

# Adatbázisok elmélete

## Adatbáziskezelő rendszerek

Katona Gyula Y.

Számítástudományi és Információelméleti Tanszék  
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem

### 1. előadás



telefonkönyv, könyvtár, notesz, internet

NEPTUN.WORLD - Számítástudományi és Információelméleti Tanszék

Leírás | Hallgatók | Oktatók | **Tárgyak** | Publikációk

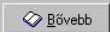
Aktív tárgyak


Kód	Tárgy neve
BMEVIMA2025	A számítástudomány alapjai
BMEVIMA9000	A Szemantikus világháló és az ontológiakezelés alapjai
BMEVIMA9043	Adat- és jeltömörítés
BMEVIMA5309	Adatbányászat laboratórium
BMEVIMA9031	Adatbányászati algoritmusok
<b>BMEVIMA3232</b>	<b>Adatbázisok</b>
BMEVIMAD084	Adattömörítés
BMEVIMA9039	Alakfelismerés
BMEVIMA5308	Alakfelismerés és adatbányászat
BMEVIMA2207	Algoritmusok elmélete
BMEVIMA9312	Algoritmusok és adatstruktúrák valószínűségi alapú elemzése


Keresés:

Szűrési feltétel

Szerkesztés Minden

 Bővebb

 Nyomtat

 Bezár

Matáv - a szavakon túl - Mozilla

File Edit View Go Bookmarks Tools Window Help

Back Forward Reload Stop http://tudakozo.matav.hu/ Search Print

Home Bookmarks Keresők Újságok Radio Japán Jap-> Eng Sport Adatbázis Matek Számítógép Currency Conv Big Brother

matáv a szavakon túl

Adatbázisok Telefonkönyvek előfizetők adatai

## On-line Tudakozó és Telefonkönyv

www.matav.hu > On-line Tudakozó és Telefonkönyv

**Tájékoztató**

Üdvözljük "On-line Tudakozó és Telefonkönyv" oldalainkon, ahol az előfizetők adatai alapján az On-line Tudakozóban, az On-line Telefonkönyvben és az On-line Arany Oldalakon kereshet. A "segítség a kereséshez" menüpontban minden olyan információt megtalál, amely segít eligazodni a kereséssel kapcsolatos kérdésekben

### On-line Tudakozó

Név:

Település:

**keresés >>**

szűkítés:

név:

hasonló neveket is:

keresés típus:  Szólelei egyezés

előfizető típus:  Minden előfizető

település:

irányítószám:

utca/tér:

hátszám:

mezők kiürítése **keresés >>**

Keresés telefonszám szerint

körzetszám:

### On-line Telefonkönyv

Név:

Általános keresőszó:

**keresés >>**

szűkítés:

Megye:

Település:

Utca / Hárszám:

Körzet / Telefon:

Irányítószám:

szűrőszint:  Bármely szó

És/Vagy kapcsolat:  és

Max. találat:  5

mezők kiürítése **keresés >>**

### Arany Oldalak

Szakmák:

Általános keresőszó:

**keresés >>**

szűkítés:

Cégnév:

Megye:

Település:

Utca / Hárszám:

Irányítószám:

Körzet / Telefon:

Internetes:

E-mail:

Japanese <-> English Dictionary Server - Mozilla

File Edit View Go Bookmarks Tools Window Help

Back Forward Reload Stop <http://rut.org/cgi-bin/j-e/sjis/S=48/fg=1/nocolor/dict> Search Print

Home Bookmarks Keresők Újságok Radio Japán Jap<-> Eng Sport Adatbázis Matek Számítógép Currency Conv Big Broth

## 和英／英和辞典 - Japanese<=>English Dictionary

Welcome to Jeffrey's Japanese<=>English Dictionary Server! Also see the [searchable database of kanji information](#). If the Japanese doesn't come out, [check here](#). [また、日本語のページもあります](#). This page available [with colors](#), etc.

This server has a mirror in [Melbourne, Australia](#), [Vancouver, Canada](#), [Lund, Sweden](#), and another in [San Jose, USA](#). This server's web space kindly provided by [Robert Henney](#).

Instructions and such are at the bottom of the page.

Search in dictionaries of [  words ;  names ;  legal terms ;  life-science terms ;  Four-Character Idiomatic Compounds ;  aviation terms ;  computer terms ;  compound verbs terms ;  concrete terms ;  engineering and science terms ;  environment terms ;  finance terms ;  forestry terms ;  geological terms ;  Japanese place names ;  linguistics terms ;  marketing terms ;  pulp and paper terms ;  star and constellation names ;  Buddhist Terms ; ] with search key:

word starting with pattern ▼ given as the [Japanese ▼ text]

[ disable [fuzzy search](#) for Japanese lookups  ]

[Search only [commonly-used words](#) ] [Restrict to [word-class](#) (EDICT tags) Do not restrict to a word class ▼]

You can customize various things for all interactions with my dictionary system ([see here](#)), or use the following for some one-time changes for the dictionary lookup only: [ [Anchors to Large Japanese](#)  ] [link [kanji information](#)  ] [link [external search engines](#)  ]


**News:** You can now [customize](#) various things in this server. See the [Change notes](#) for more info.

The Aria Database - Search the Database - Mozilla

File Edit View Go Bookmarks Tools Window Help

Back Forward Reload Stop  Search Print

Home Bookmarks Keresők Újságok Radio Japán Jap<-> Eng Sport Adatbázis Matek Számítógép Currency Conv Big Broth



## Search the Database

Complete Site Index :

Enter as many or as few terms in the search form as you wish and click on "Search the Database!" to bring back the entries matching your search terms. See [search instructions](#) below for help.

All Fields :

Aria :

Composer :

Opera :

Role :

Range : From   To

Language :

Voice Part :

- Soprano
- Mezzo-Soprano
- Contralto
- Tenor
- Baritone
- Bass

Range does not matter -  [Help on Range Notation](#)

Find only arias with : Sound File -  Translation -  Aria Text -

Choose Database : Arias-  Ensembles-  Operatic Roles-

[Difference between databases](#)


Number of Arias Initially Displayed : First 20 Only-  All-

RecipeSource: Your Source for Recipes on the Internet - Mozilla

File Edit View Go Bookmarks Tools Window Help

Back Forward Reload Stop  Search Print

Home Bookmarks Keresők Újságok Radio Japán Jap-> Eng Sport Adatbázis Matek Számítógép Currency Conv Big Bro



## Welcome to RecipeSource!

*RecipeSource is the new home of  
SOAR: The Searchable Online Archive of Recipes  
and your source for recipes on the Internet.*

September 9, 2004 Home: Your Source for Recipes on the Internet

**Search for Recipes:**

 **GO**

**Our Recipe Collection**

We've organized our recipes into two major groups - recipes primarily identified with an ethnic cuisine are broken down by region and ethnic group, while other recipes are categorized by the type of dish.

**Ethnic cuisines by region:**

*Africa & Middle East:* [Armenian](#) · [Egyptian](#) · [Ethiopian](#) · [Lebanese](#) · [Moroccan](#) · [Persian](#) · [Turkish](#) · [Other African](#) · [Other Middle Eastern](#)

*Asia & Pacific Ocean:* [Australian](#) · [Burmese](#) · [Chinese](#) · [Filipino](#) · [Hawaiian](#) · [Indian & Pakistani](#) · [Indonesian](#) · [Japanese](#) · [Korean](#) · [New Zealand](#) · [Singaporean](#) · [Tahitian](#) · [Thai](#) · [Tibetan](#) · [Vietnamese](#)

*Europe:* [Austrian](#) · [Basque](#) · [Belgian](#) · [British](#) · [Croatian](#) · [Czech](#) · [Danish](#) · [Dutch](#) · [Finnish](#) · [French](#) · [German](#) · [Greek](#) · [Hungarian](#) · [Icelandic](#) · [Irish](#) · [Italian](#) · [Norwegian](#) · [Polish](#) · [Portuguese](#) · [Rumanian](#) · [Russian](#) · [Scandinavian](#) · [Scottish](#) · [Serbian](#) · [Spanish](#) · [Swedish](#) · [Swiss](#) · [Ukrainian](#) · [Welsh](#)

*North & South America:* [Argentinian](#) · [Brazilian](#) · [Cajun](#) · [Canadian](#) · [Caribbean](#) · [Colombian](#) · [Eskimo](#) · [Mexican](#) · [Native American](#) · [Peruvian](#) · [Venezuelan](#)

*Non-regional:* [Jewish](#)

**Recipes by type of dish:**

*Main Dishes:* [Breakfast Dishes](#) · [Burgers](#) · [Casseroles](#) · [Crockpot Cooking](#) · [Dinner Pies](#) · [Fish & Seafood](#) · [Meat](#) · [Pasta](#) · [Pizza](#) · [Poultry](#) · [Sandwiches](#)

*Soups & Stuff:* [Chili](#) · [Soups](#) · [Stews](#) · [Stocks](#)

*Baked Goods:* [Bagels](#) · [Biscuits](#) · [Breads](#) · [Buns](#) · [Desserts & Sweets](#) · [Muffins](#) · [Pastries](#) · [Rolls](#) · [Scones](#)

*Fruits, Grains, & Vegetables:* [Bean Salads](#) · [Beans & Grains](#) · [Fruits](#) · [Fruit Salads](#) · [Pasta Salads](#) · [Pickles](#) · [Pilafs](#) · [Polenta](#) · [Potato Salads](#) · [Rice](#) · [Salads](#) · [Stuffed Vegetables](#) · [Stuffing](#) · [Vegetables](#)

**Advanced Search**

**Browse by region:**

[Africa & Middle East](#)  
[Asia & Pacific Ocean](#)  
[Europe](#)  
[North & South America](#)  
[Non-regional](#)

**Browse by type:**

[Main Dishes](#)  
[Soups & Stuff](#)  
[Baked Goods](#)  
[Fruits, Grains & Vegetables](#)  
[On the Side](#)  
[Sweets & Desserts](#)  
[Snacks & Appetizers](#)  
[Holiday Foods](#)  
[Restricted & Special Diets](#)  
[Miscellaneous & Other](#)

**Other info:**

[About Us](#)  
[Contact Us](#)  
[Site Map](#)  
[Site News](#)  
[Submit a Recipe](#)

◀ ▶ ⏪ ⏩ 🔍 ↻

Katona Gyula Y. (BME SZIT)

Adatbázisok elmélete

1. előadás

7 / 507

# Adatbáziskezelő rendszerek (DBMS) jellemzői

- Komplex hardver–szoftver rendszer adatok kezelésére (tárolás, módosítás, lekérdezés)



# Adatbáziskezelő rendszerek (DBMS) jellemzői

- Komplex hardver–szoftver rendszer adatok kezelésére (tárolás, módosítás, lekérdezés)
- Nagy adatmennyiség

# Adatbáziskezelő rendszerek (DBMS) jellemzői

- Komplex hardver–szoftver rendszer adatok kezelésére (tárolás, módosítás, lekérdezés)
- Nagy adatmennyiség
- Gazdag logikai struktúra (adatmodell)  $\implies$  magas szintű lekérdezés, módosítás (például egy légitársaságos adatbázisnál kategóriák lehetnek: utas, járat, pilóta)

# Adatbáziskezelő rendszerek (DBMS) jellemzői

- Komplex hardver–szoftver rendszer adatok kezelésére (tárolás, módosítás, lekérdezés)
- Nagy adatmennyiség
- Gazdag logikai struktúra (adatmodell)  $\implies$  magas szintű lekérdezés, módosítás (például egy légitársaságos adatbázisnál kategóriák lehetnek: utas, járat, pilóta)
- hosszú életciklus (jól kell tűnnie a hardver módosításait, a fizikai tárolás változásait)

## Elvárások a DBMS-mel szemben

- Új séma létrehozása (fogalmak, metaadatok megadása) pl.: legyen egy *utas* kategória, ennek attribútumai legyenek: *név*, *lakcím*, *vegetáriánus-e*,... Ehhez adott egy rendszertől függő **DDL** (Data Definition Language)

# Elvárások a DBMS-mel szemben

- Új séma létrehozása (fogalmak, metaadatok megadása) pl.: legyen egy *utas* kategória, ennek attribútumai legyenek: *név*, *lakcím*, *vegetáriánus-e*, ...  
Ehhez adott egy rendszertől függő **DDL** (Data Definition Language)
- Adatok beillesztése, módosítása (az adatbázis fogalmi keretének feltöltése) pl.: *új utas felvétele*, *elromlott gép törlése* ...  
Ehhez adott egy rendszertől függő **DML** (Data Manipulation Language)

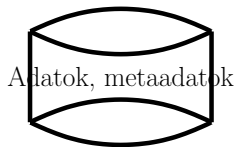
# Elvárások a DBMS-mel szemben

- **Új séma létrehozása (fogalmak, metaadatok megadása)** pl.: legyen egy *utas* kategória, ennek attribútumai legyenek: *név, lakcím, vegetáriánus-e,...*  
Ehhez adott egy rendszertől függő **DDL** (Data Definition Language)
- **Adatok beillesztése, módosítása (az adatbázis fogalmi keretének feltöltése)** pl.: *új utas felvétele, elromlott gép törlése ...*  
Ehhez adott egy rendszertől függő **DML** (Data Manipulation Language)
- **Lekérdezés (infót kiszedni az adatbázisból)**  
Ehhez **Query Language** (pl.: **SQL**)  
**Cél:** gyakori kérdéseket könnyű legyen kérdezni (ehhez jól végiggondolt fogalmi keret kell, hatékony tárolás  $\implies$  fontos a jó tervezés)
- **Nagy mennyiségű adat tárolása biztonságosan** (jogosultságok, illetéktelen hozzáférés megakadályozása illetve rendszerhibák elleni védelem)

# Elvárások a DBMS-mel szemben

- **Új séma létrehozása (fogalmak, metaadatok megadása)** pl.: legyen egy *utas* kategória, ennek attribútumai legyenek: *név, lakcím, vegetáriánus-e, ...*  
Ehhez adott egy rendszertől függő **DDL** (Data Definition Language)
- **Adatok beillesztése, módosítása (az adatbázis fogalmi keretének feltöltése)** pl.: *új utas felvétele, elromlott gép törlése ...*  
Ehhez adott egy rendszertől függő **DML** (Data Manipulation Language)
- **Lekérdezés (infót kiszedni az adatbázisból)**  
Ehhez **Query Language** (pl.: **SQL**)  
**Cél:** gyakori kérdéseket könnyű legyen kérdezni (ehhez jól végiggondolt fogalmi keret kell, hatékony tárolás  $\implies$  fontos a jó tervezés)
- **Nagy mennyiségű adat tárolása biztonságosan** (jogosultságok, illetéktelen hozzáférés megakadályozása illetve rendszerhibák elleni védelem)
- **Többfelhasználós működés támogatása** (egyidejű hozzáférés, de ne legyen hibás, inkonzisztens állapot emiatt)

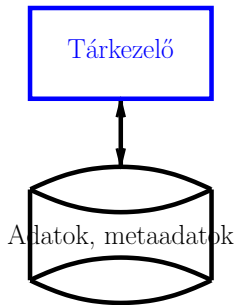
# A DBMS felépítése, részei



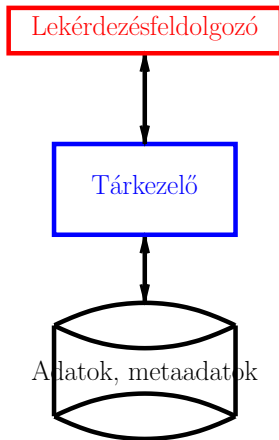
1



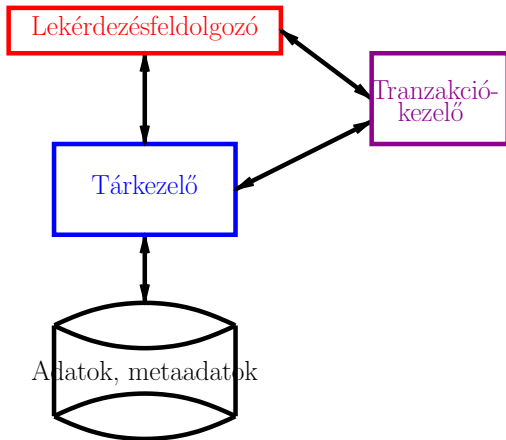
# A DBMS felépítése, részei



# A DBMS felépítése, részei

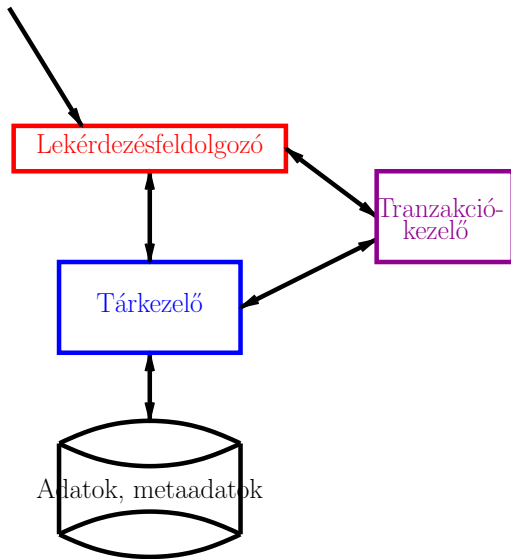


# A DBMS felépítése, részei



# A DBMS felépítése, részei

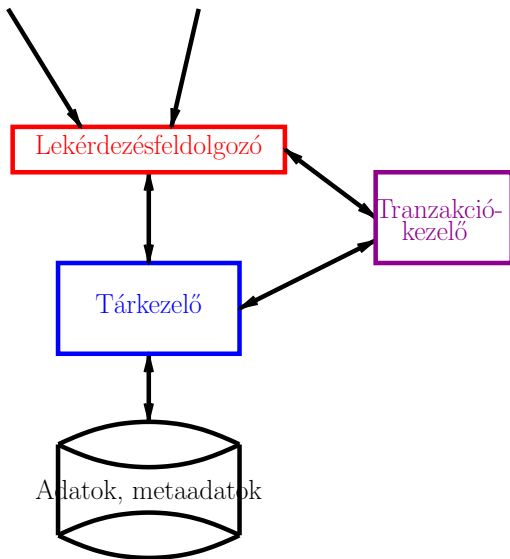
Sémamódosítás



# A DBMS felépítése, részei

Sémamódosítás

Lekérdezés

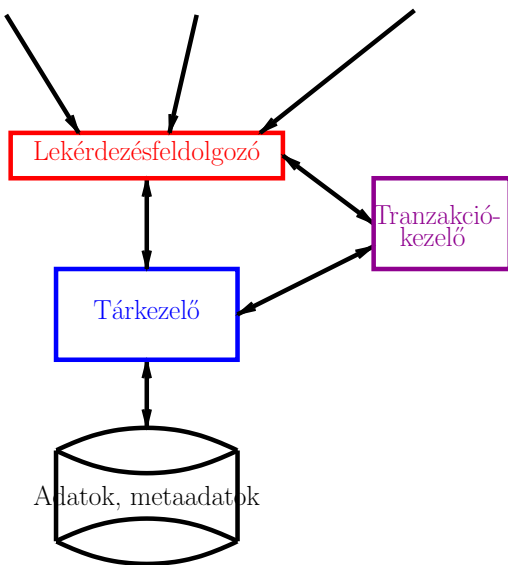


# A DBMS felépítése, részei

Sémamódosítás

Lekérdezés

Adatmodosítás



## Adatok, metaadatok

Fizikailag valahol tárolódnak az **adatok** (milyen nevű utas, melyik gépre foglalt helyet) és a **metaadatok** (mik a relációk nevei és attribútumai és ezek típusai, illetve pl. milyen indexek vannak a kereséshez)

## Adatok, metaadatok

Fizikailag valahol tárolódnak az **adatok** (milyen nevű utas, melyik gépre foglalt helyet) és a **metaadatok** (mik a relációk nevei és attribútumai és ezek típusai, illetve pl. milyen indexek vannak a kereséshez)

## Tárkezelő

A kért **információ beolvasása, módosítása**. Kb. mint az OR-ek file kezelője, de itt néha (**többfelhasználós működésnél pl.**) mi mondjuk meg, hova történjen az írás (**háttártárra, pufferbe**), nem kezelheti teljesen szabadon a puffert.



## Adatok, metaadatok

Fizikailag valahol tárolódnak az **adatok** (milyen nevű utas, melyik gépre foglalt helyet) és a **metaadatok** (mik a relációk nevei és attribútumai és ezek típusai, illetve pl. milyen indexek vannak a kereséshez)

## Tárkezelő

A kért **információ beolvasása, módosítása**. Kb. mint az OR-ek file kezelője, de itt néha (**többfelhasználós működésnél pl.**) mi mondjuk meg, hova történjen az írás (**háttártárra, pufferbe**), nem kezelheti teljesen szabadon a puffert.

### Részei:

- **File kezelő**: nyilvántartja a DB állományát; fizikai I/O-t végez, ha a pufferkezelő kéri; indexstruktúrába rendezni az adatokat (pl. B-fa) (**I/O mindig lemezblokkonként, hatékonyság mértéke az ilyen műveletek száma**)

## Adatok, metaadatok

Fizikailag valahol tárolódnak az **adatok** (milyen nevű utas, melyik gépre foglalt helyet) és a **metaadatok** (mik a relációk nevei és attribútumai és ezek típusai, illetve pl. milyen indexek vannak a kereséshez)

## Tárkezelő

A kért **információ beolvasása, módosítása**. Kb. mint az OR-ek file kezelője, de itt néha (**többfelhasználós működésnél pl.**) mi mondjuk meg, hova történjen az írás (**háttártárra, pufferbe**), nem kezelheti teljesen szabadon a puffert.

### Részei:

- **File kezelő:** nyilvántartja a DB állományát; fizikai I/O-t végez, ha a pufferkezelő kéri; indexstruktúrába rendezni az adatokat (pl. B-fa) (**I/O mindig lemezblokkonként, hatékonyság mértéke az ilyen műveletek száma**)
- **Pufferkezelő:** kezeli a memóriát, tárolja a filekezelő által beolvasott blokkokat

# Lekérdezésfeldolgozó

**Alapfeladata:** sémadefiníció, adatmódosítás és lekérdezős kérések fogadása, kezelése

**Alapfeladata:** sémadefiníciós, adatmódosítás és lekérdezős kérések fogadása, kezelése

- **Sémaműveletek:** a DB logikai struktúrájának kialakítása, módosítása  
eredménye: maga az adatbázisséma, plusz kiegészítő metaadatok (pl. mit hogyan tároljunk, indexek)  
Nagyon fontos, meghatározza a további működést

# Lekérdezésfeldolgozó

**Alapfeladata:** sémadefiníció, adatmódosítás és lekérdezős kérések fogadása, kezelése

- **Sémaműveletek:** a DB logikai struktúrájának kialakítása, módosítása  
eredménye: maga az adatbázisséma, plusz kiegészítő metaadatok (pl. mit hogyan tároljunk, indexek)  
Nagyon fontos, meghatározza a további működést
- **Lekérdezések:** keresőkérdések a DB-re vonatkozóan  
két lehetőség erre: vagy egy külön lekérdezőfelületen át vagy alkalmazói programból (a második esetben a host language-nek van utasításkészlete a DB-hez fordulásra)

**Alapfeladata:** sémadefiníciós, adatmódosítás és lekérdezős kérések fogadása, kezelése

- **Sémaműveletek:** a DB logikai struktúrájának kialakítása, módosítása  
eredménye: maga az adatbázisséma, plusz kiegészítő metaadatok (pl. mit hogyan tároljunk, indexek)  
Nagyon fontos, meghatározza a további működést
- **Lekérdezések:** keresőkérdések a DB-re vonatkozóan  
két lehetőség erre: vagy egy külön lekérdezőfelületen át vagy alkalmazói programból (a második esetben a host language-nek van utasításkészlete a DB-hez fordulásra)
- **Adatmódosítás:** a DB tartamának módosítása, beszúrás, törlés  
Itt is lehet külön felület vagy program

# Lekérdezésfeldolgozó tennivalói

Hogyan kezeli ezeket a kéréseket?

Hogyan kezeli ezeket a kéréseket?

## 1. Végrehajtási terv készítése

A magas szintű kérdéseket átalakítjuk elemi utasítások sorozatává.

A (legtöbbször) deklaratív kérdésből (ahol nem mondjuk meg, hogy milyen úton akarom megkapni az eredményt, csak azt, hogy mit akarok, pl. SQL) procedurális kérdést csinálunk (ahol már egy konkrét végrehajtási terv látszik).



Hogyan kezeli ezeket a kéréseket?

## 1. Végrehajtási terv készítése

A magas szintű kérdéseket átalakítjuk elemi utasítások sorozatává.

A (legtöbbször) deklaratív kérdésből (ahol nem mondjuk meg, hogy milyen úton akarom megkapni az eredményt, csak azt, hogy mit akarok, pl. SQL) procedurális kérdést csinálunk (ahol már egy konkrét végrehajtási terv látszik).

PI: Ha egy banki séma két relációja  
*ügyfél*(név, cím, számszám) és  
*számla*(számszám, számlaszám, egyenleg)  
és mi Bill Gates számlájának egyezlegét szeretnénk megkapni, akkor erre egy SQL  
kérdés:

SENECÁT egyenleg FROM ügyfél, számla  
WHERE ügyfél.számszám=számla.számszám AND ügyfél.név="Bill Gates"

PI: Ha egy banki séma két relációja  
*ügyfél*(név, cím, számszám) és  
*számla*(számszám, számlaszám, egyenleg)  
és mi Bill Gates számlájának egyenlegét szeretnénk megkapni, akkor erre egy SQL  
kérdés:

SENECÁT egyenleg FROM *ügyfél*, *számla*  
WHERE *ügyfél*.számszám=*számla*.számszám AND *ügyfél*.név="Bill Gates"

Ez csak azt mondja meg, hogy mely relációkból, mit akarok megkapni, de azt nem,  
hogy hogyan kell ezt megszerezni. Erre egy (elnagyolt) végrehajtási terv lehet pl. az,  
hogy ha van index a névre az *ügyfél*-ben, akkor az alapján keressük meg B.G.  
személyi számát, aztán ez alapján a másik relációban keressük meg a megfelelő sort  
és olvassuk ki az egyenleget.

## 2. „Optimalizálás”

Több lehetséges végrehajtási terv közül kiválasztani egy „legjobbat”. Nem valódi optimalizálás, nem a legjobbat keressük, csak egy elég jót.

## 2. „Optimalizálás”

Több lehetséges végrehajtási terv közül kiválasztani egy „legjobbat”. Nem valódi optimalizálás, nem a legjobbat keressük, csak egy elég jót.

**Tanulság:**

1. A kapott kérdés nem ad támpontot, hogy hogyan kell megkapni az eredményt, de nem is kötelez semmire.

## 2. „Optimalizálás”

Több lehetséges végrehajtási terv közül kiválasztani egy „legjobbat”. Nem valódi optimalizálás, nem a legjobbat keressük, csak egy elég jót.

### Tanulság:

1. A kapott kérdés nem ad támpontot, hogy hogyan kell megkapni az eredményt, de nem is kötelez semmire.
2. Érdeemes szöszölni egy jobb végrehajtási terv keresésével, mert nagyok lehetnek a különbségek.

Két nagyobb problémakör megoldására jó:

- Több felhasználó egyszerre használja a DB-t, egyidejű hozzáférések kezelése

Két nagyobb problémakör megoldására jó:

- Több felhasználó egyszerre használja a DB-t, egyidejű hozzáférések kezelése
- Rendszerhibák, ABORT-ok hatásainak kivédése: ezek bekövetkeztakor sem veszhetnek el adatok, nem maradhat a DB inkonzisztens állapotban



Két nagyobb problémakör megoldására jó:

- Több felhasználó egyszerre használja a DB-t, egyidejű hozzáférések kezelése
- Rendszerhibák, ABORT-ok hatásainak kivédése: ezek bekövetkeztakor sem veszhetnek el adatok, nem maradhat a DB inkonzisztens állapotban

Ezek megoldására: alapfogalom a

**tranzakció**: egy felhasználóhoz tartozó, összetartozó utasítások olyan sorozata, melyek vagy mind végrehajtódnak vagy semelyik sem (ez a tulajdonság az atomiság)

Két nagyobb problémakör megoldására jó:

- Több felhasználó egyszerre használja a DB-t, egyidejű hozzáférések kezelése
- Rendszerhibák, ABORT-ok hatásainak kivédése: ezek bekövetkeztakor sem veszhetnek el adatok, nem maradhat a DB inkonzisztens állapotban

Ezek megoldására: alapfogalom a

**tranzakció**: egy felhasználóhoz tartozó, összetartozó utasítások olyan sorozata, melyek vagy mind végrehajtódnak vagy semelyik sem (ez a tulajdonság az atomiság)  
Pl. banki átutalásnál nem lehet, hogy csak a pénz levonása történik meg az egyik számlán, de nem íródik jóvá a másikon

## Elvárások a tranzakciókezelésben

- **A** (atomicity, atomiság): egy tranzakció vagy teljesen végrehajtódik vagy semmi se hajtódik végre belőle

## Elvárások a tranzakciókezelésben

- **A** (atomicity, atomiság): egy tranzakció vagy teljesen végrehajtódik vagy semmi se hajtódik végre belőle
- **C** (consistency, konzisztencia): vannak a rendszernek helyes, konzisztens állapotai, ezek között mozog. Inkonzisztens állapot csak ideiglenesen lehet.

## Elvárások a tranzakciókezelésben

- **A** (atomicity, atomiság): egy tranzakció vagy teljesen végrehajtódik vagy semmi se hajtódik végre belőle
- **C** (consistency, konzisztencia): vannak a rendszernek helyes, konzisztens állapotai, ezek között mozog. Inkonzisztens állapot csak ideiglenesen lehet.
- **I** (isolation, elkülönítés): több tranzakció egyidejű lefutása után úgy nézzen ki a rendszer, mintha a tranzakciók egymás után, elkülönülten futottak volna le.

## Elvárások a tranzakciókezelésben

- **A** (atomicity, atomiság): egy tranzakció vagy teljesen végrehajtódik vagy semmi se hajtódik végre belőle
- **C** (consistency, konzisztencia): vannak a rendszernek helyes, konzisztens állapotai, ezek között mozog. Inkonzisztens állapot csak ideiglenesen lehet.
- **I** (isolation, elkülönítés): több tranzakció egyidejű lefutása után úgy nézzen ki a rendszer, mintha a tranzakciók egymás után, elkülönülten futottak volna le.

Tehát pl. az alábbi párhuzamos lefutás:



hatása legyen ugyanaz, mint vagy a tr1 tr2 sorrend, vagy a tr2 tr1 sorrend hatása.

## Elvárások a tranzakciókezelésben

- **A** (atomicity, atomiság): egy tranzakció vagy teljesen végrehajtódik vagy semmi se hajtódik végre belőle
- **C** (consistency, konzisztencia): vannak a rendszernek helyes, konzisztens állapotai, ezek között mozog. Inkonzisztens állapot csak ideiglenesen lehet.
- **I** (isolation, elkülönítés): több tranzakció egyidejű lefutása után úgy nézzen ki a rendszer, mintha a tranzakciók egymás után, elkülönülten futottak volna le.

Tehát pl. az alábbi párhuzamos lefutás:



hatása legyen ugyanaz, mint vagy a tr1 tr2 sorrend, vagy a tr2 tr1 sorrend hatása.

- **D** (durability, tartósság): ha egy tranzakció sikeresen befejeződött, akkor annak eredménye nem veszt el később.

## Eszközök a tranzakciókezelésben- ízelítő

- **Zárolás:** ha egy tranzakció csinálni akar valamit egy adattal, akkor zárat rak rá, ekkor más nem, vagy csak korlátozottan fér hozzá (lehet több féle zárat is használni). Zárolni lehet sort, blokkot, egész táblát is: minél nagyobbat zárolunk, annál könnyebb az adminisztráció, de annál többet kell a tranzakcióknak várniuk egymásra.



## Eszközök a tranzakciókezelésben- ízelítő

- **Zárolás:** ha egy tranzakció csinálni akar valamit egy adattal, akkor zárat rak rá, ekkor más nem, vagy csak korlátozottan fér hozzá (lehet több féle zárat is használni). Zárolni lehet sort, blokkot, egész táblát is: minél nagyobbat zárolunk, annál könnyebb az adminisztráció, de annál többet kell a tranzakcióknak várniuk egymásra.
- **Naplózás:** van egy biztos, hibáktól védett helyen tartott napló, ahol minden történést feljegyzünk. Hiba esetén ez megmarad, innen vissza lehet állítani egy helyes állapotot.

## Eszközök a tranzakciókezelésben- ízelítő

- **Zárolás:** ha egy tranzakció csinálni akar valamit egy adattal, akkor zárat rak rá, ekkor más nem, vagy csak korlátozottan fér hozzá (lehet több féle zárat is használni). Zárolni lehet sort, blokkot, egész táblát is: minél nagyobbat zárolunk, annál könnyebb az adminisztráció, de annál többet kell a tranzakcióknak várniuk egymásra.
- **Naplózás:** van egy biztos, hibáktól védett helyen tartott napló, ahol minden történést feljegyzünk. Hiba esetén ez megmarad, innen vissza lehet állítani egy helyes állapotot.

Ez az eddig felsorolt sok alkotórész eloszlik a kliens és a szerver között. A szerver tartja a kapcsolatot az fizikai adatbázissal, a kliens pedig a felhasználóval, a többi funkció eloszlása nagyon változhat rendszertől függően.

# Az adatbáziskezelő használati szintjei

- **Felhasználó:** egyszerűbb SQL kérdést fogalmaz meg, adatmódosítást csinál, alkalmazói programot futtat

# Az adatbáziskezelő használati szintjei

- **Felhasználó:** egyszerűbb SQL kérdést fogalmaz meg, adatmódosítást csinál, alkalmazói programot futtat
- **Adatbázis programozó:** összetett kérdések írása, alkalmazói program írása. Jól ismeri a DB felépítését, a DBMS-ben használt technikákat.

# Az adatbáziskezelő használati szintjei

- **Felhasználó:** egyszerűbb SQL kérdést fogalmaz meg, adatmódosítást csinál, alkalmazói programot futtat
- **Adatbázis programozó:** összetett kérdések írása, alkalmazói program írása. Jól ismeri a DB felépítését, a DBMS-ben használt technikákat.
- **Adatbázis** tervező: sémát hoz létre, fizikai szervezésbe beleszólhat.

# Az adatbáziskezelő használati szintjei

- **Felhasználó:** egyszerűbb SQL kérdést fogalmaz meg, adatmódosítást csinál, alkalmazói programot futtat
- **Adatbázis programozó:** összetett kérdések írása, alkalmazói program írása. Jól ismeri a DB felépítését, a DBMS-ben használt technikákat.
- **Adatbázis tervező:** sémát hoz létre, fizikai szervezésbe beleszólhat.
- **Adatbázisrendszer megvalósító:** az adatbáziskezelőt magát tervezi és írja.

# A félév anyaga

Főleg a tervezés és megvalósítás kérdései:

## Főleg a tervezés és megvalósítás kérdései:

- **Tervezés:**

- ▶ **Adatmodellezés:** adatbázis-tervező technikák (ODL, objektumos tervezés és E/K (egyed-kapcsolat) diagram, grafikus jelölésrendszer).  
Az adatbázis fogalmi keretének megadására jók, tervet lehet velük készíteni, amit aztán majd át kell alakítani az adatbáziskezelő által használt formális megadási módra.



## Főleg a tervezés és megvalósítás kérdései:

### ● **Tervezés:**

- ▶ **Adatmodellezés:** adatbázis-tervező technikák (ODL, objektumos tervezés és E/K (egyed-kapcsolat) diagram, grafikus jelölésrendszer).  
Az adatbázis fogalmi keretének megadására jók, tervet lehet velük készíteni, amit aztán majd át kell alakítani az adatbáziskezelő által használt formális megadási módra.
- ▶ **Relációs adatmodell:** nagyon fontos, tipikusan ilyenek a DBMS-ek mostanában.

## Főleg a tervezés és megvalósítás kérdései:

- **Tervezés:**

- ▶ **Adatmodellezés:** adatbázis-tervező technikák (ODL, objektumos tervezés és E/K (egyed-kapcsolat) diagram, grafikus jelölésrendszer).  
Az adatbázis fogalmi keretének megadására jók, tervet lehet velük készíteni, amit aztán majd át kell alakítani az adatbáziskezelő által használt formális megadási módra.
- ▶ **Relációs adatmodell:** nagyon fontos, tipikusan ilyenek a DBMS-ek mostanában.

- **Tervezés/megvalósítás:**

- ▶ fizikai szervezés

## Főleg a tervezés és megvalósítás kérdései:

### ● **Tervezés:**

- ▶ **Adatmodellezés:** adatbázis-tervező technikák (ODL, objektumos tervezés és E/K (egyed-kapcsolat) diagram, grafikus jelölésrendszer).  
Az adatbázis fogalmi keretének megadására jók, tervet lehet velük készíteni, amit aztán majd át kell alakítani az adatbáziskezelő által használt formális megadási módra.
- ▶ **Relációs adatmodell:** nagyon fontos, tipikusan ilyenek a DBMS-ek mostanában.

### ● **Tervezés/megvalósítás:**

- ▶ fizikai szervezés
- ▶ tranzakciókezelés

## Főleg a tervezés és megvalósítás kérdései:

### ● **Tervezés:**

- ▶ **Adatmodellezés:** adatbázis-tervező technikák (ODL, objektumos tervezés és E/K (egyed-kapcsolat) diagram, grafikus jelölésrendszer).  
Az adatbázis fogalmi keretének megadására jók, tervet lehet velük készíteni, amit aztán majd át kell alakítani az adatbáziskezelő által használt formális megadási módra.
- ▶ **Relációs adatmodell:** nagyon fontos, tipikusan ilyenek a DBMS-ek mostanában.

### ● **Tervezés/megvalósítás:**

- ▶ fizikai szervezés
- ▶ tranzakciókezelés
- ▶ lekérdezésfeldolgozás

## Főleg a tervezés és megvalósítás kérdései:

### ● **Tervezés:**

- ▶ **Adatmodellezés:** adatbázis-tervező technikák (ODL, objektumos tervezés és E/K (egyed-kapcsolat) diagram, grafikus jelölésrendszer).  
Az adatbázis fogalmi keretének megadására jók, tervet lehet velük készíteni, amit aztán majd át kell alakítani az adatbáziskezelő által használt formális megadási módra.
- ▶ **Relációs adatmodell:** nagyon fontos, tipikusan ilyenek a DBMS-ek mostanában.

### ● **Tervezés/megvalósítás:**

- ▶ fizikai szervezés
- ▶ tranzakciókezelés
- ▶ lekérdezésfeldolgozás

- **Programozás:** nem nagyon lesz, majd laboron a következő félévben, de azért: SQL, adatmódosítás, adatdefiniálás, triggerek, megszorítások kezeléséről lesz szó.

# Adatbázisok elmélete

Adatbáziskezelő rendszerekfelépítése, adatmodellezés, ODL

Katona Gyula Y.

Számítástudományi és Információelméleti Tanszék  
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem

## 2. előadás

Ősei a file-kezelők; ezek nem teljesítik ugyan azokat az elvárásokat, amiket a DBMS-sel szemben támasztunk, de sok a hasonlóság: sok adat, hosszú élettartam. Viszont primitív a lekérdezés (csak a file-hierarchiában lehet mozogni), nincs sémadefiníció (csak könyvtárszerkezet), nincs védelem rendszerhibák esetére, többfelhasználós működés sincs támogatva.

Ősei a file-kezelők; ezek nem teljesítik ugyan azokat az elvárásokat, amiket a DBMS-sel szemben támasztunk, de sok a hasonlóság: sok adat, hosszú élettartam. Viszont primitív a lekérdezés (csak a file-hierarchiában lehet mozogni), nincs sémadefiníció (csak könyvtárszerkezet), nincs védelem rendszerhibák esetére, többfelhasználós működés sincs támogatva.



# Első rendszerek

**Jellemzők:** sok kis adat, gyakori, de kevés adatot érintő lekérdezések, módosítások.

# Első rendszerek

**Jellemzők:** sok kis adat, gyakori, de kevés adatot érintő lekérdezések, módosítások.

- *Repülőgépes helyfoglalás*

**Adatelemek:** indulás, érkezés, honnan indul, hova érkezik, ár, darabszám, utas neve. . .

**Lekérdezések:** van-e még hely, mennyi az ára, mikor indul a gép

**Módosítások:** új utas bevitele, helyfoglalás

**Párhuzamosság:** egyszerre több jegyeladás és lekérdezés

**Védelem:** helyfoglalás nem veszhet el

# Első rendszerek

**Jellemzők:** sok kis adat, gyakori, de kevés adatot érintő lekérdezések, módosítások.

- *Repülőgépes helyfoglalás*

**Adatelemek:** indulás, érkezés, honnan indul, hova érkezik, ár, darabszám, utas neve. . .

**Lekérdezések:** van-e még hely, mennyi az ára, mikor indul a gép

**Módosítások:** új utas bevitele, helyfoglalás

**Párhuzamosság:** egyszerre több jegyeladás és lekérdezés

**Védelem:** helyfoglalás nem veszhet el

- *Banki rendszerek*

**Adatelemek:** ügyfelek adatai, számlák adatai, jogosultságok. . .

**Lekérdezések:** egyenlegek

**Módosítások:** pénzmozgások

**Párhuzamosság, biztonság fontos/megoldva valahogy.**

# Első rendszerek

**Jellemzők:** sok kis adat, gyakori, de kevés adatot érintő lekérdezések, módosítások.

- *Repülőgépes helyfoglalás*

**Adatelemek:** indulás, érkezés, honnan indul, hova érkezik, ár, darabszám, utas neve. . .

**Lekérdezések:** van-e még hely, mennyi az ára, mikor indul a gép

**Módosítások:** új utas bevitele, helyfoglalás

**Párhuzamosság:** egyszerre több jegyeladás és lekérdezés

**Védelem:** helyfoglalás nem veszhet el

- *Banki rendszerek*

**Adatelemek:** ügyfelek adatai, számlák adatai, jogosultságok. . .

**Lekérdezések:** egyenlegek

**Módosítások:** pénzmozgások

**Párhuzamosság, biztonság fontos/megoldva valahogy.**

- *Vállalati rendszerek*

**Ügyfelek, eladások, szerződések adatai, kimutatások készítése, új szerződések bevitele.**

# Első rendszerek

**Jellemzők:** sok kis adat, gyakori, de kevés adatot érintő lekérdezések, módosítások.

- *Repülőgépes helyfoglalás*

**Adatelemek:** indulás, érkezés, honnan indul, hova érkezik, ár, darabszám, utas neve. . .

**Lekérdezések:** van-e még hely, mennyi az ára, mikor indul a gép

**Módosítások:** új utas bevitele, helyfoglalás

**Párhuzamosság:** egyszerre több jegyeladás és lekérdezés

**Védelem:** helyfoglalás nem veszhet el

- *Banki rendszerek*

**Adatelemek:** ügyfelek adatai, számlák adatai, jogosultságok. . .

**Lekérdezések:** egyenlegek

**Módosítások:** pénzmozgások

**Párhuzamosság, biztonság fontos/megoldva valahogy.**

- *Vállalati rendszerek*

**Ügyfelek, eladások, szerződések adatai, kimutatások készítése, új szerződések bevitele.**

# Korai modellek

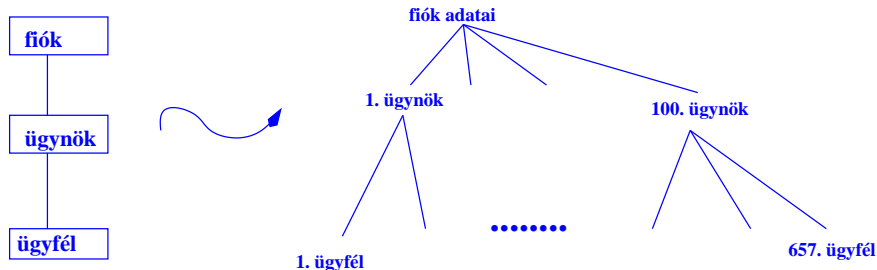
**Közös jellemzők:** a fogalmi keret tükrözi a tárolást

# Korai modellek

**Közös jellemzők:** a fogalmi keret tükrözi a tárolást

- **Hierarchikus adatmodell**

Jó ott, ahol a reprezentálandó adatokban valódi hierarchia van, például biztosítás példa:



**Adatnyilvántartás:** fában, ami a hierarchiát tükrözi, a gyökér szerint rendezetten tárolva  $\implies$  a lekérdezés és módosítás, illetve az adatok elérése csak a fa ismeretében lehetséges.

- **Háló modell** Irányított gráffal adjuk meg az adatok közötti logikai összefüggéseket, a csúcsok a rekordtípusok, a nyilak a kapcsolatok.





- **Háló model** Irányított gráffal adjuk meg az adatok közötti logikai összefüggéseket, a csúcsok a rekordtípusok, a nyilak a kapcsolatok.



**Mindkét modell hátránya:** nincs magas szintű lekérdezés, bármilyen hozzáféréshez a tárolás pontos ismerete szükséges

# Relációs adatmodell

- Jelenleg a legelterjedtebb modell
- E.F. Codd 1970-es cikkén alapul
- **Fő elv:** az adatbázist alkossák táblák (relációk)

# Relációs adatmodell

- Jelenleg a legelterjedtebb modell
- E.F. Codd 1970-es cikkén alapul
- **Fő elv:** az adatbázist alkossák táblák (relációk)
- Előnye a hierarchikus és hálós modellel szemben:
  - ▶ magas szintű lekérdezés, a tárolási struktúra ismerete nélkül
  - ▶ jól átlátható, mégis pontos, elméleti háttere is van
  - ▶ a relációk mögött lehet bonyolult adatszerkezet is, de azt nem kell ismerni a működtetéshez

Táblázat, reláció = fogalmi keret, egy-egy sor = egy-egy tárolandó adategyüttes.  
Termelő(név, cím, termék, ár) tábla esetén:

<b>név</b>	<b>cím</b>	<b>termék</b>	<b>ár</b>
X. Kft	Sümeg	Kinder-tojás	127 Ft
.....	.....	.....	.....

Táblázat, reláció = fogalmi keret, egy-egy sor = egy-egy tárolandó adategyüttes.  
Termelő(név, cím, termék, ár) tábla esetén:

név	cím	termék	ár
X. Kft	Sümeg	Kinder-tojás	127 Ft
.....	.....	.....	.....

**Lekérdezés:** egyszerű, de hatékony, nem kell ismerni, hogy mi hogyan tárolódik. Pl. SQL-ben egy lekérdezés:

```
SELECT ár, név FROM termelő  
WHERE termék="Zizi" .5cm
```

Ez megkeresi az összes olyan (ár, név) párt, ami a „Zizi”-hez tartozik.

# Jelenlegi rendszerek jellemzői

- főleg relációs modell, modellezésre pedig E/K diagram

# Jelenlegi rendszerek jellemzői

- főleg relációs modell, modellezésre pedig E/K diagram
- egyre kisebb rendszerek (DBMS-ek PC-re)

# Jelenlegi rendszerek jellemzői

- főleg relációs modell, modellezésre pedig E/K diagram
- egyre kisebb rendszerek (DBMS-ek PC-re)
- nagy adatbázisok (egyre hosszabb idejű tárolás, illetve képek, hangok, multimédiás cuccok)  $\implies$  harmadlagos tárolás CD-n



# Jelenlegi rendszerek jellemzői

- főleg relációs modell, modellezésre pedig E/K diagram
- egyre kisebb rendszerek (DBMS-ek PC-re)
- nagy adatbázisok (egyre hosszabb idejű tárolás, illetve képek, hangok, multimédiás cuccok)  $\implies$  harmadlagos tárolás CD-n
- párhuzamos feldolgozás

## Jövőbeni technológiák (részben már létezők)

- *objektumos adatbázisrendszerek*: ODL-es tervezés, szokásos objektumos megközelítés, összetett típusok (jól leírják a modellezni kívánt világot)

## Jövőbeni technológiák (részben már létezők)

- *objektumos adatbázisrendszerek*: ODL-es tervezés, szokásos objektumos megközelítés, összetett típusok (jól leírják a modellezni kívánt világot)
- *megszorítások, triggerek*: aktív elemek (ha valami feltétel teljesül  $\implies$  beindul valami folyamat a rendszerben).
  - ▶ *megszorítások*: előre megadott feltételeknek mindig teljesülniük kell. Ha valamelyik sérülne: cselekvés, pl. *letiltás*.
  - ▶ *triggerek*: kódrészlet, ha valami adott helyzet bekövetkezik, akkor automatikusan kiváltódik valami esemény.

# Jövőbeni technológiák (részben már létezők)

- **objektumos adatbázisrendszerek**: ODL-es tervezés, szokásos objektumos megközelítés, összetett típusok (jól leírják a modellezni kívánt világot)
- **megszorítások, triggerek**: aktív elemek (ha valami feltétel teljesül  $\implies$  beindul valami folyamat a rendszerben).
  - ▶ **megszorítások**: előre megadott feltételeknek mindig teljesülniük kell. Ha valamelyik sérülne: cselekvés, pl. **letiltás**.
  - ▶ **triggerek**: kódrészlet, ha valami adott helyzet bekövetkezik, akkor automatikusan kiváltódik valami esemény.
- **multimédiás adatok**: kép, hang, szöveg
  - ▶ sokkal nagyobb adatok
  - ▶ egyszerűbb műveletek is nehezek (pl. **összehasonlítás**), illetve új műveletek megjelenése
  - ▶ továbbítás problémája (**nem egyszerre, hanem adagokban**)

# Jövőbeni technológiák (részben már létezők)

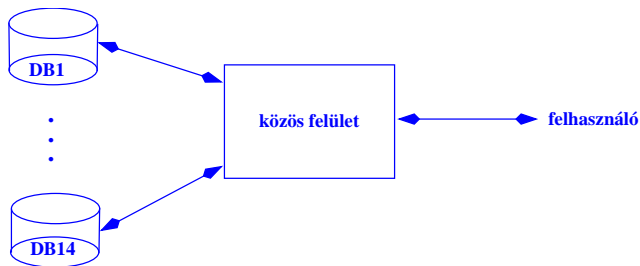
- **objektumos adatbázisrendszerek**: ODL-es tervezés, szokásos objektumos megközelítés, összetett típusok (jól leírják a modellezni kívánt világot)
- **megszorítások, triggerek**: aktív elemek (ha valami feltétel teljesül  $\implies$  beindul valami folyamat a rendszerben).
  - ▶ **megszorítások**: előre megadott feltételeknek mindig teljesülniük kell. Ha valamelyik sérülne: cselekvés, pl. **letiltás**.
  - ▶ **triggerek**: kódrészlet, ha valami adott helyzet bekövetkezik, akkor automatikusan kiváltódik valami esemény.
- **multimédiás adatok**: kép, hang, szöveg
  - ▶ sokkal nagyobb adatok
  - ▶ egyszerűbb műveletek is nehezek (pl. **összehasonlítás**), illetve új műveletek megjelenése
  - ▶ továbbítás problémája (**nem egyszerre, hanem adagokban**)

## Jövőbeni technológiák (részben már létezők)

- **adattárházak**: cél az adathalmazok egységesítése. Sokféle adat, sok helyen, ugyanolyan vagy hasonló dolgokról, de különféle tárolási struktúrában. Egységesen akarjuk látni az adatokat (webes katalógus, egységes vállalati nyilvántartás).

Megoldás az adattárház: átalakított, különböző DB-kból származó adatok „közös nevezőre” hozása.

Nem kell lecserélni a kis adatbázisokat, hanem csak föléjük építünk egy struktúrát:

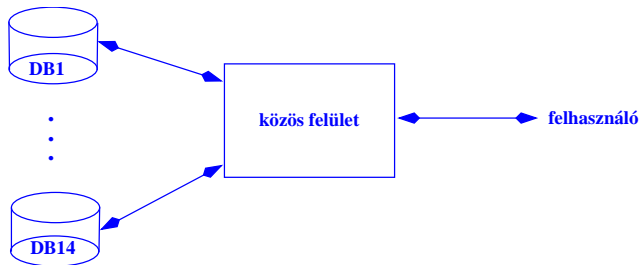


## Jövőbeni technológiák (részben már létezők)

- **adattárházak:** cél az adathalmazok egységesítése. Sokféle adat, sok helyen, ugyanolyan vagy hasonló dolgokról, de különféle tárolási struktúrában. Egységesen akarjuk látni az adatokat (webes katalógus, egységes vállalati nyilvántartás).

Megoldás az adattárház: átalakított, különböző DB-kból származó adatok „közös nevezőre” hozása.

Nem kell lecserélni a kis adatbázisokat, hanem csak föléjük építünk egy struktúrát:



- **adatbányászat:** adatok között levő érdekes, szokatlan összefüggések keresése. Pl. aki fiatal férfi és ... t vásárol, az vásárol ... t is.

- **Célja:** a modellezendő valóságdarabhoz adatbázisséma létrehozása.



- **Célja:** a modellezendő valóságdarabhoz adatbázisséma létrehozása.
- **Elvárás:** jól írja le a valóságot, könnyű legyen a gyakori kérdéseket és módosításokat megtenni

- **Célja:** a modellezendő valóságdarabhoz adatbázisséma létrehozása.
- **Elvárás:** jól írja le a valóságot, könnyű legyen a gyakori kérdéseket és módosításokat megtenni
- **Részei:**
  - ① Terv készítése (**nagyon fontos rész, ha rossz tervet csinálunk, később nehéz módosítani**) valamilyen modellező eszköz/nyelv segítségével (E/K diagram, ODL-es megadás).

- **Célja:** a modellezendő valóságdarabhoz adatbázisséma létrehozása.
- **Elvárás:** jól írja le a valóságot, könnyű legyen a gyakori kérdéseket és módosításokat megtenni
- **Részei:**
  - 1 Terv készítése (**nagyon fontos rész, ha rossz tervet csinálunk, később nehéz módosítani**) valamilyen modellező eszköz/nyelv segítségével (E/K diagram, ODL-es megadás).
  - 2 A terv átalakítása formálisabb leírássá (**tipikusan E/K-ból relációs megadás**).

- **Célja:** a modellezendő valóságdarabhoz adatbázisséma létrehozása.
- **Elvárás:** jól írja le a valóságot, könnyű legyen a gyakori kérdéseket és módosításokat megtenni
- **Részei:**
  - 1 Terv készítése (nagyon fontos rész, ha rossz tervet csinálunk, később nehéz módosítani) valamilyen modellező eszköz/nyelv segítségével (E/K diagram, ODL-es megadás).
  - 2 A terv átalakítása formálisabb leírássá (tipikusan E/K-ból relációs megadás).
  - 3 Az adatbázisséma formális megadása a rendszer által kívánt DDL-en (ez az átalakítás már viszonylag automatikusan megy, a DDL persze rendszerfüggő).

- **Célja:** a modellezendő valóságdarabhoz adatbázisséma létrehozása.
- **Elvárás:** jól írja le a valóságot, könnyű legyen a gyakori kérdéseket és módosításokat megtenni
- **Részei:**
  - 1 Terv készítése (nagyon fontos rész, ha rossz tervet csinálunk, később nehéz módosítani) valamilyen modellező eszköz/nyelv segítségével (E/K diagram, ODL-es megadás).
  - 2 A terv átalakítása formálisabb leírássá (tipikusan E/K-ból relációs megadás).
  - 3 Az adatbázisséma formális megadása a rendszer által kívánt DDL-en (ez az átalakítás már viszonylag automatikusan megy, a DDL persze rendszerfüggő).

Mi most az első lépéssel foglalkozunk, a tervezéssel, később lesz majd még arról szó, hogy hogyan kell a tervet átírni relációs sémára, aztán pedig az SQL DDL-jére.

# Adatmodellező eszközök

Egy adatmodellező eszköz egy többé-kevésbé formális jelölésrendszer, adatok és a köztük levő kapcsolatok megadására. (ODL inkább formális, E/K kevésbé).

# Adatmodellező eszközök

Egy adatmodellező eszköz egy többé-kevésbé formális jelölésrendszer, adatok és a köztük levő kapcsolatok megadására. (ODL inkább formális, E/K kevésbé).

Alapfogalmak:

- *adatok*, pl. pilóta, utas, járat

# Adatmodellező eszközök

Egy adatmodellező eszköz egy többé-kevésbé formális jelölésrendszer, adatok és a köztük levő kapcsolatok megadására. (ODL inkább formális, E/K kevésbé).

Alapfogalmak:

- *adatok*, pl. pilóta, utas, járat
- *kapcsolatok*, pl. járat utasai, személyzete



# Adatmodellező eszközök

Egy adatmodellező eszköz egy többé-kevésbé formális jelölésrendszer, adatok és a köztük levő kapcsolatok megadására. (ODL inkább formális, E/K kevésbé).

Alapfogalmak:

- *adatok*, pl. pilóta, utas, járat
- *kapcsolatok*, pl. járat utasai, személyzete
- *műveletek*, már ahol van, vannak modellek, amiknek vannak saját műveleteik, amiket könnyű megvalósítani.

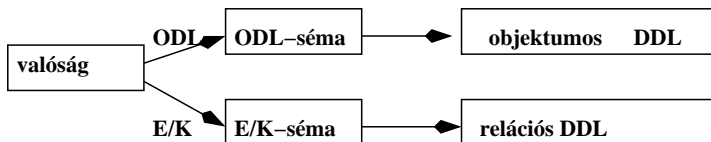
# Adatmodellező eszközök

Egy adatmodellező eszköz egy többé-kevésbé formális jelölésrendszer, adatok és a köztük levő kapcsolatok megadására. (ODL inkább formális, E/K kevésbé).

Alapfogalmak:

- *adatok*, pl. pilóta, utas, járat
- *kapcsolatok*, pl. járat utasai, személyzete
- *műveletek*, már ahol van, vannak modellek, amiknek vannak saját műveleteik, amiket könnyű megvalósítani.

Tipikus használat:



Az E/K-relációs séma-relációs DDL út a hagyományosabb.

## ODL alapelvei

**Cél:** objektumos szemléletű DB tervezése, az adatbázis struktúrájának megadása objektumos terminológiával. CORBA része, objektumos programozási nyelvekhez jól passzol. Az ODL-es tervet könnyű objektumos DDL-be transzformálni (relációsra viszont nehézkes).

## ODL alapelvei

**Cél:** objektumos szemléletű DB tervezése, az adatbázis struktúrájának megadása objektumos terminológiával. CORBA része, objektumos programozási nyelvekhez jól passzol. Az ODL-es tervet könnyű objektumos DDL-be transzformálni (relációsra viszont nehézkes).

### Alapelvek:

- **A világot objektumokkal írjuk le** (objektum = megfogható, megkülönböztethető egyed, pl. egy-egy járat, utas, dolgozó).

**Cél:** objektumos szemléletű DB tervezése, az adatbázis struktúrájának megadása objektumos terminológiával. CORBA része, objektumos programozási nyelvekhez jól passzol. Az ODL-es tervet könnyű objektumos DDL-be transzformálni (relációsra viszont nehézkes).

### Alapelvek:

- **A világot objektumokkal írjuk le** (objektum = megfogható, megkülönböztethető egyed, pl. **egy-egy járat, utas, dolgozó**).
- **Minden objektumnak egyedi azonosítója van (OID)**, ez automatikusan generálódik neki és minden más OID-től különböző.

**Cél:** objektumos szemléletű DB tervezése, az adatbázis struktúrájának megadása objektumos terminológiával. CORBA része, objektumos programozási nyelvekhez jól passzol. Az ODL-es tervet könnyű objektumos DDL-be transzformálni (relációsra viszont nehézkes).

### Alapelvek:

- **A világot objektumokkal írjuk le** (objektum = megfogható, megkülönböztethető egyed, pl. egy-egy járat, utas, dolgozó).
- **Minden objektumnak egyedi azonosítója van (OID)**, ez automatikusan generálódik neki és minden más OID-től különböző.
- **Az objektumokat osztályokba soroljuk**, az osztály elemei hasonlóak, ugyanolyan dolgokat tartunk róluk nyilván (pl. egy osztály lehet az összes utas, összes járat). Az egyes értékek persze lehetnek mások (az utasok neve különbözik, de minden utasnak van neve). Egy objektumot általában egy rekorddal adunk meg, az egyes mezők a nyilvánartott tulajdonságoknak felelnek meg.

# Osztálydeklaráció

- Meg kell adni az osztály *nevét*.

# Osztálydeklaráció

- Meg kell adni az osztály *nevét*.
- Az osztályhoz tartozó *attribútumok*: az osztályba tartozó objektumok jellemzői, lehetőleg egyszerűbb adattípusokkal megadva. (Erről majd később.)



# Osztálydeklaráció

- Meg kell adni az osztály *nevét*.
- Az osztályhoz tartozó *attribútumok*: az osztályba tartozó objektumok jellemzői, lehetőleg egyszerűbb adattípusokkal megadva. (Erről majd később.)
- *Kapcsolatok* az osztályok között, ezeknek is van típusa, aszerint, hogy egy objektum egy másik osztály egy vagy pedig több objektumával kapcsolódik-e össze (pl. *egy járatnak egy kapitánya van, de sok utasa*).

# Osztálydeklaráció

- Meg kell adni az osztály *nevét*.
- Az osztályhoz tartozó *attribútumok*: az osztályba tartozó objektumok jellemzői, lehetőleg egyszerűbb adattípusokkal megadva. (Erről majd később.)
- *Kapcsolatok* az osztályok között, ezeknek is van típusa, aszerint, hogy egy objektum egy másik osztály egy vagy pedig több objektumával kapcsolódik-e össze (pl. *egy járatnak egy kapitánya van, de sok utasa*).

## Az osztálydeklaráció formája

```
interface <osztály neve> {<attribútumok listája, kapcsolatok>;
```

## Példa

```
interface Film {  
    attribute string cím;  
    attribute int hossz;  
    attribute int év;  
    attribute enum Szalag{színes, fekete-fehér} szalagfajta;  
};
```

Az osztály neve **Film**, négy **attribútuma** van. Az **attribute** kulcsszó után megadjuk az attribútum típusát (a **lehetséges típusokról később**), majd az attribútum nevét. Az utolsó sorban egy felsorolás jellegű (**enum**), **szalagfajta** nevű attribútumot definiálunk, ami a **Szalag** (kételemű) halmazból veszi az értékét.

## Példa

```
interface Film {  
    attribute string cím;  
    attribute int hossz;  
    attribute int év;  
    attribute enum Szalag{színes, fekete-fehér} szalagfajta;  
};
```

Az osztály neve **Film**, négy **attribútuma** van. Az attribute kulcsszó után megadjuk az attribútum típusát (**a lehetséges típusokról később**), majd az attribútum nevét. Az utolsó sorban egy felsorolás jellegű (**enum**), **szalagfajta** nevű attribútumot definiálunk, ami a **Szalag** (kételemű) halmazból veszi az értékét.

**Ez persze csak a kezdete egy osztálydeklarációnak, kapcsolatokat még nem is adtunk meg.**

Egy objektum egy rekordnak felel meg, pl. a fenti megadás szerint a Film osztály egy objektuma pl. (**Amélie csodálatos élete, 120, 2000, színes**).

## Még egy példa

```
interface Színész {  
    attribute string név;  
    attribute Struct Cím{string város, string utca} lakcím;  
};
```

Itt a második attribútum **struktúra** típusú, ami két mezőből áll, az első mező neve **város**, típusa **string**, a másodiké **utca**, típusa **string**. Az attribútum neve **lakcím**.

## Kapcsolatok megadása

Az objektumok tulajdonságait az attribútumokkal adjuk meg, az objektumok közötti hivatkozásokat pedig a kapcsolatokkal. Egy objektum kapcsolódhat egy vagy több másik objektumhoz is.

## Kapcsolatok megadása

Az objektumok tulajdonságait az attribútumokkal adjuk meg, az objektumok közötti hivatkozásokat pedig a kapcsolatokkal. Egy objektum kapcsolódhat egy vagy több másik objektumhoz is. A kapcsolatokat ugyanott írjuk le, ahol az attribútumokat, a megadás módja:

`relationship <osztálynév> <kapcsolatnév>;`

ha egy objektumhoz vezet a kapcsolat, illetve

`relationship <kollekcióoperátor>< <osztálynév> > <kapcsolatnév>;`

ha több (a kollekcióoperátor mondja meg, hogy milyen) objektumhoz vezet a kapcsolat.

A lehetséges kollekcióoperátorokról (Set, Bag, List, Array) majd később.

## Példa kapcsolat megadására

A **Film** osztályba

**relationship** **Set**<Színész> szereplők;

és

**relationship** **Színész** főszereplő;            kell.

Az első esetben egy filmhez a színészek egy halmaza kapcsolódik, a második esetben egy filmhez egy darab színész tartozik.



## Példa kapcsolat megadására

A **Film** osztályba

**relationship** **Set**<Színész> szereplők;

és

**relationship** **Színész** főszereplő;            kell.

Az első esetben egy filmhez a színészek egy halmaza kapcsolódik, a második esetben egy filmhez egy darab színész tartozik.

**Fontos!** A kapcsolatot a másik osztálynál is jelölni kell és meg kell adni, hogy melyik kapcsolat inverzéről van szó.

Így a Színész osztályba is kell  
relationship Set<Film> szerepelBenne;  
inverse Film::szereplők;  
és  
relationship Set<Film> főszereplőBenne;  
inverse Film::főszereplő;

Így a Színész osztályba is kell

```
relationship Set<Film> szerepelBenne;  
    inverse Film::szereplők;
```

és

```
relationship Set<Film> főszereplőBenne;  
    inverse Film::főszereplő;
```

És persze a Film osztályba is kell a két inverse:

```
relationship Set<Színész> szereplők;  
    inverse Színész::szerepelBenne;
```

és

```
relationship Színész főszereplő;  
    inverse Színész::főszereplőBenne;
```

# Inverzek

Itt persze ugyanazon dolog két nézetéről van szó. Fontos konzisztenciátényező az inverz-párok feltüntetése, mert -.5cm

- Elvárjuk, hogy ha X.Y. szerepel egy filmnél, mint szereplő, akkor az a film szerepeljen nála a szereplBenne kapcsolatnál.
- Általában azok a jól megfogott kapcsolatok, amikhez könnyű, természetes inverzet találni.

Igazából egy dolog van csak, egy ilyen fajta megfeleltetés:

Színész	Film
A. Tautou	Amélie csodálatos élete
A. Tautou	Szeretni bolondulásig
M. Kasovitz	Amélie csodálatos élete
M. Kasovitz	Férfiek mélyrepülésben

Ennek kétféle elérése a két kapcsolat.

# Kapcsolatok jellege

Egy C és egy D osztály közötti kapcsolat lehet

- **több-több (sok-sok, N:N)** kapcsolat: egy C-beli objektumhoz több D-beli és egy D-belihez több C-beli is tartozhat (pl. a **szereplők/szerepel**Benne kapcsolatpár).

# Kapcsolatok jellege

## Egy C és egy D osztály közötti kapcsolat lehet

- **több-több (sok-sok, N:N)** kapcsolat: egy C-beli objektumhoz több D-beli és egy D-belihez több C-beli is tartozhat (pl. a szereplők/szerepelBenne kapcsolatpár).
- **több-egy (sok-egy, N:1)** kapcsolat: egy C-belihez csak egy D-beli tartozhat, de egy D-belihez tartozhat több C-beli is (pl. a Film és a Színész osztályok között levő főszereplője/főszereplőBenne pár).

## Egy C és egy D osztály közötti kapcsolat lehet

- **több-több (sok-sok, N:N)** kapcsolat: egy C-beli objektumhoz több D-beli és egy D-belihez több C-beli is tartozhat (pl. a szereplők/szerepelBenne kapcsolatpár).
- **több-egy (sok-egy, N:1)** kapcsolat: egy C-belihez csak egy D-beli tartozhat, de egy D-belihez tartozhat több C-beli is (pl. a Film és a Színész osztályok között levő főszereplője/főszereplőBenne pár).
- **egy-egy (1:1)** kapcsolat: egy C-belihez csak egy D-beli és egy D-belihez csak egy C-beli tartozhat (férj-feleség kapcsolat pl.).

## Egy C és egy D osztály közötti kapcsolat lehet

- **több-több (sok-sok, N:N)** kapcsolat: egy C-beli objektumhoz több D-beli és egy D-belihez több C-beli is tartozhat (pl. a szereplők/szerepelBenne kapcsolatpár).
- **több-egy (sok-egy, N:1)** kapcsolat: egy C-belihez csak egy D-beli tartozhat, de egy D-belihez tartozhat több C-beli is (pl. a Film és a Színész osztályok között levő főszereplője/főszereplőBenne pár).
- **egy-egy (1:1)** kapcsolat: egy C-belihez csak egy D-beli és egy D-belihez csak egy C-beli tartozhat (férj-feleség kapcsolat pl.).

A kapcsolat jellege azt mutatja, mennyire függvényszerű a kapcsolat az objektumok között. A kapcsolat jellege deklarációs kérdés, az osztály megadásakor döntjük el (azzal, hogy használunk-e kollekciooperátort vagy sem).

(Egy több-több kapcsolat esetén is előfordulhat persze, hogy egy adott objektum csak egy másikhoz csatlakozik.)



# Típusok az ODL-ben

Vannak alaptípusok, építkezési lehetőségek és megszorítások, amik szabályozzák az építkezést.

## Alaptípusok

- **Atomi típusok (elemi típusok):** integer, real, float, char, string, boolean, enum

# Típusok az ODL-ben

Vannak alaptípusok, építkezési lehetőségek és megszorítások, amik szabályozzák az építkezést.

## Alaptípusok

- **Atomi típusok (elemi típusok):** integer, real, float, char, string, boolean, enum
- **Interface típusok:** mi magunk csináljuk őket, a deklarált osztályok ezek (pl. Film, Színész)

# Típusok az ODL-ben

Vannak alaptípusok, építkezési lehetőségek és megszorítások, amik szabályozzák az építkezést.

## Alaptípusok

- **Atomi típusok (elemi típusok):** integer, real, float, char, string, boolean, enum
- **Interface típusok:** mi magunk csináljuk őket, a deklarált osztályok ezek (pl. Film, Színész)

## Típuskonstruktorok

- *Halmaz*: ha  $T$  egy típus, akkor  $\text{Set} < T >$  a  $T$  típusú elemek halmaza

## Típuskonstruktorok

- *Halmaz*: ha  $T$  egy típus, akkor  $\text{Set} < T >$  a  $T$  típusú elemek halmaza
- *Multihalmaz*: ha  $T$  egy típus, akkor  $\text{Bag} < T >$  a  $T$  típusú elemek multihalmaza, azaz egy elem többször is szerepelhet

## Típuskonstruktorok

- *Halmaz*: ha  $T$  egy típus, akkor  $\text{Set} < T >$  a  $T$  típusú elemek halmaza
- *Multihalmaz*: ha  $T$  egy típus, akkor  $\text{Bag} < T >$  a  $T$  típusú elemek multihalmaza, azaz egy elem többször is szerepelhet
- *Lista*: ha  $T$  egy típus, akkor  $\text{List} < T >$  a  $T$  típusú elemek listája, pl.  
 $\text{string} = \text{List} < \text{char} >$

## Típuskonstruktorok

- *Halmaz*: ha  $T$  egy típus, akkor  $\text{Set} < T >$  a  $T$  típusú elemek halmaza
- *Multihalmaz*: ha  $T$  egy típus, akkor  $\text{Bag} < T >$  a  $T$  típusú elemek multihalmaza, azaz egy elem többször is szerepelhet
- *Lista*: ha  $T$  egy típus, akkor  $\text{List} < T >$  a  $T$  típusú elemek listája, pl.  $\text{string} = \text{List} < \text{char} >$
- *Tömb*: ha  $T$  egy típus, akkor  $\text{Array} < T, i >$  a  $T$  típusú elemek  $i$  hosszú tömbje, pl.  $\text{Array} < \text{char}, 12 > = 12$  hosszú karakterlánc

## Típuskonstruktorok

- **Halmaz**: ha  $T$  egy típus, akkor  $\text{Set} < T >$  a  $T$  típusú elemek halmaza
- **Multihalmaz**: ha  $T$  egy típus, akkor  $\text{Bag} < T >$  a  $T$  típusú elemek multihalmaza, azaz egy elem többször is szerepelhet
- **Lista**: ha  $T$  egy típus, akkor  $\text{List} < T >$  a  $T$  típusú elemek listája, pl.  $\text{string} = \text{List} < \text{char} >$
- **Tömb**: ha  $T$  egy típus, akkor  $\text{Array} < T, i >$  a  $T$  típusú elemek  $i$  hosszú tömbje, pl.  $\text{Array} < \text{char}, 12 > = 12$  hosszú karakterlánc
- **Struktúra**: ha  $T_1, T_2, \dots, T_n$  típusok,  $f_1, f_2, \dots, f_n$  pedig mezőnevek, akkor  $\text{Struct} < \text{Név} > \{ T_1 f_1, T_2 f_2, \dots, T_n f_n \}$   $n$  mezőből álló  $< \text{Név} >$  nevű struktúra, ahol a mezők nevei  $f_1, f_2, \dots, f_n$ , típusai pedig  $T_1, T_2, \dots, T_n$ .  
Például:  $\text{Struct} \text{Cím} \{ \text{string város}, \text{string utca} \}$

Az első négy (**Set, Bag, List, Array**) típuskonstruktor **kollekcíóoperátornak** hívjuk.



## Típuskonstruktorok

- *Halmaz*: ha  $T$  egy típus, akkor  $\text{Set} < T >$  a  $T$  típusú elemek halmaza
- *Multihalmaz*: ha  $T$  egy típus, akkor  $\text{Bag} < T >$  a  $T$  típusú elemek multihalmaza, azaz egy elem többször is szerepelhet
- *Lista*: ha  $T$  egy típus, akkor  $\text{List} < T >$  a  $T$  típusú elemek listája, pl.  $\text{string} = \text{List} < \text{char} >$
- *Tömb*: ha  $T$  egy típus, akkor  $\text{Array} < T, i >$  a  $T$  típusú elemek  $i$  hosszú tömbje, pl.  $\text{Array} < \text{char}, 12 > = 12$  hosszú karakterlánc
- *Struktúra*: ha  $T_1, T_2, \dots, T_n$  típusok,  $f_1, f_2, \dots, f_n$  pedig mezőnevek, akkor  $\text{Struct} < \text{Név} > \{ T_1 f_1, T_2 f_2, \dots, T_n f_n \}$   $n$  mezőből álló  $< \text{Név} >$  nevű struktúra, ahol a mezők nevei  $f_1, f_2, \dots, f_n$ , típusai pedig  $T_1, T_2, \dots, T_n$ .  
Például:  $\text{Struct} \text{Cím} \{ \text{string város}, \text{string utca} \}$

Az első négy (*Set, Bag, List, Array*) típuskonstruktor **kollekcíóoperátornak** hívjuk.

## Megkötések

- *Attribútum típusa*: lehet atomi típus, struktúra atomi típusú mezőkkel, illetve ezekre lehet még egy kollekción operátort vagy egy struktúrát rakni (de csak egyszer!!!!) (Ezzel elég bonyolult típusokat lehet csinálni, de önmérséklet, mert nehéz lesz megvalósítani, ha túl bonyolult).

## Megkötések

- *Attribútum típusa*: lehet atomi típus, struktúra atomi típusú mezőkkel, illetve ezekre lehet még egy kollekción operátort vagy egy struktúrát rakni **(de csak egyszer!!!!)** (Ezzel elég bonyolult típusokat lehet csinálni, de önmérséklet, mert nehéz lesz megvalósítani, ha túl bonyolult).
- *Kapcsolat típusa*: interface típus vagy interface típusra egyszer alkalmazott kollekción operátor **(struktúra nem lehet!!!!)**

## Megjegyzések

- Ugyanaz a típus nem lehet attribútum és kapcsolat típusa is.

## Megkötések

- *Attribútum típusa*: lehet atomi típus, struktúra atomi típusú mezőkkel, illetve ezekre lehet még egy kollekción operátort vagy egy struktúrát rakni **(de csak egyszer!!!!)** (Ezzel elég bonyolult típusokat lehet csinálni, de önmérséklet, mert nehéz lesz megvalósítani, ha túl bonyolult).
- *Kapcsolat típusa*: interface típus vagy interface típusra egyszer alkalmazott kollekción operátor **(struktúra nem lehet!!!)**

## Megjegyzések

- Ugyanaz a típus nem lehet attribútum és kapcsolat típusa is.
- Kollekción operátort mindkét helyen lehet használni, de amire alkalmazom az más (elemi típus, illetve interface).

## Megkötések

- *Attribútum típusa*: lehet atomi típus, struktúra atomi típusú mezőkkel, illetve ezekre lehet még egy kollekció operátort vagy egy struktúrát rakni (de csak egyszer!!!!) (Ezzel elég bonyolult típusokat lehet csinálni, de önmérséklet, mert nehéz lesz megvalósítani, ha túl bonyolult).
- *Kapcsolat típusa*: interface típus vagy interface típusra egyszer alkalmazott kollekcióoperátor (struktúra nem lehet!!!)

## Megjegyzések

- Ugyanaz a típus nem lehet attribútum és kapcsolat típusa is.
- Kollekcóoperátort mindkét helyen lehet használni, de amire alkalmazom az más (elemi típus, illetve interface).
- Példa:  
Array< Struct N{string  $m_1$ , string  $m_2$ }, 10 > lehet egy attribútum típusa

# Adatbázisok elmélete

## E/K modell

Katona Gyula Y.

Számítástudományi és Információelméleti Tanszék  
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem

3. előadás

# E/K diagram

Eddig azt néztük meg, hogy ODL-ben hogyan lehet osztályokat, kapcsolatokat megadni és ezzel a DB fogalmi keretét kialakítani.

Most egy másik módszer jön, az E/K diagram, ezt könnyen át lehet majd írni relációs sémára.

## E/K diagram

Eddig azt néztük meg, hogy ODL-ben hogyan lehet osztályokat, kapcsolatokat megadni és ezzel a DB fogalmi keretét kialakítani.

Most egy másik módszer jön, az E/K diagram, ezt könnyen át lehet majd írni relációs sémára.

**E/K= egyed-kapcsolat** vagy entitás-relációs (E/R, entity-relationship) modell Szemléletes, könnyű vele dolgozni. Egy rajzot készítünk, ez ábrázolja az adatelemeket és a köztük levő kapcsolatot is.



# Alapfogalmak

Hasonlítanak az alapelemek az ODL-hez:

- *Egyedhalmaz* (kb. mint az osztály az ODL-ben): elemei az egyedek (ODL-es objektumok), de itt nincs egyedi azonosító, az egyedek az attribútumaikkal és a kapcsolataikkal azonosítódnak.

Rajzon:



# Alapfogalmak

Hasonlítanak az alapelemek az ODL-hez:

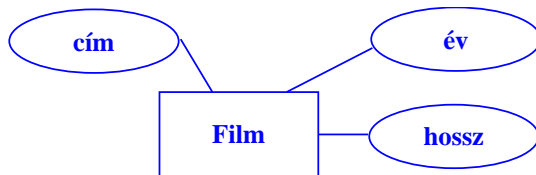
- **Egyedhalmaz** (kb. mint az osztály az ODL-ben): elemei az egyedek (ODL-es objektumok), de itt nincs egyedi azonosító, az egyedek az attribútumaikkal és a kapcsolataikkal azonosítódnak.

Rajzon:



- **Attribútumok**: értékeik egy egyed tulajdonságait adják meg, mint az ODL-nél, de itt nincs formális előírás a típusokra, csak annyi, hogy legyenek egyszerűek, hogy könnyű legyen relációkra átírni.

Szöveges jelölés: **Film(Cím, Hossz, ...)**, rajzon:



# Alapfogalmak

Hasonlítanak az alapelemek az ODL-hez:

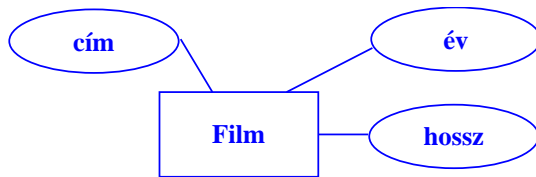
- **Egyedhalmaz** (kb. mint az osztály az ODL-ben): elemei az egyedek (ODL-es objektumok), de itt nincs egyedi azonosító, az egyedek az attribútumaikkal és a kapcsolataikkal azonosítódnak.

Rajzon:



- **Attribútumok**: értékeik egy egyed tulajdonságait adják meg, mint az ODL-nél, de itt nincs formális előírás a típusokra, csak annyi, hogy legyenek egyszerűek, hogy könnyű legyen relációkra átírni.

Szöveges jelölés: **Film(Cím, Hossz, ...)**, rajzon:

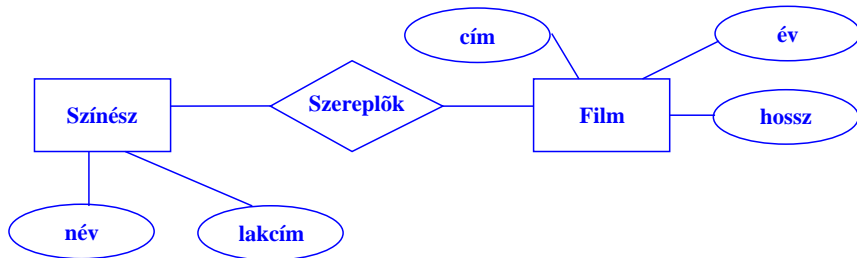


- *Kapcsolatok*: egyedhalmazok közötti viszony, máshogy van, mint ODL-ben.
- ODL-ben minden kapcsolatot mindkét irányban reprezentálunk, itt egy kapcsolat = egy vonal
- ODL-ben minden kapcsolat bináris (két osztály között megy), E/K-ban lehetnek többágú kapcsolatok is

- *Kapcsolatok*: egyedhalmazok közötti viszony, máshogy van, mint ODL-ben.
- ODL-ben minden kapcsolatot mindkét irányban reprezentálunk, itt egy kapcsolat = egy vonal
- ODL-ben minden kapcsolat bináris (két osztály között megy), E/K-ban lehetnek többágú kapcsolatok is

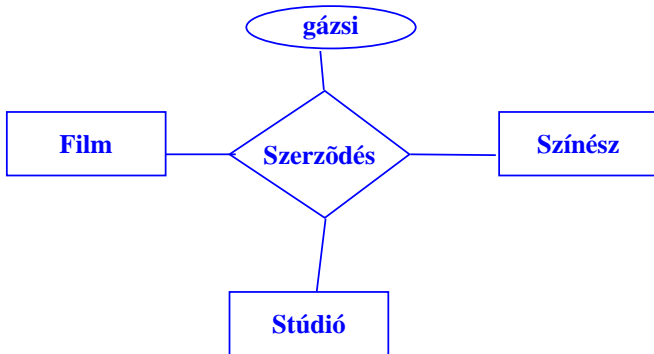
# Alapfogalmak

Jelölés szövegesen: **Szereplők(Film, Színész)**, illetve rajzon:



Ha az  $R(E_1, E_2, \dots, E_{10})$  kapcsolat 10 egyedhalmazt köt össze, akkor az  $R$  kapcsolat egy példányja egy 10 hosszú vektor  $(e_1, e_2, \dots, e_{10})$ , ahol az  $e_i$  egy egyed az  $E_i$  egyedhalmazból.

Fontos különbség még az ODL-hez képest, hogy az E/K modellben a kapcsolatnak is lehet attribútuma:



Itt a gázsi a szerződéshez tartozik, ami a filmet, a színészt és a stúdiót köti össze. Lehetne úgy is csinálni, hogy a Szerződés kapcsolatnak lenne egy negyedik egyedhalmaza is, a Gázsi, egyetlen attribútummal, az összeggel, de felesleges olyan egyedhalmazt létrehozni, aminek csak egy attribútuma van.

## Kapcsolatok típusa

A bináris kapcsolatoknál ugyanúgy van, mint az ODL-nél: **van több-több, több-egy és egy-egy kapcsolat**. A többágú kapcsolat egy kicsit bonyolultabb.

### Bináris kapcsolat

Az „egy” irányt nyíl jelzi, azaz ott van nyíl, amelyik egyedhalmazból csak egy tartozhat a másik egyedhalmaz egy egyedéhez.



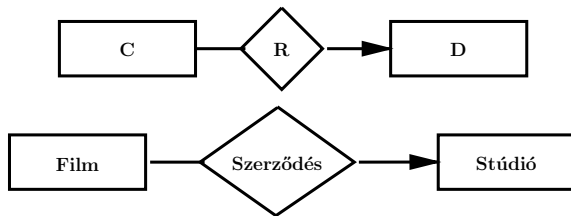
## Kapcsolatok típusa

A bináris kapcsolatoknál ugyanúgy van, mint az ODL-nél: **van több-több, több-egy és egy-egy kapcsolat**. A többágú kapcsolat egy kicsit bonyolultabb.

### Bináris kapcsolat

Az „egy” irányt nyíl jelzi, azaz ott van nyíl, amelyik egyedhalmazból csak egy tartozhat a másik egyedhalmaz egy egyedéhez.

Például, ha a *C* egyedhalmaz egy egyedéhez csak egy *D*-beli tartozhat az *R* kapcsolatnál, de egy *D*-belihez tartozhat több *C*-beli is, akkor:



Ha egy-egy kapcsolat van, akkor persze mindkét oldalra kell a nyíl.

## Többágú kapcsolat típusa

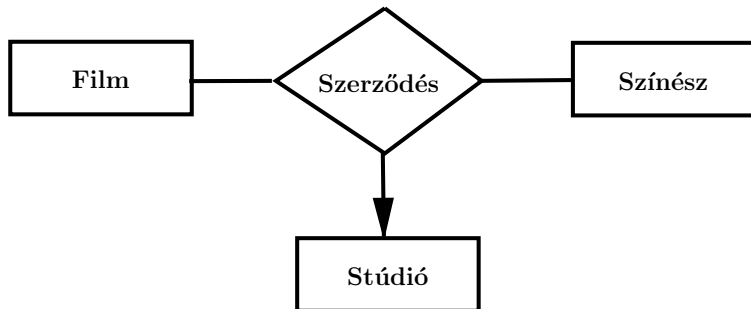
Az  $R(E_1, E_2, \dots, E_n)$  kapcsolat  $E_i$  felé egyirányú, ha igaz az, hogy a maradék  $E_1, E_2, \dots, E_{i-1}, E_{i+1}, \dots, E_n$  egyedhalmazokból bárhogy választva ki egy-egy egyedet ( $e_k$ -t az  $E_k$ -ből), maximum egy olyan  $E_i$ -beli  $e_j$  egyed van, amivel az  $(e_1, e_2, \dots, e_{i-1}, e_j, e_{i+1}, \dots, e_n)$  egyedvektorra az  $R$  kapcsolat fennáll.

## Többágú kapcsolat típusa

Az  $R(E_1, E_2, \dots, E_n)$  kapcsolat  $E_i$  felé egyirányú, ha igaz az, hogy a maradék  $E_1, E_2, \dots, E_{i-1}, E_{i+1}, \dots, E_n$  egyedhalmazokból bárhogy választva ki egy-egy egyedet ( $e_k$ -t az  $E_k$ -ből), maximum egy olyan  $E_i$ -beli  $e_j$  egyed van, amivel az  $(e_1, e_2, \dots, e_{i-1}, e_j, e_{i+1}, \dots, e_n)$  egyedvektorra az  $R$  kapcsolat fennáll.  
(Természetesen lehet egy többágú kapcsolat egynél több irányban is „egy” jellegű.)

