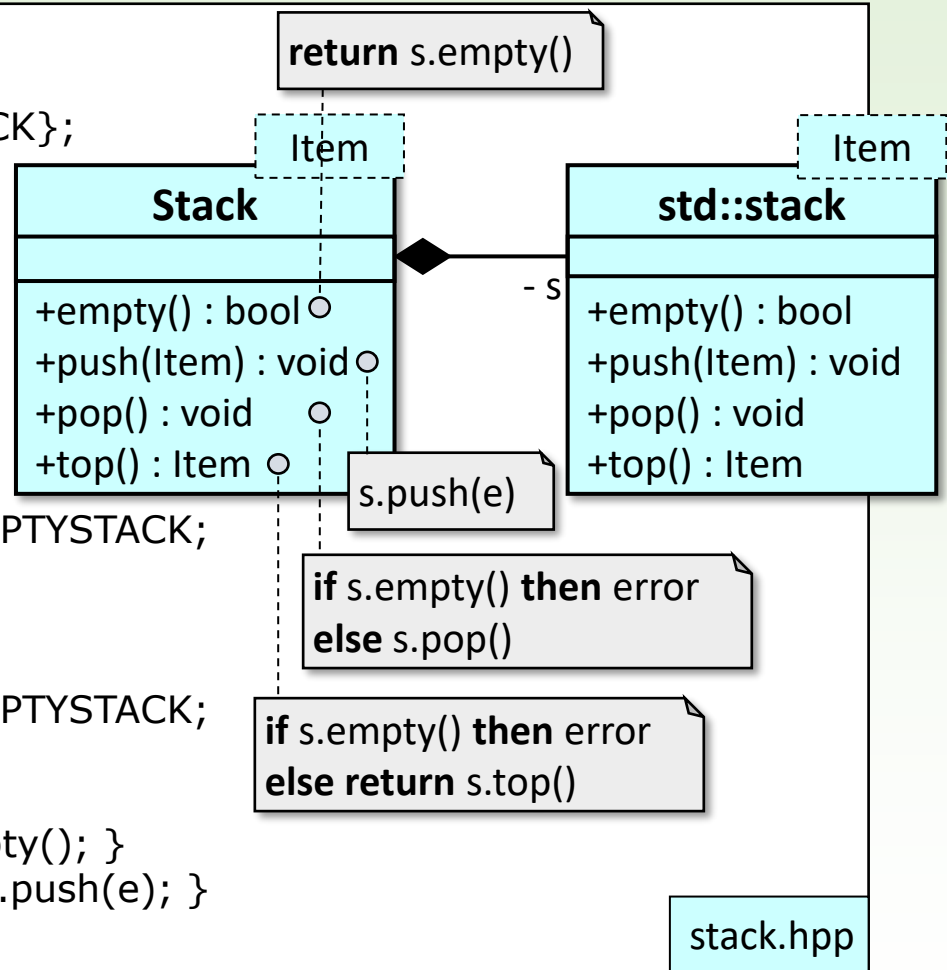
```
    void pop() {  
        if( s.empty() ) throw EMPTYSTACK;  
        s.pop();  
    }
```

```
    Item top() const {  
        if( s.empty() ) throw EMPTYSTACK;  
        return s.top();  
    }
```

```
    bool empty() { return s.empty(); }
```

```
    void push(const Item& e) { s.push(e); }
```

```
};
```



# Postfix formára hozás

```
// Transforming into RPN
```

```
vector<Token*> y;  
Stack<Token*> s;
```

```
for( Token* t : x ){  
    if ( ...  
    else if ( ...  
    else if ( ...  
    else if ( ...  
}
```

felsorolás

a négy-ágú elágazás a következő dián

```
while( !s.empty() ){  
    if( s.top()->is_LeftP() ){  
        cout << "Syntax error!\n";  
        throw Interrupt;  
    }else{  
        y.push_back(s.top());  
        s.pop();  
    }  
}
```

hiba lehetőség:  
több nyitó zárójel, mint csukó

main.cpp

# Postfix formára hozás (ciklusmag)

```
if ( t->is_Operand() ) y.hiext(t);
else if ( t->is_LeftP() ) s.push(t);
else if ( t->is_RightP() ){
    try{
        while( !s.top()->is_LeftP() ) {
            y.push_back(s.top());
            s.pop();
        }
        s.pop();
    }catch(StackExceptions ex){
        if(ex==EMPTYSTACK){
            cout << "Syntax error!\n";
            throw Interrupt;
        }
    }
}else if ( t->is_Operator() ) {
    while( !s.empty() && s.top()->is_Operator() &&
        ((Operator*)s.top()->priority() >= ((Operator*)t->priority() ) ) {
        y.push_back(s.top());
        s.pop();
    }
    s.push(t);
}
```

hiba lehetőség: több a csukó  
zárójel, mint nyitó

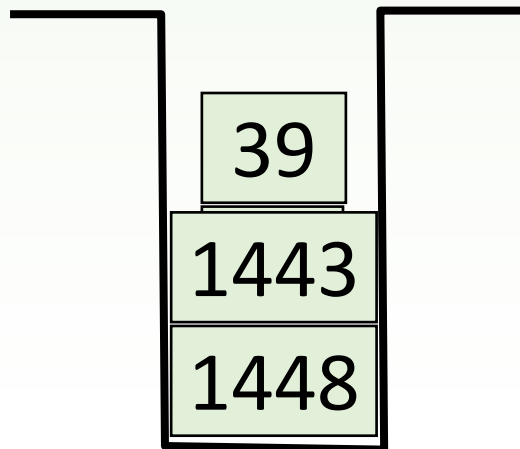
„static casting”: Az `s.top()->priority()`  
nem jó, mert `Token`-ben nincs `priority()`