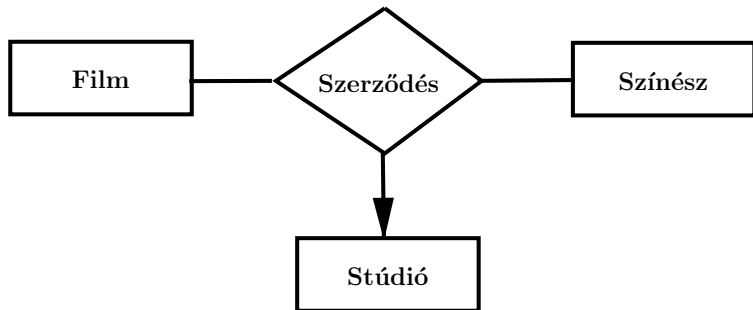
## Többágú kapcsolat típusa

Példa:



## Többágú kapcsolat típusa

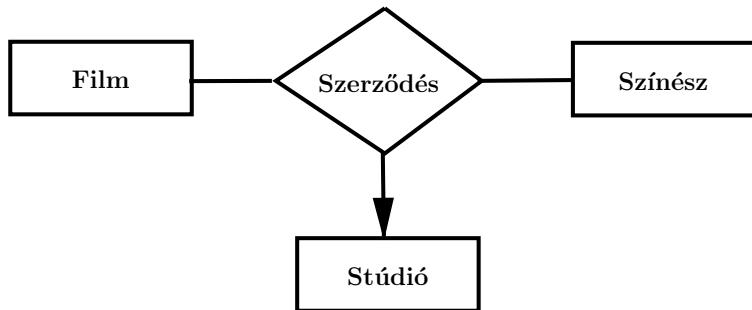
Példa:



Egy rögzített (film, színész) párhoz csak egy stúdió tartozik, de pl. egy rögzített (stúdió, film) párhoz tartozhat több színész.

## Többágú kapcsolat típusa

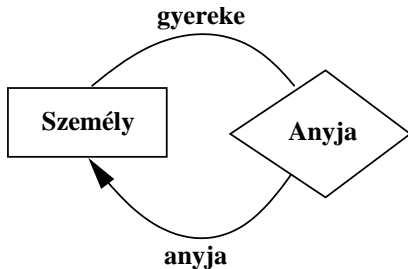
Példa:



Egy rögzített (film, színész) párhoz csak egy stúdió tartozik, de pl. egy rögzített (stúdió, film) párhoz tartozhat több színész.

Nem minden írható le ilyen módon, de nem baj, úgyis az a fontos, hogy majd a relációs megadásnál pontosak tudjunk lenni. A fenti példánál, a rajzon nem tudjuk jelölni azt, hogy már a film egyedül meghatározza a stúdiót, de a relációs modellben lesz erre eszközünk.

Ha egy kapcsolatban egy egyedhalmaz többször is szerepel, akkor a nyilakon/vonalakon jelöljük a különböző szerepeket. pl:



Fontos megcímkézni a vonalakat, mert ahhoz a szerephez tartozik az „egy” nyíl, ami az anyjára vonatkozik, a gyerekághoz nem kell.

# Sokágú kapcsolat átírása binárisra

## Miért kell/jó ez?

- átláthatóbb a bináris



# Sokágú kapcsolat átírása binárisra

## Miért kell/jó ez?

- átláthatóbb a bináris
- a megvalósításban könnyebben kezelhető

# Sokágú kapcsolat átírása binárisra

## Miért kell/jó ez?

- átláthatóbb a bináris
- a megvalósításban könnyebben kezelhető
- látszik, hogy nem baj, hogy az ODL csak binárist tud, hisz a többágút is át lehet ilyenné írni

# Sokágú kapcsolat átírása binárisra

## Miért kell/jó ez?

- átláthatóbb a bináris
- a megvalósításban könnyebben kezelhető
- látszik, hogy nem baj, hogy az ODL csak binárist tud, hisz a többágút is át lehet ilyenné írni

Az átíráshoz fő ötlet: egy  $R(E_1, E_2, \dots, E_n)$  kapcsolat egy eleme egy  $n$  egyedből álló vektor:  $(e_1, e_2, \dots, e_n)$ .

# Sokágú kapcsolat átírása binárisra

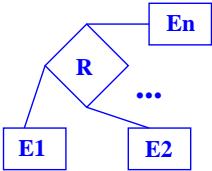
## Miért kell/jó ez?

- átláthatóbb a bináris
- a megvalósításban könnyebben kezelhető
- látszik, hogy nem baj, hogy az ODL csak binárist tud, hisz a többágút is át lehet ilyenné írni

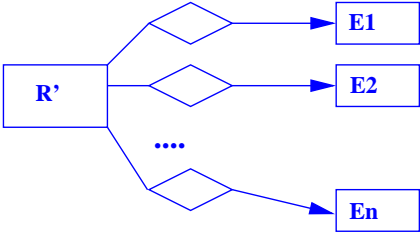
Az átíráshoz fő ötlet: egy  $R(E_1, E_2, \dots, E_n)$  kapcsolat egy eleme egy  $n$  egyedből álló vektor:  $(e_1, e_2, \dots, e_n)$ .

Az átírásnál létrehozunk egy új egyedhalmazt, melynek az ilyen vektorok lesznek az egyedei és az ilyen vektorokat bináris több-egy kapcsolatok ( $n$  darab) fogják az  $E_1, \dots, E_n$  egyedhalmazokhoz kötni.

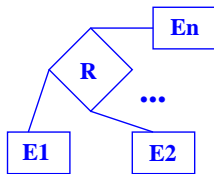
Rajzon:



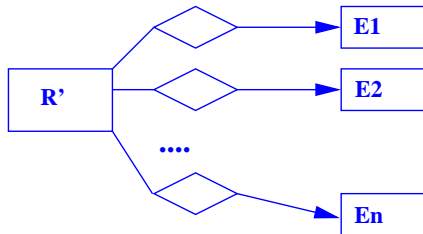
helyett



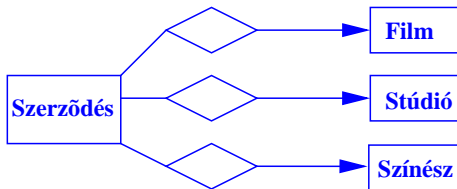
Rajzon:



helyett



Konkrét példa (az előbbi háromágú szerződéses példa átírva):



## Megjegyzések az átíráshoz

- Ez az átírás azért is jó, mert egy kapcsolatot majd úgyis valahogy így tudunk kezelni a fizikai megvalósításban: a kapcsolat egy eleme egy három mutatóból álló tömb lesz, ahol ez egyes mutatók a kapcsolatot alkotó egyedekre (film, színész, stúdió) mutatnak.

## Megjegyzések az átíráshoz

- Ez az átírás azért is jó, mert egy kapcsolatot majd úgyis valahogy így tudunk kezelni a fizikai megvalósításban: a kapcsolat egy eleme egy három mutatóból álló tömb lesz, ahol ez egyes mutatók a kapcsolatot alkotó egyedekre (film, színész, stúdió) mutatnak.
- Az átírásnál persze veszíthetünk infót: az előbbi példánál elveszett az, hogy a többes kapcsolat „egy” volt a Stúdió fele. Ez nem baj, ezt majd a végén a relációs modellben úgyis finomabban le tudjuk írni.



## Megjegyzések az átíráshoz

- Ez az átírás azért is jó, mert egy kapcsolatot majd úgyis valahogy így tudunk kezelni a fizikai megvalósításban: a kapcsolat egy eleme egy három mutatóból álló tömb lesz, ahol ez egyes mutatók a kapcsolatot alkotó egyedekre (film, színész, stúdió) mutatnak.
- Az átírásnál persze veszíthetünk infót: az előbbi példánál elveszett az, hogy a többes kapcsolat „egy” volt a Stúdió fele. Ez nem baj, ezt majd a végén a relációs modellben úgyis finomabban le tudjuk írni.
- Mivel minden többágú kapcsolatot át lehet írni binárisá, azért elég volna csak ilyen bináris kapcsolatokat használni.

## Megjegyzések az átíráshoz

- Ez az átírás azért is jó, mert egy kapcsolatot majd úgyis valahogy így tudunk kezelni a fizikai megvalósításban: a kapcsolat egy eleme egy három mutatóból álló tömb lesz, ahol ez egyes mutatók a kapcsolatot alkotó egyedekre (film, színész, stúdió) mutatnak.
- Az átírásnál persze veszíthetünk infót: az előbbi példánál elveszett az, hogy a többes kapcsolat „egy” volt a Stúdió fele. Ez nem baj, ezt majd a végén a relációs modellben úgyis finomabban le tudjuk írni.
- Mivel minden többágú kapcsolatot át lehet írni binárisá, azért elég volna csak ilyen bináris kapcsolatokat használni.

- Amúgy az ODL-ben lényegében ez történik, ha ott akarnánk ábrázolni azt a hármas kapcsolatot, ami a filmeket, színészeket és stúdiókat összeköti, akkor ehhez fel kellene vennünk egy negyedik osztályt így (és ez lényegében ugyanaz a helyzet, amit az E/K modellben kaptunk az átírásakor):

```
interface Szerződés {  
    relationship Stúdió gyártja;  
        inverse Stúdió::StúdióSzerződése;  
    relationship Film filmje;  
        inverse Film::FilmSzerződése;  
    relationship Színész szereplője;  
        inverse Színész::SzínészSzerződése;  
};
```

# Feladat

Javasoljon ODL-sémát egy olyan banki adatbázishoz, amely tartalmazza az ügyfeleket és azok számláit.

# Feladat

Javasoljon ODL-sémát egy olyan banki adatbázishoz, amely tartalmazza az ügyfeleket és azok számláit.

Az **ügyfelekről** tartsuk nyilván a nevüket, címüket, telefonszámukat és személyi számukat. A **számláknak** legyen számlaszámuk, típusuk (takarékbetét számla, folyószámla pl.) és egyenlegük.

# Feladat

Javasoljon ODL-sémát egy olyan banki adatbázishoz, amely tartalmazza az ügyfeleket és azok számláit.

Az **ügyfelekről** tartsuk nyilván a nevüket, címüket, telefonszámukat és személyi számukat. A **számláknak** legyen számlaszámuk, típusuk (takarékbetét számla, folyószámla pl.) és egyenlegük.

**Megoldás** (néhány megoldás a sok lehetséges közül):

```
interface Ügyfél {  
    attribute string név;  
    attribute string lakcím;  
    attribute int telefonszám;  
    attribute int szemszám;  
    relationship Set<Számla> számlái;  
        inverse Számla::tulajdonosai;  
};
```

**Megoldás** (néhány megoldás a sok lehetséges közül):

```
interface Ügyfél {  
    attribute string név;  
    attribute string lakcím;  
    attribute int telefonszám;  
    attribute int szemszám;  
    relationship Set<Számla> számlái;  
        inverse Számla::tulajdonosai;  
};
```

```
interface Számla {  
    attribute int számlaszám;  
    attribute string típus;  
    attribute int egyenleg;  
    relationship Set<Ügyfél> tulajdonosai;  
        inverse Ügyfél::számlái;  
};
```



## Variációk

- Lehetett volna struktúra a lakcím típusa:

```
interface Ügyfél {  
    attribute string név;  
    attribute Struct Cím{string város, string utca, int házsám} lakcím;  
    attribute int telefonszám;  
    attribute int szemszám;  
    relationship Set<Számla> számlái;  
        inverse Számla::tulajdonosai;  
};
```

- Lehetett volna struktúra a lakcím típusa:

```
interface Ügyfél {  
    attribute string név;  
    attribute Struct Cím{string város, string utca, int házsám} lakcím;  
    attribute int telefonszám;  
    attribute int szemszám;  
    relationship Set<Számla> számlái;  
        inverse Számla::tulajdonosai;  
};
```

- Ha több címe is lehet egy embernek:

```
interface Ügyfél {  
    attribute string név;  
    attribute Set< Struct Cím{string város, string utca, int házsám}> lakcím;  
    attribute int telefonszám;  
    attribute int szemszám;  
    relationship Set<Számla> számlái;  
        inverse Számla::tulajdonosai;  
};
```

- Lehetett volna felsorolástípus a számla típusa:

```
interface Számla {  
    attribute int számlaszám;  
    attribute enum Típus{ betét, folyó } számlaTípus;  
    attribute int egyenleg;  
    relationship Set<Ügyfél> tulajdonosai;  
        inverse Ügyfél::számlái;  
};
```

## Variációk

- Ha egy embernek csak egy számlája lehet és egy számlának csak egy tulajdonosa:

```
interface Ügyfél {  
    attribute string név;  
    attribute string lakcím;  
    attribute int telefonszám;  
    attribute int szemszám;  
    relationship Számla számlája;  
    inverse Számla::tulajdonosa;  
};
```

## Variációk

- Ha egy embernek csak egy számlája lehet és egy számlának csak egy tulajdonosa:

```
interface Ügyfél {  
    attribute string név;  
    attribute string lakcím;  
    attribute int telefonszám;  
    attribute int szemszám;  
    relationship Számla számlája;  
    inverse Számla::tulajdonosa;  
};
```

```
interface Számla {  
    attribute int számlaszám;  
    attribute string típus;  
    attribute int egyenleg;  
    relationship Ügyfél tulajdonosa;  
    inverse Ügyfél::számlája;  
};
```

- Ha egy embernek több lakhelye lehet és az egyes lakhelyekhez lehet több telefonszám is:

- Ha egy embernek több lakhelye lehet és az egyes lakhelyekhez lehet több telefonszám is:

**attribute** Set< Struct Cím{ string lakcím, Set<int> telszámok }> lakcím;

- Ha egy embernek több lakhelye lehet és az egyes lakhelyekhez lehet több telefonszám is:

```
attribute Set< Struct Cím{ string lakcím, Set<int> telszámok }> lakcím;
```

Struct-on belül nem lehet kollekcíótípus illetve két kollekcíótípus sem lehet egymásba ágyazva egy attribútum típusában.



- Ha egy embernek több lakhelye lehet és az egyes lakhelyekhez lehet több telefonszám is:

`attribute Set< Struct Cím{ string lakcím, Set<int> telszámok }> lakcím;`

Struct-on belül nem lehet kollektív típus illetve két kollektív típus sem lehet egymásba ágyazva egy attribútum típusában.

Az se lenne jó, ha külön nyilvántartunk egy csomó lakcímet és ettől függetlenül az összes telefonszámot, mert akkor nem fogjuk tudni, hogy melyik címhez melyik szám tartozik.

```
interface Ügyfél {
    attribute string név;
    attribute int számszám;
    relationship Set<Számla> számlái;
        inverse Számla: tulajdonosai;
    relationship Set<Lakhely> ittLakik;
        inverse Lakhely::lakói;
};

interface Számla {
    attribute int számlaszám;
    attribute string típus;
    attribute int egyenleg;
    relationship Set<Ügyfél> tulajdonosai;
        inverse Ügyfél::számlái;
};
```

```
interface Lakhely {  
    attribute string város;  
    attribute string utca;  
    attribute int házszám;  
    attribute Set<int> telefonszámok;  
    relationship Set<Ügyfél> lakói;  
        inverse Ügyfél::ittLakik;  
};
```

# Feladat

Tervezzen **E/K diagrammot** egy olyan banki adatbázishoz, amely tartalmazza az ügyfeleket és azok számláit.

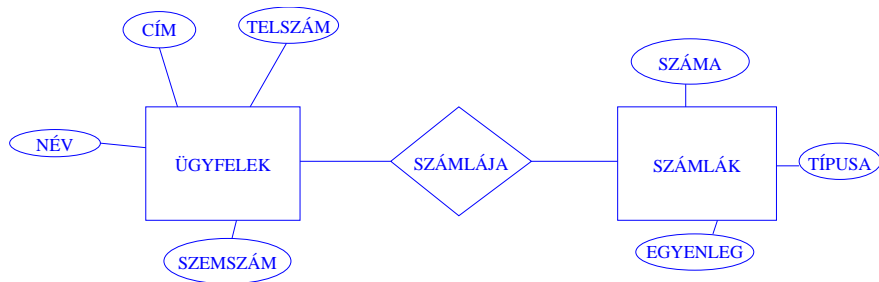
Az **ügyfelekről** tartsuk nyilván a nevüket, címüket, telefonszámukat és személyi számukat. A **számláknak** legyen számlaszámuk, típusuk (takarékbetét számla, folyószámla pl.) és egyenlegük.

# Feladat

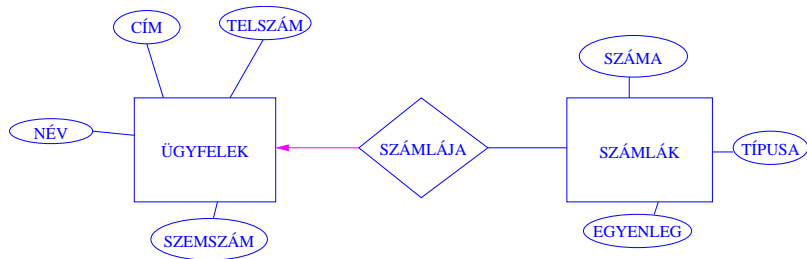
Tervezzon **E/K diagrammot** egy olyan banki adatbázishoz, amely tartalmazza az ügyfeleket és azok számláit.

Az **ügyfelekről** tartsuk nyilván a nevüket, címüket, telefonszámukat és személyi számukat. A **számláknak** legyen számlaszámuk, típusuk (takarékbetét számla, folyószámla pl.) és egyenlegük.

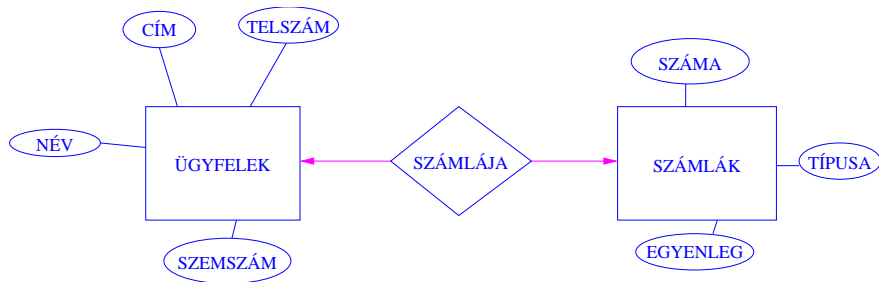
**Megoldás** (néhány megoldás a sok lehetséges közül):



- Ha egy számlának csak egy tulajdonosa lehet:

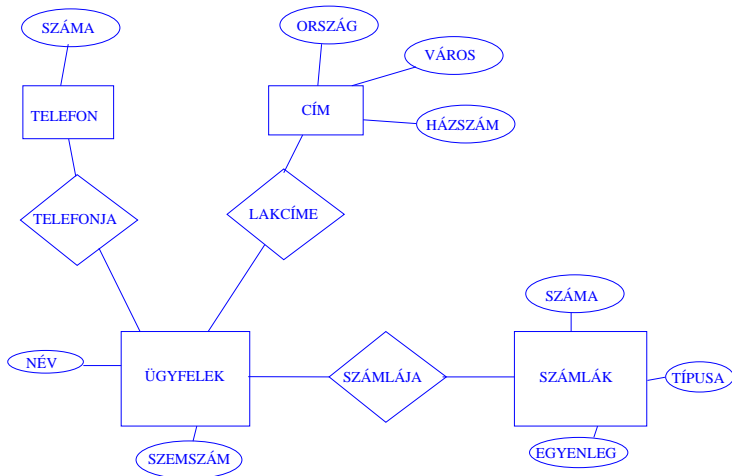


- Ha egy számlának csak egy tulajdonosa lehet és egy ügyfélnek csak egy számlája lehet:



## Variációk

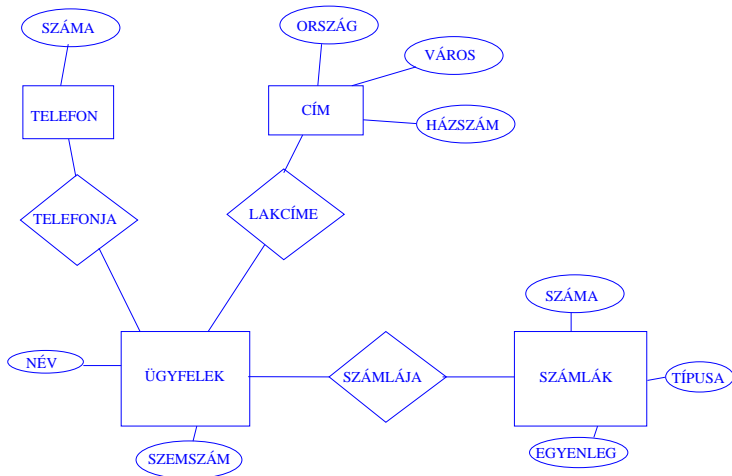
- Ha egy embernek több címe és több telefonszáma is lehet, de azt nem kell nyilvántartani, hogy mik az összetartozó lakcím-telefonszám párok:





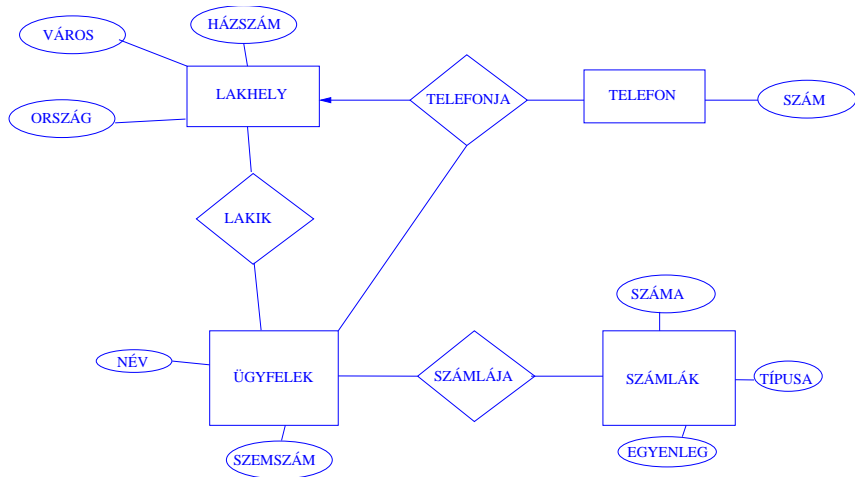
## Variációk

- Ha egy embernek több címe és több telefonszáma is lehet, de azt nem kell nyilvántartani, hogy mik az összetartozó lakcím-telefonszám párok:



**Azért nem lehetett az „ügyfelek” egyedhalmaz attribútuma a telefonszám, mert csak egyszerű típusokat használhatunk, kollektciókat nem.**

- Ha azt is nyilván kell tartani, hogy mik az összetartozó lakcím- telefonszám párok:



# Alosztályok

Egy osztály (egyedhalmaz) speciális tulajdonságú, de egymáshoz hasonló objektumai (egyedei) alkotják. Ezeket érdemes együtt kezelni, de úgy, hogy a (nagyobb) osztályba való tartozásuk is megmaradjon.

# Alosztályok

Egy osztály (egyedhalmaz) speciális tulajdonságú, de egymáshoz hasonló objektumai (egyedei) alkotják. Ezeket érdemes együtt kezelni, de úgy, hogy a (nagyobb) osztályba való tartozásuk is megmaradjon.

## ODL-ben

Pl. a Film a osztályon belül akarhatunk külön Rajzfilm, Vígjáték, Krimifilm alosztályokat. Ennek megadása az osztályok deklarációjakor:

A Film osztályt megadjuk, úgy, mint eddig, és

```
interface Rajzfilm:Film{  
    relationship Set<Színész> hangok;  
    inverse Színész::hanglts;  
};
```

Vagyis először megadjuk az alosztály nevét, aztán : után annak az osztálynak a nevét, aminek ő alosztálya lesz. A zárójelen belül már csak azokat az attribútumokat/kapcsolatokat kell megadni, amik az alosztály sajátjai, a többi attribútumot/kapcsolatot örökli a főosztálytól.

Példa még:

```
interface Krimifilm:Film{  
    attribute Set<string> bizonyítékok;  
};
```

Példa még:

```
interface Krimifilm:Film{  
    attribute Set<string> bizonyítékok;  
};
```

Sőt, lehet több szintű öröklés, illetve egy alosztály örökölhet két főosztálytól is:

```
interface Krimirajzfilm:Krimifilm, Rajzfilm{  
};
```

Itt a Krimirajzfilm alosztály örökli a Krimifilm és a Rajzfilm (al)osztály összes attribútumát és kapcsolatát (természetesen azokat is, amiket azok is úgy örököltek), neki magának pedig semmi saját attribútuma/kapcsolata nincsen.

Példa még:

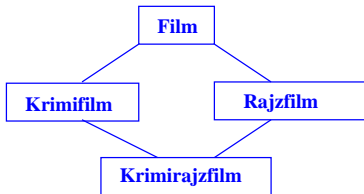
```
interface Krimifilm:Film{  
    attribute Set<string> bizonyítékok;  
};
```

Sőt, lehet több szintű öröklés, illetve egy alosztály örökölhet két főosztálytól is:

```
interface Krimirajzfilm:Krimifilm, Rajzfilm{  
};
```

Itt a Krimirajzfilm alosztály öröklí a Krimifilm és a Rajzfilm (al)osztály összes attribútumát és kapcsolatát (természetesen azokat is, amiket azok is úgy örököltek), neki magának pedig semmi saját attribútuma/kapcsolata nincsen.

Az öröklési kép ilyen:



Ha olyan filmeket is nyilván akarunk tartani, amik rajzfilmek (akarunk hangok kapcsolatot a Színészek felé) és krimik is (akarunk bizonyítékok attribútumot), akkor muszáj létrehozunk a fenti Krimirajzfilm osztályt, mert az objektumos szemléletben minden objektum csak egy (al)osztályhoz tartozhat. Ha nem lenne Krimirajzfilm osztály, akkor vagy csak a hangokat vagy csak a bizonyítékokat tudnánk feljegyezni.



Ha olyan filmeket is nyilván akarunk tartani, amik rajzfilmek (akarunk hangok kapcsolatot a Színészek felé) és krimik is (akarunk bizonyítékok attribútumot), akkor muszáj létrehozunk a fenti Krimirajzfilm osztályt, mert az objektumos szemléletben minden objektum csak egy (al)osztályhoz tartozhat. Ha nem lenne Krimirajzfilm osztály, akkor vagy csak a hangokat vagy csak a bizonyítékokat tudnánk feljegyezni. **Probléma lehet a többszörös öröklődésnél, ha ugyanolyan nevű attribútumot/kapcsolatot több helyről is örökölné egy alosztály. Ilyenkor valamelyiket át kell nevezni.**

## Alosztályok az E/K modellben

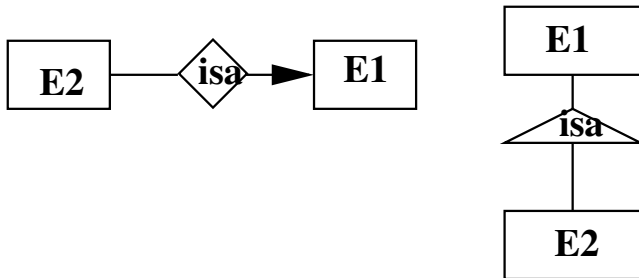
Sokkal egyszerűbb, mint az ODL-ben, de a cél ugyanaz: **egy egyedhalmaz speciális egyedeit együtt kezelni**. Ehhez egy speciális (*isa*, magyarul *azegy*) kapcsolat van.

## Alosztályok az E/K modellben

Sokkal egyszerűbb, mint az ODL-ben, de a cél ugyanaz: **egy egyedhalmaz speciális egyedeit együtt kezelni**. Ehhez egy speciális (*isa*, magyarul *azegy*) kapcsolat van. (Motiváció: A ló az egy állat = a lovak alosztályát alkotják az állatoknak.)

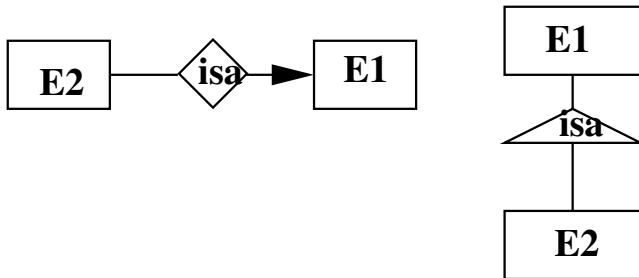
## Alosztályok az E/K modellben

Sokkal egyszerűbb, mint az ODL-ben, de a cél ugyanaz: **egy egyedhalmaz speciális egyedeit együtt kezelni**. Ehhez egy speciális (*isa*, magyarul *azegy*) kapcsolat van. (Motiváció: A ló az egy állat = a lovak alosztályát alkotják az állatoknak.)  
Jelölés, ha  $E_2$  alosztálya  $E_1$ -nek:



## Alosztályok az E/K modellben

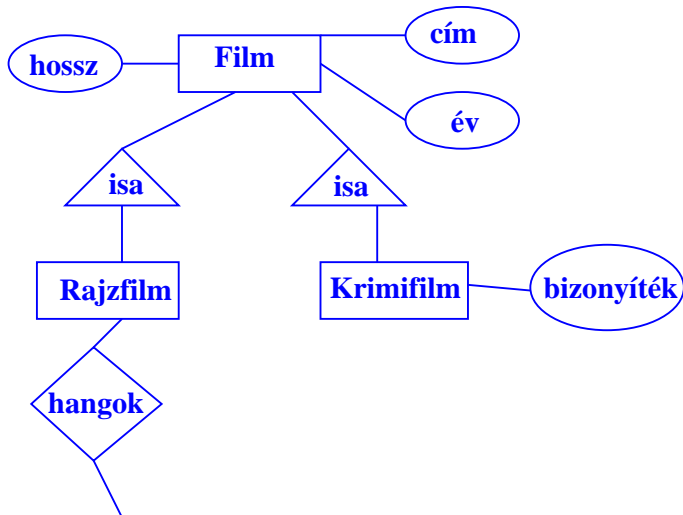
Sokkal egyszerűbb, mint az ODL-ben, de a cél ugyanaz: **egy egyedhalmaz speciális egyedeit együtt kezelni**. Ehhez egy speciális (*isa*, magyarul *azegy*) kapcsolat van. (Motiváció: A ló az egy állat = a lovak alosztályát alkotják az állatoknak.)  
Jelölés, ha  $E_2$  alosztálya  $E_1$ -nek:



Az első esetben a nyíl arra mutat, amelyik a Fő osztály, ez most nem a több-egy kapcsolatnál megszokott nyíl, az *isa* ilyen szempontból is speciális kapcsolat. A második esetben az alosztály van alul. Az alárendelt halmaz most is öröklí a főosztály attribútumait és kapcsolatait, de persze lehetnek neki sajátjai is.

## Különbségek a két modell között

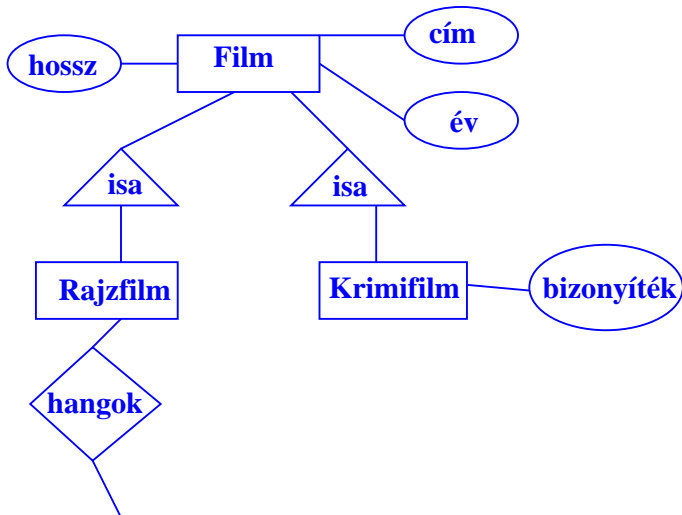
A filmes példánál ez lesz az E/K modellben:



**Színész egyedhalmaz felé**

## Különbségek a két modell között

A filmes példánál ez lesz az E/K modellben:



**Színész egyedhalmaz felé**

## Különbségek a két modell között

Az ODL-ben minden objektum csak egy osztályhoz tartozhat (ezért ott kellett **Krimirajzfilm osztály**), az E/K modellnél viszont lehetséges az, hogy egy egyed egyszerre több osztály/alosztály része is, ilyenkor az attribútumait/kapcsolatait úgy szedi össze a felmenőtől (**E/K-ban nem kell Krimirajzfilm alosztály**). A relációs modellre való átíráskor majd úgymint egységesen fogjuk ezeket a jellemzőket kezelni (lásd majd ott).



## Különbségek a két modell között

Az ODL-ben minden objektum csak egy osztályhoz tartozhat (ezért ott kellett Krimirajzfilm osztály), az E/K modellnél viszont lehetséges az, hogy egy egyed egyszerre több osztály/alosztály része is, ilyenkor az attribútumait/kapcsolatait úgy szedi össze a felmenőitől (E/K-ban nem kell Krimirajzfilm alosztály). A relációs modellre való átíráskor majd úgyis egységesen fogjuk ezeket a jellemzőket kezelni (lásd majd ott).

Így az E/K modellben egy olyan film, ami krimi is és rajzfilm is (pl. Macskafogó), három helyről szedi össze az attribútumait/kapcsolatait: a címét, hosszát és gyártási évét a Film egyedhalmazból, a hangjait a Rajzfilm alosztályból, a bizonyítékot pedig a Krimifilmből.

**Hadihajók** adatbázisát szeretnénk megadni ODL-ben és E/K diagrammal. Minden hadihajóról nyilvántartjuk a **nevét**, a **vízkişzorítását tonnában**, **típusát**. Négyfajta hajót akarunk nyilvántartani:

- 1 Ágyúnaszád (itt nyilvántartjuk a **fegyverek számát** és **kaliberét**)
- 2 Repülõgép-anyahajó (tároljuk a **leszállópálya hosszát**)
- 3 Tengeralattjáró (max. **merülési mélység**)
- 4 Csata-repülõgép-anyahajó (olyan ágyúnaszád, ami repülõgépanyahajó is).

# Megoldás ODL-ben

```
interface Hajó {
```

```
    attribute string név;
```

```
    attribute int súly;
```

```
    attribute string típus;
```

```
};
```

```
interface Ágyúaszád:Hajó {
```

```
    attribute Set<Struct Fegyver{string név, int darab, int kaliber}> fegyverek;
```

```
};
```

```
interface Repülőgép-anyahajó:Hajó {
```

```
    attribute int hossz;
```

```
};
```

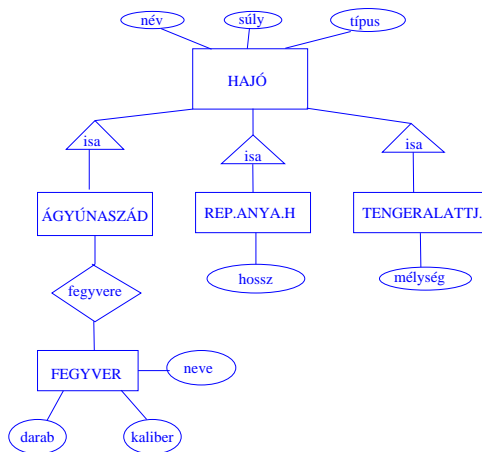
```
interface Tengeralattjáró:Hajó {
```

```
    attribute int mélység;
```

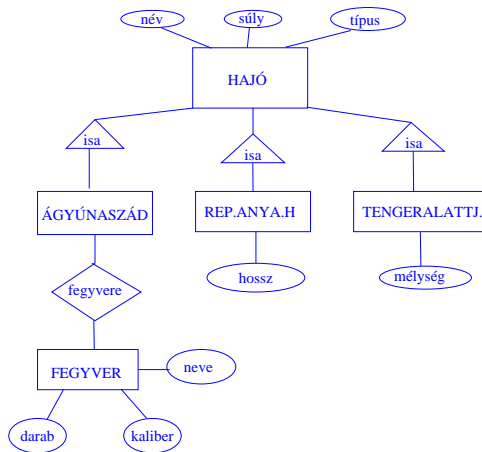
```
};
```

```
interface Csatarepülőgép-anyahajó:Ágyúaszád, Repülőgép-anyahajó { };
```

# Megoldás E/K modellel



## Megoldás E/K modellel



**Megjegyzés:** Itt nem kell külön egyedhalmaz a Csatarepülőgép-anyahajóknak, mert nincs olyan attribútum, ami csak ezeknél lenne. Egy ilyen hajót úgy tartunk majd nyilván, hogy lesznek attribútumai mind az ágyúszádoktól, mind a repülőgép-anyahajóktól.

# Megszorítások

Olyan megszorításokat is ábrázolni akarunk az adathalmazokon, attribútumokon, kapcsolatokon, amik nem fejezhetők ki pusztán az attribútumok és a kapcsolatok felsorolásával.

Ezek további infók, amik

- a **séma részei**, ezért már a tervezéskor kell rájuk gondolni,

# Megszorítások

Olyan megszorításokat is ábrázolni akarunk az adathalmazokon, attribútumokon, kapcsolatokon, amik nem fejezhetők ki pusztán az attribútumok és a kapcsolatok felsorolásával.

Ezek további infók, amik

- a séma részei, ezért már a tervezéskor kell rájuk gondolni,
- olyan megkötéseket tartalmaznak, amikre majd mindig figyelni kell.

# Megszorítások

Olyan megszorításokat is ábrázolni akarunk az adathalmazokon, attribútumokon, kapcsolatokon, amik nem fejezhetők ki pusztán az attribútumok és a kapcsolatok felsorolásával.

Ezek további infók, amik

- a séma részei, ezért már a tervezéskor kell rájuk gondolni,
- olyan megkötéseket tartalmaznak, amikre majd mindig figyelni kell.

Nem világos, hogy mik a jó megkötések, miket lehet jól kezelni.



# Megszorítások

Olyan megszorításokat is ábrázolni akarunk az adathalmazokon, attribútumokon, kapcsolatokon, amik nem fejezhetők ki pusztán az attribútumok és a kapcsolatok felsorolásával.

Ezek további infók, amik

- a séma részei, ezért már a tervezéskor kell rájuk gondolni,
- olyan megkötéseket tartalmaznak, amikre majd mindig figyelni kell.

Nem világos, hogy mik a jó megkötések, miket lehet jól kezelni.

Típusai (tipikus, (néha) jól kezelhető megszorítások):

- **Kulcsok:** olyan attribútum, vagy attribútumhalmaz megadása, ami az egyed/objektumot már egyértelműen azonosítja. (Pl. személyi szám vagy filmnél gyártási év és cím.) A tervezéskor döntjük el, hogy mik alkossanak kulcsot (persze a valóságot szem előtt tartva). A kulcshoz tartozó attribútumoknak értékeket adva, legfeljebb egy objektum vagy egyed létezhet, amikhez ezek az értékek tartoznak.

Típusai (tipikus, (néha) jól kezelhető megszorítások):

- **Kulcsok:** olyan attribútum, vagy attribútumhalmaz megadása, ami az egyed/objektumot már egyértelműen azonosítja. (Pl. személyi szám vagy filmnél gyártási év és cím.) A tervezéskor döntjük el, hogy mik alkossanak kulcsot (persze a valóságot szem előtt tartva). A kulcshoz tartozó attribútumoknak értékeket adva, legfeljebb egy objektum vagy egyed létezhet, amikhez ezek az értékek tartoznak. Néha tűnhet úgy az aktuális adatokból, hogy valami kulcs (mert akkor éppen nincs két egyed ugyanolyan értékekkel), de ettől még nem lesz kulcs valami, az csak a deklarációtól függ.
- **Egyértékűségi megszorítások:** előírhatjuk, hogy valami érték vagy érték kombináció legyen egyedi. Pl. ilyen a kulcsok megadása, vagy az, hogy egy kapcsolat nem rendelhet halmazt értékül egy egyedhez/objektumhoz. Ilyenek lesznek majd a funkcionális függések is a relációs modellben.

- *Hivatkozási épség*: a hivatkozott dolognak léteznie kell.

- *Hivatkozási épség*: a hivatkozott dolognak léteznie kell.
- *Értelmezési tartomány korlátozása*: attribútum lehetséges értékeire megkötés (pl. magasság legyen kisebb 300-nál, film gyártási éve 1800 utáni). *Módszerek erre*: típusok megadása, felsorolás típus, konkrétan majd az SQL DDL-jénél.

# Megszorítások

- *Hivatkozási épség*: a hivatkozott dolognak léteznie kell.
- *Értelmezési tartomány korlátozása*: attribútum lehetséges értékeire megkötés (pl. magasság legyen kisebb 300-nál, film gyártási éve 1800 utáni). *Módszerek erre*: típusok megadása, felsorolás típus, konkrétan majd az SQL DDL-jénél.
- *Egyéb megszorítások*: minden más, pl. kapcsolat fokának korlátozása (egy filmnek max. 10 szereplőjét akarjuk nyilvántartani).

Általános gond: Mik a jó megszorítások? Miket lehet megvalósítani?

**Általános gond:** Mik a jó megszorítások? Miket lehet megvalósítani?

Ez persze majd a konkrét megvalósítástól függ, a konkrét DDL-től, de azért jó lenne már a modellezéskor is annyit leírni, amennyit csak lehet.



**Általános gond:** Mik a jó megszorítások? Miket lehet megvalósítani?

Ez persze majd a konkrét megvalósítástól függ, a konkrét DDL-től, de azért jó lenne már a modellezéskor is annyit leírni, amennyit csak lehet.

## A megszorítások haszna

- jobban/valóságához közelebbi módon le lehet velük írni a világot

**Általános gond:** Mik a jó megszorítások? Miket lehet megvalósítani?

Ez persze majd a konkrét megvalósítástól függ, a konkrét DDL-től, de azért jó lenne már a modellezéskor is annyit leírni, amennyit csak lehet.

## A megszorítások haszna

- jobban/valóságához közelebbi módon le lehet velük írni a világot
- segíthetik a tárolást (elég pl. a kulcsattribútumokat megadni kereséskor)

# Megszorítások megadása ODL-ben

- *Kulcs:*
  - ▶ lehet egy vagy több kulcs

# Megszorítások megadása ODL-ben

- *Kulcs:*
  - ▶ lehet egy vagy több kulcs
  - ▶ egy kulcs állhat egy vagy több attribútumból

# Megszorítások megadása ODL-ben

- *Kulcs*:
  - ▶ lehet egy vagy több kulcs
  - ▶ egy kulcs állhat egy vagy több attribútumból

Megadása formailag: **interface** <Osztálynév> (Kulcsinfók){...}

ahol a **Kulcsinfók** = **key(s)**  $K_1, \dots, K_n$

ahol  $K_i$  egy kulcsleírás, ami

<attribútumnév>, ha a kulcs egy attribútumból áll vagy

(< *attr*<sub>1</sub> >, ..., < *attr*<sub>n</sub> >), ha a kulcs több attribútumos.

# Megszorítások megadása ODL-ben

- *Kulcs*:
  - ▶ lehet egy vagy több kulcs
  - ▶ egy kulcs állhat egy vagy több attribútumból

Megadása formailag: `interface <Osztálynév> (Kulcsinfók){...}`

ahol a `Kulcsinfók = key(s)  $K_1, \dots, K_n$`

ahol  $K_i$  egy kulcsleírás, ami

`<attribútumnév>`, ha a kulcs egy attribútumból áll vagy  
`(< attr1 >, ..., < attrn >)`, ha a kulcs több attribútumos.

Például:

`interface Film (key (cím, év)) {...}`

itt egy darab kulcs van, ami két attribútumból áll, ezek együtt azonosítanak egy objektumot

# Megszorítások megadása ODL-ben

- *Kulcs*:
  - ▶ lehet egy vagy több kulcs
  - ▶ egy kulcs állhat egy vagy több attribútumból

Megadása formailag: `interface <Osztálynév> (Kulcsinfók){...}`

ahol a `Kulcsinfók = key(s)  $K_1, \dots, K_n$`

ahol  $K_i$  egy kulcsleírás, ami

`<attribútumnév>`, ha a kulcs egy attribútumból áll vagy  
`(< attr1 >, ..., < attrn >)`, ha a kulcs több attribútumos.

Például:

`interface Film (key (cím, év)) {...}`

itt egy darab kulcs van, ami két attribútumból áll, ezek együtt azonosítanak egy objektumot

`interface Dolgozó (key dolgozóID, tbszám) {...}`

itt két egy-attribútumos kulcs van, mindegyik külön-külön azonosít

## Korábbi példa

```
interface Ügyfél (key számszám) {  
    attribute string név;  
    attribute string lakcím;  
    attribute int telefonszám;  
    attribute int számszám;  
    relationship Set<Számla> számlái;  
        inverse Számla::tulajdonosai;  
};
```



## Korábbi példa

```
interface Ügyfél (key számszám) {  
    attribute string név;  
    attribute string lakcím;  
    attribute int telefonszám;  
    attribute int számszám;  
    relationship Set<Számla> számlái;  
        inverse Számla::tulajdonosai;  
};
```

```
interface Számla (key számlaszám) {  
    attribute int számlaszám;  
    attribute string típus;  
    attribute int egyenleg;  
    relationship Set<Ügyfél> tulajdonosai;  
        inverse Ügyfél::számlái;  
};
```

# Megszorítások megadása ODL-ben

- *Egyértékűség az ODL-ben:*
  - ▶ Kulcs-szerű megszorítás jól leírható (lásd előbb)

- *Egyértékűség az ODL-ben:*

- ▶ Kulcs-szerű megszorítás jól leírható (lásd előbb)
- ▶ Az attribútumok és a kapcsolatok többségének szabályozására: a kollekcóoperátorok használata/nem használata. Így előírható, hogy egy attribútum/kapcsolat csak egy értéket vehessen fel.

- *Egyértékűség az ODL-ben:*

- ▶ Kulcs-szerű megszorítás jól leírható (lásd előbb)
- ▶ Az attribútumok és a kapcsolatok többségének szabályozására: a kollekciooperátorok használata/nem használata. Így előírható, hogy egy attribútum/kapcsolat csak egy értéket vehessen fel.
- ▶ Egyértékűséget kétféleképpen is lehet érteni:
  - ★ legfeljebb egy értéken vehessen fel valami (ekkor esetleg állhat NULL-érték is bizonyos helyeken, ami jelentheti azt, hogy nincs megfelelő érték, vagy hogy van, de nem ismert),
  - ★ pontosan egyet vehessen fel (pl. kulcsattribútum nem lehet NULL).

Hogy melyik megközelítés van, az rendszerfüggő.

- **Egyértékűség az ODL-ben:**

- ▶ Kulcs-szerű megszorítás jól leírható (lásd előbb)
- ▶ Az attribútumok és a kapcsolatok többségének szabályozására: a kollekciooperátorok használata/nem használata. Így előírható, hogy egy attribútum/kapcsolat csak egy értéket vehessen fel.
- ▶ Egyértékűséget kétféleképpen is lehet érteni:
  - ★ legfeljebb egy értéken vehessen fel valami (ekkor esetleg állhat NULL-érték is bizonyos helyeken, ami jelentheti azt, hogy nincs megfelelő érték, vagy hogy van, de nem ismert),
  - ★ pontosan egyet vehessen fel (pl. kulcsattribútum nem lehet NULL).

Hogy melyik megközelítés van, az rendszerfüggő.

A NULL érték megjelenítésére eszközök az ODL-ben:

- ★ értelmezési tartományon kívüli érték (film hossza -1),

- **Egyértékűség az ODL-ben:**

- ▶ Kulcs-szerű megszorítás jól leírható (lásd előbb)
- ▶ Az attribútumok és a kapcsolatok többségének szabályozására: a kollekciooperátorok használata/nem használata. Így előírható, hogy egy attribútum/kapcsolat csak egy értéket vehessen fel.
- ▶ Egyértékűséget kétféleképpen is lehet érteni:
  - ★ legfeljebb egy értéken vehessen fel valami (ekkor esetleg állhat NULL-érték is bizonyos helyeken, ami jelentheti azt, hogy nincs megfelelő érték, vagy hogy van, de nem ismert),
  - ★ pontosan egyet vehessen fel (pl. kulcsattribútum nem lehet NULL).

Hogy melyik megközelítés van, az rendszerfüggő.

A NULL érték megjelenítésére eszközök az ODL-ben:

- ★ értelmezési tartományon kívüli érték (film hossza -1),
- ★ felsorolástípusnál külön megadva (enum szalagfajta {ff, sz, null}).

- *Hivatkozási épség:*

Cél, hogy ha valahol van valamire hivatkozás, akkor az létezzen is. **PI.** ha a **Filmnél** van mutató egy **Stúdióra**, mint gyártóra, akkor legyen olyan stúdió a **Stúdió osztályban**.

- *Hivatkozási épség:*

Cél, hogy ha valahol van valamire hivatkozás, akkor az létezzon is. **PI.** ha a **Filmnél van mutató egy Stúdióra, mint gyártóra, akkor legyen olyan stúdió a Stúdió osztályban.**

Erre figyelni bonyolult:

- ▶ ne lehessen úgy filmet felvenni, hogy nincs hozzá stúdió



- *Hivatkozási épség:*

Cél, hogy ha valahol van valamire hivatkozás, akkor az létezzon is. **Pl. ha a Filmnél van mutató egy Stúdióra, mint gyártóra, akkor legyen olyan stúdió a Stúdió osztályban.**

Erre figyelni bonyolult:

- ▶ ne lehessen úgy filmet felvenni, hogy nincs hozzá stúdió
- ▶ ne lehessen ész nélkül stúdiót törölni

- *Hivatkozási épség:*

Cél, hogy ha valahol van valamire hivatkozás, akkor az létezzen is. **Pl. ha a Filmnél van mutató egy Stúdióra, mint gyártóra, akkor legyen olyan stúdió a Stúdió osztályban.**

Erre figyelni bonyolult:

- ▶ ne lehessen úgy filmet felvenni, hogy nincs hozzá stúdió
- ▶ ne lehessen ész nélkül stúdiót törölni

**Az ODL az egész hivatkozási épség kérdést a megvalósítás szintjére tolja át.**

- *Hivatkozási épség:*

Cél, hogy ha valahol van valamire hivatkozás, akkor az létezzen is. Pl. ha a Filmnél van mutató egy Stúdióra, mint gyártóra, akkor legyen olyan stúdió a Stúdió osztályban.

Erre figyelni bonyolult:

- ▶ ne lehessen úgy filmet felvenni, hogy nincs hozzá stúdió
- ▶ ne lehessen ész nélkül stúdiót törölni

Az ODL az egész hivatkozási épség kérdést a megvalósítás szintjére tolja át.

- *Értelmezési tartomány megszorítása és egyéb megkötések:*

Az értelmezési tartomány megszorítására a típusok vannak, további szűkítést nem támogat. A kapcsolat fokát lehet korlátozni az Array kollekción operátor használatával (Array<Színész, 10> esetén csak 10 színészt tartunk nyilván).

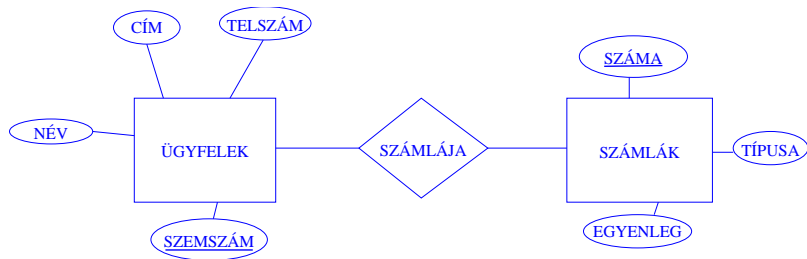
## Megszorítások E/K modellben

- *Kulcsok:*  
egy kulcsot aláhúzással jelölünk (a kulcsba tartozó attribútumokat aláhúzzuk), a többi kulcsot az ábrán nem lehet jelölni, ezeket szövegesen mellékeljük.

# Megszorítások E/K modellben

- **Kulcsok:**

egy kulcsot aláhúzással jelölünk (a kulcsba tartozó attribútumokat aláhúzzuk), a többi kulcsot az ábrán nem lehet jelölni, ezeket szövegesen mellékeljük.



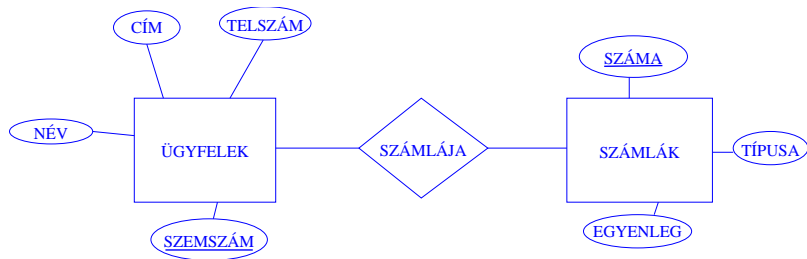
- **Egyértékűség:**

- ▶ egyszerű attribútumok használata  $\implies$  minden attribútum egyértékű az E/K modellben (általában lehet NULL-érték is, ha mégsem, akkor írásban jelezhető)

# Megszorítások E/K modellben

- **Kulcsok:**

egy kulcsot aláhúzással jelölünk (a kulcsba tartozó attribútumokat aláhúzzuk), a többi kulcsot az ábrán nem lehet jelölni, ezeket szövegesen mellékeljük.



- **Egyértékűség:**

- ▶ egyszerű attribútumok használata  $\implies$  minden attribútum egyértékű az E/K modellben (általában lehet NULL-érték is, ha mégsem, akkor írásban jelezhető)
- ▶ **kapcsolatnál:** nyilakkal jelezhető, ha valamerre „egy” a kapcsolat

- **Hivatkozási épség:**

lehet a rajzon jelezni, ha egy kapcsolatnál azt szeretnénk, hogy pontosan egy egyed tartozzon egy kiválasztott egyedhez. Ilyenkor kerek nyíl használunk:



Ebben az esetben minden filmhez pontosan egy stúdiónak kell tartoznia.

- *Hivatkozási épség:*

lehet a rajzon jelezni, ha egy kapcsolatnál azt szeretnénk, hogy pontosan egy egyed tartozzon egy kiválasztott egyedhez. Ilyenkor kerek nyíl használunk:



Ebben az esetben minden filmhez pontosan egy stúdiónak kell tartoznia.

- *Értelmezési tartományra vonatkozó megkötések és egyéb megszorítások:*  
Értelmezési tartomány: típussal.



- **Hivatkozási épség:**

lehet a rajzon jelezni, ha egy kapcsolatnál azt szeretnénk, hogy pontosan egy egyed tartozzon egy kiválasztott egyedhez. Ilyenkor kerek nyilat használunk:



Ebben az esetben minden filmhez pontosan egy stúdiónak kell tartoznia.

- **Értelmezési tartományra vonatkozó megkötések és egyéb megszorítások:**

**Értelmezési tartomány:** típusal.

**Egyéb:** kapcsolat fokát lehet itt is korlátozni, pl:



Ekkor egy filmhez 10-nél kevesebb színészt rendelünk.

# Adatbázisok elmélete

## Gyenge egyedhalmazok

Katona Gyula Y.

Számítástudományi és Információelméleti Tanszék  
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem

### 4. előadás

# Gyenge egyedhalmazok

Az E/K modell sajátossága. Egy egyedhalmaz akkor gyenge egyedhalmaz, ha az egyedeit nem azonosítják az attribútumai, csak a kapcsolatokkal együtt. (ODL-nél nincs ez a dolog, mert ott az egyedi OID mindig azonosít.)

# Gyenge egyedhalmazok

Az E/K modell sajátossága. Egy egyedhalmaz akkor gyenge egyedhalmaz, ha az egyedeit nem azonosítják az attribútumai, csak a kapcsolatokkal együtt. (ODL-nél nincs ez a dolog, mert ott az egyedi OID mindig azonosít.)

Jelölés: dupla téglalap az egyedhalmaznak és dupla rombusz azoknak a kapcsolatoknak, amiken keresztül megy az azonosítás.

# Gyenge egyedhalmazok

Az E/K modell sajátossága. Egy egyedhalmaz akkor gyenge egyedhalmaz, ha az egyedeit nem azonosítják az attribútumai, csak a kapcsolatokkal együtt. (ODL-nél nincs ez a dolog, mert ott az egyedi OID mindig azonosít.)

Jelölés: dupla téglalap az egyedhalmaznak és dupla rombusz azoknak a kapcsolatoknak, amiken keresztül megy az azonosítás.

A gyenge egyedhalmaznál az aláhúzott attribútumok belekerülnek a gyenge egyedhalmaz kulcsába, de még más attribútumok is hozzájönnek ehhez: azok, amik a duplarombuszos kapcsolat(ok) végén álló egyedhalmaz(ok) kulcsai.

## Példák:

- Amikor a többágú kapcsolatot binárisá írtuk át, akkor olyan egyedhalmaz keletkezik (a kapcsolatból), aminek általában nincs is attribútuma, ezért ennek az egyedhalmaznak az egyedeit csak a kapcsolatokon át lehet azonosítani.

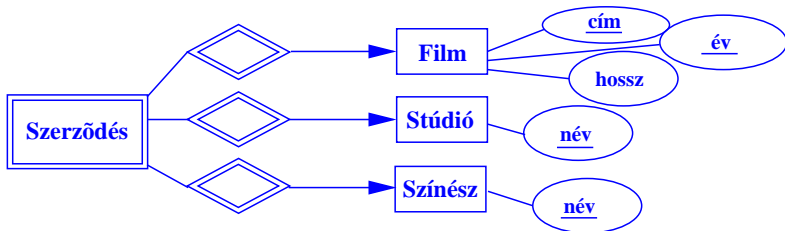
## Példák:

- Amikor a többágú kapcsolatot binárisá írtuk át, akkor olyan egyedhalmaz keletkezik (a kapcsolatból), aminek általában nincs is attribútuma, ezért ennek az egyedhalmaznak az egyedeit csak a kapcsolatokon át lehet azonosítani.  
A filmes példa esetén a Szerződés egyedhalmaz egyedeit a kapcsolódó egyedhalmazok (Film, Színész, Stúdió) kulcsattribútumai azonosítják: film címe, gyártási éve, színész neve, stúdió neve. Ha ezek adottak, akkor már csak egy szerződés lehet, ami ezekre vonatkozik.

## Példák:

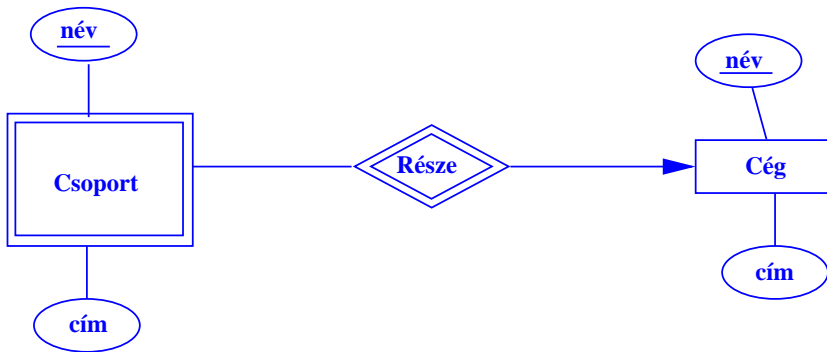
- Amikor a többágú kapcsolatot binárisá írtuk át, akkor olyan egyedhalmaz keletkezik (a kapcsolatból), aminek általában nincs is attribútuma, ezért ennek az egyedhalmaznak az egyedeit csak a kapcsolatokon át lehet azonosítani.

A filmes példa esetén a Szerződés egyedhalmaz egyedeit a kapcsolódó egyedhalmazok (Film, Színész, Stúdió) kulcsattribútumai azonosítják: film címe, gyártási éve, színész neve, stúdió neve. Ha ezek adottak, akkor már csak egy szerződés lehet, ami ezekre vonatkozik.





- Ebben a példában a csoport neve még önmagában nem kulcs (sok cégnél lehet pl. HR csoport), sőt a címmel együtt sem feltétlenül azonosít egy csoportot, de ha a kapcsolaton keresztül a céget is be vesszük az azonosításba, úgy már egyértelmű lesz, hogy melyik csoportról beszélünk.



## Követelmények az azonosító kapcsolatra

A gyenge egyedhalmaz kulcsában benne lehetnek saját attribútumai (mint az előbb a **Csoport neve**) és biztosan vannak benne olyan attribútumok, amiket duplarombuszos kapcsolat(ok)on keresztül szerez.

## Követelmények az azonosító kapcsolatra

A gyenge egyedhalmaz kulcsában benne lehetnek saját attribútumai (mint az előbb a Csoport neve) és biztosan vannak benne olyan attribútumok, amiket duplarombuszos kapcsolat(ok)on keresztül szerez.

Követelmények ezekre a kapcsolatokra:

- 1 Ha az  $E$  gyenge egyedhalmaz kulcsattribútumot szerez egy  $F$  egyedhalmaztól az  $R$  kapcsolaton át, akkor  $R$  legyen több-egy  $E$ -ből  $F$ -be. (Így egy  $E$ -belihez egyértelműen tartozik egy  $F$ -beli).

## Követelmények az azonosító kapcsolatra

A gyenge egyedhalmaz kulcsában benne lehetnek saját attribútumai (mint az előbb a Csoport neve) és biztosan vannak benne olyan attribútumok, amiket duplarombuszos kapcsolat(ok)on keresztül szerez.

Követelmények ezekre a kapcsolatokra:

- 1 Ha az  $E$  gyenge egyedhalmaz kulcsattribútumot szerez egy  $F$  egyedhalmaztól az  $R$  kapcsolaton át, akkor  $R$  legyen több-egy  $E$ -ből  $F$ -be. (Így egy  $E$ -belihez egyértelműen tartozik egy  $F$ -beli).
- 2 Egy attribútum pontosan akkor kerül bele az  $E$  gyenge egyedhalmaz kulcsába, ha benne van az  $F$  egyedhalmaz kulcsában is.

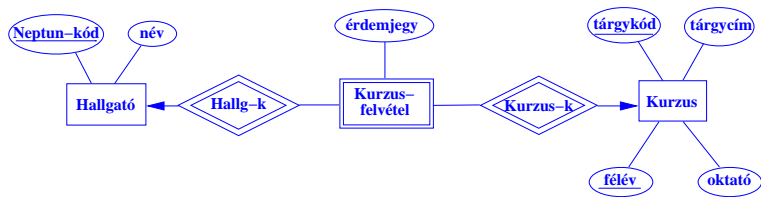
Megjegyzés: természetesen  $F$  is lehet gyenge egyedhalmaz.

## Példa

Tervezzen E/K diagrammot egy egyetemi nyilvántartáshoz, ahol hallgatókat és az általuk szerzett jegyeket tartjuk nyilván. Vegyünk három egyedhalmazt: **hallgató**, **kurzus**, **kurzusfelvétel** (ez utóbbi kapcsoló egyedhalmaz a hallgatók és kurzusok között, ennél reprezentáljuk a kapott érdemjegyet is). Adjuk meg ezt E/K diagrammal, jelöljük a gyenge egyedhalmazokat és a kulcsokat is.

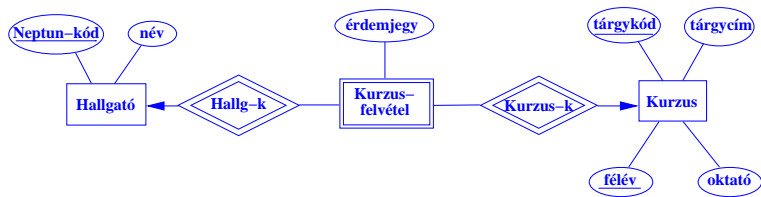
# Példa

Tervezzon E/K diagrammot egy egyetemi nyilvántartáshoz, ahol hallgatókat és az általuk szerzett jegeket tartjuk nyilván. Vegyünk három egyedhalmazt: **hallgató**, **kurzus**, **kurzusfelvétel** (ez utóbbi kapcsoló egyedhalmaz a hallgatók és kurzusok között, ennél reprezentáljuk a kapott érdemjegyet is). Adjuk meg ezt E/K diagrammal, jelöljük a gyenge egyedhalmazokat és a kulcsokat is.



## Példa

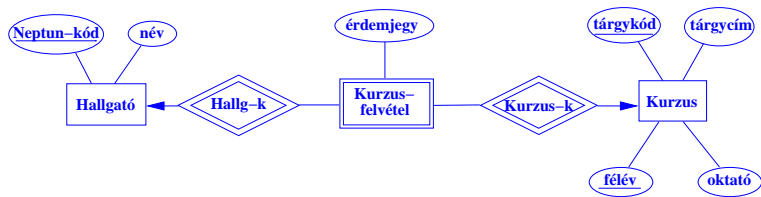
Tervezzon E/K diagrammot egy egyetemi nyilvántartáshoz, ahol hallgatókat és az általuk szerzett jegyeket tartjuk nyilván. Vegyünk három egyedhalmazt: **hallgató**, **kurzus**, **kurzusfelvétel** (ez utóbbi kapcsoló egyedhalmaz a hallgatók és kurzusok között, ennél reprezentáljuk a kapott érdemjegyet is). Adjuk meg ezt E/K diagrammal, jelöljük a gyenge egyedhalmazokat és a kulcsokat is.



Döntsük el, hogy az érdemjegy része-e a kurzusfelvételt reprezentáló egyedhalmaz kulcsának?

## Példa

Tervezzon E/K diagrammot egy egyetemi nyilvántartáshoz, ahol hallgatókat és az általuk szerzett jegyeket tartjuk nyilván. Vegyünk három egyedhalmazt: **hallgató**, **kurzus**, **kurzusfelvétel** (ez utóbbi kapcsoló egyedhalmaz a hallgatók és kurzusok között, ennél reprezentáljuk a kapott érdemjegyet is). Adjuk meg ezt E/K diagrammal, jelöljük a gyenge egyedhalmazokat és a kulcsokat is.



Döntsük el, hogy az érdemjegy része-e a kurzusfelvételt reprezentáló egyedhalmaz kulcsának?

Az érdemjegy nem része a kurzusfelvétel egyedhalmaz kulcsának, ezen egyedhalmaz kulcsa a két kapcsolaton keresztül jön: a hallgatótól a neptun-kód, a tárgytól meg a tárgykód és a félév.



## Példa

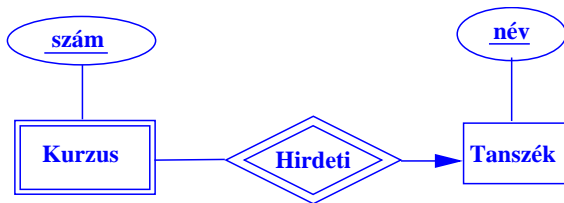
Tervezzen E/K diagrammot a következőre és jelölje a rajzon a kulcsokat és a gyenge egyedhalmazokat:

Egyedhalmazok: **Kurzusok**, **Tanszékek**. Egy kurzust egy tanszék hirdet meg, de azt csak egy számmal azonosítja. Különböző tanszékek adhatják ugyanazt a számot a kurzusuknak, de egy tanszék tárgyai mind különböző számot kapnak.

## Példa

Tervezzen E/K diagrammot a következőre és jelölje a rajzon a kulcsokat és a gyenge egyedhalmazokat:

Egyedhalmazok: **Kurzusok**, **Tanszékek**. Egy kurzust egy tanszék hirdet meg, de azt csak egy számmal azonosítja. Különböző tanszékek adhatják ugyanazt a számot a kurzusuknak, de egy tanszék tárgyai mind különböző számot kapnak.



## Példa

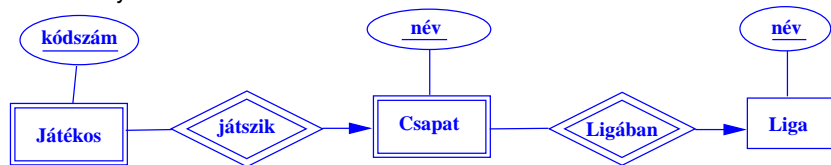
Tervezzen E/K diagrammot a következőre és jelölje a rajzon a kulcsokat és a gyenge egyedhalmazokat:

Egyedhalmazok: **Ligák**, **Csapatok**, **Játékosok**. A Ligák nevei egyediek, a Csapatoké egy ligán belül különbözik, de különböző ligán belül lehetnek azonos nevű csapatok. Egy csapaton belül nincsenek azonos kódszámú játékosok, de különböző csapatokban lehetnek ilyenek.

# Példa

Tervezzen E/K diagrammot a következőre és jelölje a rajzon a kulcsokat és a gyenge egyedhalmazokat:

Egyedhalmazok: **Ligák**, **Csapatok**, **Játékosok**. A Ligák nevei egyediek, a Csapatoké egy ligán belül különbözik, de különböző ligán belül lehetnek azonos nevű csapatok. Egy csapaton belül nincsenek azonos kódszámú játékosok, de különböző csapatokban lehetnek ilyenek.



## Miért vannak gyenge egyedhalmazok?

- Maguktól keletkeznek, amikor többágú kapcsolatot írunk át binárisá.

## Miért vannak gyenge egyedhalmazok?

- Maguktól keletkeznek, amikor többágú kapcsolatot írunk át binárisá.
- A redundancia elkerülése céljából. (Minek a cég nevét minden csoportnál külön felvenni, elég ha egyszer felírjuk és a kapcsolatból derítjük ki.)

# Miért vannak gyenge egyedhalmazok?

- Maguktól keletkeznek, amikor többágú kapcsolatot írunk át binárisá.
- A redundancia elkerülése céljából. (Minek a cég nevét minden csoportnál külön felvenni, elég ha egyszer felírjuk és a kapcsolatból derítjük ki.)

A redundancia elkerülése nem csak az E/K modellben fontos, ez minden megközelítésben lényeges, hisz a redundancia bajok forrása.

## Miért vannak gyenge egyedhalmazok?

- Maguktól keletkeznek, amikor többágú kapcsolatot írunk át binárisá.
- A redundancia elkerülése céljából. (Minek a cég nevét minden csoportnál külön felvenni, elég ha egyszer felírjuk és a kapcsolatból derítjük ki.)

A redundancia elkerülése nem csak az E/K modellben fontos, ez minden megközelítésben lényeges, hisz a redundancia bajok forrása.

- Nehéz konzisztens állapotban tartani a DB-t, ha ugyanaz az infó ezer helyen van beírva.



## Miért vannak gyenge egyedhalmazok?

- Maguktól keletkeznek, amikor többágú kapcsolatot írunk át binárisá.
- A redundancia elkerülése céljából. (Minek a cég nevét minden csoportnál külön felvenni, elég ha egyszer felírjuk és a kapcsolatból derítjük ki.)

A redundancia elkerülése nem csak az E/K modellben fontos, ez minden megközelítésben lényeges, hisz a redundancia bajok forrása.

- Nehéz konzisztens állapotban tartani a DB-t, ha ugyanaz az infó ezer helyen van beírva.
- Nem lesz elég egyszerű a séma, nehéz lesz átlátni, hogy mi az ami ugyanaz, csak sokszor tároljuk és mi valóban más infó.

## Miért vannak gyenge egyedhalmazok?

- Maguktól keletkeznek, amikor többágú kapcsolatot írunk át binárisá.
- A redundancia elkerülése céljából. (Minek a cég nevét minden csoportnál külön felvenni, elég ha egyszer felírjuk és a kapcsolatból derítjük ki.)

A redundancia elkerülése nem csak az E/K modellben fontos, ez minden megközelítésben lényeges, hisz a redundancia bajok forrása.

- Nehéz konzisztens állapotban tartani a DB-t, ha ugyanaz az infó ezer helyen van beírva.
- Nem lesz elég egyszerű a séma, nehéz lesz átlátni, hogy mi az ami ugyanaz, csak sokszor tároljuk és mi valóban más infó.
- Helyprobléma (ez egyre kevésbé van).

# Miért vannak gyenge egyedhalmazok?

- Maguktól keletkeznek, amikor többágú kapcsolatot írunk át binárisá.
- A redundancia elkerülése céljából. (Minek a cég nevét minden csoportnál külön felvenni, elég ha egyszer felírjuk és a kapcsolatból derítjük ki.)

A redundancia elkerülése nem csak az E/K modellben fontos, ez minden megközelítésben lényeges, hisz a redundancia bajok forrása.

- Nehéz konzisztens állapotban tartani a DB-t, ha ugyanaz az infó ezer helyen van beírva.
- Nem lesz elég egyszerű a séma, nehéz lesz átlátni, hogy mi az ami ugyanaz, csak sokszor tároljuk és mi valóban más infó.
- Helyprobléma (ez egyre kevésbé van).

Ezek miatt törekszünk a redundancia kiküszöbölésére, de persze nem kell mindent kiirtani, hisz a világ is redundáns.

- 1 **Valóság-hű modellezés:** megragadni a lényegét, megfelelő adatelemeket választani, megfelelő kapcsolatokat (természetesek legyenek, de néha kellenek mesterséges, technikai egyedhalmazok, osztályok is).

# Tervezési alapelvek

- 1 **Valóság-hű modellezés:** megragadni a lényegét, megfelelő adatelemeket választani, megfelelő kapcsolatokat (természetesek legyenek, de néha kellene mesterséges, technikai egyedhalmazok, osztályok is).
- 2 **Redundancia kerülése:** észszerű mértékben. Ezt majd a relációs modell nagyon jól megoldja, de azért már a tervezéskor is jó erre figyelni.

# Tervezési alapelvek

- 1 **Valóság-hű modellezés:** megragadni a lényegét, megfelelő adatelemeket választani, megfelelő kapcsolatokat (természetesek legyenek, de néha kellenek mesterséges, technikai egyedhalmazok, osztályok is).
- 2 **Redundancia kerülése:** észszerű mértékben. Ezt majd a relációs modell nagyon jól megoldja, de azért már a tervezéskor is jó erre figyelni.
- 3 **Egyszerűség:** csak az legyen a sémában, aminek lennie kell, minél egyszerűbb szerkezetben.

# Tervezési alapelvek

- 1 **Valóság-hű modellezés:** megragadni a lényegét, megfelelő adatelemeket választani, megfelelő kapcsolatokat (természetesek legyenek, de néha kellene mesterséges, technikai egyedhalmazok, osztályok is).
- 2 **Redundancia kerülése:** észszerű mértékben. Ezt majd a relációs modell nagyon jól megoldja, de azért már a tervezéskor is jó erre figyelni.
- 3 **Egyszerűség:** csak az legyen a sémában, aminek lennie kell, minél egyszerűbb szerkezetben.
- 4 **Megfelelő (típusú, összetettségű) adatelemek választása:** jól döntsünk, hogy mi legyen attribútum, mi inkább kapcsolat, illetve esetleg külön osztály/egyedhalmaz. Az attribútumot egyszerűbb implementálni, de néha átláthatóbb egy külön egyedhalmaz.

# Tervezési alapelvek

- 1 **Valóság-hű modellezés:** megragadni a lényegét, megfelelő adatelemeket választani, megfelelő kapcsolatokat (természetesek legyenek, de néha kellene mesterséges, technikai egyedhalmazok, osztályok is).
- 2 **Redundancia kerülése:** észszerű mértékben. Ezt majd a relációs modell nagyon jól megoldja, de azért már a tervezéskor is jó erre figyelni.
- 3 **Egyszerűség:** csak az legyen a sémában, aminek lennie kell, minél egyszerűbb szerkezetben.
- 4 **Megfelelő (típusú, összetettségű) adatelemek választása:** jól döntsünk, hogy mi legyen attribútum, mi inkább kapcsolat, illetve esetleg külön osztály/egyedhalmaz. Az attribútumot egyszerűbb implementálni, de néha átláthatóbb egy külön egyedhalmaz.



## Általános elvek:

- ha egy egyedhalmaznak csak egy attribútuma lenne  $\implies$  nem érdemes külön venni, ha összetettebb, akkor legyen külön.

## Általános elvek:

- ha egy egyedhalmaznak csak egy attribútuma lenne  $\implies$  **nem érdemes külön venni, ha összetettebb, akkor legyen külön.**
- ha egy infót magában nem akarunk megőrizni, csak valamihez kapcsoltn  $\implies$  **lehet csak attribútum** (pl. ha a stúdiók csak annyiban érdekelnek minket, hogy melyik filmet ki gyártja, akkor nem kell külön Stúdió egyedhalmaz)

## Általános elvek:

- ha egy egyedhalmaznak csak egy attribútuma lenne  $\implies$  **nem érdemes külön venni, ha összetettebb, akkor legyen külön.**
- ha egy infót magában nem akarunk megőrizni, csak valamihez kapcsoltn  $\implies$  **lehet csak attribútum** (pl. ha a stúdiók csak annyiban érdekelnek minket, hogy melyik filmet ki gyártja, akkor nem kell külön Stúdió egyedhalmaz)

**Ez mind a modellezéskor dől el, aszerint, hogy milyen sémát akarunk.**

# Adatbázisok elmélete

## Relációs adatmodell, relációs algebra

Katona Gyula Y.

Számítástudományi és Információelméleti Tanszék  
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem

### 5. előadás

# Régebbi adatmodellek

- **Hálós adatmodell:** szemléletében hasonlít az objektumosra, de itt sokkal jobban közelíti a terv a fizikai megvalósítást (pl. az attribútumok megadásánál rögtön rendelkezünk a tárolás módjáról is). Lekérdezés, módosítás csak a tárolás pontos ismeretében lehetséges  $\implies$  **nehézkesebb mint a relációs modell használata.**

- **Hálós adatmodell:** szemléletében hasonlít az objektumosra, de itt sokkal jobban közelíti a terv a fizikai megvalósítást (pl. az attribútumok megadásánál rögtön rendelkezünk a tárolás módjáról is). Lekérdezés, módosítás csak a tárolás pontos ismeretében lehetséges  $\implies$  **nehézkesebb mint a relációs modell használata.**
- **Hierarchikus adatmodell:** az első, korai rendszerek hierarchikussága miatt **szervesen alakult ki.** Akkor jó, ha az adatok, vagy a tárolás hierarchikus szerkezetű. **Itt is ismerni kell a fizikai megvalósítást a kérdéshez/módosításhoz.**

# Relációs adatmodell

Jelenleg ez a legelterjedtebb, szinte minden DBMS ezen az elven működik.

Ennek okai:

- jól lehet benne modellezni, a modell után pedig könnyű a konkrét sémát megvalósítani

Jelenleg ez a legelterjedtebb, szinte minden DBMS ezen az elven működik.

Ennek okai:

- jól lehet benne modellezni, a modell után pedig könnyű a konkrét sémát megvalósítani
- nem kell ismerni a fizikai megvalósítást a lekérdezéshez, módosításhoz



Jelenleg ez a legelterjedtebb, szinte minden DBMS ezen az elven működik.

Ennek okai:

- jól lehet benne modellezni, a modell után pedig könnyű a konkrét sémát megvalósítani
- nem kell ismerni a fizikai megvalósítást a lekérdezéshez, módosításhoz
- a logikai tervezésnek nagy, szép matematikai eszköztára van, ami segíti az egyszerű séma létrehozását

# Relációs adatmodell

Mit fogunk róla tanulni?

Mit fogunk róla tanulni?

- 1 elvi keret (alapfogalmak, alpműveletek)

Mit fogunk róla tanulni?

- 1 **elvi keret** (alapfogalmak, alpműveletek)
- 2 **konkrét nyelvek** (ISBL, QBE, QUELL, SQL, sémadefinícióra, adatmódosításra és lekérdezésre)

Mit fogunk róla tanulni?

- 1 **elvi keret** (alapfogalmak, alpműveletek)
- 2 **konkrét nyelvek** (ISBL, QBE, QUELL, SQL, sémadefinícióra, adatmódosításra és lekérdezésre)
- 3 **tervezés** (minél jobb séma kialakítása, matematikai elmélet)

# Relációs adatmodell

Mit fogunk róla tanulni?

- 1 **elvi keret** (alapfogalmak, alpműveletek)
- 2 **konkrét nyelvek** (ISBL, QBE, QUELL, SQL, sémadefinícióra, adtmódosításra és lekérdezésre)
- 3 **tervezés** (minél jobb séma kialakítása, matematikai elmélet)

Egyetlen alapfogalom (nincs külön egyedhalmaz és kapcsolat): **reláció**.

# A reláció definíciója

1. Gondolhatunk rá úgy, mint egy síkbeli táblázatra:

$R_1$	$A_1$	$A_2$
	1	y
	1	z
	3	y

$R_2$	$A_1$	$A_2$
	2	y
	1	z

Itt  $R_1$  a reláció neve,  $A_1$  és  $A_2$  az attribútumok nevei, a sorok pedig a reláció elemei. Az oszlopokban levő értékek az attribútumokhoz tartozó értékészleltől kerülnek ki.

2. Tekinthejtük egy Descartes-szorzat részhalmazának is a relációt:  
 $A_1, A_2, \dots, A_n$  tetszőleges halmazok (attribútumok)

$$R \subseteq A_1 \times \dots \times A_n$$

⇒ Minden sor csak egyszer szerepel



2. Tekinthejtük egy Descartes-szorzat részhalmazának is a relációt:  
 $A_1, A_2, \dots, A_n$  tetszőleges halmazok (attribútumok)

$$R \subseteq A_1 \times \dots \times A_n$$

⇒ Minden sor csak egyszer szerepel

⇒ a sorok sorrendje lényegtelen.

2. Tekinthejtük egy Descartes-szorzat részhalmazának is a relációt:  
 $A_1, A_2, \dots, A_n$  tetszőleges halmazok (attribútumok)

$$R \subseteq A_1 \times \dots \times A_n$$

⇒ Minden sor csak egyszer szerepel

⇒ a sorok sorrendje lényegtelen.

Példa:  $A_1 = \{1, 2, 3\}$ ,  $A_2 = \{x, y, z\}$

2. Tekinthejtük egy Descartes-szorzat részhalmazának is a relációt:  
 $A_1, A_2, \dots, A_n$  tetszőleges halmazok (attribútumok)

$$R \subseteq A_1 \times \dots \times A_n$$

⇒ Minden sor csak egyszer szerepel

⇒ a sorok sorrendje lényegtelen.

Példa:  $A_1 = \{1, 2, 3\}$ ,  $A_2 = \{x, y, z\}$

$R_1 = \{\{1, y\}, \{1, z\}, \{3, z\}\}$

2. Tekinhetjük egy Descartes-szorzat részhalmazának is a relációt:  
 $A_1, A_2, \dots, A_n$  tetszőleges halmazok (attribútumok)

$$R \subseteq A_1 \times \dots \times A_n$$

⇒ Minden sor csak egyszer szerepel

⇒ a sorok sorrendje lényegtelen.

Példa:  $A_1 = \{1, 2, 3\}, A_2 = \{x, y, z\}$

$R_1 = \{\{1, y\}, \{1, z\}, \{3, z\}\}$

$R_2 = \{\{2, y\}, \{1, z\}\}$

2. Tekinthejtük egy Descartes-szorzat részhalmazának is a relációt:  
 $A_1, A_2, \dots, A_n$  tetszőleges halmazok (attribútumok)

$$R \subseteq A_1 \times \dots \times A_n$$

⇒ Minden sor csak egyszer szerepel

⇒ a sorok sorrendje lényegtelen.

Példa:  $A_1 = \{1, 2, 3\}, A_2 = \{x, y, z\}$

$R_1 = \{\{1, y\}, \{1, z\}, \{3, z\}\}$

$R_2 = \{\{2, y\}, \{1, z\}\}$

De  $R$  elemeit tekinthejtük halmazoknak is, nem rendezett  $n$ -eseknek.

2. Tekinhetjük egy Descartes-szorzat részhalmazának is a relációt:  
 $A_1, A_2, \dots, A_n$  tetszőleges halmazok (attribútumok)

$$R \subseteq A_1 \times \dots \times A_n$$

⇒ Minden sor csak egyszer szerepel

⇒ a sorok sorrendje lényegtelen.

Példa:  $A_1 = \{1, 2, 3\}, A_2 = \{x, y, z\}$

$R_1 = \{\{1, y\}, \{1, z\}, \{3, z\}\}$

$R_2 = \{\{2, y\}, \{1, z\}\}$

De  $R$  elemeit tekinthetjük halmazoknak is, nem rendezett  $n$ -eseknek.

Ekkor az attribútumok sorrendje is mindegy.

3. Gondolhatunk egy relációra úgy is, mint függvények halmazára:

### Definíció

Egy sor = egy függvény:  $s : \{\text{attribútumok}\} \rightarrow \{\text{attr. értékkészlete}\}$

3. Gondolhatunk egy relációra úgy is, mint függvények halmazára:

### Definíció

*Egy sor = egy függvény:  $s : \{\text{attribútumok}\} \rightarrow \{\text{attr. értékkészlete}\}$*

*Egy  $R$  reláció ilyen függvények halmaza.*



3. Gondolhatunk egy relációra úgy is, mint függvények halmazára:

### Definíció

*Egy sor = egy függvény:  $s : \{\text{attribútumok}\} \rightarrow \{\text{attr. értékkészlete}\}$*

*Egy  $R$  reláció ilyen függvények halmaza.*

Így tényleg nem számít a sorrend, se a sorok között, se az attribútumok között.

3. Gondolhatunk egy relációra úgy is, mint függvények halmazára:

### Definíció

*Egy sor = egy függvény:  $s : \{\text{attribútumok}\} \rightarrow \{\text{attr. értékkészlete}\}$*

*Egy  $R$  reláció ilyen függvények halmaza.*

Így tényleg nem számít a sorrend, se a sorok között, se az attribútumok között.

Nincs két azonos sor.

3. Gondolhatunk egy relációra úgy is, mint függvények halmazára:

### Definíció

Egy sor = egy függvény:  $s : \{\text{attribútumok}\} \rightarrow \{\text{attr. értékkészlete}\}$

Egy  $R$  reláció ilyen függvények halmaza.

Így tényleg nem számít a sorrend, se a sorok között, se az attribútumok között.

Nincs két azonos sor.

Például:

$R_1$ -ben: 1. sor:  $A_1 \rightarrow 1; A_2 \rightarrow y;$

3. Gondolhatunk egy relációra úgy is, mint függvények halmazára:

### Definíció

Egy sor = egy függvény:  $s : \{\text{attribútumok}\} \rightarrow \{\text{attr. értékkészlete}\}$

Egy  $R$  reláció ilyen függvények halmaza.

Így tényleg nem számít a sorrend, se a sorok között, se az attribútumok között.

Nincs két azonos sor.

Például:

$R_1$ -ben: 1. sor:  $A_1 \rightarrow 1; A_2 \rightarrow y;$

Jelölés:

### Definíció

**Relációs séma:**  $R(A_1, \dots, A_n)$ , ahol  $R$  a reláció neve, az  $A_i$ -k pedig az attribútumok nevei.

3. Gondolhatunk egy relációra úgy is, mint függvények halmazára:

### Definíció

Egy sor = egy függvény:  $s : \{\text{attribútumok}\} \rightarrow \{\text{attr. értékkészlete}\}$

Egy  $R$  reláció ilyen függvények halmaza.

Így tényleg nem számít a sorrend, se a sorok között, se az attribútumok között.

Nincs két azonos sor.

Például:

$R_1$ -ben: 1. sor:  $A_1 \rightarrow 1; A_2 \rightarrow y;$

Jelölés:

### Definíció

**Relációs séma:**  $R(A_1, \dots, A_n)$ , ahol  $R$  a reláció neve, az  $A_i$ -k pedig az attribútumok nevei.

Például: Személy(Vezetéknév, Keresztnév, Neme, Végzettsége)

3. Gondolhatunk egy relációra úgy is, mint függvények halmazára:

### Definíció

Egy sor = egy függvény:  $s : \{\text{attribútumok}\} \rightarrow \{\text{attr. értékkészlete}\}$

Egy  $R$  reláció ilyen függvények halmaza.

Így tényleg nem számít a sorrend, se a sorok között, se az attribútumok között.

Nincs két azonos sor.

Például:

$R_1$ -ben: 1. sor:  $A_1 \rightarrow 1; A_2 \rightarrow y;$

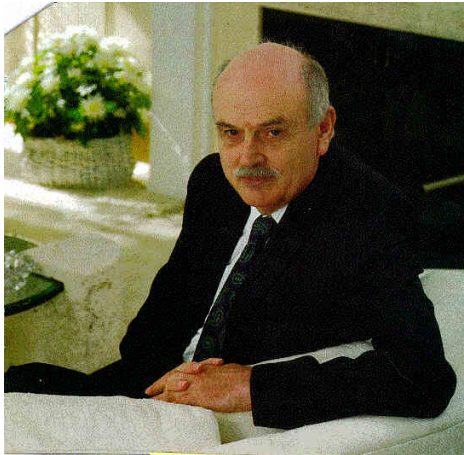
Jelölés:

### Definíció

**Relációs séma:**  $R(A_1, \dots, A_n)$ , ahol  $R$  a reláció neve, az  $A_i$ -k pedig az attribútumok nevei.

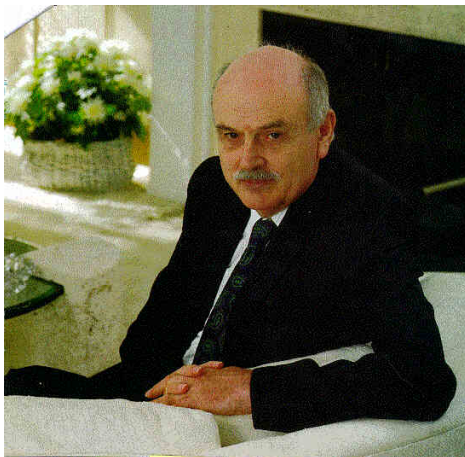
Például: Személy(Vezetéknév, Keresztnév, Neme, Végzettsége)

Gyakorlatban azért mégis rögzítünk egy sorrendet, azt, amelyikben felsoroljuk az attribútumokat.



Edgar F. Codd, (1932– )

1970-es cikk: *A Relational Model of Data for Large Shared Data Banks*

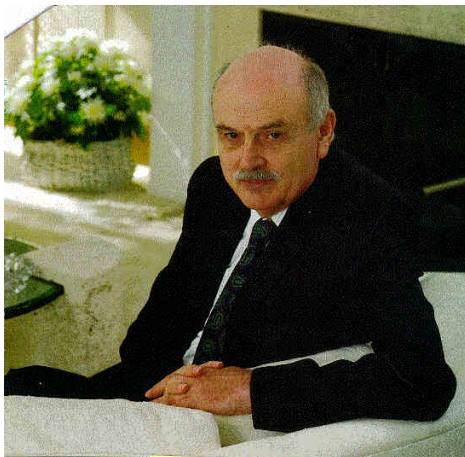


Edgar F. Codd, (1932– )

1970-es cikk: *A Relational Model of Data for Large Shared Data Banks*

Teljes adatmodell: nem csak azt mondja meg hogyan írok le, hanem vannak műveletek is.





Edgar F. Codd, (1932– )

1970-es cikk: *A Relational Model of Data for Large Shared Data Banks*

Teljes adatmodell: nem csak azt mondja meg hogyan írok le, hanem vannak műveletek is.

Ezeket a műveleteket relációkra alkalmazhatom és így újabb relációkat kapok majd.

# A relációs algebra alpműveletei

- Halmazműveletek (bármilyen halmazra mennének)
  - ▶ unió:  $\cup$
  - ▶ különbség:  $\setminus$
  - ▶ szorzat:  $\times$

# A relációs algebra alapműveletei

- Halmazműveletek (bármilyen halmazra mennének)
  - ▶ unió:  $\cup$
  - ▶ különbség:  $\setminus$
  - ▶ szorzat:  $\times$
- Relációs műveletek (ezek már kihasználják, hogy itt relációkról van szó)
  - ▶ vetítés, projekció:  $\pi$
  - ▶ kiválasztás, szelekció:  $\sigma$

# A relációs algebra alapműveletei

- Halmazműveletek (bármilyen halmazra mennének)
  - ▶ unió:  $\cup$
  - ▶ különbség:  $\setminus$
  - ▶ szorzat:  $\times$
- Relációs műveletek (ezek már kihasználják, hogy itt relációkról van szó)
  - ▶ vetítés, projekció:  $\pi$
  - ▶ kiválasztás, szelekció:  $\sigma$

Ezek mind tiszta műveletek: reláció  $\rightarrow$  reláció

# A relációs algebra alaplőveletei

- Halmazmőveletek (bármilyen halmazra mennének)
  - ▶ unió:  $\cup$
  - ▶ különbség:  $\setminus$
  - ▶ szorzat:  $\times$
- Relációs mőveletek (ezek már kihasználják, hogy itt relációkról van szó)
  - ▶ vetítés, projekció:  $\pi$
  - ▶ kiválasztás, szelekció:  $\sigma$

Ezek mind tiszta mőveletek: reláció  $\rightarrow$  reláció

$\Rightarrow$  gond nélkül egymásba ágyazhatók

## Unió

- $R, S$  relációk  $\implies R \cup S =$  sorai vagy  $R$  vagy  $S$  sorai

## Unió

- $R, S$  relációk  $\implies R \cup S =$  sorai vagy  $R$  vagy  $S$  sorai  
Azonos sorok csak egyszer szerepeljenek.

## Unió

- $R, S$  relációk  $\implies R \cup S =$  sorai vagy  $R$  vagy  $S$  sorai  
Azonos sorok csak egyszer szerepeljenek. (Gyakorlatban néha lehetnek azonos sorok.)



## Unió

- $R, S$  relációk  $\implies R \cup S =$  sorai vagy  $R$  vagy  $S$  sorai  
Azonos sorok csak egyszer szerepeljenek. (Gyakorlatban néha lehetnek azonos sorok.)
- csak akkor alkalmazható, ha  $R$  és  $S$  oszlopszáma egyenlő

## Unió

- $R, S$  relációk  $\implies R \cup S =$  sorai vagy  $R$  vagy  $S$  sorai  
Azonos sorok csak egyszer szerepeljenek. (Gyakorlatban néha lehetnek azonos sorok.)
- csak akkor alkalmazható, ha  $R$  és  $S$  oszlopszáma egyenlő
- nem feltétlenül örököl típusokat vagy attribútum neveket

## Unió

- $R, S$  relációk  $\implies R \cup S =$  sorai vagy  $R$  vagy  $S$  sorai  
Azonos sorok csak egyszer szerepeljenek. (Gyakorlatban néha lehetnek azonos sorok.)
- csak akkor alkalmazható, ha  $R$  és  $S$  oszlopszáma egyenlő
- nem feltétlenül örököl típusokat vagy attribútum neveket
- Példa:

$R$	$A$	$B$
	$a$	$a$
	$a$	$c$
	$b$	$a$

$S$	$A$	$C$
	$a$	$a$
	$a$	$d$
	$a$	$c$
	$b$	$b$

## Unió

- $R, S$  relációk  $\implies R \cup S =$  sorai vagy  $R$  vagy  $S$  sorai  
Azonos sorok csak egyszer szerepeljenek. (Gyakorlatban néha lehetnek azonos sorok.)
- csak akkor alkalmazható, ha  $R$  és  $S$  oszlopszáma egyenlő
- nem feltétlenül örököl típusokat vagy attribútum neveket
- Példa:

$R$	$A$	$B$
	$a$	$a$
	$a$	$c$
	$b$	$a$

$S$	$A$	$C$
	$a$	$a$
	$a$	$d$
	$a$	$c$
	$b$	$b$

$R \cup S$	$A$	$(R \cup S)_2$
	$a$	$a$
	$a$	$c$
	$b$	$a$
	$a$	$d$
	$b$	$b$

## Különbség

- $R, S$  relációk  $\implies R \setminus S = R$  azon sorai, amelyek  $S$ -ben nem szerepelnek

## Különbség

- $R, S$  relációk  $\implies R \setminus S = R$  azon sorai, amelyek  $S$ -ben nem szerepelnek
- nincs kompatibilitási követelmény (Ha pl. különböző az oszlopszám, nem szerepelhetnek azonos sorok úgysem. Ekkor  $R \setminus S = R$ )

## Különbség

- $R, S$  relációk  $\implies R \setminus S = R$  azon sorai, amelyek  $S$ -ben nem szerepelnek
- nincs kompatibilitási követelmény (Ha pl. különböző az oszlopszám, nem szerepelhetnek azonos sorok úgysem. Ekkor  $R \setminus S = R$ )
- Az eredmény öröklí  $R$  típusait és attribútum neveit (mert  $R \setminus S \subseteq R$ )

## Különbség

- $R, S$  relációk  $\implies R \setminus S = R$  azon sorai, amelyek  $S$ -ben nem szerepelnek
- nincs kompatibilitási követelmény (Ha pl. különböző az oszlopszám, nem szerepelhetnek azonos sorok úgysem. Ekkor  $R \setminus S = R$ )
- Az eredmény öröklí  $R$  típusait és attribútum neveit (mert  $R \setminus S \subseteq R$ )
- Példa:

$R$	$A$	$B$
	$a$	$a$
	$a$	$c$
	$b$	$a$

$S$	$A$	$C$
	$a$	$a$
	$a$	$d$
	$a$	$c$
	$b$	$b$



## Különbség

- $R, S$  relációk  $\implies R \setminus S = R$  azon sorai, amelyek  $S$ -ben nem szerepelnek
- nincs kompatibilitási követelmény (Ha pl. különböző az oszlopszám, nem szerepelhetnek azonos sorok úgysem. Ekkor  $R \setminus S = R$ )
- Az eredmény öröklí  $R$  típusait és attribútum neveit (mert  $R \setminus S \subseteq R$ )
- Példa:

$R$	$A$	$B$
	$a$	$a$
	$a$	$c$
	$b$	$a$

$S$	$A$	$C$
	$a$	$a$
	$a$	$d$
	$a$	$c$
	$b$	$b$

$R \setminus S$	$A$	$B$
	$b$	$a$

## Szorzat (direkt szorzat, Descartes szorzat)

- $R(A_1, \dots, A_k), S(B_1, \dots, B_l)$   $k$  ill.  $l$  attribútumos relációk  $\implies R \times S =$  egy  $k + l$  attribútumos reláció,  $R$  minden sora mögé odatesszük  $S$  minden sorát, minden lehetséges módon.

## Szorzat (direkt szorzat, Descartes szorzat)

- $R(A_1, \dots, A_k), S(B_1, \dots, B_l)$   $k$  ill.  $l$  attribútumos relációk  $\implies R \times S =$  egy  $k + l$  attribútumos reláció,  $R$  minden sora mögé odatesszük  $S$  minden sorát, minden lehetséges módon.

Ha  $R$ -nek  $n$  sora van  $S$ -nek  $m$  sora  $\implies R \times S$ -nek  $nm$  sora van

## Szorzat (direkt szorzat, Descartes szorzat)

- $R(A_1, \dots, A_k), S(B_1, \dots, B_l)$   $k$  ill.  $l$  attribútumos relációk  $\implies R \times S =$  egy  $k + l$  attribútumos reláció,  $R$  minden sora mögé odatesszük  $S$  minden sorát, minden lehetséges módon.  
Ha  $R$ -nek  $n$  sora van  $S$ -nek  $m$  sora  $\implies R \times S$ -nek  $nm$  sora van
- nincs kompatibilitási követelmény

## Szorzat (direkt szorzat, Descartes szorzat)

- $R(A_1, \dots, A_k), S(B_1, \dots, B_l)$   $k$  ill.  $l$  attribútumos relációk  $\implies R \times S =$  egy  $k + l$  attribútumos reláció,  $R$  minden sora mögé odatesszük  $S$  minden sorát, minden lehetséges módon.  
Ha  $R$ -nek  $n$  sora van  $S$ -nek  $m$  sora  $\implies R \times S$ -nek  $nm$  sora van
- nincs kompatibilitási követelmény
- Az eredmény lényegében örökli  $R$  és  $S$  típusait és attribútum neveit, esetleg át kell nevezni.

# Műveletek

- Példa:

<i>R</i>	<i>A</i>	<i>B</i>
	<i>a</i>	<i>a</i>
	<i>a</i>	<i>c</i>
	<i>b</i>	<i>a</i>

<i>S</i>	<i>A</i>	<i>C</i>
	<i>a</i>	<i>a</i>
	<i>a</i>	<i>d</i>
	<i>a</i>	<i>c</i>
	<i>b</i>	<i>b</i>

# Műveletek

- Példa:

<i>R</i>	<i>A</i>	<i>B</i>
	<i>a</i>	<i>a</i>
	<i>a</i>	<i>c</i>
	<i>b</i>	<i>a</i>

<i>S</i>	<i>A</i>	<i>C</i>
	<i>a</i>	<i>a</i>
	<i>a</i>	<i>d</i>
	<i>a</i>	<i>c</i>
	<i>b</i>	<i>b</i>

$R \times S$	<i>A</i>	<i>B</i>	<i>A'</i>	<i>C</i>
	<i>a</i>	<i>a</i>	<i>a</i>	<i>a</i>
	<i>a</i>	<i>a</i>	<i>a</i>	<i>d</i>
	<i>a</i>	<i>a</i>	<i>a</i>	<i>c</i>
	<i>a</i>	<i>a</i>	<i>b</i>	<i>b</i>

# Műveletek

- Példa:

<i>R</i>	<i>A</i>	<i>B</i>
	<i>a</i>	<i>a</i>
	<i>a</i>	<i>c</i>
	<i>b</i>	<i>a</i>

<i>S</i>	<i>A</i>	<i>C</i>
	<i>a</i>	<i>a</i>
	<i>a</i>	<i>d</i>
	<i>a</i>	<i>c</i>
	<i>b</i>	<i>b</i>

$R \times S$	<i>A</i>	<i>B</i>	<i>A'</i>	<i>C</i>
	<i>a</i>	<i>a</i>	<i>a</i>	<i>a</i>
	<i>a</i>	<i>a</i>	<i>a</i>	<i>d</i>
	<i>a</i>	<i>a</i>	<i>a</i>	<i>c</i>
	<i>a</i>	<i>a</i>	<i>b</i>	<i>b</i>
	<i>a</i>	<i>c</i>	<i>a</i>	<i>a</i>
	<i>a</i>	<i>c</i>	<i>a</i>	<i>d</i>
	<i>a</i>	<i>c</i>	<i>a</i>	<i>c</i>
	<i>a</i>	<i>c</i>	<i>b</i>	<i>b</i>



# Műveletek

- Példa:

<i>R</i>	<i>A</i>	<i>B</i>
	<i>a</i>	<i>a</i>
	<i>a</i>	<i>c</i>
	<i>b</i>	<i>a</i>

<i>S</i>	<i>A</i>	<i>C</i>
	<i>a</i>	<i>a</i>
	<i>a</i>	<i>d</i>
	<i>a</i>	<i>c</i>
	<i>b</i>	<i>b</i>

$R \times S$	<i>A</i>	<i>B</i>	<i>A'</i>	<i>C</i>
	<i>a</i>	<i>a</i>	<i>a</i>	<i>a</i>
	<i>a</i>	<i>a</i>	<i>a</i>	<i>d</i>
	<i>a</i>	<i>a</i>	<i>a</i>	<i>c</i>
	<i>a</i>	<i>a</i>	<i>b</i>	<i>b</i>
	<i>a</i>	<i>c</i>	<i>a</i>	<i>a</i>
	<i>a</i>	<i>c</i>	<i>a</i>	<i>d</i>
	<i>a</i>	<i>c</i>	<i>a</i>	<i>c</i>
	<i>a</i>	<i>c</i>	<i>b</i>	<i>b</i>
	<i>b</i>	<i>a</i>	<i>a</i>	<i>a</i>
	<i>b</i>	<i>a</i>	<i>a</i>	<i>d</i>
	<i>b</i>	<i>a</i>	<i>a</i>	<i>c</i>
	<i>b</i>	<i>a</i>	<i>b</i>	<i>b</i>

# Műveletek

- Példa:

$R$	$A$	$B$
	$a$	$a$
	$a$	$c$
	$b$	$a$

$S$	$A$	$C$
	$a$	$a$
	$a$	$d$
	$a$	$c$
	$b$	$b$

$R \times S$	$A$	$B$	$A'$	$C$
	$a$	$a$	$a$	$a$
	$a$	$a$	$a$	$d$
	$a$	$a$	$a$	$c$
	$a$	$a$	$b$	$b$
	$a$	$c$	$a$	$a$
	$a$	$c$	$a$	$d$
	$a$	$c$	$a$	$c$
	$a$	$c$	$b$	$b$
	$b$	$a$	$a$	$a$
	$b$	$a$	$a$	$d$
	$b$	$a$	$a$	$c$
	$b$	$a$	$b$	$b$

Az unió és különbség könnyű művelet, a szorzat nehezebb. Vigyázni kell mennyit használjuk.

## Vetítés

- $R(A_1, \dots, A_l)$  alakú reláció  $\implies \pi_{A_{i_1}, \dots, A_{i_n}}(R)$   
 $R$  vetítése  $A_{i_1}, \dots, A_{i_n}$ -re (fontos a sorrend)

## Vetítés

- $R(A_1, \dots, A_l)$  alakú reláció  $\implies \pi_{A_{i_1}, \dots, A_{i_n}}(R)$   
 $R$  vetítése  $A_{i_1}, \dots, A_{i_n}$ -re (fontos a sorrend)  $\implies$   
Veszem az oszlopokat ebben a sorrendben, a többit eldobom és a többszörös sorokat is eldobom.

## Vetítés

- $R(A_1, \dots, A_l)$  alakú reláció  $\implies \pi_{A_{i_1}, \dots, A_{i_n}}(R)$   
 $R$  vetítése  $A_{i_1}, \dots, A_{i_n}$ -re (fontos a sorrend)  $\implies$   
Veszem az oszlopokat ebben a sorrendben, a többit eldobom és a többszörös sorokat is eldobom.  
Egy oszlop akár többször is szerepelhet.  $\implies$  átnevezés
- nincs kompatibilitási követelmény (persze amire vetítünk az  $R$ -nek attribútuma kell, hogy legyen)

## Vetítés

- $R(A_1, \dots, A_l)$  alakú reláció  $\implies \pi_{A_{i_1}, \dots, A_{i_n}}(R)$   
 $R$  vetítése  $A_{i_1}, \dots, A_{i_n}$ -re (fontos a sorrend)  $\implies$   
Veszem az oszlopokat ebben a sorrendben, a többit eldobom és a többszörös sorokat is eldobom.  
Egy oszlop akár többször is szerepelhet.  $\implies$  átnevezés
- nincs kompatibilitási követelmény (persze amire vetítünk az  $R$ -nek attribútuma kell, hogy legyen)
- Az eredmény öröklí  $R$  típusait és attribútum neveit

## Vetítés

- $R(A_1, \dots, A_n)$  alakú reláció  $\implies \pi_{A_{i_1}, \dots, A_{i_n}}(R)$   
 $R$  vetítése  $A_{i_1}, \dots, A_{i_n}$ -re (fontos a sorrend)  $\implies$   
Veszem az oszlopokat ebben a sorrendben, a többit eldobom és a többszörös sorokat is eldobom.  
Egy oszlop akár többször is szerepelhet.  $\implies$  átnevezés
- nincs kompatibilitási követelmény (persze amire vetítünk az  $R$ -nek attribútuma kell, hogy legyen)
- Az eredmény öröklí  $R$  típusait és attribútum neveit
- Példa:

$R$	$A$	$B$	$C$
	$a$	$b$	2
	$a$	$c$	3
	$b$	$c$	4

## Vetítés

- $R(A_1, \dots, A_n)$  alakú reláció  $\implies \pi_{A_{i_1}, \dots, A_{i_n}}(R)$   
 $R$  vetítése  $A_{i_1}, \dots, A_{i_n}$ -re (fontos a sorrend)  $\implies$   
Veszem az oszlopokat ebben a sorrendben, a többit eldobom és a többszörös sorokat is eldobom.  
Egy oszlop akár többször is szerepelhet.  $\implies$  átnevezés
- nincs kompatibilitási követelmény (persze amire vetítünk az  $R$ -nek attribútuma kell, hogy legyen)
- Az eredmény öröklí  $R$  típusait és attribútum neveit
- Példa:

$R$	$A$	$B$	$C$
	$a$	$b$	2
	$a$	$c$	3
	$b$	$c$	4

$\pi_A(R)$	$A$
	$a$
	$b$



## Vetítés

- $R(A_1, \dots, A_n)$  alakú reláció  $\implies \pi_{A_{i_1}, \dots, A_{i_n}}(R)$   
 $R$  vetítése  $A_{i_1}, \dots, A_{i_n}$ -re (fontos a sorrend)  $\implies$   
 Veszem az oszlopokat ebben a sorrendben, a többit eldobom és a többszörös sorokat is eldobom.  
 Egy oszlop akár többször is szerepelhet.  $\implies$  átnevezés
- nincs kompatibilitási követelmény (persze amire vetítünk az  $R$ -nek attribútuma kell, hogy legyen)
- Az eredmény öröklí  $R$  típusait és attribútum neveit
- Példa:

$R$	$A$	$B$	$C$
	$a$	$b$	2
	$a$	$c$	3
	$b$	$c$	4

$\pi_A(R)$	$A$
	$a$
	$b$

$\pi_{C,B,B}(R)$	$C$	$B$	$B$
	2	$b$	$b$
	3	$c$	$c$
	4	$c$	$c$

## Kiválasztás, szelekció

- $R$  egy reláció  $\implies \sigma_F(R)$  = a reláció azon sorai, amelyekre az  $F$  formula teljesül.

## Kiválasztás, szelekció

- $R$  egy reláció  $\implies \sigma_F(R)$  = a reláció azon sorai, amelyekre az  $F$  formula teljesül.
- Teljesülni fog, hogy  $\sigma_F(R) \subseteq R$

## Kiválasztás, szelekció

- $R$  egy reláció  $\implies \sigma_F(R)$  = a reláció azon sorai, amelyekre az  $F$  formula teljesül.
- Teljesülni fog, hogy  $\sigma_F(R) \subseteq R$
- Nincs megszorítás, csak hogy  $F$  értelmes legyen.

## Kiválasztás, szelekció

- $R$  egy reláció  $\implies \sigma_F(R)$  = a reláció azon sorai, amelyekre az  $F$  formula teljesül.
- Teljesülni fog, hogy  $\sigma_F(R) \subseteq R$
- Nincs megszorítás, csak hogy  $F$  értelmes legyen.
- Az eredmény örökli  $R$  típusait és attribútum neveit

## Kiválasztás, szelekció

- $R$  egy reláció  $\implies \sigma_F(R)$  = a reláció azon sorai, amelyekre az  $F$  formula teljesül.
- Teljesülni fog, hogy  $\sigma_F(R) \subseteq R$
- Nincs megszorítás, csak hogy  $F$  értelmes legyen.
- Az eredmény örökli  $R$  típusait és attribútum neveit
- Példa:

$R$	$A$	$B$	$C$
	$a$	$b$	2
	$a$	$c$	3
	$b$	$c$	4

## Kiválasztás, szelekció

- $R$  egy reláció  $\implies \sigma_F(R)$  = a reláció azon sorai, amelyekre az  $F$  formula teljesül.
- Teljesülni fog, hogy  $\sigma_F(R) \subseteq R$
- Nincs megszorítás, csak hogy  $F$  értelmes legyen.
- Az eredmény öröklí  $R$  típusait és attribútum neveit
- Példa:

$R$	$A$	$B$	$C$
	$a$	$b$	$2$
	$a$	$c$	$3$
	$b$	$c$	$4$

$\sigma_{A \neq B \wedge C > 2}(R)$	$A$	$B$	$C$
	$a$	$c$	$3$
	$b$	$c$	$4$

## Az $F$ formula:

Atomok:  $A \theta B$ ,  $A \theta c$ ,  $c \theta B$ ,

ahol  $A, B$  attribútumok,  $c$  érték (konstans),  $\theta \in \{<, >, =, \boxed{\leq, \geq, \neq}\}$



## Az $F$ formula:

Atomok:  $A \theta B$ ,  $A \theta c$ ,  $c \theta B$ ,

ahol  $A, B$  attribútumok,  $c$  érték (konstans),  $\theta \in \{<, >, =, \boxed{\leq, \geq, \neq}\}$

Építkezés:  $\wedge, \vee, \neg, (, )$       **Kvantorok, nincsenek!**

## Az $F$ formula:

Atomok:  $A \theta B$ ,  $A \theta c$ ,  $c \theta B$ ,

ahol  $A, B$  attribútumok,  $c$  érték (konstans),  $\theta \in \{<, >, =, \boxed{\leq, \geq, \neq}\}$

Építkezés:  $\wedge, \vee, \neg, (, )$       **Kvantorok, nincsenek!**

- Példa:

DOLGOZÓ(NÉV,CÍM,FIZETÉS)

$\sigma_{\text{CÍM}='BP., Várna u.' \wedge \text{FIZETÉS} > '150000'}(\text{DOLGOZÓ})$

## Definíció

*Alapreláció: A bevezetés, tervezés során definiált tábla, **ami meg van adva.***

## Definíció

**Alapreláció:** A bevezetés, tervezés során definiált tábla, *ami meg van adva*.

**A relációs algebra relációi:** amik kifejezhetők az alaprelációkból  $\cup, \setminus, \times, \pi, \sigma$  segítségével.

## Definíció

**Alapreláció:** A bevezetés, tervezés során definiált tábla, *ami meg van adva*.

**A relációs algebra relációi:** amik kifejezhetők az alaprelációkból  $\cup, \setminus, \times, \pi, \sigma$  segítségével.

**Származtatott reláció:** nem alapreláció, de kifejezhető.

## Definíció

**Alapreláció:** A bevezetés, tervezés során definiált tábla, *ami meg van adva*.

**A relációs algebra relációi:** amik kifejezhetők az alaprelációkból  $\cup, \setminus, \times, \pi, \sigma$  segítségével.

**Származtatott reláció:** nem alapreláció, de kifejezhető.

## Definíció

Egy lekérdező nyelv (*igazi vagy modell*) **relációsan teljes**, ha benne megvalósíthatók a relációs algebra alapműveletei:  $\cup, \setminus, \times, \pi, \sigma$

## Definíció

**Alapreláció:** A bevezetés, tervezés során definiált tábla, *ami meg van adva*.

**A relációs algebra relációi:** amik kifejezhetők az alaprelációkból  $\cup, \setminus, \times, \pi, \sigma$  segítségével.

**Származtatott reláció:** nem alapreláció, de kifejezhető.

## Definíció

Egy lekérdező nyelv (*igazi vagy modell*) **relációsan teljes**, ha benne megvalósíthatók a relációs algebra alapműveletei:  $\cup, \setminus, \times, \pi, \sigma$

Ez fontos követelmény, általában tudja is mindegyik.

## Definíció

**Alapreláció:** A bevezetés, tervezés során definiált tábla, *ami meg van adva*.

**A relációs algebra relációi:** amik kifejezhetők az alaprelációkból  $\cup, \setminus, \times, \pi, \sigma$  segítségével.

**Származtatott reláció:** nem alapreláció, de kifejezhető.

## Definíció

Egy lekérdező nyelv (*igazi vagy modell*) **relációsan teljes**, ha benne megvalósíthatók a relációs algebra alapműveletei:  $\cup, \setminus, \times, \pi, \sigma$

Ez fontos követelmény, általában tudja is mindegyik.

Inkább az a baj, hogy néha túl sokat tudnak, de nincs hatékony implementáció.



# Adatbázisok elmélete

## Származtatott műveletek

Katona Gyula Y.

Számítástudományi és Információelméleti Tanszék  
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem

6. előadás

# Származtatott műveletek

Hasznosak, de mivel kifejezhetők az 5 alpművelettel, ezért lényegében csak rövidítések.

## Metszet

- $R, S$  relációk  $\implies R \cap S = R \setminus (R \setminus S)$  azok a sorok, amelyek mindkettőben benne vannak.

# Származtatott műveletek

Hasznosak, de mivel kifejezhetők az 5 alpművelettel, ezért lényegében csak rövidítések.

## Metszet

- $R, S$  relációk  $\implies R \cap S = R \setminus (R \setminus S)$  azok a sorok, amelyek mindkettőben benne vannak.
- nincs kompatibilitási követelmény  $\longleftarrow \setminus$  tulajdonságából

# Származtatott műveletek

Hasznosak, de mivel kifejezhetők az 5 alpművelettel, ezért lényegében csak rövidítések.

## Metszet

- $R, S$  relációk  $\implies R \cap S = R \setminus (R \setminus S)$  azok a sorok, amelyek mindkettőben benne vannak.
- nincs kompatibilitási követelmény  $\longleftarrow \setminus$  tulajdonságából
- Az eredmény öröklí  $R$  típusait és attribútum neveit  $\longleftarrow \setminus$  tulajdonságából
- Példa:

$R$	$A$	$B$
	$a$	$a$
	$a$	$c$
	$b$	$a$

$S$	$A$	$C$
	$a$	$a$
	$a$	$d$
	$a$	$c$
	$b$	$b$

# Származtatott műveletek

Hasznosak, de mivel kifejezhetők az 5 alpművelettel, ezért lényegében csak rövidítések.

## Metszet

- $R, S$  relációk  $\implies R \cap S = R \setminus (R \setminus S)$  azok a sorok, amelyek mindkettőben benne vannak.
- nincs kompatibilitási követelmény  $\longleftarrow \setminus$  tulajdonságából
- Az eredmény öröklí  $R$  típusait és attribútum neveit  $\longleftarrow \setminus$  tulajdonságából
- Példa:

$R$	$A$	$B$
	$a$	$a$
	$a$	$c$
	$b$	$a$

$S$	$A$	$C$
	$a$	$a$
	$a$	$d$
	$a$	$c$
	$b$	$b$

$R \cap S$	$A$	$B \cap C$
	$a$	$a$
	$a$	$c$

## Természetes illesztés (natural join)

- $R(A_1, \dots, A_k, B_1, \dots, B_r), S(A_1, \dots, A_k, C_1, \dots, C_s)$  relációk  
     $\implies R \bowtie S =$ 
  - ▶ Vegyük  $R \times S$ -t

## Természetes illesztés (natural join)

- $R(A_1, \dots, A_k, B_1, \dots, B_r), S(A_1, \dots, A_k, C_1, \dots, C_s)$  relációk  
 $\implies R \bowtie S =$ 
  - ▶ Vegyük  $R \times S$ -t
  - ▶ Vesszük azokat a sorokat, ahol  $R.A_1 = S.A_1, \dots, R.A_k = S.A_k$ , a többit kidobjuk.

## Természetes illesztés (natural join)

- $R(A_1, \dots, A_k, B_1, \dots, B_r), S(A_1, \dots, A_k, C_1, \dots, C_s)$  relációk  
 $\implies R \bowtie S =$ 
  - ▶ Vegyük  $R \times S$ -t
  - ▶ Vesszük azokat a sorokat, ahol  $R.A_1 = S.A_1, \dots, R.A_k = S.A_k$ , a többit kidobjuk.
  - ▶  $\forall A_j$ -ből az egyik példányt eldobjuk, azaz vetítünk  $R.A_1, \dots, R.A_k, R.B_1, \dots, R.B_r, S.C_1, \dots, S.C_s$ -re



## Természetes illesztés (natural join)

- $R(A_1, \dots, A_k, B_1, \dots, B_r), S(A_1, \dots, A_k, C_1, \dots, C_s)$  relációk  
 $\implies R \bowtie S =$ 
  - ▶ Vegyük  $R \times S$ -t
  - ▶ Vesszük azokat a sorokat, ahol  $R.A_1 = S.A_1, \dots, R.A_k = S.A_k$ , a többi kidobjuk.
  - ▶  $\forall A_j$ -ből az egyik példányt eldobjuk, azaz vetítünk  $R.A_1, \dots, R.A_k, R.B_1, \dots, R.B_r, S.C_1, \dots, S.C_s$ -re
  - ▶ Azonos sorokból csak egyet tartunk meg, a többi kidobjuk.

## Természetes illesztés (natural join)

- $R(A_1, \dots, A_k, B_1, \dots, B_r), S(A_1, \dots, A_k, C_1, \dots, C_s)$  relációk  
 $\implies R \bowtie S =$ 
  - ▶ Vegyük  $R \times S$ -t
  - ▶ Vesszük azokat a sorokat, ahol  $R.A_1 = S.A_1, \dots, R.A_k = S.A_k$ , a többit kidobjuk.
  - ▶  $\forall A_j$ -ből az egyik példányt eldobjuk, azaz vetítünk  $R.A_1, \dots, R.A_k, R.B_1, \dots, R.B_r, S.C_1, \dots, S.C_s$ -re
  - ▶ Azonos sorokból csak egyet tartunk meg, a többit kidobjuk.

$$R \bowtie S = \pi_{R.A_1, \dots}(\sigma_{R.A_1 = S.A_1, \dots}(R \times S))$$

$R \bowtie S$ -nek  $k + r + s$  oszlopa lesz.

## Természetes illesztés (natural join)

- $R(A_1, \dots, A_k, B_1, \dots, B_r), S(A_1, \dots, A_k, C_1, \dots, C_s)$  relációk  
 $\implies R \bowtie S =$ 
  - ▶ Vegyük  $R \times S$ -t
  - ▶ Vesszük azokat a sorokat, ahol  $R.A_1 = S.A_1, \dots, R.A_k = S.A_k$ , a többit kidobjuk.
  - ▶  $\forall A_j$ -ből az egyik példányt eldobjuk, azaz vetítünk  $R.A_1, \dots, R.A_k, R.B_1, \dots, R.B_r, S.C_1, \dots, S.C_s$ -re
  - ▶ Azonos sorokból csak egyet tartunk meg, a többit kidobjuk.

$$R \bowtie S = \pi_{R.A_1, \dots}(\sigma_{R.A_1 = S.A_1, \dots}(R \times S))$$

$R \bowtie S$ -nek  $k + r + s$  oszlopa lesz.

Ha nincs közös attribútum.  $\implies R \bowtie S = R \times S$ .

## Természetes illesztés (natural join)

- $R(A_1, \dots, A_k, B_1, \dots, B_r), S(A_1, \dots, A_k, C_1, \dots, C_s)$  relációk  
 $\implies R \bowtie S =$ 
  - ▶ Vegyük  $R \times S$ -t
  - ▶ Vesszük azokat a sorokat, ahol  $R.A_1 = S.A_1, \dots, R.A_k = S.A_k$ , a többit kidobjuk.
  - ▶  $\forall A_j$ -ből az egyik példányt eldobjuk, azaz vetítünk  $R.A_1, \dots, R.A_k, R.B_1, \dots, R.B_r, S.C_1, \dots, S.C_s$ -re
  - ▶ Azonos sorokból csak egyet tartunk meg, a többit kidobjuk.

$$R \bowtie S = \pi_{R.A_1, \dots}(\sigma_{R.A_1 = S.A_1, \dots}(R \times S))$$

$R \bowtie S$ -nek  $k + r + s$  oszlopa lesz.

Ha nincs közös attribútum.  $\implies R \bowtie S = R \times S$ .

- nincs kompatibilitási követelmény

## Természetes illesztés (natural join)

- $R(A_1, \dots, A_k, B_1, \dots, B_r), S(A_1, \dots, A_k, C_1, \dots, C_s)$  relációk  
 $\implies R \bowtie S =$ 
  - ▶ Vegyük  $R \times S$ -t
  - ▶ Vesszük azokat a sorokat, ahol  $R.A_1 = S.A_1, \dots, R.A_k = S.A_k$ , a többit kidobjuk.
  - ▶  $\forall A_j$ -ből az egyik példányt eldobjuk, azaz vetítünk  $R.A_1, \dots, R.A_k, R.B_1, \dots, R.B_r, S.C_1, \dots, S.C_s$ -re
  - ▶ Azonos sorokból csak egyet tartunk meg, a többit kidobjuk.

$$R \bowtie S = \pi_{R.A_1, \dots}(\sigma_{R.A_1 = S.A_1, \dots}(R \times S))$$

$R \bowtie S$ -nek  $k + r + s$  oszlopa lesz.

Ha nincs közös attribútum.  $\implies R \bowtie S = R \times S$ .

- nincs kompatibilitási követelmény
- Az eredmény öröklí  $R$  és  $S$  típusait és attribútum neveit

# Természetes illesztés

- Gyakorlatban ennél hatékonyabban számítjuk ki.
- Az oszlopok sorrendje nem definiált, de általában:  $R$  oszlopai, aztán  $S$  saját oszlopai.
- Példa:

$R$	$A$	$B$	$C$
	$a$	$b$	2
	$a$	$c$	3
	$b$	$a$	4

$S$	$D$	$C$
	$a$	2
	$b$	3
	$x$	2

# Természetes illesztés

- Gyakorlatban ennél hatékonyabban számítjuk ki.
- Az oszlopok sorrendje nem definiált, de általában:  $R$  oszlopai, aztán  $S$  saját oszlopai.
- Példa:

$R$	$A$	$B$	$C$
	$a$	$b$	$2$
	$a$	$c$	$3$
	$b$	$a$	$4$

$S$	$D$	$C$
	$a$	$2$
	$b$	$3$
	$x$	$2$

$R \bowtie S$	$A$	$B$	$C$	$D$
	$a$	$b$	$2$	$a$
	$a$	$b$	$2$	$x$
	$a$	$c$	$3$	$b$

# Természetes illesztés

- Gyakorlatban ennél hatékonyabban számítjuk ki.
- Az oszlopok sorrendje nem definiált, de általában:  $R$  oszlopai, aztán  $S$  saját oszlopai.
- Példa:

$R$	$A$	$B$	$C$
	$a$	$b$	2
	$a$	$c$	3
	$b$	$a$	4

$S$	$D$	$C$
	$a$	2
	$b$	3
	$x$	2

$R \bowtie S$	$A$	$B$	$C$	$D$
	$a$	$b$	2	$a$
	$a$	$b$	2	$x$
	$a$	$c$	3	$b$

Miért „természetes”?



# Természetes illesztés

Példa: TERMELŐ(TNÉV,TERMÉK,ÁR,CÍM)

# Természetes illesztés

Példa: TERMELŐ(TNÉV,TERMÉK,ÁR,CÍM)

- TNÉV → CÍM
- TNÉV, TERMÉK → ÁR

# Természetes illesztés

Példa: TERMELŐ(TNÉV,TERMÉK,ÁR,CÍM)

- TNÉV → CÍM
- TNÉV, TERMÉK → ÁR

**Gond:** TERMELŐ címét minden terméknél tároljuk

⇒ redundancia + veszélyek : cím mindig kell, minden módosításhoz; könnyen sérülhet a fent megadott függés, ha elírom a címet; akkor is kell a cím, ha csak új árut akarok felvenni)

# Természetes illesztés

Példa: TERMELŐ(TNÉV,TERMÉK,ÁR,CÍM)

- TNÉV → CÍM
- TNÉV, TERMÉK → ÁR

**Gond:** TERMELŐ címét minden terméknél tároljuk

⇒ redundancia + veszélyek : cím mindig kell, minden módosításhoz; könnyen sérülhet a fent megadott függés, ha elírom a címet; akkor is kell a cím, ha csak új árut akarok felvenni)

**Megoldás:** Inkább tároljuk két táblában:

# Természetes illesztés

Példa: TERMELŐ(TNÉV,TERMÉK,ÁR,CÍM)

- TNÉV  $\rightarrow$  CÍM
- TNÉV, TERMÉK  $\rightarrow$  ÁR

**Gond:** TERMELŐ címét minden terméknél tároljuk

$\Rightarrow$  redundancia + veszélyek : cím mindig kell, minden módosításhoz; könnyen sérülhet a fent megadott függés, ha elírom a címet; akkor is kell a cím, ha csak új árut akarok felvenni)

**Megoldás:** Inkább tároljuk két táblában:

$R = \pi_{\text{TNÉV, CÍM}}(\text{TERMELŐ})$  és

$S = \pi_{\text{TNÉV, TERMÉK, ÁR}}(\text{TERMELŐ})$

# Természetes illesztés

Példa: TERMELŐ(TNÉV,TERMÉK,ÁR,CÍM)

- TNÉV → CÍM
- TNÉV, TERMÉK → ÁR

**Gond:** TERMELŐ címét minden terméknél tároljuk

⇒ redundancia + veszélyek : cím mindig kell, minden módosításhoz; könnyen sérülhet a fent megadott függés, ha elírom a címet; akkor is kell a cím, ha csak új árut akarok felvenni)

**Megoldás:** Inkább tároljuk két táblában:

$R = \pi_{\text{TNÉV, CÍM}}(\text{TERMELŐ})$  és

$S = \pi_{\text{TNÉV, TERMÉK, ÁR}}(\text{TERMELŐ})$

⇒  $\text{TERMELŐ} = R \bowtie S$  (ha kell egyben a tábla, vissza lehet állítani)

# Természetes illesztés

Jó-e bármilyen felbontás?

Jó-e bármilyen felbontás?

$R' = \pi_{\text{TNÉV, CÍM, ÁR}}(\text{TERMELŐ})$  és

$S' = \pi_{\text{TNÉV, TERMÉK}}(\text{TERMELŐ})$



# Természetes illesztés

Jó-e bármilyen felbontás?

$R' = \pi_{\text{TNÉV, CÍM, ÁR}}(\text{TERMELŐ})$  és

$S' = \pi_{\text{TNÉV, TERMÉK}}(\text{TERMELŐ})$

$\Rightarrow$  minden terméknek ugyanannyi lesz az ára (sok ára lesz)

$\Rightarrow \text{TERMELŐ} \not\subseteq R' \bowtie S'$

Jó-e bármilyen felbontás?

$R' = \pi_{\text{TNÉV, CÍM, ÁR}}(\text{TERMELŐ})$  és

$S' = \pi_{\text{TNÉV, TERMÉK}}(\text{TERMELŐ})$

$\Rightarrow$  minden terméknek ugyanannyi lesz az ára (sok ára lesz)

$\Rightarrow \text{TERMELŐ} \not\subseteq R' \bowtie S'$

Az lesz majd a kérdés, hogy mik lesznek a jó felbontások?

## Bal (jobb) félillesztés

- $R(A_1, \dots, A_k, B_1, \dots, B_r), S(A_1, \dots, A_k, C_1, \dots, C_s)$  relációk  
 $\implies R \bowtie S = R$  azon sorai, amelyhez vannak passzoló sorok  $S$ -ben

## Bal (jobb) félillesztés

- $R(A_1, \dots, A_k, B_1, \dots, B_r), S(A_1, \dots, A_k, C_1, \dots, C_s)$  relációk  
 $\implies R \bowtie S = R$  azon sorai, amelyhez vannak passzoló sorok  $S$ -ben  
 $R \bowtie S = \pi_R(R \bowtie S)$
- $R \bowtie S \subseteq R$
- $R \ltimes S =$  ugyanez jobbról
- 

$R$	$A$	$B$	$C$
	$a$	$b$	$2$
	$a$	$c$	$3$
	$b$	$a$	$4$

$S$	$D$	$C$
	$a$	$2$
	$b$	$3$
	$x$	$2$

## Bal (jobb) félillesztés

- $R(A_1, \dots, A_k, B_1, \dots, B_r), S(A_1, \dots, A_k, C_1, \dots, C_s)$  relációk  
 $\implies R \bowtie S = R$  azon sorai, amelyhez vannak passzoló sorok  $S$ -ben  
 $R \bowtie S = \pi_R(R \bowtie S)$
- $R \bowtie S \subseteq R$
- $R \ltimes S =$  ugyanez jobbról
- 

$R$	$A$	$B$	$C$
	$a$	$b$	$2$
	$a$	$c$	$3$
	$b$	$a$	$4$

$S$	$D$	$C$
	$a$	$2$
	$b$	$3$
	$x$	$2$

$R \bowtie S$	$A$	$B$	$C$
	$a$	$b$	$2$
	$a$	$c$	$3$

## Bal (jobb) félillesztés

- $R(A_1, \dots, A_k, B_1, \dots, B_r), S(A_1, \dots, A_k, C_1, \dots, C_s)$  relációk  
 $\implies R \bowtie S = R$  azon sorai, amelyhez vannak passzoló sorok  $S$ -ben  
 $R \bowtie S = \pi_R(R \bowtie S)$
- $R \bowtie S \subseteq R$
- $R \ltimes S =$  ugyanez jobbról
- 

$R$	$A$	$B$	$C$
	$a$	$b$	$2$
	$a$	$c$	$3$
	$b$	$a$	$4$

$S$	$D$	$C$
	$a$	$2$
	$b$	$3$
	$x$	$2$

$R \bowtie S$	$A$	$B$	$C$
	$a$	$b$	$2$
	$a$	$c$	$3$

$R \ltimes S$	$D$	$C$
	$a$	$2$
	$b$	$3$
	$x$	$2$

## $\theta$ -illesztés

- $R, S$  relációk

$\implies R \bowtie_{R.A_i \theta S.B_j} S = R \times S$  azon sorai, amelyben az adott oszlopok  $\theta$  relációban vannak

## $\theta$ -illesztés

- $R, S$  relációk

$\implies R \bowtie_{R.A_i \theta S.B_j} S = R \times S$  azon sorai, amelyben az adott oszlopok  $\theta$  relációban vannak

$$R \bowtie_{R.A_i \theta S.B_j} S = \sigma_{R.A_i \theta S.B_j}(R \times S)$$



## $\theta$ -illesztés

- $R, S$  relációk

$\implies R \bowtie_{R.A_i \theta S.B_j} S = R \times S$  azon sorai, amelyben az adott oszlopok  $\theta$  relációban vannak

$$R \bowtie_{R.A_i \theta S.B_j} S = \sigma_{R.A_i \theta S.B_j}(R \times S)$$

- Példa:

$R$	$A$	$B$	$C$
	$a$	$b$	$2$
	$a$	$c$	$3$
	$b$	$a$	$4$

$S$	$D$	$E$
	$a$	$2$
	$b$	$3$
	$x$	$2$

## $\theta$ -illesztés

- $R, S$  relációk

$\implies R \bowtie_{R.A_i \theta S.B_j} S = R \times S$  azon sorai, amelyben az adott oszlopok  $\theta$  relációban vannak

$$R \bowtie_{R.A_i \theta S.B_j} S = \sigma_{R.A_i \theta S.B_j}(R \times S)$$

- Példa:

$R$	$A$	$B$	$C$
	$a$	$b$	$2$
	$a$	$c$	$3$
	$b$	$a$	$4$

$S$	$D$	$E$
	$a$	$2$
	$b$	$3$
	$x$	$2$

$R \bowtie_{C \leq E} S$	$A$	$B$	$C$	$D$	$E$
	$a$	$b$	$2$	$a$	$2$
	$a$	$b$	$2$	$b$	$3$
	$a$	$b$	$2$	$x$	$2$
	$a$	$c$	$3$	$b$	$3$

## Példák relációs algebra alkalmazására

ÁRU(ÁRUKÓD, ÁRUNÉV, EGYSÉGÁR)

MENNYISÉG(DÁTUM, ÁRUKÓD, DB)

BEVÉTEL(DÁTUM, ÖSSZEG)

BEFIZ(ÖSSZEG, BEFIZ)       $BEFIZ = ÖSSZEG - 4000$

## Példák relációs algebra alkalmazására

ÁRU(ÁRUKÓD, ÁRUNÉV, EGYSÉGÁR)

MENNYISÉG(DÁTUM, ÁRUKÓD, DB)

BEVÉTEL(DÁTUM, ÖSSZEG)

BEFIZ(ÖSSZEG, BEFIZ)      BEFIZ=ÖSSZEG−4000

A 2004. jan. 1. utáni napok bevételei a dátummal együtt:

$\sigma_{\text{DÁTUM} > '2004-01-01'} (\text{BEVÉTEL})$

## Példák relációs algebra alkalmazására

ÁRU(ÁRUKÓD, ÁRUNÉV, EGYSÉGÁR)

MENNYISÉG(DÁTUM, ÁRUKÓD, DB)

BEVÉTEL(DÁTUM, ÖSSZEG)

BEFIZ(ÖSSZEG, BEFIZ)      BEFIZ=ÖSSZEG-4000

A 2004. jan. 1. utáni napok bevételei a dátummal együtt:

$$\sigma_{\text{DÁTUM} > '2004-01-01'} (\text{BEVÉTEL})$$

A 2004. jan. 15-i befizetett összeg és bevétel:

$$\pi_{\text{ÖSSZEG, BEFIZ}} \left( \sigma_{\text{DÁTUM} = '2004-01-15'} (\text{BEVÉTEL} \times \text{BEFIZ}) \right)$$

## Példák relációs algebra alkalmazására

ÁRU(ÁRUKÓD, ÁRUNÉV, EGYSÉGÁR)

MENNYISÉG(DÁTUM, ÁRUKÓD, DB)

BEVÉTEL(DÁTUM, ÖSSZEG)

BEFIZ(ÖSSZEG, BEFIZ)      BEFIZ=ÖSSZEG-4000

A 2004. jan. 1. utáni napok bevételei a dátummal együtt:

$$\sigma_{\text{DÁTUM} > '2004-01-01'} (\text{BEVÉTEL})$$

A 2004. jan. 15-i befizetett összeg és bevétel:

$$\pi_{\text{ÖSSZEG, BEFIZ}} \left( \sigma_{\text{DÁTUM}='2004-01-15'} \left( \text{BEVÉTEL} \bowtie \text{BEFIZ} \right) \right)$$
$$\pi_{\text{ÖSSZEG, BEFIZ}} \left( \sigma_{\text{DÁTUM}='2004-01-15'} \left( \text{BEVÉTEL} \right) \bowtie \text{BEFIZ} \right) =$$

## Példák relációs algebra alkalmazására

ÁRU(ÁRUKÓD, ÁRUNÉV, EGYSÉGÁR)

MENNYISÉG(DÁTUM, ÁRUKÓD, DB)

BEVÉTEL(DÁTUM, ÖSSZEG)

BEFIZ(ÖSSZEG, BEFIZ)      BEFIZ=ÖSSZEG−4000

A 2004. jan. 1. utáni napok bevételei a dátummal együtt:

$$\sigma_{\text{DÁTUM} > '2004-01-01'} (\text{BEVÉTEL})$$

A 2004. jan. 15-i befizetett összeg és bevétel:

$$\begin{aligned} & \pi_{\text{ÖSSZEG, BEFIZ}} \left( \sigma_{\text{DÁTUM}='2004-01-15'} (\text{BEVÉTEL} \bowtie \text{BEFIZ}) \right) \\ & \pi_{\text{ÖSSZEG, BEFIZ}} \left( \sigma_{\text{DÁTUM}='2004-01-15'} (\text{BEVÉTEL}) \bowtie \text{BEFIZ} \right) = \\ & \quad = \sigma_{\text{DÁTUM}='2004-01-15'} (\text{BEVÉTEL}) \bowtie \text{BEFIZ} \end{aligned}$$

## Példák relációs algebra alkalmazására

Hány darabot adtak el 2004. jan. 15-én az A123 kódú áruból, mi a neve és az ára?



## Példák relációs algebra alkalmazására

Hány darabot adtak el 2004. jan. 15-én az A123 kódú áruból, mi a neve és az ára?

$$\pi_{\text{DB, ÁRUNÉV, EGYSÉGÁR}} \left( \sigma_{\text{ÁRUKÓD}='A123' \wedge \text{DÁTUM}='2004-01-15'} \left( \text{MENNYISÉG} \bowtie \text{ÁRU} \right) \right)$$

$$\pi_{\text{DB, ÁRUNÉV, EGYSÉGÁR}} \left( \sigma_{\text{ÁRUKÓD}='A123' \wedge \text{DÁTUM}='2004-01-15'} \left( \text{MENNYISÉG} \right) \bowtie \text{ÁRU} \right)$$

*Mely nevű áruk azok, amelyekkel van azonos egységárú másik áru?*

*Mely nevű áruk azok, amelyekkel van azonos egységárú másik áru?*  
Az ÁRU reláció két sorát kell összevetni.

*Mely nevű áruk azok, amelyekkel van azonos egységárú másik áru?*

Az ÁRU reláció két sorát kell összevetni.

## Átnevezés

- Technikai segítség, ha pl. két relációban ugyanolyan attribútum név van, és direkt szorzatot akarunk. Nem változtatja meg a reláció sorait, csak az attribútumok és a reláció nevét, ezért nem igazi művelet.
- $R(A_1, \dots, A_n)$  egy reláció  
 $\implies \rho_{S(B_1, \dots, B_n)}(R)$  = sorai megegyeznek  $R$  soraival, a reláció neve  $S$ , attribútumai rendre  $B_1, \dots, B_n$ .
- Ha csak a relációt akarjuk átnevezni:  $\rho_S(R)$

## Megoldás:

$$\text{ÁRU1} = \rho_{\text{ÁRU1}}(\text{ÁRUKÓD1}, \text{ÁRUNÉV1}, \text{EGYSÉGÁR1})(\text{ÁRU})$$

$$\text{ÁRU2} = \rho_{\text{ÁRU2}}(\text{ÁRUKÓD2}, \text{ÁRUNÉV2}, \text{EGYSÉGÁR2})(\text{ÁRU})$$

$$\text{ÁRU3} = \text{ÁRU1} \bowtie \text{ÁRU2}$$

$\text{EGYSÉGÁR1} = \text{EGYSÉGÁR2} \wedge \text{ÁRUKÓD1} \neq \text{ÁRUKÓD2}$

$$\text{ÁRU4} = \pi_{\text{ÁRUNÉV1}}(\text{ÁRU3})$$

## További példák

TERMÉK(GYÁRTÓ, MODELL, TÍPUS)

PC(MODELL, SEBESSÉG, MEMÓRIA, MEREVLEMEZ, CD, ÁR)

LAPTOP(MODELL, SEBESSÉG, MEMÓRIA, MEREVLEMEZ, KÉPERNYŐ, ÁR)

NYOMTATÓ(MODELL, SZÍNES, TÍPUS, ÁR)

## További példák

TERMÉK(GYÁRTÓ, MODELL, TÍPUS)

PC(MODELL, SEBESSÉG, MEMÓRIA, MEREVLEMEZ, CD, ÁR)

LAPTOP(MODELL, SEBESSÉG, MEMÓRIA, MEREVLEMEZ, KÉPERNYŐ, ÁR)

NYOMTATÓ(MODELL, SZÍNES, TÍPUS, ÁR)

A relációk jelentése:

**TERMÉK:** az adott nevű gyártó gyártja az adott modellszámú és adott típusú (PC, Laptop vagy nyomtató) terméket

**PC:** modellszám, sebesség megaHz-ben, memória megabájtban, merevlemez gigabájtban, a CD sebessége (pl. 4x), az ár

**Laptop:** mint PC-nél, plusz a képernyő mérete hüvelykben

**Nyomtató:** modellszám, színes-e (i/n), típusa (tintasugaras, lézer, mátrix), ára

A modellszámokról feltesszük, hogy egyediek.

## További példák

- Melyek azok a PC modellek, amelynek sebessége legalább 150?



- Melyek azok a PC modellek, amelynek sebessége legalább 150?

$$\pi_{\text{MODELL}} (\sigma_{\text{SEBESSÉG}} \geq 150 (\text{PC}))$$

## További példák

- Melyek azok a PC modellek, amelynek sebessége legalább 150?

$$\pi_{\text{MODELL}} (\sigma_{\text{SEBESSÉG}} \geq 150 (\text{PC}))$$

- Mely gyártók készítenek legalább egy gigás merevlemezű laptopot?

## További példák

- Melyek azok a PC modellek, amelynek sebessége legalább 150?

$$\pi_{\text{MODELL}} (\sigma_{\text{SEBESSÉG}} \geq 150 (\text{PC}))$$

- Mely gyártók készítenek legalább egy gigás merevlemezű laptopot?

$$\pi_{\text{GYÁRTÓ}} (\text{TERMÉK} \bowtie \sigma_{\text{MEREVLEMEZ}} \geq 1 (\text{LAPTOP}))$$

## További példák

TERMÉK(GYÁRTÓ, MODELL, TÍPUS)

PC(MODELL, SEBESSÉG, MEMÓRIA, MEREVLEMEZ, CD, ÁR)

LAPTOP(MODELL, SEBESSÉG, MEMÓRIA, MEREVLEMEZ, KÉPERNYŐ, ÁR)

NYOMTATÓ(MODELL, SZÍNES, TÍPUS, ÁR)

- Adjuk meg a B gyártó által gyártott összes termék modellszámát és árát típustól függetlenül!

## További példák

TERMÉK(GYÁRTÓ, MODELL, TÍPUS)

PC(MODELL, SEBESSÉG, MEMÓRIA, MEREVLEMEZ, CD, ÁR)

LAPTOP(MODELL, SEBESSÉG, MEMÓRIA, MEREVLEMEZ, KÉPERNYŐ, ÁR)

NYOMTATÓ(MODELL, SZÍNES, TÍPUS, ÁR)

- Adjuk meg a B gyártó által gyártott összes termék modellszámát és árát típustól függetlenül!

$$\pi_{\text{MODELL, ÁR}} \left( \sigma_{\text{GYÁRTÓ}='B' \wedge \text{TÍPUS}='PC'} \left( \text{TERMÉK} \right) \bowtie \text{PC} \right) \cup$$

$$\pi_{\text{MODELL, ÁR}} \left( \sigma_{\text{GYÁRTÓ}='B' \wedge \text{TÍPUS}='LAPTOP'} \left( \text{TERMÉK} \right) \bowtie \text{LAPTOP} \right) \cup$$

$$\pi_{\text{MODELL, ÁR}} \left( \sigma_{\text{GYÁRTÓ}='B' \wedge \text{TÍPUS}='NYOMTATÓ'} \left( \text{TERM.} \right) \bowtie \text{NYOMT.} \right)$$

## További példák

TERMÉK(GYÁRTÓ, MODELL, TÍPUS)

PC(MODELL, SEBESSÉG, MEMÓRIA, MEREVLEMEZ, CD, ÁR)

LAPTOP(MODELL, SEBESSÉG, MEMÓRIA, MEREVLEMEZ, KÉPERNYŐ, ÁR)

NYOMTATÓ(MODELL, SZÍNES, TÍPUS, ÁR)

- Adjuk meg a B gyártó által gyártott összes termék modellszámát és árát típustól függetlenül!

$$\pi_{\text{MODELL, ÁR}} \left( \sigma_{\text{GYÁRTÓ}='B' \wedge \text{TÍPUS}='PC'} \left( \text{TERMÉK} \right) \bowtie \text{PC} \right) \cup$$

$$\pi_{\text{MODELL, ÁR}} \left( \sigma_{\text{GYÁRTÓ}='B' \wedge \text{TÍPUS}='LAPTOP'} \left( \text{TERMÉK} \right) \bowtie \text{LAPTOP} \right) \cup$$

$$\pi_{\text{MODELL, ÁR}} \left( \sigma_{\text{GYÁRTÓ}='B' \wedge \text{TÍPUS}='NYOMTATÓ'} \left( \text{TERM.} \right) \bowtie \text{NYOMT.} \right)$$

- Melyek azok a gyártók, akik laptopot gyártanak, de PC-t nem?

## További példák

TERMÉK(GYÁRTÓ, MODELL, TÍPUS)

PC(MODELL, SEBESSÉG, MEMÓRIA, MEREVLEMEZ, CD, ÁR)

LAPTOP(MODELL, SEBESSÉG, MEMÓRIA, MEREVLEMEZ, KÉPERNYŐ, ÁR)

NYOMTATÓ(MODELL, SZÍNES, TÍPUS, ÁR)

- Adjuk meg a B gyártó által gyártott összes termék modellszámát és árát típustól függetlenül!

$$\pi_{\text{MODELL, ÁR}} \left( \sigma_{\text{GYÁRTÓ}='B' \wedge \text{TÍPUS}='PC'} \left( \text{TERMÉK} \right) \bowtie \text{PC} \right) \cup$$

$$\pi_{\text{MODELL, ÁR}} \left( \sigma_{\text{GYÁRTÓ}='B' \wedge \text{TÍPUS}='LAPTOP'} \left( \text{TERMÉK} \right) \bowtie \text{LAPTOP} \right) \cup$$

$$\pi_{\text{MODELL, ÁR}} \left( \sigma_{\text{GYÁRTÓ}='B' \wedge \text{TÍPUS}='NYOMTATÓ'} \left( \text{TERM.} \right) \bowtie \text{NYOMT.} \right)$$

- Melyek azok a gyártók, akik laptopot gyártanak, de PC-t nem?

$$\text{TERMÉK1} = \rho_{\text{TERMÉK1}} \left( \pi_{\text{GYÁRTÓ, TÍPUS}} \left( \text{TERMÉK} \right) \right)$$

$$\pi_{\text{GYÁRTÓ}} \left( \sigma_{\text{TÍPUS}='LAPTOP'} \left( \text{TERMÉK1} \right) \right) \setminus \pi_{\text{GYÁRTÓ}} \left( \sigma_{\text{TÍPUS}='PC'} \left( \text{TERMÉK1} \right) \right)$$

## További példák

TERMÉK(GYÁRTÓ, MODELL, TÍPUS)

PC(MODELL, SEBESSÉG, MEMÓRIA, MEREVLEMEZ, CD, ÁR)

LAPTOP(MODELL, SEBESSÉG, MEMÓRIA, MEREVLEMEZ, KÉPERNYŐ, ÁR)

NYOMTATÓ(MODELL, SZÍNES, TÍPUS, ÁR)



## További példák

TERMÉK(GYÁRTÓ, MODELL, TÍPUS)

PC(MODELL, SEBESSÉG, MEMÓRIA, MEREVLEMEZ, CD, ÁR)

LAPTOP(MODELL, SEBESSÉG, MEMÓRIA, MEREVLEMEZ, KÉPERNYŐ, ÁR)

NYOMTATÓ(MODELL, SZÍNES, TÍPUS, ÁR)

- Melyek azok a gyártók, amelyek gyártanak legalább két, egymástól különböző, legalább 133 Mhz-en működő PC-t vagy Laptopot? (Nincs két azonos modellszám!)

$$R1 = \pi_{\text{MODELL, SEBESSÉG}}(\text{PC}) \cup \pi_{\text{MODELL, SEBESSÉG}}(\text{LAPTOP})$$

$$R2 = \pi_{\text{GYÁRTÓ, MODELL}} \left( \sigma_{\text{SEBESSÉG} \geq 133} (R1) \bowtie \text{TERMÉK} \right)$$

$$R3 = \rho_{R3(\text{GYÁRTÓ2, MODELL2})} (R2)$$

$$R4 = R2 \bowtie R3$$

$$\text{GYÁRTÓ} = \text{GYÁRTÓ2} \wedge \text{MODELL} \leftrightarrow \text{MODELL2}$$

$$R5 = \pi_{\text{GYÁRTÓ}} (R4)$$

## További példák

**Megjegyzés:** kifejezésfával is meg lehet adni a relációs algebrai kifejezéseket:

PC

## További példák

Megjegyzés: kifejezésekkel is meg lehet adni a relációs algebrai kifejezéseket:

$\pi_{\text{MODELL, SEBESSÉG}}$   
|  
PC

## További példák

Megjegyzés: kifejezésfával is meg lehet adni a relációs algebrai kifejezéseket:

$\pi_{\text{MODELL, SEBESSÉG}}$   
|  
PC

LAPTOP

## További példák

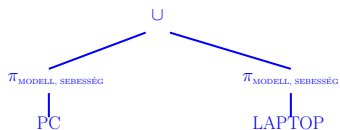
Megjegyzés: kifejezésfával is meg lehet adni a relációs algebrai kifejezéseket:

$\pi_{\text{MODELL, SEBESSÉG}}$   
|  
PC

$\pi_{\text{MODELL, SEBESSÉG}}$   
|  
LAPTOP

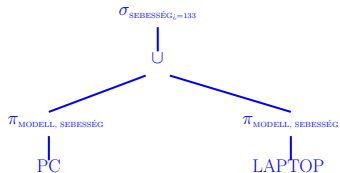
## További példák

Megjegyzés: kifejezésfával is meg lehet adni a relációs algebrai kifejezéseket:



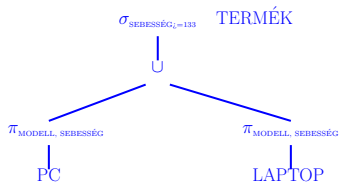
## További példák

Megjegyzés: kifejezsfával is meg lehet adni a relációs algebrai kifejezéseket:



## További példák

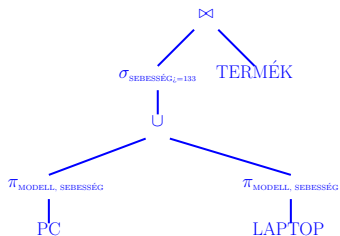
Megjegyzés: kifejezésekkel is meg lehet adni a relációs algebrai kifejezéseket:





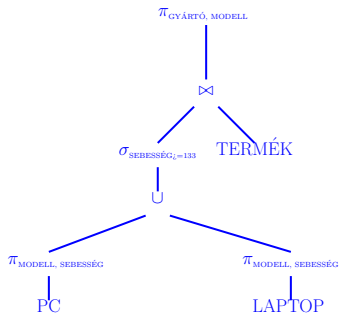
## További példák

Megjegyzés: kifejezésfával is meg lehet adni a relációs algebrai kifejezéseket:



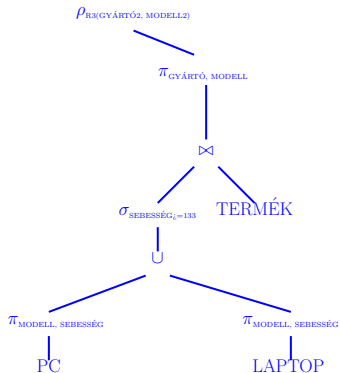
## További példák

Megjegyzés: kifejezsfával is meg lehet adni a relációs algebrai kifejezéseket:



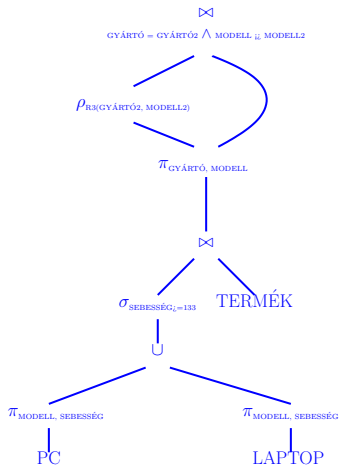
## További példák

Megjegyzés: kifejezsfával is meg lehet adni a relációs algebrai kifejezéseket:



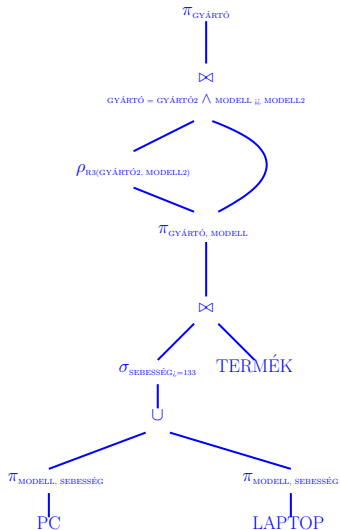
## További példák

Megjegyzés: kifejezésfával is meg lehet adni a relációs algebrai kifejezéseket:



## További példák

Megjegyzés: kifejezésfával is meg lehet adni a relációs algebrai kifejezéseket:



## További műveletek

Ezek nincsenek benne a relációs algebrában, de fontosak, nem túl műveletigényesek.

**aggregátumok:** MIN, MAX, AVG, SUM, CNT (szám)

Pl. leggyorsabb gép, átlagár, hányféle printer  
eredmény mindig egy szám

## További műveletek

Ezek nincsenek benne a relációs algebrában, de fontosak, nem túl műveletigényesek.

**aggregátumok:** MIN, MAX, AVG, SUM, CNT (szám)

Pl. leggyorsabb gép, átlagár, hányféle printer  
eredmény mindig egy szám

**aggregátum csoportosítva:** Bizonyos feltételek szerinti partíciókban aggregátumok.

Pl. átlagos ár tintasugaras nyomtatók között, egy gyártónak hány terméke van

⇒ eredmény egy reláció pl. (gyártó, szám) párokból.

**rekurzív lezárás:** (hagyományos adatkezelésben ritka, intelligensebb rendszerekben inkább)

PI. reláció: ki főnöke kinek  $\implies$  lezárás: ki felettese kinek

reláció: melyik városból melyikbe van repülő járat  $\implies$  lezárás: átszállással el lehet-e jutni

Ezt a relációs algebra nem tudja, csak fix mélységre: pl. max 4 átszállás,

(SQL nem igazán támogatja, de azért kicsit igen: SQL3, majd lesz)



## A NULL érték

Lehet, hogy vannak kitöltetlen mezők, ezt meg akarjuk engedni. PI. ha csak a termelő anyjának neve hiányzik, attól még a termék ára kell.

## A NULL érték

Lehet, hogy vannak kitöltetlen mezők, ezt meg akarjuk engedni. Pl. ha csak a termelő  
anyjának neve hiányzik, attól még a termék ára kell.  $\implies$  **NULL érték**

# A NULL érték

Lehet, hogy vannak kitöltetlen mezők, ezt meg akarjuk engedni. Pl. ha csak a termelő  
anyjának neve hiányzik, attól még a termék ára kell.  $\implies$  **NULL érték**

**2 alapvető értelmezés** (majd SQL-nél lesz, hogy hogyan kell megmondani, hogy melyik  
van éppen, illetve, hogy lehet-e egyáltalán NULL valahol):

- $\neq$

# A NULL érték

Lehet, hogy vannak kitöltetlen mezők, ezt meg akarjuk engedni. Pl. ha csak a termelő anyjának neve hiányzik, attól még a termék ára kell.  $\implies$  **NULL érték**

**2 alapvető értelmezés** (majd SQL-nél lesz, hogy hogyan kell megmondani, hogy melyik van éppen, illetve, hogy lehet-e egyáltalán NULL valahol):

- $\nexists$
- $\exists$ , de nem ismerjük.

# A NULL érték

Lehet, hogy vannak kitöltetlen mezők, ezt meg akarjuk engedni. Pl. ha csak a termelő  
anyjának neve hiányzik, attól még a termék ára kell.  $\implies$  **NULL érték**

**2 alapvető értelmezés** (majd SQL-nél lesz, hogy hogyan kell megmondani, hogy melyik  
van éppen, illetve, hogy lehet-e egyáltalán NULL valahol):

- $\nexists$
- $\exists$ , de nem ismerjük.

Attól függően, hogy hogyan értelmezzük a NULL-t:

Mi legyen egy ilyen kérdéssel?:

Pl.  $\sigma_{Cím='BP'}(\text{TERMELŐ})$

# A NULL érték

Lehet, hogy vannak kitöltetlen mezők, ezt meg akarjuk engedni. Pl. ha csak a termelő anyjának neve hiányzik, attól még a termék ára kell.  $\implies$  **NULL érték**

**2 alapvető értelmezés** (majd SQL-nél lesz, hogy hogyan kell megmondani, hogy melyik van éppen, illetve, hogy lehet-e egyáltalán NULL valahol):

- $\neq$
- $\exists$ , de nem ismerjük.

Attól függően, hogy hogyan értelmezzük a NULL-t:

Mi legyen egy ilyen kérdéssel?:

Pl.  $\sigma_{\text{Cím}='BP'}(\text{TERMELŐ})$

Ilyenkor belevegyük-e ha a cím NULL?

## Külső illesztés (outer join)

### Definíció

$R, S$  relációk  $\implies R \bowtie S$  **bal külső illesztés**:  $R \bowtie S$ -hez azokat az  $R$ -beli sorokat is hozzáveszük, amihez nem illeszkedik  $S$ -beli. Hiányzó helyekre NULL kerül.

## Külső illesztés (outer join)

### Definíció

$R, S$  relációk  $\implies R \bowtie S$  **bal külső illesztés**:  $R \bowtie S$ -hez azokat az  $R$ -beli sorokat is hozzáveszük, amihez nem illeszkedik  $S$ -beli. Hiányzó helyekre NULL kerül.

PI. SZEMÉLY(NÉV, KÓD), CÍM(KÓD, CÍM)

SZEMÉLY  $\bowtie$  CÍM  $\implies$  akinek nincs címe nem lesz rajta

SZEMÉLY  $\bowtie$  CÍM  $\implies$  kiderül, kinek nincs meg a címe



## Külső illesztés (outer join)

### Definíció

$R, S$  relációk  $\implies R \bowtie S$  **bal külső illesztés**:  $R \bowtie S$ -hez azokat az  $R$ -beli sorokat is hozzáveszük, amihez nem illeszkedik  $S$ -beli. Hiányzó helyekre NULL kerül.

PI. SZEMÉLY(NÉV, KÓD), CÍM(KÓD, CÍM)

$SZEMÉLY \bowtie CÍM \implies$  akinek nincs címe nem lesz rajta

$SZEMÉLY \bowtie CÍM \implies$  kiderül, kinek nincs meg a címe

SQL-ben van, relációs algebrával elvileg nem fejezhető ki (NULL miatt), de elkerülhető.

## Külső illesztés (outer join)

### Definíció

$R, S$  relációk  $\implies R \bowtie S$  **bal külső illesztés**:  $R \bowtie S$ -hez azokat az  $R$ -beli sorokat is hozzáveszük, amihez nem illeszkedik  $S$ -beli. Hiányzó helyekre NULL kerül.

PI. SZEMÉLY(NÉV, KÓD), CÍM(KÓD, CÍM)

$SZEMÉLY \bowtie CÍM \implies$  akinek nincs címe nem lesz rajta

$SZEMÉLY \bowtie CÍM \implies$  kiderül, kinek nincs meg a címe

SQL-ben van, relációs algebrával elvileg nem fejezhető ki (NULL miatt), de elkerülhető.

Ha a relációs algebrát úgy definiáljuk, hogy kiindulhatunk konstans relációból is, akkor:

$(R \bowtie S) \cup (R \setminus (R \bowtie S)) \times \{(NULL, \dots, NULL)\}$

## Külső illesztés (outer join)

### Definíció

$R, S$  relációk  $\implies R \bowtie S$  **bal külső illesztés**:  $R \bowtie S$ -hez azokat az  $R$ -beli sorokat is hozzáveszük, amihez nem illeszkedik  $S$ -beli. Hiányzó helyekre NULL kerül.

PI. SZEMÉLY(NÉV, KÓD), CÍM(KÓD, CÍM)

$SZEMÉLY \bowtie CÍM \implies$  akinek nincs címe nem lesz rajta

$SZEMÉLY \bowtie CÍM \implies$  kiderül, kinek nincs meg a címe

SQL-ben van, relációs algebrával elvileg nem fejezhető ki (NULL miatt), de elkerülhető.

Ha a relációs algebrát úgy definiáljuk, hogy kiindulhatunk konstans relációból is, akkor:

$(R \bowtie S) \cup (R \setminus (R \bowtie S)) \times \{(NULL, \dots, NULL)\}$

Van **jobb külső illesztés** is:  $R \bowtie\!\!\!\!\!\lrcorner S$

**Teljes külső illesztés**:  $R \bowtie\!\!\!\!\!\lrcorner S := (R \bowtie S) \cup (R \bowtie\!\!\!\!\!\lrcorner S)$

## Külső illesztés (outer join)

Példa:

<i>R</i>	<i>A</i>	<i>B</i>	<i>C</i>
	<i>a</i>	<i>b</i>	2
	<i>a</i>	<i>c</i>	3
	<i>b</i>	<i>a</i>	4

<i>S</i>	<i>D</i>	<i>C</i>
	<i>a</i>	2
	<i>b</i>	3
	<i>x</i>	2
	<i>y</i>	1

## Külső illesztés (outer join)

Példa:

<i>R</i>	<i>A</i>	<i>B</i>	<i>C</i>
	<i>a</i>	<i>b</i>	2
	<i>a</i>	<i>c</i>	3
	<i>b</i>	<i>a</i>	4

<i>S</i>	<i>D</i>	<i>C</i>
	<i>a</i>	2
	<i>b</i>	3
	<i>x</i>	2
	<i>y</i>	1

$R \bowtie S$	<i>A</i>	<i>B</i>	<i>C</i>	<i>D</i>
	<i>a</i>	<i>b</i>	2	<i>a</i>
	<i>a</i>	<i>b</i>	2	<i>x</i>
	<i>a</i>	<i>c</i>	3	<i>b</i>
	<b><i>b</i></b>	<b><i>a</i></b>	4	NULL

## Külső illesztés (outer join)

Példa:

<i>R</i>	<i>A</i>	<i>B</i>	<i>C</i>
	<i>a</i>	<i>b</i>	2
	<i>a</i>	<i>c</i>	3
	<i>b</i>	<i>a</i>	4

<i>S</i>	<i>D</i>	<i>C</i>
	<i>a</i>	2
	<i>b</i>	3
	<i>x</i>	2
	<i>y</i>	1

## Külső illesztés (outer join)

Példa:

<i>R</i>	<i>A</i>	<i>B</i>	<i>C</i>
	<i>a</i>	<i>b</i>	2
	<i>a</i>	<i>c</i>	3
	<i>b</i>	<i>a</i>	4

<i>S</i>	<i>D</i>	<i>C</i>
	<i>a</i>	2
	<i>b</i>	3
	<i>x</i>	2
	<i>y</i>	1

$R \bowtie S$	<i>A</i>	<i>B</i>	<i>C</i>	<i>D</i>
	<i>a</i>	<i>b</i>	2	<i>a</i>
	<i>a</i>	<i>b</i>	2	<i>x</i>
	<i>a</i>	<i>c</i>	3	<i>b</i>
	NULL	NULL	1	<i>y</i>

# Külső illesztés (outer join)

Példa:

R	A	B	C
	a	b	2
	a	c	3
	b	a	4

S	D	C
	a	2
	b	3
	x	2
	y	1

$R \bowtie S$	A	B	C	D
	a	b	2	a
	a	b	2	x
	a	c	3	b
	NULL	NULL	1	y

$R \bowtie S$	A	B	C	D
	a	b	2	a
	a	b	2	x
	a	c	3	b
	b	a	4	NULL
	NULL	NULL	1	y



Részben kompatibilis relációk egyesítésére:

DIÁK(NÉV, TÉMAVEZ, TSZK)

TANÁR(NÉV, TSZK, BEOSZT)

DIÁK $\cup_k$ TANÁR				
	NÉV	TSZK	TÉMAVEZ	BEOSZT
diák				NULL
tanár			NULL	

# Multihalmazos szemantika

A relációs algebrában ugyan minden reláció halmaz, ezért nincsenek többszörös sorok, de pl. SQL-nél lesznek. A multihalmazokkal kicsit máshogy vannak a halmazműveletek:

# Multihalmazos szemantika

A relációs algebraiban ugyan minden reláció halmaz, ezért nincsenek többszörös sorok, de pl. SQL-nél lesznek. A multihalmazokkal kicsit máshogy vannak a halmazműveletek:

Ha a  $t$  sor  $m_R(t)$  példányban van meg  $R$ -ben és  $m_S(t)$  példányban van meg  $S$ -ben, akkor

- $m_{(R \cup S)}(t) := m_R(t) + m_S(t)$  példányban lesz meg  $R$  és  $S$  uniójában

# Multihalmazos szemantika

A relációs algebraiban ugyan minden reláció halmaz, ezért nincsenek többszörös sorok, de pl. SQL-nél lesznek. A multihalmazokkal kicsit máshogy vannak a halmazműveletek:

Ha a  $t$  sor  $m_R(t)$  példányban van meg  $R$ -ben és  $m_S(t)$  példányban van meg  $S$ -ben, akkor

- $m_{(R \cup S)}(t) := m_R(t) + m_S(t)$  példányban lesz meg  $R$  és  $S$  uniójában
- $m_{(R \cap S)}(t) := \min\{m_R(t), m_S(t)\}$  példányban lesz meg  $R$  és  $S$  metszetében

# Multihalmazos szemantika

A relációs algebraiban ugyan minden reláció halmaz, ezért nincsenek többszörös sorok, de pl. SQL-nél lesznek. A multihalmazokkal kicsit máshogy vannak a halmazműveletek:

Ha a  $t$  sor  $m_R(t)$  példányban van meg  $R$ -ben és  $m_S(t)$  példányban van meg  $S$ -ben, akkor

- $m_{(R \cup S)}(t) := m_R(t) + m_S(t)$  példányban lesz meg  $R$  és  $S$  uniójában
- $m_{(R \cap S)}(t) := \min\{m_R(t), m_S(t)\}$  példányban lesz meg  $R$  és  $S$  metszetében
- $m_{(R \setminus S)}(t) := \max\{m_R(t) - m_S(t), 0\}$  példányban lesz meg  $R \setminus S$ -ben

# Multihalmazos szemantika

A relációs algebraiban ugyan minden reláció halmaz, ezért nincsenek többszörös sorok, de pl. SQL-nél lesznek. A multihalmazokkal kicsit máshogy vannak a halmazműveletek:

Ha a  $t$  sor  $m_R(t)$  példányban van meg  $R$ -ben és  $m_S(t)$  példányban van meg  $S$ -ben, akkor

- $m_{(R \cup S)}(t) := m_R(t) + m_S(t)$  példányban lesz meg  $R$  és  $S$  uniójában
- $m_{(R \cap S)}(t) := \min\{m_R(t), m_S(t)\}$  példányban lesz meg  $R$  és  $S$  metszetében
- $m_{(R \setminus S)}(t) := \max\{m_R(t) - m_S(t), 0\}$  példányban lesz meg  $R \setminus S$ -ben
- Kiválasztásnál, vetítésnél nincs változás.

## ODL séma átírása relációsémává

Legegyszerűbb eset  $\implies$  az osztályoknak csak attribútumai vannak, amik atomi típusúak:

```
interface Film (keys (cím, év)){  
    attribute cím;  
    attribute év;  
    attribute hossz;  
    attribute szalagFajta;
```

## ODL séma átírása relációsémává

Legegyszerűbb eset  $\implies$  az osztályoknak csak attribútumai vannak, amik atomi típusúak:

```
interface Film (keys (cím, év)){  
    attribute cím;  
    attribute év;  
    attribute hossz;  
    attribute szalagFajta;  
};  
 $\implies$  Film(cím, év, hossz, szalagFajta)
```



## ODL séma átírása relációsémává

Legegyszerűbb eset  $\implies$  az osztályoknak csak attribútumai vannak, amik atomi típusúak:

```
interface Film (keys (cím, év)){  
    attribute cím;  
    attribute év;  
    attribute hossz;  
    attribute szalagFajta;  
};  
 $\implies$  Film(cím, év, hossz, szalagFajta)
```

A kulcs az ODL-es kulcs lesz, ha egy van csak belőle; ezt aláhúzással jelöljük. Ha több kulcs van: egyiket jelöljük, a többit írásban (de persze azok is kulcsok a relációsémában is).

## ODL séma átírása relációsémává

Legegyszerűbb eset  $\implies$  az osztályoknak csak attribútumai vannak, amik atomi típusúak:

```
interface Film (keys (cím, év)){
    attribute cím;
    attribute év;
    attribute hossz;
    attribute szalagFajta;
};
 $\implies$  Film(cím, év, hossz, szalagFajta)
```

A kulcs az ODL-es kulcs lesz, ha egy van csak belőle; ezt aláhúzással jelöljük. Ha több kulcs van: egyiket jelöljük, a többit írásban (de persze azok is kulcsok a relációsémában is).