main.cpp

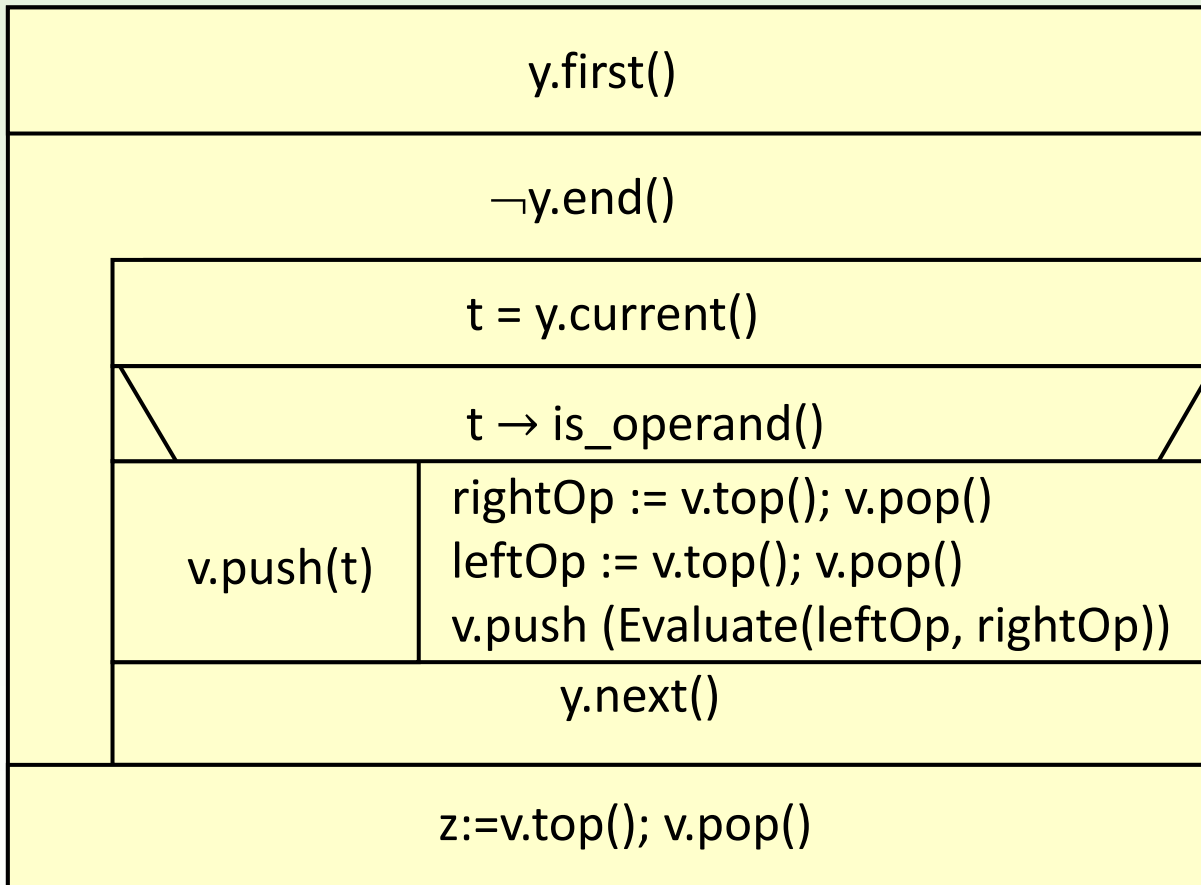
# Postfix forma kiértékelése

A postfix forma operandusait (olvasásuk sorrendjében) egy verembe tesszük. Műveleti jel olvasása esetén a verem tetején levő két értéket (csak bináris műveleteink vannak) kivesszük, azokat a szóban forgó művelettel feldolgozzuk, és az eredményt visszatesszük a verembe. A feldolgozás végén a veremben találjuk kifejezés értékét.

|   |    |    |   |    |   |   |   |   |
|---|----|----|---|----|---|---|---|---|
| 5 | 11 | 26 | + | 43 | 4 | - | * | + |
|---|----|----|---|----|---|---|---|---|



# Kiértékelés algoritmus



# Kiértékelés

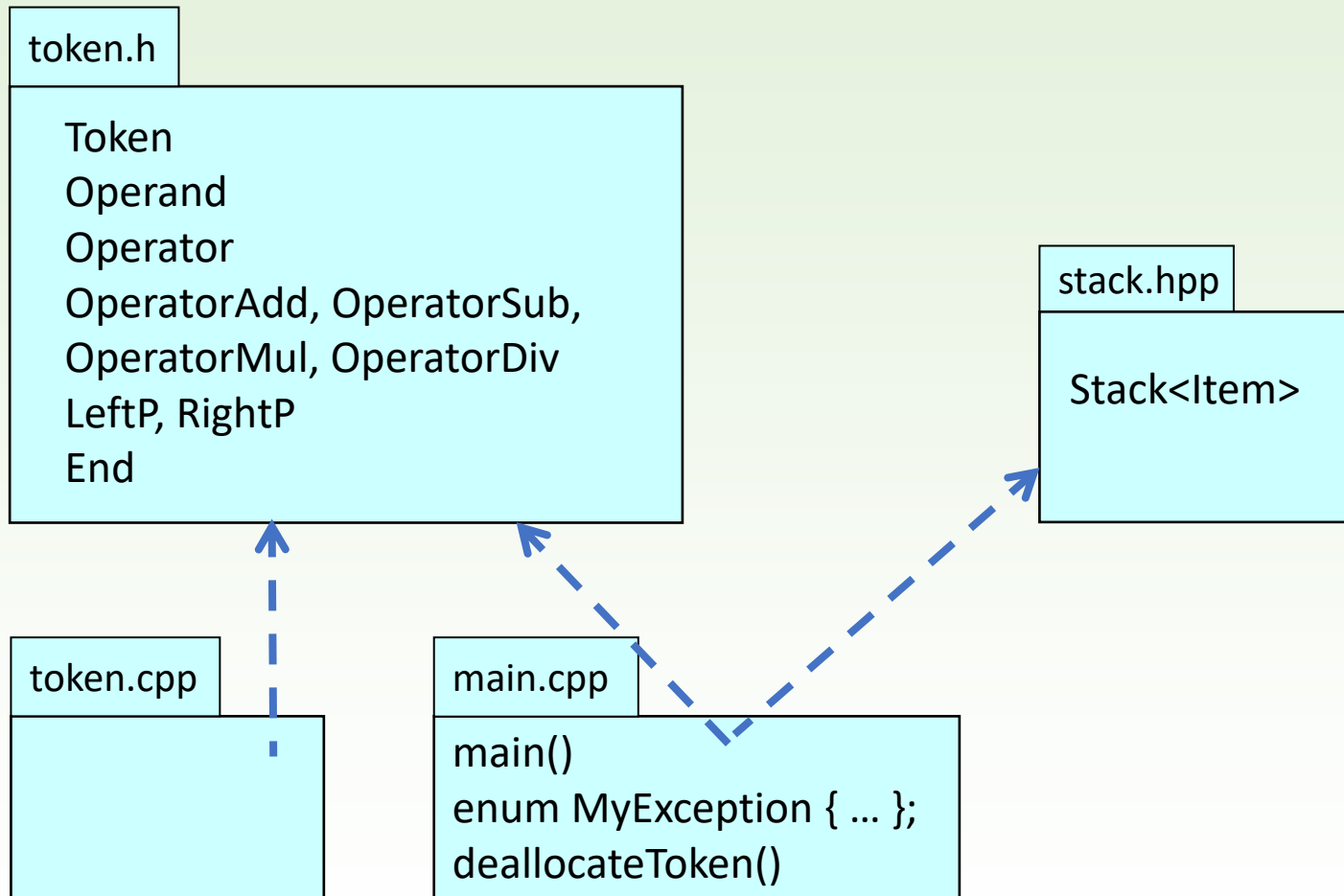
```
// Evaluation
```

```
try{  
    Stack<int> v; // felsorolás  
    for( Token* t : y ){  
        if ( t->is_Operand() ) { // statikus konverzió  
            v.push( ((Operand*)t)->value() );  
        } else{  
            int rightOp = v.top(); v.pop();  
            int leftOp  = v.top(); v.pop();  
            v.push(((Operator*)t)->evaluate(leftOp, rightOp));  
        }  
    }  
    int result = v.top(); v.pop(); // statikus konverzió  
    if( !v.empty() ){  
        cout << "Syntax error!";  
        throw Interrupt; // hiba lehetőség:  
                           // több operandus  
    }  
    cout << "value of the expression: " << result << endl;  
}catch( StackExceptions ex ){  
    if( ex==EMPTYSTACK ){  
        cout << "Syntax error! ";  
        throw Interrupt; // hiba lehetőség:  
                           // kevés operandus  
    }  
}
```