## ODL séma átírása relációsémává

Összetett típusú attribútumok: pl. rekordszerkezet OK  $\implies$

```
interface Színész (key név){  
    attribute String név;  
    attribute Struct Cím  
        { string város, string utca } lakcím;
```

## ODL séma átírása relációsémává

Összetett típusú attribútumok: pl. rekordszerkezet OK  $\implies$

```
interface Színész (key név){  
    attribute String név;  
    attribute Struct Cím  
        { string város, string utca } lakcím;  
};  
 $\implies$  Színész(név, város, utca)
```

## ODL séma átírása relációsémává

Összetett típusú attribútumok: pl. rekordszerkezet OK  $\implies$

```
interface Színész (key név){  
    attribute String név;  
    attribute Struct Cím  
        { string város, string utca } lakcím;  
};
```

$\implies$  Színész(név, város, utca)

**Kulcs:** ugyanúgy, mint a nem összetett attribútumnál

De pl. halmaz csak rosszul oldható meg: halmaz minden eleméhez új sor.

```
interface Színész (key név) {  
    attribute String név;  
    attribute Set <  
        Struct Cím{ string város, string utca }  
        > lakcím;  
};
```

De pl. halmaz csak rosszul oldható meg: halmaz minden eleméhez új sor.

```
interface Színész (key név) {  
    attribute String név;  
    attribute Set <  
        Struct Cím{ string város, string utca }  
        > lakcím;  
};  
⇒ Színész(név, város, utca)
```

De pl. halmaz csak rosszul oldható meg: halmaz minden eleméhez új sor.

```
interface Színész (key név) {  
    attribute String név;  
    attribute Set <  
        Struct Cím{ string város, string utca }  
        > lakcím;  
};  
⇒ Színész(név, város, utca)
```

név	város	utca
Gálvölgyi J.	Budapest	Nyereg u. 2.
Gálvölgyi J.	Budapest	Kantár u. 3.
⋮		

Kulcs: elromlik az ODL-es kulcs, lehet, hogy ami ott kulcs volt, itt már nem lesz az  
⇒ baj



## Kapcsolatok átírása

*Ha valamelyik irányba egyértékű a kapcsolat:* ha a  $C$  és  $D$  közti kapcsolat  $D$  felé egyirányú, akkor a  $C$  osztály átírásakor bevesszük a  $D$  osztály kulcsát is (ha több van, akkor egyet)

# Kapcsolatok átírása

*Ha valamelyik irányba egyértékű a kapcsolat:* ha a  $C$  és  $D$  közti kapcsolat  $D$  felé egyirányú, akkor a  $C$  osztály átírásakor bevesszük a  $D$  osztály kulcsát is (ha több van, akkor egyet)

Csak egyik irányból csináljuk, akkor is, ha a másik irányba is „egy” a kapcsolat

## Kapcsolatok átírása

*Ha valamelyik irányba egyértékű a kapcsolat:* ha a  $C$  és  $D$  közti kapcsolat  $D$  felé egyirányú, akkor a  $C$  osztály átírásakor bevesszük a  $D$  osztály kulcsát is (ha több van, akkor egyet)

Csak egyik irányból csináljuk, akkor is, ha a másik irányba is „egy” a kapcsolat

```
interface Film (keys (cím, év)){
    attribute cím;
    attribute év;
    attribute hossz;
    attribute szalagFajta;
    relationship Stúdió gyártó
        inverse Stúdió::gyárt;
```

## Kapcsolatok átírása

*Ha valamelyik irányba egyértékű a kapcsolat:* ha a *C* és *D* közti kapcsolat *D* felé egyirányú, akkor a *C* osztály átírásakor bevesszük a *D* osztály kulcsát is (ha több van, akkor egyet)

Csak egyik irányból csináljuk, akkor is, ha a másik irányba is „egy” a kapcsolat

```
interface Film (keys (cím, év)){
    attribute cím;
    attribute év;
    attribute hossz;
    attribute szalagFajta;
    relationship Stúdió gyártó
        inverse Stúdió::gyárt;};
```

⇒ Film(cím, év, hossz, szalagFajta, **stúdióNév**)

Feltéve, hogy a stúdiónév kulcs a Stúdió osztályban

## Kapcsolatok átírása

*Ha valamelyik irányba egyértékű a kapcsolat:* ha a *C* és *D* közti kapcsolat *D* felé egyirányú, akkor a *C* osztály átírásakor bevesszük a *D* osztály kulcsát is (ha több van, akkor egyet)

Csak egyik irányból csináljuk, akkor is, ha a másik irányba is „egy” a kapcsolat

```
interface Film (keys (cím, év)){
    attribute cím;
    attribute év;
    attribute hossz;
    attribute szalagFajta;
    relationship Stúdió gyártó
        inverse Stúdió::gyárt;};
```

⇒ `Film(cím, év, hossz, szalagFajta, stúdióNév)`

Feltéve, hogy a stúdiónév kulcs a Stúdió osztályban

# Kapcsolatok átírása

**Kulcs:** mivel a kapcsolat „egy” jellegű volt, ezért az osztály kulcsa jó lesz kulcsnak a relációsémában is

# Kapcsolatok átírása

**Kulcs:** mivel a kapcsolat „egy” jellegű volt, ezért az osztály kulcsa jó lesz kulcsnak a relációsémában is

**Mindkét irányban többértékű kapcsolat:** Ugyanaz a probléma, mint a halmaz típusú attribútum.

# Kapcsolatok átírása

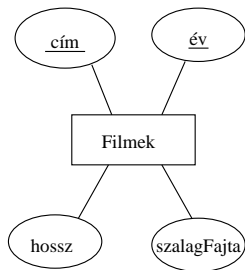
**Kulcs:** mivel a kapcsolat „egy” jellegű volt, ezért az osztály kulcsa jó lesz kulcsnak a relációsémában is

**Mindkét irányban többértékű kapcsolat:** Ugyanaz a probléma, mint a halmaz típusú attribútum. Nem lehet jól megoldani, sok sor lesz és a kulcs is elromlik. Ha több ilyen kapcsolat is van  $\implies$  katasztrófa



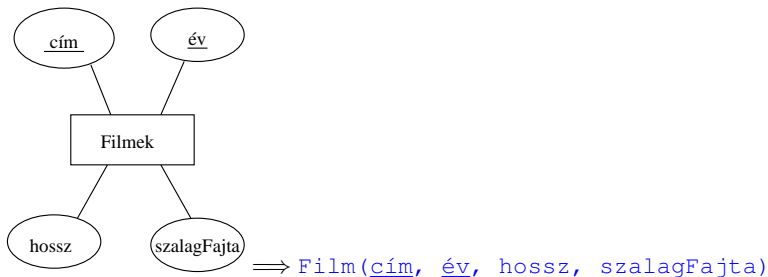
# E/K modell átírása

*Egyedhalmaz attribútumokkal:*



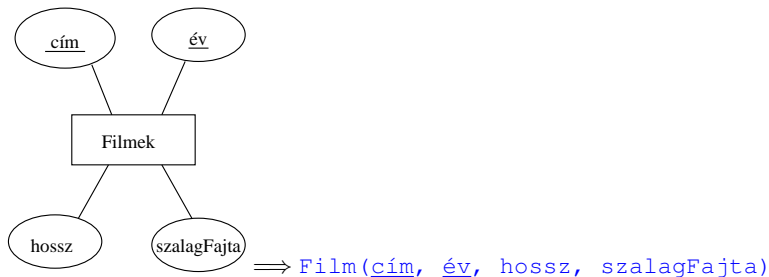
# E/K modell átírása

*Egyedhalmaz attribútumokkal:*



## E/K modell átírása

*Egyedhalmaz attribútumokkal:*



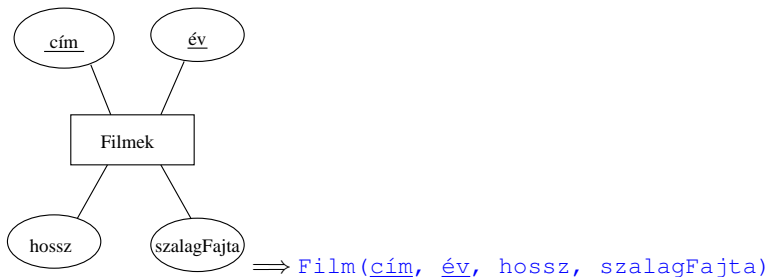
A reláció kulcsa = az egyedhalmaz kulcsa

*Egyértékű és többértékű kapcsolat:*

⇒ Külön reláció, attribútumai: a kapcsolatban résztvevő egyedhalmaz kulcsainak uniója + kapcsolat attribútumai (esetleg átnevezés)

## E/K modell átírása

*Egyedhalmaz attribútumokkal:*

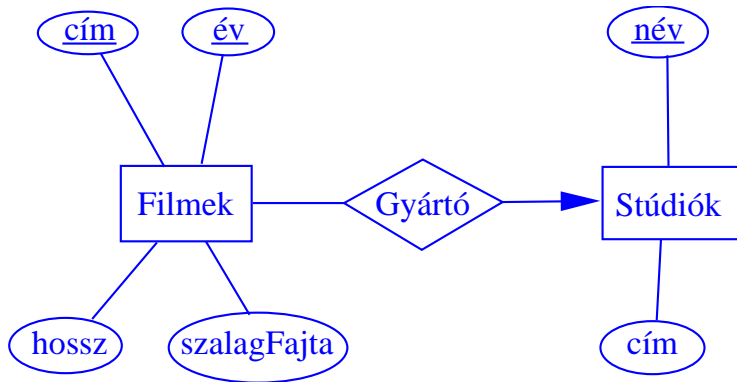


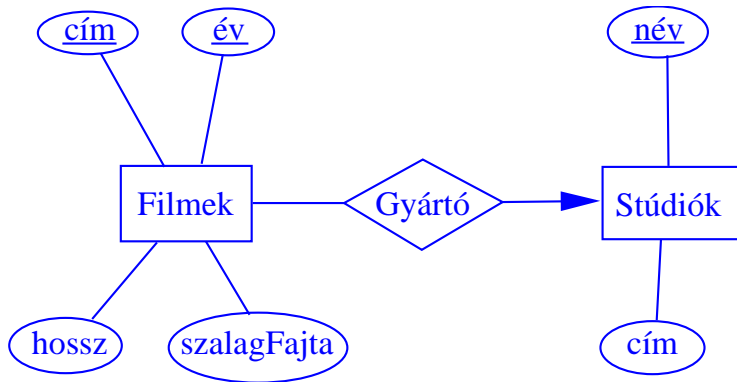
A reláció kulcsa = az egyedhalmaz kulcsa

*Egyértékű és többértékű kapcsolat:*

⇒ Külön reláció, attribútumai: a kapcsolatban résztvevő egyedhalmaz kulcsainak uniója + kapcsolat attribútumai (esetleg átnevezés)

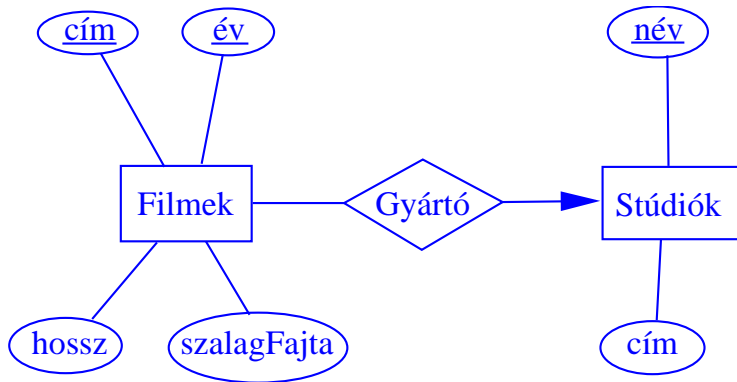
Az így kapott reláció kulcsa: a kapcsolatban résztvevő egyedhalmaz kulcsainak uniója





⇒

Gyártó(cím, év, stúdióNév)  
 Film(cím, év, hossz, szalagFajta)  
 Stúdiók(stúdióNév, cím)



⇒

Gyártó(cím, év, stúdióNév)  
 Film(cím, év, hossz, szalagFajta)  
 Stúdiók(stúdióNév, cím)  
*E/K-ból jobban lehet relációt csinálni.*

**Megjegyzés:** ha bináris több-egy kapcsolatról van szó, akkor van jobb megoldás is, az amit ODL-nél csináltunk:

ha az  $E$  és  $F$  közti kapcsolat  $F$  felé egyirányú, akkor az  $E$  egyedhalmaz átírásakor bevesszük az  $F$  osztály kulcsát is. Ez ugyanazért lesz jó, miért az ODL-es és így eggyel kevesebb tábla lesz.



**Megjegyzés:** ha bináris több-egy kapcsolatról van szó, akkor van jobb megoldás is, az amit ODL-nél csináltunk:

ha az  $E$  és  $F$  közti kapcsolat  $F$  felé egyirányú, akkor az  $E$  egyedhalmaz átírásakor bevesszük az  $F$  osztály kulcsát is. Ez ugyanazért lesz jó, miért az ODL-es és így egyvel kevesebb tábla lesz.

Így az előbbi E/K diagram esetén nem kell külön tábla a kapcsolatnak, hanem a

Film(cím, év, hossz, szalagFajta, **stúdióNév**)

lesz a Film tábla.

# Gyenge egyedhalmazok kezelése

Ha  $W$  gyenge egyedhalmaz:

- Nem csak  $W$  attribútumait kell tartalmaznia, hanem azokat is, amikből  $W$  kulcsa el?áll. (Dupla keretes kapcsolat.)

## Ha $W$ gyenge egyedhalmaz:

- Nem csak  $W$  attribútumait kell tartalmaznia, hanem azokat is, amikből  $W$  kulcsa áll. (Dupla keretes kapcsolat.)
- Ez minden olyan kapcsolatra is igaz, melyben  $W$  részt vesz és amelyben így szerepel  $W$  kulcsa.

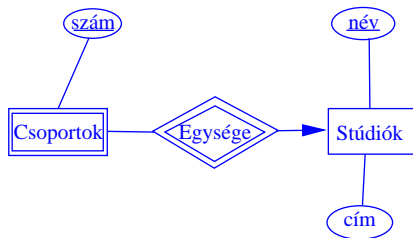
## Ha $W$ gyenge egyedhalmaz:

- Nem csak  $W$  attribútumait kell tartalmaznia, hanem azokat is, amikből  $W$  kulcsa áll. (Dupla keretes kapcsolat.)
- Ez minden olyan kapcsolatra is igaz, melyben  $W$  részt vesz és amelyben így szerepel  $W$  kulcsa.
- A dupla keretes kapcsolatokhoz nem kell külön reláció (mert az az infó már egyszer szerepel a gyenge egyedhalmaz megadásánál).

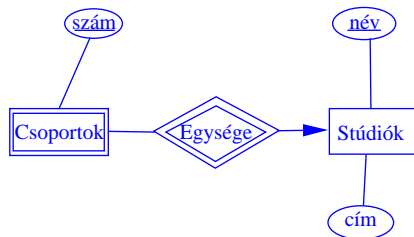
## Ha $W$ gyenge egyedhalmaz:

- Nem csak  $W$  attribútumait kell tartalmaznia, hanem azokat is, amikből  $W$  kulcsa áll. (Dupla keretes kapcsolat.)
- Ez minden olyan kapcsolatra is igaz, melyben  $W$  részt vesz és amelyben így szerepel  $W$  kulcsa.
- A dupla keretes kapcsolatokhoz nem kell külön reláció (mert az az infó már egyszer szerepel a gyenge egyedhalmaz megadásánál).

# Gyenge egyedhalmazok kezelése



## Gyenge egyedhalmazok kezelése

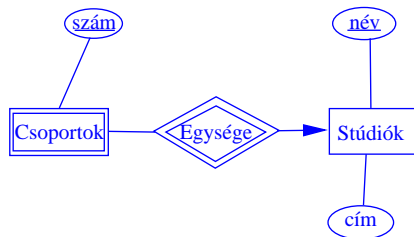


Stúdió(név, cím)

Csoportok(szám, stúdióNév)

Egység(szám, stúdióNév,  
név)

## Gyenge egyedhalmazok kezelése



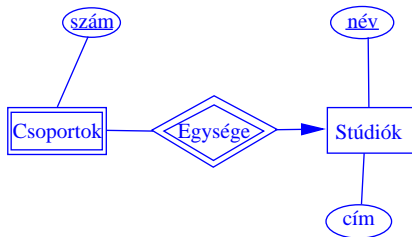
Stúdió(név, cím)  
Csoportok(szám, stúdióNév)  
Egység(szám, stúdióNév,  
név)

Egység(szám, stúdióNév, név)  $\implies$  Egység(szám, név) hiszen ugyanaz kétszer.

$\implies$  Egység el is hagyható, hiszen összes attribútuma szerepel a Csoport-ban is.



## Gyenge egyedhalmazok kezelése



Stúdió(név, cím)  
Csoportok(szám, stúdióNév)  
Egység(szám, stúdióNév,  
név)

Egység(szám, stúdióNév, név)  $\implies$  Egység(szám, név) hiszen ugyanaz kétszer.

$\implies$  Egység el is hagyható, hiszen összes attribútuma szerepel a Csoport-ban is.  
Ez általában is igaz, hiszen a gyenge egyedhalmaz attribútumai között ott lesz a dupla keretes rombusz minden attribútuma.

## Alosztályok kezelése ODL-ben

Film, Rajzfilm, Krimi, KrimiRajzfilm **esete**. *(Itt minden egyed pont egy osztályban lehet benne, ezért kellett KrimiRajzfilm osztályt is megadni, pl. a Macskafogó miatt.)*

## Alosztályok kezelése ODL-ben

Film, Rajzfilm, Krimi, KrimiRajzfilm **esete**. *(Itt minden egyed pont egy osztályban lehet benne, ezért kellett KrimiRajzfilm osztályt is megadni, pl. a Macskafogó miatt.)*

Minden alosztályhoz egy reláció, minden attribútumával és kapcsolatával (öröklöttekkel is).

## Alosztályok kezelése ODL-ben

Film, Rajzfilm, Krimi, KrimiRajzfilm **esete.** *(Itt minden egyed pont egy osztályban lehet benne, ezért kellett KrimiRajzfilm osztályt is megadni, pl. a Macskafogó miatt.)*

Minden alosztályhoz egy reláció, minden attribútumával és kapcsolatával (öröklöttekkel is).

Film(cím, év, hossz, szalagFajta, stúdióNév, színésznév)

Rajzfilm(cím, év, hossz, szalagFajta, stúdióNév, színésznév, hang)

BűnügyiFilm(cím, év, hossz, szalagFajta, stúdióNév, színésznév, fegyver)

BűnügyiRajzfilm(cím, év, hossz, szalagFajta, stúdióNév, színésznév, hang, fegyver)

## Alosztályok kezelése ODL-ben

Film, Rajzfilm, Krimi, KrimiRajzfilm **esete.** *(Itt minden egyed pont egy osztályban lehet benne, ezért kellett KrimiRajzfilm osztályt is megadni, pl. a Macskafogó miatt.)*

Minden alosztályhoz egy reláció, minden attribútumával és kapcsolatával (öröklöttekkel is).

Film(cím, év, hossz, szalagFajta, stúdióNév, színésznév)

Rajzfilm(cím, év, hossz, szalagFajta, stúdióNév, színésznév, hang)

BűnügyiFilm(cím, év, hossz, szalagFajta, stúdióNév, színésznév, fegyver)

BűnügyiRajzfilm(cím, év, hossz, szalagFajta, stúdióNév, színésznév, hang, fegyver)

# Alosztályok kezelése ODL-ben

**Kulcs:** a főosztálynál úgy, ahogy eddig volt, az alosztály meg öröklíti a kulcsot, ha tudja

# Alosztályok kezelése ODL-ben

**Kulcs:** a főosztálynál úgy, ahogy eddig volt, az alosztály meg öröklí a kulcsot, ha tudja  
**Hátrány:** egy film kereséséhez mind a négy relációt végig kell nézni, ha nem tudjuk, hogy hova tartozik a keresett film.

## Alosztályok kezelése ODL-ben

**Kulcs:** a főosztálynál úgy, ahogy eddig volt, az alosztály meg öröklí a kulcsot, ha tudja

**Hátrány:** egy film kereséséhez mind a négy relációt végig kell nézni, ha nem tudjuk, hogy hova tartozik a keresett film.

**Megjegyzés:** ebben a példában a kulcsok elromlanak a többes kapcsolatok miatt



## Alosztályok kezelése E/K modellben

E/K-ban nem kell egy egyednek egyetlen egyedhalmazban lennie (ezért nem lesz itt KrimiRajzfilm egyedhalmaz), előfordulhat, hogy egy filmre vonatkozó információk szét vannak szórva.

## Alosztályok kezelése E/K modellben

E/K-ban nem kell egy egyednek egyetlen egyedhalmazban lennie (ezért nem lesz itt KrimiRajzfilm egyedhalmaz), előfordulhat, hogy egy filmre vonatkozó információk szét vannak szórva.

A relációs sémára való átíráskor gondoskodunk róla, hogy a részinfókból vissza tudjuk állítani az egészet.

**Átírás:** Minden alosztályhoz csak a főosztály kulcsát és saját attribútumait rendeljük.

## Alosztályok kezelése E/K modellben

E/K-ban nem kell egy egyednek egyetlen egyedhalmazban lennie (ezért nem lesz itt KrimiRajzfilm egyedhalmaz), előfordulhat, hogy egy filmre vonatkozó információk szét vannak szórva.

A relációs sémára való átíráskor gondoskodunk róla, hogy a részinfókból vissza tudjuk állítani az egészet.

**Átírás:** Minden alosztályhoz csak a főosztály kulcsát és saját attribútumait rendeljük. Az alosztály kulcsa a főosztály kulcsa lesz, így a kapcsolatba is ezt viszi magával az alosztály.

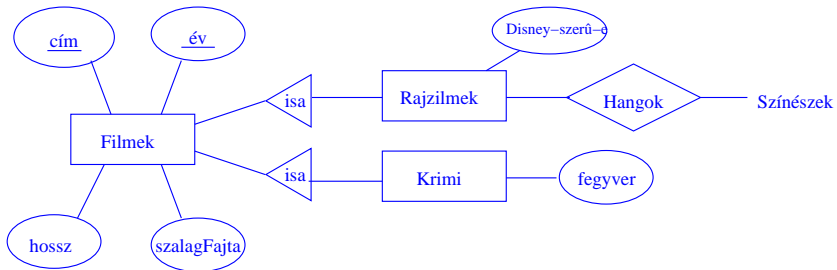
## Alosztályok kezelése E/K modellben

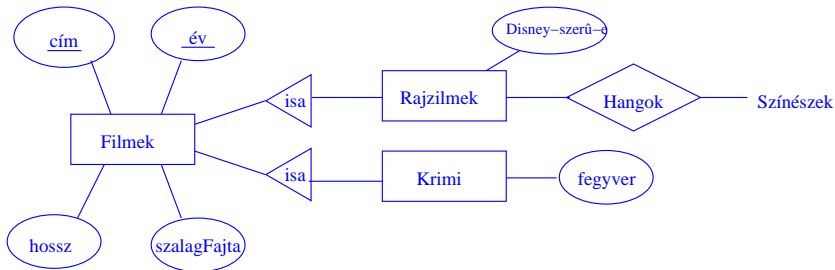
E/K-ban nem kell egy egyednek egyetlen egyedhalmazban lennie (ezért nem lesz itt KrimiRajzfilm egyedhalmaz), előfordulhat, hogy egy filmre vonatkozó információk szét vannak szórva.

A relációs sémára való átíráskor gondoskodunk róla, hogy a részinfókból vissza tudjuk állítani az egészet.

**Átírás:** Minden alosztályhoz csak a főosztály kulcsát és saját attribútumait rendeljük. Az alosztály kulcsa a főosztály kulcsa lesz, így a kapcsolatba is ezt viszi magával az alosztály.

Az „isa” kapcsolathoz nem rendelünk relációt.





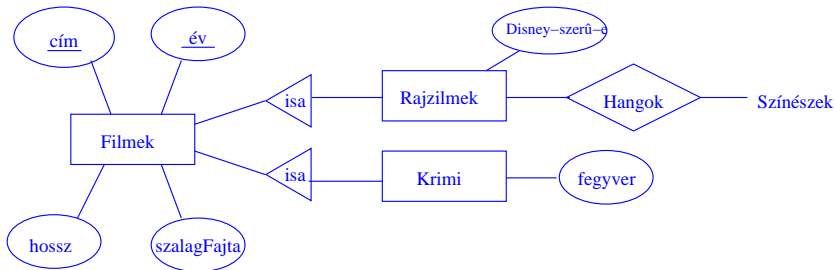
⇒

Film(cím, év, hossz, szalagFajta)

Rajzfilm(cím, év, Disney-szerű-e)

Krimi(cím, év, fegyver)

Hangok(cím, év, Színésznév)



⇒

Film(cím, év, hossz, szalagFajta)

Rajzfilm(cím, év, Disney-szerű-e)

Krimi(cím, év, fegyver)

Hangok(cím, év, Színésznév)

**Hátránya:** egy film információi több helyre vannak szórva (pl. Macskafogónál: a hossz és a szalagfajta a Film-ben, az, hogy nem Disney-is, az a Rajzfilmben, hangok a Hangokban. De ezeket az infókat össze lehet rakni, a (cím, év) kulcs menti természetes illesztéssel).

## Másik megoldás NULL értékkel

```
Film(cím, év, hossz, szalagFajta, Disney-szerű-e, színésznév,  
fegyver)
```



## Másik megoldás NULL értékkel

```
Film(cím, év, hossz, szalagFajta, Disney-szerű-e, színésznév,  
fegyver)
```

A hiányzó helyeket NULL-al töltjük ki.

## Másik megoldás NULL értékkel

Film(cím, év, hossz, szalagFajta, Disney-szerű-e, színésznév, fegyver)

A hiányzó helyeket NULL-al töltjük ki.

*Hátrány:*

- 1 elveszíthetünk információt. Pl. egy olyan krimiről, amiben nincs fegyver, nem tudjuk, hogy krimi

## Másik megoldás NULL értékkel

Film(cím, év, hossz, szalagFajta, Disney-szerű-e, színésznév, fegyver)

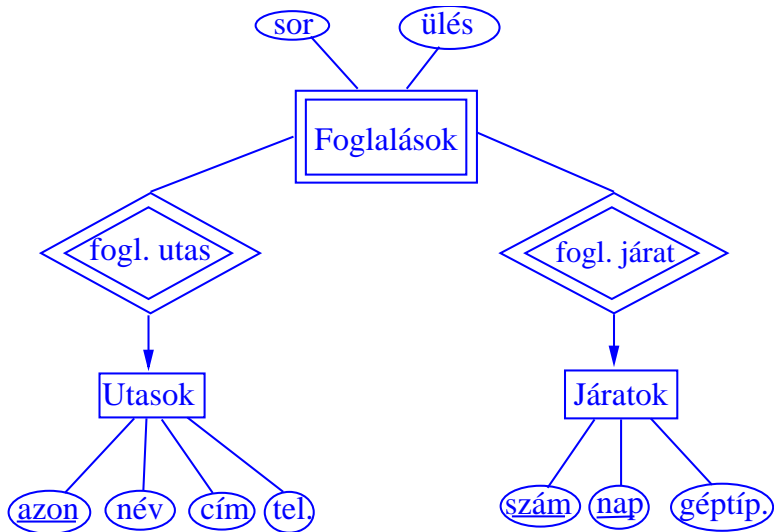
A hiányzó helyeket NULL-al töltjük ki.

*Hátrány:*

- 1 elveszíthetünk információt. Pl. egy olyan krimiről, amiben nincs fegyver, nem tudjuk, hogy krimi
- 2 a (cím, év) pár nem lesz kulcs, ugyanúgy, ahogy az ODL-es átírásnál sem lett

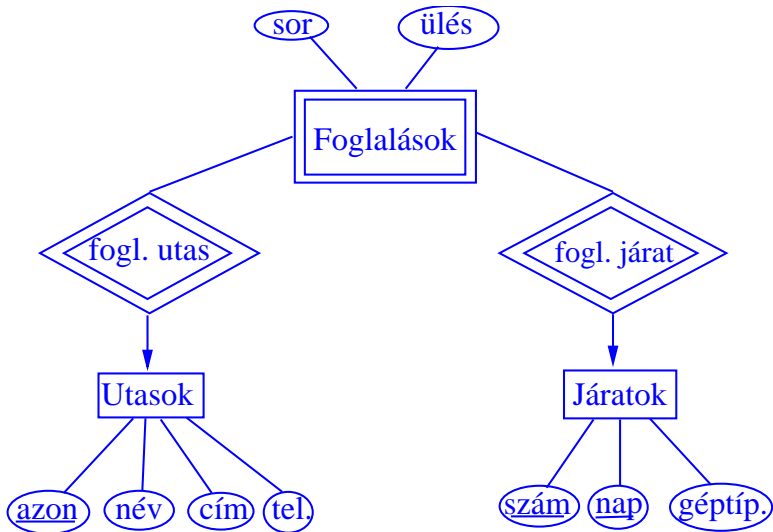
# Példák

Alakítsuk relációssá:



# Példák

Alakítsuk relációssá:



# Megoldás

Utas(azon, név, cím, tel.)

Járat(szám, nap, géptípus)

Foglalások(azon, szám, nap, sor, ülés)

# Megoldás

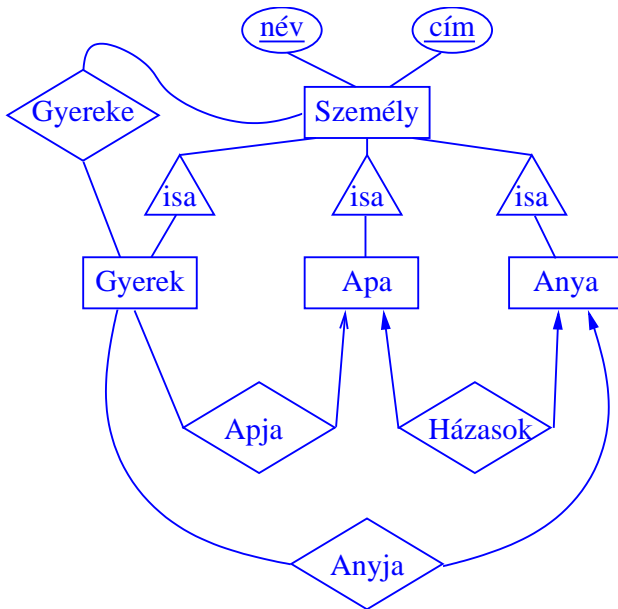
Utas(azon, név, cím, tel.)

Járat(szám, nap, géptípus)

Foglalások(azon, szám, nap, sor, ülés)

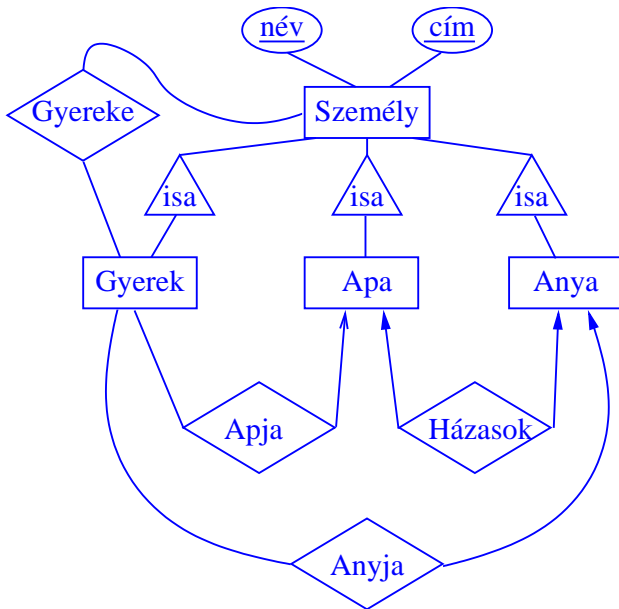
**Megjegyzés:** ha a Foglalások nem gyenge egyedhalmaz lett volna, hanem kapcsolat a két egyedhalmaz között, akkor is ugyanez a séma relációs jött volna ki.

# Példák





# Példák



# Megoldás

Személy(név, cím); Gyerek(név, cím); Apa(név, cím)

Anya(név, cím)

Apja(apanév, apacím, gyereknév, gyerekcím)

Anyja(anyanév, anyacím, gyereknév, gyerekcím)

Házast(fnév, fcím, nőnév, nőcím)

Gyereke(gyereknév, gyerekcím, szülőnév, szülőcím)

# Adatbázisok elmélete

## Sorkalkulus

Katona Gyula Y.

Számítástudományi és Információelméleti Tanszék  
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem

7. előadás

# Sorkalkulus (Tuple calculus)

## Lekérdezőnyelvek típusai:

- relációs algebra (**LEAP**, letölthető, SIGMOD-ról link), **ISBL**

## Lekérdezőnyelvek típusai:

- relációs algebra (**LEAP**, letölthető, SIGMOD-ról link), **ISBL** *nehezen emészthetőbb, algebrai alapú; ez volt: láttuk, hogy relációs algebrával jól meg lehet adni relációkat*

# Sorkalkulus (Tuple calculus)

## Lekérdezőnyelvek típusai:

- relációs algebra (**LEAP**, letölthető, SIGMOD-ról link), **ISBL** *nehezen emészthetőbb, algebrai alapú; ez volt: láttuk, hogy relációs algebraival jól meg lehet adni relációkat*
- sorkalkulus (**SQL egy kicsit, QUEL**, INGRES nyelve),

# Sorkalkulus (Tuple calculus)

## Lekérdezőnyelvek típusai:

- relációs algebra (**LEAP**, letölthető, SIGMOD-ról link), **ISBL** *nehezen emészthetőbb, algebrai alapú; ez volt: láttuk, hogy relációs algebrával jól meg lehet adni relációkat*
- sorkalkulus (**SQL egy kicsit, QUEL**, INGRES nyelve), *könnyebben emészthető, logikai alapú*

# Sorkalkulus (Tuple calculus)

## Lekérdezőnyelvek típusai:

- relációs algebra (**LEAP**, letölthető, SIGMOD-ról link), **ISBL** *nehezen emészthetőbb, algebrai alapú; ez volt: láttuk, hogy relációs algebraival jól meg lehet adni relációkat*
- sorkalkulus (**SQL egy kicsit, QUEL**, INGRES nyelve), *könnyebben emészthető, logikai alapú*
- oszlopkalkulus (**QBE, SQL**) nagyon hasonló



# Sorkalkulus (Tuple calculus)

## Lekérdezőnyelvek típusai:

- relációs algebra (**LEAP**, letölthető, SIGMOD-ról link), **ISBL** *nehezen emészthetőbb, algebrai alapú; ez volt: láttuk, hogy relációs algebraival jól meg lehet adni relációkat*
- sorkalkulus (**SQL egy kicsit, QUEL**, INGRES nyelve), *könnyebben emészthető, logikai alapú*
- oszlopkalkulus (**QBE, SQL**) nagyon hasonló

Formális modell, de már hasonlít az igazihoz.

## Elsőrendű nyelv relációk kifejezésére.

**Változók:**  $t, r, s$  sorváltozók, a reláció sorainak felel meg

$t^{(k)}$ :  $k$  oszlopos reláció sorainak felel meg

$t^{(k)}[i]$ : A  $t$  sorváltozó  $i$ -edik komponense.

Pl. egy sor  $\implies$  (R. M., Budapest, hamburger, 180), akkor  
 $t^{(4)}[3] = \text{'hamburger'}$  és  $t^{(4)}[\text{ÁR}] = 180$

**Cél: sorkalkulussal relációkat megadni, úgy, mint relációs algebrával**

**Cél: sorkalkulussal relációkat megadni, úgy, mint relációs algebrával**  
**A sorkalkulus által kifejezett reláció:**

$$\{t^{(k)} \mid \phi(t)\}$$

$\implies$  a kifejezett reláció azon  $t$ -kből áll, amikre  $\phi(t)$  igaz, ahol  $\phi$  egy megengedett formula + valami még.

**Cél: sorkalkulussal relációkat megadni, úgy, mint relációs algebraival**  
**A sorkalkulus által kifejezett reláció:**

$$\{t^{(k)} \mid \phi(t)\}$$

$\implies$  a kifejezett reláció azon  $t$ -kből áll, amikre  $\phi(t)$  igaz, ahol  $\phi$  egy megengedett formula + valami még.

**Megengedett formulák** (amik a  $\phi(t)$  helyén állhatnak):

atomok:

- $R^{(k)}(t^{(k)})$ : (ahol  $R$  alapreláció), akkor igaz, ha  $t \in R$ , azaz a sor benne van a relációban.

**Cél: sorkalkulussal relációkat megadni, úgy, mint relációs algebrával**  
**A sorkalkulus által kifejezett reláció:**

$$\{t^{(k)} \mid \phi(t)\}$$

$\implies$  a kifejezett reláció azon  $t$ -kből áll, amikre  $\phi(t)$  igaz, ahol  $\phi$  egy megengedett formula + valami még.

**Megengedett formulák** (amik a  $\phi(t)$  helyén állhatnak):

atomok:

- $R^{(k)}(t^{(k)})$ : (ahol  $R$  alapreláció), akkor igaz, ha  $t \in R$ , azaz a sor benne van a relációban.
- $t^{(k)}[j] \theta s^{(l)}[j]$

**Cél: sorkalkulussal relációkat megadni, úgy, mint relációs algebrával**  
**A sorkalkulus által kifejezett reláció:**

$$\{t^{(k)} \mid \phi(t)\}$$

$\implies$  a kifejezett reláció azon  $t$ -kből áll, amikre  $\phi(t)$  igaz, ahol  $\phi$  egy megengedett formula + valami még.

**Megengedett formulák** (amik a  $\phi(t)$  helyén állhatnak):

atomok:

- $R^{(k)}(t^{(k)})$ : (ahol  $R$  alapreláció), akkor igaz, ha  $t \in R$ , azaz a sor benne van a relációban.
- - ▶  $t^{(k)}[j] \theta s^{(l)}[j]$
  - ▶  $t^{(k)}[j] \theta c$

**Cél: sorkalkulussal relációkat megadni, úgy, mint relációs algebraival**  
**A sorkalkulus által kifejezett reláció:**

$$\{t^{(k)} \mid \phi(t)\}$$

$\implies$  a kifejezett reláció azon  $t$ -kből áll, amikre  $\phi(t)$  igaz, ahol  $\phi$  egy megengedett formula + valami még.

**Megengedett formulák** (amik a  $\phi(t)$  helyén állhatnak):

atomok:

- $R^{(k)}(t^{(k)})$ : (ahol  $R$  alapreláció), akkor igaz, ha  $t \in R$ , azaz a sor benne van a relációban.
- - ▶  $t^{(k)}[i] \theta s^{(l)}[j]$
  - ▶  $t^{(k)}[i] \theta c$
  - ▶  $c \theta t^{(k)}[i]$



**Cél: sorkalkulussal relációkat megadni, úgy, mint relációs algebraival**  
**A sorkalkulus által kifejezett reláció:**

$$\{t^{(k)} \mid \phi(t)\}$$

$\implies$  a kifejezett reláció azon  $t$ -kből áll, amikre  $\phi(t)$  igaz, ahol  $\phi$  egy megengedett formula + valami még.

**Megengedett formulák** (amik a  $\phi(t)$  helyén állhatnak):

atomok:

- $R^{(k)}(t^{(k)})$ : (ahol  $R$  alapreláció), akkor igaz, ha  $t \in R$ , azaz a sor benne van a relációban.
- - ▶  $t^{(k)}[i] \theta s^{(l)}[j]$
  - ▶  $t^{(k)}[i] \theta c$
  - ▶  $c \theta t^{(k)}[i]$

ahol  $\theta \in \{<, >, =, \neq, \leq, \geq\}$ ,  $t, s$  sorváltozók,  $c$  konstans érték.  
Világos, mikor igaz.

építkezési szabályok:

- $\phi, \psi$  formulák, akkor  $\phi \vee \psi, \phi \wedge \psi, \neg\phi$  is formulák.  
*Világos, hogy mikor igaz.*

## építkezési szabályok:

- $\phi, \psi$  formulák, akkor  $\phi \vee \psi, \phi \wedge \psi, \neg\phi$  is formulák.  
*Világos, hogy mikor igaz.*
- $\phi$  formula,  $s$  sorváltozó, akkor  $\forall s\phi, \exists s\phi$  is formula.  
*Világos, hogy mikor igaz.*

## építkezési szabályok:

- $\phi, \psi$  formulák, akkor  $\phi \vee \psi, \phi \wedge \psi, \neg\phi$  is formulák.  
*Világos, hogy mikor igaz.*
- $\phi$  formula,  $s$  sorváltozó, akkor  $\forall s\phi, \exists s\phi$  is formula.  
*Világos, hogy mikor igaz.*

**Kötött változó:** ha vonatkozik rá kvantor,

## építkezési szabályok:

- $\phi, \psi$  formulák, akkor  $\phi \vee \psi, \phi \wedge \psi, \neg\phi$  is formulák.  
*Világos, hogy mikor igaz.*
- $\phi$  formula,  $s$  sorváltozó, akkor  $\forall s\phi, \exists s\phi$  is formula.  
*Világos, hogy mikor igaz.*

**Kötött változó:** ha vonatkozik rá kvantor,

**Szabad változó:** ha nem,

## építkezési szabályok:

- $\phi, \psi$  formulák, akkor  $\phi \vee \psi, \phi \wedge \psi, \neg\phi$  is formulák.  
*Világos, hogy mikor igaz.*
- $\phi$  formula,  $s$  sorváltozó, akkor  $\forall s\phi, \exists s\phi$  is formula.  
*Világos, hogy mikor igaz.*

**Kötött változó:** ha vonatkozik rá kvantor,

**Szabad változó:** ha nem,

## Sorkalkulus által kifejezett reláció (pontosan):

$$\{t^{(k)} \mid \phi(t)\}$$

$\implies$  a kifejezett reláció azon  $k$  hosszú  $t$  vektorokból áll, amikre  $\phi(t)$  igaz, ahol  $\phi$  egy megengedett formula és  $\phi$ -ben  $t$  *az egyetlen szabad* változó.

## Példák sorkalkulus alkalmazására

ÁRU(ÁRUKÓD, ÁRUNÉV, EGYSÉGÁR)

MENNYISÉG(DÁTUM, ÁRUKÓD, DB)

BEVÉTEL(DÁTUM, ÖSSZEG)

BEFIZ(ÖSSZEG, BEFIZ)       $BEFIZ=ÖSSZEG-4000$

## Példák sorkalkulus alkalmazására

ÁRU(ÁRUKÓD, ÁRUNÉV, EGYSÉGÁR)

MENNYISÉG(DÁTUM, ÁRUKÓD, DB)

BEVÉTEL(DÁTUM, ÖSSZEG)

BEFIZ(ÖSSZEG, BEFIZ)      BEFIZ=ÖSSZEG-4000

Az 2004. jan. 1. utáni napok bevételei a dátummal együtt:

$\sigma_{\text{DÁTUM} > '2004-01-01'} (\text{BEVÉTEL})$



## Példák sorkalkulus alkalmazására

ÁRU(ÁRUKÓD, ÁRUNÉV, EGYSÉGÁR)

MENNYISÉG(DÁTUM, ÁRUKÓD, DB)

BEVÉTEL(DÁTUM, ÖSSZEG)

BEFIZ(ÖSSZEG, BEFIZ)      BEFIZ=ÖSSZEG-4000

Az 2004. jan. 1. utáni napok bevételei a dátummal együtt:

$$\sigma_{\text{DÁTUM} > '2004-01-01'} (\text{BEVÉTEL})$$
$$\{ t^{(2)} \mid \text{BEVÉTEL}(t) \wedge t[1] \geq 2004-01-01 \}$$

## Példák sorkalkulus alkalmazására

ÁRU(ÁRUKÓD, ÁRUNÉV, EGYSÉGÁR)

MENNYISÉG(DÁTUM, ÁRUKÓD, DB)

BEVÉTEL(DÁTUM, ÖSSZEG)

BEFIZ(ÖSSZEG, BEFIZ)      BEFIZ=ÖSSZEG-4000

Az 2004. jan. 1. utáni napok bevételei a dátummal együtt:

$$\sigma_{\text{DÁTUM} > '2004-01-01'} (\text{BEVÉTEL})$$
$$\{ t^{(2)} \mid \text{BEVÉTEL}(t) \wedge t[1] \geq 2004-01-01 \}$$

Az 2004. jan. 15-i bevétel és a befizetett összeg:

$$\pi_{\text{ÖSSZEG, BEFIZ}} (\sigma_{\text{DÁTUM} = '2004-01-15'} (\text{BEVÉTEL}) \bowtie \text{BEFIZ})$$

## Példák sorkalkulus alkalmazására

ÁRU(ÁRUKÓD, ÁRUNÉV, EGYSÉGÁR)

MENNYISÉG(DÁTUM, ÁRUKÓD, DB)

BEVÉTEL(DÁTUM, ÖSSZEG)

BEFIZ(ÖSSZEG, BEFIZ)      BEFIZ=ÖSSZEG-4000

Az 2004. jan. 1. utáni napok bevételei a dátummal együtt:

$$\sigma_{\text{DÁTUM} > '2004-01-01'} (\text{BEVÉTEL}) \\ \{ t^{(2)} \mid \text{BEVÉTEL}(t) \wedge t[1] \geq 2004-01-01 \}$$

Az 2004. jan. 15-i bevétel és a befizetett összeg:

$$\pi_{\text{ÖSSZEG, BEFIZ}} \left( \sigma_{\text{DÁTUM} = '2004-01-15'} (\text{BEVÉTEL}) \bowtie \text{BEFIZ} \right) \\ \{ u^{(2)} \mid \text{BEFIZ}(u) \wedge \exists v (\text{BEVÉTEL}(v) \wedge v[1] = 2004-01-15 \wedge v[2] = u[1]) \}$$

## Példák sorkalkulus alkalmazására

ÁRU(ÁRUKÓD, ÁRUNÉV, EGYSÉGÁR)

MENNYISÉG(DÁTUM, ÁRUKÓD, DB)

BEVÉTEL(DÁTUM, ÖSSZEG)

BEFIZ(ÖSSZEG, BEFIZ)      BEFIZ=ÖSSZEG-4000

Az 2004. jan. 1. utáni napok bevételei a dátummal együtt:

$$\sigma_{\text{DÁTUM} > '2004-01-01'} (\text{BEVÉTEL}) \\ \{ t^{(2)} \mid \text{BEVÉTEL}(t) \wedge t[1] \geq 2004-01-01 \}$$

Az 2004. jan. 15-i bevétel és a befizetett összeg:

$$\pi_{\text{ÖSSZEG, BEFIZ}} (\sigma_{\text{DÁTUM} = '2004-01-15'} (\text{BEVÉTEL}) \bowtie \text{BEFIZ}) \\ \{ u^{(2)} \mid \text{BEFIZ}(u) \wedge \exists v (\text{BEVÉTEL}(v) \wedge v[1] = 2004-01-15 \wedge v[2] = u[1]) \}$$

## Példák sorkalkulus alkalmazására

Hány darabot adtak el 2004. jan. 15-én az A123 kódú áruból, mi a neve és az ára?

$\pi_{DB, \text{ÁRUNÉV}, \text{EGYSÉGÁR}} \left( \sigma_{\text{ÁRUKÓD}='A123' \wedge \text{DÁTUM}='2004-01-15'} \left( \text{MENNYISÉG} \bowtie \text{ÁRU} \right) \right)$

## Példák sorkalkulus alkalmazására

Hány darabot adtak el 2004. jan. 15-én az A123 kódú áruból, mi a neve és az ára?

$$\pi_{\text{DB, ÁRUNÉV, EGYSÉGÁR}} \left( \sigma_{\text{ÁRUKÓD}='A123' \wedge \text{DÁTUM}='2004-01-15'} \left( \text{MENNYISÉG} \bowtie \text{ÁRU} \right) \right)$$

$$\left\{ s^{(3)} \mid \exists u \exists v \left( \text{MENNYISÉG}(u) \wedge \text{ÁRU}(v) \wedge u[1] = 2004-01-15 \wedge u[2] = 'A123' \wedge \right. \right. \\ \left. \left. v[1] = 'A123' \wedge s[1] = u[3] \wedge s[2] = v[2] \wedge s[3] = v[3] \right) \right\}$$

## Példák sorkalkulus alkalmazására

ÁRU(ÁRUKÓD, ÁRUNÉV, EGYSÉGÁR)

MENNYISÉG(DÁTUM, ÁRUKÓD, DB)

BEVÉTEL(DÁTUM, ÖSSZEG)

BEFIZ(ÖSSZEG, BEFIZ)       $BEFIZ = ÖSSZEG - 4000$

Mely nevű áruk azok, amelyekkel van azonos egységárú másik áru?

## Példák sorkalkulus alkalmazására

ÁRU(ÁRUKÓD, ÁRUNÉV, EGYSÉGÁR)

MENNYISÉG(DÁTUM, ÁRUKÓD, DB)

BEVÉTEL(DÁTUM, ÖSSZEG)

BEFIZ(ÖSSZEG, BEFIZ)      BEFIZ=ÖSSZEG-4000

Mely nevű áruk azok, amelyekkel van azonos egységárú másik áru?

$\{s^{(1)} \mid \exists u \exists v (\text{ÁRU}(v) \wedge \text{ÁRU}(u) \wedge s[1] = v[2] \wedge v[3] = u[3] \wedge \neg(v[1] = u[1]))\}$



## **Mivel lehet több mindent kifejezni?**

*Relációs algebrával, vagy sorkalkulussal?*

### Tétel

*A sorkalkulus relációsan teljes.*

### Bizonyítás.

*Be kell látni, hogy minden reláció, ami relációs algebrával megadható, megadható sorkalkulussal is. Ehhez azt elég megmutatni, hogy*

## Mivel lehet több mindent kifejezni?

*Relációs algebrával, vagy sorkalkulussal?*

### Tétel

*A sorkalkulus relációsan teljes.*

### Bizonyítás.

*Be kell látni, hogy minden reláció, ami relációs algebrával megadható, megadható sorkalkulussal is. Ehhez azt elég megmutatni, hogy*

*1. az alaprelációk megadhatók*

## Mivel lehet több mindent kifejezni?

*Relációs algebrával, vagy sorkalkulussal?*

### Tétel

*A sorkalkulus relációsan teljes.*

### Bizonyítás.

*Be kell látni, hogy minden reláció, ami relációs algebrával megadható, megadható sorkalkulussal is. Ehhez azt elég megmutatni, hogy*

- 1. az alaprelációk megadhatók*
- 2. a relációs algebrai alapműveletek (unió, különbség, szorzat, vetítés, szelekció) alaprelációkra alkalmazva megvalósíthatók*

## Mivel lehet több mindent kifejezni?

*Relációs algebrával, vagy sorkalkulussal?*

### Tétel

*A sorkalkulus relációsan teljes.*

### Bizonyítás.

*Be kell látni, hogy minden reláció, ami relációs algebrával megadható, megadható sorkalkulussal is. Ehhez azt elég megmutatni, hogy*

- 1. az alaprelációk megadhatók*
- 2. a relációs algebrai alapműveletek (unió, különbség, szorzat, vetítés, szelekció) alaprelációkra alkalmazva megvalósíthatók*
- 3. ha  $R$  és  $S$  nem alapreláció és ezekre alkalmazunk valami relációs alapműveletet, akkor az eredmény kifejezhető sorkalkulussal*

## Bizonyítás.

- **alapreláció:** *Tegyük fel, hogy  $R$   $k$  oszlopos alapreláció*

$$R = \{t^{(k)} \mid R(t)\}$$

## Bizonyítás.

- **alapreláció:** Tegyük fel, hogy  $R$   $k$  oszlopos alapreláció

$$R = \{t^{(k)} \mid R(t)\}$$

- **unió:** Tfh.  $S$  is  $k$  oszlopos

$$R \cup S = \{t^{(k)} \mid R(t) \vee S(t)\}$$

## Bizonyítás.

- **alapreláció:** Tegyük fel, hogy  $R$   $k$  oszlopos alapreláció

$$R = \{t^{(k)} \mid R(t)\}$$

- **unió:** Tfh.  $S$  is  $k$  oszlopos

$$R \cup S = \{t^{(k)} \mid R(t) \vee S(t)\}$$

- **különbség:**

$$R \setminus S = \{t^{(k)} \mid R(t) \wedge \neg S(t)\}$$

## Bizonyítás.

- **alapreláció:** Tegyük fel, hogy  $R$   $k$  oszlopos alapreláció

$$R = \{t^{(k)} \mid R(t)\}$$

- **unió:** Tfh.  $S$  is  $k$  oszlopos

$$R \cup S = \{t^{(k)} \mid R(t) \vee S(t)\}$$

- **különbség:**

$$R \setminus S = \{t^{(k)} \mid R(t) \wedge \neg S(t)\}$$

- **metszet:**

$$R \cap S = \{t^{(k)} \mid R(t) \wedge S(t)\}$$



- **alapreláció:** Tegyük fel, hogy  $R$   $k$  oszlopos alapreláció

$$R = \{t^{(k)} \mid R(t)\}$$

- **unió:** Tfh.  $S$  is  $k$  oszlopos

$$R \cup S = \{t^{(k)} \mid R(t) \vee S(t)\}$$

- **különbség:**

$$R \setminus S = \{t^{(k)} \mid R(t) \wedge \neg S(t)\}$$

- **metszet:**

$$R \cap S = \{t^{(k)} \mid R(t) \wedge S(t)\}$$

- **szorzat:**  $R$  legyen  $k$  oszlopos,  $S$  pedig  $l$  oszlopos

$$R \times S = \{t^{(k+l)} \mid \exists r^{(k)} \exists s^{(l)} (R(r) \wedge S(s) \wedge r[1] = t[1] \wedge \dots \\ \wedge r[k] = t[k] \wedge s[1] = t[k+1] \wedge \dots \wedge s[l] = t[k+l])\}$$

- **alapreláció:** Tegyük fel, hogy  $R$   $k$  oszlopos alapreláció

$$R = \{t^{(k)} \mid R(t)\}$$

- **unió:** Tfh.  $S$  is  $k$  oszlopos

$$R \cup S = \{t^{(k)} \mid R(t) \vee S(t)\}$$

- **különbség:**

$$R \setminus S = \{t^{(k)} \mid R(t) \wedge \neg S(t)\}$$

- **metszet:**

$$R \cap S = \{t^{(k)} \mid R(t) \wedge S(t)\}$$

- **szorzat:**  $R$  legyen  $k$  oszlopos,  $S$  pedig  $l$  oszlopos

$$R \times S = \{t^{(k+l)} \mid \exists r^{(k)} \exists s^{(l)} (R(r) \wedge S(s) \wedge r[1] = t[1] \wedge \dots \\ \wedge r[k] = t[k] \wedge s[1] = t[k+1] \wedge \dots \wedge s[l] = t[k+l])\}$$

- **vetület:** Legyen  $R(A_1, \dots, A_d, A_{d+1}, \dots, A_k)$  reláció, vetítsük az első  $d$ -re

$$\pi_{A_1, \dots, A_d}(R) = \{t^{(d)} \mid \exists r^{(k)} (R(r) \wedge r[1] = t[1] \wedge \dots \wedge r[d] = t[d])\}$$

## Bizonyítás.

- **kiválasztás:**

$\sigma_F(R) = \{t^{(k)} \mid R(t) \wedge F'\}$ , ahol  $F'$  átfordítása sorkalkulusra  $\implies$  az  $i$ -edik attribútum helyett  $t^{(n)}[i]$ -t írunk.

Pl. (evidenciával történő meggyőzés)

$$\sigma_{\text{ÁR} > '150' \wedge \text{TERMÉK} = \text{'hamburger'}}(\text{TERMEL}) = \\ \{t^{(4)} \mid \text{TERMEL}(t) \wedge t[4] > '150' \wedge t[3] = \text{'hamburger'}\}$$

## Bizonyítás.

- **kiválasztás:**

$\sigma_{F'}(R) = \{t^{(k)} \mid R(t) \wedge F'\}$ , ahol  $F'$  átfordítása sorkalkulusra  $\implies$  az  $i$ -edik attribútum helyett  $t^{(n)}[i]$ -t írunk.

Pl. (evidenciával történő meggyőzés)

$$\sigma_{\text{ÁR} > '150' \wedge \text{TERMÉK} = \text{'hamburger'}}(\text{TERMEL}) = \\ \{t^{(4)} \mid \text{TERMEL}(t) \wedge t[4] > '150' \wedge t[3] = \text{'hamburger'}\}$$

- **Nem lényeges, hogy  $R, S$  alaprelációk.**

Ha  $R = \{t^{(k)} \mid \phi(t)\}$  és  $S = \{t^{(k)} \mid \psi(t)\}$ , azaz  $R$  és  $S$  már valahogy ki van fejezve sorkalkulussal

$$\implies R \cup S = \{t^{(k)} \mid \phi(t) \vee \psi(t)\}$$

többinél ugyanígy ( $R(t)$  és  $S(t)$  helyett  $\phi(t)$ -t és  $\psi(t)$ -t írunk). ✓



**Ki lehet-e fejezni mindet relációs algebrával, amit sorkalkulussal lehet?**

**Ki lehet-e fejezni mindet relációs algebrával, amit sorkalkulussal lehet?**

**Nem!**

Ki lehet-e fejezni mindet relációs algebrával, amit sorkalkulussal lehet?

**Nem!**

Pl. Ha  $R$  egy  $k$  változós alapreláció  $\implies \{t^{(k)} \mid \neg R(t)\}$  nem fejezhető ki algebrával.

Ki lehet-e fejezni mindet relációs algebrával, amit sorkalkulussal lehet?

**Nem!**

Pl. Ha  $R$  egy  $k$  változós alapreláció  $\implies \{t^{(k)} \mid \neg R(t)\}$  nem fejezhető ki algebrával.

**Bizonyítás.**

Relációs algebrában minden reláció véges, *ha az alaprelációk végesek*. Ez viszont lehet végtelen, ha az egyik értékészlet végtelen. ✓



Ki lehet-e fejezni mindet relációs algebrával, amit sorkalkulussal lehet?

**Nem!**

Pl. Ha  $R$  egy  $k$  változós alapreláció  $\implies \{t^{(k)} \mid \neg R(t)\}$  nem fejezhető ki algebrával.

**Bizonyítás.**

Relációs algebrában minden reláció véges, *ha az alaprelációk végesek*. Ez viszont lehet végtelen, ha az egyik értékészlet végtelen.  $\checkmark$  □

Alkalmazásokban, bár elvileg minden véges, gyakorlatban az is problémát okoz, ha nagyon nagy méret?. Ez ténylegesen el? is fodrulhat, erre vigyázni kell.

Ki lehet-e fejezni mindet relációs algebrával, amit sorkalkulussal lehet?

**Nem!**

Pl. Ha  $R$  egy  $k$  változós alapreláció  $\implies \{t^{(k)} \mid \neg R(t)\}$  nem fejezhető ki algebrával.

**Bizonyítás.**

Relációs algebrában minden reláció véges, *ha az alaprelációk végesegek*. Ez viszont lehet végtelen, ha az egyik értékészlet végtelen.  $\checkmark$  □

Alkalmazásokban, bár elvileg minden véges, gyakorlatban az is problémát okoz, ha nagyon nagy méret?. Ez ténylegesen el? is fodorulhat, erre vigyázni kell.

*Sőt, még ha az eredmény mérete nem is túl nagy, részeredményekben lehet nagyon nagy tábla  $\implies$  túl sok munka.*

Ki lehet-e fejezni mindet relációs algebrával, amit sorkalkulussal lehet?

**Nem!**

Pl. Ha  $R$  egy  $k$  változós alapreláció  $\implies \{t^{(k)} \mid \neg R(t)\}$  nem fejezhető ki algebrával.

**Bizonyítás.**

Relációs algebrában minden reláció véges, *ha az alaprelációk végesegek*. Ez viszont lehet végtelen, ha az egyik értékészlet végtelen.  $\checkmark$  □

Alkalmazásokban, bár elvileg minden véges, gyakorlatban az is problémát okoz, ha nagyon nagy méret?. Ez ténylegesen el is fordulhat, erre vigyázni kell.

*Sőt, még ha az eredmény mérete nem is túl nagy, részeredményekben lehet nagyon nagy tábla  $\implies$  túl sok munka.*

**Megoldás:**

Ki lehet-e fejezni mindet relációs algebrával, amit sorkalkulussal lehet?

**Nem!**

Pl. Ha  $R$  egy  $k$  változós alapeláció  $\implies \{t^{(k)} \mid \neg R(t)\}$  nem fejezhető ki algebrával.

**Bizonyítás.**

Relációs algebrában minden reláció véges, *ha az alapelációk végesegek*. Ez viszont lehet végtelen, ha az egyik értékészlet végtelen.  $\checkmark$  □

Alkalmazásokban, bár elvileg minden véges, gyakorlatban az is problémát okoz, ha nagyon nagy méret?. Ez ténylegesen el? is fodorulhat, erre vigyázni kell.

*Sőt, még ha az eredmény mérete nem is túl nagy, részeredményekben lehet nagyon nagy tábla  $\implies$  túl sok munka.*

**Megoldás:** Nem használunk ilyesmit  $\implies$  csak **biztonságos formulákat** (safe expression):

Ki lehet-e fejezni mindet relációs algebrával, amit sorkalkulussal lehet?

**Nem!**

Pl. Ha  $R$  egy  $k$  változós alapreláció  $\implies \{t^{(k)} \mid \neg R(t)\}$  nem fejezhető ki algebrával.

**Bizonyítás.**

Relációs algebrában minden reláció véges, *ha az alaprelációk végesek*. Ez viszont lehet végtelen, ha az egyik értékészlet végtelen.  $\checkmark$  □

Alkalmazásokban, bár elvileg minden véges, gyakorlatban az is problémát okoz, ha nagyon nagy méret?. Ez ténylegesen el? is fodorulhat, erre vigyázni kell.

*Sőt, még ha az eredmény mérete nem is túl nagy, részeredményekben lehet nagyon nagy tábla  $\implies$  túl sok munka.*

**Megoldás:** Nem használunk ilyesmit  $\implies$  csak **biztonságos formulákat** (safe expression): kiértékelhető úgy, hogy ne kelljen túl nagy halmazt végignézni, csak annyi infó kell hozzá, amit valaki már egyszer korábban beírt

Ki lehet-e fejezni mindet relációs algebrával, amit sorkalkulussal lehet?

**Nem!**

Pl. Ha  $R$  egy  $k$  változós alapeláció  $\implies \{t^{(k)} \mid \neg R(t)\}$  nem fejezhető ki algebrával.

**Bizonyítás.**

Relációs algebrában minden reláció véges, *ha az alapelációk végesek*. Ez viszont lehet végtelen, ha az egyik értékészlet végtelen.  $\checkmark$  □

Alkalmazásokban, bár elvileg minden véges, gyakorlatban az is problémát okoz, ha nagyon nagy méret?. Ez ténylegesen el? is fodorulhat, erre vigyázni kell.

*Sőt, még ha az eredmény mérete nem is túl nagy, részeredményekben lehet nagyon nagy tábla  $\implies$  túl sok munka.*

**Megoldás:** Nem használunk ilyesmit  $\implies$  csak **biztonságos formulákat** (safe expression): kiértékelhető úgy, hogy ne kelljen túl nagy halmazt végignézni, csak annyi infó kell hozzá, amit valaki már egyszer korábban beírt  $\implies$  *leszűkítjük a szóba jövő esetek halmazát*

## Definíció

$Dom(\phi) = \{\phi\text{-beli alaprelációk } \forall \text{ attribútumának, } \forall \text{ értéke}\} \cup \{\phi\text{-beli konstansok}\}$

## Definíció

$Dom(\phi) = \{\phi\text{-beli alaprelációk} \forall \text{ attribútumának,} \forall \text{ értéke}\} \cup \{\phi\text{-beli konstansok}\}$

PI. SZEMÉLY(NÉV, CÍM) alapreláció

$\phi(t) = \text{SZEMÉLY}(t) \wedge t[2] = \text{'Tokyo'}$

$\implies Dom(\phi) = \pi_{\text{NÉV}}(\text{SZEMÉLY}) \cup \pi_{\text{CÍM}}(\text{SZEMÉLY}) \cup \{\text{'Tokyo'}\}$



## Definíció

$Dom(\phi) = \{\phi\text{-beli alaprelációk} \forall \text{ attribútumának,} \forall \text{ értéke}\} \cup \{\phi\text{-beli konstansok}\}$

PI. SZEMÉLY(NÉV, CÍM) alapreláció

$\phi(t) = \text{SZEMÉLY}(t) \wedge t[2] = \text{'Tokyo'}$

$\implies Dom(\phi) = \pi_{\text{NÉV}}(\text{SZEMÉLY}) \cup \pi_{\text{CÍM}}(\text{SZEMÉLY}) \cup \{\text{'Tokyo'}\}$

## Definíció

Egy  $R = \{t^{(k)} \mid \phi(t)\}$  **reláció biztonságos**, ha

- i) Minden  $\phi(t)$ -t kielégítő  $t$  minden komponense  $\in \text{Dom}(\phi)$   
(Ha  $t$  kielégíti  $\phi(t)$ -t, akkor minden komponense  $\text{Dom}(\phi)$ -beli)  
(Ez korlátozza keresést! A végeredménybe csak  $\text{Dom}(\phi)$ -ből lehet kerülni.)

## Definíció

Egy  $R = \{t^{(k)} \mid \phi(t)\}$  **reláció biztonságos**, ha

- i) Minden  $\phi(t)$ -t kielégítő  $t$  minden komponense  $\in \text{Dom}(\phi)$   
(Ha  $t$  kielégíti  $\phi(t)$ -t, akkor minden komponense  $\text{Dom}(\phi)$ -beli)  
(Ez korlátozza keresést! A végeredménybe csak  $\text{Dom}(\phi)$ -ből lehet kerülni.)
- ii)  $\phi$  minden  $\exists u \psi(u)$  alakú részformulájára igaz, hogy ha  $u$  kielégíti  $\psi$ -t a  $\psi$ -beli szabad változók valamely értékeire, akkor  $u$  minden komponense  $\in \text{Dom}(\psi)$   
(részformula is biztonságos:  $\exists u \psi(u)$  igazsága eldönthető  $\text{Dom}(\psi)$  végignézésével)

## Definíció

Egy  $R = \{t^{(k)} \mid \phi(t)\}$  **reláció biztonságos**, ha

- i) Minden  $\phi(t)$ -t kielégítő  $t$  minden komponense  $\in \text{Dom}(\phi)$   
(Ha  $t$  kielégíti  $\phi(t)$ -t, akkor minden komponense  $\text{Dom}(\phi)$ -beli)  
(Ez korlátozza keresést! A végeredménybe csak  $\text{Dom}(\phi)$ -ből lehet kerülni.)
- ii)  $\phi$  minden  $\exists u\psi(u)$  alakú részformulájára igaz, hogy ha  $u$  kielégíti  $\psi$ -t a  $\psi$ -beli szabad változók valamely értékeire, akkor  $u$  minden komponense  $\in \text{Dom}(\psi)$   
(részformula is biztonságos:  $\exists u\psi(u)$  igazsága eldönthető  $\text{Dom}(\psi)$  végignézésével)

Megj.:  $A \forall u\psi(u)$  alakúakra nem kell, mert ez ugyanaz, mint  $\neg\exists u(\neg\psi(u))$  és így elég (ii)-t ellenőrizni a  $\exists u(\neg\psi(u))$  részformulára.

## Definíció

Egy  $R = \{t^{(k)} \mid \phi(t)\}$  **reláció biztonságos**, ha

- i) Minden  $\phi(t)$ -t kielégítő  $t$  minden komponense  $\in \text{Dom}(\phi)$   
(Ha  $t$  kielégíti  $\phi(t)$ -t, akkor minden komponense  $\text{Dom}(\phi)$ -beli)  
(Ez korlátozza keresést! A végeredménybe csak  $\text{Dom}(\phi)$ -ből lehet kerülni.)
- ii)  $\phi$  minden  $\exists u \psi(u)$  alakú részformulájára igaz, hogy ha  $u$  kielégíti  $\psi$ -t a  $\psi$ -beli szabad változók valamely értékeire, akkor  $u$  minden komponense  $\in \text{Dom}(\psi)$   
(részformula is biztonságos:  $\exists u \psi(u)$  igazsága eldönthető  $\text{Dom}(\psi)$  végignézésével)

Megj.:  $A \forall u \psi(u)$  alakúakra nem kell, mert ez ugyanaz, mint  $\neg \exists u (\neg \psi(u))$  és így elég (ii)-t ellenőrizni a  $\exists u (\neg \psi(u))$  részformulára.

*Nem az a kérdés, hogy pontosan mik a biztonságos formulák, hanem:*

## Definíció

Egy  $R = \{t^{(k)} \mid \phi(t)\}$  **reláció biztonságos**, ha

- i) Minden  $\phi(t)$ -t kielégítő  $t$  minden komponense  $\in \text{Dom}(\phi)$   
(Ha  $t$  kielégíti  $\phi(t)$ -t, akkor minden komponense  $\text{Dom}(\phi)$ -beli)  
(Ez korlátozza keresést! A végeredménybe csak  $\text{Dom}(\phi)$ -ből lehet kerülni.)
- ii)  $\phi$  minden  $\exists u \psi(u)$  alakú részformulájára igaz, hogy ha  $u$  kielégíti  $\psi$ -t a  $\psi$ -beli szabad változók valamely értékeire, akkor  $u$  minden komponense  $\in \text{Dom}(\psi)$   
(részformula is biztonságos:  $\exists u \psi(u)$  igazsága eldönthető  $\text{Dom}(\psi)$  végignézésével)

Megj.: A  $\forall u \psi(u)$  alakúakra nem kell, mert ez ugyanaz, mint  $\neg \exists u (\neg \psi(u))$  és így elég (ii)-t ellenőrizni a  $\exists u (\neg \psi(u))$  részformulára.

**Nem az a kérdés, hogy pontosan mik a biztonságos formulák, hanem:**

**Hogyan tudunk biztonságos formulákat, kifejezéseket írni?**

**Csak ilyeneket szeretnénk használni.**

# Biztonságos formulák

Tipikus technikák a biztonságosság elérésére:

- $\{t \mid R(t) \wedge \phi(t)\}$  biztonságos, ha  $\phi$  biztonságos (mert szűkítés  $R$ -re, így (i) teljesül)

# Biztonságos formulák

Tipikus technikák a biztonságosság elérésére:

- $\{t \mid R(t) \wedge \phi(t)\}$  biztonságos, ha  $\phi$  biztonságos (mert szűkítés  $R$ -re, így (i) teljesül)
- *(Ha nem lehet egy relációra korlátozni pl:)*  
 $\{t \mid (R(t) \vee S(t)) \wedge \phi(t)\}$  biztonságos, ha  $\phi$  biztonságos



# Biztonságos formulák

## Tipikus technikák a biztonságosság elérésére:

- $\{t \mid R(t) \wedge \phi(t)\}$  biztonságos, ha  $\phi$  biztonságos (mert szűkítés  $R$ -re, így (i) teljesül)
- *(Ha nem lehet egy relációra korlátozni pl:)*  
 $\{t \mid (R(t) \vee S(t)) \wedge \phi(t)\}$  biztonságos, ha  $\phi$  biztonságos
- $\left\{t^{(2)} \mid \exists u_1 \exists u_2 (R(u_1) \wedge R(u_2) \wedge t[1] = u_2[1] \wedge t[2] = u_1[1] \wedge \phi(t, u_1, u_2))\right\}$

# Biztonságos formulák

## Tipikus technikák a biztonságosság elérésére:

- $\{t \mid R(t) \wedge \phi(t)\}$  biztonságos, ha  $\phi$  biztonságos (mert szűkítés  $R$ -re, így (i) teljesül)
- *(Ha nem lehet egy relációra korlátozni pl:)*  
 $\{t \mid (R(t) \vee S(t)) \wedge \phi(t)\}$  biztonságos, ha  $\phi$  biztonságos
- $\left\{t^{(2)} \mid \exists u_1 \exists u_2 (R(u_1) \wedge R(u_2) \wedge t[1] = u_2[1] \wedge t[2] = u_1[1] \wedge \phi(t, u_1, u_2))\right\}$
- $\exists u (R(u) \wedge \dots)$  ha itt a hátrább levő részek biztonságosak (az  $R$ -re való szűkítés miatt (ii) teljesül)

# Biztonságos formulák

## Tipikus technikák a biztonságosság elérésére:

- $\{t \mid R(t) \wedge \phi(t)\}$  biztonságos, ha  $\phi$  biztonságos (mert szűkítés  $R$ -re, így (i) teljesül)
- *(Ha nem lehet egy relációra korlátozni pl:)*  
 $\{t \mid (R(t) \vee S(t)) \wedge \phi(t)\}$  biztonságos, ha  $\phi$  biztonságos
- $\left\{t^{(2)} \mid \exists u_1 \exists u_2 (R(u_1) \wedge R(u_2) \wedge t[1] = u_2[1] \wedge t[2] = u_1[1] \wedge \phi(t, u_1, u_2))\right\}$
- $\exists u (R(u) \wedge \dots)$  ha itt a hátrább levő részek biztonságosak (az  $R$ -re való szűkítés miatt (ii) teljesül)
- $\forall u (\neg R(u) \vee \dots)$  ha itt a hátrább levő részek biztonságosak (mert ez átírva  $\neg \exists u (R(u) \wedge \dots)$ )

## Tétel

*Biztonságos kifejezésű sorkalkulus reláció kifejezhető relációs algebrával is.*

## Tétel

*Biztonságos kifejezésű sorkalkulus reláció kifejezhető relációs algebrával is.*

## Bizonyítás.

**Ötlet:** Ha  $R = \{t^{(k)} \mid \phi(t)\}$  megengedett reláció sorkalkulusban, akkor  $R \cap \text{Dom}(\phi)^k$  kifejezhető rel. algebrával.

## Tétel

*Biztonságos kifejezésű sorkalkulus reláció kifejezhető relációs algebrával is.*

## Bizonyítás.

**Ötlet:** Ha  $R = \{t^{(k)} \mid \phi(t)\}$  megengedett reláció sorkalkulusban, akkor  $R \cap \text{Dom}(\phi)^k$  kifejezhető rel. algebrával. **Biz.**  $\phi$  felépítése szerinti indukcióval.

# Biztonságos formulák

## Tétel

*Biztonságos kifejezésű sorkalkulus reláció kifejezhető relációs algebrával is.*

## Bizonyítás.

**Ötlet:** Ha  $R = \{t^{(k)} \mid \phi(t)\}$  megengedett reláció sorkalkulusban, akkor  $R \cap \text{Dom}(\phi)^k$  kifejezhető rel. algebrával. **Biz.  $\phi$  felépítése szerinti indukcióval.**  
Ha  $R$  biztonságos, akkor  $R = R \cap \text{Dom}(\phi)^k$  ✓

# Biztonságos formulák

## Tétel

*Biztonságos kifejezésű sorkalkulus reláció kifejezhető relációs algebrával is.*

## Bizonyítás.

**Ötlet:** Ha  $R = \{t^{(k)} \mid \phi(t)\}$  megengedett reláció sorkalkulusban, akkor  $R \cap \text{Dom}(\phi)^k$  kifejezhető rel. algebrával. **Biz.  $\phi$  felépítése szerinti indukcióval.**  
Ha  $R$  biztonságos, akkor  $R = R \cap \text{Dom}(\phi)^k$  ✓ □

## Tétel

*A relációs algebra és a biztonságos sorkalkulus ekvivalensek.*



# Biztonságos formulák

## Tétel

*Biztonságos kifejezésű sorkalkulus reláció kifejezhető relációs algebrával is.*

## Bizonyítás.

**Ötlet:** Ha  $R = \{t^{(k)} \mid \phi(t)\}$  megengedett reláció sorkalkulusban, akkor  $R \cap \text{Dom}(\phi)^k$  kifejezhető rel. algebrával. **Biz.  $\phi$  felépítése szerinti indukcióval.**  
Ha  $R$  biztonságos, akkor  $R = R \cap \text{Dom}(\phi)^k$  ✓ □

## Tétel

*A relációs algebra és a biztonságos sorkalkulus ekvivalensek.*

## Bizonyítás.

**Volt:** relációs algebrai kifejezésből lehet sorkalkulust csinálni, illetve biztonságos sorkalkulusból relációs algebrát.

# Biztonságos formulák

## Tétel

*Biztonságos kifejezésű sorkalkulus reláció kifejezhető relációs algebrával is.*

## Bizonyítás.

**Ötlet:** Ha  $R = \{t^{(k)} \mid \phi(t)\}$  megengedett reláció sorkalkulusban, akkor  $R \cap \text{Dom}(\phi)^k$  kifejezhető rel. algebrával. **Biz.  $\phi$  felépítése szerinti indukcióval.**  
Ha  $R$  biztonságos, akkor  $R = R \cap \text{Dom}(\phi)^k$  ✓ □

## Tétel

*A relációs algebra és a biztonságos sorkalkulus ekvivalensek.*

## Bizonyítás.

**Volt:** relációs algebrai kifejezésből lehet sorkalkulust csinálni, illetve biztonságos sorkalkulusból relációs algebrát.  
**Kell még:** a relációs alg. átírása sorkalkulusra biztonságos.

# Biztonságos formulák

## Tétel

*Biztonságos kifejezésű sorkalkulus reláció kifejezhető relációs algebrával is.*

## Bizonyítás.

**Ötlet:** Ha  $R = \{t^{(k)} \mid \phi(t)\}$  megengedett reláció sorkalkulusban, akkor  $R \cap \text{Dom}(\phi)^k$  kifejezhető rel. algebrával. **Biz.**  $\phi$  felépítése szerinti indukcióval.  
Ha  $R$  biztonságos, akkor  $R = R \cap \text{Dom}(\phi)^k$  ✓ □

## Tétel

*A relációs algebra és a biztonságos sorkalkulus ekvivalensek.*

## Bizonyítás.

**Volt:** relációs algebrai kifejezésből lehet sorkalkulust csinálni, illetve biztonságos sorkalkulusból relációs algebrát.

**Kell még:** a relációs alg. átírása sorkalkulusra biztonságos.

De az meg az volt, ahogy csináltuk. ✓ □

## Példák biztonságos és nem biztonságos kifejezésekre

- Melyik napokon volt a legnagyobb a bevétel?

Nem bizt.:

$$\left\{ t^{(1)} \mid \exists u^{(2)} \left( \text{BEVÉTEL}(u) \wedge t[1] = u[1] \wedge \forall v^{(2)} \left( \neg \text{BEVÉTEL}(v) \vee v[2] \leq u[2] \right) \right) \wedge \exists w^{(1)} (w[1] \neq t[1]) \right\}$$

Ez azt fejezi ki, csak nem biztonságos, mert (ii) nem oké, bár (i) az. Az a baj, hogy a végén van egy felesleges dolog.

Bizt.:

$$\left\{ t^{(1)} \mid \exists u^{(2)} \left( \text{BEVÉTEL}(u) \wedge t[1] = u[1] \wedge \forall v^{(2)} \left( \neg \text{BEVÉTEL}(v) \vee v[2] \leq u[2] \right) \right) \right\}$$

Másik bizt.:

$$\left\{ t^{(1)} \mid \exists u^{(2)} \left( \text{BEVÉTEL}(u) \wedge t[1] = u[1] \wedge \neg \exists v^{(2)} \left( \text{BEVÉTEL}(v) \wedge v[2] > u[2] \right) \right) \right\}$$

- Mely árukból adtak el 100-nál többet egy napon?

Nem bizt.:

$$\left\{ t^{(3)} \mid \text{ÁRU}(t) \wedge \exists v^{(3)} \left( (v[2] = t[1] \wedge v[3] > 100) \boxed{\vee} \text{MENNYISÉG}(v) \right) \right\}$$

Elírtuk: nem is azt adja, amit kell, meg nem is biztonságos, mert (ii) sérül

Bizt.:

$$\left\{ t^{(3)} \mid \text{ÁRU}(t) \wedge \exists v^{(3)} \left( (v[2] = t[1] \wedge v[3] > 100) \boxed{\wedge} \text{MENNYISÉG}(v) \right) \right\}$$

## Példák biztonságos és nem biztonságos kifejezésekre

- Melyik napokon volt a legnagyobb a bevétel?

Nem bizt.:

$$\left\{ t^{(1)} \mid \exists u^{(2)} \left( \text{BEVÉTEL}(u) \wedge t[1] = u[1] \wedge \forall v^{(2)} \left( \neg \text{BEVÉTEL}(v) \vee v[2] \leq u[2] \right) \right) \wedge \exists w^{(1)} (w[1] \neq t[1]) \right\}$$

Ez azt fejezi ki, csak nem biztonságos, mert (ii) nem oké, bár (i) az. Az a baj, hogy a végén van egy felesleges dolog.

## Példák biztonságos és nem biztonságos kifejezésekre

- Melyik napokon volt a legnagyobb a bevétel?

Nem bizt.:

$$\left\{ t^{(1)} \mid \exists u^{(2)} \left( \text{BEVÉTEL}(u) \wedge t[1] = u[1] \wedge \forall v^{(2)} \left( \neg \text{BEVÉTEL}(v) \vee v[2] \leq u[2] \right) \right) \wedge \exists w^{(1)} (w[1] \neq t[1]) \right\}$$

Ez azt fejezi ki, csak nem biztonságos, mert (ii) nem oké, bár (i) az. Az a baj, hogy a végén van egy felesleges dolog.

Bizt.:

$$\left\{ t^{(1)} \mid \exists u^{(2)} \left( \text{BEVÉTEL}(u) \wedge t[1] = u[1] \wedge \forall v^{(2)} \left( \neg \text{BEVÉTEL}(v) \vee v[2] \leq u[2] \right) \right) \right\}$$

## Példák biztonságos és nem biztonságos kifejezésekre

- Melyik napokon volt a legnagyobb a bevétel?

Nem bizt.:

$$\left\{ t^{(1)} \mid \exists u^{(2)} \left( \text{BEVÉTEL}(u) \wedge t[1] = u[1] \wedge \forall v^{(2)} \left( \neg \text{BEVÉTEL}(v) \vee v[2] \leq u[2] \right) \right) \wedge \exists w^{(1)} (w[1] \neq t[1]) \right\}$$

Ez azt fejezi ki, csak nem biztonságos, mert (ii) nem oké, bár (i) az. Az a baj, hogy a végén van egy felesleges dolog.

Bizt.:

$$\left\{ t^{(1)} \mid \exists u^{(2)} \left( \text{BEVÉTEL}(u) \wedge t[1] = u[1] \wedge \forall v^{(2)} \left( \neg \text{BEVÉTEL}(v) \vee v[2] \leq u[2] \right) \right) \right\}$$

Másik bizt.:

$$\left\{ t^{(1)} \mid \exists u^{(2)} \left( \text{BEVÉTEL}(u) \wedge t[1] = u[1] \wedge \neg \exists v^{(2)} \left( \text{BEVÉTEL}(v) \wedge v[2] > u[2] \right) \right) \right\}$$

## Példák biztonságos és nem biztonságos kifejezésekre

- Melyik napokon volt a legnagyobb a bevétel?

Nem bizt.:

$$\left\{ t^{(1)} \mid \exists u^{(2)} \left( \text{BEVÉTEL}(u) \wedge t[1] = u[1] \wedge \forall v^{(2)} \left( \neg \text{BEVÉTEL}(v) \vee v[2] \leq u[2] \right) \right) \wedge \exists w^{(1)} (w[1] \neq t[1]) \right\}$$

Ez azt fejezi ki, csak nem biztonságos, mert (ii) nem oké, bár (i) az. Az a baj, hogy a végén van egy felesleges dolog.

Bizt.:

$$\left\{ t^{(1)} \mid \exists u^{(2)} \left( \text{BEVÉTEL}(u) \wedge t[1] = u[1] \wedge \forall v^{(2)} \left( \neg \text{BEVÉTEL}(v) \vee v[2] \leq u[2] \right) \right) \right\}$$

Másik bizt.:

$$\left\{ t^{(1)} \mid \exists u^{(2)} \left( \text{BEVÉTEL}(u) \wedge t[1] = u[1] \wedge \neg \exists v^{(2)} \left( \text{BEVÉTEL}(v) \wedge v[2] > u[2] \right) \right) \right\}$$

- Mely árukból adtak el 100-nál többet egy napon?



## Példák biztonságos és nem biztonságos kifejezésekre

- Melyik napokon volt a legnagyobb a bevétel?

Nem bizt.:

$$\left\{ t^{(1)} \mid \exists u^{(2)} \left( \text{BEVÉTEL}(u) \wedge t[1] = u[1] \wedge \forall v^{(2)} \left( \neg \text{BEVÉTEL}(v) \vee v[2] \leq u[2] \right) \right) \wedge \exists w^{(1)} (w[1] \neq t[1]) \right\}$$

Ez azt fejezi ki, csak nem biztonságos, mert (ii) nem oké, bár (i) az. Az a baj, hogy a végén van egy felesleges dolog.

Bizt.:

$$\left\{ t^{(1)} \mid \exists u^{(2)} \left( \text{BEVÉTEL}(u) \wedge t[1] = u[1] \wedge \forall v^{(2)} \left( \neg \text{BEVÉTEL}(v) \vee v[2] \leq u[2] \right) \right) \right\}$$

Másik bizt.:

$$\left\{ t^{(1)} \mid \exists u^{(2)} \left( \text{BEVÉTEL}(u) \wedge t[1] = u[1] \wedge \neg \exists v^{(2)} \left( \text{BEVÉTEL}(v) \wedge v[2] > u[2] \right) \right) \right\}$$

- Mely árukból adtak el 100-nál többet egy napon?

Nem bizt.:

$$\left\{ t^{(3)} \mid \text{ÁRU}(t) \wedge \exists v^{(3)} \left( (v[2] = t[1] \wedge v[3] > 100) \sqcap \text{MENNYISÉG}(v) \right) \right\}$$

## Példák biztonságos és nem biztonságos kifejezésekre

- Melyik napokon volt a legnagyobb a bevétel?

Nem bizt.:

$$\left\{ t^{(1)} \mid \exists u^{(2)} \left( \text{BEVÉTEL}(u) \wedge t[1] = u[1] \wedge \forall v^{(2)} \left( \neg \text{BEVÉTEL}(v) \vee v[2] \leq u[2] \right) \right) \wedge \exists w^{(1)} (w[1] \neq t[1]) \right\}$$

Ez azt fejezi ki, csak nem biztonságos, mert (ii) nem oké, bár (i) az. Az a baj, hogy a végén van egy felesleges dolog.

Bizt.:

$$\left\{ t^{(1)} \mid \exists u^{(2)} \left( \text{BEVÉTEL}(u) \wedge t[1] = u[1] \wedge \forall v^{(2)} \left( \neg \text{BEVÉTEL}(v) \vee v[2] \leq u[2] \right) \right) \right\}$$

Másik bizt.:

$$\left\{ t^{(1)} \mid \exists u^{(2)} \left( \text{BEVÉTEL}(u) \wedge t[1] = u[1] \wedge \neg \exists v^{(2)} \left( \text{BEVÉTEL}(v) \wedge v[2] > u[2] \right) \right) \right\}$$

- Mely árukból adtak el 100-nál többet egy napon?

Nem bizt.:

$$\left\{ t^{(3)} \mid \text{ÁRU}(t) \wedge \exists v^{(3)} \left( (v[2] = t[1] \wedge v[3] > 100) \sqcap \text{MENNYISÉG}(v) \right) \right\}$$

Elírtuk: nem is azt adja, amit kell, meg nem is biztonságos, mert (ii) sérül

## Példák biztonságos és nem biztonságos kifejezésekre

- Melyik napokon volt a legnagyobb a bevétel?

Nem bizt.:

$$\left\{ t^{(1)} \mid \exists u^{(2)} \left( \text{BEVÉTEL}(u) \wedge t[1] = u[1] \wedge \forall v^{(2)} \left( \neg \text{BEVÉTEL}(v) \vee v[2] \leq u[2] \right) \right) \wedge \exists w^{(1)} (w[1] \neq t[1]) \right\}$$

Ez azt fejezi ki, csak nem biztonságos, mert (ii) nem oké, bár (i) az. Az a baj, hogy a végén van egy felesleges dolog.

Bizt.:

$$\left\{ t^{(1)} \mid \exists u^{(2)} \left( \text{BEVÉTEL}(u) \wedge t[1] = u[1] \wedge \forall v^{(2)} \left( \neg \text{BEVÉTEL}(v) \vee v[2] \leq u[2] \right) \right) \right\}$$

Másik bizt.:

$$\left\{ t^{(1)} \mid \exists u^{(2)} \left( \text{BEVÉTEL}(u) \wedge t[1] = u[1] \wedge \neg \exists v^{(2)} \left( \text{BEVÉTEL}(v) \wedge v[2] > u[2] \right) \right) \right\}$$

- Mely árukból adtak el 100-nál többet egy napon?

Nem bizt.:

$$\left\{ t^{(3)} \mid \text{ÁRU}(t) \wedge \exists v^{(3)} \left( (v[2] = t[1] \wedge v[3] > 100) \boxed{\vee} \text{MENNYISÉG}(v) \right) \right\}$$

Elírtuk: nem is azt adja, amit kell, meg nem is biztonságos, mert (ii) sérül

Bizt.:

$$\left\{ t^{(3)} \mid \text{ÁRU}(t) \wedge \exists v^{(3)} \left( (v[2] = t[1] \wedge v[3] > 100) \boxed{\wedge} \text{MENNYISÉG}(v) \right) \right\}$$

# Adatbázisok elmélete

## Oszlopkalkulus, más lekérdezőnyelvek

Katona Gyula Y.

Számítástudományi és Információelméleti Tanszék  
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem

### 8. előadás

## Oszlopkalkulus (Domain calculus)

Lényegileg ugyanaz, mint a sorkalkulus, csak másféle változókat használ.

**Oszlopváltozó:** egy koordinátája a sorváltozónak, mint vektornak

*Az oszlopváltozó értékkészlete:* egy adott attribútum értékkészlete.

# Oszlopkalkulus (Domain calculus)

Lényegileg ugyanaz, mint a sorkalkulus, csak másféle változókat használ.

**Oszlopváltozó:** egy koordinátája a sorváltozónak, mint vektornak

*Az oszlopváltozó értékészlete:* egy adott attribútum értékészlete.

**A oszlopkalkulus által kifejezett reláció:**

$\{u_1, \dots, u_k \mid \phi(u_1, \dots, u_k)\} \implies$  azon  $u = (u_1, \dots, u_k)$  vektorok, amikre  $\phi(u_1, \dots, u_k)$  igaz, ahol  $\phi$  egy megengedett formula és csak  $u_1, \dots, u_k$  szabad változók benne.

# Oszlopkalkulus (Domain calculus)

Lényegileg ugyanaz, mint a sorkalkulus, csak másféle változókat használ.

**Oszlopváltozó:** egy koordinátája a sorváltozónak, mint vektornak

*Az oszlopváltozó értékészlete:* egy adott attribútum értékészlete.

**A oszlopkalkulus által kifejezett reláció:**

$\{u_1, \dots, u_k \mid \phi(u_1, \dots, u_k)\} \implies$  azon  $u = (u_1, \dots, u_k)$  vektorok, amikre  $\phi(u_1, \dots, u_k)$  igaz, ahol  $\phi$  egy megengedett formula és csak  $u_1, \dots, u_k$  szabad változók benne.

## Megengedett formulák:

atomok :

- $R^{(k)}(u_1, \dots, u_k)$ : akkor igaz, ha  $(u_1, \dots, u_k) \in R$ , azaz a sor benne van a relációban.