main.cpp



# Csomag diagram



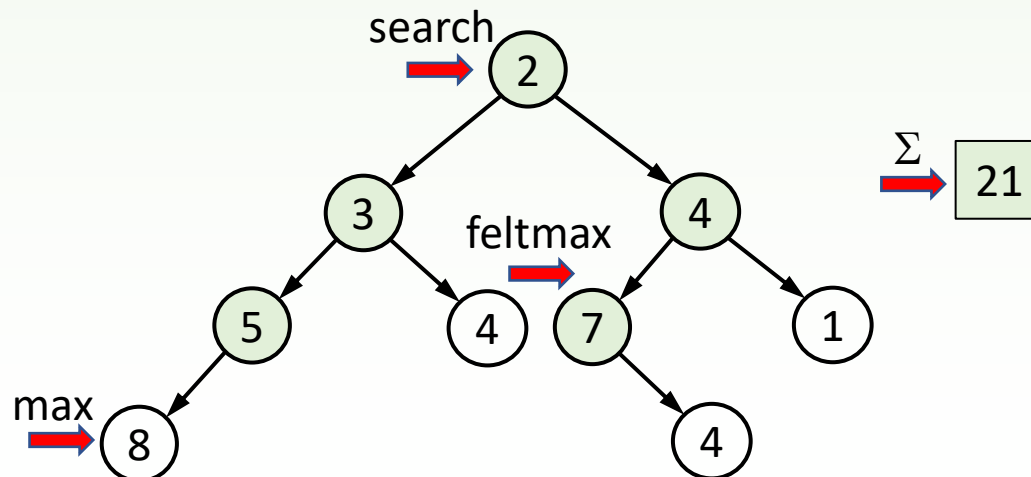
# Feladat: Bináris fa bejárása

Építsünk fel véletlenszerűen egy **bináris fát** megadott egész számokból úgy, hogy a számok a fa csúcsaiban helyezkedjenek majd el.

Írjuk ki a csúcsokban tárolt értékeket különféle **bejárási stratégiák** alapján.

Oldjunk meg olyan programozási feladatokat, mint például a belső csúcsok értékeinek **összege**, az összes csúcs vagy csak a belső csúcsok értékeinek **maximuma**, az „első” páros szám **keresése** valamelyik bejárási szerint.

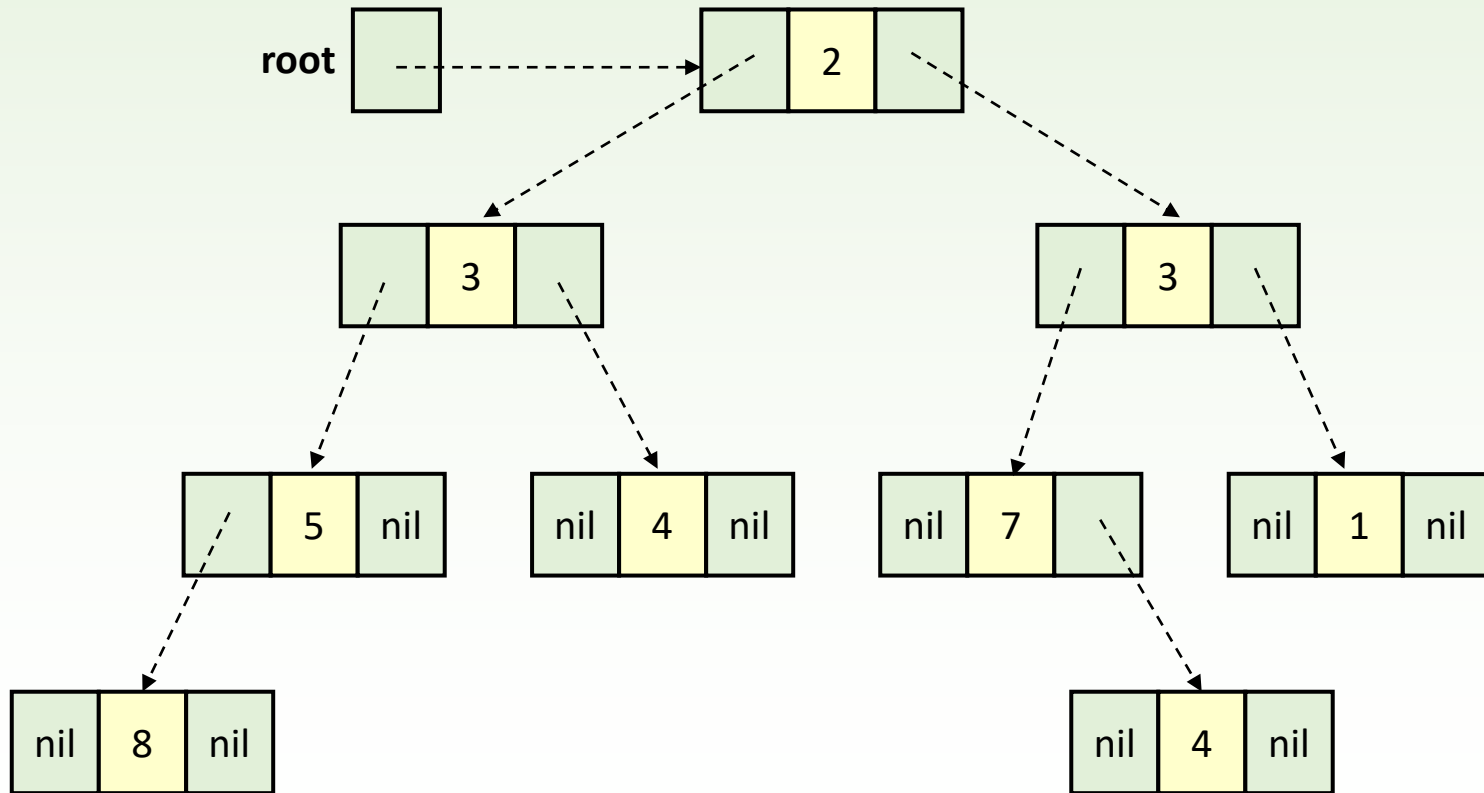
A bináris fát úgy tervezzük meg, hogy a csúcsaiban tárolt értékek típusa könnyen megváltoztatható legyen más olyan típusra, amelyen szintén értelmezhető összegzés, maximum kiválasztás, és keresés.



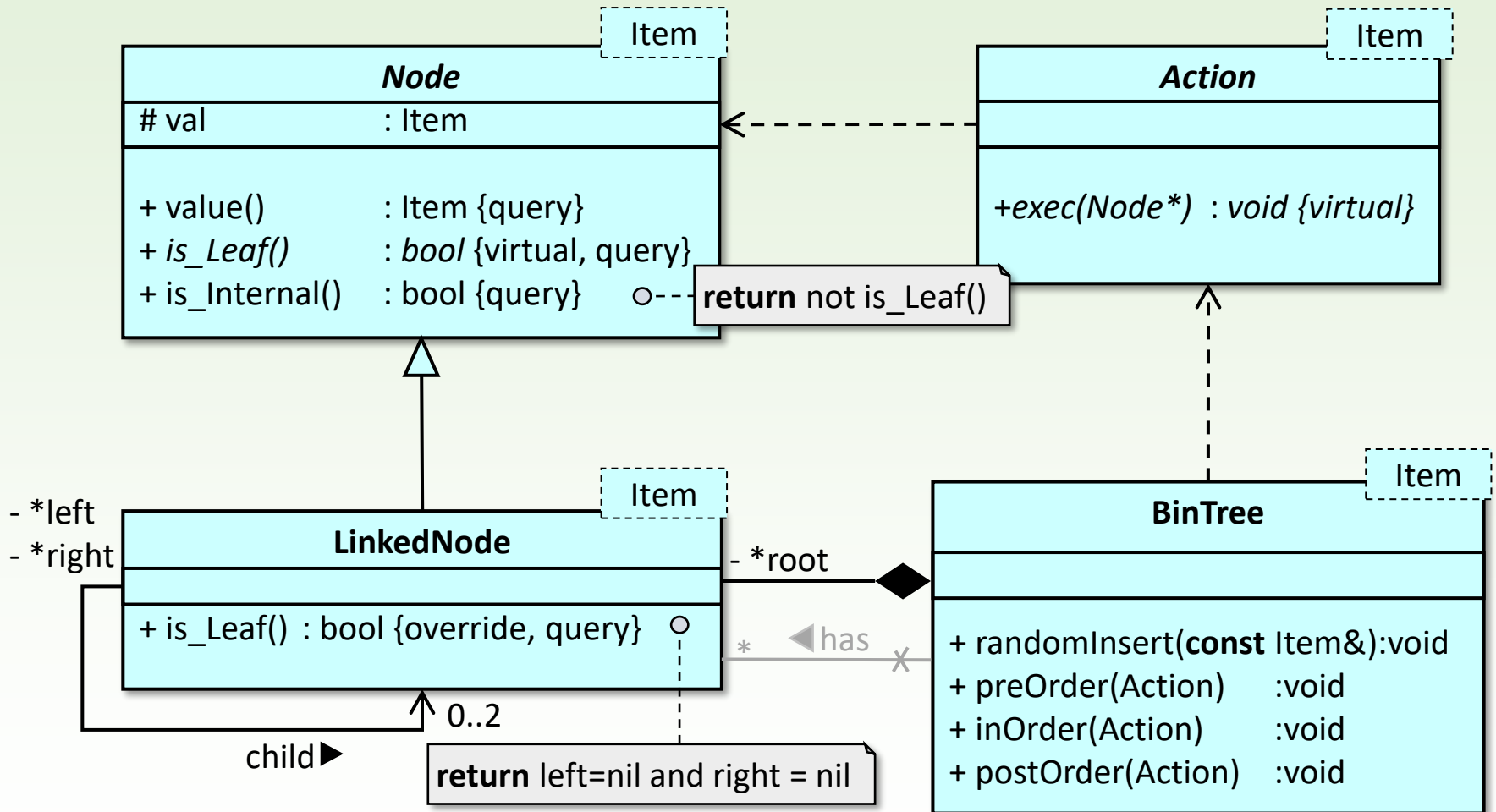
# Bináris fa láncolt ábrázolása

```
class BinTree  
protected:  
    LinkedNode *_root;  
    ...  
};
```

```
template <typename Item>  
struct LinkedNode {  
    LinkedNode *_left;  
    Item _val;  
    LinkedNode *_right;  
};
```



# Osztálydiagram



# Csúcs osztálysablona

```
template <typename Item>
class Node {
public:
    Item value() const { return _val; }
    virtual bool is_Leaf() const = 0;
    bool is_Internal() const { return !is_Leaf(); }
    virtual ~Node(){ }
protected:
    Node(const Item& v): _val(v){ }
    Item _val;
};
```

A Bintree definíciójának megelőlegezése.  
A definíció majd a ListNode után jön.

```
template <typename Item> class BinTree;
template <typename Item>
class ListNode: public Node<Item>{
public:
    friend class BinTree;
    ListNode(const Item& v, ListNode *l, ListNode *r):
        Node<Item>(v), _left(l), _right(r){ }
    bool is_Leaf()const
        { return _left==nullptr && _right==nullptr; }
private:
    ListNode *_left;
    ListNode *_right;
};
```

A ListNode megengedi a Bintree-nek,  
hogy hivatkozhasson a privát tagjaira.



bintree.hpp

# Bináris fa osztálysablonja

```
template <typename Item>  
class BinTree{  
public:
```

```
    BinTree():_root(nullptr){srand(time(nullptr));}  
    ~BinTree();
```

```
    void randomInsert(const Item& e);
```

```
    void preOrder (Action<Item>*todo){ pre (_root, todo); }
```

```
    void inOrder  (Action<Item>*todo){ in  (_root, todo); }
```

```
    void postOrder(Action<Item>*todo){ post(_root, todo); }
```

```
protected:
```

```
    ListNode<Item>* _root;
```

```
    void pre (ListNode<Item>*r, Action<Item>*todo);
```

```
    void in  (ListNode<Item>*r, Action<Item>*todo);
```

```
    void post(ListNode<Item>*r, Action<Item>*todo);
```

```
};1
```

```
template <typename Item>  
class Action{  
public:  
    virtual void exec(Node<Item> *node) = 0;  
    virtual ~Action(){}  
};
```