## Megengedett formulák:

atomok :

- $R^{(k)}(u_1, \dots, u_k)$ : akkor igaz, ha  $(u_1, \dots, u_k) \in R$ , azaz a sor benne van a relációban.
- - ▶  $u_i \theta u_j$
  - ▶  $u_i \theta c$
  - ▶  $c \theta u_i$

ahol  $\theta \in \{<, >, =, \neq, \leq, \geq\}$ ,  $u_i$  oszlopváltozók,  $c$  konstans érték.  
Világos, mikor igaz.

építkezési szabályok :

- $\phi, \psi$  formulák, akkor  $\phi \vee \psi, \phi \wedge \psi, \neg\phi$  is formulák.  
Világos, hogy mikor igaz.

## Megengedett formulák:

atomok :

- $R^{(k)}(u_1, \dots, u_k)$ : akkor igaz, ha  $(u_1, \dots, u_k) \in R$ , azaz a sor benne van a relációban.
- - ▶  $u_i \theta u_j$
  - ▶  $u_i \theta c$
  - ▶  $c \theta u_i$

ahol  $\theta \in \{<, >, =, \neq, \leq, \geq\}$ ,  $u_i$  oszlopváltozók,  $c$  konstans érték.  
*Világos, mikor igaz.*

építkezési szabályok :

- $\phi, \psi$  formulák, akkor  $\phi \vee \psi, \phi \wedge \psi, \neg\phi$  is formulák.  
*Világos, hogy mikor igaz.*
- $\phi$  formula,  $s$  oszlopváltozó, akkor  $\forall s\phi, \exists s\phi$  is formula.  
*Világos, hogy mikor igaz.*

## Megengedett formulák:

atomok :

- $R^{(k)}(u_1, \dots, u_k)$ : akkor igaz, ha  $(u_1, \dots, u_k) \in R$ , azaz a sor benne van a relációban.
- - ▶  $u_i \theta u_j$
  - ▶  $u_i \theta c$
  - ▶  $c \theta u_i$

ahol  $\theta \in \{<, >, =, \neq, \leq, \geq\}$ ,  $u_i$  oszlopváltozók,  $c$  konstans érték.  
*Világos, mikor igaz.*

építkezési szabályok :

- $\phi, \psi$  formulák, akkor  $\phi \vee \psi, \phi \wedge \psi, \neg\phi$  is formulák.  
*Világos, hogy mikor igaz.*
- $\phi$  formula,  $s$  oszlopváltozó, akkor  $\forall s\phi, \exists s\phi$  is formula.  
*Világos, hogy mikor igaz.*

**Kötött változó:** ha vonatkozik rá kvantor,

**Szabad változó:** ha nem,

## Példák oszlopkalkulus alkalmazására

ÁRU(ÁRUKÓD, ÁRUNÉV, EGYSÉGÁR)

MENNYISÉG(DÁTUM, ÁRUKÓD, DB)

BEVÉTEL(DÁTUM, ÖSSZEG)

BEFIZ(ÖSSZEG, BEFIZ)       $BEFIZ = ÖSSZEG - 4000$

## Példák oszlopkalkulus alkalmazására

ÁRU(ÁRUKÓD, ÁRUNÉV, EGYSÉGÁR)

MENNYISÉG(DÁTUM, ÁRUKÓD, DB)

BEVÉTEL(DÁTUM, ÖSSZEG)

BEFIZ(ÖSSZEG, BEFIZ)      BEFIZ=ÖSSZEG−4000

Az 2004. jan. 1. utáni napok bevételei a dátummal együtt, legyen előbb a dátum:

$\{ t^{(2)} \mid \text{BEVÉTEL}(t) \wedge t[1] \geq 2004-01-01 \}$

## Példák oszlopkalkulus alkalmazására

ÁRU(ÁRUKÓD, ÁRUNÉV, EGYSÉGÁR)

MENNYISÉG(DÁTUM, ÁRUKÓD, DB)

BEVÉTEL(DÁTUM, ÖSSZEG)

BEFIZ(ÖSSZEG, BEFIZ)      BEFIZ=ÖSSZEG−4000

Az 2004. jan. 1. utáni napok bevételei a dátummal együtt, legyen előbb a dátum:

$$\{t^{(2)} \mid \text{BEVÉTEL}(t) \wedge t[1] \geq 2004-01-01\}$$

$$\{y, x \mid \text{BEVÉTEL}(y, x) \wedge y \geq 2004-01-01\}$$

Az 2004. jan. 15-i bevétel és a befizetett összeg:

$$\{u^{(2)} \mid \text{BEFIZ}(u) \wedge \exists v(\text{BEVÉTEL}(v) \wedge v[1] = 2004-01-15 \wedge v[2] = u[1])\}$$

## Példák oszlopkalkulus alkalmazására

ÁRU(ÁRUKÓD, ÁRUNÉV, EGYSÉGÁR)

MENNYISÉG(DÁTUM, ÁRUKÓD, DB)

BEVÉTEL(DÁTUM, ÖSSZEG)

BEFIZ(ÖSSZEG, BEFIZ)      BEFIZ=ÖSSZEG−4000

Az 2004. jan. 1. utáni napok bevételei a dátummal együtt, legyen előbb a dátum:

$$\{t^{(2)} \mid \text{BEVÉTEL}(t) \wedge t[1] \geq 2004-01-01\}$$

$$\{y, x \mid \text{BEVÉTEL}(y, x) \wedge y \geq 2004-01-01\}$$

Az 2004. jan. 15-i bevétel és a befizetett összeg:

$$\{u^{(2)} \mid \text{BEFIZ}(u) \wedge \exists v(\text{BEVÉTEL}(v) \wedge v[1] = 2004-01-15 \wedge v[2] = u[1])\}$$

$$\{x, y \mid \text{BEFIZ}(x, y) \wedge \exists z(\text{BEVÉTEL}(z, x) \wedge z = 2004-01-15)\}$$

Hány darabot adtak el 2004. jan. 15-én az A123 kódú áruból, mi a neve és az ára?

$$\left\{ s^{(3)} \mid \exists u \exists v \left( \text{MENNYISÉG}(u) \wedge \text{ÁRU}(v) \wedge u[1] = 2004-01-15 \wedge u[2] = 'A123' \wedge v[1] = 'A123' \wedge s[1] = u[3] \wedge s[2] = v[2] \wedge s[3] = v[3] \right) \right\}$$



Hány darabot adtak el 2004. jan. 15-én az A123 kódú áruból, mi a neve és az ára?

$$\left\{ s^{(3)} \mid \exists u \exists v \left( \text{MENNYISÉG}(u) \wedge \text{ÁRU}(v) \wedge u[1] = 2004-01-15 \wedge u[2] = 'A123' \wedge \right. \right. \\ \left. \left. v[1] = 'A123' \wedge s[1] = u[3] \wedge s[2] = v[2] \wedge s[3] = v[3] \right) \right\}$$

$$\left\{ x, y, z \mid \exists u \exists v \left( \text{MENNYISÉG}(u, v, x) \wedge \text{ÁRU}(v, y, z) \wedge u = 2004-01-15 \wedge v = 'A123' \right) \right\}$$

Hány darabot adtak el 2004. jan. 15-én az A123 kódú áruból, mi a neve és az ára?

$$\left\{ s^{(3)} \mid \exists u \exists v \left( \text{MENNYISÉG}(u) \wedge \text{ÁRU}(v) \wedge u[1] = 2004-01-15 \wedge u[2] = 'A123' \wedge v[1] = 'A123' \wedge s[1] = u[3] \wedge s[2] = v[2] \wedge s[3] = v[3] \right) \right\}$$

$$\left\{ x, y, z \mid \exists u \exists v \left( \text{MENNYISÉG}(u, v, x) \wedge \text{ÁRU}(v, y, z) \wedge u = 2004-01-15 \wedge v = 'A123' \right) \right\}$$

Mely nevű áruk azok, amelyekkel van azonos egységárú másik áru?

$$\left\{ s^{(1)} \mid \exists u \exists v \left( \text{ÁRU}(v) \wedge \text{ÁRU}(u) \wedge s[1] = v[2] \wedge v[3] = u[3] \wedge \neg(v[1] = u[1]) \right) \right\}$$

Hány darabot adtak el 2004. jan. 15-én az A123 kódú áruból, mi a neve és az ára?

$$\left\{ s^{(3)} \mid \exists u \exists v \left( \text{MENNYISÉG}(u) \wedge \text{ÁRU}(v) \wedge u[1] = 2004-01-15 \wedge u[2] = 'A123' \wedge v[1] = 'A123' \wedge s[1] = u[3] \wedge s[2] = v[2] \wedge s[3] = v[3] \right) \right\}$$

$$\left\{ x, y, z \mid \exists u \exists v \left( \text{MENNYISÉG}(u, v, x) \wedge \text{ÁRU}(v, y, z) \wedge u = 2004-01-15 \wedge v = 'A123' \right) \right\}$$

Mely nevű áruk azok, amelyekkel van azonos egységárú másik áru?

$$\left\{ s^{(1)} \mid \exists u \exists v \left( \text{ÁRU}(v) \wedge \text{ÁRU}(u) \wedge s[1] = v[2] \wedge v[3] = u[3] \wedge \neg(v[1] = u[1]) \right) \right\}$$
$$\left\{ v \mid \exists x \exists y \exists w \exists u \left( \text{ÁRU}(x, v, u) \wedge \text{ÁRU}(y, w, u) \wedge x \neq y \right) \right\}$$

# Biztonságos kifejezés

$\text{Dom}(\psi)$  és a biztonságos formula és kifejezés ugyanaz, mint sorkalkulusnál.

## Biztonságos kifejezés

$\text{Dom}(\psi)$  és a biztonságos formula és kifejezés ugyanaz, mint sorkalkulusnál.

Ugyanolyan technikák vannak a biztonságosság elérésére, mint sorkalkulusnál.

## Biztonságos kifejezés

$\text{Dom}(\psi)$  és a biztonságos formula és kifejezés ugyanaz, mint sorkalkulusnál.

Ugyanolyan technikák vannak a biztonságosság elérésére, mint sorkalkulusnál.

### Tétel

*A sorkalkulus és az oszlopkalkulus ekvivalensek. A biztonságos sorkalkulus és a biztonságos oszlopkalkulus ekvivalensek.*

## Biztonságos kifejezés

$\text{Dom}(\psi)$  és a biztonságos formula és kifejezés ugyanaz, mint sorkalkulusnál.

Ugyanolyan technikák vannak a biztonságosság elérésére, mint sorkalkulusnál.

### Tétel

*A sorkalkulus és az oszlopalkulus ekvivalensek. A biztonságos sorkalkulus és a biztonságos oszlopalkulus ekvivalensek.*

### Bizonyítás.

Vázlat:

$$\{t^{(k)} \mid \phi(t^{(k)})\} \longleftrightarrow \{u_1, \dots, u_k \mid \psi(u_1, \dots, u_k)\}$$

## Biztonságos kifejezés

$\text{Dom}(\psi)$  és a biztonságos formula és kifejezés ugyanaz, mint sorkalkulusnál.

Ugyanolyan technikák vannak a biztonságosság elérésére, mint sorkalkulusnál.

### Tétel

*A sorkalkulus és az oszlopalkulus ekvivalensek. A biztonságos sorkalkulus és a biztonságos oszlopalkulus ekvivalensek.*

### Bizonyítás.

Vázlat:

$$\begin{aligned} \{t^{(k)} \mid \phi(t^{(k)})\} &\longleftrightarrow \{u_1, \dots, u_k \mid \psi(u_1, \dots, u_k)\} \\ t^{(k)} &\longleftrightarrow u_1, \dots, u_k \end{aligned}$$



## Biztonságos kifejezés

$\text{Dom}(\psi)$  és a biztonságos formula és kifejezés ugyanaz, mint sorkalkulusnál.

Ugyanolyan technikák vannak a biztonságosság elérésére, mint sorkalkulusnál.

### Tétel

*A sorkalkulus és az oszlopkalkulus ekvivalensek. A biztonságos sorkalkulus és a biztonságos oszlopkalkulus ekvivalensek.*

### Bizonyítás.

Vázlat:

$$\begin{aligned} \{t^{(k)} \mid \phi(t^{(k)})\} &\longleftrightarrow \{u_1, \dots, u_k \mid \psi(u_1, \dots, u_k)\} \\ t^{(k)} &\longleftrightarrow u_1, \dots, u_k \\ R(t^{(k)}) &\longleftrightarrow R(u_1, \dots, u_k) \end{aligned}$$

## Biztonságos kifejezés

$\text{Dom}(\psi)$  és a biztonságos formula és kifejezés ugyanaz, mint sorkalkulusnál.

Ugyanolyan technikák vannak a biztonságosság elérésére, mint sorkalkulusnál.

### Tétel

*A sorkalkulus és az oszlopkalkulus ekvivalensek. A biztonságos sorkalkulus és a biztonságos oszlopkalkulus ekvivalensek.*

### Bizonyítás.

Vázlat:

$$\begin{aligned}\{t^{(k)} \mid \phi(t^{(k)})\} &\longleftrightarrow \{u_1, \dots, u_k \mid \psi(u_1, \dots, u_k)\} \\ t^{(k)} &\longleftrightarrow u_1, \dots, u_k \\ R(t^{(k)}) &\longleftrightarrow R(u_1, \dots, u_k) \\ t^{(k)}[j] &\longleftrightarrow u_j\end{aligned}$$

## Biztonságos kifejezés

$\text{Dom}(\psi)$  és a biztonságos formula és kifejezés ugyanaz, mint sorkalkulusnál.

Ugyanolyan technikák vannak a biztonságosság elérésére, mint sorkalkulusnál.

### Tétel

*A sorkalkulus és az oszlopkalkulus ekvivalensek. A biztonságos sorkalkulus és a biztonságos oszlopkalkulus ekvivalensek.*

### Bizonyítás.

Vázlat:

$$\begin{aligned}\{t^{(k)} \mid \phi(t^{(k)})\} &\longleftrightarrow \{u_1, \dots, u_k \mid \psi(u_1, \dots, u_k)\} \\ t^{(k)} &\longleftrightarrow u_1, \dots, u_k \\ R(t^{(k)}) &\longleftrightarrow R(u_1, \dots, u_k) \\ t^{(k)}[j] &\longleftrightarrow u_j \\ \exists t^{(k)} \phi(t^{(k)}) &\longleftrightarrow \exists u_1 \dots \exists u_k \psi(u_1, \dots, u_k)\end{aligned}$$

## Biztonságos kifejezés

$\text{Dom}(\psi)$  és a biztonságos formula és kifejezés ugyanaz, mint sorkalkulusnál.

Ugyanolyan technikák vannak a biztonságosság elérésére, mint sorkalkulusnál.

### Tétel

*A sorkalkulus és az oszlopkalkulus ekvivalensek. A biztonságos sorkalkulus és a biztonságos oszlopkalkulus ekvivalensek.*

### Bizonyítás.

Vázlat:

$$\begin{aligned} \{t^{(k)} \mid \phi(t^{(k)})\} &\longleftrightarrow \{u_1, \dots, u_k \mid \psi(u_1, \dots, u_k)\} \\ t^{(k)} &\longleftrightarrow u_1, \dots, u_k \\ R(t^{(k)}) &\longleftrightarrow R(u_1, \dots, u_k) \\ t^{(k)}[j] &\longleftrightarrow u_j \\ \exists t^{(k)} \phi(t^{(k)}) &\longleftrightarrow \exists u_1 \dots \exists u_k \psi(u_1, \dots, u_k) \\ \text{biztonságos} &\longleftrightarrow \text{biztonságos} \end{aligned}$$



# Lekérdezőnyelvek típusai, általános jellemzőik

- Lehetnek **algebrai alapúak**: relációs algebrán alapuló lekérdezés, procedurális leírás

# Lekérdezőnyelvek típusai, általános jellemzőik

- Lehetnek **algebrai alapúak**: relációs algebrán alapuló lekérdezés, procedurális leírás  
**Előny**: lekérdezésoptimalizálásra jobb

## Lekérdezőnyelvek típusai, általános jellemzőik

- Lehetnek **algebrai alapúak**: relációs algebrán alapuló lekérdezés, procedurális leírás  
**Előny**: lekérdezőoptimalizálásra jobb
- Lehetnek **logikai alapúak**: sor vagy oszlopkalkulusra épülő lekérdezés, deklaratív leírás

## Lekérdezőnyelvek típusai, általános jellemzőik

- Lehetnek **algebrai alapúak**: relációs algebrán alapuló lekérdezés, procedurális leírás  
**Előny**: lekérdezőoptimalizálásra jobb
- Lehetnek **logikai alapúak**: sor vagy oszlopkalkulusra épülő lekérdezés, deklaratív leírás  
**Előny**: könnyebben átlátható



## Lekérdezőnyelvek típusai, általános jellemzőik

- Lehetnek **algebrai alapúak**: relációs algebrán alapuló lekérdezés, procedurális leírás  
**Előny**: lekérdezésoptimalizálásra jobb
- Lehetnek **logikai alapúak**: sor vagy oszlopkalkulusra épülő lekérdezés, deklaratív leírás  
**Előny**: könnyebben átlátható

Általában a konkrét lekérdezőnyelvek eltérnek a modelltől (algebrai és logikai esetben is), van amiben többet tudnak, van amiben kevesebbet, vagy csak máshogy.

## Lekérdezőnyelvek típusai, általános jellemzőik

- Lehetnek **algebrai alapúak**: relációs algebrán alapuló lekérdezés, procedurális leírás  
**Előny**: lekérdezésoptimalizálásra jobb
- Lehetnek **logikai alapúak**: sor vagy oszlopkalkulusra épülő lekérdezés, deklaratív leírás  
**Előny**: könnyebben átlátható

Általában a konkrét lekérdezőnyelvek eltérnek a modelltől (algebrai és logikai esetben is), van amiben többet tudnak, van amiben kevesebbet, vagy csak máshogy.

**Lehetséges eltérések:**

- logikai alapúakban eleve csak biztonságos kifejezéseknek megfelelő kérdéseket lehet írni (nincsenek kvantorok)

## Lekérdezőnyelvek típusai, általános jellemzőik

- Lehetnek **algebrai alapúak**: relációs algebrán alapuló lekérdezés, procedurális leírás  
**Előny**: lekérdezésoptimalizálásra jobb
- Lehetnek **logikai alapúak**: sor vagy oszlopkalkulusra épülő lekérdezés, deklaratív leírás  
**Előny**: könnyebben átlátható

Általában a konkrét lekérdezőnyelvek eltérnek a modelltől (algebrai és logikai esetben is), van amiben többet tudnak, van amiben kevesebbet, vagy csak máshogy.

**Lehetséges eltérések:**

- logikai alapúakban eleve csak biztonságos kifejezéseknek megfelelő kérdéseket lehet írni (nincsenek kvantorok)
- aritmetika

## Lekérdezőnyelvek típusai, általános jellemzőik

- Lehetnek **algebrai alapúak**: relációs algebrán alapuló lekérdezés, procedurális leírás  
**Előny**: lekérdezésoptimalizálásra jobb
- Lehetnek **logikai alapúak**: sor vagy oszlopkalkulusra épülő lekérdezés, deklaratív leírás  
**Előny**: könnyebben átlátható

Általában a konkrét lekérdezőnyelvek eltérnek a modelltől (algebrai és logikai esetben is), van amiben többet tudnak, van amiben kevesebbet, vagy csak máshogy.

**Lehetséges eltérések:**

- logikai alapúakban eleve csak biztonságos kifejezéseknek megfelelő kérdéseket lehet írni (nincsenek kvantorok)
- aritmetika
- aggregátumok

## Lekérdezőnyelvek típusai, általános jellemzőik

- Lehetnek **algebrai alapúak**: relációs algebrán alapuló lekérdezés, procedurális leírás  
**Előny**: lekérdezőoptimalizálásra jobb
- Lehetnek **logikai alapúak**: sor vagy oszlopkalkulusra épülő lekérdezés, deklaratív leírás  
**Előny**: könnyebben átlátható

Általában a konkrét lekérdezőnyelvek eltérnek a modelltől (algebrai és logikai esetben is), van amiben többet tudnak, van amiben kevesebbet, vagy csak máshogy.

**Lehetséges eltérések:**

- logikai alapúakban eleve csak biztonságos kifejezéseknek megfelelő kérdéseket lehet írni (nincsenek kvantorok)
- aritmetika
- aggregátumok
- többszörös sorok kezelése/megengedése

## Lekérdezőnyelvek típusai, általános jellemzőik

- Lehetnek **algebrai alapúak**: relációs algebrán alapuló lekérdezés, procedurális leírás  
**Előny**: lekérdezésoptimalizálásra jobb
- Lehetnek **logikai alapúak**: sor vagy oszlopkalkulusra épülő lekérdezés, deklaratív leírás  
**Előny**: könnyebben átlátható

Általában a konkrét lekérdezőnyelvek eltérnek a modelltől (algebrai és logikai esetben is), van amiben többet tudnak, van amiben kevesebbet, vagy csak máshogy.

**Lehetséges eltérések:**

- logikai alapúakban eleve csak biztonságos kifejezéseknek megfelelő kérdéseket lehet írni (nincsenek kvantorok)
- aritmetika
- aggregátumok
- többszörös sorok kezelése/megengedése
- attribútumok sorrendje kötött

## Lekérdezőnyelvek típusai, általános jellemzőik

- Lehetnek **algebrai alapúak**: relációs algebrán alapuló lekérdezés, procedurális leírás  
**Előny**: lekérdezőoptimalizálásra jobb
- Lehetnek **logikai alapúak**: sor vagy oszlopkalkulusra épülő lekérdezés, deklaratív leírás  
**Előny**: könnyebben átlátható

Általában a konkrét lekérdezőnyelvek eltérnek a modelltől (algebrai és logikai esetben is), van amiben többet tudnak, van amiben kevesebbet, vagy csak máshogy.

**Lehetséges eltérések:**

- logikai alapúakban eleve csak biztonságos kifejezéseknek megfelelő kérdéseket lehet írni (nincsenek kvantorok)
- aritmetika
- aggregátumok
- többszörös sorok kezelése/megengedése
- attribútumok sorrendje kötött

De az igaz mindre, hogy relációsan teljesek (esetleg bizonyos műveletek nehezebben mennek) és általában van a lekérdező funkció mellett DML és DDL is.

# Példák relációs adatbáziskezelő nyelvekre

- **Information System Base Language**  $\implies$  **ISBL**
  - ▶ relációs algebra alapú
  - ▶ **kifejlesztő**: IBM's United Kingdom Scientific Center
  - ▶ **Peterlee Relational Test Vehicle**



# Példák relációs adatbáziskezelő nyelvekre

- **Information System Base Language**  $\implies$  **ISBL**
  - ▶ relációs algebra alapú
  - ▶ **kifejlesztő**: IBM's United Kingdom Scientific Center
  - ▶ **Peterlee Relational Test Vehicle**
- **QUERy Language**  $\implies$  **QUEL**
  - ▶ sorkalkulus alapú
  - ▶ **kifejlesztő**: University of California at Berkly
  - ▶ **INGRES lekérdezőnyelve**

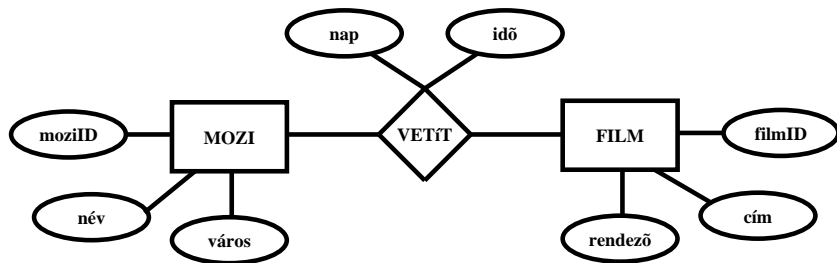
# Példák relációs adatbáziskezelő nyelvekre

- **Information System Base Language**  $\implies$  **ISBL**
  - ▶ relációs algebra alapú
  - ▶ **kifejlesztő**: IBM's United Kingdom Scientific Center
  - ▶ **Peterlee Relational Test Vehicle**
- **QUERy Language**  $\implies$  **QUEL**
  - ▶ sorkalkulus alapú
  - ▶ **kifejlesztő**: University of California at Berkly
  - ▶ **INGRES lekérdezőnyelve**
- **Query-By-Example**  $\implies$  **QBE**
  - ▶ oszlopkalkulus alapú
  - ▶ **kifejlesztő**: IBM's Watson Research Center
  - ▶ **pl. MS Access**

# Példák relációs adatbáziskezelő nyelvekre

- **Information System Base Language**  $\implies$  **ISBL**
  - ▶ relációs algebra alapú
  - ▶ **kifejlesztő**: IBM's United Kingdom Scientific Center
  - ▶ **Peterlee Relational Test Vehicle**
- **QUERy Language**  $\implies$  **QUEL**
  - ▶ sorkalkulus alapú
  - ▶ **kifejlesztő**: University of California at Berkly
  - ▶ **INGRES lekérdezőnyelve**
- **Query-By-Example**  $\implies$  **QBE**
  - ▶ oszlopkalkulus alapú
  - ▶ **kifejlesztő**: IBM's Watson Research Center
  - ▶ **pl. MS Access**
- **Structured Query Language**  $\implies$  **SQL**
  - ▶ oszlopkalkulus-szerű alapjai vannak, némi sorkalkulus elemmel
  - ▶ **kifejlesztő**: IBM's San Jose Research Laboratory
  - ▶ **pl. Oracle, MS SQL, IBM DB2, MySQL, PostgreSQL**

## A példákban használt relációs séma



MOZI	mozilD	név	város
	101	Művész	Budapest
	102	Uránia	Pécs
	⋮		

FILM	filmID	cím	rendező
	1	Macskajaj	E. Kusturica
	2	Moszkva tér	Török F.
	⋮		

VETÍT	mozilD	filmID	nap	idő
	101	1	péntek	16:00
	101	2	szombat	19:00
	⋮			

- Relációs algebra alapú lekérdezések

- operátorok

művelet	relációs algebra	ISBL
unió	$R \cup S$	<b><math>R + S</math></b>
metszet	$R \cap S$	<b><math>R \cdot S</math></b>
természetes illesztés	$R \bowtie S$	<b><math>R * S</math></b>
különbség (általánosabb)	$R \setminus (R \bowtie S)$	<b><math>R - S</math></b>
kiválasztás	$\sigma_F(R)$	<b><math>R:F</math></b>
vetítés	$\pi_{A,B,C}(R)$	<b><math>R \% A,B,C</math></b>

- Relációs algebra alapú lekérdezések

- operátorok

művelet	relációs algebra	ISBL
unió	$R \cup S$	<b>R + S</b>
metszet	$R \cap S$	<b>R . S</b>
természetes illesztés	$R \bowtie S$	<b>R * S</b>
különbség (általánosabb)	$R \setminus (R \bowtie S)$	<b>R - S</b>
kiválasztás	$\sigma_F(R)$	<b>R:F</b>
vetítés	$\pi_{A,B,C}(R)$	<b>R % A,B,C</b>

- egyéb elemek

- ★ eredmény megjelenítése: **list** kulcsszó
- ★ értékadás relációnak: **=**
- ★ és, vagy, tagadás jelei: **&, |, ¬**

- Relációs algebra alapú lekérdezések

- ▶ operátorok

művelet	relációs algebra	ISBL
unió	$R \cup S$	<b>R + S</b>
metszet	$R \cap S$	<b>R . S</b>
természetes illesztés	$R \bowtie S$	<b>R * S</b>
különbség (általánosabb)	$R \setminus (R \bowtie S)$	<b>R - S</b>
kiválasztás	$\sigma_F(R)$	<b>R:F</b>
vetítés	$\pi_{A,B,C}(R)$	<b>R % A,B,C</b>

- ▶ egyéb elemek

- ★ eredmény megjelenítése: **list** kulcsszó
    - ★ értékadás relációnak: **=**
    - ★ és, vagy, tagadás jelei: **&, |, ¬**

- További nyelvi elemek

- ▶ aggregátumok (min., max., összeg, átlag, darabszám) kezelése
  - ▶ adatfrissítő műveletek
  - ▶ átnevezés
  - ▶ kimenet formázása



# ISBL példák

- Budapesti mozik nevei

**list** MOZI : város = "Budapest" % név

# ISBL példák

- Budapesti mozik nevei

**list** MOZI : város = "Budapest" % név

- Pénteken 16 órakor kezdődő filmek címe, rendezője

**list** FILM \* VETÍT : nap = "péntek" & idő = "16:00" % cím, rendező

# ISBL példák

- Budapesti mozik nevei

**list** MOZI : város = "Budapest" % név

- Pénteken 16 órakor kezdődő filmek címe, rendezője

**list** FILM \* VETÍT : nap = "péntek" & idő = "16:00" % cím, rendező

- Pénteken nem vetített filmek címe

**list** FILM – ( VETÍT : nap = "péntek" ) % cím

(Figyelem! Különbösznek más a definíciója.)

# ISBL példák

- Budapesti mozik nevei

**list** MOZI : város = "Budapest" % név

- Pénteken 16 órakor kezdődő filmek címe, rendezője

**list** FILM \* VETÍT : nap = "péntek" & idő = "16:00" % cím, rendező

- Pénteken nem vetített filmek címe

**list** FILM – ( VETÍT : nap = "péntek" ) % cím

(Figyelem! Különbségnek más a definíciója.)

- Pénteken és szombaton is vetített filmek címe

**list** ( FILM \* VETÍT : nap = "péntek" % cím ) .

( FILM \* VETÍT : nap = "szombat" % cím )

# ISBL példák

- Budapesti mozik nevei

**list** MOZI : város = "Budapest" % név

- Pénteken 16 órakor kezdődő filmek címe, rendezője

**list** FILM \* VETÍT : nap = "péntek" & idő = "16:00" % cím, rendező

- Pénteken nem vetített filmek címe

**list** FILM – ( VETÍT : nap = "péntek" ) % cím

(Figyelem! Különbségnek más a definíciója.)

- Pénteken és szombaton is vetített filmek címe

**list** ( FILM \* VETÍT : nap = "péntek" % cím ) .

( FILM \* VETÍT : nap = "szombat" % cím )

vagy köztes relációk bevezetésével:

r1 = FILM \* VETÍT : nap = "péntek" % cím

r2 = FILM \* VETÍT : nap = "szombat" % cím

**list** r1.r2

# QUEL

Sorkalkulus alapú.

Pl. Budapesti mozik nevei:

$\{t[2] \mid \text{MOZI}(t) \wedge t[3] = \text{'Budapest'}\}$

Sorkalkulus alapú.

Pl. Budapesti mozik nevei:

$\{t[2] \mid \text{MOZI}(t) \wedge t[3] = \text{'Budapest'}\}$

Meg kell mondani, hogy a sorváltozó melyik reláció sorain fut:

$R(t) \longleftrightarrow$  **range of  $t$  is  $R$**

Sorkalkulus alapú.

Pl. Budapesti mozik nevei:

$\{t[2] \mid \text{MOZI}(t) \wedge t[3] = \text{'Budapest'}\}$

Meg kell mondani, hogy a sorváltozó melyik reláció sorain fut:

$R(t) \longleftrightarrow \text{range of } t \text{ is } R$

Hivatkozni kell a sorváltozó komponenseire:

$t[i] \longleftrightarrow \text{t.<i-edik attributum neve>}$



# QUEL

Sorkalkulus alapú.

Pl. Budapesti mozik nevei:

$\{t[2] \mid \text{MOZI}(t) \wedge t[3] = \text{'Budapest'}\}$

Meg kell mondani, hogy a sorváltozó melyik reláció sorain fut:

$R(t) \longleftrightarrow \text{range of } t \text{ is } R$

Hivatkozni kell a sorváltozó komponenseire:

$t[i] \longleftrightarrow \text{t.<i-edik attributum neve>}$

Pl.  $t[3] \longleftrightarrow t.\text{város}$

# QUEL

Sorkalkulus alapú.

Pl. Budapesti mozik nevei:

$\{t[2] \mid \text{MOZI}(t) \wedge t[3] = \text{'Budapest'}\}$

Meg kell mondani, hogy a sorváltozó melyik reláció sorain fut:

$R(t) \longleftrightarrow$  **range of  $t$  is  $R$**

Hivatkozni kell a sorváltozó komponenseire:

$t[i] \longleftrightarrow$   **$t$ .< $i$ -edik attributum neve>**

Pl.  $t[3] \longleftrightarrow t$ .város

Lekérdezés:

**retrieve** ( <lekérdezendő attribútumok> ) **where** <feltétel>

## QUEL példák

range of  $m$  is MOZI

range of  $f$  is FILM

range of  $v$  is VETÍT

range of  $u$  is VETÍT

## QUEL példák

range of  $m$  is MOZI

range of  $f$  is FILM

range of  $v$  is VETÍT

range of  $u$  is VETÍT

- Budapesti mozik nevei

**retrieve** (  $m.név$  ) **where**  $m.város = 'Budapest'$

## QUEL példák

range of  $m$  is MOZI

range of  $f$  is FILM

range of  $v$  is VETÍT

range of  $u$  is VETÍT

- Budapesti mozik nevei

**retrieve** (  $m.név$  ) **where**  $m.város = 'Budapest'$

- Pénteken 16 órakor kezdődő filmek címe, rendezője

**retrieve unique** (  $f.cím, f.rendező$  )

**where**  $f.filmID=v.filmID$  **and**  $v.nap = 'péntek'$  **and**  $v.idő = '16:00'$

## QUEL példák

range of  $m$  is MOZI

range of  $f$  is FILM

range of  $v$  is VETÍT

range of  $u$  is VETÍT

- Budapesti mozik nevei

**retrieve** (  $m.név$  ) **where**  $m.város = 'Budapest'$

- Pénteken 16 órakor kezdődő filmek címe, rendezője

**retrieve unique** (  $f.cím, f.rendező$  )

**where**  $f.filmID=v.filmID$  **and**  $v.nap = 'péntek'$  **and**  $v.idő = '16:00'$

- Pénteken nem vetített filmek címe:

$\{ t^{(3)}[2] \mid \text{FILM}(t) \wedge \exists s (\text{VETÍT}(s) \wedge s[2] = t[1] \wedge s[3] = 'péntek') \}$

## QUEL példák

range of  $m$  is MOZI

range of  $f$  is FILM

range of  $v$  is VETÍT

range of  $u$  is VETÍT

- Budapesti mozik nevei

**retrieve** (  $m.név$  ) **where**  $m.város = 'Budapest'$

- Pénteken 16 órakor kezdődő filmek címe, rendezője

**retrieve unique** (  $f.cím, f.rendező$  )

**where**  $f.filmID=v.filmID$  **and**  $v.nap = 'péntek'$  **and**  $v.idő = '16:00'$

- Pénteken nem vetített filmek címe:

$\left\{ t^{(3)}[2] \mid \text{FILM}(t) \wedge \exists s \left( \text{VETÍT}(s) \wedge s[2] = t[1] \wedge s[3] = 'péntek' \right) \right\}$

QUEL-ben nincsenek igazi kvantorok, csak egy **any** nevű aggregátum!

## QUEL példák

range of  $m$  is MOZI

range of  $f$  is FILM

range of  $v$  is VETÍT

range of  $u$  is VETÍT

- Budapesti mozik nevei

**retrieve** (  $m.név$  ) **where**  $m.város = 'Budapest'$

- Pénteken 16 órakor kezdődő filmek címe, rendezője

**retrieve unique** (  $f.cím, f.rendező$  )

**where**  $f.filmID=v.filmID$  **and**  $v.nap = 'péntek'$  **and**  $v.idő = '16:00'$

- Pénteken nem vetített filmek címe:

$\left\{ t^{(3)}[2] \mid \text{FILM}(t) \wedge \exists s \left( \text{VETÍT}(s) \wedge s[2] = t[1] \wedge s[3] = 'péntek' \right) \right\}$

QUEL-ben nincsenek igazi kvantorok, csak egy **any** nevű aggregátum!

$any()=1$ , ha van olyan sor, ami kielégíti a feltételt és  $=0$ , ha nincs



## QUEL példák

range of  $m$  is MOZI

range of  $f$  is FILM

range of  $v$  is VETÍT

range of  $u$  is VETÍT

- Budapesti mozik nevei

**retrieve** (  $m.név$  ) **where**  $m.város = 'Budapest'$

- Pénteken 16 órakor kezdődő filmek címe, rendezője

**retrieve unique** (  $f.cím, f.rendező$  )

**where**  $f.filmID=v.filmID$  **and**  $v.nap = 'péntek'$  **and**  $v.idő = '16:00'$

- Pénteken nem vetített filmek címe:

$\left\{ t^{(3)}[2] \mid \text{FILM}(t) \wedge \exists s \left( \text{VETÍT}(s) \wedge s[2] = t[1] \wedge s[3] = 'péntek' \right) \right\}$

QUEL-ben nincsenek igazi kvantorok, csak egy **any** nevű aggregátum!  
 $any()=1$ , ha van olyan sor, ami kielégíti a feltételt és  $=0$ , ha nincs

**retrieve** (  $f.cím$  )

**where any** (  $f.filmID$  **where**  $f.filmID=v.filmID$  **and**  $v.nap = 'péntek'$  ) $=0$

- Pénteken és szombaton is vetített filmek címe

**retrieve unique** (  $f.cím$  )

**where**  $f.filmID=v.filmID$  **and**  $v1.filmID=v.filmID$  **and**

$v.nap = 'péntek'$  **and**  $v1.nap = 'szombat'$

## QUEL példák

range of  $m$  is MOZI

range of  $f$  is FILM

range of  $v$  is VETÍT

range of  $u$  is VETÍT

- Budapesti mozik nevei

**retrieve** (  $m.név$  ) **where**  $m.város = 'Budapest'$

- Pénteken 16 órakor kezdődő filmek címe, rendezője

**retrieve unique** (  $f.cím, f.rendező$  )

**where**  $f.filmID=v.filmID$  **and**  $v.nap = 'péntek'$  **and**  $v.idő = '16:00'$

- Pénteken nem vetített filmek címe:

$\{ t^{(3)}[2] \mid \text{FILM}(t) \wedge \exists s (\text{VETÍT}(s) \wedge s[2] = t[1] \wedge s[3] = 'péntek') \}$

QUEL-ben nincsenek igazi kvantorok, csak egy **any** nevű aggregátum!  
 $any()=1$ , ha van olyan sor, ami kielégíti a feltételt és  $=0$ , ha nincs

**retrieve** (  $f.cím$  )

**where any** (  $f.filmID$  **where**  $f.filmID=v.filmID$  **and**  $v.nap = 'péntek'$  ) $=0$

- Pénteken és szombaton is vetített filmek címe

**retrieve unique** (  $f.cím$  )

**where**  $f.filmID=v.filmID$  **and**  $v1.filmID=v.filmID$  **and**

$v.nap = 'péntek'$  **and**  $v1.nap = 'szombat'$

Lehet beszúrni és törölni:

**retrieve into** FILM1 **unique** *f.cím*

**retrieve into** FILM2 **unique** *f.cím* **where** *f.filmID=v.filmID* **and** *v.nap='péntek'*

**range of** *f1* **is** FILM1

**range of** *f2* **is** FILM2

**delete** *f1* **where** *f1.filmID=f2.filmID*

**retrieve** FILM1

- Oszlopkalkulus alapú lekérdezések, **kétdimenziós**

- Oszlopkalkulus alapú lekérdezések, **kétdimenziós**
  - ▶ A lekérdezés elemei **változókkal** és **konstansokkal** kitöltött **sablon(ok)**
    - ★ jelölések

változó	aláhúzott változónév
konstans	nem aláhúzott érték
egyszer említett változó	üres cella
kimenetre kerülő attribútum	<b>P.</b> prefix

- Oszlopkalkulus alapú lekérdezések, **kétdimenziós**

- ▶ A lekérdezés elemei **változókkal** és **konstansokkal** kitöltött **sablon(ok)**

- ★ jelölések

változó	aláhúzott változónév
konstans	nem aláhúzott érték
egyszer említett változó	üres cella
kimenetre kerülő attribútum	<b>P.</b> prefix

- ★ Példa: Budapesti mozik nevei:

MOZI	mozilD	név	város
	<u>1</u>	<b>P.</b> <u>mozinév</u>	Budapest

- Oszlopkalkulus alapú lekérdezések, kétdimenziós

- ▶ A lekérdezés elemei **változókkal** és **konstansokkal** kitöltött **sablon(ok)**

- ★ jelölések

változó	aláhúzott változónév
konstans	nem aláhúzott érték
egyszer említett változó	üres cella
kimenetre kerülő attribútum	<b>P.</b> prefix

- ★ Példa: Budapesti mozik nevei:

MOZI	mozilD	név	város
	<u>1</u>	<b>P.</b> mozinév	Budapest

vagy

MOZI	mozilD	név	város
		<b>P.</b>	Budapest

- Oszlopkalkulus alapú lekérdezések, kétdimenziós

- ▶ A lekérdezés elemei **változókkal** és **konstansokkal** kitöltött **sablon(ok)**

- ★ jelölések

változó	aláhúzott változónév
konstans	nem aláhúzott érték
egyszer említett változó	üres cella
kimenetre kerülő attribútum	<b>P.</b> prefix

- ★ Példa: Budapesti mozik nevei:

MOZI	mozilD	név	város
	<u>1</u>	<b>P.</b> mozinév	Budapest

vagy

MOZI	mozilD	név	város
		<b>P.</b>	Budapest

- ▶ **Összetett lekérdezések** is lehetségesek (használatukkor az **azonos nevű változók** illesztése történik meg).

- ★ **használható több soros sablon** (ekkor a kiértékeléskor mindegyik sornak egy-egy futó oszlopváltozó fog megfelelni, és ha illeszkedés van, akkor megtörténik a kiírás)



- Oszlopkalkulus alapú lekérdezések, kétdimenziós

- ▶ A lekérdezés elemei **változókkal** és **konstansokkal** kitöltött **sablon(ok)**
  - ★ jelölések

változó	aláhúzott változónév
konstans	nem aláhúzott érték
egyszer említett változó	üres cella
kimenetre kerülő attribútum	<b>P.</b> prefix

- ★ Példa: Budapesti mozik nevei:

MOZI	mozilD	név	város
	<u>1</u>	<b>P.</b> mozinév	Budapest

vagy

MOZI	mozilD	név	város
		<b>P.</b>	Budapest

- ▶ **Összetett lekérdezések** is lehetségesek (használatukkor az **azonos nevű változók** illesztése történik meg).
  - ★ **használható több soros sablon** (ekkor a kiértékeléskor mindegyik sornak egy-egy futó oszlopváltozó fog megfelelni, és ha illeszkedés van, akkor megtörténik a kiírás)
  - ★ **használható több sablon** (kiértékelés hasonlóan, mint a többsoros kérdésnél, csak az oszlopváltozók nem ugyanazon reláció sorait futják be)

- A kiválasztás feltételeinek megadása

- ▶ Az **egyenlőség** konstanshoz való illesztéssel vizsgálható (mint az előbb),

- A kiválasztás feltételeinek megadása

- ▶ Az **egyenlőség** konstanshoz való illesztéssel vizsgálható (mint az előbb),
- ▶ **egyéb egyszerű relációkhoz** a  $\neg$ ,  $=$ ,  $>$ ,  $<$ ,  $>=$ ,  $<=$  operátorok használhatók,

## ● A kiválasztás feltételeinek megadása

- ▶ Az **egyenlőség** konstanshoz való illesztéssel vizsgálható (mint az előbb),
- ▶ **egyéb egyszerű relációkhoz** a  $\neg$ ,  $=$ ,  $>$ ,  $<$ ,  $>=$ ,  $<=$  operátorok használhatók,
- ▶ **összetett feltételeket** (pl. két változó közt a  $<$  relációt) külön feltételsablon megadásával lehet vizsgálni.

## ● A kiválasztás feltételeinek megadása

- ▶ Az **egyenlőség** konstanshoz való illesztéssel vizsgálható (mint az előbb),
- ▶ **egyéb egyszerű relációkhoz** a  $\neg$ ,  $=$ ,  $>$ ,  $<$ ,  $>=$ ,  $<=$  operátorok használhatók,
- ▶ **összetett feltételeket** (pl. két változó közt a  $<$  relációt) külön feltételsablon megadásával lehet vizsgálni.

## ● További nyelvi elemek

- ▶ mintaillesztés
- ▶ aritmetika
- ▶ kimenet rendezése
- ▶ csoportosítás
- ▶ aggregátumok kezelése
- ▶ reláció tranzitív lezártjának kezelése
- ▶ adatmódosító műveletek
- ▶ típusdefiníció, sémalétrehozás

**Megjegyzés:** dupla példányt kiirtja, azaz többszörös sorok nincsenek

## QBE példák még

- Nem budapesti mozik nevei

MOZI	moziID	név	város
		<b>P.</b>	$\neg =$ Budapest

## QBE példák még

- Nem budapesti mozik nevei

MOZI	mozilID	név	város
		<b>P.</b>	$\neg =$ Budapest

- Pénteki és szombati kezdési időpontok

VETÍT	mozilID	filmID	nap	idő
			<b>P.péntek</b>	<b>P.</b>
			<b>P.szombat</b>	<b>P.</b>

## QBE példák még

- Nem budapesti mozik nevei

MOZI	moziID	név	város
		<b>P.</b>	$\neg$ = Budapest

- Pénteki és szombati kezdési időpontok

VETÍT	moziID	filmID	nap	idő
			<b>P.péntek</b>	<b>P.</b>
			<b>P.szombat</b>	<b>P.</b>

- Időpontok, amikor pénteken és szombaton is kezdődik film

VETÍT	moziID	filmID	nap	idő
			péntek	<b>P.kezdes</b>
			szombat	<u>kezdes</u>



## QBE példák még

- Pénteken vetített filmek adatai

FILM	filmID	cím	rendező
	<u>1</u>	P.	P.

VETÍT	mozilID	filmID	nap	idő
		<u>1</u>	péntek	

## QBE példák még

- Pénteken vetített filmek adatai

FILM	filmID	cím	rendező
	<u>1</u>	P.	P.

VETÍT	mozilD	filmID	nap	idő
		<u>1</u>	péntek	

- Azok a városok, ahol van legalább két mozi:

MOZI	mozilD	név	város
	<u>1</u>		P.városnév
	<u>2</u>		városnév

CONDITIONS
<u>1</u> ≠ <u>2</u>

# Adatbázisok elmélete

## SQL

Katona Gyula Y.

Számítástudományi és Információelméleti Tanszék  
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem

### 9. előadás

# Az SQL nyelv

- Relációs nyelv, mint az eddigiek

# Az SQL nyelv

- Relációs nyelv, mint az eddigiek
- oszlopkalkulus jellegű, de némi sorkalkulusos beütéssel

# Az SQL nyelv

- Relációs nyelv, mint az eddigiek
- oszlopkalkulus jellegű, de némi sorkalkulusos beütéssel

Termékek, (amik szükségszerűen relációs nyelvet is tartalmaztak):

- IBM: System/R
- Relational Software: Oracle
- Relational Systems: Ingres
- Microsoft: SQL server 2000

# Az SQL nyelv

- Relációs nyelv, mint az eddigiek
- oszlopkalkulus jellegű, de némi sorkalkulusos beütéssel

Termékek, (amik szükségszerűen relációs nyelvet is tartalmaztak):

- IBM: System/R
- Relational Software: Oracle
- Relational Systems: Ingres
- Microsoft: SQL server 2000

## Szabványok

- SQL89 (SQL1)
- SQL92 (SQL2, mi nagyrészt ezt nézzük most)
- SQL99 (SQL3, ebből is pár dolog, pl. triggererek, rekurzió)

# Az SQL nyelv

- Relációs nyelv, mint az eddigiek
- oszlopkalkulus jellegű, de némi sorkalkulusos beütéssel

Termékek, (amik szükségszerűen relációs nyelvet is tartalmaztak):

- IBM: System/R
- Relational Software: Oracle
- Relational Systems: Ingres
- Microsoft: SQL server 2000

## Szabványok

- SQL89 (SQL1)
- SQL92 (SQL2, mi nagyrészt ezt nézzük most)
- SQL99 (SQL3, ebből is pár dolog, pl. triggererek, rekurzió)

Működő rendszerekben ezek verziói vannak (főleg SQL2).



# Fontosabb utasítások

## Data Definition Language:

- CREATE - séma létrehozása
- ALTER - séma módosítása
- DROP - séma törlése

# Fontosabb utasítások

## Data Definition Language:

- CREATE - séma létrehozása
- ALTER - séma módosítása
- DROP - séma törlése

## Data Modification Language:

- INSERT - adatok beszúrása
- UPDATE - adatok módosítása
- DELETE - adatok törlése
- SELECT - adatok lekérdezése

## Data Definition Language:

- CREATE - séma létrehozása
- ALTER - séma módosítása
- DROP - séma törlése

## Data Modification Language:

- INSERT - adatok beszúrása
- UPDATE - adatok módosítása
- DELETE - adatok törlése
- SELECT - adatok lekérdezése

Természetesen előbb mindig a sémát kell létrehozni, és utána dolgozhatunk vele, de most fordítva tárgyaljuk mert eddig a lekérdező nyelvekről volt szó.

## DML utasítások — SELECT

Ezzel valósítható meg a kiválasztás, vetítés és a szorzat.

Szintaxis:

```
SELECT <relációi>.<attrib1>, ..., <relációj>.<attribn>  
FROM <reláció1>, ..., <relációm>  
WHERE <kifejezés>
```

Relációs algebrai megfelelője (de nem pontosan, mert SQL-ben SELECT nem küszöböli ki a többszörös sorokat):

$$\pi_{\langle \text{attrib}_1, \dots, \text{attrib}_n \rangle} \sigma_{\langle \text{kifejezés} \rangle} (\langle \text{reláció}_1 \rangle \times \dots \times \langle \text{reláció}_m \rangle)$$

**Példa 1:** A budapesti mozik azonosítói és nevei

```
SELECT mozi.mozilID, mozi.név FROM mozi WHERE mozi.város="Budapest"
```

**Példa 2:** A pénteken hétkor kezdődő filmek azonosítói

```
SELECT vetít.filmID FROM vetít WHERE vetít.nap="péntek" AND vetít.idő="19:00"
```

## Megjegyzés:

- **kiértékelés:** minden egyes FROM utáni relációnak megfelel egy-egy sorváltzó, ami az egyes relációk sorain megy végig (egymásba ágyazott ciklusokkal például). Ha találat van, azaz a WHERE

## Megjegyzés:

- **kiértékelés:** minden egyes FROM utáni relációnak megfelel egy-egy sorváltozó, ami az egyes relációk sorain megy végig (egymásba ágyazott ciklusokkal például). Ha találat van, azaz a WHEREfeltétel igaz az aktuális értékekre, akkor a SELECT utáni mezők kiíródnak
- úgy gondolhatunk a kiértékelésre, mintha először vennénk a FROM utáni relációk direkt szorzatát és aztán arra csinálnánk a kiválasztást és a vetítést.

## Megjegyzés:

- **kiértékelés:** minden egyes FROM utáni relációnak megfelel egy-egy sorváltozó, ami az egyes relációk sorain megy végig (egymásba ágyazott ciklusokkal például). Ha találat van, azaz a WHEREfeltétel igaz az aktuális értékekre, akkor a SELECT utáni mezők kiíródnak
- úgy gondolhatunk a kiértékelésre, mintha először vennénk a FROM utáni relációk direkt szorzatát és aztán arra csinálnánk a kiválasztást és a vetítést.
- ha többszörös sorokat nem akarunk: SELECT DISTINCT (ennek ára van!!!)

## Megjegyzés:

- **kiértékelés:** minden egyes FROM utáni relációnak megfelel egy-egy sorváltozó, ami az egyes relációk sorain megy végig (egymásba ágyazott ciklusokkal például). Ha találat van, azaz a WHEREfeltétel igaz az aktuális értékekre, akkor a SELECT utáni mezők kiíródnak
- úgy gondolhatunk a kiértékelésre, mintha először vennénk a FROM utáni relációk direkt szorzatát és aztán arra csinálnánk a kiválasztást és a vetítést.
- ha többszörös sorokat nem akarunk: SELECT DISTINCT (ennek ára van!!!)
- WHERE el is hagyható



## Megjegyzés:

- **kiértékelés:** minden egyes FROM utáni relációnak megfelel egy-egy sorváltozó, ami az egyes relációk sorain megy végig (egymásba ágyazott ciklusokkal például). Ha találat van, azaz a WHEREfeltétel igaz az aktuális értékekre, akkor a SELECT utáni mezők kiíródnak
- úgy gondolhatunk a kiértékelésre, mintha először vennénk a FROM utáni relációk direkt szorzatát és aztán arra csinálnánk a kiválasztást és a vetítést.
- ha többszörös sorokat nem akarunk: SELECT DISTINCT (ennek ára van!!!)
- WHERE el is hagyható
- WHERE-ben mi állhat: erről később

## Megjegyzés:

- **kiértékelés:** minden egyes FROM utáni relációnak megfelel egy-egy sorváltozó, ami az egyes relációk sorain megy végig (egymásba ágyazott ciklusokkal például). Ha találat van, azaz a WHEREfeltétel igaz az aktuális értékekre, akkor a SELECT utáni mezők kiíródnak
- úgy gondolhatunk a kiértékelésre, mintha először vennénk a FROM utáni relációk direkt szorzatát és aztán arra csinálnánk a kiválasztást és a vetítést.
- ha többszörös sorokat nem akarunk: SELECT DISTINCT (ennek ára van!!!)
- WHERE el is hagyható
- WHERE-ben mi állhat: erről később
- az eredmény az ORDER BY kulcsszó segítségével rendezhető, megadható hogy mely oszlopok szerint és hogy növeleg vagy csökkenőleg

## Megjegyzés:

- **kiértékelés:** minden egyes FROM utáni relációnak megfelel egy-egy sorváltozó, ami az egyes relációk sorain megy végig (egymásba ágyazott ciklusokkal például). Ha találat van, azaz a WHEREfeltétel igaz az aktuális értékekre, akkor a SELECT utáni mezők kiíródnak
- úgy gondolhatunk a kiértékelésre, mintha először vennénk a FROM utáni relációk direkt szorzatát és aztán arra csinálnánk a kiválasztást és a vetítést.
- ha többszörös sorokat nem akarunk: SELECT DISTINCT (ennek ára van!!!)
- WHERE el is hagyható
- WHERE-ben mi állhat: erről később
- az eredmény az ORDER BY kulcsszó segítségével rendezhető, megadható hogy mely oszlopok szerint és hogy növeleg vagy csökkenőleg
- A fenti két példa mutatja, hogy a kiválasztás és a vetítés megy, a szorzatra a sorváltozók bevezetése után nézünk példát

# SELECT

Ezzel valósítható meg a kiválasztás, vetítés és a szorzat.

Szintaxis:

```
SELECT <relációi>.<attrib1>, ..., <relációj>.<attribn>  
FROM <reláció1>, ..., <relációm>  
WHERE <kifejezés>
```

Relációs algebrai megfelelője (de nem pontosan, mert SQL-ben SELECT nem különbözi ki a többszörös sorokat):

$$\pi_{\langle \text{attrib}_1, \dots, \text{attrib}_n \rangle} \sigma_{\langle \text{kifejezés} \rangle} (\langle \text{reláció}_1 \rangle \times \dots \times \langle \text{reláció}_m \rangle)$$

**Példa 3:** A budapesti mozik azonosítói és nevei

```
SELECT mozi.mozilID, mozi.név FROM mozi WHERE mozi.város='Budapest'
```

**Példa 4:** A pénteken hétkor kezdődő filmek azonosítói

```
SELECT vetít.filmID FROM vetít WHERE vetít.nap='péntek' AND vetít.idő='19:00'
```

## Megjegyzés:

- kiértékelés: minden egyes FROM utáni relációnak megfelel egy-egy sorváltozó, ami az egyes relációk sorain megy végig (egymásba ágyazott ciklusokkal például). Ha találat van, azaz a WHERE feltétel igaz az aktuális értékekre, akkor a SELECT utáni mezők kiíródnak
- úgy gondolhatunk a kiértékelésre, mintha először vennénk a FROM utáni relációk direkt szorzatát és aztán arra csinálnánk a kiválasztást és a vetítést.
- ha többszörös sorokat nem akarunk: SELECT DISTINCT (ennek ára van!!!)
- WHERE el is hagyható
- WHERE-ben mi állhat: erről később
- az eredmény az ORDER BY kulcsszó segítségével rendezhető, megadható hogy mely oszlopok szerint és hogy növeleg vagy csökkenőleg
- A fenti két példa mutatja, hogy a kiválasztás és a vetítés megy, a szorzatra a sorváltozók bevezetése után nézünk példát

# SQL Sor- és oszlopváltozók

A FROM után felsorolt relációkhoz **sorváltozókat** rendelhetünk.

Szintaxis (FROM után <reláció<sub>i</sub>> helyén): <reláció<sub>i</sub>> AS <sorváltozó>

# SQL Sor- és oszlopváltozók

A FROM után felsorolt relációkhoz **sorváltzókat** rendelhetünk.

Szintaxis (FROM után <reláció<sub>i</sub>> helyén): <reláció<sub>i</sub>> AS <sorváltzó>

A SELECT után elhelyezett attribútum-hivatkozásokhoz **oszlopváltzókat** rendelhetünk.

Szintaxis (SELECT után <reláció<sub>i</sub>>.<attrib<sub>j</sub>> helyén):

<reláció<sub>i</sub>>.<attrib<sub>j</sub>> AS <oszlopváltzó>

# SQL Sor- és oszlopváltozók

A FROM után felsorolt relációkhoz **sorváltozókat** rendelhetünk.

**Szintaxis (FROM után <reláció<sub>i</sub>> helyén):** <reláció<sub>i</sub>> AS <sorváltozó>

A SELECT után elhelyezett attribútum-hivatkozásokhoz **oszlopváltozókat** rendelhetünk.

**Szintaxis (SELECT után <reláció<sub>i</sub>>.<attrib<sub>j</sub>> helyén):**

<reláció<sub>i</sub>>.<attrib<sub>j</sub>> AS <oszlopváltozó>

Így átnevezés lehetséges az eredmény megjelenítésekor:

Például:

SELECT név AS Filmszínház,  
város AS Hely FROM mozi



	Filmszínház	Hely
	⋮	



# SQL Sor- és oszlopváltozók

A FROM után felsorolt relációkhoz **sorváltozókat** rendelhetünk.

Szintaxis (FROM után <reláció<sub>i</sub>> helyén): <reláció<sub>i</sub>> AS <sorváltozó>

A SELECT után elhelyezett attribútum-hivatkozásokhoz **oszlopváltozókat** rendelhetünk.

Szintaxis (SELECT után <reláció<sub>i</sub>>.<attrib<sub>j</sub>> helyén):

<reláció<sub>i</sub>>.<attrib<sub>j</sub>> AS <oszlopváltozó>

Így átnevezés lehetséges az eredmény megjelenítésekor:

Például:

```
SELECT név AS Filmszínház,  
város AS Hely FROM mozi
```



	Filmszínház	Hely
	⋮	

Az oszlopváltozók valójában csak az eredményreláció attribútumainak elnevezésére használhatók, a SELECT utasításon belül nem hivatkozhatunk rájuk.

# SQL Sor- és oszlopváltozók

A FROM után felsorolt relációkhoz **sorváltzókat** rendelhetünk.

Szintaxis (FROM után <reláció<sub>i</sub>> helyén): <reláció<sub>i</sub>> AS <sorváltzó>

A SELECT után elhelyezett attribútum-hivatkozásokhoz **oszlopváltzókat** rendelhetünk.

Szintaxis (SELECT után <reláció<sub>i</sub>>.<attrib<sub>j</sub>> helyén):

<reláció<sub>i</sub>>.<attrib<sub>j</sub>> AS <oszlopváltzó>

Így átnevezés lehetséges az eredmény megjelenítésekor:

Például:

```
SELECT név AS Filmszínház,  
város AS Hely FROM mozi
```



	Filmszínház	Hely
	⋮	

Az oszlopváltzók valójában csak az eredményreláció attribútumainak elnevezésére használhatók, a SELECT utasításon belül nem hivatkozhatunk rájuk.

A <reláció<sub>i</sub>>. előtag elhagyható, ha egyértelmű, hogy melyik relációról van szó, továbbá a <reláció<sub>i</sub>>. előtag helyett <sorváltzó>. előtag is szerepeltethető.

# Attribútumhivatkozások

Amikor egy attribútumra akarunk hivatkozni, három lehetőségünk van:

- **<attribútum>** (ha ez egyértelmű)

# Attribútumhivatkozások

Amikor egy attribútumra akarunk hivatkozni, három lehetőségünk van:

- **<attribútum>** (ha ez egyértelmű)
- **<reláció>.<attribútum>** (ha ez egyértelmű – N.B.: egy reláció többször is szerepelhet a FROM után, lesz példa)

# Attribútumhivatkozások

Amikor egy attribútumra akarunk hivatkozni, három lehetőségünk van:

- **<attribútum>** (ha ez egyértelmű)
- **<reláció>.<attribútum>** (ha ez egyértelmű – N.B.: egy reláció többször is szerepelhet a FROM után, lesz példa)
- **<sorváltozó>.<attribútum>** (mindig használható)

# Attribútumhivatkozások

Amikor egy attribútumra akarunk hivatkozni, három lehetőségünk van:

- **<attribútum>** (ha ez egyértelmű)
- **<reláció>.<attribútum>** (ha ez egyértelmű – N.B.: egy reláció többször is szerepelhet a FROM után, lesz példa)
- **<sorváltozó>.<attribútum>** (mindig használható)

**Példa 11:** A pénteken vetített filmek címei és rendezői (természetes illesztés)

# Attribútumhivatkozások

Amikor egy attribútumra akarunk hivatkozni, három lehetőségünk van:

- **<attribútum>** (ha ez egyértelmű)
- **<reláció>.<attribútum>** (ha ez egyértelmű – N.B.: egy reláció többször is szerepelhet a FROM után, lesz példa)
- **<sorváltozó>.<attribútum>** (mindig használható)

**Példa 13:** A pénteken vetített filmek címei és rendezői (természetes illesztés)  
**SELECT** cím, rendező **FROM** film, vetít **WHERE** vetít.filmID = film.filmID **AND**  
nap='péntek'

# Attribútumhivatkozások

Amikor egy attribútumra akarunk hivatkozni, három lehetőségünk van:

- `<attribútum>` (ha ez egyértelmű)
- `<reláció>.<attribútum>` (ha ez egyértelmű – N.B.: egy reláció többször is szerepelhet a FROM után, lesz példa)
- `<sorváltozó>.<attribútum>` (mindig használható)

**Példa 15:** A pénteken vetített filmek címei és rendezői (természetes illesztés)  
`SELECT cím, rendező FROM film, vetít WHERE vetít.filmID = film.filmID AND nap='péntek'`

**Példa 16:** Azok a várospárok, ahol vannak azonos nevű mozik



# Attribútumhivatkozások

Amikor egy attribútumra akarunk hivatkozni, három lehetőségünk van:

- **<attribútum>** (ha ez egyértelmű)
- **<reláció>.<attribútum>** (ha ez egyértelmű – N.B.: egy reláció többször is szerepelhet a FROM után, lesz példa)
- **<sorváltozó>.<attribútum>** (mindig használható)

**Példa 17:** A pénteken vetített filmek címei és rendezői (természetes illesztés)  
`SELECT cím, rendező FROM film, vetít WHERE vetít.filmID = film.filmID AND nap='péntek'`

**Példa 18:** Azok a várospárok, ahol vannak azonos nevű mozik  
`SELECT m1.város, m2.város FROM mozi AS m1, mozi AS m2 WHERE m1.név = m2.név AND m1.város <> m2.város`

## Attribútumhivatkozások

Amikor egy attribútumra akarunk hivatkozni, három lehetőségünk van:

- **<attribútum>** (ha ez egyértelmű)
- **<reláció>.<attribútum>** (ha ez egyértelmű – N.B.: egy reláció többször is szerepelhet a FROM után, lesz példa)
- **<sorváltozó>.<attribútum>** (mindig használható)

**Példa 19:** A pénteken vetített filmek címei és rendezői (természetes illesztés)  
`SELECT cím, rendező FROM film, vetít WHERE vetít.filmID = film.filmID AND nap='péntek'`

**Példa 20:** Azok a várospárok, ahol vannak azonos nevű mozik  
`SELECT m1.város, m2.város FROM mozi AS m1, mozi AS m2 WHERE m1.név = m2.név AND m1.város <> m2.város`

**Megjegyzés:** a várospárok mindkét sorrendben megjelennek, és több azonos nevű mozi esetén többször is megjelennek.

## Attribútumhivatkozások

Amikor egy attribútumra akarunk hivatkozni, három lehetőségünk van:

- **<attribútum>** (ha ez egyértelmű)
- **<reláció>.<attribútum>** (ha ez egyértelmű – N.B.: egy reláció többször is szerepelhet a FROM után, lesz példa)
- **<sorváltozó>.<attribútum>** (mindig használható)

**Példa 21:** A pénteken vetített filmek címei és rendezői (természetes illesztés)  
`SELECT cím, rendező FROM film, vetít WHERE vetít.filmID = film.filmID AND nap='péntek'`

**Példa 22:** Azok a várospárok, ahol vannak azonos nevű mozik  
`SELECT m1.város, m2.város FROM mozi AS m1, mozi AS m2 WHERE m1.név = m2.név AND m1.város <> m2.város`

**Megjegyzés:** a várospárok mindkét sorrendben megjelennek, és több azonos nevű mozi esetén többször is megjelennek.

**Az elsőre megoldás:** `<>` helyett legyen `<`, amúgy meg **DISTINCT**  
`SELECT DISTINCT m1.város, m2.város FROM mozi AS m1, mozi AS m2 WHERE m1.név = m2.név AND m1.város < m2.város`

# A WHERE kifejezés

## Kifejezés felépítése:

- logikai műveletek: AND, OR, NOT

# A WHERE kifejezés

## Kifejezés felépítése:

- logikai műveletek: AND, OR, NOT
- összehasonlítás: =, <>, >=, <=, LIKE, BETWEEN

# A WHERE kifejezés

## Kifejezés felépítése:

- logikai műveletek: AND, OR, NOT
- összehasonlítás: =, <>, >=, <=, LIKE, BETWEEN
- aritmetikai műveletek: +, -, \*, /, MOD, POWER, LN, SIN, COS, ...

# A WHERE kifejezés

## Kifejezés felépítése:

- logikai műveletek: AND, OR, NOT
- összehasonlítás: =, <>, >=, <=, LIKE, BETWEEN
- aritmetikai műveletek: +, -, \*, /, MOD, POWER, LN, SIN, COS, ...
- karakterlánc műveletek, összehasonlítás: CONCAT (||), LENGTH, LOWER, SUBSTR, SOUNDEX, ...

# A WHERE kifejezés

## Kifejezés felépítése:

- logikai műveletek: AND, OR, NOT
- összehasonlítás: =, <>, >=, <=, LIKE, BETWEEN
- aritmetikai műveletek: +, -, \*, /, MOD, POWER, LN, SIN, COS, ...
- karakterlánc műveletek, összehasonlítás: CONCAT (||), LENGTH, LOWER, SUBSTR, SOUNDEX, ...
- halmazba tartozás: IN (halmaz), ...



# A WHERE kifejezés

## Kifejezés felépítése:

- logikai műveletek: AND, OR, NOT
- összehasonlítás: =, <>, >=, <=, LIKE, BETWEEN
- aritmetikai műveletek: +, -, \*, /, MOD, POWER, LN, SIN, COS, ...
- karakterlánc műveletek, összehasonlítás: CONCAT (||), LENGTH, LOWER, SUBSTR, SOUNDEX, ...
- halmazba tartozás: IN (halmaz), ...
- változóhivatkozások: < sorváltozó > . < attribútum >, < reláció > . < attribútum >, < attribútum >

# A WHERE kifejezés

## Kifejezés felépítése:

- logikai műveletek: AND, OR, NOT
- összehasonlítás: =, <>, >=, <=, LIKE, BETWEEN
- aritmetikai műveletek: +, -, \*, /, MOD, POWER, LN, SIN, COS, ...
- karakterlánc műveletek, összehasonlítás: CONCAT (||), LENGTH, LOWER, SUBSTR, SOUNDEX, ...
- halmazba tartozás: IN (halmaz), ...
- változóhivatkozások: <sorváltozó>.<attribútum>, <reláció>.<attribútum>, <attribútum>
- konstans (szám,karakterlánc): 137, 42e-3, 'füzér', ...

# A WHERE kifejezés

## Kifejezés felépítése:

- logikai műveletek: AND, OR, NOT
- összehasonlítás: =, <>, >=, <=, LIKE, BETWEEN
- aritmetikai műveletek: +, -, \*, /, MOD, POWER, LN, SIN, COS, ...
- karakterlánc műveletek, összehasonlítás: CONCAT (||), LENGTH, LOWER, SUBSTR, SOUNDEX, ...
- halmazba tartozás: IN (halmaz), ...
- változóhivatkozások: < sorváltozó > . < attribútum >, < reláció > . < attribútum >, < attribútum >
- konstans (szám, karakterlánc): 137, 42e-3, 'füzér', ...
- NULL érték vizsgálata: IS NULL, IS NOT NULL (később lesz)

# A WHERE kifejezés

## Kifejezés felépítése:

- logikai műveletek: AND, OR, NOT
- összehasonlítás: =, <>, >=, <=, LIKE, BETWEEN
- aritmetikai műveletek: +, -, \*, /, MOD, POWER, LN, SIN, COS, ...
- karakterlánc műveletek, összehasonlítás: CONCAT (||), LENGTH, LOWER, SUBSTR, SOUNDEX, ...
- halmazba tartozás: IN (halmaz), ...
- változóhivatkozások: <sorváltozó>.<attribútum>, <reláció>.<attribútum>, <attribútum>
- konstans (szám,karakterlánc): 137, 42e-3, 'füzér', ...
- NULL érték vizsgálata: IS NULL, IS NOT NULL (később lesz)
- alkérdés is lehet itt: (majd erről később)

# LIKE és BETWEEN használata

## LIKE használata:

- ' \_ ' egy tetszőleges karakterre illeszkedik

# LIKE és BETWEEN használata

## LIKE használata:

- `'_'` egy tetszőleges karakterre illeszkedik
- `'%'` tetszőleges karakterláncra illeszkedik

# LIKE és BETWEEN használata

## LIKE használata:

- '\_' egy tetszőleges karakterre illeszkedik
- '%' tetszőleges karakterláncra illeszkedik

**BETWEEN használata:** BETWEEN a AND b jelentése  $a \leq . \leq b$

# LIKE és BETWEEN használata

## LIKE használata:

- '\_' egy tetszőleges karakterre illeszkedik
- '%' tetszőleges karakterláncra illeszkedik

**BETWEEN használata:** BETWEEN a AND b jelentése  $a \leq . \leq b$

**Példa 26:** A 150 és 200 közötti azonosítójú mozik közül azok, amelyek B-vel kezdődő nevű városban vannak, és a nevük hárombetűs.



# LIKE és BETWEEN használata

## LIKE használata:

- '\_' egy tetszőleges karakterre illeszkedik
- '%' tetszőleges karakterláncra illeszkedik

**BETWEEN használata:** BETWEEN a AND b jelentése  $a \leq . \leq b$

**Példa 27:** A 150 és 200 közötti azonosítójú mozik közül azok, amelyek B-vel kezdődő nevű városban vannak, és a nevük hárombetűs.

```
SELECT név FROM mozi WHERE moziID BETWEEN 150 AND 200 AND város LIKE 'B%' AND név LIKE '___'
```

## Műveletek relációkkal

A részeredményül kapott relációkkal **(ha azok sémája lényegében azonos!)** halmazműveleteket (unió, metszet, különbség) végezhetünk.

## Műveletek relációkkal

A részeredményül kapott relációkkal **(ha azok sémája lényegében azonos!)** halmazműveleteket (unió, metszet, különbség) végezhetünk.

**Unió** (valamely eredményrelációban szereplő sorok):

- Szintaxis: <eredményreláció1> UNION <eredményreláció2>

## Műveletek relációkkal

A részeredményül kapott relációkkal **(ha azok sémája lényegében azonos!)** halmazműveleteket (unió, metszet, különbség) végezhetünk.

**Unió** (valamely eredményrelációban szereplő sorok):

- Szintaxis: <eredményreláció1> UNION <eredményreláció2>
- Példa 32: A pénteken vagy szombaton játszott filmek :

## Műveletek relációkkal

A részeredményül kapott relációkkal **(ha azok sémája lényegében azonos!)** halmazműveleteket (unió, metszet, különbség) végezhetünk.

**Unió** (valamely eredményrelációban szereplő sorok):

- **Szintaxis:** <eredményreláció1> UNION <eredményreláció2>
- **Példa 34:** A pénteken vagy szombaton játszott filmek :  
(SELECT cím FROM film, vetít WHERE vetít.nap = 'péntek' AND film.filmID = vetít.filmID)  
UNION  
(SELECT cím FROM film, vetít WHERE vetít.nap = 'szombat' AND film.filmID = vetít.filmID)

(nem hatékony!)

## Műveletek relációkkal

A részeredményül kapott relációkkal **(ha azok sémája lényegében azonos!)** halmazműveleteket (unió, metszet, különbség) végezhetünk.

**Unió** (valamely eredményrelációban szereplő sorok):

- **Szintaxis:** <eredményreláció1> UNION <eredményreláció2>
- **Példa 36:** A pénteken vagy szombaton játszott filmek :  
(SELECT cím FROM film, vetít WHERE vetít.nap = 'péntek' AND film.filmID = vetít.filmID)  
UNION  
(SELECT cím FROM film, vetít WHERE vetít.nap = 'szombat' AND film.filmID = vetít.filmID)

(nem hatékony!)

**Metszet** (mindkét eredményrelációban szereplő sorok):

- **Szintaxis:** <eredményreláció1> INTERSECT <eredményreláció2>

## Műveletek relációkkal

A részeredményül kapott relációkkal **(ha azok sémája lényegében azonos!)** halmazműveleteket (unió, metszet, különbség) végezhetünk.

**Unió** (valamely eredményrelációban szereplő sorok):

- **Szintaxis:** <eredményreláció1> UNION <eredményreláció2>
- **Példa 38:** A pénteken vagy szombaton játszott filmek :  
(SELECT cím FROM film, vetít WHERE vetít.nap = 'péntek' AND film.filmID = vetít.filmID)  
UNION  
(SELECT cím FROM film, vetít WHERE vetít.nap = 'szombat' AND film.filmID = vetít.filmID)

(nem hatékony!)

**Metszet** (mindkét eredményrelációban szereplő sorok):

- **Szintaxis:** <eredményreláció1> INTERSECT <eredményreláció2>
- **Példa 39:** A pénteken és szombaton is játszott filmek:

## Műveletek relációkkal

A részeredményül kapott relációkkal **(ha azok sémája lényegében azonos!)** halmazműveleteket (unió, metszet, különbség) végezhetünk.

**Unió** (valamely eredményrelációban szereplő sorok):

- **Szintaxis:** <eredményreláció1> UNION <eredményreláció2>
- **Példa 40:** A pénteken vagy szombaton játszott filmek :  
(SELECT cím FROM film, vetít WHERE vetít.nap = 'péntek' AND film.filmID = vetít.filmID)  
UNION  
(SELECT cím FROM film, vetít WHERE vetít.nap = 'szombat' AND film.filmID = vetít.filmID)

(nem hatékony!)

**Metszet** (mindkét eredményrelációban szereplő sorok):

- **Szintaxis:** <eredményreláció1> INTERSECT <eredményreláció2>
- **Példa 41:** A pénteken és szombaton is játszott filmek:  
(SELECT cím FROM film, vetít WHERE vetít.nap = 'péntek' AND film.filmID = vetít.filmID)  
INTERSECT  
(SELECT cím FROM film, vetít WHERE vetít.nap = 'szombat' AND film.filmID = vetít.filmID)



**Különbség** (az első reláció azon sorai, melyek a másodikban nem szerepelnek):

- Szintaxis:  $\langle \text{eredményreláció1} \rangle \text{ MINUS } \langle \text{eredményreláció2} \rangle$

**Különbség** (az első reláció azon sorai, melyek a másodikban nem szerepelnek):

- Szintaxis:  $\langle \text{eredményreláció1} \rangle \text{ MINUS } \langle \text{eredményreláció2} \rangle$
- Példa 43: A pénteken igen, de szombaton nem játszott filmek:

**Különbség** (az első reláció azon sorai, melyek a másodikban nem szerepelnek):

- **Szintaxis:** <eredményreláció1> MINUS <eredményreláció2>
- **Példa 44:** A pénteken igen, de szombaton nem játszott filmek:  
(SELECT cím FROM film, vetít WHERE vetít.nap = 'péntek' AND film.filmID =  
vetít.filmID)  
MINUS  
(SELECT cím FROM film, vetít WHERE vetít.nap = 'szombat' AND film.filmID =  
vetít.filmID)

**Különbség** (az első reláció azon sorai, melyek a másodikban nem szerepelnek):

- **Szintaxis:** <eredményreláció1> MINUS <eredményreláció2>
- **Példa 45:** A pénteken igen, de szombaton nem játszott filmek:  
(SELECT cím FROM film, vetít WHERE vetít.nap = 'péntek' AND film.filmID =  
vetít.filmID)  
MINUS  
(SELECT cím FROM film, vetít WHERE vetít.nap = 'szombat' AND film.filmID =  
vetít.filmID)

A szabványban **MINUS** helyett **EXCEPT** szerepel, de a gyakorlatban a **MINUS** használatos.

**Különbség** (az első reláció azon sorai, melyek a másodikban nem szerepelnek):

- **Szintaxis:** <eredményreláció1> MINUS <eredményreláció2>
- **Példa 46:** A pénteken igen, de szombaton nem játszott filmek:  
(SELECT cím FROM film, vetít WHERE vetít.nap = 'péntek' AND film.filmID =  
vetít.filmID)  
MINUS  
(SELECT cím FROM film, vetít WHERE vetít.nap = 'szombat' AND film.filmID =  
vetít.filmID)

A szabványban **MINUS** helyett **EXCEPT** szerepel, de a gyakorlatban a **MINUS** használatos.

## Állítás

*Az SQL relációsan teljes.*

## Állítás

*Az SQL relációsan teljes.*

## Bizonyítás.

Most láttuk az **uniót** és **különbséget**, a többi pedig már volt, de újra:

## Állítás

*Az SQL relációsan teljes.*

## Bizonyítás.

Most láttuk az **uniót** és **különbséget**, a többi pedig már volt, de újra:

**vetítés:**  $\pi_{A_{i_1}, A_{i_2}, \dots, A_{i_k}}(R)$ -nek megfelelő lekérdezés: **SELECT  $A_{i_1}, A_{i_2}, \dots, A_{i_k}$  FROM R**



## Állítás

*Az SQL relációsan teljes.*

## Bizonyítás.

Most láttuk az **uniót** és **különbséget**, a többi pedig már volt, de újra:

**vetítés:**  $\pi_{A_{i_1}, A_{i_2}, \dots, A_{i_k}}(R)$ -nek megfelelő lekérdezés: **SELECT  $A_{i_1}, A_{i_2}, \dots, A_{i_k}$  FROM R**

**kiválasztás:**  $\sigma_F(R)$ -nek megfelel a

**SELECT \* FROM R WHERE F'**

ahol F' az, ami F-ből jön átírással ( $\wedge, \vee, \neg$  helyett AND, OR, NOT)

## Állítás

Az SQL relációsan teljes.

## Bizonyítás.

Most láttuk az **uniót** és **különbséget**, a többi pedig már volt, de újra:

**vetítés:**  $\pi_{A_{i_1}, A_{i_2}, \dots, A_{i_k}}(R)$ -nek megfelelő lekérdezés: `SELECT  $A_{i_1}, A_{i_2}, \dots, A_{i_k}$  FROM R`

**kiválasztás:**  $\sigma_F(R)$ -nek megfelel a

`SELECT * FROM R WHERE F'`

ahol F' az, ami F-ből jön átírással ( $\wedge, \vee, \neg$  helyett AND, OR, NOT)

**szorzat:** `SELECT R.A1, R.A2, ..., R.Ak, S.B1, ..., S.Bl FROM R,S` ✓



# Multihalmazok-halmazok

- Az SQL alapértelmezésben nem tünteti el a többszörös sorokat, kivétel: UNION, INTERSECT, EXCEPT, ennél a háromnál eltűnnek az ismétlődések

# Multihalmazok-halmazok

- Az SQL alapértelmezésben nem tünteti el a többszörös sorokat, **kivétel:** UNION, INTERSECT, EXCEPT, ennél a háromnál eltűnnek az ismétlődések
- Ha el akarjuk tüntetni az ismétlődéseket:  
`SELECT DISTINCT`

# Multihalmazok-halmazok

- Az SQL alapértelmezésben nem tünteti el a többszörös sorokat, **kivétel:** UNION, INTERSECT, EXCEPT, ennél a háromnál eltűnnek az ismétlődések
- Ha el akarjuk tüntetni az ismétlődéseket:  
SELECT DISTINCT
- Ha a halmazműveleteknél mégsem akarom eltüntetni az ismétlődéseket:  
UNION ALL, EXCEPT ALL, INTERSECT ALL

# Multihalmazok-halmazok

- Az SQL alapértelmezésben nem tünteti el a többszörös sorokat, **kivétel:** UNION, INTERSECT, EXCEPT, ennél a háromnál eltűnnek az ismétlődések
- Ha el akarjuk tüntetni az ismétlődéseket:  
`SELECT DISTINCT`
- Ha a halmazműveleteknél mégsem akarom eltüntetni az ismétlődéseket:  
`UNION ALL, EXCEPT ALL, INTERSECT ALL`
- Nem (mindig) éri meg közben is törekedni arra, hogy ne legyen ismétlődés, elég a végén, mert:

# Multihalmazok-halmazok

- Az SQL alapértelmezésben nem tünteti el a többszörös sorokat, **kivétel:** UNION, INTERSECT, EXCEPT, ennél a háromnál eltűnnek az ismétlődések
- Ha el akarjuk tüntetni az ismétlődéseket:  
SELECT DISTINCT
- Ha a halmazműveleteknél mégsem akarom eltüntetni az ismétlődéseket:  
UNION ALL, EXCEPT ALL, INTERSECT ALL
- Nem (mindig) éri meg közben is törekedni arra, hogy ne legyen ismétlődés, elég a végén, mert:  
**Az ismétlődés kiküszöbölése sok munka, mert rendezni kell az egész relációt hozzá.**

# Aggregátumok

- Aggregátumok számolása: SUM, MIN, MAX, AVG, COUNT,...



# Aggregátumok

- Aggregátumok számolása: SUM, MIN, MAX, AVG, COUNT,...
- Az, hogy COUNT hogyan kezeli a többszörös sorokat, az rendszerfüggő.  
Ha biztosra akarunk menni: COUNT (DISTINCT <attribútum>), COUNT (ALL <attribútum>)

# Aggregátumok

- Aggregátumok számolása: SUM, MIN, MAX, AVG, COUNT,...
- Az, hogy COUNT hogyan kezeli a többszörös sorokat, az rendszerfüggő.  
Ha biztosra akarunk menni: COUNT (DISTINCT <attribútum>), COUNT (ALL <attribútum>)
- Lehetőségünk van bizonyos attribútumok értéke szerint csoportosítani az eredményt, és így aggregált sorokat képezni.

# Aggregátumok

- Aggregátumok számolása: SUM, MIN, MAX, AVG, COUNT,...
- Az, hogy COUNT hogyan kezeli a többszörös sorokat, az rendszerfüggő.  
Ha biztosra akarunk menni: COUNT (DISTINCT <attribútum>), COUNT (ALL <attribútum>)
- Lehetőségünk van bizonyos attribútumok értéke szerint csoportosítani az eredményt, és így aggregált sorokat képezni.

Erre az utóbbira példa a következő reláció:

MOZI	mozilD	név	város	székszám
	1	Corvin	Budapest	2500
	2	Elit	Sopron	300
	3	Sopron Plaza Megaflex	Sopron	2000
	4	Szindbád	Budapest	600
	5	Tabán	Budapest	200
	6	Uránia	Pécs	500

# Aggregátumok

Csoportosítsunk a város attribútum szerint:

MOZI	mozilD	név	város	székszám
	1	Corvin	Budapest	2500
	4	Szindbád	Budapest	600
	5	Tabán	Budapest	200
	6	Uránia	Pécs	500
	2	Elit	Sopron	300
	3	Sopron Plaza Megaflex	Sopron	2000

# Aggregátumok

Csoportosítsunk a város attribútum szerint:

MOZI	mozilD	név	város	székszám
	1	Corvin	Budapest	2500
	4	Szindbád	Budapest	600
	5	Tabán	Budapest	200
	6	Uránia	Pécs	500
	2	Elit	Sopron	300
	3	Sopron Plaza Megaflex	Sopron	2000

Képezzük minden városra a székszámok összegét:

MOZI	város	össz_székszám
	Budapest	3300
	Pécs	500
	Sopron	2300

Példa 48: Mindez SQL-ben

# Aggregátumok

Csoportosítsunk a város attribútum szerint:

MOZI	mozilD	név	város	székszám
	1	Corvin	Budapest	2500
	4	Szindbád	Budapest	600
	5	Tabán	Budapest	200
	6	Uránia	Pécs	500
	2	Elit	Sopron	300
	3	Sopron Plaza Megaflex	Sopron	2000

Képezzük minden városra a székszámok összegét:

MOZI	város	össz_székszám
	Budapest	3300
	Pécs	500
	Sopron	2300

Példa 49: Mindez SQL-ben

```
SELECT város, SUM(székszám) AS össz_székszám FROM mozi GROUP BY város
```

**Példa 50:** Az egyes városok legkisebb és legnagyobb mozijának mérete

**Példa 53:** Az egyes városok legkisebb és legnagyobb mozijának mérete  
`SELECT város, MIN(székszám), MAX(székszám) FROM mozi GROUP BY város`



# Aggregátumok

**Példa 56:** Az egyes városok legkisebb és legnagyobb mozijának mérete  
`SELECT város, MIN(székszám), MAX(székszám) FROM mozi GROUP BY város`

**Példák, ahol nincs csoportosítás:**

**Példa 57:** A létező legnagyobb és a legkisebb székszám

# Aggregátumok

**Példa 59:** Az egyes városok legkisebb és legnagyobb mozijának mérete  
`SELECT város, MIN(székszám), MAX(székszám) FROM mozi GROUP BY város`

**Példák, ahol nincs csoportosítás:**

**Példa 60:** A létező legnagyobb és a legkisebb székszám  
`SELECT MIN(székszám), MAX(székszám) FROM mozi`

# Aggregátumok

**Példa 62:** Az egyes városok legkisebb és legnagyobb mozijának mérete  
`SELECT város, MIN(székszám), MAX(székszám) FROM mozi GROUP BY város`

**Példák, ahol nincs csoportosítás:**

**Példa 63:** A létező legnagyobb és a legkisebb székszám  
`SELECT MIN(székszám), MAX(székszám) FROM mozi`

**Példa 64:** Az összes székszám

# Aggregátumok

**Példa 65:** Az egyes városok legkisebb és legnagyobb mozijának mérete  
`SELECT város, MIN(székszám), MAX(székszám) FROM mozi GROUP BY város`

**Példák, ahol nincs csoportosítás:**

**Példa 66:** A létező legnagyobb és a legkisebb székszám  
`SELECT MIN(székszám), MAX(székszám) FROM mozi`

**Példa 67:** Az összes székszám  
`SELECT SUM(székszám) FROM mozi`

# Aggregátumok

- **Kiértékelés:** Vesszük a FROM utáni relációk direkt szorzatát (egy reláció szerepelhet többször is a szorzatban, ha sorváltozókat adtunk meg hozzá),

# Aggregátumok

- **Kiértékelés:** Vesszük a FROM utáni relációk direkt szorzatát (egy reláció szerepelhet többször is a szorzatban, ha sorváltozókat adtunk meg hozzá), a WHERE feltételt teljesítő eseteket a GROUP BY szerint csoportosítjuk,

# Aggregátumok

- **Kiértékelés:** Vesszük a FROM utáni relációk direkt szorzatát (egy reláció szerepelhet többször is a szorzatban, ha sorváltozókat adtunk meg hozzá), a WHERE feltételt teljesítő eseteket a GROUP BY szerint csoportosítjuk, majd kiszámoljuk minden csoportra az aggregátumot és kiírjuk.

# Aggregátumok

- **Kiértékelés:** Vesszük a FROM utáni relációk direkt szorzatát (egy reláció szerepelhet többször is a szorzatban, ha sorváltozókat adtunk meg hozzá), a WHERE feltételt teljesítő eseteket a GROUP BY szerint csoportosítjuk, majd kiszámoljuk minden csoportra az aggregátumot és kiírjuk.
- Amennyiben aggregátumokat képzünk a GROUP BY segítségével, akkor csak azokra az attribútumokra hivatkozhatunk közvetlenül a SELECT-ben, ami szerint csoportosítottunk.



# Aggregátumok

- **Kiértékelés:** Vesszük a FROM utáni relációk direkt szorzatát (egy reláció szerepelhet többször is a szorzatban, ha sorváltozókat adtunk meg hozzá), a WHERE feltételt teljesítő eseteket a GROUP BY szerint csoportosítjuk, majd kiszámoljuk minden csoportra az aggregátumot és kiírjuk.
- Amennyiben aggregátumokat képzünk a GROUP BY segítségével, akkor csak azokra az attribútumokra hivatkozhatunk közvetlenül a SELECT-ben, ami szerint csoportosítottunk. Ezen attribútumok értékei ugyanis egy aggregátumon belül jól meghatározottak. A többi attribútum az aggregátumon belül többféle értéket is felvehet. Ezért rájuk csak oszlopfüggvényeken (aggregátumokon) keresztül hivatkozhatunk.

# Aggregátumok

- **Kiértékelés:** Vesszük a FROM utáni relációk direkt szorzatát (egy reláció szerepelhet többször is a szorzatban, ha sorváltozókat adtunk meg hozzá), a WHERE feltételt teljesítő eseteket a GROUP BY szerint csoportosítjuk, majd kiszámoljuk minden csoportra az aggregátumot és kiírjuk.
- Amennyiben aggregátumokat képzünk a GROUP BY segítségével, akkor csak azokra az attribútumokra hivatkozhatunk közvetlenül a SELECT-ben, ami szerint csoportosítottunk. Ezen attribútumok értékei ugyanis egy aggregátumon belül jól meghatározottak. A többi attribútum az aggregátumon belül többféle értéket is felvehet. Ezért rájuk csak oszlopfüggvényeken (aggregátumokon) keresztül hivatkozhatunk.
- Lehet több oszlop szerint is GROUP BY, ekkor azok a sorok lesznek egy csoportban, ahol mindegyik GROUP BY után felsorolt oszlop értéke megegyezik.
- Lehet GROUP BY aggregátum nélkül is

## Példa 73:

SELECT város FROM mozi GROUP BY város

# Aggregátumok

- **Kiértékelés:** Vesszük a FROM utáni relációk direkt szorzatát (egy reláció szerepelhet többször is a szorzatban, ha sorváltozókat adtunk meg hozzá), a WHERE feltételt teljesítő eseteket a GROUP BY szerint csoportosítjuk, majd kiszámoljuk minden csoportra az aggregátumot és kiírjuk.
- Amennyiben aggregátumokat képzünk a GROUP BY segítségével, akkor csak azokra az attribútumokra hivatkozhatunk közvetlenül a SELECT-ben, ami szerint csoportosítottunk. Ezen attribútumok értékei ugyanis egy aggregátumon belül jól meghatározottak. A többi attribútum az aggregátumon belül többféle értéket is felvehet. Ezért rájuk csak oszlopfüggvényeken (aggregátumokon) keresztül hivatkozhatunk.
- Lehet több oszlop szerint is GROUP BY, ekkor azok a sorok lesznek egy csoportban, ahol mindegyik GROUP BY után felsorolt oszlop értéke megegyezik.
- Lehet GROUP BY aggregátum nélkül is

Példa 74:

```
SELECT város FROM mozi GROUP BY város
```

Kiírja az összes várost (pontosan egyszer), ahol van mozi.

# Aggregátumok

- **Kiértékelés:** Vesszük a FROM utáni relációk direkt szorzatát (egy reláció szerepelhet többször is a szorzatban, ha sorváltozókat adtunk meg hozzá), a WHERE feltételt teljesítő eseteket a GROUP BY szerint csoportosítjuk, majd kiszámoljuk minden csoportra az aggregátumot és kiírjuk.
- Amennyiben aggregátumokat képzünk a GROUP BY segítségével, akkor csak azokra az attribútumokra hivatkozhatunk közvetlenül a SELECT-ben, ami szerint csoportosítottunk. Ezen attribútumok értékei ugyanis egy aggregátumon belül jól meghatározottak. A többi attribútum az aggregátumon belül többféle értéket is felvehet. Ezért rájuk csak oszlopfüggvényeken (aggregátumokon) keresztül hivatkozhatunk.
- Lehet több oszlop szerint is GROUP BY, ekkor azok a sorok lesznek egy csoportban, ahol mindegyik GROUP BY után felsorolt oszlop értéke megegyezik.
- Lehet GROUP BY aggregátum nélkül is

## Példa 75:

SELECT város FROM mozi GROUP BY város

Kiírja az összes várost (pontosan egyszer), ahol van mozi.

Ugyanaz, mint a

SELECT DISTINCT város FROM mozi

## Feltétel a csoportokra — HAVING

A csoportosítással együtt tehetünk feltételt a csoportokra. Ebben az esetben csak azokra a csoportokra számolódik ki az aggregátum, amik a feltételnek eleget tesznek.

## Feltétel a csoportokra — HAVING

A csoportosítással együtt tehetünk feltételt a csoportokra. Ebben az esetben csak azokra a csoportokra számolódik ki az aggregátum, amik a feltételnek eleget tesznek.

**Példa 77:** Azokra a városokra számolunk csak legkisebb és legnagyobb mozit, ahol van legalább 2 mozi

## Feltétel a csoportokra — HAVING

A csoportosítással együtt tehetünk feltételt a csoportokra. Ebben az esetben csak azokra a csoportokra számolódik ki az aggregátum, amik a feltételnek eleget tesznek.

**Példa 78:** Azokra a városokra számolunk csak legkisebb és legnagyobb mozit, ahol van legalább 2 mozi

```
SELECT város, MIN(székszám), MAX(székszám) FROM mozi GROUP BY város  
HAVING COUNT(név)>1
```

## Feltétel a csoportokra — HAVING

A csoportosítással együtt tehetünk feltételt a csoportokra. Ebben az esetben csak azokra a csoportokra számolódik ki az aggregátum, amik a feltételnek eleget tesznek.

**Példa 79:** Azokra a városokra számolunk csak legkisebb és legnagyobb mozit, ahol van legalább 2 mozi

```
SELECT város, MIN(székszám), MAX(székszám) FROM mozi GROUP BY város  
HAVING COUNT(név)>1
```

- a csoportra vonatkozó feltételt a **HAVING** kulcsszó vezeti be



## Feltétel a csoportokra — HAVING

A csoportosítással együtt tehetünk feltételt a csoportokra. Ebben az esetben csak azokra a csoportokra számolódik ki az aggregátum, amik a feltételnek eleget tesznek.

**Példa 80:** Azokra a városokra számolunk csak legkisebb és legnagyobb mozit, ahol van legalább 2 mozi

```
SELECT város, MIN(székszám), MAX(székszám) FROM mozi GROUP BY város  
HAVING COUNT(név)>1
```

- a csoportra vonatkozó feltételt a **HAVING** kulcsszó vezeti be
- olyan feltételt írunk ide, ami csoportra vonatkozik (különben **WHERE**-be írnánk)

## Feltétel a csoportokra — HAVING

A csoportosítással együtt tehetünk feltételt a csoportokra. Ebben az esetben csak azokra a csoportokra számolódik ki az aggregátum, amik a feltételnek eleget tesznek.

**Példa 81:** Azokra a városokra számolunk csak legkisebb és legnagyobb mozit, ahol van legalább 2 mozi

```
SELECT város, MIN(székszám), MAX(székszám) FROM mozi GROUP BY város  
HAVING COUNT(név)>1
```

- a csoportra vonatkozó feltételt a **HAVING** kulcsszó vezeti be
- olyan feltételt írunk ide, ami csoportra vonatkozik (különben **WHERE**-be írnánk)
- csak **GROUP BY**-jal együtt használható

## Feltétel a csoportokra — HAVING

A csoportosítással együtt tehetünk feltételt a csoportokra. Ebben az esetben csak azokra a csoportokra számolódik ki az aggregátum, amik a feltételnek eleget tesznek.

**Példa 82:** Azokra a városokra számolunk csak legkisebb és legnagyobb mozit, ahol van legalább 2 mozi

```
SELECT város, MIN(székszám), MAX(székszám) FROM mozi GROUP BY város  
HAVING COUNT(név)>1
```

- a csoportra vonatkozó feltételt a **HAVING** kulcsszó vezeti be
- olyan feltételt írunk ide, ami csoportra vonatkozik (különben **WHERE**-be íránk)
- csak **GROUP BY**-jal együtt használható
- a kiértékelés során a csoportosítás után minden egyes csoportra megnézzük a feltételt és eldobjuk azokat a csoportokat, amikre a feltétel nem áll és a maradékkal dolgozunk tovább

## Feltétel a csoportokra — HAVING

A csoportosítással együtt tehetünk feltételt a csoportokra. Ebben az esetben csak azokra a csoportokra számolódik ki az aggregátum, amik a feltételnek eleget tesznek.

**Példa 83:** Azokra a városokra számolunk csak legkisebb és legnagyobb mozit, ahol van legalább 2 mozi

```
SELECT város, MIN(székszám), MAX(székszám) FROM mozi GROUP BY város  
HAVING COUNT(név)>1
```

- a csoportra vonatkozó feltételt a **HAVING** kulcsszó vezeti be
- olyan feltételt írunk ide, ami csoportra vonatkozik (különben **WHERE**-be írnánk)
- csak **GROUP BY**-jal együtt használható
- a kiértékelés során a csoportosítás után minden egyes csoportra megnézzük a feltételt és eldobjuk azokat a csoportokat, amikre a feltétel nem áll és a maradékkal dolgozunk tovább
- **HAVING** megkerülhető, mindent, amit lehet **HAVING**-gel, lehet máshogy is ( majd lesz erről szó az alkérdéseknél)

# Adatbázisok elmélete

## SQL folytatás

Katona Gyula Y.

Számítástudományi és Információelméleti Tanszék  
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem

10. előadás

# A hat alapkulcsszó

- SELECT, FROM, WHERE, GROUP BY, HAVING, ORDER BY

# A hat alapkulcsszó

- SELECT, FROM, WHERE, GROUP BY, HAVING, ORDER BY
- Ebben a sorrendben jönnek

# A hat alapkulcsszó

- SELECT, FROM, WHERE, GROUP BY, HAVING, ORDER BY
- Ebben a sorrendben jönnek
- SELECT és FROM kell, a többi opcionális



# A hat alapkulcsszó

- SELECT, FROM, WHERE, GROUP BY, HAVING, ORDER BY
- Ebben a sorrendben jönnek
- SELECT és FROM kell, a többi opcionális
- HAVING csak GROUP BY-jal

# Alkérdeések

- Az alkérdés eredménye mindig egy reláció, szintaxisa pedig a lekérdezés szintaxisával azonos.

# Alkérdeések

- Az alkérdés eredménye mindig egy reláció, szintaxisa pedig a lekérdezés szintaxisával azonos.
- Tipikusan **WHERE** feltételében áll, ezáltal sokkal összetettebb kiválasztási feltételek jönnek létre, mint a relációs algebrában.

# Alkérdeések

- Az alkérdés eredménye mindig egy reláció, szintaxisa pedig a lekérdezés szintaxisával azonos.
- Tipikusan **WHERE** feltételében áll, ezáltal sokkal összetettebb kiválasztási feltételek jönnek létre, mint a relációs algebrában.

## Alkérés FROM záradékban

# Alkérdeések

- Az alkérdés eredménye mindig egy reláció, szintaxisa pedig a lekérdezés szintaxisával azonos.
- Tipikusan **WHERE** feltételében áll, ezáltal sokkal összetettebb kiválasztási feltételek jönnek létre, mint a relációs algebrában.

## Alkérés FROM záradékban

A kiválasztáshoz használt relációk lehetnek alkérés által származtatott relációk is.

# Alkérdeések

- Az alkérdés eredménye mindig egy reláció, szintaxisa pedig a lekérdezés szintaxisával azonos.
- Tipikusan **WHERE** feltételében áll, ezáltal sokkal összetettebb kiválasztási feltételek jönnek létre, mint a relációs algebrában.

## Alkérés FROM záradékban

A kiválasztáshoz használt relációk lehetnek alkérés által származtatott relációk is.

**Példa 88:** A filmek címe, rendezője és a rendező filmjeinek száma

## Alkérdeések

- Az alkérdés eredménye mindig egy reláció, szintaxisa pedig a lekérdezés szintaxisával azonos.
- Tipikusan **WHERE feltételében áll**, ezáltal sokkal összetettebb kiválasztási feltételek jönnek létre, mint a relációs algebrában.

### Alkérés FROM záradékban

A kiválasztáshoz használt relációk lehetnek alkérés által származtatott relációk is.

**Példa 89:** A filmek címe, rendezője és a rendező filmjeinek száma

```
SELECT f1.cím, f1.rendező, f2.filmszám FROM
```

```
film AS f1,
```

```
(SELECT rendező, COUNT(*) AS filmszám FROM film GROUP BY rendező) AS f2
```

```
WHERE f1.rendező = f2.rendező
```

## Alkérdeések

- Az alkérdés eredménye mindig egy reláció, szintaxisa pedig a lekérdezés szintaxisával azonos.
- Tipikusan **WHERE feltételében áll**, ezáltal sokkal összetettebb kiválasztási feltételek jönnek létre, mint a relációs algebrában.

## Alkérdés FROM záradékban

A kiválasztáshoz használt relációk lehetnek alkérdés által származtatott relációk is.

**Példa 90:** A filmek címe, rendezője és a rendező filmjeinek száma

```
SELECT f1.cím, f1.rendező, f2.filmszám FROM
```

```
film AS f1,
```

```
(SELECT rendező, COUNT(*) AS filmszám FROM film GROUP BY rendező) AS f2
```

```
WHERE f1.rendező = f2.rendező
```

**Vigyázat!** Itt nem jött létre f2 nevű reláció, csak annyi történik, hogy az f2 nevű sorváltozó befutja az alkérdés eredményéül kapott reláció sorait. Egyszer kiszámolódik az alkérdés és ennek eredményét használjuk a továbbiakban.



## Alkérés WHERE záradékban

Az alkérés eredményét valamely attribútumok értékeivel hasonlítjuk össze a kiválasztáshoz.

## Alkérés WHERE záradékban

Az alkérés eredményét valamely attribútumok értékeivel hasonlítjuk össze a kiválasztáshoz.

Ezeknek az attribútumok számában meg kell egyezniük az alkérés eredményének oszlopszámával.

## Alkérés WHERE záradékban

Az alkérés eredményét valamely attribútumok értékeivel hasonlítjuk össze a kiválasztáshoz.

Ezeknek az attribútumok számában meg kell egyezniük az alkérés eredményének oszlopszámával.

- **Egyenlőség vizsgálata**

Csak akkor lehetséges, ha az alkérés egysoros relációt ír le (azaz az eredménye egyetlen érték vagy érték-vektor).

## Alkérés WHERE záradékban

Az alkérés eredményét valamely attribútumok értékeivel hasonlítjuk össze a kiválasztáshoz.

Ezeknek az attribútumok számában meg kell egyezniük az alkérés eredményének oszlopszámával.

- **Egyenlőség vizsgálata**

Csak akkor lehetséges, ha az alkérés egysoros relációt ír le (azaz az eredménye egyetlen érték vagy érték-vektor).

Az egyenlőség fennáll, ha az adott attribútumok értékei megegyeznek az alkérés által adott reláció megfelelő attribútumainak értékével.

## Alkérés WHERE záradékban

Az alkérés eredményét valamely attribútumok értékeivel hasonlítjuk össze a kiválasztáshoz.

Ezeknek az attribútumok számában meg kell egyezniük az alkérés eredményének oszlopszámával.

- **Egyenlőség vizsgálata**

Csak akkor lehetséges, ha az alkérés egysoros relációt ír le (azaz az eredménye egyetlen érték vagy érték-vektor).

Az egyenlőség fennáll, ha az adott attribútumok értékei megegyeznek az alkérés által adott reláció megfelelő attribútumainak értékével.

Szintaxis:

```
SELECT ... FROM ...
```

```
WHERE (<attrib11>, ..., <attrib1n>) = (SELECT <attrib21>, ..., <attrib2n> FROM ...)
```

A nem egyenlőség vizsgálatára a <> használandó.

## Alkérés WHERE záradékban

Az alkérés eredményét valamely attribútumok értékeivel hasonlítjuk össze a kiválasztáshoz.

Ezeknek az attribútumok számában meg kell egyezniük az alkérés eredményének oszlopszámával.

- **Egyenlőség vizsgálata**

Csak akkor lehetséges, ha az alkérés egysoros relációt ír le (azaz az eredménye egyetlen érték vagy érték-vektor).

Az egyenlőség fennáll, ha az adott attribútumok értékei megegyeznek az alkérés által adott reláció megfelelő attribútumainak értékével.

Szintaxis:

```
SELECT ... FROM ...
```

```
WHERE (<attrib11>, ..., <attrib1n>) = (SELECT <attrib21>, ..., <attrib2n> FROM ...)
```

A nem egyenlőség vizsgálatára a <> használandó.

**Példa 96:** A legnagyobb mozik nevei

## Alkérés WHERE záradékban

Az alkérés eredményét valamely attribútumok értékeivel hasonlítjuk össze a kiválasztáshoz.

Ezeknek az attribútumok számában meg kell egyezniük az alkérés eredményének oszlopszámával.

- **Egyenlőség vizsgálata**

Csak akkor lehetséges, ha az alkérés egysoros relációt ír le (azaz az eredménye egyetlen érték vagy érték-vektor).

Az egyenlőség fennáll, ha az adott attribútumok értékei megegyeznek az alkérés által adott reláció megfelelő attribútumainak értékével.

Szintaxis:

```
SELECT ... FROM ...
```

```
WHERE (<attrib11>, ..., <attrib1n>) = (SELECT <attrib21>, ..., <attrib2n> FROM ...)
```

A nem egyenlőség vizsgálatára a <> használandó.

**Példa 97:** A legnagyobb mozik nevei

```
SELECT név FROM mozi
```

```
WHERE mozi.székszám = (SELECT MAX(székszám) FROM mozi)
```

# Alkérés WHERE záradékban

- **Tartalmazás vizsgálata**  
Több sort adó alkérésre is értelmezett.



# Alkérés WHERE záradékban

- **Tartalmazás vizsgálata**

Több sort adó alkérésre is értelmezett.

A tartalmazás fennáll, ha a vizsgált attribútumok értéke megegyezik az alkérés eredményének valamely sorával.

- **Tartalmazás vizsgálata**

Több sort adó alkérésre is értelmezett.

A tartalmazás fennáll, ha a vizsgált attribútumok értéke megegyezik az alkérés eredményének valamely sorával.

Szintaxis:

```
SELECT ... FROM ...
```

```
WHERE (<attrib11>, ..., <attrib1n>) IN (SELECT <attrib21>, ..., <attrib2n> FROM ...)
```

- **Tartalmazás vizsgálata**

Több sort adó alkerésre is értelmezett.

A tartalmazás fennáll, ha a vizsgált attribútumok értéke megegyezik az alkerés eredményének valamely sorával.

Szintaxis:

```
SELECT ... FROM ...
```

```
WHERE (<attrib11>, ..., <attrib1n>) IN (SELECT <attrib21>, ..., <attrib2n> FROM ...)
```

A nem tartalmazás vizsgálatára a **NOT IN** használandó.

**Példa 101:** A nem vetített filmek címe és rendezője

- **Tartalmazás vizsgálata**

Több sort adó alkérésre is értelmezett.

A tartalmazás fennáll, ha a vizsgált attribútumok értéke megegyezik az alkérés eredményének valamely sorával.

Szintaxis:

```
SELECT ... FROM ...
```

```
WHERE (<attrib11>, ..., <attrib1n>) IN (SELECT <attrib21>, ..., <attrib2n> FROM ...)
```

A nem tartalmazás vizsgálatára a **NOT IN** használandó.

**Példa 102:** A nem vetített filmek címe és rendezője

```
SELECT cím, rendező FROM film AS f1
```

```
WHERE f1.filmID NOT IN (SELECT v1.filmID FROM vetít AS v1)
```

- **Alkérés valamely vagy minden sorának vizsgálata**

Tipikusan több sort szolgáltató alkérés esetén, valamilyen összehasonlító operátorral együtt használatosak az **ANY** és az **ALL** kulcsszavak.

- **Alkérdeés valamely vagy minden sorának vizsgálata**

Tipikusan több sort szolgáltató alkérdeés esetén, valamilyen összehasonlító operátorral együtt használatosak az **ANY** és az **ALL** kulcsszavak.

Az **ANY**-t (**ALL**-t) tartalmazó feltétel teljesül, ha a vizsgált attribútumok értéke és az alkérdeés valamely (minden) sorára az összehasonlító operátor igaz értéket ad.

- **Alkérés valamely vagy minden sorának vizsgálata**

Tipikusan több sort szolgáltató alkérés esetén, valamilyen összehasonlító operátorral együtt használatosak az **ANY** és az **ALL** kulcsszavak.

Az **ANY**-t (**ALL**-t) tartalmazó feltétel teljesül, ha a vizsgált attribútumok értéke és az alkérés valamely (minden) sorára az összehasonlító operátor igaz értéket ad.

Szintakszis:

```
SELECT ... FROM ...
```

```
WHERE (<attrib11>, ..., <attrib1n>) <op> [ ANY | ALL ] (SELECT <attrib21>, ..., <attrib2n> FROM ...)
```

- **Alkérés valamely vagy minden sorának vizsgálata**

Tipikusan több sort szolgáltató alkérés esetén, valamilyen összehasonlító operátorral együtt használatosak az **ANY** és az **ALL** kulcsszavak.

Az **ANY**-t (**ALL**-t) tartalmazó feltétel teljesül, ha a vizsgált attribútumok értéke és az alkérés valamely (minden) sorára az összehasonlító operátor igaz értéket ad.

Szintakszis:

```
SELECT ... FROM ...
```

```
WHERE (<attrib11>, ..., <attrib1n>) <op> [ ANY | ALL ] (SELECT <attrib21>, ..., <attrib2n> FROM ...)
```

A „semelyik”, illetve a „nem mind” leírására a **NOT ANY**, illetve a **NOT ALL** használatosak.



- **Alkérés valamely vagy minden sorának vizsgálata**

Tipikusan több sort szolgáltató alkérés esetén, valamilyen összehasonlító operátorral együtt használatosak az **ANY** és az **ALL** kulcsszavak.

Az **ANY**-t (**ALL**-t) tartalmazó feltétel teljesül, ha a vizsgált attribútumok értéke és az alkérés valamely (minden) sorára az összehasonlító operátor igaz értéket ad.

Szintakszis:

```
SELECT ... FROM ...
```

```
WHERE (<attrib11>, ..., <attrib1n>) <op> [ ANY | ALL ] (SELECT <attrib21>, ..., <attrib2n> FROM ...)
```

A „semelyik”, illetve a „nem mind” leírására a **NOT ANY**, illetve a **NOT ALL** használatosak.

Példa 107: Ismét a legnagyobb mozi(k)

- **Alkérés valamely vagy minden sorának vizsgálata**

Tipikusan több sort szolgáltató alkérés esetén, valamilyen összehasonlító operátorral együtt használatosak az **ANY** és az **ALL** kulcsszavak.

Az **ANY**-t (**ALL**-t) tartalmazó feltétel teljesül, ha a vizsgált attribútumok értéke és az alkérés valamely (minden) sorára az összehasonlító operátor igaz értéket ad.

Szintakszis:

```
SELECT ... FROM ...
```

```
WHERE (<attrib11>, ..., <attrib1n>) <op> [ ANY | ALL ] (SELECT <attrib21>, ..., <attrib2n> FROM ...)
```

A „semelyik”, illetve a „nem mind” leírására a **NOT ANY**, illetve a **NOT ALL** használatosak.

**Példa 108:** Ismét a legnagyobb mozi(k)

```
SELECT m2.város, m2.név, m2.székszám FROM mozi AS m2
```

```
WHERE m2.székszám >= ALL (SELECT m1.székszám FROM mozi AS m1)
```

- **Alkérés ürességének vizsgálata**

Az **EXISTS** kulcsszóval megvizsgálhatjuk, hogy van-e egyáltalán sora az alkérés által leírt relációnak.

- **Alkérés ürességének vizsgálata**

Az **EXISTS** kulcsszóval megvizsgálhatjuk, hogy van-e egyáltalán sora az alkérés által leírt relációnak.

Az ezt tartalmazó feltétel teljesül, ha van legalább egy sor.

Szintakszis:

```
SELECT ... FROM ...
```

```
WHERE EXISTS (SELECT <attrib1>, ..., <attribn> FROM ...)
```

- **Alkérés ürességének vizsgálata**

Az **EXISTS** kulcsszóval megvizsgálhatjuk, hogy van-e egyáltalán sora az alkérés által leírt relációnak.

Az ezt tartalmazó feltétel teljesül, ha van legalább egy sor.

Szintakszis:

SELECT ... FROM ...

WHERE EXISTS (SELECT <attrib<sub>1</sub>>, ..., <attrib<sub>n</sub>> FROM ...)

A nem létezés vizsgálatára a **NOT EXISTS** használandó.

- **Alkérés ürességének vizsgálata**

Az **EXISTS** kulcsszóval megvizsgálhatjuk, hogy van-e egyáltalán sora az alkérés által leírt relációnak.

Az ezt tartalmazó feltétel teljesül, ha van legalább egy sor.

Szintakszis:

SELECT ... FROM ...

WHERE EXISTS (SELECT <attrib<sub>1</sub>>, ..., <attrib<sub>n</sub>> FROM ...)

A nem létezés vizsgálatára a **NOT EXISTS** használandó.

**Példa 112:** Azok a városok, ahol van legalább két mozi

- **Alkérés ürességének vizsgálata**

Az **EXISTS** kulcsszóval megvizsgálhatjuk, hogy van-e egyáltalán sora az alkérés által leírt relációnak.

Az ezt tartalmazó feltétel teljesül, ha van legalább egy sor.

Szintakszis:

```
SELECT ... FROM ...
```

```
WHERE EXISTS (SELECT <attrib1>, ..., <attribn> FROM ...)
```

A nem létezés vizsgálatára a **NOT EXISTS** használandó.

**Példa 113:** Azok a városok, ahol van legalább két mozi

```
SELECT m1.város FROM mozi AS m1
```

```
WHERE EXISTS (SELECT * FROM mozi AS m2 WHERE m1.város =m2.város
```

```
AND m1.név<>m2.név)
```

- **Alkérés ürességének vizsgálata**

Az **EXISTS** kulcsszóval megvizsgálhatjuk, hogy van-e egyáltalán sora az alkérés által leírt relációnak.

Az ezt tartalmazó feltétel teljesül, ha van legalább egy sor.

Szintakszis:

```
SELECT ... FROM ...
```

```
WHERE EXISTS (SELECT <attrib1>, ..., <attribn> FROM ...)
```

A nem létezés vizsgálatára a **NOT EXISTS** használandó.

**Példa 114:** Azok a városok, ahol van legalább két mozi

```
SELECT m1.város FROM mozi AS m1
```

```
WHERE EXISTS (SELECT * FROM mozi AS m2 WHERE m1.város =m2.város
```

```
AND m1.név<>m2.név)
```

Ez úgy nevezett korrelált alkérés:

ennek kiértékelése során minden egyes lehetséges értékére az m1 sorváltozónak fut az alkérés és kiírás van, ha az alkérés eredménye nem üres.

A korábbi esetekben csak egyszer kellett kiértékelni az alkérést, itt annyiszor, ahány sora a mozi-nak van.



## HAVING megkerülése alkérdéssel

Nézzük egy példán, de általában is így megy:

HAVING-gel:

Azokra a városokra számolunk legkisebb és legnagyobb mozit, ahol van legalább 2 mozi

```
SELECT város, MIN(székszám), MAX(székszám)
```

```
FROM mozi
```

```
GROUP BY város
```

```
HAVING COUNT(*)>1
```

## HAVING megkerülése alkérdéssel

Nézzük egy példán, de általában is így megy:

HAVING-gel:

Azokra a városokra számolunk legkisebb és legnagyobb mozit, ahol van legalább 2 mozi

```
SELECT város, MIN(székszám), MAX(székszám)
```

```
FROM mozi
```

```
GROUP BY város
```

```
HAVING COUNT(*)>1
```

HAVING nélkül, alkérdéssel:

## HAVING megkerülése alkérdéssel

Nézzük egy példán, de általában is így megy:

HAVING-gel:

Azokra a városokra számolunk legkisebb és legnagyobb mozit, ahol van legalább 2 mozi

```
SELECT város, MIN(székszám), MAX(székszám)
FROM mozi
GROUP BY város
HAVING COUNT(*)>1
```

HAVING nélkül, alkérdéssel:

```
SELECT város, minszékszám, maxszékszám
FROM (SELECT város, MIN(székszám) AS minszékszám, MAX(székszám)
      AS maxszékszám, COUNT(*) AS darab
      FROM mozi
      GROUP BY város)
WHERE darab >1
```

# NULL érték az SQL-ben

Az SQL-ben az ismeretlen vagy nem létező értéket a **NULL** érték jelképezi. A **NULL** használatakor ügyelni kell rá, hogy az aritmetikai és összehasonlító operátorok speciálisan értelmezettek rá.

# NULL érték az SQL-ben

Az SQL-ben az ismeretlen vagy nem létező értéket a **NULL** érték jelképezi. A **NULL** használatakor ügyelni kell rá, hogy az aritmetikai és összehasonlító operátorok speciálisan értelmezettek rá.

*Például:*

**NULL** \* 0 értéke nem 0, hanem **NULL**.

# NULL érték az SQL-ben

Az SQL-ben az ismeretlen vagy nem létező értéket a **NULL** érték jelképezi. A **NULL** használatakor ügyelni kell rá, hogy az aritmetikai és összehasonlító operátorok speciálisan értelmezettek rá.

*Például:*

**NULL** \* 0 értéke nem 0, hanem **NULL**.

rendező = **NULL** értéke nem IGAZ, nem HAMIS, hanem a logikai

ISMERETLEN érték

⇒ UN.

# Háromértékű logika

	$\neg$
<i>I</i>	<i>H</i>
<i>H</i>	<i>I</i>
<i>UN</i>	<i>UN</i>

# Háromértékű logika

	$\neg$
<i>I</i>	<i>H</i>
<i>H</i>	<i>I</i>
<i>UN</i>	<i>UN</i>

$\vee$	<i>I</i>	<i>H</i>	<i>UN</i>
<i>I</i>	<i>I</i>	<i>I</i>	<i>I</i>
<i>H</i>	<i>I</i>	<i>H</i>	<i>UN</i>
<i>UN</i>	<i>I</i>	<i>UN</i>	<i>UN</i>



# Háromértékű logika

	$\neg$
<i>I</i>	<i>H</i>
<i>H</i>	<i>I</i>
<i>UN</i>	<i>UN</i>

$\vee$	<i>I</i>	<i>H</i>	<i>UN</i>
<i>I</i>	<i>I</i>	<i>I</i>	<i>I</i>
<i>H</i>	<i>I</i>	<i>H</i>	<i>UN</i>
<i>UN</i>	<i>I</i>	<i>UN</i>	<i>UN</i>

$\wedge$	<i>I</i>	<i>H</i>	<i>UN</i>
<i>I</i>	<i>I</i>	<i>H</i>	<i>UN</i>
<i>H</i>	<i>H</i>	<i>H</i>	<i>H</i>
<i>UN</i>	<i>UN</i>	<i>H</i>	<i>UN</i>

# Háromértékű logika

	$\neg$
<i>I</i>	<i>H</i>
<i>H</i>	<i>I</i>
<i>UN</i>	<i>UN</i>

$\vee$	<i>I</i>	<i>H</i>	<i>UN</i>
<i>I</i>	<i>I</i>	<i>I</i>	<i>I</i>
<i>H</i>	<i>I</i>	<i>H</i>	<i>UN</i>
<i>UN</i>	<i>I</i>	<i>UN</i>	<i>UN</i>

$\wedge$	<i>I</i>	<i>H</i>	<i>UN</i>
<i>I</i>	<i>I</i>	<i>H</i>	<i>UN</i>
<i>H</i>	<i>H</i>	<i>H</i>	<i>H</i>
<i>UN</i>	<i>UN</i>	<i>H</i>	<i>UN</i>

Tehát egy állítás nem csak igaz vagy hamis lehet, hanem „ismeretlen” is és egy WHERE-beli állításnál természetesen csak az számít találatnak, ha igaz az állítás, az „ismeretlen” nem lesz jó.

# Háromértékű logika

	$\neg$
I	H
H	I
UN	UN

$\vee$	I	H	UN
I	I	I	I
H	I	H	UN
UN	I	UN	UN

$\wedge$	I	H	UN
I	I	H	UN
H	H	H	H
UN	UN	H	UN

Tehát egy állítás nem csak igaz vagy hamis lehet, hanem „ismeretlen” is és egy WHERE-beli állításnál természetesen csak az számít találatnak, ha igaz az állítás, az „ismeretlen” nem lesz jó.

*Furán viselkedik ez a logika:*

SELECT moziID, filmID

FROM vetít

WHERE idő > "12:00" OR idő <= "12:00"

# Háromértékű logika

	$\neg$
I	H
H	I
UN	UN

$\vee$	I	H	UN
I	I	I	I
H	I	H	UN
UN	I	UN	UN

$\wedge$	I	H	UN
I	I	H	UN
H	H	H	H
UN	UN	H	UN

Tehát egy állítás nem csak igaz vagy hamis lehet, hanem „ismeretlen” is és egy WHERE-beli állításnál természetesen csak az számít találatnak, ha igaz az állítás, az „ismeretlen” nem lesz jó.

*Furán viselkedik ez a logika:*

SELECT moziID, filmID

FROM vetít

WHERE idő > "12:00" OR idő <= "12:00"

Az lenne jó, ha ez minden filmet felsorol, de sajnos aminek nincs ideje, azt nem sorolja fel.

# Háromértékű logika

	$\neg$
I	H
H	I
UN	UN

$\vee$	I	H	UN
I	I	I	I
H	I	H	UN
UN	I	UN	UN

$\wedge$	I	H	UN
I	I	H	UN
H	H	H	H
UN	UN	H	UN

Tehát egy állítás nem csak igaz vagy hamis lehet, hanem „ismeretlen” is és egy WHERE-beli állításnál természetesen csak az számít találatnak, ha igaz az állítás, az „ismeretlen” nem lesz jó.

*Furán viselkedik ez a logika:*

SELECT mozilID, filmID

FROM vetít

WHERE idő>"12:00" OR idő <="12:00"

Az lenne jó, ha ez minden filmet felsorol, de sajnos aminek nincs ideje, azt nem sorolja fel.

$\implies A \vee \neg A \neq I$  a háromértékű logikában, azaz nem teljesül az, amit megszoktunk, hogy vagy az állítás vagy a tagadása igaz lesz.

# Háromértékű logika

Hasonlóan: egy mező értéke nem hasonlítható össze a szokásos módon a **NULL** értékkel (mivel **NULL** nem egy konstans).

# Háromértékű logika

Hasonlóan: egy mező értéke nem hasonlítható össze a szokásos módon a **NULL** értékkel (mivel **NULL** nem egy konstans).

Erre az **IS NULL**, illetve az **IS NOT NULL** használatosak.

# Háromértékű logika

Hasonlóan: egy mező értéke nem hasonlítható össze a szokásos módon a **NULL** értékkel (mivel **NULL** nem egy konstans).

Erre az **IS NULL**, illetve az **IS NOT NULL** használatosak.

Példa 117: Azon filmek címe és rendezője, melyeknek ismerjük a rendezőjét.

```
SELECT cím, rendező FROM film WHERE rendező IS NOT NULL
```



## Relációk összekapcsolása (join) SQL2-ben

A következőkben ismertetett nyelvi elemek egy része csak szintaktikai édesítőszer, kifejezhető a

`SELECT <attribútumok> FROM R, S WHERE <feltételek>` (\*)  
segítségével.

## Relációk összekapcsolása (join) SQL2-ben

A következőkben ismertetett nyelvi elemek egy része csak szintaktikai édesítőszer, kifejezhető a

`SELECT <attribútumok> FROM R, S WHERE <feltételek>` (\*)  
segítségével.

Relációk összekapcsolásakor meg kell adni az összekapcsolás módját (belső vagy külső) és a sorok összekapcsolásának feltételét.

## Az összekapcsolás módja

- **Belső összekapcsolás** (mint  $\bowtie$ -nél): **R INNER JOIN S**  
R-nek és S-nek csak azon sorai kerülnek az eredményrelációba, melyekhez van kapcsolódó sor S-ben, illetve R-ben (azaz a másik relációban). (Az, hogy mikor kapcsolódó két sor, az majd a kapcsolódás feltételeinél derül ki.)

## Az összekapcsolás módja

- **Belső összekapcsolás** (mint  $\bowtie$ -nél): **R INNER JOIN S**  
R-nek és S-nek csak azon sorai kerülnek az eredményrelációba, melyekhez van kapcsolódó sor S-ben, illetve R-ben (azaz a másik relációban). (Az, hogy mikor kapcsolódó két sor, az majd a kapcsolódás feltételeinél derül ki.)
- **Bal oldali külső összekapcsolás** (mint  $\bowtie$ -nél): **R LEFT [OUTER] JOIN S**  
R-nek azon sorai is bekerülnek az eredményrelációba, melyekhez nem kapcsolódik S-beli sor.  
Ezekben a csak S-ben szereplő mezők **NULL** értéket kapnak.

## Az összekapcsolás módja

- **Belső összekapcsolás** (mint  $\bowtie$ -nél): **R INNER JOIN S**  
R-nek és S-nek csak azon sorai kerülnek az eredményrelációba, melyekhez van kapcsolódó sor S-ben, illetve R-ben (azaz a másik relációban). (Az, hogy mikor kapcsolódó két sor, az majd a kapcsolódás feltételeinél derül ki.)
- **Bal oldali külső összekapcsolás** (mint  $\bowtie\leftarrow$ -nél): **R LEFT [OUTER] JOIN S**  
R-nek azon sorai is bekerülnek az eredményrelációba, melyekhez nem kapcsolódik S-beli sor.  
Ezekben a csak S-ben szereplő mezők **NULL** értéket kapnak.
- **Jobb oldali külső összekapcsolás** (mint  $\rightarrow\bowtie$ -nél): **R RIGHT [OUTER] JOIN S**  
Mint a LEFT OUTER JOIN, de R és S szerepe megcserélődik.
- **Teljes külső összekapcsolás** (mint  $\bowtie\rightleftharpoons$ -nél): **R FULL [OUTER] JOIN S**  
Mind R, mind S azon sorai is bekerülnek az eredményrelációba, melyekhez nem kapcsolódik sor a másik relációból.  
Az ezáltal üresen maradó mezők itt is **NULL** értéket kapnak.

## Az összekapcsolás módja

- **Belső összekapcsolás** (mint  $\bowtie$ -nél): **R INNER JOIN S**  
R-nek és S-nek csak azon sorai kerülnek az eredményrelációba, melyekhez van kapcsolódó sor S-ben, illetve R-ben (azaz a másik relációban). (Az, hogy mikor kapcsolódó két sor, az majd a kapcsolódás feltételeinél derül ki.)
- **Bal oldali külső összekapcsolás** (mint  $\leftarrow\bowtie$ -nél): **R LEFT [OUTER] JOIN S**  
R-nek azon sorai is bekerülnek az eredményrelációba, melyekhez nem kapcsolódik S-beli sor.  
Ezekben a csak S-ben szereplő mezők **NULL** értéket kapnak.
- **Jobb oldali külső összekapcsolás** (mint  $\bowtie\rightarrow$ -nél): **R RIGHT [OUTER] JOIN S**  
Mint a LEFT OUTER JOIN, de R és S szerepe megcserélődik.
- **Teljes külső összekapcsolás** (mint  $\bowtie\leftarrow\rightarrow$ -nél): **R FULL [OUTER] JOIN S**  
Mind R, mind S azon sorai is bekerülnek az eredményrelációba, melyekhez nem kapcsolódik sor a másik relációból.  
Az ezáltal üresen maradó mezők itt is **NULL** értéket kapnak.

A direkt szorzat létrehozására az **R CROSS JOIN S** alak használható, ilyenkor nincs feltétele a sorok összekapcsolásának.

Ez az alapértelmezés, (\*) használatkor ilyen illesztés történik.

## Az összekapcsolás módja

- **Belső összekapcsolás** (mint  $\bowtie$ -nél): **R INNER JOIN S**  
R-nek és S-nek csak azon sorai kerülnek az eredményrelációba, melyekhez van kapcsolódó sor S-ben, illetve R-ben (azaz a másik relációban). (Az, hogy mikor kapcsolódó két sor, az majd a kapcsolódás feltételeinél derül ki.)
- **Bal oldali külső összekapcsolás** (mint  $\bowtie\text{-}$ -nél): **R LEFT [OUTER] JOIN S**  
R-nek azon sorai is bekerülnek az eredményrelációba, melyekhez nem kapcsolódik S-beli sor.  
Ezekben a csak S-ben szereplő mezők **NULL** értéket kapnak.
- **Jobb oldali külső összekapcsolás** (mint  $\bowtie\text{-}$ -nél): **R RIGHT [OUTER] JOIN S**  
Mint a LEFT OUTER JOIN, de R és S szerepe megcserélődik.
- **Teljes külső összekapcsolás** (mint  $\bowtie\text{-}$ -nél): **R FULL [OUTER] JOIN S**  
Mind R, mind S azon sorai is bekerülnek az eredményrelációba, melyekhez nem kapcsolódik sor a másik relációból.  
Az ezáltal üresen maradó mezők itt is **NULL** értéket kapnak.

A direkt szorzat létrehozására az **R CROSS JOIN S** alak használható, ilyenkor nincs feltétele a sorok összekapcsolásának.

Ez az alapértelmezés, (\*) használatakor ilyen illesztés történik.

## A sorok összekapcsolásának feltételei

- **Természetes illesztés: R NATURAL [INNER | LEFT | RIGHT | FULL] JOIN S**  
R és S azon sorai illesztődnek, ahol az azonos nevű attribútumok értéke is megegyezik.  
Ez az alapértelmezés.



## A sorok összekapcsolásának feltételei

- **Természetes illesztés: R NATURAL [INNER | LEFT | RIGHT | FULL] JOIN S**  
R és S azon sorai illesztődnek, ahol az azonos nevű attribútumok értéke is megegyezik.  
Ez az alapértelmezés.
- **Illesztés azonos nevű attribútumokkal: R [INNER | LEFT | RIGHT | FULL] JOIN S USING (<attribútumok>)**  
R és S azon sorai illesztődnek, ahol az azonos nevű és <attribútumok>-ban felsorolt attribútumok értéke is megegyezik.

## A sorok összekapcsolásának feltételei

- **Természetes illesztés:** **R NATURAL [INNER | LEFT | RIGHT | FULL] JOIN S**  
R és S azon sorai illesztődnek, ahol az azonos nevű attribútumok értéke is megegyezik.  
Ez az alapértelmezés.
- **Illesztés azonos nevű attribútumokkal:** **R [INNER | LEFT | RIGHT | FULL] JOIN S USING (<attribútumok>)**  
R és S azon sorai illesztődnek, ahol az azonos nevű és <attribútumok>-ban felsorolt attribútumok értéke is megegyezik.
- **Illesztés tetszőleges feltétellel ( $\theta$ -join):** **R [INNER | LEFT | RIGHT | FULL] JOIN S ON (<feltétel>)**  
R és S azon sorai illesztődnek, melyek attribútumai eleget tesznek a megadott feltételnek.

## Példák relációk összekapcsolására

**Példa 118:** Kusturica vetített filmjei és vetítési időpontjaik

## Példák relációk összekapcsolására

**Példa 124:** Kusturica vetített filmjei és vetítési időpontjaik

```
SELECT cím, nap, idő FROM film INNER JOIN vetít ON rendező='E. Kusturica' AND  
film.filmID=vetít.filmID
```

## Példák relációk összekapcsolására

**Példa 130:** Kusturica vetített filmjei és vetítési időpontjaik

```
SELECT cím, nap, idő FROM film INNER JOIN vetít ON rendező='E. Kusturica' AND  
film.filmID=vetít.filmID
```

**Példa 131:** Kusturica összes filmje és vetítési időpontjaik (ha van)

## Példák relációk összekapcsolására

**Példa 136:** Kusturica vetített filmjei és vetítési időpontjaik

```
SELECT cím, nap, idő FROM film INNER JOIN vetít ON rendező='E. Kusturica' AND  
film.filmID=vetít.filmID
```

**Példa 137:** Kusturica összes filmje és vetítési időpontjaik (ha van)

```
SELECT cím, nap, idő FROM film LEFT OUTER JOIN vetít ON rendező='E. Kusturica'  
AND film.filmID=vetít.filmID
```

## Példák relációk összekapcsolására

**Példa 142:** Kusturica vetített filmjei és vetítési időpontjaik

```
SELECT cím, nap, idő FROM film INNER JOIN vetít ON rendező='E. Kusturica' AND film.filmID=vetít.filmID
```

**Példa 143:** Kusturica összes filmje és vetítési időpontjaik (ha van)

```
SELECT cím, nap, idő FROM film LEFT OUTER JOIN vetít ON rendező='E. Kusturica' AND film.filmID=vetít.filmID
```

**Példa 144:** Vetített filmek címe, rendezője és vetítési időpontjaik

## Példák relációk összekapcsolására

**Példa 148:** Kusturica vetített filmjei és vetítési időpontjaik

```
SELECT cím, nap, idő FROM film INNER JOIN vetít ON rendező='E. Kusturica' AND film.filmID=vetít.filmID
```

**Példa 149:** Kusturica összes filmje és vetítési időpontjaik (ha van)

```
SELECT cím, nap, idő FROM film LEFT OUTER JOIN vetít ON rendező='E. Kusturica' AND film.filmID=vetít.filmID
```

**Példa 150:** Vetített filmek címe, rendezője és vetítési időpontjaik

```
SELECT cím, rendező, nap, idő FROM film NATURAL INNER JOIN vetít
```



## Példák relációk összekapcsolására

**Példa 154:** Kusturica vetített filmjei és vetítési időpontjaik

```
SELECT cím, nap, idő FROM film INNER JOIN vetít ON rendező='E. Kusturica' AND film.filmID=vetít.filmID
```

**Példa 155:** Kusturica összes filmje és vetítési időpontjaik (ha van)

```
SELECT cím, nap, idő FROM film LEFT OUTER JOIN vetít ON rendező='E. Kusturica' AND film.filmID=vetít.filmID
```

**Példa 156:** Vetített filmek címe, rendezője és vetítési időpontjaik

```
SELECT cím, rendező, nap, idő FROM film NATURAL INNER JOIN vetít
```

**Példa 157:** ugyanez USING használatával

## Példák relációk összekapcsolására

**Példa 160:** Kusturica vetített filmjei és vetítési időpontjaik

```
SELECT cím, nap, idő FROM film INNER JOIN vetít ON rendező='E. Kusturica' AND film.filmID=vetít.filmID
```

**Példa 161:** Kusturica összes filmje és vetítési időpontjaik (ha van)

```
SELECT cím, nap, idő FROM film LEFT OUTER JOIN vetít ON rendező='E. Kusturica' AND film.filmID=vetít.filmID
```

**Példa 162:** Vetített filmek címe, rendezője és vetítési időpontjaik

```
SELECT cím, rendező, nap, idő FROM film NATURAL INNER JOIN vetít
```

**Példa 163:** ugyanez USING használatával

```
SELECT cím, rendező, nap, idő FROM film INNER JOIN vetít USING (filmID)
```

## Példák relációk összekapcsolására

**Példa 166:** Kusturica vetített filmjei és vetítési időpontjaik

```
SELECT cím, nap, idő FROM film INNER JOIN vetít ON rendező='E. Kusturica' AND film.filmID=vetít.filmID
```

**Példa 167:** Kusturica összes filmje és vetítési időpontjaik (ha van)

```
SELECT cím, nap, idő FROM film LEFT OUTER JOIN vetít ON rendező='E. Kusturica' AND film.filmID=vetít.filmID
```

**Példa 168:** Vetített filmek címe, rendezője és vetítési időpontjaik

```
SELECT cím, rendező, nap, idő FROM film NATURAL INNER JOIN vetít
```

**Példa 169:** ugyanez USING használatával

```
SELECT cím, rendező, nap, idő FROM film INNER JOIN vetít USING (filmID)
```

**Példa 170:** Összes film címe, rendezője és vetítési időpontja (ha van)

## Példák relációk összekapcsolására

**Példa 172:** Kusturica vetített filmjei és vetítési időpontjaik

```
SELECT cím, nap, idő FROM film INNER JOIN vetít ON rendező='E. Kusturica' AND film.filmID=vetít.filmID
```

**Példa 173:** Kusturica összes filmje és vetítési időpontjaik (ha van)

```
SELECT cím, nap, idő FROM film LEFT OUTER JOIN vetít ON rendező='E. Kusturica' AND film.filmID=vetít.filmID
```

**Példa 174:** Vetített filmek címe, rendezője és vetítési időpontjaik

```
SELECT cím, rendező, nap, idő FROM film NATURAL INNER JOIN vetít
```

**Példa 175:** ugyanez USING használatával

```
SELECT cím, rendező, nap, idő FROM film INNER JOIN vetít USING (filmID)
```

**Példa 176:** Összes film címe, rendezője és vetítési időpontja (ha van)

```
SELECT cím, rendező, nap, idő FROM film NATURAL LEFT OUTER JOIN vetít
```

## Példák relációk összekapcsolására

**Példa 178:** Kusturica vetített filmjei és vetítési időpontjaik

```
SELECT cím, nap, idő FROM film INNER JOIN vetít ON rendező='E. Kusturica' AND film.filmID=vetít.filmID
```

**Példa 179:** Kusturica összes filmje és vetítési időpontjaik (ha van)

```
SELECT cím, nap, idő FROM film LEFT OUTER JOIN vetít ON rendező='E. Kusturica' AND film.filmID=vetít.filmID
```

**Példa 180:** Vetített filmek címe, rendezője és vetítési időpontjaik

```
SELECT cím, rendező, nap, idő FROM film NATURAL INNER JOIN vetít
```

**Példa 181:** ugyanez USING használatával

```
SELECT cím, rendező, nap, idő FROM film INNER JOIN vetít USING (filmID)
```

**Példa 182:** Összes film címe, rendezője és vetítési időpontja (ha van)

```
SELECT cím, rendező, nap, idő FROM film NATURAL LEFT OUTER JOIN vetít
```

**Példa 183:** Az összes film-mozi pár

## Példák relációk összekapcsolására

**Példa 184:** Kusturica vetített filmjei és vetítési időpontjaik

```
SELECT cím, nap, idő FROM film INNER JOIN vetít ON rendező='E. Kusturica' AND film.filmID=vetít.filmID
```

**Példa 185:** Kusturica összes filmje és vetítési időpontjaik (ha van)

```
SELECT cím, nap, idő FROM film LEFT OUTER JOIN vetít ON rendező='E. Kusturica' AND film.filmID=vetít.filmID
```

**Példa 186:** Vetített filmek címe, rendezője és vetítési időpontjaik

```
SELECT cím, rendező, nap, idő FROM film NATURAL INNER JOIN vetít
```

**Példa 187:** ugyanez USING használatával

```
SELECT cím, rendező, nap, idő FROM film INNER JOIN vetít USING (filmID)
```

**Példa 188:** Összes film címe, rendezője és vetítési időpontja (ha van)

```
SELECT cím, rendező, nap, idő FROM film NATURAL LEFT OUTER JOIN vetít
```

**Példa 189:** Az összes film-mozi pár

```
SELECT * FROM film CROSS JOIN mozi
```

## DML utasítások — INSERT

Sorokat a relációba az **INSERT** utasítással szúrhatunk be.

**Szintakszis:** INSERT INTO <reláció> (<attrib<sub>1</sub>>, ..., <attrib<sub>n</sub>>) VALUES (<érték<sub>1</sub>>, ..., <érték<sub>n</sub>>)

## DML utasítások — INSERT

Sorokat a relációba az **INSERT** utasítással szúrhatunk be.

**Szintakszis:** `INSERT INTO <reláció> (<attrib1>, ..., <attribn>) VALUES (<érték1>, ..., <értékn>)`

**Hatása:** a <reláció> relációba egy új sor kerül, amiben <attrib<sub>1</sub>> attribútum értéke <érték<sub>1</sub>>, stb. A nem meghatározott értékű attribútumok a reláció létrehozásakor az attribútumhoz rendelt alapértelmezett értéket veszik fel.



## DML utasítások — INSERT

Sorokat a relációba az **INSERT** utasítással szúrhatunk be.

**Szintakszis:** `INSERT INTO <reláció> (<attrib1>, ..., <attribn>) VALUES (<érték1>, ..., <értékn>)`

**Hatása:** a <reláció> relációba egy új sor kerül, amiben <attrib<sub>1</sub>> attribútum értéke <érték<sub>1</sub>>, stb. A nem meghatározott értékű attribútumok a reláció létrehozásakor az attribútumhoz rendelt alapértelmezett értéket veszik fel.

**Példa 192:** Egy új film felvétele

`INSERT INTO film (cím, rendező) VALUES ('Egy csodálatos elme', 'Ron Howard')`

## DML utasítások — INSERT

Sorokat a relációba az **INSERT** utasítással szúrhatunk be.

**Szintakszis:** `INSERT INTO <reláció> (<attrib1>, ..., <attribn>) VALUES (<érték1>, ..., <értékn>)`

**Hatása:** a <reláció> relációba egy új sor kerül, amiben <attrib<sub>1</sub>> attribútum értéke <érték<sub>1</sub>>, stb. A nem meghatározott értékű attribútumok a reláció létrehozásakor az attribútumhoz rendelt alapértelmezett értéket veszik fel.

**Példa 193:** Egy új film felvétele

`INSERT INTO film (cím, rendező) VALUES ('Egy csodálatos elme', 'Ron Howard')`

**Megjegyzés:**

- a filmID mező az alapértelmezett értékét kapja, de egy trigger (később lesz) segítségével akár automatikusan növekvő számozást is létrehozhatunk.

## DML utasítások — INSERT

Sorokat a relációba az **INSERT** utasítással szúrhatunk be.

**Szintakszis:** **INSERT INTO** <reláció> (<attrib<sub>1</sub>>, ..., <attrib<sub>n</sub>>) **VALUES** (<érték<sub>1</sub>>, ..., <érték<sub>n</sub>>)

**Hatása:** a <reláció> relációba egy új sor kerül, amiben <attrib<sub>1</sub>> attribútum értéke <érték<sub>1</sub>>, stb. **A nem meghatározott értékű attribútumok a reláció létrehozásakor az attribútumhoz rendelt alapértelmezett értéket veszik fel.**

**Példa 194:** Egy új film felvétele

**INSERT INTO** film (cím, rendező) **VALUES** ('Egy csodálatos elme', 'Ron Howard')

**Megjegyzés:**

- a filmID mező az alapértelmezett értékét kapja, de egy trigger (később lesz) segítségével akár automatikusan növekvő számozást is létrehozhatunk.
- Ha az összes attribútum értékét megadjuk, akkor nem kell őket felsorolni, ebben az esetben a beadott értékek a default attribútumsorrend szerint lesznek hozzárendelve az attribútumokhoz)
- **a beszúrt adatokat egy alkérdésből is vehetjük:**  
Ha van egy filmregi(filmID, cím, rendező) tábla és azokat az adatokat szeretnénk átvinni a film táblába, amik ott nem szerepelnek:

## DML utasítások — INSERT

Sorokat a relációba az **INSERT** utasítással szúrhatunk be.

**Szintakszis:** **INSERT INTO** <reláció> (<attrib<sub>1</sub>>, ..., <attrib<sub>n</sub>>) **VALUES** (<érték<sub>1</sub>>, ..., <érték<sub>n</sub>>)

**Hatása:** a <reláció> relációba egy új sor kerül, amiben <attrib<sub>1</sub>> attribútum értéke <érték<sub>1</sub>>, stb. A nem meghatározott értékű attribútumok a reláció létrehozásakor az attribútumhoz rendelt alapértelmezett értéket veszik fel.

**Példa 195:** Egy új film felvétele

**INSERT INTO** film (cím, rendező) **VALUES** ('Egy csodálatos elme', 'Ron Howard')

**Megjegyzés:**

- a filmID mező az alapértelmezett értékét kapja, de egy trigger (később lesz) segítségével akár automatikusan növekvő számozást is létrehozhatunk.
- Ha az összes attribútum értékét megadjuk, akkor nem kell őket felsorolni, ebben az esetben a beadott értékek a default attribútumsorrend szerint lesznek hozzárendelve az attribútumokhoz)
- a beszúrt adatokat egy alkérdésből is vehetjük:  
Ha van egy filmregi(filmID, cím, rendező) tábla és azokat az adatokat szeretnénk átvinni a film táblába, amik ott nem szerepelnek:

**INSERT INTO** film

**SELECT** filmregi.filmID, filmregi.cím, filmregi.rendező

**FROM** filmregi

**WHERE** filmregi.filmID NOT IN

(**SELECT** filmID **FROM** film)

# DML utasítások — UPDATE

Sorokat a relációban az **UPDATE** utasítással módosíthatunk.

**Szintakszis:** UPDATE <reláció> SET <attrib<sub>1</sub>>=<érték<sub>1</sub>>, ... , <attrib<sub>n</sub>>=<érték<sub>n</sub>>  
WHERE <feltétel>

## DML utasítások — UPDATE

Sorokat a relációban az **UPDATE** utasítással módosíthatunk.

**Szintakszis:** UPDATE <reláció> SET <attrib<sub>1</sub>>=<érték<sub>1</sub>>, ... , <attrib<sub>n</sub>>=<érték<sub>n</sub>>  
WHERE <feltétel>

**Hatása:** a <reláció> reláció minden sorában, amelyik illeszkedik a <feltétel> feltételre <attrib<sub>i</sub>> értéke <érték<sub>i</sub>> lesz.

## DML utasítások — UPDATE

Sorokat a relációban az **UPDATE** utasítással módosíthatunk.

**Szintakszis:** UPDATE <reláció> SET <attrib<sub>1</sub>>=<érték<sub>1</sub>>, ... , <attrib<sub>n</sub>>=<érték<sub>n</sub>>  
WHERE <feltétel>

**Hatása:** a <reláció> reláció minden sorában, amelyik illeszkedik a <feltétel> feltételre <attrib<sub>i</sub>> értéke <érték<sub>i</sub>> lesz.

**Példa 198:** Az előbb beszúrt rendező nevének átírása rövidített alakba

## DML utasítások — UPDATE

Sorokat a relációban az **UPDATE** utasítással módosíthatunk.

**Szintakszis:** UPDATE <reláció> SET <attrib<sub>1</sub>>=<érték<sub>1</sub>>, ... , <attrib<sub>n</sub>>=<érték<sub>n</sub>>  
WHERE <feltétel>

**Hatása:** a <reláció> reláció minden sorában, amelyik illeszkedik a <feltétel> feltételre <attrib<sub>i</sub>> értéke <érték<sub>i</sub>> lesz.

**Példa 199:** Az előbb beszúrt rendező nevének átírása rövidített alakba  
UPDATE film SET rendező='R. Howard' WHERE rendező='Ron Howard'



## DML utasítások — DELETE

Sorokat egy relációból a **DELETE** utasítással törölhetünk.

Szintakszis: **DELETE FROM** <reláció> **WHERE** <feltétel>

# DML utasítások — DELETE

Sorokat egy relációból a **DELETE** utasítással törölhetünk.

**Szintakszis:** `DELETE FROM <reláció> WHERE <feltétel>`

**Hatása:** a <reláció> reláció feltételre illeszkedő sorait törli.

## DML utasítások — DELETE

Sorokat egy relációból a **DELETE** utasítással törölhetünk.

**Szintakszis:** **DELETE FROM** <reláció> **WHERE** <feltétel>

**Hatása:** a <reláció> reláció feltételre illeszkedő sorait törli.

**Megjegyzés:** a **WHERE** <feltétel> rész elhagyása esetén a reláció összes sorát törli.

## DML utasítások — DELETE

Sorokat egy relációból a **DELETE** utasítással törölhetünk.

**Szintakszis:** **DELETE FROM** <reláció> **WHERE** <feltétel>

**Hatása:** a <reláció> reláció feltételre illeszkedő sorait törli.

**Megjegyzés:** a **WHERE** <feltétel> rész elhagyása esetén a reláció összes sorát törli.

**Példa 203:** Azon filmek törlése, amiknek a rendezője E. K. monogrammú

**DELETE FROM** film **WHERE** rendező **LIKE** 'E.% K%'

# SQL Data Definition Language

- Séma létrehozása
- Séma törlése
- Séma módosítása

# SQL Data Definition Language

- Séma létrehozása
- Séma törlése
- Séma módosítása
- Indexek létrehozása és kezelése (az indexekről később lesz szó részletesen)

# SQL Data Definition Language

- Séma létrehozása
- Séma törlése
- Séma módosítása
- Indexek létrehozása és kezelése (az indexekről később lesz szó részletesen)
- Nézetek létrehozása

# SQL Data Definition Language

- Séma létrehozása
- Séma törlése
- Séma módosítása
- Indexek létrehozása és kezelése (az indexekről később lesz szó részletesen)
- Nézetek létrehozása
- Kényszerek létrehozása



# SQL Data Definition Language

- Séma létrehozása
- Séma törlése
- Séma módosítása
- Indexek létrehozása és kezelése (az indexekről később lesz szó részletesen)
- Nézetek létrehozása
- Kényszerek létrehozása
- Triggerek (kicsit)

A triggerek már az SQL3-hoz tartoznak, a triggerek segítségével az adatbázis valamely változásakor egy tárolt eljárást hajthatunk végre. Itt fogunk beszélni a rekurzióról is, mert az is SQL3-as dolog, de az lekérdezés és nem DDL, a segítségével egy reláció tranzitív lezárását lehet kiszámolni rekurzívan.

# Relációk létrehozása

Relációk létrehozására a **CREATE TABLE** használandó.

Minden attribútumnak típust és a reláción belül egyedi nevet kell adni.

# Relációk létrehozása

Relációk létrehozására a **CREATE TABLE** használandó.

Minden attribútumnak típust és a reláción belül egyedi nevet kell adni.

Szükség esetén megadható alapértelmezett érték is (**DEFAULT** kulcsszóval), melyeket az attribútum azon sorokban vesz fel, ahol a beszúrásakor nem adtuk meg a konkrét értékét.

# Relációk létrehozása

Relációk létrehozására a **CREATE TABLE** használandó.

Minden attribútumnak típust és a reláción belül egyedi nevet kell adni.

Szükség esetén megadható alapértelmezett érték is (**DEFAULT** kulcsszóval), melyeket az attribútum azon sorokban vesz fel, ahol a beszúrásakor nem adtuk meg a konkrét értékét.

Lehetőség van arra is, hogy kényszereket definiáljunk az attribútumokra (pl. attribútum nem **NULL**, elsődleges kulcs, idegen kulcs, stb.), ezekről később lesz szó.

# Relációk létrehozása

Relációk létrehozására a **CREATE TABLE** használandó.

Minden attribútumnak típust és a reláción belül egyedi nevet kell adni.

Szükség esetén megadható alapértelmezett érték is (**DEFAULT** kulcsszóval), melyeket az attribútum azon sorokban vesz fel, ahol a beszúrásakor nem adtuk meg a konkrét értékét.

Lehetőség van arra is, hogy kényszereket definiáljunk az attribútumokra (pl. attribútum nem **NULL**, elsődleges kulcs, idegen kulcs, stb.), ezekről később lesz szó.

Szintakszis:

```
CREATE TABLE <relációnév> (  
<attrib1> <adattípus1> [DEFAULT <érték>], ...  
<attribn> <adattípusn> [DEFAULT <érték>]  
)
```

## Példa 204: Film reláció létrehozása

```
CREATE TABLE film(  
  filmID number(5),  
  cím varchar(50),  
  rendező char(30),  
  év number(4),  
  hossz number(3) DEFAULT 90)
```

## Példa 205: Film reláció létrehozása

```
CREATE TABLE film(  
  filmID number(5),  
  cím varchar(50),  
  rendező char(30),  
  év number(4),  
  hossz number(3) DEFAULT 90)
```

A lehetséges adattípusok függenek az adatbáziskezelőtől.

## Példa 206: Film reláció létrehozása

```
CREATE TABLE film(  
  filmID number(5),  
  cím varchar(50),  
  rendező char(30),  
  év number(4),  
  hossz number(3) DEFAULT 90)
```

A lehetséges adattípusok függenek az adatbáziskezelőtől.

A főbb típusok:

<b>char(<i>n</i>)</b>	<i>n</i> hosszú karaktersorozat
<b>varchar(<i>n</i>)</b>	maximum <i>n</i> hosszú karaktersorozat
<b>number(<i>n,m</i>)</b>	<i>n</i> hosszú, <i>m</i> tizedesjegyű szám
<b>date</b>	dátum



## Relációk törlése, módosítása

Relációk törlésére a **DROP TABLE** használandó.

Szintaxis: DROP TABLE <relációnév>

## Relációk törlése, módosítása

Relációk törlésére a **DROP TABLE** használandó.

Szintaxis: DROP TABLE <relációnév>

Példa 211: Film reláció törlése :-(

DROP TABLE film

## Relációk törlése, módosítása

Relációk törlésére a **DROP TABLE** használandó.

Szintaxis: **DROP TABLE** <relációnév>

Példa 215: Film reláció törlése :-(

**DROP TABLE** film

Relációk módosítására az **ALTER TABLE** használandó.

## Relációk törlése, módosítása

Relációk törlésére a **DROP TABLE** használandó.

Szintaxis: **DROP TABLE** <relációnév>

Példa 219: Film reláció törlése :-(

**DROP TABLE** film

Relációk módosítására az **ALTER TABLE** használandó.

Lehetőség van új attribútum definiálására (**ADD**), attribútum törlésére (**DROP**), attribútum adattípusának módosítására (**MODIFY**), kényszerek módosítására, alapértelmezett érték megadására.

Mind ezek csak a jelenlegi adatokkal konzisztensen végezhetők el.

Például nem törölhető olyan attribútum, amire még van hivatkozás.

## Relációk törlése, módosítása

Relációk törlésére a **DROP TABLE** használandó.

Szintaxis: **DROP TABLE** <relációnév>

Példa 223: Film reláció törlése :-(

**DROP TABLE** film

Relációk módosítására az **ALTER TABLE** használandó.

Lehetőség van új attribútum definiálására (**ADD**), attribútum törlésére (**DROP**), attribútum adattípusának módosítására (**MODIFY**), kényszerek módosítására, alapértelmezett érték megadására.

Mind ezek csak a jelenlegi adatokkal konzisztensen végezhetők el.

Például nem törölhető olyan attribútum, amire még van hivatkozás.

Szintaxis: **ALTER TABLE** <relációnév> <opciók>

## Relációk törlése, módosítása

Relációk törlésére a **DROP TABLE** használandó.

Szintaxis: **DROP TABLE** <relációnév>

Példa 227: Film reláció törlése :-(

**DROP TABLE** film

Relációk módosítására az **ALTER TABLE** használandó.

Lehetőség van új attribútum definiálására (**ADD**), attribútum törlésére (**DROP**), attribútum adattípusának módosítására (**MODIFY**), kényszerek módosítására, alapértelmezett érték megadására.

Mind ezek csak a jelenlegi adatokkal konzisztensen végezhetőek el.

Például nem törölhető olyan attribútum, amire még van hivatkozás.

Szintaxis: **ALTER TABLE** <relációnév> <opciók>

Példa 228: Vetít relációhoz helyár hozzáadása

**ALTER TABLE** vetít **ADD** helyár number(4)

## Relációk törlése, módosítása

Relációk törlésére a **DROP TABLE** használandó.

Szintaxis: **DROP TABLE** <relációnév>

Példa 231: Film reláció törlése :-(

**DROP TABLE** film

Relációk módosítására az **ALTER TABLE** használandó.

Lehetőség van új attribútum definiálására (**ADD**), attribútum törlésére (**DROP**), attribútum adattípusának módosítására (**MODIFY**), kényszerek módosítására, alapértelmezett érték megadására.

Mind ezek csak a jelenlegi adatokkal konzisztensen végezhetőek el.

Például nem törölhető olyan attribútum, amire még van hivatkozás.

Szintaxis: **ALTER TABLE** <relációnév> <opciók>

Példa 232: Vetít relációhoz helyár hozzáadása

**ALTER TABLE** vetít **ADD** helyár **number(4)**

Példa 233: Mozi relációból a város eltávolítása

**ALTER TABLE** mozi **DROP** város

## Relációk törlése, módosítása

Relációk törlésére a **DROP TABLE** használandó.

Szintaxis: **DROP TABLE** <relációnév>

Példa 235: Film reláció törlése :-(

**DROP TABLE** film

Relációk módosítására az **ALTER TABLE** használandó.

Lehetőség van új attribútum definiálására (**ADD**), attribútum törlésére (**DROP**), attribútum adattípusának módosítására (**MODIFY**), kényszerek módosítására, alapértelmezett érték megadására.

Mindezek csak a jelenlegi adatokkal konzisztensen végezhetők el.

Például nem törölhető olyan attribútum, amire még van hivatkozás.

Szintaxis: **ALTER TABLE** <relációnév> <opciók>

Példa 236: Vetít relációhoz helyár hozzáadása

**ALTER TABLE** vetít **ADD** helyár **number(4)**

Példa 237: Mozi relációból a város eltávolítása

**ALTER TABLE** mozi **DROP** város

Példa 238: Ha a helyárakat ezentúl dollárban számoljuk ...

**ALTER TABLE** vetít **MODIFY** helyár **number(4,2)**



# Indexek

Egy reláció bizonyos attribútumaira indexet készíthetünk: ez egy adatszerkezetet jelent, ami olyan sorok gyors keresését teszi lehetővé amelyek az adott attribútumokon valami adott értékeket vesznek fel.

# Indexek

Egy reláció bizonyos attribútumaira indexet készíthetünk: ez egy adatszerkezetet jelent, ami olyan sorok gyors keresését teszi lehetővé amelyek az adott attribútumokon valami adott értékeket vesznek fel.

SQL2-nek sem része, de gyakori, ezért tanuljuk.

Szintaxis: `CREATE INDEX <indexnév> ON <relációnév>(attribútumok listája)`

# Indexek

Egy reláció bizonyos attribútumaira indexet készíthetünk: ez egy adatszerkezetet jelent, ami olyan sorok gyors keresését teszi lehetővé amelyek az adott attribútumokon valami adott értékeket vesznek fel.

SQL2-nek sem része, de gyakori, ezért tanuljuk.

Szintaxis: `CREATE INDEX <indexnév> ON <relációnév>(attribútumok listája)`

Példa 241: index a filmcím, rendező párra

```
CREATE INDEX cím-rend ON film(cím, rendező)
```

# Indexek

Egy reláció bizonyos attribútumaira indexet készíthetünk: ez egy adatszerkezetet jelent, ami olyan sorok gyors keresését teszi lehetővé amelyek az adott attribútumokon valami adott értékeket vesznek fel.

SQL2-nek sem része, de gyakori, ezért tanuljuk.

Szintaxis: `CREATE INDEX <indexnév> ON <relációnév>(attribútumok listája)`

Példa 242: index a filmcím, rendező párra

```
CREATE INDEX cím-rend ON film(cím, rendező)
```

Ha meguntuk, el lehet dobni: `DROP INDEX cím-rend`

# Indexek

Egy reláció bizonyos attribútumaira indexet készíthetünk: ez egy adatszerkezetet jelent, ami olyan sorok gyors keresését teszi lehetővé amelyek az adott attribútumokon valami adott értékeket vesznek fel.

SQL2-nek sem része, de gyakori, ezért tanuljuk.

Szintaxis: `CREATE INDEX <indexnév> ON <relációnév>(attribútumok listája)`

Példa 243: index a filmcím, rendező párra

```
CREATE INDEX cím-rend ON film(cím, rendező)
```

Ha meguntuk, el lehet dobni: `DROP INDEX cím-rend`

- **előny:** gyors keresés lehetséges az index segítségével

Egy reláció bizonyos attribútumaira indexet készíthetünk: ez egy adatszerkezetet jelent, ami olyan sorok gyors keresését teszi lehetővé amelyek az adott attribútumokon valami adott értékeket vesznek fel.

SQL2-nek sem része, de gyakori, ezért tanuljuk.

Szintaxis: `CREATE INDEX <indexnév> ON <relációnév>(attribútumok listája)`

Példa 244: index a filmcím, rendező párra

```
CREATE INDEX cím-rend ON film(cím, rendező)
```

Ha meguntuk, el lehet dobni: `DROP INDEX cím-rend`

- **előny:** gyors keresés lehetséges az index segítségével
- **hátrány:** az adatszerkezetet karban kell tartani, így lassítja a beszúrást, törlést, módosítást

Egy reláció bizonyos attribútumaira indexet készíthetünk: ez egy adatszerkezetet jelent, ami olyan sorok gyors keresését teszi lehetővé amelyek az adott attribútumokon valami adott értékeket vesznek fel.

SQL2-nek sem része, de gyakori, ezért tanuljuk.

Szintaxis: `CREATE INDEX <indexnév> ON <relációnév>(attribútumok listája)`

Példa 245: index a filmcím, rendező párra

```
CREATE INDEX cím-rend ON film(cím, rendező)
```

Ha meguntuk, el lehet dobni: `DROP INDEX cím-rend`

- **előny:** gyors keresés lehetséges az index segítségével
- **hátrány:** az adatszerkezetet karban kell tartani, így lassítja a beszúrást, törlést, módosítást
- az a fontos, hogy miből van több, módosításból vagy lekérdezésből?

Egy reláció bizonyos attribútumaira indexet készíthetünk: ez egy adatszerkezetet jelent, ami olyan sorok gyors keresését teszi lehetővé amelyek az adott attribútumokon valami adott értékeket vesznek fel.

SQL2-nek sem része, de gyakori, ezért tanuljuk.

Szintaxis: `CREATE INDEX <indexnév> ON <relációnév>(attribútumok listája)`

Példa 246: index a filmcím, rendező párra

```
CREATE INDEX cím-rend ON film(cím, rendező)
```

Ha meguntuk, el lehet dobni: `DROP INDEX cím-rend`

- **előny:** gyors keresés lehetséges az index segítségével
- **hátrány:** az adatszerkezetet karban kell tartani, így lassítja a beszúrást, törlést, módosítást
- az a fontos, hogy miből van több, módosításból vagy lekérdezésből?
- néha a rendszer magától létrehoz indexet (lásd kulcsok)



# Adatbázisok elmélete

## SQL nézetek, kényszerek, triggerek

Katona Gyula Y.

Számítástudományi és Információelméleti Tanszék  
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem

11. előadás

# Nézetek létrehozása

Permanensen létező, származtatott relációt hoz létre, amire hivatkozhatunk lekérdezésekkor is.

# Nézetek létrehozása

Permanensen létező, származtatott relációt hoz létre, amire hivatkozhatunk lekérdezésekkor is.

Szintaxis: `CREATE VIEW <új reláció neve> AS <lekérdezés>`

# Nézetek létrehozása

Permanensen létező, származtatott relációt hoz létre, amire hivatkozhatunk lekérdezésekkor is.

Szintaxis: `CREATE VIEW <új reláció neve> AS <lekérdezés>`

## Nézetek létrehozása

**Példa 247:** Csináljunk egy nézetet Almodovar filmjeiből

```
CREATE VIEW Almodovarfilm AS
SELECT filmID, cím
FROM film
WHERE rendező='P. Almodovar'
```

## Nézetek létrehozása

**Példa 249:** Csináljunk egy nézetet Almodovar filmjeiből

```
CREATE VIEW Almodovarfilm AS
```

```
  SELECT filmID, cím
```

```
  FROM film
```

```
  WHERE rendező='P. Almodovar'
```

- A VIEW-val létrehozott reláció aszerint változik, ahogyan a film tábla változik

## Nézetek létrehozása

**Példa 251:** Csináljunk egy nézetet Almodovar filmjeiből

```
CREATE VIEW Almodovarfilm AS
  SELECT filmID, cím
  FROM film
  WHERE rendező='P. Almodovar'
```

- A VIEW-val létrehozott reláció aszerint változik, ahogyan a film tábla változik (a nézettábla nem lesz alapreláció, nem olyan, mintha CREATE TABLE-vel csináltam volna és utána feltöltöttem volna adatokkal)

## Nézetek létrehozása

**Példa 253:** Csináljunk egy nézetet Almodovar filmjeiből

```
CREATE VIEW Almodovارفilm AS
  SELECT filmID, cím
  FROM film
  WHERE rendező='P. Almodovar'
```

- A VIEW-val létrehozott reláció aszerint változik, ahogyan a film tábla változik (a nézettábla nem lesz alapreláció, nem olyan, mintha CREATE TABLE-vel csináltam volna és utána feltöltöttem volna adatokkal)
- de változtathatók az adatok korlátozottan a nézettáblán keresztül is
- Lekérdezésben használható, ugyanúgy ahogy az alaprelációk:



## Nézetek létrehozása

**Példa 255:** Csináljunk egy nézetet Almodovar filmjeiből

```
CREATE VIEW Almodovarfilm AS
```

```
  SELECT filmID, cím
```

```
  FROM film
```

```
  WHERE rendező='P. Almodovar'
```

- A VIEW-val létrehozott reláció aszerint változik, ahogyan a film tábla változik (a nézettábla nem lesz alapreláció, nem olyan, mintha CREATE TABLE-vel csináltam volna és utána feltöltöttem volna adatokkal)
- de változtathatók az adatok korlátozottan a nézettáblán keresztül is
- Lekérdezésben használható, ugyanúgy ahogy az alaprelációk:

**Példa 256:** Milyen Almodovar filmeket vetítenek most?

```
SELECT cím FROM Almodovarfilm NATURAL INNER JOIN vetít
```

## Nézetek létrehozása

**Példa 257:** Csináljunk egy nézetet Almodovar filmjeiből

```
CREATE VIEW Almodovarfilm AS
  SELECT filmID, cím
  FROM film
  WHERE rendező='P. Almodovar'
```

- A VIEW-val létrehozott reláció aszerint változik, ahogyan a film tábla változik (a nézettábla nem lesz alapreláció, nem olyan, mintha CREATE TABLE-vel csináltam volna és utána feltöltöttem volna adatokkal)
- de változtathatók az adatok korlátozottan a nézettáblán keresztül is
- Lekérdezésben használható, ugyanúgy ahogy az alaprelációk:  
Példa 258: Milyen Almodovar filmeket vetítenek most?  
SELECT cím FROM Almodovarfilm NATURAL INNER JOIN vetít
- Egy ilyen kérdés kiértékelésekor az Almodovarfilm nézettábla helyére a lekérdezésfeldolgozó berakja az őt definiáló SELECT-et

## Nézetek létrehozása

**Példa 259:** Csináljunk egy nézetet Almodovar filmjeiből

```
CREATE VIEW Almodovarfilm AS
  SELECT filmID, cím
  FROM film
  WHERE rendező='P. Almodovar'
```

- A VIEW-val létrehozott reláció aszerint változik, ahogyan a film tábla változik (a nézettábla nem lesz alapreláció, nem olyan, mintha CREATE TABLE-vel csináltam volna és utána feltöltöttem volna adatokkal)
- de változtathatók az adatok korlátozottan a nézettáblán keresztül is
- Lekérdezésben használható, ugyanúgy ahogy az alaprelációk:  
Példa 260: Milyen Almodovar filmeket vetítenek most?  
SELECT cím FROM Almodovarfilm NATURAL INNER JOIN vetít
- Egy ilyen kérdés kiértékelésekor az Almodovarfilm nézettábla helyére a lekérdezésfeldolgozó berakja az őt definiáló SELECT-et
- Lehet új attribútumnevet adni a nézettáblában

## Nézetek létrehozása

**Példa 261:** Csináljunk egy nézetet Almodovar filmjeiből

```
CREATE VIEW Almodovarfilm AS
  SELECT filmID, cím
  FROM film
  WHERE rendező='P. Almodovar'
```

- A VIEW-val létrehozott reláció aszerint változik, ahogyan a film tábla változik (a nézettábla nem lesz alapreláció, nem olyan, mintha CREATE TABLE-vel csináltam volna és utána feltöltöttem volna adatokkal)
- de változtathatók az adatok korlátozottan a nézettáblán keresztül is
- Lekérdezésben használható, ugyanúgy ahogy az alaprelációk:  
Példa 262: Milyen Almodovar filmeket vetítenek most?  
SELECT cím FROM Almodovarfilm NATURAL INNER JOIN vetít
- Egy ilyen kérdés kiértékelésekor az Almodovarfilm nézettábla helyére a lekérdezésfeldolgozó berakja az őt definiáló SELECT-et
- Lehet új attribútumnevet adni a nézettáblában

Megszüntetése: DROP VIEW Almodovarfilm

## Nézetek létrehozása

**Példa 263:** Csináljunk egy nézetet Almodovar filmjeiből

```
CREATE VIEW Almodovarfilm AS
SELECT filmID, cím
FROM film
WHERE rendező='P. Almodovar'
```

- A VIEW-val létrehozott reláció aszerint változik, ahogyan a film tábla változik (a nézettábla nem lesz alapreláció, nem olyan, mintha CREATE TABLE-vel csináltam volna és utána feltöltöttem volna adatokkal)
- de változtathatók az adatok korlátozottan a nézettáblán keresztül is
- Lekérdezésben használható, ugyanúgy ahogy az alaprelációk:  
Példa 264: Milyen Almodovar filmeket vetítenek most?  
SELECT cím FROM Almodovarfilm NATURAL INNER JOIN vetít
- Egy ilyen kérdés kiértékelésekor az Almodovarfilm nézettábla helyére a lekérdezésfeldolgozó berakja az őt definiáló SELECT-et
- Lehet új attribútumnevet adni a nézettáblában

Megszüntetése: DROP VIEW Almodovarfilm

Ezután már nem lehet olyan lekérdezést írni, amiben ez szerepel.

# Kényszerek

## Kényszerek csoportosítása

### Kényszer típusa szerint

- Elsődleges kulcs (**PRIMARY KEY**)
- Egyértékűségi megszorítások (**UNIQUE**)
- Hivatkozási épség, idegen kulcs (**FOREIGN KEY**)
- NULL érték tiltása (**NOT NULL**)

## Kényszerek csoportosítása

### Kényszer típusa szerint

- Elsődleges kulcs (**PRIMARY KEY**)
- Egyértékűségi megszorítások (**UNIQUE**)
- Hivatkozási épség, idegen kulcs (**FOREIGN KEY**)
- NULL érték tiltása (**NOT NULL**)
- Értékkészlet (**CHECK**)
  - ▶ attribútumra vonatkozó feltétel
  - ▶ sorra vonatkozó feltétel
  - ▶ globális feltétel

# Elsődleges kulcs, egyediség

Attribútum(ok) elsődleges kulccsá tétele: **PRIMARY KEY**

Attribútum(ok) egyediségének megkövetelése: **UNIQUE**



# Elsődleges kulcs, egyediség

Attribútum(ok) elsődleges kulccsá tétele: **PRIMARY KEY**

Attribútum(ok) egyediségének megkövetelése: **UNIQUE**

Mindkét esetben az adott attribútumoknak egyértelműen azonosítaniuk kell a sort.

## Elsődleges kulcs, egyediség

Attribútum(ok) elsődleges kulccsá tétele: **PRIMARY KEY**

Attribútum(ok) egyediségének megkövetelése: **UNIQUE**

Mindkét esetben az adott attribútumoknak egyértelműen azonosítaniuk kell a sort.

Különbség: **PRIMARY KEY** csak egy lehet, idegen kulcs csak erre hivatkozhat, sok rendszer automatikusan indexet hoz rá létre.

# Elsődleges kulcs, egyediség

Attribútum(ok) elsődleges kulccsá tétele: **PRIMARY KEY**

Attribútum(ok) egyediségének megkövetelése: **UNIQUE**

Mindkét esetben az adott attribútumoknak egyértelműen azonosítaniuk kell a sort.

Különbség: **PRIMARY KEY** csak egy lehet, idegen kulcs csak erre hivatkozhat, sok rendszer automatikusan indexet hoz rá létre.

Szintaxis:

a tábla létrehozásakor, az attribútum definíciójában:

<attribútum> <típus> { **PRIMARY KEY** | **UNIQUE** }

## Elsődleges kulcs, egyediség

Attribútum(ok) elsődleges kulccsá tétele: **PRIMARY KEY**

Attribútum(ok) egyediségének megkövetelése: **UNIQUE**

Mindkét esetben az adott attribútumoknak egyértelműen azonosítaniuk kell a sort.

Különbség: **PRIMARY KEY** csak egy lehet, idegen kulcs csak erre hivatkozhat, sok rendszer automatikusan indexet hoz rá létre.

Szintaxis:

a tábla létrehozásakor, az attribútum definíciójában:

<attribútum> <típus> { PRIMARY KEY | UNIQUE }

relációdefinícióban belül, önállóan, külön sorban:

{ PRIMARY KEY | UNIQUE } (<attrib<sub>1</sub>>, ..., <attrib<sub>k</sub>> )

## Elsődleges kulcs, egyediség

Attribútum(ok) elsődleges kulccsá tétele: **PRIMARY KEY**

Attribútum(ok) egyediségének megkövetelése: **UNIQUE**

Mindkét esetben az adott attribútumoknak egyértelműen azonosítaniuk kell a sort.

Különbség: **PRIMARY KEY** csak egy lehet, idegen kulcs csak erre hivatkozhat, sok rendszer automatikusan indexet hoz rá létre.

Szintaxis:

a tábla létrehozásakor, az attribútum definíciójában:

<attribútum> <típus> { PRIMARY KEY | UNIQUE }

relációdefinícióban belül, önállóan, külön sorban:

{ PRIMARY KEY | UNIQUE } (<attrib<sub>1</sub>>, ..., <attrib<sub>k</sub>> )

**Ilyenkor (<attrib<sub>1</sub>>, ..., <attrib<sub>k</sub>> ) együtt a kulcs. Ha egy kulcs több attribútumból áll, akkor csak így lehet megadni.**

## Elsődleges kulcs, egyediség

Attribútum(ok) elsődleges kulccsá tétele: **PRIMARY KEY**

Attribútum(ok) egyediségének megkövetelése: **UNIQUE**

Mindkét esetben az adott attribútumoknak egyértelműen azonosítaniuk kell a sort.