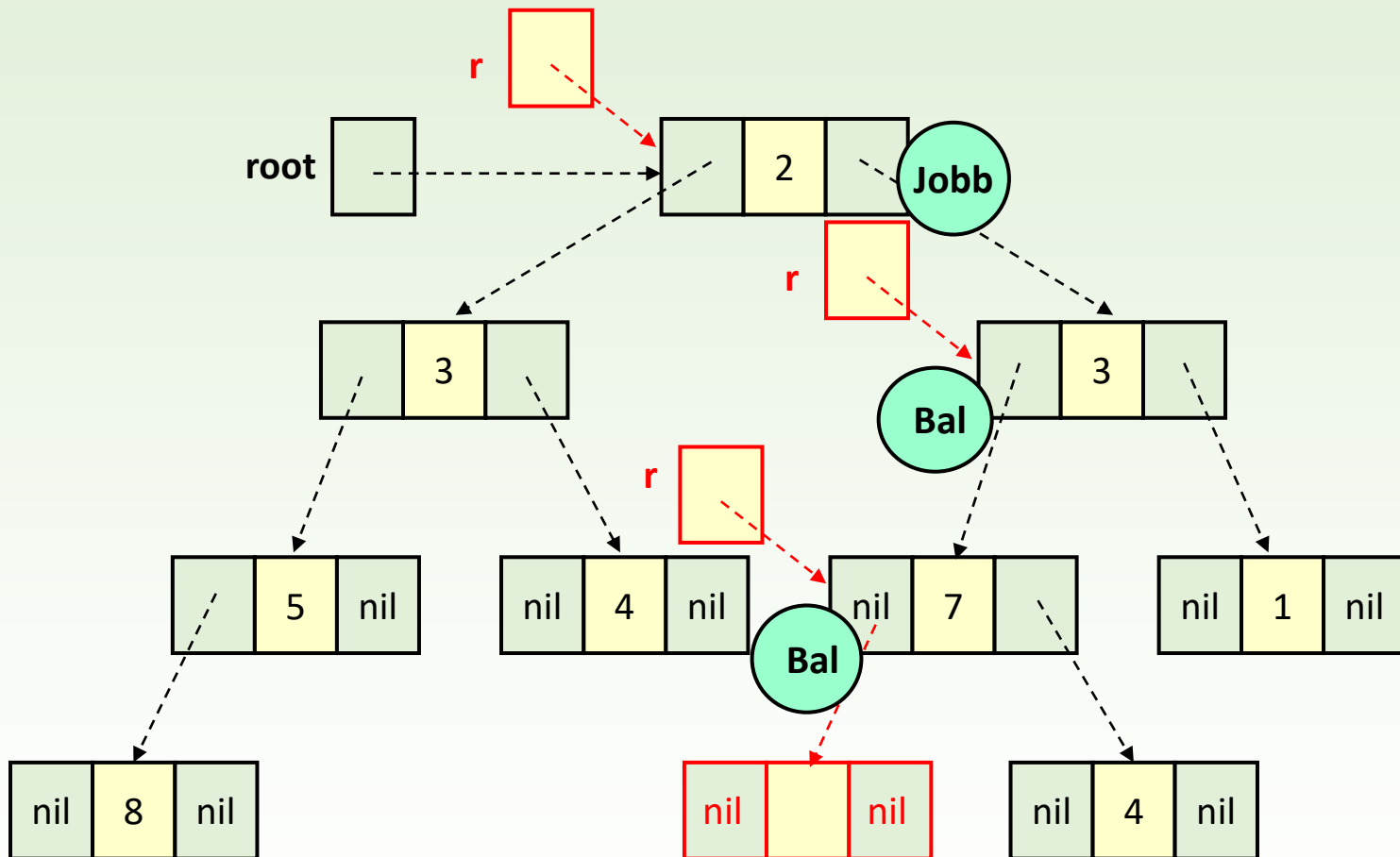
véletlenszám-generátor  
inicializálása:

```
#include <time.h>  
#include <cstdlib>
```

adott tevékenység-objektummal bejárják  
a fa csúcsait a gyökértől kezdődően

bintree.hpp

# Új csúcs beszúrása a bináris fába



# Új csúcs beszúrása a bináris fába

```
void BinTree<Item>::randomInsert(const Item& e)
{
    if(_root==nullptr) _root = new LinkedNode<Item>(e, nullptr, nullptr);
    else {
        LinkedNode<Item> *r = _root;
        int d = rand();
        while(d&1 ? r->_left!=nullptr : r->_right!=nullptr){
            if(d&1) r = r->_left;
            else r = r->_right;
            d = rand();
        }
        if(d&1) r->_left = new LinkedNode<Item>(e, nullptr, nullptr);
        else r->_right= new LinkedNode<Item>(e, nullptr, nullptr);
    }
}
```

véletlenszám generálása

A d szám utolsó bitje vajon 1-e?

bintree.hpp



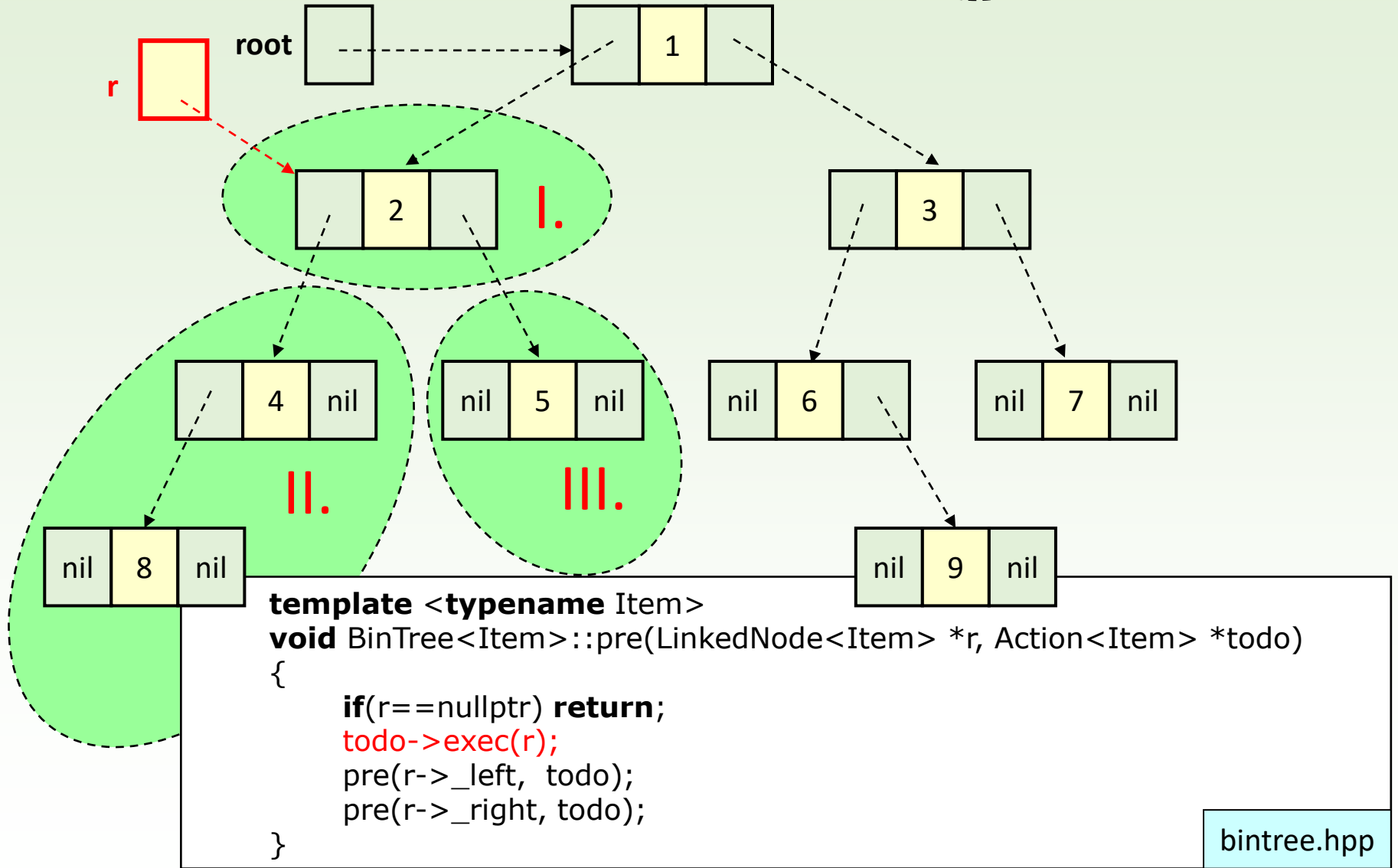
# Bináris fa felépítése

```
#include <iostream>
#include "bintree.hpp"

BinTree build()
{
    BinTree<int> t;
    int i;
    while(std::cin >> i){
        t.randomInsert(i);
    }
    return t;
}
```