Különbség: **PRIMARY KEY** csak egy lehet, idegen kulcs csak erre hivatkozhat, sok rendszer automatikusan indexet hoz rá létre.

Szintaxis:

a tábla létrehozásakor, az attribútum definíciójában:

<attribútum> <típus> { PRIMARY KEY | UNIQUE }

relációdefinícióban belül, önállóan, külön sorban:

{ PRIMARY KEY | UNIQUE } (<attrib<sub>1</sub>>, ..., <attrib<sub>k</sub>> )

**Ilyenkor (<attrib<sub>1</sub>>, ..., <attrib<sub>k</sub>> ) együtt a kulcs. Ha egy kulcs több attribútumból áll, akkor csak így lehet megadni.**

A kulcsfeltételeket a rendszer minden beszúrás és módosítás előtt ellenőrzi, ezért van automatikusan index rájuk. És persze emiatt óvatosan kell a kulcsok megadásával bánni, mert nagyon lelassíthatják az adatmódosításokat.

# Idegen kulcs

A hivatkozási épség fő eszköze az SQL-ben.

# Idegen kulcs

A hivatkozási épség fő eszköze az SQL-ben.

Másik reláció elsődleges kulcsára hivatkozás. Kulcsszavak: **FOREIGN KEY**,  
**REFERENCES**



# Idegen kulcs

A hivatkozási épség fő eszköze az SQL-ben.

Másik reláció elsődleges kulcsára hivatkozás. Kulcsszavak: **FOREIGN KEY**,  
**REFERENCES**

Szintaxis:

attribútum definíciójában:

<attribútum> <típus> REFERENCES <hivatkozott reláció>(<hivatkozott attribútum>)

# Idegen kulcs

A hivatkozási épség fő eszköze az SQL-ben.

Másik reláció elsődleges kulcsára hivatkozás. Kulcsszavak: **FOREIGN KEY**,  
**REFERENCES**

Szintaxis:

attribútum definíciójában:

<attribútum> <típus> REFERENCES <hivatkozott reláció>(<hivatkozott attribútum>)

relációdefinícióban, önállóan, külön sorban:

FOREIGN KEY <attribútumok>

REFERENCES <hivatkozott reláció>(<hivatkozott attribútumok>)

# Idegen kulcs

A hivatkozási épség fő eszköze az SQL-ben.

Másik reláció elsődleges kulcsára hivatkozás. Kulcsszavak: **FOREIGN KEY, REFERENCES**

Szintaxis:

attribútum definíciójában:

<attribútum> <típus> REFERENCES <hivatkozott reláció>(<hivatkozott attribútum>)

relációdefiníció belül, önállóan, külön sorban:

FOREIGN KEY <attribútumok>

REFERENCES <hivatkozott reláció>(<hivatkozott attribútumok>)

A **FOREIGN KEY** kulcsszó után álló attribútumokat nevezzük **idegen kulcsoknak**.

A fenti deklaráció jelentése: ha létezik egy sor a relációban, ahol az idegen kulcsban levő attribútumok valami adott értékeket vesznek fel, akkor léteznie kell a hivatkozott relációban is egy olyan sornak, ahol a hivatkozott attribútumok értékei ugyanezek.

# Idegen kulcs

A hivatkozási épség fő eszköze az SQL-ben.

Másik reláció elsődleges kulcsára hivatkozás. Kulcsszavak: **FOREIGN KEY, REFERENCES**

Szintaxis:

attribútum definíciójában:

<attribútum> <típus> REFERENCES <hivatkozott reláció>(<hivatkozott attribútum>

relációdefiníció belül, önállóan, külön sorban:

FOREIGN KEY <attribútumok>

REFERENCES <hivatkozott reláció>(<hivatkozott attribútumok>)

A **FOREIGN KEY** kulcsszó után álló attribútumokat nevezzük **idegen kulcsoknak**.

A fenti deklaráció jelentése: ha létezik egy sor a relációban, ahol az idegen kulcsban levő attribútumok valami adott értékeket vesznek fel, akkor léteznie kell a hivatkozott relációban is egy olyan sornak, ahol a hivatkozott attribútumok értékei ugyanezek.

Kell, hogy a hivatkozott attribútumok elsődleges kulcsot alkossanak a hivatkozott relációban.

# Idegen kulcs

A hivatkozási épség fő eszköze az SQL-ben.

Másik reláció elsődleges kulcsára hivatkozás. Kulcsszavak: **FOREIGN KEY, REFERENCES**

Szintaxis:

attribútum definíciójában:

<attribútum> <típus> REFERENCES <hivatkozott reláció>(<hivatkozott attribútum>

relációdefiníció belül, önállóan, külön sorban:

FOREIGN KEY <attribútumok>

REFERENCES <hivatkozott reláció>(<hivatkozott attribútumok>)

A **FOREIGN KEY** kulcsszó után álló attribútumokat nevezzük **idegen kulcsoknak**.

A fenti deklaráció jelentése: ha létezik egy sor a relációban, ahol az idegen kulcsban levő attribútumok valami adott értékeket vesznek fel, akkor léteznie kell a hivatkozott relációban is egy olyan sornak, ahol a hivatkozott attribútumok értékei ugyanezek.

Kell, hogy a hivatkozott attribútumok elsődleges kulcsot alkossanak a hivatkozott relációban.

Az idegen kulcs deklarációja után záradékban megadható, mi történjen, ha a hivatkozott mező megváltozik, törlődik, illetve ha a hivatkozó mező megváltozna. Lehetőség van a változás/törlés megtiltására vagy a hivatkozó mező kijavítására is.

A **NOT NULL** kulcsszóval megtilthatjuk egy attribútum esetében a **NULL** (ismeretlen, nem létező) érték megadását.

Ezt használva mindenképpen valamilyen érték kerül az attribútum valamennyi sorába, ezért csak kötelezően megadandó attribútumok esetén használjuk!

# NULLitás

A **NOT NULL** kulcsszóval megtilthatjuk egy attribútum esetében a **NULL** (ismeretlen, nem létező) érték megadását.

Ezt használva mindenképpen valamilyen érték kerül az attribútum valamennyi sorába, ezért csak kötelezően megadandó attribútumok esetén használjuk!

**Szintaxis:** az attribútum definíciójában:

<attribútum> <típus> NOT NULL

# Értékkészlet meghatározása

Attribútum által felvehető értékek halmazát a **CHECK** kulcsszóval korlátozhatjuk.



# Értékkészlet meghatározása

Attribútum által felvehető értékek halmazát a **CHECK** kulcsszóval korlátozhatjuk.

Szintaxis:

attribútumra vonatkozó feltétel: <attribútum> <típus> CHECK (<feltétel>)

# Értékkészlet meghatározása

Attribútum által felvehető értékek halmazát a **CHECK** kulcsszóval korlátozhatjuk.

Szintaxis:

attribútumra vonatkozó feltétel: <attribútum> <típus> CHECK (<feltétel>)

sorra vonatkozó feltétel, relációdefinícióban: CHECK (<feltétel>)

# Értékkészlet meghatározása

Attribútum által felvehető értékek halmazát a **CHECK** kulcsszóval korlátozhatjuk.

Szintaxis:

attribútumra vonatkozó feltétel: `<attribútum> <típus> CHECK (<feltétel>)`

sorra vonatkozó feltétel, relációdefinícióban: `CHECK (<feltétel>)`

több relációra vonatkozó globális feltétel:

`CREATE ASSERTION <kényszernév> CHECK(<feltétel>)`

# Értékkészlet meghatározása

Attribútum által felvehető értékek halmazát a **CHECK** kulcsszóval korlátozhatjuk.

Szintaxis:

attribútumra vonatkozó feltétel: `<attribútum> <típus> CHECK (<feltétel>)`

sorra vonatkozó feltétel, relációdefinícióban: `CHECK (<feltétel>)`

több relációra vonatkozó globális feltétel:

`CREATE ASSERTION <kényszernév> CHECK(<feltétel>)`

Tipikus attribútumra vonatkozó feltételek lehetnek:

értékkészlet felsorolása: `<attribútum> IN (<érték1>, ..., <értékN>)`

# Értékkészlet meghatározása

Attribútum által felvehető értékek halmazát a **CHECK** kulcsszóval korlátozhatjuk.

Szintaxis:

attribútumra vonatkozó feltétel: `<attribútum> <típus> CHECK (<feltétel>)`

sorra vonatkozó feltétel, relációdefinícióban: `CHECK (<feltétel>)`

több relációra vonatkozó globális feltétel:

`CREATE ASSERTION <kényszernév> CHECK(<feltétel>)`

Tipikus attribútumra vonatkozó feltételek lehetnek:

értékkészlet felsorolása: `<attribútum> IN (<érték1>, ..., <értékN>)`

intervallum megadása: `<attribútum> BETWEEN <alsó határ> AND <felső`

`határ>`

# Értékkészlet meghatározása

Attribútum által felvehető értékek halmazát a **CHECK** kulcsszóval korlátozhatjuk.

Szintaxis:

attribútumra vonatkozó feltétel: `<attribútum> <típus> CHECK (<feltétel>)`

sorra vonatkozó feltétel, relációdefinícióban: `CHECK (<feltétel>)`

több relációra vonatkozó globális feltétel:

`CREATE ASSERTION <kényszernév> CHECK(<feltétel>)`

Tipikus attribútumra vonatkozó feltételek lehetnek:

értékkészlet felsorolása: `<attribútum> IN (<érték1>, ..., <értékN>)`

intervallum megadása: `<attribútum> BETWEEN <alsó határ> AND <felső határ>`

De bármi állhat itt, ami **WHERE** után szerepelhet, akár alkérdés is.

# Értékkészlet meghatározása

Attribútum által felvehető értékek halmazát a **CHECK** kulcsszóval korlátozhatjuk.

Szintaxis:

attribútumra vonatkozó feltétel: `<attribútum> <típus> CHECK (<feltétel>)`

sorra vonatkozó feltétel, relációdefinícióban: `CHECK (<feltétel>)`

több relációra vonatkozó globális feltétel:

`CREATE ASSERTION <kényszernév> CHECK(<feltétel>)`

Tipikus attribútumra vonatkozó feltételek lehetnek:

értékkészlet felsorolása: `<attribútum> IN (<érték1>, ..., <értékN>)`

intervallum megadása: `<attribútum> BETWEEN <alsó határ> AND <felső határ>`

De bármi állhat itt, ami **WHERE** után szerepelhet, akár alkérdés is.

Például a vetít tábla létrehozásakor beírhatunk egy ilyen sort:

`CHECK (filmID IN (SELECT film.filmID FROM film))`

# Értékkészlet meghatározása

Attribútum által felvehető értékek halmazát a **CHECK** kulcsszóval korlátozhatjuk.

Szintaxis:

attribútumra vonatkozó feltétel: `<attribútum> <típus> CHECK (<feltétel>)`

sorra vonatkozó feltétel, relációdefinícióban: `CHECK (<feltétel>)`

több relációra vonatkozó globális feltétel:

`CREATE ASSERTION <kényszernév> CHECK(<feltétel>)`

Tipikus attribútumra vonatkozó feltételek lehetnek:

értékkészlet felsorolása: `<attribútum> IN (<érték1>, ..., <értékN>)`

intervallum megadása: `<attribútum> BETWEEN <alsó határ> AND <felső határ>`

De bármi állhat itt, ami WHERE után szerepelhet, akár alkérdés is.

Például a vetít tábla létrehozásakor beírhatunk egy ilyen sort:

`CHECK (filmID IN (SELECT film.filmID FROM film))`

Ebben az esetben a vetít tábla minden egyes változásakor leellenőrizzük, hogy létezik-e a megfelelő film a film táblában.



# Értékkészlet meghatározása

Attribútum által felvehető értékek halmazát a **CHECK** kulcsszóval korlátozhatjuk.

Szintaxis:

attribútumra vonatkozó feltétel: `<attribútum> <típus> CHECK (<feltétel>)`

sorra vonatkozó feltétel, relációdefinícióban: `CHECK (<feltétel>)`

több relációra vonatkozó globális feltétel:

`CREATE ASSERTION <kényszernév> CHECK(<feltétel>)`

Tipikus attribútumra vonatkozó feltételek lehetnek:

értékkészlet felsorolása: `<attribútum> IN (<érték1>, ..., <értékN>)`

intervallum megadása: `<attribútum> BETWEEN <alsó határ> AND <felső határ>`

De bármi állhat itt, ami WHERE után szerepelhet, akár alkérdés is.

Például a vetít tábla létrehozásakor beírhatunk egy ilyen sort:

`CHECK (filmID IN (SELECT film.filmID FROM film))`

Ebben az esetben a vetít tábla minden egyes változásakor leellenőrizzük, hogy létezik-e a megfelelő film a film táblában.

**Baj ezzel:** csak akkor ellenőrzi, ha a vetít táblával történik valami, azt simán hagyja, hogy a film táblából töröljek, pedig ilyenkor is elromolhat.

Erre megoldás az **ASSERTION**:

```
CREATE ASSERTION vetít-film CHECK (  
    vetít.filmID IN (SELECT film.filmID FROM film) )
```

Erre megoldás az **ASSERTION**:

```
CREATE ASSERTION vetít-film CHECK (  
    vetít.filmID IN (SELECT film.filmID FROM film) )
```

Ezt a rendszer minden olyan alkalommal ellenőrzi, ha vagy a vetít vagy a film változik.

Erre megoldás az **ASSERTION**:

```
CREATE ASSERTION vetít-film CHECK (  
    vetít.filmID IN (SELECT film.filmID FROM film) )
```

Ezt a rendszer minden olyan alkalommal ellenőrzi, ha vagy a vetít vagy a film változik.

*Megjegyzések:*

a kényszerek a **CONSTRAINT** kulcsszó segítségével elnevezhetőek (a PRIMARY KEY, CHECK elé írva)

Erre megoldás az **ASSERTION**:

```
CREATE ASSERTION vetít-film CHECK (  
    vetít.filmID IN (SELECT film.filmID FROM film) )
```

Ezt a rendszer minden olyan alkalommal ellenőrzi, ha vagy a vetít vagy a film változik.

*Megjegyzések:*

a kényszerek a **CONSTRAINT** kulcsszó segítségével elnevezhetőek (a PRIMARY KEY, CHECK elé írva)

új kényszer hozzáadására, meglévő törlésére az ALTER TABLE ... {ADD | DROP} CONSTRAINT ad lehetőséget.

## Példák kényszerekre

A film és a vetít relációk kényszerekkel kiegészített létrehozása:

```
CREATE TABLE film(  
    filmID number(5) PRIMARY KEY,  
    cím varchar(50) NOT NULL,  
    rendező char(30) NOT NULL,  
    év number(4) CHECK (év >= 1900),  
    hossz number(3) DEFAULT 90 CHECK (hossz BETWEEN 1 AND 300),  
    szinkronizált char(1) DEFAULT 'N' CHECK (szinkronizált IN ('I','N')),  
    UNIQUE(cím, rendező)  
)
```

## Példák kényszerekre

A film és a vetít relációk kényszerekkel kiegészített létrehozása:

```
CREATE TABLE film(  
    filmID number(5) PRIMARY KEY,  
    cím varchar(50) NOT NULL,  
    rendező char(30) NOT NULL,  
    év number(4) CHECK (év >= 1900),  
    hossz number(3) DEFAULT 90 CHECK (hossz BETWEEN 1 AND 300),  
    szinkronizált char(1) DEFAULT 'N' CHECK (szinkronizált IN ('I','N')),  
    UNIQUE(cím, rendező)  
)  
CREATE TABLE vetít(  
    filmID number(5) REFERENCES film(filmID),  
    moziID number(3) REFERENCES mozi(moziID),  
    nap char(9),  
    idő char(5) NOT NULL,  
    CHECK (nap IN ('hétfő', 'kedd', 'szerda', 'csütörtök', 'péntek', 'szombat', 'vasárnap'))  
)
```





# Triggerek

**SQL2:** mindenféle, elég összetett CHECK feltételek, de a rendszerbe bele van építve, hogy mikor kell ellenőriznie valami feltételt

# Triggerek

**SQL2:** mindenféle, elég összetett CHECK feltételek, de a rendszerbe bele van építve, hogy mikor kell ellenőriznie valami feltételt

**SQL3-as szemlélet:** lehetőség van arra, hogy mi mondjuk meg, mikor legyen ellenőrzés

Trigger:

- **Mikor legyen ellenőrzés** (adott relációba való beszúrásakor, törléskor, módosításkor, tranzakció végén)

# Triggerek

**SQL2:** mindenféle, elég összetett CHECK feltételek, de a rendszerbe bele van építve, hogy mikor kell ellenőriznie valami feltételt

**SQL3-as szemlélet:** lehetőség van arra, hogy mi mondjuk meg, mikor legyen ellenőrzés

Trigger:

- Mikor legyen ellenőrzés (adott relációba való beszúráskor, törléskor, módosításkor, tranzakció végén)
- Mi legyen a feltétel, amit ekkor ellenőrzünk?

# Triggerek

**SQL2:** mindenféle, elég összetett CHECK feltételek, de a rendszerbe bele van építve, hogy mikor kell ellenőriznie valami feltételt

**SQL3-as szemlélet:** lehetőség van arra, hogy mi mondjuk meg, mikor legyen ellenőrzés

Trigger:

- **Mikor legyen ellenőrzés** (adott relációba való beszúrásakor, törléskor, módosításkor, tranzakció végén)
- **Mi legyen a feltétel, amit ekkor ellenőrzünk?**
- **Ha a feltétel teljesül, akkor mit csináljunk?** (akadályozzunk meg valamit, csináljunk vissza valamit, vagy bármi más)

# Triggerek

**SQL2:** mindenféle, elég összetett CHECK feltételek, de a rendszerbe bele van építve, hogy mikor kell ellenőriznie valami feltételt

**SQL3-as szemlélet:** lehetőség van arra, hogy mi mondjuk meg, mikor legyen ellenőrzés

Trigger:

- Mikor legyen ellenőrzés (adott relációba való beszúráskor, törléskor, módosításkor, tranzakció végén)
- Mi legyen a feltétel, amit ekkor ellenőrzünk?
- Ha a feltétel teljesül, akkor mit csináljunk? (akadályozzunk meg valamit, csináljunk vissza valamit, vagy bármi más)

Paraméternek adható meg, hogy a kiváltó esemény előtt/helyett/után történjen a cselekvés és még sok más is.

# Példa triggerre

Séma: Gyártásrányító(név, cím, azonosító, nettóBevétel)

## Példa triggerre

Séma: GyártásIrányító(név, cím, azonosító, nettóBevétel)

```
CREATE TRIGGER NetBevétTrigger
AFTER UPDATE OF nettóBevétel ON GyártásIrányító
REFERENCING
OLD AS RégiSor
NEW AS Újsor
WHEN (RégiSor.nettóBevétel > Újsor.nettóBevétel)
SET nettóBevétel=Régisor.nettóBevétel
WHERE azonosító=Újsor.azonosító
FOR EACH ROW
```

## Példa triggerre

Séma: Gyártásirányító(név, cím, azonosító, nettóBevétel)

```
CREATE TRIGGER NetBevétTrigger
AFTER UPDATE OF nettóBevétel ON Gyártásirányító
REFERENCING
OLD AS RégiSor
NEW AS Újsor
WHEN (RégiSor.nettóBevétel > Újsor.nettóBevétel)
SET nettóBevétel=Régisor.nettóBevétel
WHERE azonosító=Újsor.azonosító
FOR EACH ROW
```

⇒ Ha valakinek csökkenne a bevétele, nem hagyjuk!



**SQL3**-as dolog, ideiglenes elképzelés

# Rekurzió

**SQL3**-as dolog, ideiglenes elképzelés

Lekérdezés és nem DDL (csak úgy kerül ide, hogy ez is SQL3)

# Rekurzió

**SQL3**-as dolog, ideiglenes elképzelés

Lekérdezés és nem DDL (csak úgy kerül ide, hogy ez is SQL3)

**Példa:** Van egy **Járat(honnan, hova)** táblánk, amiben azt tároljuk, hogy mely városokból hova mennek közvetlenül gépek. Határozzuk meg ennek a relációnak a tranzitív lezártját, azaz egy olyan **Eljut(honnan, hova)** relációt szeretnénk, amelyben két város akkor szerepel együtt, ha el lehet az egyikből a másikba jutni valahány átszállással.

**SQL3**-as dolog, ideiglenes elképzelés

Lekérdezés és nem DDL (csak úgy kerül ide, hogy ez is SQL3)

**Példa:** Van egy **Járat(honnan, hova)** táblánk, amiben azt tároljuk, hogy mely városokból hova mennek közvetlenül gépek. Határozzuk meg ennek a relációnak a tranzitív lezártját, azaz egy olyan **Eljut(honnan, hova)** relációt szeretnénk, amelyben két város akkor szerepel együtt, ha el lehet az egyikből a másikba jutni valahány átszállással.

Ez relációs algebraiban nem kifejezhető, de SQL3-ban igen.

# Rekurzió

**SQL3**-as dolog, ideiglenes elképzelés

Lekérdezés és nem DDL (csak úgy kerül ide, hogy ez is SQL3)

**Példa:** Van egy **Járat(honnan, hova)** táblánk, amiben azt tároljuk, hogy mely városokból hova mennek közvetlenül gépek. Határozzuk meg ennek a relációnak a tranzitív lezártját, azaz egy olyan **Eljut(honnan, hova)** relációt szeretnénk, amelyben két város akkor szerepel együtt, ha el lehet az egyikből a másikba jutni valahány átszállással.

Ez relációs algebrában nem kifejezhető, de SQL3-ban igen.

```
WITH RECURSIVE Eljut(honnan, hova) AS
  (SELECT honnan, hova FROM Járat)
  UNION
  (SELECT Eljut AS R1, Eljut AS R2
   WHERE R1.hova = R2.honnan)
SELECT * FROM Eljut
```

# Rekurzió

**SQL3**-as dolog, ideiglenes elképzelés

Lekérdezés és nem DDL (csak úgy kerül ide, hogy ez is SQL3)

**Példa:** Van egy **Járat(honnan, hova)** táblánk, amiben azt tároljuk, hogy mely városokból hova mennek közvetlenül gépek. Határozzuk meg ennek a relációnak a tranzitív lezártját, azaz egy olyan **Eljut(honnan, hova)** relációt szeretnénk, amelyben két város akkor szerepel együtt, ha el lehet az egyikből a másikba jutni valahány átszállással.

Ez relációs algebrában nem kifejezhető, de SQL3-ban igen.

```
WITH RECURSIVE Eljut(honnan, hova) AS
  (SELECT honnan, hova FROM Járat)
  UNION
  (SELECT Eljut AS R1, Eljut AS R2
   WHERE R1.hova = R2.honnan)
```

```
SELECT * FROM Eljut
```

Nem lehet bármi a rekurzív definícióban, pl. negációval óvatosan  $\implies$  nem biztonságos kifejezés

# Adatbázisok elmélete

## Funkcionális függőség

Katona Gyula Y.

Számítástudományi és Információelméleti Tanszék  
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem

12. előadás

# Relációs sémák tervezése

Van elméleti alap  $\implies$  érv a relációs technika mellett



# Relációs sémák tervezése

Van elméleti alap  $\implies$  érv a relációs technika mellett  
(Objektumosnak nincs ilyen.)

# Relációs sémák tervezése

Van elméleti alap  $\implies$  érv a relációs technika mellett  
(Objektumosnak nincs ilyen.)

*Kérdés:*

- Mik a jó relációk?

# Relációs sémák tervezése

Van elméleti alap  $\implies$  érv a relációs technika mellett  
(Objektumosnak nincs ilyen.)

*Kérdés:*

- Mik a jó relációk?
- Milyen relációkat érdemes tárolni?

# Relációs sémák tervezése

Van elméleti alap  $\implies$  érv a relációs technika mellett  
(Objektumosnak nincs ilyen.)

*Kérdés:*

- Mik a jó relációk?
- Milyen relációkat érdemes tárolni?
- Hogyan alakíthatunk tetszőleges relációkat jókká?

# Relációs sémák tervezése

Van elméleti alap  $\implies$  érv a relációs technika mellett  
(Objektumosnak nincs ilyen.)

*Kérdés:*

- Mik a jó relációk?
- Milyen relációkat érdemes tárolni?
- Hogyan alakíthatunk tetszőleges relációkat jókká?

**Cél:** El akarunk kerülni kellemetlen jelenségeket, **anomáliákat:**

# Relációs sémák tervezése

Van elméleti alap  $\implies$  érv a relációs technika mellett  
(Objektumosnak nincs ilyen.)

*Kérdés:*

- Mik a jó relációk?
- Milyen relációkat érdemes tárolni?
- Hogyan alakíthatunk tetszőleges relációkat jókká?

**Cél:** El akarunk kerülni kellemetlen jelenségeket, **anomáliákat:**

- *Módosítási anomália:* pl. ha a Termék(Termelő, Cím, Terméknév, Ár) reláció esetén egy termelő címe több sorban is előfordul, változáskor mindenhol át kell írni. Hiba esetén inkonzisztencia.

# Relációs sémák tervezése

Van elméleti alap  $\implies$  érv a relációs technika mellett  
(Objektumosnak nincs ilyen.)

*Kérdés:*

- Mik a jó relációk?
- Milyen relációkat érdemes tárolni?
- Hogyan alakíthatunk tetszőleges relációkat jókká?

**Cél:** El akarunk kerülni kellemetlen jelenségeket, **anomáliákat:**

- *Módosítási anomália:* pl. ha a Termék(Termelő, Cím, Terméknév, Ár) reláció esetén egy termelő címe több sorban is előfordul, változáskor mindenhol át kell írni. Hiba esetén inkonzisztencia.
- *Beszúrási anomália:* Nem tudunk beszúrni adatot, ha az egyik attribútum hiányzik, mert nem ismerjük (és nem lehet NULL).

# Relációs sémák tervezése

Van elméleti alap  $\implies$  érv a relációs technika mellett  
(Objektumosnak nincs ilyen.)

*Kérdés:*

- Mik a jó relációk?
- Milyen relációkat érdemes tárolni?
- Hogyan alakíthatunk tetszőleges relációkat jókká?

**Cél:** El akarunk kerülni kellemetlen jelenségeket, **anomáliákat**:

- **Módosítási anomália:** pl. ha a Termék(Termelő, Cím, Terméknév, Ár) reláció esetén egy termelő címe több sorban is előfordul, változáskor mindenhol át kell írni. Hiba esetén inkonzisztencia.
- **Beszúrási anomália:** Nem tudunk beszúrni adatot, ha az egyik attribútum hiányzik, mert nem ismerjük (és nem lehet NULL).
- **Törlési anomália:** Csak egész sorok törölhetők, így elveszhetnek hasznos adatok. Pl. ha egy termelő épp nem termel semmit, kitöröljük a címét is.



# Relációs sémák tervezése

A relációk, tárolás jósága attól függ, hogy milyen megkötések vannak az adatokon.

# Relációs sémák tervezése

A relációk, tárolás jósága attól függ, hogy milyen megkötések vannak az adatokon.

Megszorítások két osztálya:

- **Értékfüggő:** PI.  $\text{ÁR} \geq 0$ ,  $\text{ÉLETKOR}$  egész  $\leq 1000$ ,  $\text{NÉV}$  karaktorsor,  $\text{CÍM} \neq \text{NULL}$ ,  
(típusleírások)

A relációk, tárolás jósága attól függ, hogy milyen megkötések vannak az adatokon.

Megszorítások két osztálya:

- **Értékfüggő:** PI.  $ÁR \geq 0$ ,  $ÉLETKOR \text{ egész} \leq 1000$ ,  $NÉV$  karaktorsor,  $CÍM \neq NULL$ , (típusleírások)
- **Értékfüggetlen:**  $TERMÉKNÉV$ ,  $TERMELŐ$  kulcs;  $\forall$   $TERMELŐ$ -nek egy címe van, egy  $TERMELŐ$  azonos nevű termékéből csak egy áru van

# Relációs sémák tervezése

A relációk, tárolás jósága attól függ, hogy milyen megkötések vannak az adatokon.

Megszorítások két osztálya:

- **Értékfüggő:** PI.  $ÁR \geq 0$ , ÉLETKOR egész  $\leq 1000$ , NÉV karaktorsor, CÍM  $\neq$  NULL, (típusleírások)
- **Értékfüggetlen:** TERMÉKNÉV, TERMELŐ kulcs;  $\forall$  TERMELŐ-nek egy címe van, egy TERMELŐ azonos nevű termékéből csak egy áru van

Utóbbi: az attribútumok mennyire függenek egymástól  $\implies$  **funkcionális függőség**

# Funkcionális függőségek

*Jelölés:*  $R(A_1, \dots, A_n)$  reláció,  $X$  attribútum halmaz  $\implies X \subseteq R$

$X = \{A_{i_1}, A_{i_2}, \dots, A_{i_k}\}$  helyett  $X = A_{i_1} A_{i_2} \dots A_{i_k}$

# Funkcionális függőségek

*Jelölés:*  $R(A_1, \dots, A_n)$  reláció,  $X$  attribútum halmaz  $\implies X \subseteq R$

$X = \{A_{i_1}, A_{i_2}, \dots, A_{i_k}\}$  helyett  $X = A_{i_1} A_{i_2} \dots A_{i_k}$

## Definíció

$Y \subseteq R$  **funkcionálisan függ**  $X \subseteq R$ -től, (jelölés:  $X \rightarrow Y$ ), ha  $R$  bármely két sorára igaz, hogy ha ők megegyeznek  $X$ -en, akkor  $Y$ -on is megegyeznek.

# Funkcionális függőségek

*Jelölés:*  $R(A_1, \dots, A_n)$  reláció,  $X$  attribútum halmaz  $\implies X \subseteq R$

$X = \{A_{i_1}, A_{i_2}, \dots, A_{i_k}\}$  helyett  $X = A_{i_1} A_{i_2} \dots A_{i_k}$

## Definíció

$Y \subseteq R$  **funkcionálisan függ**  $X \subseteq R$ -től, (jelölés:  $X \rightarrow Y$ ), ha  $R$  bármely két sorára igaz, hogy ha ők megegyeznek  $X$ -en, akkor  $Y$ -on is megegyeznek.

PI.  $X = \text{TERMELŐ, TERMÉKNÉV}; Y = \text{ÁR} \implies X \rightarrow Y$

# Funkcionális függőségek

*Jelölés:*  $R(A_1, \dots, A_n)$  reláció,  $X$  attribútum halmaz  $\implies X \subseteq R$

$X = \{A_{i_1}, A_{i_2}, \dots, A_{i_k}\}$  helyett  $X = A_{i_1} A_{i_2} \dots A_{i_k}$

## Definíció

$Y \subseteq R$  **funkcionálisan függ**  $X \subseteq R$ -től, (jelölés:  $X \rightarrow Y$ ), ha  $R$  bármely két sorára igaz, hogy ha ők megegyeznek  $X$ -en, akkor  $Y$ -on is megegyeznek.

PI.  $X = \text{TERMELŐ, TERMÉKNÉV}; Y = \text{ÁR} \implies X \rightarrow Y$

*Megjegyzések:*

- Azok az érdekes összefüggések, amik **minden** ilyen attribútumokkal rendelkező táblában fenn kell, hogy álljanak: axiómaszerű feltételek, az adatbázis bármely változása esetén is fennállnak  $\implies$  **érdemi függés**



# Funkcionális függőségek

*Jelölés:*  $R(A_1, \dots, A_n)$  reláció,  $X$  attribútum halmaz  $\implies X \subseteq R$

$X = \{A_{i_1}, A_{i_2}, \dots, A_{i_k}\}$  helyett  $X = A_{i_1} A_{i_2} \dots A_{i_k}$

## Definíció

$Y \subseteq R$  **funkcionálisan függ**  $X \subseteq R$ -től, (jelölés:  $X \rightarrow Y$ ), ha  $R$  bármely két sorára igaz, hogy ha ők megegyeznek  $X$ -en, akkor  $Y$ -on is megegyeznek.

PI.  $X = \text{TERMELŐ, TERMÉKNÉV}; Y = \text{ÁR} \implies X \rightarrow Y$

*Megjegyzések:*

- Azok az érdekes összefüggések, amik **minden** ilyen attribútumokkal rendelkező táblában fenn kell, hogy álljanak: axiómaszerű feltételek, az adatbázis bármely változása esetén is fennállnak  $\implies$  **érdemi függés**  
Azok, amik csak véletlenül, csak **egy pillanatban** állnak fenn  $\implies$  **eseti függés**  
(ezek nem érdekelnek, például lehetséges hogy egy adott pillanatban minden ár csak egyszer szerepel és ekkor úgy tűnik, mintha **Ár  $\rightarrow$  Termék** érvényes függés lenne)

## Funkcionális függőségek

**Jelölés:**  $R(A_1, \dots, A_n)$  reláció,  $X$  attribútum halmaz  $\implies X \subseteq R$

$X = \{A_{i_1}, A_{i_2}, \dots, A_{i_k}\}$  helyett  $X = A_{i_1} A_{i_2} \dots A_{i_k}$

### Definíció

$Y \subseteq R$  **funkcionálisan függ**  $X \subseteq R$ -től, (jelölés:  $X \rightarrow Y$ ), ha  $R$  bármely két sorára igaz, hogy ha ők megegyeznek  $X$ -en, akkor  $Y$ -on is megegyeznek.

PI.  $X = \text{TERMELOŐ, TERMÉKNÉV}; Y = \text{ÁR} \implies X \rightarrow Y$

**Megjegyzések:**

- Azok az érdekes összefüggések, amik **minden** ilyen attribútumokkal rendelkező táblában fenn kell, hogy álljanak: axiómaszerű feltételek, az adatbázis bármely változása esetén is fennállnak  $\implies$  **érdemi függés**  
Azok, amik csak véletlenül, csak **egy pillanatban** állnak fenn  $\implies$  **eseti függés** (ezek nem érdekelnek, például lehetséges hogy egy adott pillanatban minden ár csak egyszer szerepel és ekkor úgy tűnik, mintha **Ár  $\rightarrow$  Termék** érvényes függés lenne)
- Tehát az érdemi függések megadása modellezési kérdés: a séma megadásakor döntjük el, hogy milyen függéseket akarunk fenntartani mindenáron.

# Funkcionális függőségek

**Jelölés:**  $R(A_1, \dots, A_n)$  reláció,  $X$  attribútum halmaz  $\implies X \subseteq R$

$X = \{A_{i_1}, A_{i_2}, \dots, A_{i_k}\}$  helyett  $X = A_{i_1} A_{i_2} \dots A_{i_k}$

## Definíció

$Y \subseteq R$  **funkcionálisan függ**  $X \subseteq R$ -től, (jelölés:  $X \rightarrow Y$ ), ha  $R$  bármely két sorára igaz, hogy ha ők megegyeznek  $X$ -en, akkor  $Y$ -on is megegyeznek.

PI.  $X = \text{TERMELO}, \text{TERMÉKNÉV}; Y = \text{ÁR} \implies X \rightarrow Y$

**Megjegyzések:**

- Azok az érdekes összefüggések, amik **minden** ilyen attribútumokkal rendelkező táblában fenn kell, hogy álljanak: axiómaszerű feltételek, az adatbázis bármely változása esetén is fennállnak  $\implies$  **érdemi függés**  
Azok, amik csak véletlenül, csak **egy pillanatban** állnak fenn  $\implies$  **eseti függés** (ezek nem érdekelnek, például lehetséges hogy egy adott pillanatban minden ár csak egyszer szerepel és ekkor úgy tűnik, mintha **Ár  $\rightarrow$  Termék** érvényes függés lenne)
- Tehát az érdemi függések megadása modellezési kérdés: a séma megadásakor döntjük el, hogy milyen függéseket akarunk fenntartani mindenáron.  
**Ezentúl a relációs sémának része lesz a függőségek halmaza  $F$  is  $\implies (R, F)$**   
Vagyis megadjuk, hogy mik a séma attribútumai és mik az érdemi függései.

# Funkcionális függőségek

$R(\text{TERMELŐ}, \text{TERMÉKNÉV}, \text{ÁR}, \text{CÍM})$

$\text{TERMELŐ}, \text{TERMÉKNÉV} \rightarrow \text{TERMELŐ}, \text{TERMÉKNÉV}, \text{ÁR}, \text{CÍM}$   
 $\text{TERMELŐ} \rightarrow \text{CÍM}$

## Funkcionális függőségek

R(TERMELŐ, TERMÉKNÉV, ÁR, CÍM)

TERMELŐ, TERMÉKNÉV → TERMELŐ, TERMÉKNÉV, ÁR, CÍM  
TERMELŐ → CÍM

S(NÉV, CÍM, VÁROS, IRÁNYÍTÓSZ, TELEFON)

CÍM, VÁROS → IRÁNYÍTÓSZ  
IRÁNYÍTÓSZ → VÁROS  
NÉV, CÍM, VÁROS → TELEFON

## Funkcionális függőségek

$R(\text{TERMELŐ, TERMÉKNÉV, ÁR, CÍM})$

$\text{TERMELŐ, TERMÉKNÉV} \rightarrow \text{TERMELŐ, TERMÉKNÉV, ÁR, CÍM}$   
 $\text{TERMELŐ} \rightarrow \text{CÍM}$

$S(\text{NÉV, CÍM, VÁROS, IRÁNYÍTÓSZ, TELEFON})$

$\text{CÍM, VÁROS} \rightarrow \text{IRÁNYÍTÓSZ}$   
 $\text{IRÁNYÍTÓSZ} \rightarrow \text{VÁROS}$   
 $\text{NÉV, CÍM, VÁROS} \rightarrow \text{TELEFON}$

- Egy adott reláció adott állapotából nem következik semmilyen érdemi függés.

## Funkcionális függőségek

$R(\text{TERMELŐ, TERMÉKNÉV, ÁR, CÍM})$

$\text{TERMELŐ, TERMÉKNÉV} \rightarrow \text{TERMELŐ, TERMÉKNÉV, ÁR, CÍM}$   
 $\text{TERMELŐ} \rightarrow \text{CÍM}$

$S(\text{NÉV, CÍM, VÁROS, IRÁNYÍTÓSZ, TELEFON})$

$\text{CÍM, VÁROS} \rightarrow \text{IRÁNYÍTÓSZ}$

$\text{IRÁNYÍTÓSZ} \rightarrow \text{VÁROS}$

$\text{NÉV, CÍM, VÁROS} \rightarrow \text{TELEFON}$

- Egy adott reláció adott állapotából nem következik semmilyen érdemi függés.  
Viszont látszódhat olyan, hogy mi nem függhet mitől.

## Funkcionális függőségek

$R(\text{TERMELŐ, TERMÉKNÉV, ÁR, CÍM})$

$\text{TERMELŐ, TERMÉKNÉV} \rightarrow \text{TERMELŐ, TERMÉKNÉV, ÁR, CÍM}$   
 $\text{TERMELŐ} \rightarrow \text{CÍM}$

$S(\text{NÉV, CÍM, VÁROS, IRÁNYÍTÓSZ, TELEFON})$

$\text{CÍM, VÁROS} \rightarrow \text{IRÁNYÍTÓSZ}$

$\text{IRÁNYÍTÓSZ} \rightarrow \text{VÁROS}$

$\text{NÉV, CÍM, VÁROS} \rightarrow \text{TELEFON}$

- Egy adott reláció adott állapotából nem következik semmilyen érdemi függés.  
Viszont látszódhat olyan, hogy mi nem függhet mitől.
- $X \rightarrow Y$  teljesülhet úgy is, hogy az adott relációban nincs is két olyan sor, amik  $X$ -en megegyeznek.



## Funkcionális függőségek

$R(\text{TERMELŐ, TERMÉKNÉV, ÁR, CÍM})$

$\text{TERMELŐ, TERMÉKNÉV} \rightarrow \text{TERMELŐ, TERMÉKNÉV, ÁR, CÍM}$   
 $\text{TERMELŐ} \rightarrow \text{CÍM}$

$S(\text{NÉV, CÍM, VÁROS, IRÁNYÍTÓSZ, TELEFON})$

$\text{CÍM, VÁROS} \rightarrow \text{IRÁNYÍTÓSZ}$

$\text{IRÁNYÍTÓSZ} \rightarrow \text{VÁROS}$

$\text{NÉV, CÍM, VÁROS} \rightarrow \text{TELEFON}$

- Egy adott reláció adott állapotából nem következik semmilyen érdemi függés.  
Viszont látszódhat olyan, hogy mi nem függhet mitől.
- $X \rightarrow Y$  teljesülhet úgy is, hogy az adott relációban nincs is két olyan sor, amik  $X$ -en megegyeznek.
- $X$ -nek és  $Y$ -nak nem kell diszjunktaknak lenniük

## Funkcionális függőségek

R(TERMELŐ, TERMÉKNÉV, ÁR, CÍM)

TERMELŐ, TERMÉKNÉV  $\rightarrow$  TERMELŐ, TERMÉKNÉV, ÁR, CÍM  
TERMELŐ  $\rightarrow$  CÍM

S(NÉV, CÍM, VÁROS, IRÁNYÍTÓSZ, TELEFON)

CÍM, VÁROS  $\rightarrow$  IRÁNYÍTÓSZ

IRÁNYÍTÓSZ  $\rightarrow$  VÁROS

NÉV, CÍM, VÁROS  $\rightarrow$  TELEFON

- Egy adott reláció adott állapotából nem következik semmilyen érdemi függés.  
Viszont látszódhat olyan, hogy mi nem függhet mitől.
- $X \rightarrow Y$  teljesülhet úgy is, hogy az adott relációban nincs is két olyan sor, amik  $X$ -en megegyeznek.
- $X$ -nek és  $Y$ -nak nem kell diszjunktaknak lenniük

A séma megadása csak a keretet jelenti, beleértve a függéseket is, ha ezt feltöltjük adatokkal, akkor kapunk egy a sémára illeszkedő relációt.

## Funkcionális függőségek

$R(\text{TERMELŐ, TERMÉKNÉV, ÁR, CÍM})$

$\text{TERMELŐ, TERMÉKNÉV} \rightarrow \text{TERMELŐ, TERMÉKNÉV, ÁR, CÍM}$   
 $\text{TERMELŐ} \rightarrow \text{CÍM}$

$S(\text{NÉV, CÍM, VÁROS, IRÁNYÍTÓSZ, TELEFON})$

$\text{CÍM, VÁROS} \rightarrow \text{IRÁNYÍTÓSZ}$

$\text{IRÁNYÍTÓSZ} \rightarrow \text{VÁROS}$

$\text{NÉV, CÍM, VÁROS} \rightarrow \text{TELEFON}$

- Egy adott reláció adott állapotából nem következik semmilyen érdemi függés. Viszont látszódhat olyan, hogy mi nem függhet mitől.
- $X \rightarrow Y$  teljesülhet úgy is, hogy az adott relációban nincs is két olyan sor, amik  $X$ -en megegyeznek.
- $X$ -nek és  $Y$ -nak nem kell diszjunktaknak lenniük

A séma megadása csak a keretet jelenti, beleértve a függéseket is, ha ezt feltöltjük adatokkal, akkor kapunk egy a sémára illeszkedő relációt. **A  $r$  reláció akkor illeszkedik az  $(R, F)$  sémára ha az attribútumai az  $R$ -ben adottak és teljesülnek benne az  $F$  függések.**

# Logikai következmény

**Kérdés:** ha adott egy  $F$  függéshalmaz és egy reláció, amiben  $F$  függései igazak, akkor milyen további függések lesznek még biztosan igazak?

# Logikai következmény

**Kérdés:** ha adott egy  $F$  függéshalmaz és egy reláció, amiben  $F$  függései igazak, akkor milyen további függések lesznek még biztosan igazak?

**Például:** ha  $HALLGATÓ, TÁRGY \rightarrow GYAKORLAT$  és  $GYAKORLAT \rightarrow GYAKVEZ$ , akkor  $HALLGATÓ, TÁRGY \rightarrow GYAKVEZ$ .

# Logikai következmény

**Kérdés:** ha adott egy  $F$  függéshalmaz és egy reláció, amiben  $F$  függései igazak, akkor milyen további függések lesznek még biztosan igazak?

**Például:** ha  $HALLGATÓ, TÁRGY \rightarrow GYAKORLAT$  és  $GYAKORLAT \rightarrow GYAKVEZ$ , akkor  $HALLGATÓ, TÁRGY \rightarrow GYAKVEZ$ .

**Azaz általánosabban:** ha  $XY \rightarrow Z$  és  $Z \rightarrow W$ , akkor attól függetlenül, hogy mi a reláció és  $X, Y, Z, W$ , igaz lesz, hogy  $XY \rightarrow W$ .

# Logikai következmény

**Kérdés:** ha adott egy  $F$  függéshalmaz és egy reláció, amiben  $F$  függései igazak, akkor milyen további függések lesznek még biztosan igazak?

**Például:** ha  $HALLGATÓ, TÁRGY \rightarrow GYAKORLAT$  és  $GYAKORLAT \rightarrow GYAKVEZ$ , akkor  $HALLGATÓ, TÁRGY \rightarrow GYAKVEZ$ .

**Azaz általánosabban:** ha  $XY \rightarrow Z$  és  $Z \rightarrow W$ , akkor attól függetlenül, hogy mi a reláció és  $X, Y, Z, W$ , igaz lesz, hogy  $XY \rightarrow W$ .

## Definíció

Adott  $(R, F)$ . Az  $X \rightarrow Y$  függés **logikai következménye** (szemantikai következménye)  $F$ -nek, ha az  $X \rightarrow Y$  minden olyan  $r$  relációban teljesül, ahol  $F$  függései mind teljesülnek.

**Jelölése:**  $F \models X \rightarrow Y$

# Logikai következmény

**Kérdés:** ha adott egy  $F$  függéshalmaz és egy reláció, amiben  $F$  függései igazak, akkor milyen további függések lesznek még biztosan igazak?

**Például:** ha  $HALLGATÓ, TÁRGY \rightarrow GYAKORLAT$  és  $GYAKORLAT \rightarrow GYAKVEZ$ , akkor  $HALLGATÓ, TÁRGY \rightarrow GYAKVEZ$ .

**Azaz általánosabban:** ha  $XY \rightarrow Z$  és  $Z \rightarrow W$ , akkor attól függetlenül, hogy mi a reláció és  $X, Y, Z, W$ , igaz lesz, hogy  $XY \rightarrow W$ .

## Definíció

Adott  $(R, F)$ . Az  $X \rightarrow Y$  függés **logikai következménye** (szemantikai következménye)  $F$ -nek, ha az  $X \rightarrow Y$  minden olyan  $r$  relációban teljesül, ahol  $F$  függései mind teljesülnek.

**Jelölése:**  $F \models X \rightarrow Y$

Azaz ez a fogalom azt adja meg, hogy mely függéseknek kell szükségszerűen teljesülniük minden olyan sémában/relációban, ahol  $F$  függései fennállnak.



# Logikai következmény

**Kérdés:** ha adott egy  $F$  függéshalmaz és egy reláció, amiben  $F$  függései igazak, akkor milyen további függések lesznek még biztosan igazak?

**Például:** ha  $HALLGATÓ, TÁRGY \rightarrow GYAKORLAT$  és  $GYAKORLAT \rightarrow GYAKVEZ$ , akkor  $HALLGATÓ, TÁRGY \rightarrow GYAKVEZ$ .

**Azaz általánosabban:** ha  $XY \rightarrow Z$  és  $Z \rightarrow W$ , akkor attól függetlenül, hogy mi a reláció és  $X, Y, Z, W$ , igaz lesz, hogy  $XY \rightarrow W$ .

## Definíció

Adott  $(R, F)$ . Az  $X \rightarrow Y$  függés **logikai következménye** (szemantikai következménye)  $F$ -nek, ha az  $X \rightarrow Y$  minden olyan  $r$  relációban teljesül, ahol  $F$  függései mind teljesülnek.

**Jelölése:**  $F \models X \rightarrow Y$

Azaz ez a fogalom azt adja meg, hogy mely függéseknek kell szükségszerűen teljesülniük minden olyan sémában/relációban, ahol  $F$  függései fennállnak.

**Hogyan lehetne ezeket meghatározni, illetve eldönteni, hogy egy függés ilyen-e?**

## Logikai következmény

Felvezünk axiómákat, és azok segítségével próbáljuk levezetni. Persze ehhez az kell, hogy pontosan azokat lehessen levezetni  $F$ -ből, amik logikai következményei neki.

## Logikai következmény

Felvezünk axiómákat, és azok segítségével próbáljuk levezetni. Persze ehhez az kell, hogy pontosan azokat lehessen levezetni  $F$ -ből, amik logikai következményei neki.

**Levezethetőség jele:**  $F \vdash X \rightarrow Y$

## Logikai következmény

Felvezünk axiómákat, és azok segítségével próbáljuk levezetni. Persze ehhez az kell, hogy pontosan azokat lehessen levezetni  $F$ -ből, amik logikai következményei neki.

**Levezethetőség jele:**  $F \vdash X \rightarrow Y$

Tehát bevezetünk axiómákat, levezethetőséget és belátjuk, hogy  $\models \iff \vdash$ .

## Logikai következmény

Felvezünk axiómákat, és azok segítségével próbáljuk levezetni. Persze ehhez az kell, hogy pontosan azokat lehessen levezetni  $F$ -ből, amik logikai következményei neki.

**Levezethetőség jele:**  $F \vdash X \rightarrow Y$

Tehát bevezetünk axiómákat, levezethetőséget és belátjuk, hogy  $\models \iff \vdash$ .

(PI. logikában így van.)

## Logikai következmény

Felvezünk axiómákat, és azok segítségével próbáljuk levezetni. Persze ehhez az kell, hogy pontosan azokat lehessen levezetni  $F$ -ből, amik logikai következményei neki.

**Levezethetőség jele:**  $F \vdash X \rightarrow Y$

Tehát bevezetünk axiómákat, levezethetőséget és belátjuk, hogy  $\models \iff \vdash$ .

(PI. logikában így van.)

$\models \Rightarrow \vdash$ : *Teljességi tétel*, ami igaz az levezethető.

## Logikai következmény

Felvezünk axiómákat, és azok segítségével próbáljuk levezetni. Persze ehhez az kell, hogy pontosan azokat lehessen levezetni  $F$ -ből, amik logikai következményei neki.

**Levezethetőség jele:**  $F \vdash X \rightarrow Y$

Tehát bevezetünk axiómákat, levezethetőséget és belátjuk, hogy  $\models \iff \vdash$ .

(PI. logikában így van.)

$\models \Rightarrow \vdash$ : *Teljességi tétel*, ami igaz az levezethető.

$\vdash \Rightarrow \models$ : *Igazság tétel*, csak igaz dolgok vezethetők le.

## Logikai következmény

Felvezünk axiómákat, és azok segítségével próbáljuk levezetni. Persze ehhez az kell, hogy pontosan azokat lehessen levezetni  $F$ -ből, amik logikai következményei neki.

**Levezethetőség jele:**  $F \vdash X \rightarrow Y$

Tehát bevezetünk axiómákat, levezethetőséget és belátjuk, hogy  $\models \iff \vdash$ .

(Pl. logikában így van.)

$\models \Rightarrow \vdash$ : *Teljességi tétel*, ami igaz az levezethető.

$\vdash \Rightarrow \models$ : *Igazság tétel*, csak igaz dolgok vezethetők le.

### Definíció

Egy  $X \rightarrow Y$  függőség akkor vezethető le egy adott  $F$  függőséghalmazból, ha az axiómák ismételt alkalmazásával  $F$ -ből megkapjuk  $X \rightarrow Y$ -t. **Jele:**  $F \vdash X \rightarrow Y$ .



## Logikai következmény

Felvezünk axiómákat, és azok segítségével próbáljuk levezetni. Persze ehhez az kell, hogy pontosan azokat lehessen levezetni  $F$ -ből, amik logikai következményei neki.

**Levezethetőség jele:**  $F \vdash X \rightarrow Y$

Tehát bevezetünk axiómákat, levezethetőséget és belátjuk, hogy  $\models \iff \vdash$ .

(Pl. logikában így van.)

$\models \Rightarrow \vdash$ : *Teljességi tétel*, ami igaz az levezethető.

$\vdash \Rightarrow \models$ : *Igazság tétel*, csak igaz dolgok vezethetők le.

### Definíció

Egy  $X \rightarrow Y$  függőség akkor vezethető le egy adott  $F$  függőséghalmazból, ha az axiómák ismételt alkalmazásával  $F$ -ből megkapjuk  $X \rightarrow Y$ -t. **Jele:**  $F \vdash X \rightarrow Y$ .

## Armstrong-axiómák

- 1 **Reflexivitás:** Ha  $X, Y \subseteq R$  és  $Y \subseteq X$ , akkor  $X \rightarrow Y$ .

## Logikai következmény

Felveszünk axiómákat, és azok segítségével próbáljuk levezetni. Persze ehhez az kell, hogy pontosan azokat lehessen levezetni  $F$ -ből, amik logikai következményei neki.

**Levezethetőség jele:**  $F \vdash X \rightarrow Y$

Tehát bevezetünk axiómákat, levezethetőséget és belátjuk, hogy  $\models \iff \vdash$ .

(Pl. logikában így van.)

$\models \Rightarrow \vdash$ : *Teljességi tétel*, ami igaz az levezethető.

$\vdash \Rightarrow \models$ : *Igazság tétel*, csak igaz dolgok vezethetők le.

### Definíció

Egy  $X \rightarrow Y$  függőség akkor vezethető le egy adott  $F$  függősségalmazból, ha az axiómák ismételt alkalmazásával  $F$ -ből megkapjuk  $X \rightarrow Y$ -t. **Jele:**  $F \vdash X \rightarrow Y$ .

## Armstrong-axiómák

- 1 **Reflexivitás:** Ha  $X, Y \subseteq R$  és  $Y \subseteq X$ , akkor  $X \rightarrow Y$ .
- 2 **Kiegészítési tulajdonság:** Ha  $X, Y \subseteq R$  és  $X \rightarrow Y$ , akkor  $XW \rightarrow YW$  igaz tetszőleges  $W \subseteq R$ -re.

## Logikai következmény

Felvezünk axiómákat, és azok segítségével próbáljuk levezetni. Persze ehhez az kell, hogy pontosan azokat lehessen levezetni  $F$ -ből, amik logikai következményei neki.

**Levezethetőség jele:**  $F \vdash X \rightarrow Y$

Tehát bevezetünk axiómákat, levezethetőséget és belátjuk, hogy  $\models \iff \vdash$ .

(Pl. logikában így van.)

$\models \Rightarrow \vdash$ : *Teljességi tétel*, ami igaz az levezethető.

$\vdash \Rightarrow \models$ : *Igazság tétel*, csak igaz dolgok vezethetők le.

### Definíció

Egy  $X \rightarrow Y$  függőség akkor vezethető le egy adott  $F$  függőseghalmazból, ha az axiómák ismételt alkalmazásával  $F$ -ből megkapjuk  $X \rightarrow Y$ -t. **Jele:**  $F \vdash X \rightarrow Y$ .

## Armstrong-axiómák

- 1 **Reflexivitás:** Ha  $X, Y \subseteq R$  és  $Y \subseteq X$ , akkor  $X \rightarrow Y$ .
- 2 **Kiegészítési tulajdonság:** Ha  $X, Y \subseteq R$  és  $X \rightarrow Y$ , akkor  $XW \rightarrow YW$  igaz tetszőleges  $W \subseteq R$ -re.
- 3 **Tranzitivitás:** Ha  $X, Y, Z \subseteq R$ ,  $X \rightarrow Y$  és  $Y \rightarrow Z$ , akkor  $X \rightarrow Z$ .

# Igazságtétel bizonyítása

## Bizonyítás.

### (Igazság tétel)

Azt kell belátni, hogy ha egy függés (esetleg több lépésben) levezethető  $F$ -ből a három axióma segítségével, akkor ez a függés logikai következménye is  $F$ -nek,

## Bizonyítás.

### (Igazság tétel)

Azt kell belátni, hogy ha egy függés (esetleg több lépésben) levezethető  $F$ -ből a három axióma segítségével, akkor ez a függés logikai következménye is  $F$ -nek, azaz minden olyan relációban, ahol  $F$  minden függése teljesül, ott teljesül a levezetett függés is.

## Bizonyítás.

### (Igazság tétel)

Azt kell belátni, hogy ha egy függés (esetleg több lépésben) levezethető  $F$ -ből a három axióma segítségével, akkor ez a függés logikai következménye is  $F$ -nek, azaz minden olyan relációban, ahol  $F$  minden függése teljesül, ott teljesül a levezetett függés is. Ehhez elég azt belátni, hogy külön-külön, az egyes axiómák egyszeri használata ilyen függést ad.

## Bizonyítás.

### (Igazság tétel)

Azt kell belátni, hogy ha egy függés (esetleg több lépésben) levezethető  $F$ -ből a három axióma segítségével, akkor ez a függés logikai következménye is  $F$ -nek, azaz minden olyan relációban, ahol  $F$  minden függése teljesül, ott teljesül a levezetett függés is. Ehhez elég azt belátni, hogy külön-külön, az egyes axiómák egyszeri használata ilyen függést ad.

- 1 Reflexivitás: Azt kell belátni, hogy minden  $r$  relációban, minden  $Y \subseteq X \subseteq R$  attribútumhalmaz esetén  $X \rightarrow Y$  igaz, azaz ha  $r$  bármely két adott sora megegyezik  $X$ -en, akkor megegyeznek  $Y$ -on is. De mivel  $Y \subseteq X$ , ezért nyilván megegyeznek  $Y$ -on, ha  $X$ -en megegyeztek. ✓

## Bizonyítás.

### (Igazság tétel)

Azt kell belátni, hogy ha egy függés (esetleg több lépésben) levezethető  $F$ -ből a három axióma segítségével, akkor ez a függés logikai következménye is  $F$ -nek, azaz minden olyan relációban, ahol  $F$  minden függése teljesül, ott teljesül a levezetett függés is. Ehhez elég azt belátni, hogy külön-külön, az egyes axiómák egyszeri használata ilyen függést ad.

- 1 **Reflexivitás:** Azt kell belátni, hogy minden  $r$  relációban, minden  $Y \subseteq X \subseteq R$  attribútumhalmaz esetén  $X \rightarrow Y$  igaz, azaz ha  $r$  bármely két adott sora megegyezik  $X$ -en, akkor megegyeznek  $Y$ -on is. De mivel  $Y \subseteq X$ , ezért nyilván megegyeznek  $Y$ -on, ha  $X$ -en megegyeztek. ✓
- 2 **Kiegészítési tulajdonság:** Azt kell, hogy ha egy  $R$ -re illeszkedő  $r$  relációban  $X \rightarrow Y$  igaz, akkor  $XW \rightarrow YW$  is igaz lesz. Vegyünk két sort  $r$ -ben, ami megegyezik  $XW$ -n. Ekkor ezek megegyeznek  $X$ -en és  $W$ -n is, külön-külön. Mivel  $X \rightarrow Y$ , így megegyeznek  $Y$ -n is, tehát  $YW$ -n is. ✓



## Bizonyítás.

### (Igazság tétel)

Azt kell belátni, hogy ha egy függés (esetleg több lépésben) levezethető  $F$ -ből a három axióma segítségével, akkor ez a függés logikai következménye is  $F$ -nek, azaz minden olyan relációban, ahol  $F$  minden függése teljesül, ott teljesül a levezetett függés is. Ehhez elég azt belátni, hogy külön-külön, az egyes axiómák egyszeri használata ilyen függést ad.

- 1 Reflexivitás:** Azt kell belátni, hogy minden  $r$  relációban, minden  $Y \subseteq X \subseteq R$  attribútumhalmaz esetén  $X \rightarrow Y$  igaz, azaz ha  $r$  bármely két adott sora megegyezik  $X$ -en, akkor megegyeznek  $Y$ -on is. De mivel  $Y \subseteq X$ , ezért nyilván megegyeznek  $Y$ -on, ha  $X$ -en megegyeztek. ✓
- 2 Kiegészítési tulajdonság:** Az kell, hogy ha egy  $R$ -re illeszkedő  $r$  relációban  $X \rightarrow Y$  igaz, akkor  $XW \rightarrow YW$  is igaz lesz. Vegyünk két sort  $r$ -ben, ami megegyezik  $XW$ -n. Ekkor ezek megegyeznek  $X$ -en és  $W$ -n is, külön-külön. Mivel  $X \rightarrow Y$ , így megegyeznek  $Y$ -n is, tehát  $YW$ -n is. ✓
- 3 Transitivitás:** Az kell, hogy ha egy  $R$ -re illeszkedő  $r$  relációban  $X \rightarrow Y$  és  $Y \rightarrow Z$  igaz, akkor  $X \rightarrow Z$  is igaz lesz. Vegyünk két sort, ami megegyezik  $X$ -en. Mivel  $X \rightarrow Y$ , megegyeznek  $Y$ -n is. De mivel  $Y \rightarrow Z$ , megegyeznek  $Z$ -n is. ✓



## Állítás

Ha  $R(\text{Város}, \text{Utca}, \text{Irányítószám})$  és  $F = \{VU \rightarrow I, I \rightarrow V\}$ , akkor  $F \vdash IU \rightarrow VIU$   
(és mivel  $\vdash \Rightarrow \models$ -t már láttuk, ezért  $F \models IU \rightarrow VIU$ ).

✓

## Állítás

Ha  $R(\text{Város}, \text{Utca}, \text{Irányítószám})$  és  $F = \{VU \rightarrow I, I \rightarrow V\}$ , akkor  $F \vdash IU \rightarrow VIU$   
(és mivel  $\vdash \Rightarrow \models$ -t már láttuk, ezért  $F \models IU \rightarrow VIU$ ).

✓

## Bizonyítás.

- i)  $I \rightarrow V$ : ez  $F$ -beli
- ii)  $IU \rightarrow VU$ : kiegészítve  $U$ -val
- iii)  $IU \rightarrow IVU$ : kiegészítve  $I$ -vel



# Levezethető szabályok

Néhány további szabály, ami levezethető az axiómákból (és az igazságtétel miatt igazak is).

# Levezethető szabályok

Néhány további szabály, ami levezethető az axiómákból (és az igazságtétel miatt igazak is).

Állítás (**Unió szabály**)

$\{X \rightarrow Y, X \rightarrow Z\} \vdash X \rightarrow YZ$

# Levezethető szabályok

Néhány további szabály, ami levezethető az axiómákból (és az igazságtétel miatt igazak is).

## Állítás (Unió szabály)

$$\{X \rightarrow Y, X \rightarrow Z\} \vdash X \rightarrow YZ$$

## Bizonyítás.

- i)  $X \rightarrow Y$ : ez  $F$ -beli
- ii)  $XZ \rightarrow YZ$ : kiegészítve  $Z$ -val
- iii)  $X \rightarrow Z$ : ez  $F$ -beli
- iv)  $X \rightarrow XZ$ : kiegészítve  $X$ -vel
- v)  $X \rightarrow YZ$ : iv) és ii) + tranzitivitás



Állítás (Áltranszitiv szabály)

$\{X \rightarrow Y, YW \rightarrow Z\} \vdash XW \rightarrow Z$

## Állítás (Áltranzitív szabály)

$$\{X \rightarrow Y, YW \rightarrow Z\} \vdash XW \rightarrow Z$$

## Bizonyítás.

- i)  $X \rightarrow Y$ : ez  $F$ -beli
- ii)  $XW \rightarrow YW$ : kiegészítve  $W$ -val
- iii)  $YW \rightarrow Z$ : ez  $F$ -beli
- iv)  $XW \rightarrow Z$ : ii) és iii) + tranzitivitás



## Állítás (Áltranzitív szabály)

$$\{X \rightarrow Y, YW \rightarrow Z\} \vdash XW \rightarrow Z$$

## Bizonyítás.

- i)  $X \rightarrow Y$ : ez  $F$ -beli
- ii)  $XW \rightarrow YW$ : kiegészítve  $W$ -val
- iii)  $YW \rightarrow Z$ : ez  $F$ -beli
- iv)  $XW \rightarrow Z$ : ii) és iii) + tranzitivitás



Állítás (**Felbontási szabály**)

*Tegyük fel, hogy  $Z \subseteq Y$ , ekkor  $\{X \rightarrow Y\} \vdash X \rightarrow Z$*

## Állítás (Felbontási szabály)

Tegyük fel, hogy  $Z \subseteq Y$ , ekkor  $\{X \rightarrow Y\} \vdash X \rightarrow Z$

## Bizonyítás.

- i)  $X \rightarrow Y$ : ez  $F$ -beli
- ii)  $Y \rightarrow Z$ : reflexivitás
- iii)  $X \rightarrow Z$ : i) és ii) + tranzitivitás



## Definíció

Ha  $F$  egy függéshalmaz, akkor a **lezártja**  $F^+$  az  $F$ -ből levezethető összes függés:

$$F^+ = \{X \rightarrow Y \mid F \vdash X \rightarrow Y\}$$

## Definíció

Ha  $F$  egy függéshalmaz, akkor a **lezártja**  $F^+$  az  $F$ -ből levezethető összes függés:

$$F^+ = \{X \rightarrow Y \mid F \vdash X \rightarrow Y\}$$

*Jó:* mert ha majd belátjuk  $\models \iff \vdash$ -t, akkor kiderül, hogy ez éppen az  $F$ -ből szükségszerűen következő összes függést adja meg.

## Definíció

Ha  $F$  egy függéshalmaz, akkor a **lezártja**  $F^+$  az  $F$ -ből levezethető összes függés:

$$F^+ = \{X \rightarrow Y \mid F \vdash X \rightarrow Y\}$$

**Jó:** mert ha majd belátjuk  $\models \iff \vdash$ -t, akkor kiderül, hogy ez éppen az  $F$ -ből szükségszerűen következő összes függést adja meg.

**Gond:** nagyon nagy lehet

Pl.  $R(A_1, \dots, A_n, B_1, \dots, B_n)$  és  $F = \{A_i \rightarrow B_j \mid 1 \leq i, j \leq n\}$ , akkor ez  $n^2$  db függés

## Definíció

Ha  $F$  egy függéshalmaz, akkor a **lezártja**  $F^+$  az  $F$ -ből levezethető összes függés:

$$F^+ = \{X \rightarrow Y \mid F \vdash X \rightarrow Y\}$$

**Jó:** mert ha majd belátjuk  $\models \iff \vdash$ -t, akkor kiderül, hogy ez éppen az  $F$ -ből szükségszerűen következő összes függést adja meg.

**Gond:** nagyon nagy lehet

Pl.  $R(A_1, \dots, A_n, B_1, \dots, B_n)$  és  $F = \{A_i \rightarrow B_j \mid 1 \leq i, j \leq n\}$ , akkor ez  $n^2$  db függés  $F^+$ -ban benne van minden  $A_{i_1} \dots A_{i_k} \rightarrow B_{j_1} \dots B_{j_l}$ , azaz  $(2^n - 1)(2^n - 1) \approx 2^{2n}$  eleme van.

Ezért ehelyett valami mást nézünk, amit könnyebb lesz meghatározni és jól közelíti  $F^+$ -t:



Ezért ehelyett valami mást nézünk, amit könnyebb lesz meghatározni és jól közelíti  $F^+$ -t:

## Definíció

Ha  $X$  egy attribútum halmaz  $(R, F)$ -ben, akkor **lezártja**

$$X^+(F) = \{A \in R \mid F \vdash X \rightarrow A\},$$

azaz azon attribútumok, amik függenek  $X$ -től.

## Állítás

$$X \subseteq X^+(F) \subseteq R$$

# Attribútumhalmaz lezárása

## Állítás

$$X \subseteq X^+(F) \subseteq R$$

## Lemma

(Fontos!!!)  $F \vdash X \rightarrow Y \iff Y \subseteq X^+(F)$

## Állítás

$$X \subseteq X^+(F) \subseteq R$$

## Lemma

$$(Fontos!!!) F \vdash X \rightarrow Y \iff Y \subseteq X^+(F)$$

## Bizonyítás.

$\implies$ : Tegyük fel, hogy  $F \vdash X \rightarrow Y$  és legyen  $A \in Y$ .

$F \vdash X \rightarrow A$ , hiszen vegyük  $X \rightarrow Y$  levezetését és alkalmazzuk a felbontási szabályt a végén.

Definíció szerint ekkor  $A \in X^+(F)$ . Ez minden  $A \in Y$ -ra igaz. ✓

## Állítás

$$X \subseteq X^+(F) \subseteq R$$

## Lemma

(Fontos!!!)  $F \vdash X \rightarrow Y \iff Y \subseteq X^+(F)$

## Bizonyítás.

$\implies$ : Tegyük fel, hogy  $F \vdash X \rightarrow Y$  és legyen  $A \in Y$ .

$F \vdash X \rightarrow A$ , hiszen vegyük  $X \rightarrow Y$  levezetését és alkalmazzuk a felbontási szabályt a végén.

Definíció szerint ekkor  $A \in X^+(F)$ . Ez minden  $A \in Y$ -ra igaz. ✓

$\impliedby$ : Legyen  $Y = A_1 \dots A_k \subseteq X^+(F)$ .

Így definíció szerint  $\forall A_i \in Y$ -ra  $F \vdash X \rightarrow A_i$ .

Ekkor  $X \rightarrow Y$  levezetése: vesszük az  $A_i$ -k levezetését és a végén alkalmazzuk az unió szabályt  $k - 1$ -szer. ✓

## Állítás

$$X \subseteq X^+(F) \subseteq R$$

## Lemma

(Fontos!!!)  $F \vdash X \rightarrow Y \iff Y \subseteq X^+(F)$

## Bizonyítás.

$\implies$ : Tegyük fel, hogy  $F \vdash X \rightarrow Y$  és legyen  $A \in Y$ .

$F \vdash X \rightarrow A$ , hiszen vegyük  $X \rightarrow Y$  levezetését és alkalmazzuk a felbontási szabályt a végén.

Definíció szerint ekkor  $A \in X^+(F)$ . Ez minden  $A \in Y$ -ra igaz. ✓

$\impliedby$ : Legyen  $Y = A_1 \dots A_k \subseteq X^+(F)$ .

Így definíció szerint  $\forall A_i \in Y$ -ra  $F \vdash X \rightarrow A_i$ .

Ekkor  $X \rightarrow Y$  levezetése: vesszük az  $A_i$ -k levezetését és a végén alkalmazzuk az unió szabályt  $k - 1$ -szer. ✓ □

# Attribútumhalmaz lezárása

**Következménye:** Ha minden  $X$ -re ismerjük/ki tudjuk számítani  $X^+(F)$ -et, akkor tetszőleges  $X \rightarrow Y$  függésről eldönthető, hogy  $F^+$ -beli-e vagy sem,

## Attribútumhalmaz lezárása

**Következménye:** Ha minden  $X$ -re ismerjük/ki tudjuk számítani  $X^+(F)$ -et, akkor tetszőleges  $X \rightarrow Y$  függésről eldönthető, hogy  $F^+$ -beli-e vagy sem, mert  $X \rightarrow Y \in F^+$  pontosan akkor teljesül (definíció szerint), ha  $F \vdash X \rightarrow Y$ , de ez meg az előbbi lemma szerint pontosan akkor van, ha  $Y \subseteq X^+(F)$



## Attribútumhalmaz lezárása

**Következménye:** Ha minden  $X$ -re ismerjük/ki tudjuk számítani  $X^+(F)$ -et, akkor tetszőleges  $X \rightarrow Y$  függésről eldönthető, hogy  $F^+$ -beli-e vagy sem, mert  $X \rightarrow Y \in F^+$  pontosan akkor teljesül (definíció szerint), ha  $F \vdash X \rightarrow Y$ , de ez meg az előbbi lemma szerint pontosan akkor van, ha  $Y \subseteq X^+(F)$

**Megjegyzés:** Majd látjuk, hogy  $X^+(F)$  kiszámolására lesz gyors algoritmus.

## Tétel (Teljességi tétel)

*Ha  $F \models X \rightarrow Y$ , akkor  $F \vdash X \rightarrow Y$ .*

## Tétel (Teljességi tétel)

*Ha  $F \models X \rightarrow Y$ , akkor  $F \vdash X \rightarrow Y$ .*

## Bizonyítás.

*Tegyük fel indirekt, hogy van olyan  $X \rightarrow Y$  függés és  $F$  függéshalmaz, hogy  $X \rightarrow Y$  nem vezethető le  $F$ -ből ( $F \not\vdash X \rightarrow Y$ ), noha logikai következménye neki ( $F \models X \rightarrow Y$ ).*

## Tétel (Teljességi tétel)

*Ha  $F \models X \rightarrow Y$ , akkor  $F \vdash X \rightarrow Y$ .*

## Bizonyítás.

*Tegyünk fel indirekt, hogy van olyan  $X \rightarrow Y$  függés és  $F$  függéshalmaz, hogy  $X \rightarrow Y$  nem vezethető le  $F$ -ből ( $F \not\vdash X \rightarrow Y$ ), noha logikai következménye neki ( $F \models X \rightarrow Y$ ). Ez utóbbi azt jelenti, hogy minden olyan relációban, amiben  $F$  függőségei teljesülnek, ha  $X$ -en megegyezik két sor, akkor azok megegyeznek  $Y$ -on is.*

## Tétel (Teljességi tétel)

*Ha  $F \models X \rightarrow Y$ , akkor  $F \vdash X \rightarrow Y$ .*

## Bizonyítás.

*Tegyünk fel indirekt, hogy van olyan  $X \rightarrow Y$  függés és  $F$  függéshalmaz, hogy  $X \rightarrow Y$  nem vezethető le  $F$ -ből ( $F \not\vdash X \rightarrow Y$ ), noha logikai következménye neki ( $F \models X \rightarrow Y$ ).*

*Ez utóbbi azt jelenti, hogy minden olyan relációban, amiben  $F$  függőségei teljesülnek, ha  $X$ -en megegyezik két sor, akkor azok megegyeznek  $Y$ -on is.*

*Úgy jutunk ellentmondásra, hogy konstruálunk egy olyan  $r$  relációt, ahol  $F$  függőségei teljesülnek, de  $X \not\rightarrow Y$ , ami ellentmond  $F \models X \rightarrow Y$ -nak.*

# Bizonyítás (folyt.)

r

				$X^+(F)$									
				$X$									
	$A_1$	...	...	.....						...	...	$A_n$	
$t_1$	1	1	1	1	1	1	1.....1	1	1	1	1	1	1
$t_2$	0	0	0	1	1	1	1.....1	1	1	1	0	0	0

# Bizonyítás (folyt.)

$r$

	$A_1$ ... ..			$X^+(F)$						... .. $A_n$					
				$X$											
$t_1$	1	1	1	1	1	1	1	.....	1	1	1	1	1	1	1
$t_2$	0	0	0	1	1	1	1	.....	1	1	1	1	0	0	0

Tehát  $r$  két soros reláció,  $X^+(F)$ -en megegyezik a két sor, a többin különbözik.

## Bizonyítás (folyt.)

$r$				$X^+(F)$									
				$X$									
	$A_1$	...	...	.....						...	...	$A_n$	
$t_1$	1	1	1	1	1	1	1.....1	1	1	1	1	1	1
$t_2$	0	0	0	1	1	1	1.....1	1	1	1	0	0	0

Tehát  $r$  két soros reláció,  $X^+(F)$ -en megegyezik a két sor, a többin különbözik.

### Állítás

*$r$ -ben teljesülnek  $F$  függései.*



## Bizonyítás (folyt.)

r				$X^+(F)$										
				$X$										
	$A_1$	...	...				$\dots\dots\dots$				...	...	$A_n$	
$t_1$	1	1	1	1	1	1	1	.....	1	1	1	1	1	1
$t_2$	0	0	0	1	1	1	1	.....	1	1	1	0	0	0

Tehát  $r$  két soros reláció,  $X^+(F)$ -en megegyezik a két sor, a többin különbözik.

### Állítás

*$r$ -ben teljesülnek  $F$  függései.*

### Bizonyítás.

Legyen  $U \rightarrow V \in F$ .

Ha  $U \not\subseteq X^+(F) \implies U \rightarrow V$  igaz, hiszen nincs olyan két sor, ami  $U$ -n megegyezik.

## Bizonyítás (folyt.)

r				$X^+(F)$										
				$X$										
	$A_1$	...	...	.....						...	...	$A_n$		
$t_1$	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	
$t_2$	0	0	0	1	1	1	1	1	1	1	1	0	0	0

Tehát  $r$  két soros reláció,  $X^+(F)$ -en megegyezik a két sor, a többin különbözik.

### Állítás

*$r$ -ben teljesülnek  $F$  függései.*

### Bizonyítás.

Legyen  $U \rightarrow V \in F$ .

Ha  $U \not\subseteq X^+(F) \implies U \rightarrow V$  igaz, hiszen nincs olyan két sor, ami  $U$ -n megegyezik.

Ha  $U \subseteq X^+(F)$ , akkor lemma miatt  $F \vdash X \rightarrow U$ .

Tranzitivitás miatt  $F \vdash X \rightarrow V$ . Lemma  $\implies V \subseteq X^+(F)$ ,  $V$ -n megegyezik a két sor.



## Bizonyítás (folyt.)

r				$X^+(F)$						
				$X$						
	$A_1$	...	...					...	...	$A_n$
$t_1$	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
$t_2$	0	0	0	1	1	1	1	1	1	0

Tehát  $r$  két soros reláció,  $X^+(F)$ -en megegyezik a két sor, a többin különbözik.

### Állítás

$r$ -ben teljesülnek  $F$  függései.

### Bizonyítás.

Legyen  $U \rightarrow V \in F$ .

Ha  $U \not\subseteq X^+(F) \implies U \rightarrow V$  igaz, hiszen nincs olyan két sor, ami  $U$ -n megegyezik.

Ha  $U \subseteq X^+(F)$ , akkor lemma miatt  $F \vdash X \rightarrow U$ .

Tranzitivitás miatt  $F \vdash X \rightarrow V$ . Lemma  $\implies V \subseteq X^+(F)$ ,  $V$ -n megegyezik a két sor.



## Állítás

*r*-ben nem igaz  $X \rightarrow Y$ .

### Állítás

*r*-ben nem igaz  $X \rightarrow Y$ .

### Bizonyítás.

Mivel  $F \not\models X \rightarrow Y$ , ezért a fontos lemma miatt  $Y \not\subseteq X^+(F)$ , azaz  $Y$  kilóg  $X^+(F)$ -ből, abból a részből, ahol a két sor egyenlő.

### Állítás

*r*-ben nem igaz  $X \rightarrow Y$ .

### Bizonyítás.

Mivel  $F \not\models X \rightarrow Y$ , ezért a fontos lemma miatt  $Y \not\subseteq X^+(F)$ , azaz  $Y$  kilóg  $X^+(F)$ -ből, abból a részből, ahol a két sor egyenlő.

Vagyis a két sor egyenlő  $X$ -en, de nem egyenlő  $Y$ -on, így  $X \rightarrow Y$  nem igaz  $r$ -ben.

### Állítás

*$r$ -ben nem igaz  $X \rightarrow Y$ .*

### Bizonyítás.

Mivel  $F \not\models X \rightarrow Y$ , ezért a fontos lemma miatt  $Y \not\subseteq X^+(F)$ , azaz  $Y$  kilóg  $X^+(F)$ -ből, abból a részből, ahol a két sor egyenlő.

Vagyis a két sor egyenlő  $X$ -en, de nem egyenlő  $Y$ -on, így  $X \rightarrow Y$  nem igaz  $r$ -ben.  $\square$

Tehát  $r$  tényleg olyan, hogy benne  $F$  minden függése fennáll, de  $X \rightarrow Y$  nem, ami bizonyítja, hogy  $F \not\models X \rightarrow Y$ .

### Állítás

*$r$ -ben nem igaz  $X \rightarrow Y$ .*

### Bizonyítás.

Mivel  $F \not\models X \rightarrow Y$ , ezért a fontos lemma miatt  $Y \not\subseteq X^+(F)$ , azaz  $Y$  kilóg  $X^+(F)$ -ből, abból a részből, ahol a két sor egyenlő.

Vagyis a két sor egyenlő  $X$ -en, de nem egyenlő  $Y$ -on, így  $X \rightarrow Y$  nem igaz  $r$ -ben.  $\square$

Tehát  $r$  tényleg olyan, hogy benne  $F$  minden függése fennáll, de  $X \rightarrow Y$  nem, ami bizonyítja, hogy  $F \not\models X \rightarrow Y$ .

### Következmény

$\vdash$  és  $\models$  felcserélhető.



## Definíció

$X \subseteq R$  **szuperkulcsa** az  $(R, F)$  sémának, ha  $F \vdash X \rightarrow R$ . Másképpen, ha  $R = X^+(F)$ .

## Definíció

$X \subseteq R$  **szuperkulcsa** az  $(R, F)$  sémának, ha  $F \vdash X \rightarrow R$ . Másképpen, ha  $R = X^+(F)$ .  
 $X \subseteq R$  **kulcsa** az  $(R, F)$  sémának, ha szuperkulcs és nincs olyan valódi részhalmaza, ami szuperkulcs.

## Definíció

$X \subseteq R$  **szuperkulcsa** az  $(R, F)$  sémának, ha  $F \vdash X \rightarrow R$ . Másképpen, ha  $R = X^+(F)$ .  
 $X \subseteq R$  **kulcsa** az  $(R, F)$  sémának, ha szuperkulcs és nincs olyan valódi részhalmaza, ami szuperkulcs.

*Példa:*

$F = \{\text{TERMELŐ, TERMÉKNÉV} \rightarrow \text{ÁR}; \text{TERMELŐ} \rightarrow \text{CÍM}\}$   
 $X = \text{TERMELŐ, TERMÉKNÉV}$

## Definíció

$X \subseteq R$  **szuperkulcsa** az  $(R, F)$  sémának, ha  $F \vdash X \rightarrow R$ . Másképpen, ha  $R = X^+(F)$ .  
 $X \subseteq R$  **kulcsa** az  $(R, F)$  sémának, ha szuperkulcs és nincs olyan valódi részhalmaza, ami szuperkulcs.

*Példa:*

$F = \{\text{TERMELŐ, TERMÉKNÉV} \rightarrow \text{ÁR}; \text{TERMELŐ} \rightarrow \text{CÍM}\}$

$X = \text{TERMELŐ, TERMÉKNÉV}$

$\Rightarrow X^+(F) = \text{TERMELŐ, TERMÉKNÉV, ÁR, CÍM}$

## Definíció

$X \subseteq R$  **szuperkulcsa** az  $(R, F)$  sémának, ha  $F \vdash X \rightarrow R$ . Másképpen, ha  $R = X^+(F)$ .  
 $X \subseteq R$  **kulcsa** az  $(R, F)$  sémának, ha szuperkulcs és nincs olyan valódi részhalmaza, ami szuperkulcs.

*Példa:*

$F = \{\text{TERMELŐ, TERMÉKNÉV} \rightarrow \text{ÁR}; \text{TERMELŐ} \rightarrow \text{CÍM}\}$

$X = \text{TERMELŐ, TERMÉKNÉV}$

$\Rightarrow X^+(F) = \text{TERMELŐ, TERMÉKNÉV, ÁR, CÍM}$

$\text{TERMELŐ}^+(F) = \text{TERMELŐ, CÍM}$

$\text{TERMÉKNÉV}^+(F) = \text{TERMÉKNÉV}$

## Definíció

$X \subseteq R$  **szuperkulcsa** az  $(R, F)$  sémának, ha  $F \vdash X \rightarrow R$ . Másképpen, ha  $R = X^+(F)$ .  
 $X \subseteq R$  **kulcsa** az  $(R, F)$  sémának, ha szuperkulcs és nincs olyan valódi részhalmaza, ami szuperkulcs.

*Példa:*

$F = \{\text{TERMELŐ}, \text{TERMÉKNÉV} \rightarrow \text{ÁR}; \text{TERMELŐ} \rightarrow \text{CÍM}\}$

$X = \text{TERMELŐ}, \text{TERMÉKNÉV}$

$\Rightarrow X^+(F) = \text{TERMELŐ}, \text{TERMÉKNÉV}, \text{ÁR}, \text{CÍM}$

$\text{TERMELŐ}^+(F) = \text{TERMELŐ}, \text{CÍM}$

$\text{TERMÉKNÉV}^+(F) = \text{TERMÉKNÉV}$

$\Rightarrow X$  kulcs

# $X^+(F)$ kiszámítása

## Algoritmus:

$$X_0 = X,$$

⋮

$$X_j = \dots,$$

# $X^+(F)$ kiszámítása

## Algoritmus:

$$X_0 = X,$$

⋮

$$X_j = \dots,$$

$$X_{i+1} = X_i \cup \{A \in R \mid \text{van olyan } U \rightarrow V \in F, \text{ hogy } U \subseteq X_i \text{ és } A \in V\}$$



# $X^+(F)$ kiszámítása

## Algoritmus:

$$X_0 = X,$$

⋮

$$X_i = \dots,$$

$$X_{i+1} = X_i \cup \{A \in R \mid \text{van olyan } U \rightarrow V \in F, \text{ hogy } U \subseteq X_i \text{ és } A \in V\},$$

⋮

$$X^+(F) = X_{\text{utolsó}}, \text{ (amikor már nem nő)}$$

# $X^+(F)$ kiszámítása

## Algoritmus:

$$X_0 = X,$$

⋮

$$X_i = \dots,$$

$$X_{i+1} = X_i \cup \{A \in R \mid \text{van olyan } U \rightarrow V \in F, \text{ hogy } U \subseteq X_i \text{ és } A \in V\},$$

⋮

$$X^+(F) = X_{\text{utolsó}}, \text{ (amikor már nem nő)}$$

## Állítás

$$X_{\text{utolsó}} \subseteq X^+(F) \text{ (azaz, a fontos lemma miatt } F \vdash X \rightarrow X_{\text{utolsó}})$$

# $X^+(F)$ kiszámítása

## Algoritmus:

$$X_0 = X,$$

⋮

$$X_i = \dots,$$

$$X_{i+1} = X_i \cup \{A \in R \mid \text{van olyan } U \rightarrow V \in F, \text{ hogy } U \subseteq X_i \text{ és } A \in V\},$$

⋮

$$X^+(F) = X_{\text{utolsó}}, \text{ (amikor már nem nő)}$$

## Állítás

$$X_{\text{utolsó}} \subseteq X^+(F) \text{ (azaz, a fontos lemma miatt } F \vdash X \rightarrow X_{\text{utolsó}})$$

## Bizonyítás.

*Indukcióval  $i$ -re belátjuk, hogy  $F \vdash X \rightarrow X_i$ , innen már következik az állítás.*

### Bizonyítás.

$i = 0$ :  $F \vdash X \rightarrow X_0 = X$ , reflexivitás.

### Bizonyítás.

$i = 0$ :  $F \vdash X \rightarrow X_0 = X$ , reflexivitás.

$i \rightsquigarrow i+1$

①  $U \rightarrow V \in F, U \subseteq X_i, A \in V$

### Bizonyítás.

$i = 0$ :  $F \vdash X \rightarrow X_0 = X$ , reflexivitás.

$i \rightsquigarrow i+1$

①  $U \rightarrow V \in F, U \subseteq X_i, A \in V$

②  $X_i \rightarrow U$ , reflexivitás

### Bizonyítás.

$i = 0$ :  $F \vdash X \rightarrow X_0 = X$ , reflexivitás.

$i \rightsquigarrow i + 1$

- 1  $U \rightarrow V \in F, U \subseteq X_i, A \in V$
- 2  $X_i \rightarrow U$ , reflexivitás
- 3  $X \rightarrow U$ , tranzitivitás + indukciós felt.  $F \vdash X \rightarrow X_i +$  (2. sor)

### Bizonyítás.

$i = 0$ :  $F \vdash X \rightarrow X_0 = X$ , reflexivitás.