# Preorder bejárás

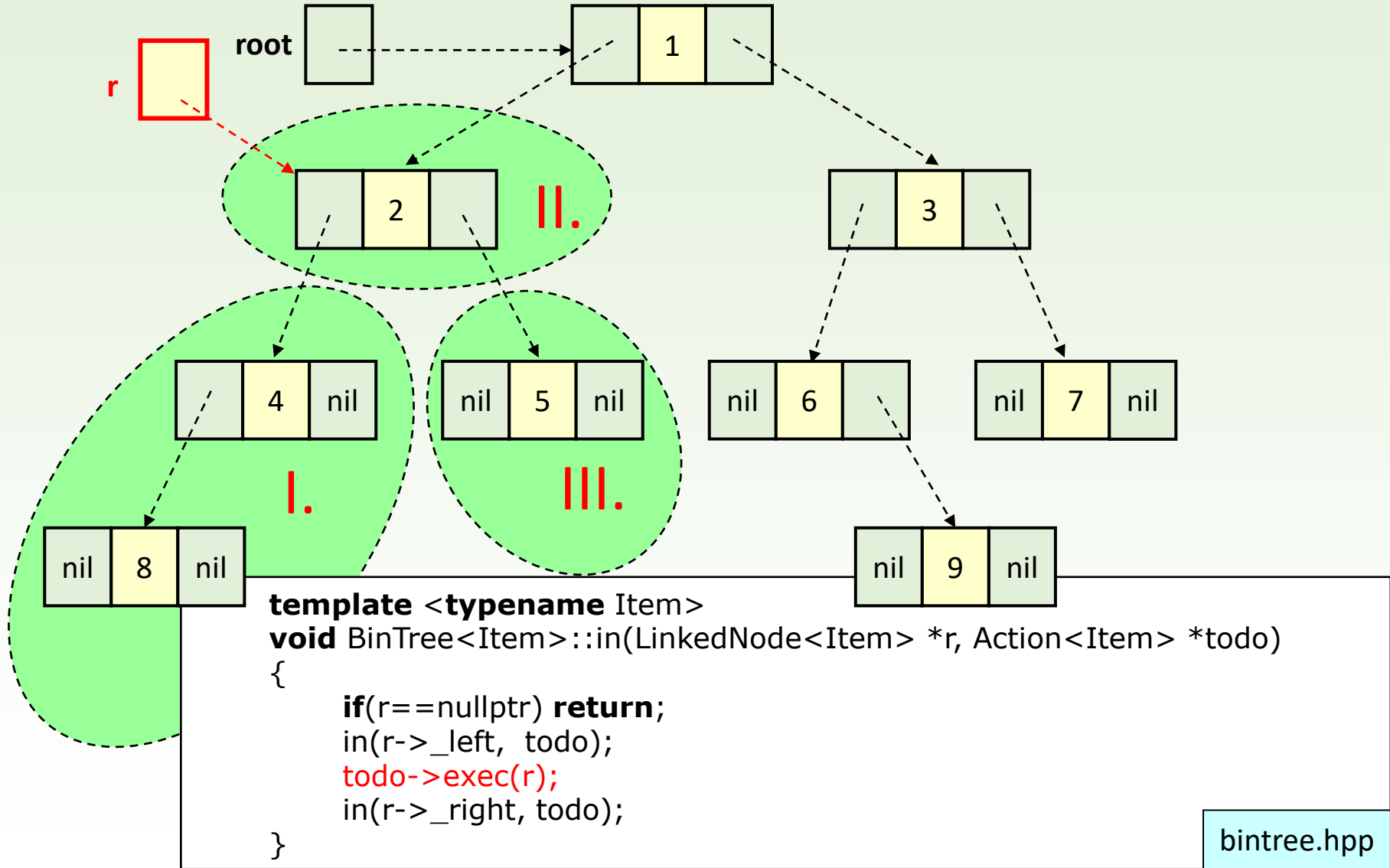
1 2 4 8 5 3 6 9 7



bintree.hpp

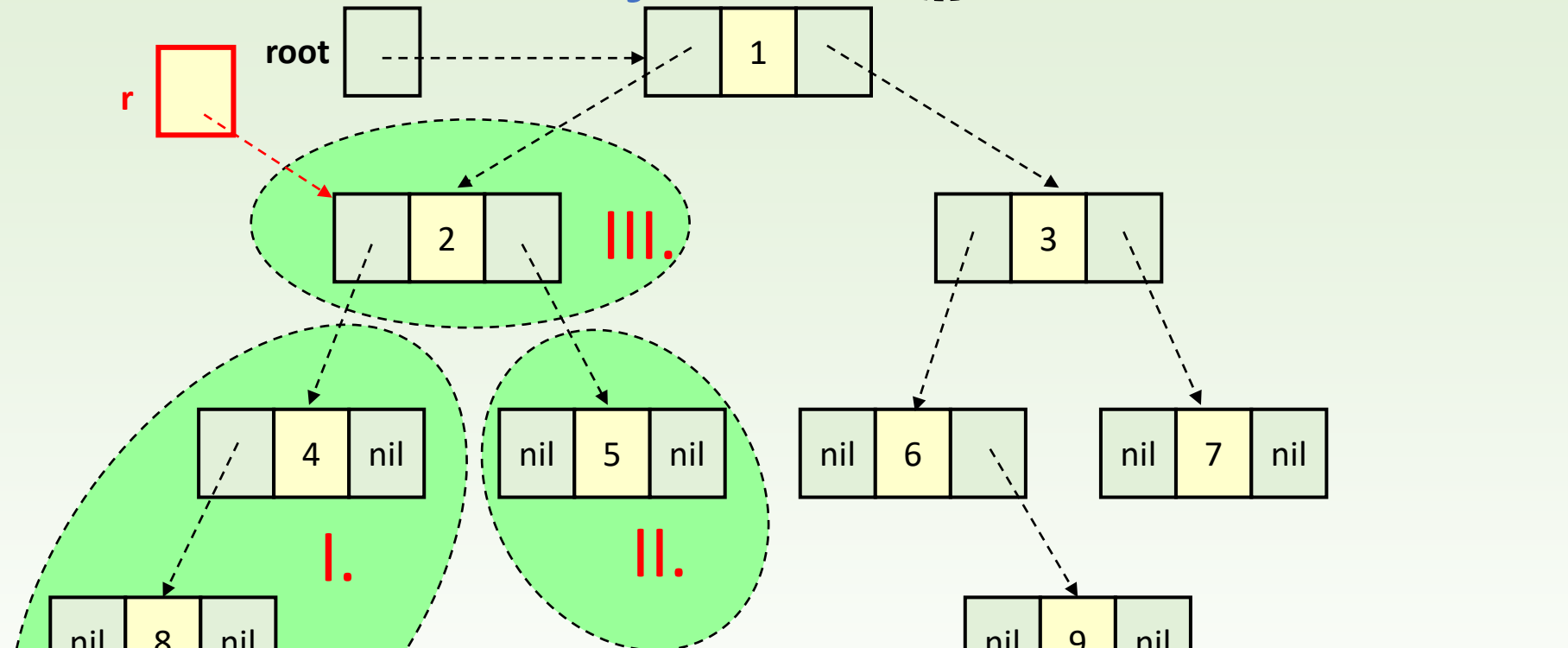
# Inorder bejárás

8 4 2 5 1 6 8 3 7



# Postorder bejárás

8 4 5 2 9 6 7 3 1



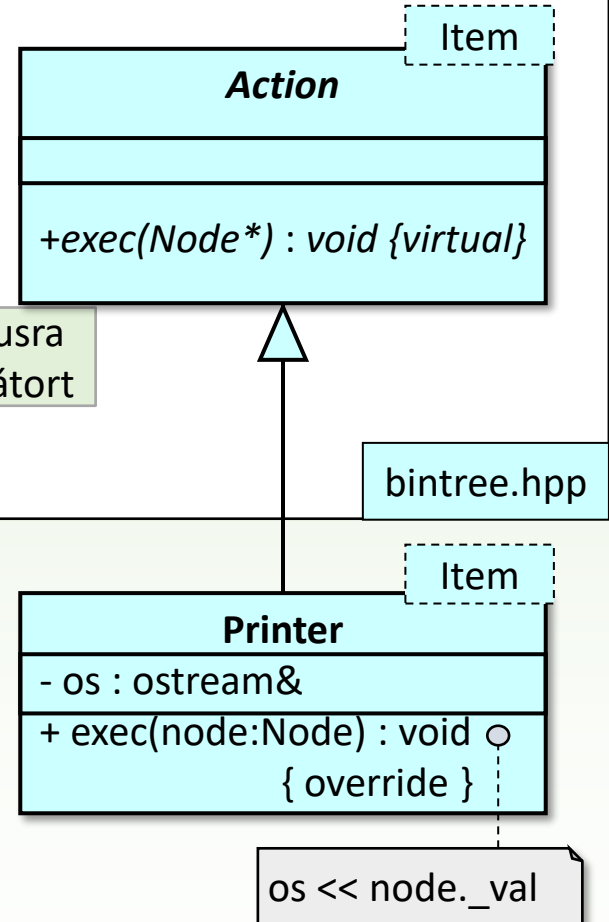
```
template <typename Item>
void BinTree<Item>::post(LinkedNode<Item> *r, Action<Item> *todo)
{
    if(r==nullptr) return;
    post(r->_left, todo);
    post(r->_right, todo);
    todo->exec(r);
}
```

bintree.hpp

# Kiírás tevékenység osztálysablonja

```
template <typename Item>
class Printer: public Action<Item>{
public:
    Printer(ostream &o): _os(o){};
    void exec(Node<Item> *node) override {
        _os << '[' << node->value() << '];'
    }
private:
    ostream& _os;
};
```

Item paraméter helyébe írt típusra legyen értelmezve a kiíró operátort



```
BinTree<int> t = build();

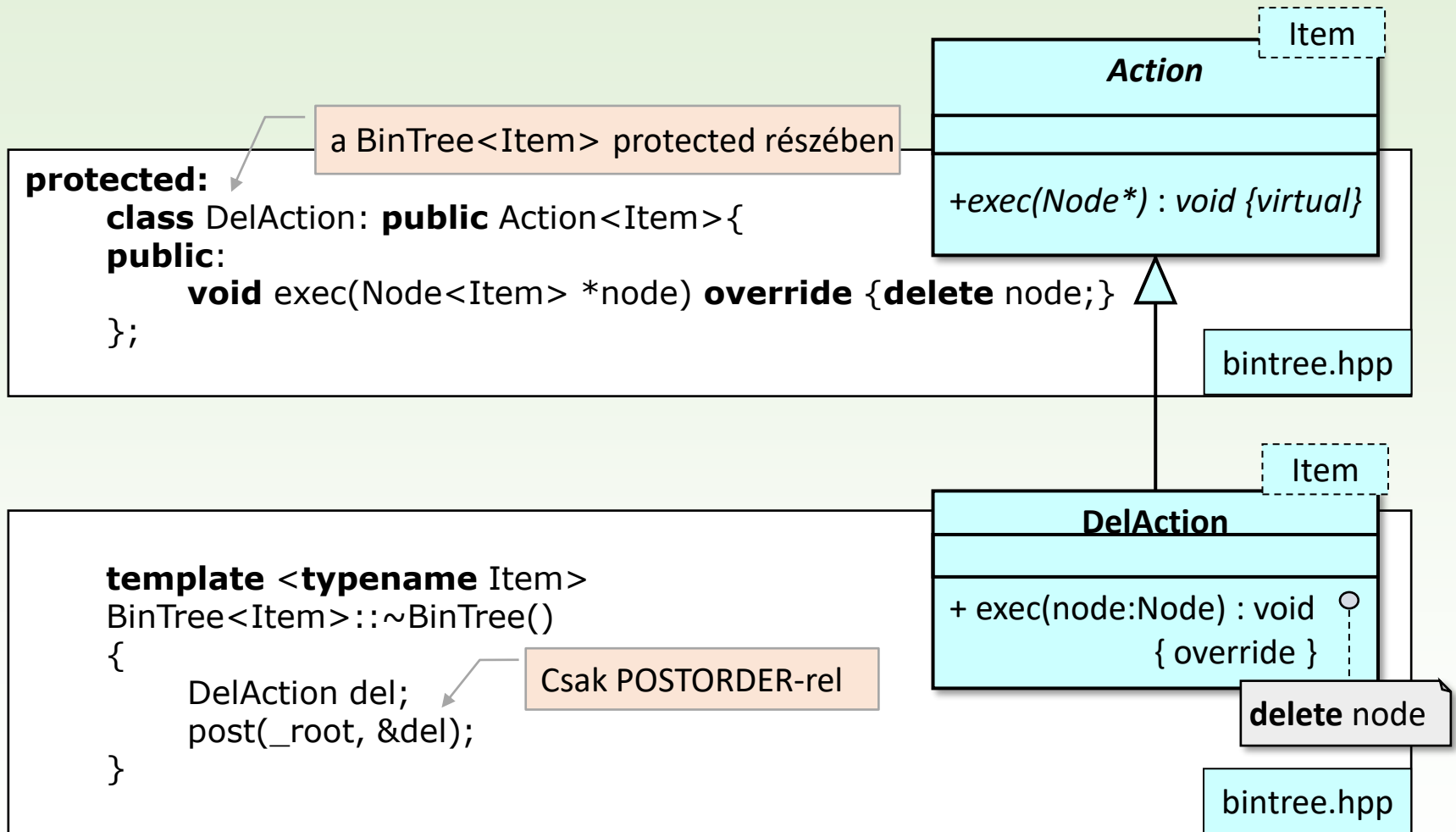
Printer<int> print(cout);

cout << "Preorder traversal :";
t.preOrder(&print);    cout << endl;

cout << "Inorder traversal :";
t.inOrder(&print);    cout << endl;

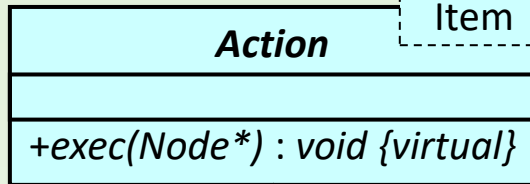
cout << "Postorder traversal :";
t.postOrder(&print);    cout << endl;
```

# Destruktor: bejárás törléssel



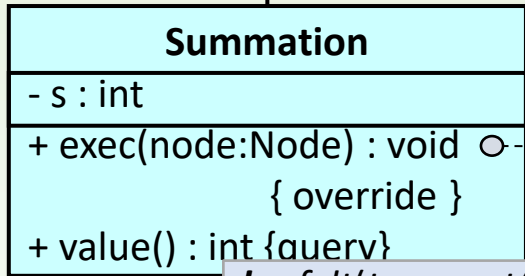
# Egyéb tevékenység osztályok

az eredményt tartalmazó  
adattagok kezdőértékét  
a konstruktorok állítják be



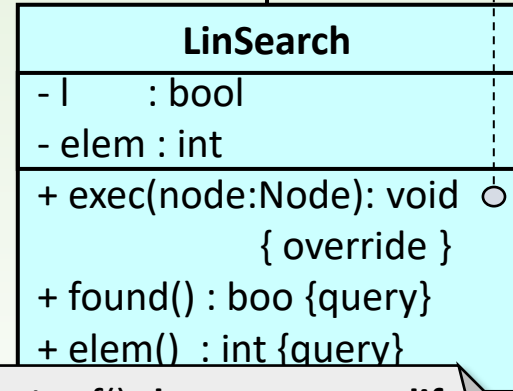
```

if ¬l ∧ node.value() mod 2 = 0 then
    l := true
    elem := node.value()
endif
    
```

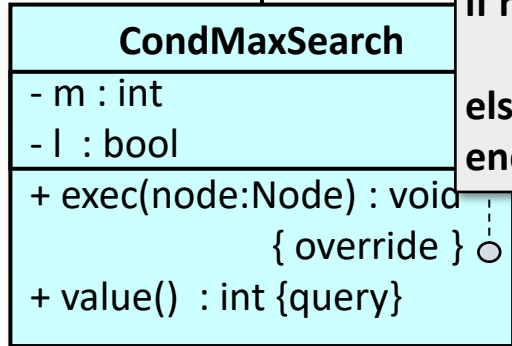
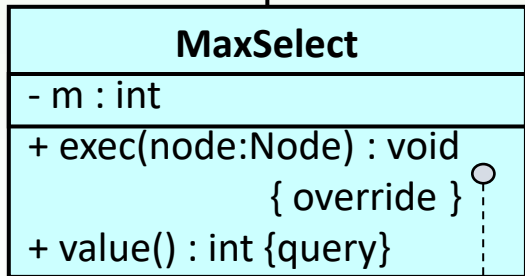


```

if node.is_Internal() then
    s := s + node.value()
endif
    
```



*ha felt(t.current())  
akkor s := s + f(t.current())*



```

if node.is_Leaf() then return endif
if not l then
    l, m := true, node.value()
else m := max(m, node.value())
endif
    
```

*ha felt(t.current()) akkor  
ha ¬l akkor  
l := igaz  
m := f(t.current())  
különbön  
m := max{ m, f(t.current())}*

*m := max{m, f(t.current())}*

# Összegzés tevékenység osztálya

```
class Summation: public Action<int> {  
public:  
    void Summation():_s(0){}  
    void exec(Node<int> *node) override {  
        { if(node->Is_Internal())_s+=node->value();}  
    int value() const {return _s;}  
private:  
    int _s;  
};
```

```
BinTree<int> t = build();  
  
Summation sum;  
t.preOrder(&sum);  
  
cout << "Sum of the elements of the tree: "  
     << sum.value() << endl;
```



# Lineáris keresés

```
class LinSearch: public Action<int>{  
public:  
    void LinSearch():_l(false){}  
    void exec(Node<int> *node) override {  
        if (!&& 0==node->value())%2 ){  
            l = true;  
            _elem = node->value();  
        }  
    }  
    bool found() const {return _l;}  
    int elem() const {return _elem;}  
private:  
    bool _l;  
    int _elem;  
};
```

```
BinTree<int> t = build();
```

```
LinSearch search;  
t.preOrder(&search);
```

```
if (search.found()) cout << search.elem() << " is an";  
else cout << "There is no";  
cout << " even element of the tree.";
```

# Maximum kiválasztás

```
class MaxSelect: public Action<int>{  
public:  
    MaxSelect(int &i) : _m(i){}  
    void exec(Node<int> *node) override  
        {_m = max( _m, node->value() ); }  
    int value() const {return _m;}  
private:  
    int _m;  
};
```

```
BinTree<int> t = build();
```

```
MaxSelect max(t.rootValue());  
t.preOrder(&max);
```

```
cout << "Maxima of the elements of the tree: " << max.value();
```

Dobjon kivételt, ha a bináris fa üres,  
azaz még gyökércsúcs sincs

```
template <class Item> class BinTree {  
...  
public:  
    enum Exceptions{NOROOT};  
    Item rootValue() const {  
        if( _root==nullptr ) throw NOROOT;  
        return _root->value();  
    }  
};
```

bintree.hpp

# Feltételes maximum keresés

```
class CondMaxSearch: public Action<int> {  
public:  
    struct Result {  
        int m;  
        bool l;  
    };  
    CondMaxSearch(){_r.l = false;}  
    virtual void exec(Node<int> *node) {  
        if(node->is_Leaf()) return;  
        if(!_r.l){  
            _r.l = true;  
            _r.m = node->value();  
        }else{  
            _r.m = max( _r.m, node->value() );  
        }  
    }  
    Result value(){return _r;}  
private:  
    Result _r;  
};
```

```
BinTree<int> t = build();
```

```
CondMaxSearch max;  
t.preOrder(&max);
```

```
cout << "Maxima of the elements of the tree: " << endl;  
if(max2.value().l) cout << max2.value().m << endl;  
else          cout << "none" << endl;
```