$i \rightsquigarrow i + 1$

- 1  $U \rightarrow V \in F, U \subseteq X_i, A \in V$
- 2  $X_i \rightarrow U$ , reflexivitás
- 3  $X \rightarrow U$ , tranzitivitás + indukciós felt.  $F \vdash X \rightarrow X_i +$  (2. sor)
- 4  $X \rightarrow V$ , tranzitivitás (1. és 3. sor)



### Bizonyítás.

$i = 0$ :  $F \vdash X \rightarrow X_0 = X$ , reflexivitás.

$i \rightsquigarrow i + 1$

- 1  $U \rightarrow V \in F, U \subseteq X_i, A \in V$
- 2  $X_i \rightarrow U$ , reflexivitás
- 3  $X \rightarrow U$ , tranzitivitás + indukciós felt.  $F \vdash X \rightarrow X_i +$  (2. sor)
- 4  $X \rightarrow V$ , tranzitivitás (1. és 3. sor)
- 5  $V \rightarrow A$ , reflexivitás, (1. sor)

### Bizonyítás.

$i = 0$ :  $F \vdash X \rightarrow X_0 = X$ , reflexivitás.

$i \rightsquigarrow i + 1$

- 1  $U \rightarrow V \in F, U \subseteq X_i, A \in V$
- 2  $X_i \rightarrow U$ , reflexivitás
- 3  $X \rightarrow U$ , tranzitivitás + indukciós felt.  $F \vdash X \rightarrow X_i + (2. \text{ sor})$
- 4  $X \rightarrow V$ , tranzitivitás (1. és 3. sor)
- 5  $V \rightarrow A$ , reflexivitás, (1. sor)
- 6  $X \rightarrow A$ , tranzitivitás, (4. és 5. sor)

### Bizonyítás.

$i = 0$ :  $F \vdash X \rightarrow X_0 = X$ , reflexivitás.

$i \rightsquigarrow i+1$

- 1  $U \rightarrow V \in F, U \subseteq X_i, A \in V$
- 2  $X_i \rightarrow U$ , reflexivitás
- 3  $X \rightarrow U$ , tranzitivitás + indukciós felt.  $F \vdash X \rightarrow X_i +$  (2. sor)
- 4  $X \rightarrow V$ , tranzitivitás (1. és 3. sor)
- 5  $V \rightarrow A$ , reflexivitás, (1. sor)
- 6  $X \rightarrow A$ , tranzitivitás, (4. és 5. sor)
- 7  $F \vdash X \rightarrow A$ , minden  $A \in X_{i+1}$

### Bizonyítás.

$i = 0$ :  $F \vdash X \rightarrow X_0 = X$ , reflexivitás.

$i \rightsquigarrow i + 1$

- 1  $U \rightarrow V \in F, U \subseteq X_i, A \in V$
- 2  $X_i \rightarrow U$ , reflexivitás
- 3  $X \rightarrow U$ , tranzitivitás + indukciós felt.  $F \vdash X \rightarrow X_i + (2. \text{ sor})$
- 4  $X \rightarrow V$ , tranzitivitás (1. és 3. sor)
- 5  $V \rightarrow A$ , reflexivitás, (1. sor)
- 6  $X \rightarrow A$ , tranzitivitás, (4. és 5. sor)
- 7  $F \vdash X \rightarrow A$ , minden  $A \in X_{i+1}$
- 8  $F \vdash X \rightarrow X_{i+1}$

## Bizonyítás.

$i = 0$ :  $F \vdash X \rightarrow X_0 = X$ , reflexivitás.

$i \rightsquigarrow i+1$

①  $U \rightarrow V \in F, U \subseteq X_i, A \in V$

②  $X_i \rightarrow U$ , reflexivitás

③  $X \rightarrow U$ , tranzitivitás + indukciós felt.  $F \vdash X \rightarrow X_i +$  (2. sor)

④  $X \rightarrow V$ , tranzitivitás (1. és 3. sor)

⑤  $V \rightarrow A$ , reflexivitás, (1. sor)

⑥  $X \rightarrow A$ , tranzitivitás, (4. és 5. sor)

⑦  $F \vdash X \rightarrow A$ , minden  $A \in X_{i+1}$

⑧  $F \vdash X \rightarrow X_{i+1}$

$\implies F \vdash X \rightarrow X_{\text{utolsó}} \implies (\text{Lemma}) X_{\text{utolsó}} \subseteq X^+(F). \checkmark$

## Bizonyítás.

$i = 0$ :  $F \vdash X \rightarrow X_0 = X$ , reflexivitás.

$i \rightsquigarrow i+1$

①  $U \rightarrow V \in F, U \subseteq X_i, A \in V$

②  $X_i \rightarrow U$ , reflexivitás

③  $X \rightarrow U$ , tranzitivitás + indukciós felt.  $F \vdash X \rightarrow X_i + (2. \text{ sor})$

④  $X \rightarrow V$ , tranzitivitás (1. és 3. sor)

⑤  $V \rightarrow A$ , reflexivitás, (1. sor)

⑥  $X \rightarrow A$ , tranzitivitás, (4. és 5. sor)

⑦  $F \vdash X \rightarrow A$ , minden  $A \in X_{i+1}$

⑧  $F \vdash X \rightarrow X_{i+1}$

$\implies F \vdash X \rightarrow X_{\text{utolsó}} \implies (\text{Lemma}) X_{\text{utolsó}} \subseteq X^+(F). \quad \square$

*Példa:*

$R(A, B, C, D), F = \{A \rightarrow B, B \rightarrow C, BC \rightarrow D\}, A^+(F) = ?$

## Bizonyítás.

$i = 0$ :  $F \vdash X \rightarrow X_0 = X$ , reflexivitás.

$i \rightsquigarrow i+1$

- 1  $U \rightarrow V \in F, U \subseteq X_i, A \in V$
- 2  $X_i \rightarrow U$ , reflexivitás
- 3  $X \rightarrow U$ , tranzitivitás + indukciós felt.  $F \vdash X \rightarrow X_i +$  (2. sor)
- 4  $X \rightarrow V$ , tranzitivitás (1. és 3. sor)
- 5  $V \rightarrow A$ , reflexivitás, (1. sor)
- 6  $X \rightarrow A$ , tranzitivitás, (4. és 5. sor)
- 7  $F \vdash X \rightarrow A$ , minden  $A \in X_{i+1}$
- 8  $F \vdash X \rightarrow X_{i+1}$

$\Rightarrow F \vdash X \rightarrow X_{\text{utolsó}} \Rightarrow$  (Lemma)  $X_{\text{utolsó}} \subseteq X^+(F)$ .  $\checkmark$



*Példa:*

$R(A, B, C, D), F = \{A \rightarrow B, B \rightarrow C, BC \rightarrow D\}, A^+(F) = ?$

$X_0 = \{A\},$

## Bizonyítás.

$i = 0$ :  $F \vdash X \rightarrow X_0 = X$ , reflexivitás.

$i \rightsquigarrow i+1$

- 1  $U \rightarrow V \in F, U \subseteq X_i, A \in V$
- 2  $X_i \rightarrow U$ , reflexivitás
- 3  $X \rightarrow U$ , tranzitivitás + indukciós felt.  $F \vdash X \rightarrow X_i +$  (2. sor)
- 4  $X \rightarrow V$ , tranzitivitás (1. és 3. sor)
- 5  $V \rightarrow A$ , reflexivitás, (1. sor)
- 6  $X \rightarrow A$ , tranzitivitás, (4. és 5. sor)
- 7  $F \vdash X \rightarrow A$ , minden  $A \in X_{i+1}$
- 8  $F \vdash X \rightarrow X_{i+1}$

$\Rightarrow F \vdash X \rightarrow X_{\text{utolsó}} \Rightarrow$  (Lemma)  $X_{\text{utolsó}} \subseteq X^+(F)$ .  $\checkmark$



*Példa:*

$R(A, B, C, D), F = \{A \rightarrow B, B \rightarrow C, BC \rightarrow D\}, A^+(F) = ?$

$X_0 = \{A\}, X_1 = \{A, B\},$



## Bizonyítás.

$i = 0$ :  $F \vdash X \rightarrow X_0 = X$ , reflexivitás.

$i \rightsquigarrow i+1$

- 1  $U \rightarrow V \in F, U \subseteq X_i, A \in V$
- 2  $X_i \rightarrow U$ , reflexivitás
- 3  $X \rightarrow U$ , tranzitivitás + indukciós felt.  $F \vdash X \rightarrow X_i + (2. \text{ sor})$
- 4  $X \rightarrow V$ , tranzitivitás (1. és 3. sor)
- 5  $V \rightarrow A$ , reflexivitás, (1. sor)
- 6  $X \rightarrow A$ , tranzitivitás, (4. és 5. sor)
- 7  $F \vdash X \rightarrow A$ , minden  $A \in X_{i+1}$
- 8  $F \vdash X \rightarrow X_{i+1}$

$\implies F \vdash X \rightarrow X_{\text{utolsó}} \implies (\text{Lemma}) X_{\text{utolsó}} \subseteq X^+(F). \quad \square$

*Példa:*

$R(A, B, C, D), F = \{A \rightarrow B, B \rightarrow C, BC \rightarrow D\}, A^+(F) = ?$

$X_0 = \{A\}, X_1 = \{A, B\}, X_2 = \{A, B, C\},$

## Bizonyítás.

$i = 0$ :  $F \vdash X \rightarrow X_0 = X$ , reflexivitás.

$i \rightsquigarrow i+1$

- ①  $U \rightarrow V \in F, U \subseteq X_i, A \in V$
- ②  $X_i \rightarrow U$ , reflexivitás
- ③  $X \rightarrow U$ , tranzitivitás + indukciós felt.  $F \vdash X \rightarrow X_i +$  (2. sor)
- ④  $X \rightarrow V$ , tranzitivitás (1. és 3. sor)
- ⑤  $V \rightarrow A$ , reflexivitás, (1. sor)
- ⑥  $X \rightarrow A$ , tranzitivitás, (4. és 5. sor)
- ⑦  $F \vdash X \rightarrow A$ , minden  $A \in X_{i+1}$
- ⑧  $F \vdash X \rightarrow X_{i+1}$

$\implies F \vdash X \rightarrow X_{\text{utolsó}} \implies (\text{Lemma}) X_{\text{utolsó}} \subseteq X^+(F). \quad \square$

*Példa:*

$R(A, B, C, D), F = \{A \rightarrow B, B \rightarrow C, BC \rightarrow D\}, A^+(F) = ?$   
 $X_0 = \{A\}, X_1 = \{A, B\}, X_2 = \{A, B, C\}, X_3 = \{A, B, C, D\} = X_{\text{utolsó}}$

# Bizonyítás másik iránya

## Állítás

$$X^+(F) \subseteq X_{utolsó}$$

# Bizonyítás másik iránya

## Állítás

$$X^+(F) \subseteq X_{\text{utolsó}}$$

## Bizonyítás.

Tekintsük az alábbi kétsoros  $r$  relációt: a két sor  $X_{\text{utolsó}}$ -n egyenlő, azon kívül eltérnek.

r	$A_1$ ... ..			$X_{\text{utolsó}}$						... .. $A_n$				
				$X$										
$t_1$	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
$t_2$	0	0	0	1	1	1	1	1	1	1	1	0	0	0

# Bizonyítás másik iránya

## Állítás

$$X^+(F) \subseteq X_{\text{utolsó}}$$

## Bizonyítás.

Tekintsük az alábbi kétsoros  $r$  relációt: a két sor  $X_{\text{utolsó}}$ -n egyenlő, azon kívül eltérnek.

r	$A_1$ ... ..			$X_{\text{utolsó}}$						... .. $A_n$				
				$X$										
$t_1$	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
$t_2$	0	0	0	1	1	1	1	1	1	1	1	0	0	0

$r$ -ben egyrészt minden  $F$ -beli függés teljesül. (Bizonyítás, hasonlóan, mint a teljességi tételnél csak most az kell, hogy ha egy  $W \rightarrow S$  függés esetén  $W \subseteq X_{\text{utolsó}}$ , akkor  $S \subseteq X_{\text{utolsó}}$  is igaz, az algoritmus működése miatt.)

## Bizonyítás másik iránya

### Állítás

$$X^+(F) \subseteq X_{\text{utolsó}}$$

### Bizonyítás.

Tekintsük az alábbi kétsoros  $r$  relációt: a két sor  $X_{\text{utolsó}}$ -n egyenlő, azon kívül eltérnek.

r	$A_1$ ... ..			$X_{\text{utolsó}}$						... .. $A_n$				
				$X$										
$t_1$	1	1	1	1	1	1	1	.....	1	1	1	1	1	1
$t_2$	0	0	0	1	1	1	1	.....	1	1	1	0	0	0

$r$ -ben egyrészt minden  $F$ -beli függés teljesül. (Bizonyítás, hasonlóan, mint a teljességi tételnél csak most az kell, hogy ha egy  $W \rightarrow S$  függés esetén  $W \subseteq X_{\text{utolsó}}$ , akkor  $S \subseteq X_{\text{utolsó}}$  is igaz, az algoritmus működése miatt.)

$r$  segítségével azt látjuk be, hogy ha  $A \notin X_{\text{utolsó}}$ , akkor  $A \notin X^+(F)$ , ami éppen a kívánt állítás.

# Bizonyítás másik iránya

## Állítás

$$X^+(F) \subseteq X_{\text{utolsó}}$$

## Bizonyítás.

Tekintsük az alábbi kétsoros  $r$  relációt: a két sor  $X_{\text{utolsó}}$ -n egyenlő, azon kívül eltérnek.

$r$	$A_1$ ... ..			$X_{\text{utolsó}}$						... .. $A_n$					
				$X$											
$t_1$	1	1	1	1	1	1	1	.....	1	1	1	1	1	1	1
$t_2$	0	0	0	1	1	1	1	.....	1	1	1	1	0	0	0

$r$ -ben egyrészt minden  $F$ -beli függés teljesül. (Bizonyítás, hasonlóan, mint a teljességi tételnél csak most az kell, hogy ha egy  $W \rightarrow S$  függés esetén  $W \subseteq X_{\text{utolsó}}$ , akkor  $S \subseteq X_{\text{utolsó}}$  is igaz, az algoritmus működése miatt.)

$r$  segítségével azt látjuk be, hogy ha  $A \notin X_{\text{utolsó}}$ , akkor  $A \notin X^+(F)$ , ami éppen a kívánt állítás.

## Bizonyítás másik iránya

### Állítás

$$X^+(F) \subseteq X_{\text{utolsó}}$$

### Bizonyítás.

Tekintsük az alábbi kétsoros  $r$  relációt: a két sor  $X_{\text{utolsó}}$ -n egyenlő, azon kívül eltérnek.

r				$X_{\text{utolsó}}$										
	$A_1 \quad \dots \quad \dots$			$X$						$\dots \quad \dots \quad A_n$				
$t_1$	1	1	1	1	1	1	1	.....	1	1	1	1	1	1
$t_2$	0	0	0	1	1	1	1	.....	1	1	1	0	0	0

$r$ -ben egyrészt minden  $F$ -beli függés teljesül. (Bizonyítás, hasonlóan, mint a teljességi tételnél csak most az kell, hogy ha egy  $W \rightarrow S$  függés esetén  $W \subseteq X_{\text{utolsó}}$ , akkor  $S \subseteq X_{\text{utolsó}}$  is igaz, az algoritmus működése miatt.)

$r$  segítségével azt látjuk be, hogy ha  $A \notin X_{\text{utolsó}}$ , akkor  $A \notin X^+(F)$ , ami éppen a kívánt állítás.



## Bizonyítás másik iránya

### Állítás

$$X^+(F) \subseteq X_{\text{utolsó}}$$

### Bizonyítás.

Tekintsük az alábbi kétsoros  $r$  relációt: a két sor  $X_{\text{utolsó}}$ -n egyenlő, azon kívül eltérnek.

r	$A_1$ ... ..			$X_{\text{utolsó}}$						... .. $A_n$				
				$X$										
$t_1$	1	1	1	1	1	1	1	.....	1	1	1	1	1	1
$t_2$	0	0	0	1	1	1	1	.....	1	1	1	0	0	0

$r$ -ben egyrészt minden  $F$ -beli függés teljesül. (Bizonyítás, hasonlóan, mint a teljességi tételnél csak most az kell, hogy ha egy  $W \rightarrow S$  függés esetén  $W \subseteq X_{\text{utolsó}}$ , akkor  $S \subseteq X_{\text{utolsó}}$  is igaz, az algoritmus működése miatt.)

$r$  segítségével azt látjuk be, hogy ha  $A \notin X_{\text{utolsó}}$ , akkor  $A \notin X^+(F)$ , ami éppen a kívánt állítás.

## Következmény

$X^+(F) = X_{utolsó}$ , azaz *tényleg jó az algoritmus.*

## Következmény

$X^+(F) = X_{\text{utolsó}}$ , azaz tényleg jó az algoritmus.

## Következmény

Adott  $X$ -ről el lehet dönteni, hogy (szuper)kulcs-e.

## Következmény

$X^+(F) = X_{utolsó}$ , azaz *tényleg jó az algoritmus.*

## Következmény

*Adott  $X$ -ről el lehet dönteni, hogy (szuper)kulcs-e.*

Megnézzük, hogy  $X^+(F) = R$  igaz-e. Ha igen, akkor szuperkulcs. Ha minden  $X - A$ -ra már nem szuperkulcsot kapunk, akkor  $X$  kulcs.

## Következmény

$X^+(F) = X_{utolsó}$ , azaz *tényleg jó az algoritmus.*

## Következmény

*Adott  $X$ -ről el lehet dönteni, hogy (szuper)kulcs-e.*

Megnézzük, hogy  $X^+(F) = R$  igaz-e. Ha igen, akkor szuperkulcs. Ha minden  $X - A$ -ra már nem szuperkulcsot kapunk, akkor  $X$  kulcs.

**Gyorsan implementálható.**

# Adatbázisok elmélete

## Hűséges felbontás, normálformák

Katona Gyula Y.

Számítástudományi és Információelméleti Tanszék  
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem

13. előadás

# Felbontások

**Cél:** *Adott  $(R, F)$  sémából anomáliát nem tartalmazó olyan felbontás előállítása, amiből ugyanaz az információ nyerhető, mint az eredetiből.*

# Felbontások

**Cél:** Adott  $(R, F)$  sémából anomáliát nem tartalmazó olyan felbontás előállítása, amiből ugyanaz az információ nyerhető, mint az eredetiből.

## Definíció

$\rho = (R_1, \dots, R_k)$  az  $(R, F)$  séma felbontása, ha  $R_i \subseteq R$  és  $\bigcup_{i=1}^k R_i = R$ .  
Ha  $r$  egy  $(R, F)$  sémára illeszkedő reláció, akkor legyen  $r_i = \pi_{R_i}(r)$  és

$$m_\rho(r) := r_1 \bowtie r_2 \bowtie \dots \bowtie r_k$$



# Felbontások

**Cél:** Adott  $(R, F)$  sémából anomáliát nem tartalmazó olyan felbontás előállítása, amiből ugyanaz az információ nyerhető, mint az eredetiből.

## Definíció

$\rho = (R_1, \dots, R_k)$  az  $(R, F)$  séma felbontása, ha  $R_i \subseteq R$  és  $\bigcup_{i=1}^k R_i = R$ .  
Ha  $r$  egy  $(R, F)$  sémára illeszkedő reláció, akkor legyen  $r_i = \pi_{R_i}(r)$  és

$$m_\rho(r) := r_1 \bowtie r_2 \bowtie \dots \bowtie r_k$$

(Megj.:  $\bowtie$  asszociatív, így nem kell a zárójelezéssel vesződni)

# Felbontások

**Cél:** Adott  $(R, F)$  sémából anomáliát nem tartalmazó olyan felbontás előállítása, amiből ugyanaz az információ nyerhető, mint az eredetiből.

## Definíció

$\rho = (R_1, \dots, R_k)$  az  $(R, F)$  séma felbontása, ha  $R_i \subseteq R$  és  $\bigcup_{i=1}^k R_i = R$ .  
Ha  $r$  egy  $(R, F)$  sémára illeszkedő reláció, akkor legyen  $r_i = \pi_{R_i}(r)$  és

$$m_\rho(r) := r_1 \bowtie r_2 \bowtie \dots \bowtie r_k$$

(Megj.:  $\bowtie$  asszociatív, így nem kell a zárójelezéssel vesződni)

**Kérdés:** mikor nyerhető vissza az infó a felbontásból? Mi általában  $r$  és  $m_\rho(r)$  viszonya?

# Felbontások

**Cél:** Adott  $(R, F)$  sémából anomáliát nem tartalmazó olyan felbontás előállítása, amiből ugyanaz az információ nyerhető, mint az eredetiből.

## Definíció

$\rho = (R_1, \dots, R_k)$  az  $(R, F)$  séma felbontása, ha  $R_i \subseteq R$  és  $\bigcup_{i=1}^k R_i = R$ .  
Ha  $r$  egy  $(R, F)$  sémára illeszkedő reláció, akkor legyen  $r_i = \pi_{R_i}(r)$  és

$$m_\rho(r) := r_1 \bowtie r_2 \bowtie \dots \bowtie r_k$$

(Megj.:  $\bowtie$  asszociatív, így nem kell a zárójelezéssel vesződni)

**Kérdés:** mikor nyerhető vissza az infó a felbontásból? Mi általában  $r$  és  $m_\rho(r)$  viszonya?

## Tétel

(i)  $r \subseteq m_\rho(r)$

# Felbontások

**Cél:** Adott  $(R, F)$  sémából anomáliát nem tartalmazó olyan felbontás előállítása, amiből ugyanaz az információ nyerhető, mint az eredetiből.

## Definíció

$\rho = (R_1, \dots, R_k)$  az  $(R, F)$  séma felbontása, ha  $R_i \subseteq R$  és  $\bigcup_{i=1}^k R_i = R$ .  
Ha  $r$  egy  $(R, F)$  sémára illeszkedő reláció, akkor legyen  $r_i = \pi_{R_i}(r)$  és

$$m_\rho(r) := r_1 \bowtie r_2 \bowtie \dots \bowtie r_k$$

(Megj.:  $\bowtie$  asszociatív, így nem kell a zárójelezéssel vesződni)

**Kérdés:** mikor nyerhető vissza az infó a felbontásból? Mi általában  $r$  és  $m_\rho(r)$  viszonya?

## Tétel

- (i)  $r \subseteq m_\rho(r)$
- (ii)  $r_i = \pi_{R_i}(m_\rho(r))$

# Felbontások

**Cél:** Adott  $(R, F)$  sémából anomáliát nem tartalmazó olyan felbontás előállítása, amiből ugyanaz az információ nyerhető, mint az eredetiből.

## Definíció

$\rho = (R_1, \dots, R_k)$  az  $(R, F)$  séma felbontása, ha  $R_i \subseteq R$  és  $\bigcup_{i=1}^k R_i = R$ .  
Ha  $r$  egy  $(R, F)$  sémára illeszkedő reláció, akkor legyen  $r_i = \pi_{R_i}(r)$  és

$$m_\rho(r) := r_1 \bowtie r_2 \bowtie \dots \bowtie r_k$$

(Megj.:  $\bowtie$  asszociatív, így nem kell a zárójelezéssel vesződni)

**Kérdés:** mikor nyerhető vissza az infó a felbontásból? Mi általában  $r$  és  $m_\rho(r)$  viszonya?

## Tétel

- (i)  $r \subseteq m_\rho(r)$
- (ii)  $r_i = \pi_{R_i}(m_\rho(r))$
- (iii)  $m_\rho(m_\rho(r)) = m_\rho(r)$

## Bizonyítás.

Ha  $t$  egy sor, akkor  $\pi_{R_i}(t)$  helyett  $t[R_i]$ -t írunk.

(i)  $r \subseteq m_\rho(r)$ :

Ha  $t$  egy sor  $r$ -ben, akkor  $t$  minden vetülete benne van a megfelelő  $t[R_i]$ -ben, ezek össze is illenek, így  $m_\rho(r)$ -ben is szerepelni fog  $t$ .

## Bizonyítás.

Ha  $t$  egy sor, akkor  $\pi_{R_i}(t)$  helyett  $t[R_i]$ -t írunk.

(i)  $r \subseteq m_\rho(r)$ :

Ha  $t$  egy sor  $r$ -ben, akkor  $t$  minden vetülete benne van a megfelelő  $t[R_i]$ -ben, ezek össze is illenek, így  $m_\rho(r)$ -ben is szerepelni fog  $t$ .

(ii)  $r_i = \pi_{R_i}(m_\rho(r))$ :

$r \subseteq m_\rho(r) \implies r_i = \pi_{R_i}(r) \subseteq \pi_{R_i}(m_\rho(r))$ .

## Bizonyítás.

Ha  $t$  egy sor, akkor  $\pi_{R_i}(t)$  helyett  $t[R_i]$ -t írunk.

(i)  $r \subseteq m_\rho(r)$ :

Ha  $t$  egy sor  $r$ -ben, akkor  $t$  minden vetülete benne van a megfelelő  $t[R_i]$ -ben, ezek össze is illenek, így  $m_\rho(r)$ -ben is szerepelni fog  $t$ .

(ii)  $r_i = \pi_{R_i}(m_\rho(r))$ :

$r \subseteq m_\rho(r) \implies r_i = \pi_{R_i}(r) \subseteq \pi_{R_i}(m_\rho(r))$ .

Ha  $t \in m_\rho(r)$ , akkor ez természetes illesztéssel jött létre,  $r_i$ -beli sorokból, így levetítve  $R_i$ -re épp  $r_i$  egy sorát kapjuk.



## Bizonyítás.

Ha  $t$  egy sor, akkor  $\pi_{R_i}(t)$  helyett  $t[R_i]$ -t írunk.

(i)  $r \subseteq m_\rho(r)$ :

Ha  $t$  egy sor  $r$ -ben, akkor  $t$  minden vetülete benne van a megfelelő  $t[R_i]$ -ben, ezek össze is illenek, így  $m_\rho(r)$ -ben is szerepelni fog  $t$ .

(ii)  $r_i = \pi_{R_i}(m_\rho(r))$ :

$r \subseteq m_\rho(r) \implies r_i = \pi_{R_i}(r) \subseteq \pi_{R_i}(m_\rho(r))$ .

Ha  $t \in m_\rho(r)$ , akkor ez természetes illesztéssel jött létre,  $r_i$ -beli sorokból, így levetítve  $R_i$ -re épp  $r_i$  egy sorát kapjuk.

(iii)  $m_\rho(m_\rho(r)) = m_\rho(r)$ :

$m_\rho(r) = \bigtimes_{i=1}^k r_i = \bigtimes_{i=1}^k \pi_{R_i}(r)$

## Bizonyítás.

Ha  $t$  egy sor, akkor  $\pi_{R_i}(t)$  helyett  $t[R_i]$ -t írunk.

(i)  $r \subseteq m_\rho(r)$ :

Ha  $t$  egy sor  $r$ -ben, akkor  $t$  minden vetülete benne van a megfelelő  $t[R_i]$ -ben, ezek össze is illenek, így  $m_\rho(r)$ -ben is szerepelni fog  $t$ .

(ii)  $r_i = \pi_{R_i}(m_\rho(r))$ :

$r \subseteq m_\rho(r) \implies r_i = \pi_{R_i}(r) \subseteq \pi_{R_i}(m_\rho(r))$ .

Ha  $t \in m_\rho(r)$ , akkor ez természetes illesztéssel jött létre,  $r_i$ -beli sorokból, így levetítve  $R_i$ -re épp  $r_i$  egy sorát kapjuk.

(iii)  $m_\rho(m_\rho(r)) = m_\rho(r)$ :

$m_\rho(r) = \bigtimes_{i=1}^k r_i = \bigtimes_{i=1}^k \pi_{R_i}(r)$

$m_\rho(m_\rho(r)) = \bigtimes_{i=1}^k \pi_{R_i}(m_\rho(r)) \stackrel{(ii)}{=} \bigtimes_{i=1}^k r_i = m_\rho(r)$

## Bizonyítás.

Ha  $t$  egy sor, akkor  $\pi_{R_i}(t)$  helyett  $t[R_i]$ -t írunk.

(i)  $r \subseteq m_\rho(r)$ :

Ha  $t$  egy sor  $r$ -ben, akkor  $t$  minden vetülete benne van a megfelelő  $t[R_i]$ -ben, ezek össze is illenek, így  $m_\rho(r)$ -ben is szerepelni fog  $t$ .

(ii)  $r_i = \pi_{R_i}(m_\rho(r))$ :

$r \subseteq m_\rho(r) \implies r_i = \pi_{R_i}(r) \subseteq \pi_{R_i}(m_\rho(r))$ .

Ha  $t \in m_\rho(r)$ , akkor ez természetes illesztéssel jött létre,  $r_i$ -beli sorokból, így levetítve  $R_i$ -re épp  $r_i$  egy sorát kapjuk.

(iii)  $m_\rho(m_\rho(r)) = m_\rho(r)$ :

$m_\rho(r) = \prod_{i=1}^k r_i = \prod_{i=1}^k \pi_{R_i}(r)$

$m_\rho(m_\rho(r)) = \prod_{i=1}^k \pi_{R_i}(m_\rho(r)) \stackrel{(ii)}{=} \prod_{i=1}^k r_i = m_\rho(r)$



*Megjegyzés:* (i) szerint a szétszedés és összerakás után vagy pont  $r$ -t kapom meg, vagy többet kapok, kevesebb sor nem lehet. Ha  $r \neq m_\rho(r)$ , akkor ez nem egy túl hasznos felbontás.

**Megjegyzés:** (i) szerint a szétszedés és összerakás után vagy pont  $r$ -t kapom meg, vagy többet kapok, kevesebb sor nem lehet. Ha  $r \neq m_\rho(r)$ , akkor ez nem egy túl hasznos felbontás.

De ennél több is igaz: **ebben az esetben teljesen reménytelen a felbontásból visszaszerezni  $r$ -t:** mivel (ii) szerint  $r$  és  $m_\rho(r)$  (függőleges) vetületei ugyanazok, ezért ha  $r \neq m_\rho(r)$ , akkor **van két olyan reláció ( $r$  és  $m_\rho(r)$ ), aminek a vetületei ugyanazok  $\implies$  a vetületekből nem lehet visszaállítani  $r$ -et (nem lehet eldönteni, hogy  $r$  vagy  $m_\rho(r)$  volt).**

**Megjegyzés:** (i) szerint a szétszedés és összerakás után vagy pont  $r$ -t kapom meg, vagy többet kapok, kevesebb sor nem lehet. Ha  $r \neq m_\rho(r)$ , akkor ez nem egy túl hasznos felbontás.

De ennél több is igaz: **ebben az esetben teljesen reménytelen a felbontásból visszaszerezni  $r$ -t:** mivel (ii) szerint  $r$  és  $m_\rho(r)$  (függőleges) vetületei ugyanazok, ezért ha  $r \neq m_\rho(r)$ , akkor ***van két olyan reláció ( $r$  és  $m_\rho(r)$ ), aminek a vetületei ugyanazok  $\implies$  a vetületekből nem lehet visszaállítani  $r$ -et (nem lehet eldönteni, hogy  $r$  vagy  $m_\rho(r)$  volt).***

**Következmény:** ha  $r \neq m_\rho(r)$ , akkor sehogyan se lehet visszahozni  $r$ -t a vetületekből.

## Hűséges felbontás

Tehát az a kérdés, hogy mik azok a felbontásai egy  $(R, F)$  sémának, amik esetén tetszőleges  $(R, F)$ -re illeszkedő  $r$  relációra  $r = m_\rho(r)$

## Hűség felbontás

Tehát az a kérdés, hogy mik azok a felbontásai egy  $(R, F)$  sémának, amik esetén tetszőlegesen  $(R, F)$ -re illeszkedő  $r$  relációra  $r = m_\rho(r)$

### Definíció

Adott  $(R, F)$ . Ennek  $\rho$  felbontása **hűség** (**veszteségmentes, lossless**), ha minden  $(R, F)$ -re illeszkedő  $r$  relációra  $r = m_\rho(r)$ .

**Példa:** Legyen  $(R, F)$  a következő:  $R(A, B, C)$ ,  $F = \{C \rightarrow A\}$  és legyen  $r$  az alábbi reláció.

$r$	$A$	$B$	$C$
	$a$	$c$	$e$
	$a$	$d$	$f$
	$b$	$c$	$g$
	$b$	$d$	$h$



# Hűség felbontás

Tehát az a kérdés, hogy mik azok a felbontásai egy  $(R, F)$  sémának, amik esetén tetszőlegesen  $(R, F)$ -re illeszkedő  $r$  relációra  $r = m_\rho(r)$

## Definíció

Adott  $(R, F)$ . Ennek  $\rho$  felbontása **hűség** (**veszteségmentes**, **lossless**), ha minden  $(R, F)$ -re illeszkedő  $r$  relációra  $r = m_\rho(r)$ .

**Példa:** Legyen  $(R, F)$  a következő:  $R(A, B, C)$ ,  $F = \{C \rightarrow A\}$  és legyen  $r$  az alábbi reláció.

$r$	$A$	$B$	$C$
	$a$	$c$	$e$
	$a$	$d$	$f$
	$b$	$c$	$g$
	$b$	$d$	$h$

$s$	$A$	$B$
	$a$	$c$
	$a$	$d$
	$b$	$c$
	$b$	$d$

$t$	$B$	$C$
	$c$	$e$
	$d$	$f$
	$c$	$g$
	$d$	$h$

# Hűség felbontás

Tehát az a kérdés, hogy mik azok a felbontásai egy  $(R, F)$  sémának, amik esetén tetszőleges  $(R, F)$ -re illeszkedő  $r$  relációra  $r = m_\rho(r)$

## Definíció

Adott  $(R, F)$ . Ennek  $\rho$  felbontása **hűség** (**veszteségmentes**, **lossless**), ha minden  $(R, F)$ -re illeszkedő  $r$  relációra  $r = m_\rho(r)$ .

**Példa:** Legyen  $(R, F)$  a következő:  $R(A, B, C)$ ,  $F = \{C \rightarrow A\}$  és legyen  $r$  az alábbi reláció.

$r$	$A$	$B$	$C$
	$a$	$c$	$e$
	$a$	$d$	$f$
	$b$	$c$	$g$
	$b$	$d$	$h$

$s$	$A$	$B$
	$a$	$c$
	$a$	$d$
	$b$	$c$
	$b$	$d$

$t$	$B$	$C$
	$c$	$e$
	$d$	$f$
	$c$	$g$
	$d$	$h$

$s \bowtie t$	$A$	$B$	$C$
	$a$	$c$	$e$
	$a$	$c$	$g$
	$a$	$d$	$f$
	$a$	$d$	$h$
	$b$	$c$	$e$
	$b$	$c$	$g$
	$b$	$d$	$f$
	$b$	$d$	$h$

## Hűség felbontás

Tehát az a kérdés, hogy mik azok a felbontásai egy  $(R, F)$  sémának, amik esetén tetszőleges  $(R, F)$ -re illeszkedő  $r$  relációra  $r = m_\rho(r)$

### Definíció

Adott  $(R, F)$ . Ennek  $\rho$  felbontása **hűség** (**veszteségmentes**, **lossless**), ha minden  $(R, F)$ -re illeszkedő  $r$  relációra  $r = m_\rho(r)$ .

*Példa:* Legyen  $(R, F)$  a következő:  $R(A, B, C)$ ,  $F = \{C \rightarrow A\}$  és legyen  $r$  az alábbi reláció.

$r$	$A$	$B$	$C$
	$a$	$c$	$e$
	$a$	$d$	$f$
	$b$	$c$	$g$
	$b$	$d$	$h$

$s$	$A$	$B$
	$a$	$c$
	$a$	$d$
	$b$	$c$
	$b$	$d$

$t$	$B$	$C$
	$c$	$e$
	$d$	$f$
	$c$	$g$
	$d$	$h$

$s \bowtie t$	$A$	$B$	$C$
	$a$	$c$	$e$
	$a$	$c$	$g$
	$a$	$d$	$f$
	$a$	$d$	$h$
	$b$	$c$	$e$
	$b$	$c$	$g$
	$b$	$d$	$f$
	$b$	$d$	$h$

Ez a példa mutatja, hogy  $r \neq s(A, B) \bowtie t(B, C)$ , azaz ez a felbontás nem hűség.

## Hűség felbontás

Tehát az a kérdés, hogy mik azok a felbontásai egy  $(R, F)$  sémának, amik esetén tetszőleges  $(R, F)$ -re illeszkedő  $r$  relációra  $r = m_\rho(r)$

### Definíció

Adott  $(R, F)$ . Ennek  $\rho$  felbontása **hűség** (**veszteségmentes**, **lossless**), ha minden  $(R, F)$ -re illeszkedő  $r$  relációra  $r = m_\rho(r)$ .

*Példa:* Legyen  $(R, F)$  a következő:  $R(A, B, C)$ ,  $F = \{C \rightarrow A\}$  és legyen  $r$  az alábbi reláció.

$r$	$A$	$B$	$C$
	$a$	$c$	$e$
	$a$	$d$	$f$
	$b$	$c$	$g$
	$b$	$d$	$h$

$s$	$A$	$B$
	$a$	$c$
	$a$	$d$
	$b$	$c$
	$b$	$d$

$t$	$B$	$C$
	$c$	$e$
	$d$	$f$
	$c$	$g$
	$d$	$h$

$s \bowtie t$	$A$	$B$	$C$
	$a$	$c$	$e$
	$a$	$c$	$g$
	$a$	$d$	$f$
	$a$	$d$	$h$
	$b$	$c$	$e$
	$b$	$c$	$g$
	$b$	$d$	$f$
	$b$	$d$	$h$

Ez a példa mutatja, hogy  $r \neq s(A, B) \bowtie t(B, C)$ , azaz ez a felbontás nem hűség.  
De  $r = s'(A, C) \bowtie t'(B, C)$ , majd látjuk.

# Hűséges felbontás két részre

Hogyan biztosíthatja  $F$ , hogy a felbontás hűséges legyen?

# Hűség felbontás két részre

Hogyan biztosíthatja  $F$ , hogy a felbontás hűséges legyen?

## Tétel

Az  $(R, F)$  séma  $\rho = (R_1, R_2)$  felbontása hűséges  $\iff$  vagy

(a)  $F \models R_1 \cap R_2 \rightarrow R_1 \setminus R_2$ , vagy

(b)  $F \models R_1 \cap R_2 \rightarrow R_2 \setminus R_1$ .

# Hűség felbontás két részre

Hogyan biztosíthatja  $F$ , hogy a felbontás hűség legyen?

## Tétel

Az  $(R, F)$  séma  $\rho = (R_1, R_2)$  felbontása hűség  $\iff$  vagy

(a)  $F \models R_1 \cap R_2 \rightarrow R_1 \setminus R_2$ , vagy

(b)  $F \models R_1 \cap R_2 \rightarrow R_2 \setminus R_1$ .

*Példa:*  $R(\text{TNÉV}, \text{TERMELŐ}, \text{ÁR}, \text{CÍM})$

$F = \{\text{TERMELŐ} \rightarrow \text{CÍM}; \text{TNÉV}, \text{TERMELŐ} \rightarrow \text{ÁR}\}$

# Hűség felbontás két részre

Hogyan biztosíthatja  $F$ , hogy a felbontás hűség legyen?

## Tétel

Az  $(R, F)$  séma  $\rho = (R_1, R_2)$  felbontása hűség  $\iff$  vagy

(a)  $F \models R_1 \cap R_2 \rightarrow R_1 \setminus R_2$ , vagy

(b)  $F \models R_1 \cap R_2 \rightarrow R_2 \setminus R_1$ .

*Példa:*  $R(\text{TNÉV}, \text{TERMELŐ}, \text{ÁR}, \text{CÍM})$

$F = \{\text{TERMELŐ} \rightarrow \text{CÍM}; \text{TNÉV}, \text{TERMELŐ} \rightarrow \text{ÁR}\}$

$\rho = (\text{TERMELŐ}, \text{CÍM}; \text{TNÉV}, \text{TERMELŐ}, \text{ÁR})$



# Hűség felbontás két részre

Hogyan biztosíthatja  $F$ , hogy a felbontás hűség legyen?

## Tétel

Az  $(R, F)$  séma  $\rho = (R_1, R_2)$  felbontása hűség  $\iff$  vagy

(a)  $F \models R_1 \cap R_2 \rightarrow R_1 \setminus R_2$ , vagy

(b)  $F \models R_1 \cap R_2 \rightarrow R_2 \setminus R_1$ .

*Példa:*  $R(\text{TNÉV}, \text{TERMELŐ}, \text{ÁR}, \text{CÍM})$

$F = \{\text{TERMELŐ} \rightarrow \text{CÍM}; \text{TNÉV}, \text{TERMELŐ} \rightarrow \text{ÁR}\}$

$\rho = (\text{TERMELŐ}, \text{CÍM}; \text{TNÉV}, \text{TERMELŐ}, \text{ÁR})$

$R_1 \cap R_2 = \{\text{TERMELŐ}\}$ ,  $R_1 \setminus R_2 = \{\text{CÍM}\}$ ,  $R_2 \setminus R_1 = \{\text{TNÉV}, \text{ÁR}\}$

# Hűség felbontás két részre

Hogyan biztosíthatja  $F$ , hogy a felbontás hűség legyen?

## Tétel

Az  $(R, F)$  séma  $\rho = (R_1, R_2)$  felbontása hűség  $\iff$  vagy

(a)  $F \models R_1 \cap R_2 \rightarrow R_1 \setminus R_2$ , vagy

(b)  $F \models R_1 \cap R_2 \rightarrow R_2 \setminus R_1$ .

*Példa:*  $R(\text{TNÉV}, \text{TERMELŐ}, \text{ÁR}, \text{CÍM})$

$F = \{\text{TERMELŐ} \rightarrow \text{CÍM}; \text{TNÉV}, \text{TERMELŐ} \rightarrow \text{ÁR}\}$

$\rho = (\text{TERMELŐ}, \text{CÍM}; \text{TNÉV}, \text{TERMELŐ}, \text{ÁR})$

$R_1 \cap R_2 = \{\text{TERMELŐ}\}$ ,  $R_1 \setminus R_2 = \{\text{CÍM}\}$ ,  $R_2 \setminus R_1 = \{\text{TNÉV}, \text{ÁR}\}$

$\implies (\text{TERMELŐ})^+(F) = \{\text{TERMELŐ}, \text{CÍM}\} \supseteq R_1 \setminus R_2 \implies$  hűség  $\checkmark$

# Hűség felbontás két részre

Hogyan biztosíthatja  $F$ , hogy a felbontás hűség legyen?

## Tétel

Az  $(R, F)$  séma  $\rho = (R_1, R_2)$  felbontása hűség  $\iff$  vagy

(a)  $F \models R_1 \cap R_2 \rightarrow R_1 \setminus R_2$ , vagy

(b)  $F \models R_1 \cap R_2 \rightarrow R_2 \setminus R_1$ .

*Példa:*  $R(\text{TNÉV}, \text{TERMELŐ}, \text{ÁR}, \text{CÍM})$

$F = \{\text{TERMELŐ} \rightarrow \text{CÍM}; \text{TNÉV}, \text{TERMELŐ} \rightarrow \text{ÁR}\}$

$\rho = (\text{TERMELŐ}, \text{CÍM}; \text{TNÉV}, \text{TERMELŐ}, \text{ÁR})$

$R_1 \cap R_2 = \{\text{TERMELŐ}\}$ ,  $R_1 \setminus R_2 = \{\text{CÍM}\}$ ,  $R_2 \setminus R_1 = \{\text{TNÉV}, \text{ÁR}\}$

$\implies (\text{TERMELŐ})^+(F) = \{\text{TERMELŐ}, \text{CÍM}\} \supseteq R_1 \setminus R_2 \implies$  hűség  $\checkmark$

$\rho = (\text{TNÉV}, \text{TERMELŐ}; \text{TNÉV}, \text{CÍM}, \text{ÁR})$

# Hűség felbontás két részre

Hogyan biztosíthatja  $F$ , hogy a felbontás hűség legyen?

## Tétel

Az  $(R, F)$  séma  $\rho = (R_1, R_2)$  felbontása hűség  $\iff$  vagy

(a)  $F \models R_1 \cap R_2 \rightarrow R_1 \setminus R_2$ , vagy

(b)  $F \models R_1 \cap R_2 \rightarrow R_2 \setminus R_1$ .

*Példa:*  $R(\text{TNÉV}, \text{TERMELŐ}, \text{ÁR}, \text{CÍM})$

$F = \{\text{TERMELŐ} \rightarrow \text{CÍM}; \text{TNÉV}, \text{TERMELŐ} \rightarrow \text{ÁR}\}$

$\rho = (\text{TERMELŐ}, \text{CÍM}; \text{TNÉV}, \text{TERMELŐ}, \text{ÁR})$

$R_1 \cap R_2 = \{\text{TERMELŐ}\}$ ,  $R_1 \setminus R_2 = \{\text{CÍM}\}$ ,  $R_2 \setminus R_1 = \{\text{TNÉV}, \text{ÁR}\}$

$\implies (\text{TERMELŐ})^+(F) = \{\text{TERMELŐ}, \text{CÍM}\} \supseteq R_1 \setminus R_2 \implies$  hűség  $\checkmark$

$\rho = (\text{TNÉV}, \text{TERMELŐ}; \text{TNÉV}, \text{CÍM}, \text{ÁR})$

$R_1 \cap R_2 = \{\text{TNÉV}\}$ ,  $R_1 \setminus R_2 = \{\text{TERMELŐ}\}$ ,  $R_2 \setminus R_1 = \{\text{CÍM}, \text{ÁR}\}$

# Hűség felbontás két részre

Hogyan biztosíthatja  $F$ , hogy a felbontás hűség legyen?

## Tétel

Az  $(R, F)$  séma  $\rho = (R_1, R_2)$  felbontása hűség  $\iff$  vagy

(a)  $F \models R_1 \cap R_2 \rightarrow R_1 \setminus R_2$ , vagy

(b)  $F \models R_1 \cap R_2 \rightarrow R_2 \setminus R_1$ .

*Példa:*  $R(\text{TNÉV}, \text{TERMELŐ}, \text{ÁR}, \text{CÍM})$

$F = \{\text{TERMELŐ} \rightarrow \text{CÍM}; \text{TNÉV}, \text{TERMELŐ} \rightarrow \text{ÁR}\}$

$\rho = (\text{TERMELŐ}, \text{CÍM}; \text{TNÉV}, \text{TERMELŐ}, \text{ÁR})$

$R_1 \cap R_2 = \{\text{TERMELŐ}\}$ ,  $R_1 \setminus R_2 = \{\text{CÍM}\}$ ,  $R_2 \setminus R_1 = \{\text{TNÉV}, \text{ÁR}\}$

$\implies (\text{TERMELŐ})^+(F) = \{\text{TERMELŐ}, \text{CÍM}\} \supseteq R_1 \setminus R_2 \implies$  hűség  $\checkmark$

$\rho = (\text{TNÉV}, \text{TERMELŐ}; \text{TNÉV}, \text{CÍM}, \text{ÁR})$

$R_1 \cap R_2 = \{\text{TNÉV}\}$ ,  $R_1 \setminus R_2 = \{\text{TERMELŐ}\}$ ,  $R_2 \setminus R_1 = \{\text{CÍM}, \text{ÁR}\}$

$\implies (\text{TNÉV})^+(F)$  nem tartalmazza egyiket sem  $\implies$  nem hűség  $\text{⚡}$

## Bizonyítás.



greenTegyük fel, hogy  $F \models R_1 \cap R_2 \rightarrow R_1 \setminus R_2$ , belátjuk, hogy a felbontás hűséges.  
(Ha a másik igaz, ugyanígy.)

## Bizonyítás.



greenTegyük fel, hogy  $F \models R_1 \cap R_2 \rightarrow R_1 \setminus R_2$ , belátjuk, hogy a felbontás hűségés.  
(Ha a másik igaz, ugyanígy.)

Legyen  $r$  egy tetszőleges reláció,  $s = m_\rho(r)$ . Elég belátni, hogy  $s \subseteq r$ , hiszen  $r \subseteq s$  mindig igaz. Azaz, lássuk be, hogy ha  $t$  sora  $s$ -nek, akkor  $r$ -nek is.

## Bizonyítás.



greenTegyük fel, hogy  $F \models R_1 \cap R_2 \rightarrow R_1 \setminus R_2$ , belátjuk, hogy a felbontás hűség.  
(Ha a másik igaz, ugyanígy.)

Legyen  $r$  egy tetszőleges reláció,  $s = m_\rho(r)$ . Elég belátni, hogy  $s \subseteq r$ , hiszen  $r \subseteq s$  mindig igaz. Azaz, lássuk be, hogy ha  $t$  sora  $s$ -nek, akkor  $r$ -nek is.

Ha  $t$  sora  $s$ -nek, akkor  $\exists u_1, u_2$  sorai  $r$ -nek, hogy  $t[R_1] = u_1[R_1]$  és  $t[R_2] = u_2[R_2]$ .



## Bizonyítás.



greenTegyük fel, hogy  $F \models R_1 \cap R_2 \rightarrow R_1 \setminus R_2$ , belátjuk, hogy a felbontás hűséges.  
(Ha a másik igaz, ugyanígy.)

Legyen  $r$  egy tetszőleges reláció,  $s = m_\rho(r)$ . Elég belátni, hogy  $s \subseteq r$ , hiszen  $r \subseteq s$  mindig igaz. Azaz, lássuk be, hogy ha  $t$  sora  $s$ -nek, akkor  $r$ -nek is.

Ha  $t$  sora  $s$ -nek, akkor  $\exists u_1, u_2$  sorai  $r$ -nek, hogy  $t[R_1] = u_1[R_1]$  és  $t[R_2] = u_2[R_2]$ .

$$\Rightarrow u_1[R_1 \cap R_2] = t[R_1 \cap R_2] = u_2[R_1 \cap R_2]$$

## Bizonyítás.



greenTegyük fel, hogy  $F \models R_1 \cap R_2 \rightarrow R_1 \setminus R_2$ , belátjuk, hogy a felbontás hűség.  
(Ha a másik igaz, ugyanígy.)

Legyen  $r$  egy tetszőleges reláció,  $s = m_\rho(r)$ . Elég belátni, hogy  $s \subseteq r$ , hiszen  $r \subseteq s$  mindig igaz. Azaz, lássuk be, hogy ha  $t$  sora  $s$ -nek, akkor  $r$ -nek is.

Ha  $t$  sora  $s$ -nek, akkor  $\exists u_1, u_2$  sorai  $r$ -nek, hogy  $t[R_1] = u_1[R_1]$  és  $t[R_2] = u_2[R_2]$ .

$$\Rightarrow u_1[R_1 \cap R_2] = t[R_1 \cap R_2] = u_2[R_1 \cap R_2]$$

de ha két sor megegyezik a metszeten, akkor a feltétel miatt  $R_1 \setminus R_2$ -n is

$\Rightarrow$  egyeznek az egész  $R_1$ -en  $\Rightarrow u_2$  és  $t$  egyeznek  $R_1$ -en.

## Bizonyítás.



greenTegyük fel, hogy  $F \models R_1 \cap R_2 \rightarrow R_1 \setminus R_2$ , belátjuk, hogy a felbontás hűség.  
(Ha a másik igaz, ugyanígy.)

Legyen  $r$  egy tetszőleges reláció,  $s = m_\rho(r)$ . Elég belátni, hogy  $s \subseteq r$ , hiszen  $r \subseteq s$  mindig igaz. Azaz, lássuk be, hogy ha  $t$  sora  $s$ -nek, akkor  $r$ -nek is.

Ha  $t$  sora  $s$ -nek, akkor  $\exists u_1, u_2$  sorai  $r$ -nek, hogy  $t[R_1] = u_1[R_1]$  és  $t[R_2] = u_2[R_2]$ .

$$\Rightarrow u_1[R_1 \cap R_2] = t[R_1 \cap R_2] = u_2[R_1 \cap R_2]$$

de ha két sor megegyezik a metszeten, akkor a feltétel miatt  $R_1 \setminus R_2$ -n is

$\Rightarrow$  egyeznek az egész  $R_1$ -en  $\Rightarrow u_2$  és  $t$  egyeznek  $R_1$ -en.

$\Rightarrow t = u_2$ , hiszen  $R_1$ -en a fenti miatt,  $R_2$ -n a feltevés miatt egyeznek.  $\checkmark$

## Bizonyítás.



greenTegyük fel, hogy  $F \models R_1 \cap R_2 \rightarrow R_1 \setminus R_2$ , belátjuk, hogy a felbontás hűség.  
(Ha a másik igaz, ugyanígy.)

Legyen  $r$  egy tetszőleges reláció,  $s = m_\rho(r)$ . Elég belátni, hogy  $s \subseteq r$ , hiszen  $r \subseteq s$  mindig igaz. Azaz, lássuk be, hogy ha  $t$  sora  $s$ -nek, akkor  $r$ -nek is.

Ha  $t$  sora  $s$ -nek, akkor  $\exists u_1, u_2$  sorai  $r$ -nek, hogy  $t[R_1] = u_1[R_1]$  és  $t[R_2] = u_2[R_2]$ .

$$\Rightarrow u_1[R_1 \cap R_2] = t[R_1 \cap R_2] = u_2[R_1 \cap R_2]$$

de ha két sor megegyezik a metszeten, akkor a feltétel miatt  $R_1 \setminus R_2$ -n is

$\Rightarrow$  egyeznek az egész  $R_1$ -en  $\Rightarrow u_2$  és  $t$  egyeznek  $R_1$ -en.

$\Rightarrow t = u_2$ , hiszen  $R_1$ -en a fenti miatt,  $R_2$ -n a feltevés miatt egyeznek.  $\checkmark$

$\Rightarrow$  Indirekt bizonyítunk. Tegyük fel, hogy sem (a), sem (b) nem igaz, azaz

$R_1 \setminus R_2 \not\subseteq (R_1 \cap R_2)^+(F)$  és  $R_2 \setminus R_1 \not\subseteq (R_1 \cap R_2)^+(F)$ . Belátjuk, hogy ekkor  $\rho$  nem hűség.

## Bizonyítás.

Adunk egy olyan  $(R, F)$  sémát, ahol sem (a), sem (b) nem áll fenn, és megmutatjuk, hogy ezen a felbontás nem h?séges.

## Bizonyítás.

Adunk egy olyan  $(R, F)$  sémát, ahol sem (a), sem (b) nem áll fenn, és megmutatjuk, hogy ezen a felbontás nem h?séges.

Legyen  $r$  a következ? reláció:

r	$R_1$			$R_2$									
	$(R_1 \cap R_2)^+(F)$												
	$R_1 \cap R_2$												
$t_1$	0	0	0	1	1	1	.....	1	1	1	1	1	1
$t_2$	1	1	1	1	1	1	.....	1	1	1	0	0	0

## Bizonyítás.

Adunk egy olyan  $(R, F)$  sémát, ahol sem (a), sem (b) nem áll fenn, és megmutatjuk, hogy ezen a felbontás nem h?séges.

Legyen  $r$  a következő reláció:

r	$R_1$			$R_2$									
	$(R_1 \cap R_2)^+(F)$												
	$R_1 \cap R_2$												
$t_1$	0	0	0	1	1	1	.....	1	1	1	1	1	1
$t_2$	1	1	1	1	1	1	.....	1	1	1	0	0	0

A feltétel miatt a két szélső rész **nem üres**, ott nem egyezik meg a két sor.

## Bizonyítás.

Adunk egy olyan  $(R, F)$  sémát, ahol sem (a), sem (b) nem áll fenn, és megmutatjuk, hogy ezen a felbontás nem h?séges.

Legyen  $r$  a következő reláció:

r	$R_1$			$R_2$									
	$(R_1 \cap R_2)^+(F)$												
	$R_1 \cap R_2$												
$t_1$	0	0	0	1	1	1	.....	1	1	1	1	1	1
$t_2$	1	1	1	1	1	1	.....	1	1	1	0	0	0

A feltétel miatt a két szél? rész **nem ?res**, ott nem egyezik meg a két sor.  
 $r$ -ben igazak  $F$  függ?ségei (mint a teljességi tételnél).



## Bizonyítás.

Adunk egy olyan  $(R, F)$  sémát, ahol sem (a), sem (b) nem áll fenn, és megmutatjuk, hogy ezen a felbontás nem h?séges.

Legyen  $r$  a következő reláció:

r	$R_1$			$R_2$									
	$(R_1 \cap R_2)^+(F)$												
	$R_1 \cap R_2$												
$t_1$	0	0	0	1	1	1	.....	1	1	1	1	1	1
$t_2$	1	1	1	1	1	1	.....	1	1	1	0	0	0

A feltétel miatt a két szél? rész **nem ?res**, ott nem egyezik meg a két sor.

$r$ -ben igazak  $F$  függ?ségei (mint a teljességi tételnél).

Viszont  $m_\rho(r) \not\supseteq r$ , hiszen  $m_\rho(r)$ -ben a csupa 1 sor is benne van. Tehát a felbontás nem h?séges. ⚡



## Hűségesség ellenőrzése általában

Adott  $(R, F)$  és  $\rho = (R_1, \dots, R_k)$ , ahol  $R = A_1, \dots, A_n$ .

**Hogyan tudjuk eldönteni, hogy hűséges-e a felbontás?**

## Hűségesség ellenőrzése általában

Adott  $(R, F)$  és  $\rho = (R_1, \dots, R_k)$ , ahol  $R = A_1, \dots, A_n$ .

**Hogyan tudjuk eldönteni, hogy hűséges-e a felbontás?**

Készítünk egy  $k \times n$ -es táblázatot:

	$A_1$	...	$A_j$	...	$A_{j'}$	...	$A_n$
$R_1$							
$\vdots$							
$R_i$			$a_j$		$b_{ij'}$		
$\vdots$							
$R_k$							

- Kezdetben az  $(i, j)$  helyre  $a_j$ -t írunk, ha  $A_j \in R_i$  és  $b_{ij'}$ -t, ha  $A_{j'} \notin R_i$ .

## Hűségesség ellenőrzése általában

Adott  $(R, F)$  és  $\rho = (R_1, \dots, R_k)$ , ahol  $R = A_1, \dots, A_n$ .

**Hogyan tudjuk eldönteni, hogy hűséges-e a felbontás?**

Készítünk egy  $k \times n$ -es táblázatot:

	$A_1$	...	$A_j$	...	$A_{j'}$	...	$A_n$
$R_1$							
$\vdots$							
$R_i$			$a_j$		$b_{ij'}$		
$\vdots$							
$R_k$							

- Kezdetben az  $(i, j)$  helyre  $a_j$ -t írunk, ha  $A_j \in R_i$  és  $b_{ij'}$ -t, ha  $A_{j'} \notin R_i$ .
- Veszünk egy tetszőleges  $X \rightarrow Y \in F$  függést.  
Ha két sor megegyezik  $X$ -en, akkor egyenlővé tesszük  $Y$ -on is az alábbi módon:

## Hűségesség ellenőrzése általában

Adott  $(R, F)$  és  $\rho = (R_1, \dots, R_k)$ , ahol  $R = A_1, \dots, A_n$ .

**Hogyan tudjuk eldönteni, hogy hűséges-e a felbontás?**

Készítünk egy  $k \times n$ -es táblázatot:

	$A_1$	...	$A_j$	...	$A_{j'}$	...	$A_n$
$R_1$							
$\vdots$							
$R_i$			$a_j$		$b_{ij'}$		
$\vdots$							
$R_k$							

- Kezdetben az  $(i, j)$  helyre  $a_j$ -t írunk, ha  $A_j \in R_i$  és  $b_{ij'}$ -t, ha  $A_j \notin R_i$ .
- Veszünk egy tetszőleges  $X \rightarrow Y \in F$  függést.  
Ha két sor megegyezik  $X$ -en, akkor egyenlővé tesszük  $Y$ -on is az alábbi módon:
  - ▶ Ha valahol  $a_j$  és  $b_{ij'}$  van, akkor a  $b_{ij'}$ -t  $a_j$ -ra cseréljük.

## Hűségesség ellenőrzése általában

Adott  $(R, F)$  és  $\rho = (R_1, \dots, R_k)$ , ahol  $R = A_1, \dots, A_n$ .

**Hogyan tudjuk eldönteni, hogy hűséges-e a felbontás?**

Készítünk egy  $k \times n$ -es táblázatot:

	$A_1$	...	$A_j$	...	$A_{j'}$	...	$A_n$
$R_1$							
$\vdots$							
$R_i$			$a_j$		$b_{ij'}$		
$\vdots$							
$R_k$							

- Kezdetben az  $(i, j)$  helyre  $a_j$ -t írunk, ha  $A_j \in R_i$  és  $b_{ij'}$ -t, ha  $A_j \notin R_i$ .
- Veszünk egy tetszőleges  $X \rightarrow Y \in F$  függést.  
Ha két sor megegyezik  $X$ -en, akkor egyenlővé tesszük  $Y$ -on is az alábbi módon:
  - ▶ Ha valahol  $a_j$  és  $b_{ij}$  van, akkor a  $b_{ij}$ -t  $a_j$ -ra cseréljük.
  - ▶ Ha  $b_{kj}$  és  $b_{ij}$  van, akkor az egyiket átírjuk a másikra.

## Hűségesség ellenőrzése általában

Adott  $(R, F)$  és  $\rho = (R_1, \dots, R_k)$ , ahol  $R = A_1, \dots, A_n$ .

**Hogyan tudjuk eldönteni, hogy hűséges-e a felbontás?**

Készítünk egy  $k \times n$ -es táblázatot:

	$A_1$	...	$A_j$	...	$A_{j'}$	...	$A_n$
$R_1$							
$\vdots$							
$R_i$			$a_j$		$b_{ij'}$		
$\vdots$							
$R_k$							

- Kezdetben az  $(i, j)$  helyre  $a_j$ -t írunk, ha  $A_j \in R_i$  és  $b_{ij'}$ -t, ha  $A_{j'} \notin R_i$ .
- Veszünk egy tetszőleges  $X \rightarrow Y \in F$  függést.  
Ha két sor megegyezik  $X$ -en, akkor egyenlővé tesszük  $Y$ -on is az alábbi módon:
  - ▶ Ha valahol  $a_j$  és  $b_{ij}$  van, akkor a  $b_{ij}$ -t  $a_j$ -ra cseréljük.
  - ▶ Ha  $b_{kj}$  és  $b_{ij}$  van, akkor az egyiket átírjuk a másikra.
- Ezt minden függésre megcsináljuk tetszőleges sorrendben, szükség esetén többször is.

# Jó a módszer?

## Tétel

*$\rho$  pontosan akkor hűséges ha a végén lesz csupa a sor.*

Nem bizonyítjuk.



## Példa a táblázatos tesztre

$R(ABCD) \quad F = \{A \rightarrow C; C \rightarrow B; B \rightarrow D\}$   
 $R_1 = AB, R_2 = BC, R_3 = ACD \quad \rho = (R_1, R_2, R_3)$

## Példa a táblázatos tesztre

$R(ABCD) \quad F = \{A \rightarrow C; C \rightarrow B; B \rightarrow D\}$

$R_1 = AB, R_2 = BC, R_3 = ACD \quad \rho = (R_1, R_2, R_3)$

	<i>A</i>	<i>B</i>	<i>C</i>	<i>D</i>

## Példa a táblázatos tesztre

$R(ABCD) \quad F = \{A \rightarrow C; C \rightarrow B; B \rightarrow D\}$

$R_1 = AB, R_2 = BC, R_3 = ACD \quad \rho = (R_1, R_2, R_3)$

	A	B	C	D
$R_1$	$a_1$			

## Példa a táblázatos tesztre

$R(ABCD) \quad F = \{A \rightarrow C; C \rightarrow B; B \rightarrow D\}$

$R_1 = AB, R_2 = BC, R_3 = ACD \quad \rho = (R_1, R_2, R_3)$

	<i>A</i>	<i>B</i>	<i>C</i>	<i>D</i>
<i>R</i> <sub>1</sub>	<i>a</i> <sub>1</sub>	<i>a</i> <sub>2</sub>	<i>b</i> <sub>13</sub>	<i>b</i> <sub>14</sub>

## Példa a táblázatos tesztre

$R(ABCD) \quad F = \{A \rightarrow C; C \rightarrow B; B \rightarrow D\}$

$R_1 = AB, R_2 = BC, R_3 = ACD \quad \rho = (R_1, R_2, R_3)$

	<i>A</i>	<i>B</i>	<i>C</i>	<i>D</i>
$R_1$	$a_1$	$a_2$	$b_{13}$	$b_{14}$
$R_2$				

## Példa a táblázatos tesztre

$R(ABCD) \quad F = \{A \rightarrow C; C \rightarrow B; B \rightarrow D\}$

$R_1 = AB, R_2 = BC, R_3 = ACD \quad \rho = (R_1, R_2, R_3)$

	A	B	C	D
$R_1$	$a_1$	$a_2$	$b_{13}$	$b_{14}$
$R_2$	$b_{21}$	$a_2$	$a_3$	$b_{24}$

## Példa a táblázatos tesztre

$R(ABCD) \quad F = \{A \rightarrow C; C \rightarrow B; B \rightarrow D\}$

$R_1 = AB, R_2 = BC, R_3 = ACD \quad \rho = (R_1, R_2, R_3)$

	<i>A</i>	<i>B</i>	<i>C</i>	<i>D</i>
<i>R</i> <sub>1</sub>	<i>a</i> <sub>1</sub>	<i>a</i> <sub>2</sub>	<i>b</i> <sub>13</sub>	<i>b</i> <sub>14</sub>
<i>R</i> <sub>2</sub>	<i>b</i> <sub>21</sub>	<i>a</i> <sub>2</sub>	<i>a</i> <sub>3</sub>	<i>b</i> <sub>24</sub>
<i>R</i> <sub>3</sub>				

## Példa a táblázatos tesztre

$R(ABCD) \quad F = \{A \rightarrow C; C \rightarrow B; B \rightarrow D\}$

$R_1 = AB, R_2 = BC, R_3 = ACD \quad \rho = (R_1, R_2, R_3)$

	A	B	C	D
$R_1$	$a_1$	$a_2$	$b_{13}$	$b_{14}$
$R_2$	$b_{21}$	$a_2$	$a_3$	$b_{24}$
$R_3$	$a_1$	$b_{32}$	$a_3$	$a_4$



## Példa a táblázatos tesztre

$R(ABCD) \quad F = \{A \rightarrow C; C \rightarrow B; B \rightarrow D\}$

$R_1 = AB, R_2 = BC, R_3 = ACD \quad \rho = (R_1, R_2, R_3)$

	A	B	C	D
$R_1$	$a_1$	$a_2$	$b_{13} \rightarrow a_3^*$	$b_{14}$
$R_2$	$b_{21}$	$a_2$	$a_3$	$b_{24}$
$R_3$	$a_1$	$b_{32}$	$a_3$	$a_4$

\*  $A \rightarrow C$  miatt

## Példa a táblázatos tesztre

$R(ABCD) \quad F = \{A \rightarrow C; C \rightarrow B; B \rightarrow D\}$   
 $R_1 = AB, R_2 = BC, R_3 = ACD \quad \rho = (R_1, R_2, R_3)$

	A	B	C	D
$R_1$	$a_1$	$a_2$	$\rightarrow a_3^*$	$b_{14}$
$R_2$	$b_{21}$	$a_2$	$a_3$	$b_{24}$
$R_3$	$a_1$	$b_{32} \rightarrow a_2^{**}$	$a_3$	$a_4$

\*  $A \rightarrow C$  miatt

\*\*  $C \rightarrow B$  miatt

## Példa a táblázatos tesztre

$R(ABCD) \quad F = \{A \rightarrow C; C \rightarrow B; B \rightarrow D\}$   
 $R_1 = AB, R_2 = BC, R_3 = ACD \quad \rho = (R_1, R_2, R_3)$

	A	B	C	D
$R_1$	$a_1$	$a_2$	$\rightarrow a_3^*$	$b_{14}$
$R_2$	$b_{21}$	$a_2$	$a_3$	$b_{24}$
$R_3$	$a_1$	$\rightarrow a_2^{**}$	$a_3$	$a_4$

\*  $A \rightarrow C$  miatt

\*\*  $C \rightarrow B$  miatt

Lett csupa a sor  $\implies$  hűség felbontás

## Példa a táblázatos tesztre

$R(ABCD) \quad F = \{A \rightarrow C; C \rightarrow B; B \rightarrow D\}$   
 $R_1 = AB, R_2 = BC, R_3 = ACD \quad \rho = (R_1, R_2, R_3)$

	A	B	C	D
$R_1$	$a_1$	$a_2$	$b_{13} \rightarrow a_3^*$	$b_{14}$
$R_2$	$b_{21}$	$a_2$	$a_3$	$b_{24}$
$R_3$	$a_1$	$b_{32} \rightarrow a_2^{**}$	$a_3$	$a_4$

\*  $A \rightarrow C$  miatt

\*\*  $C \rightarrow B$  miatt

Lett csupa a sor  $\implies$  hűség felbontás

## Tétel

Adott  $(R, F)$ ,  $\rho = (R_1, \dots, R_k)$  az  $R$  hűséges felbontása és  $\sigma = (S_1, \dots, S_m)$  az  $R_1$  hűséges felbontása (azaz  $R_1$ -et tovább bontjuk). Ekkor  $\tau = (S_1, \dots, S_m, R_2, \dots, R_k)$  hűséges felbontása  $R$ -nek.

# Hűséges felbontás

## Tétel

Adott  $(R, F)$ ,  $\rho = (R_1, \dots, R_k)$  az  $R$  hűséges felbontása és  $\sigma = (S_1, \dots, S_m)$  az  $R_1$  hűséges felbontása (azaz  $R_1$ -et tovább bontjuk). Ekkor  $\tau = (S_1, \dots, S_m, R_2, \dots, R_k)$  hűséges felbontása  $R$ -nek.

## Bizonyítás.

Legyen  $r$  egy  $R$ -re illeszkedő reláció és ennek  $R_1$ -re eső vetülete legyen  $r_1$ .

# Hűséges felbontás

## Tétel

Adott  $(R, F)$ ,  $\rho = (R_1, \dots, R_k)$  az  $R$  hűséges felbontása és  $\sigma = (S_1, \dots, S_m)$  az  $R_1$  hűséges felbontása (azaz  $R_1$ -et tovább bontjuk). Ekkor  $\tau = (S_1, \dots, S_m, R_2, \dots, R_k)$  hűséges felbontása  $R$ -nek.

## Bizonyítás.

Legyen  $r$  egy  $R$ -re illeszkedő reláció és ennek  $R_1$ -re eső vetülete legyen  $r_1$ . Tovább bontva  $r_1$ -et  $\sigma$  szerint kapjuk az  $s_1, s_2, \dots, s_m$  vetületeket.

# Hűséges felbontás

## Tétel

Adott  $(R, F)$ ,  $\rho = (R_1, \dots, R_k)$  az  $R$  hűséges felbontása és  $\sigma = (S_1, \dots, S_m)$  az  $R_1$  hűséges felbontása (azaz  $R_1$ -et tovább bontjuk). Ekkor  $\tau = (S_1, \dots, S_m, R_2, \dots, R_k)$  hűséges felbontása  $R$ -nek.

## Bizonyítás.

Legyen  $r$  egy  $R$ -re illeszkedő reláció és ennek  $R_1$ -re eső vetülete legyen  $r_1$ . Tovább bontva  $r_1$ -et  $\sigma$  szerint kapjuk az  $s_1, s_2, \dots, s_m$  vetületeket. Mivel  $\sigma$  hűséges, ezért  $s_1 \bowtie s_2 \bowtie \dots \bowtie s_m = m_\sigma(r_1) = r_1$ .



# Hűséges felbontás

## Tétel

Adott  $(R, F)$ ,  $\rho = (R_1, \dots, R_k)$  az  $R$  hűséges felbontása és  $\sigma = (S_1, \dots, S_m)$  az  $R_1$  hűséges felbontása (azaz  $R_1$ -et tovább bontjuk). Ekkor  $\tau = (S_1, \dots, S_m, R_2, \dots, R_k)$  hűséges felbontása  $R$ -nek.

## Bizonyítás.

Legyen  $r$  egy  $R$ -re illeszkedő reláció és ennek  $R_1$ -re eső vetülete legyen  $r_1$ . Tovább bontva  $r_1$ -et  $\sigma$  szerint kapjuk az  $s_1, s_2, \dots, s_m$  vetületeket. Mivel  $\sigma$  hűséges, ezért  $s_1 \bowtie s_2 \bowtie \dots \bowtie s_m = m_\sigma(r_1) = r_1$ .

Mivel  $\rho$  is hűséges, ezért  $r = m_\rho(r) = r_1 \bowtie r_2 \bowtie \dots \bowtie r_k$ .

# Hűséges felbontás

## Tétel

Adott  $(R, F)$ ,  $\rho = (R_1, \dots, R_k)$  az  $R$  hűséges felbontása és  $\sigma = (S_1, \dots, S_m)$  az  $R_1$  hűséges felbontása (azaz  $R_1$ -et tovább bontjuk). Ekkor  $\tau = (S_1, \dots, S_m, R_2, \dots, R_k)$  hűséges felbontása  $R$ -nek.

## Bizonyítás.

Legyen  $r$  egy  $R$ -re illeszkedő reláció és ennek  $R_1$ -re eső vetülete legyen  $r_1$ . Tovább bontva  $r_1$ -et  $\sigma$  szerint kapjuk az  $s_1, s_2, \dots, s_m$  vetületeket. Mivel  $\sigma$  hűséges, ezért  $s_1 \bowtie s_2 \bowtie \dots \bowtie s_m = m_\sigma(r_1) = r_1$ .

Mivel  $\rho$  is hűséges, ezért  $r = m_\rho(r) = r_1 \bowtie r_2 \bowtie \dots \bowtie r_k$ . Ebbe beírva  $r_1$  helyére a  $\sigma$  hűségességéből kapott egyenlőséget, kapjuk, hogy

$r = s_1 \bowtie s_2 \bowtie \dots \bowtie s_m \bowtie r_2 \bowtie \dots \bowtie r_k = m_\tau(r)$ , azaz  $\tau$  is hűséges. Itt persze használtuk  $\bowtie$  asszociativitását.

# Hűséges felbontás

## Tétel

Adott  $(R, F)$ ,  $\rho = (R_1, \dots, R_k)$  az  $R$  hűséges felbontása és  $\sigma = (S_1, \dots, S_m)$  az  $R_1$  hűséges felbontása (azaz  $R_1$ -et tovább bontjuk). Ekkor  $\tau = (S_1, \dots, S_m, R_2, \dots, R_k)$  hűséges felbontása  $R$ -nek.

## Bizonyítás.

Legyen  $r$  egy  $R$ -re illeszkedő reláció és ennek  $R_1$ -re eső vetülete legyen  $r_1$ . Tovább bontva  $r_1$ -et  $\sigma$  szerint kapjuk az  $s_1, s_2, \dots, s_m$  vetületeket. Mivel  $\sigma$  hűséges, ezért  $s_1 \bowtie s_2 \bowtie \dots \bowtie s_m = m_\sigma(r_1) = r_1$ .

Mivel  $\rho$  is hűséges, ezért  $r = m_\rho(r) = r_1 \bowtie r_2 \bowtie \dots \bowtie r_k$ . Ebbe beírva  $r_1$  helyére a  $\sigma$  hűségességéből kapott egyenlőséget, kapjuk, hogy

$r = s_1 \bowtie s_2 \bowtie \dots \bowtie s_m \bowtie r_2 \bowtie \dots \bowtie r_k = m_\tau(r)$ , azaz  $\tau$  is hűséges. Itt persze használtuk  $\bowtie$  asszociativitását. □

# Hűség felbontás

## Definíció

Ha egy  $\sigma$  felbontást a  $\rho$  felbontásból, úgy kapjuk, hogy néhány relációját felbontjuk, akkor ezt a következőképp jelöljük:  $\sigma \supseteq \rho$ .

## Tétel

Ha  $\rho$  hűséges és  $\sigma \supseteq \rho$  ( $\sigma$ -ban több komponens van), akkor  $\sigma$  is hűséges.

# Hűség felbontás

## Definíció

Ha egy  $\sigma$  felbontást a  $\rho$  felbontásból, úgy kapjuk, hogy néhány relációját felbontjuk, akkor ezt a következőképp jelöljük:  $\sigma \supseteq \rho$ .

## Tétel

Ha  $\rho$  hűséges és  $\sigma \supseteq \rho$  ( $\sigma$ -ban több komponens van), akkor  $\sigma$  is hűséges.

## Bizonyítás.

$$r \subseteq m_\sigma(r) \subseteq m_\rho(r) = r$$

# Hűség felbontás

## Definíció

Ha egy  $\sigma$  felbontást a  $\rho$  felbontásból, úgy kapjuk, hogy néhány relációját felbontjuk, akkor ezt a következőképp jelöljük:  $\sigma \supseteq \rho$ .

## Tétel

Ha  $\rho$  hűséges és  $\sigma \supseteq \rho$  ( $\sigma$ -ban több komponens van), akkor  $\sigma$  is hűséges.

## Bizonyítás.

$$r \subseteq m_\sigma(r) \subseteq m_\rho(r) = r$$

A középső tartalmazás azért igaz, mert a keresztszorzatból szigorúbb feltételek szerint válogatunk.

# Hűség felbontás

## Definíció

Ha egy  $\sigma$  felbontást a  $\rho$  felbontásból, úgy kapjuk, hogy néhány relációját felbontjuk, akkor ezt a következőképp jelöljük:  $\sigma \supseteq \rho$ .

## Tétel

Ha  $\rho$  hűséges és  $\sigma \supseteq \rho$  ( $\sigma$ -ban több komponens van), akkor  $\sigma$  is hűséges.

## Bizonyítás.

$$r \subseteq m_\sigma(r) \subseteq m_\rho(r) = r$$

A középső tartalmazás azért igaz, mert a keresztszorzatból szigorúbb feltételek szerint válogatunk.

$$\implies r = m_\sigma(r) \quad \checkmark$$



# Adatbázisok elmélete

## Normálformák, BCNF

Katona Gyula Y.

Számítástudományi és Információelméleti Tanszék  
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem

14. előadás



## Definíció

*Egy  $X \rightarrow Y$  függés triviális, ha  $Y \subseteq X$ . (Mert ezek a függések nem hordoznak sok infót, mindig igazak.)*

## Definíció

*Egy  $X \rightarrow Y$  függés triviális, ha  $Y \subseteq X$ . (Mert ezek a függések nem hordoznak sok infót, mindig igazak.)*

## Definíció (Boyce–Codd normálforma)

*Az  $(R, F)$  relációs séma BCNF-ben van, ha tetszőleges nemtriviális  $X \rightarrow A \in F^+$  függés esetén  $X$  szuperkulcs.*

## Definíció

*Egy  $X \rightarrow Y$  függés triviális, ha  $Y \subseteq X$ . (Mert ezek a függések nem hordoznak sok infót, mindig igazak.)*

## Definíció (Boyce–Codd normálforma)

*Az  $(R, F)$  relációs séma BCNF-ben van, ha tetszőleges nemtriviális  $X \rightarrow A \in F^+$  függés esetén  $X$  szuperkulcs.*

*Azaz csak olyan függések vannak, hogy a szuperkulcs mindent meghatároz.*

## Tétel

*Az  $(R, F)$  BCNF-ben van pontosan akkor ha tetszőleges  $A \in R$ -re és  $X \subseteq R$  kulcsra igaz, hogy nincs olyan  $Y \subseteq R$ , amire  $X \rightarrow Y \in F^+$ ;  $Y \twoheadrightarrow X$ ;  $Y \rightarrow A \in F^+$  és  $A \notin Y$ .*

## Tétel

Az  $(R, F)$  BCNF-ben van pontosan akkor ha tetszőleges  $A \in R$ -re és  $X \subseteq R$  kulcsra igaz, hogy nincs olyan  $Y \subseteq R$ , amire  $X \rightarrow Y \in F^+$ ;  $Y \not\rightarrow X$ ;  $Y \rightarrow A \in F^+$  és  $A \notin Y$ .  
(Nincs tranzitív függés kulcstól.)

## Tétel

Az  $(R, F)$  BCNF-ben van pontosan akkor ha tetszőleges  $A \in R$ -re és  $X \subseteq R$  kulcsra igaz, hogy nincs olyan  $Y \subseteq R$ , amire  $X \rightarrow Y \in F^+$ ;  $Y \not\rightarrow X$ ;  $Y \rightarrow A \in F^+$  és  $A \notin Y$ .  
(Nincs tranzitív függés kulcstól.)

## Bizonyítás.

Ha nincs BCNF-ben a séma, akkor van egy  $Y \rightarrow A$  függés, ahol  $Y$  nem superkulcs és  $A \notin Y$ . Ekkor, tetszőleges  $X$  kulccsal:  $X \rightarrow Y$ ,  $Y \not\rightarrow X$ ,  $Y \rightarrow A$ , de  $A \notin Y$ , ami épp egy kulcstól való tranzitív függés.

## Tétel

Az  $(R, F)$  BCNF-ben van pontosan akkor ha tetszőleges  $A \in R$ -re és  $X \subseteq R$  kulcsra igaz, hogy nincs olyan  $Y \subseteq R$ , amire  $X \rightarrow Y \in F^+$ ;  $Y \not\rightarrow X$ ;  $Y \rightarrow A \in F^+$  és  $A \notin Y$ .  
(Nincs tranzitív függés kulcstól.)

## Bizonyítás.

Ha nincs BCNF-ben a séma, akkor van egy  $Y \rightarrow A$  függés, ahol  $Y$  nem szuperkulcs és  $A \notin Y$ . Ekkor, tetszőleges  $X$  kulccsal:  $X \rightarrow Y$ ,  $Y \not\rightarrow X$ ,  $Y \rightarrow A$ , de  $A \notin Y$ , ami épp egy kulcstól való tranzitív függés.

Másrészt, ha van tranzitív függés kulcstól, azaz  $X$  olyan kulcs, amivel  $X \rightarrow Y$ ,  $Y \not\rightarrow X$ ,  $Y \rightarrow A$ , de  $A \notin Y$ , akkor  $Y \rightarrow A$  egy olyan függés, ami sérti a BCNF tulajdonságot, mert  $Y$  nem lehet szuperkulcs, ha  $Y \not\rightarrow X$ . ✓ □

## Miért jó a BCNF séma?

Ha  $C \rightarrow B$ ;  $B \rightarrow A$  teljesülne, de  $B \rightarrow C$  nem, akkor ugyanaz a  $B$  érték több  $C$  érték mellett is előfordulhatna, de minden példánynál ugyanazt az  $A$  értéket is tároljuk



## Miért jó a BCNF séma?

Ha  $C \rightarrow B$ ;  $B \rightarrow A$  teljesülne, de  $B \rightarrow C$  nem, akkor ugyanaz a  $B$  érték több  $C$  érték mellett is előfordulhatna, de minden példánynál ugyanazt az  $A$  értéket is tároljuk  
 $\implies$  **redundancia**.

## Miért jó a BCNF séma?

Ha  $C \rightarrow B$ ;  $B \rightarrow A$  teljesülne, de  $B \rightarrow C$  nem, akkor ugyanaz a  $B$  érték több  $C$  érték mellett is előfordulhatna, de minden példánynál ugyanazt az  $A$  értéket is tároljuk  
 $\implies$  **redundancia**.

### Állítás

*$\leq 2$  attribútumos reláció mindig BCNF.*

## Miért jó a BCNF séma?

Ha  $C \rightarrow B$ ;  $B \rightarrow A$  teljesülne, de  $B \rightarrow C$  nem, akkor ugyanaz a  $B$  érték több  $C$  érték mellett is előfordulhatna, de minden példánynál ugyanazt az  $A$  értéket is tároljuk  
 $\implies$  **redundancia**.

### Állítás

$\leq 2$  attribútumos reláció mindig BCNF.

### Bizonyítás.

Ha  $A \rightarrow B \implies A$  kulcs.

## Miért jó a BCNF séma?

Ha  $C \rightarrow B$ ;  $B \rightarrow A$  teljesülne, de  $B \rightarrow C$  nem, akkor ugyanaz a  $B$  érték több  $C$  érték mellett is előfordulhatna, de minden példánynál ugyanazt az  $A$  értéket is tároljuk  $\implies$  **redundancia**.

### Állítás

$\leq 2$  attribútumos reláció mindig BCNF.

### Bizonyítás.

Ha  $A \rightarrow B \implies A$  kulcs. Ha  $B \rightarrow A \implies B$  kulcs.

## Miért jó a BCNF séma?

Ha  $C \rightarrow B$ ;  $B \rightarrow A$  teljesülne, de  $B \rightarrow C$  nem, akkor ugyanaz a  $B$  érték több  $C$  érték mellett is előfordulhatna, de minden példánynál ugyanazt az  $A$  értéket is tároljuk  
 $\implies$  **redundancia**.

### Állítás

$\leq 2$  attribútumos reláció mindig BCNF.

### Bizonyítás.

Ha  $A \rightarrow B \implies A$  kulcs. Ha  $B \rightarrow A \implies B$  kulcs.

*Hogyan döntünk el, hogy egy  $(R, F)$  séma BCNF-e?*

## Miért jó a BCNF séma?

Ha  $C \rightarrow B$ ;  $B \rightarrow A$  teljesülne, de  $B \rightarrow C$  nem, akkor ugyanaz a  $B$  érték több  $C$  érték mellett is előfordulhatna, de minden példánynál ugyanazt az  $A$  értéket is tároljuk  
 $\implies$  **redundancia**.

### Állítás

$\leq 2$  attribútumos reláció mindig BCNF.

### Bizonyítás.

Ha  $A \rightarrow B \implies A$  kulcs. Ha  $B \rightarrow A \implies B$  kulcs. □

*Hogyan döntjük el, hogy egy  $(R, F)$  séma BCNF-e?*  
 $F^+$  összes függőségét végig kellene nézni.

## Miért jó a BCNF séma?

Ha  $C \rightarrow B$ ;  $B \rightarrow A$  teljesülne, de  $B \rightarrow C$  nem, akkor ugyanaz a  $B$  érték több  $C$  érték mellett is előfordulhatna, de minden példánynál ugyanazt az  $A$  értéket is tároljuk  
 $\implies$  **redundancia**.

### Állítás

$\leq 2$  attribútumos reláció mindig BCNF.

### Bizonyítás.

Ha  $A \rightarrow B \implies A$  kulcs. Ha  $B \rightarrow A \implies B$  kulcs.

*Hogyan döntjük el, hogy egy  $(R, F)$  séma BCNF-e?*

$F^+$  összes függőségét végig kellene nézni.

**DE:**

# Miért jó a BCNF séma?

## Tétel

*Ha  $(R, F)$  nem BCNF, akkor van olyan  $X \rightarrow Y \in \mathbf{F}$ , amely jobboldalának valamely  $A$  attribútumára  $X \rightarrow A$  nemtriviális és  $X$  nem superkulcs. (Az ilyen  $X \rightarrow A \in F^+$ .)*



# Miért jó a BCNF séma?

## Tétel

Ha  $(R, F)$  nem BCNF, akkor van olyan  $X \rightarrow Y \in F$ , amely jobboldalának valamely  $A$  attribútumára  $X \rightarrow A$  nemtriviális és  $X$  nem superkulcs. (Az ilyen  $X \rightarrow A \in F^+$ .)

## Bizonyítás.

Ha  $(R, F)$  nem BCNF, akkor van  $U \rightarrow B \in F^+$ , hogy  $U$  nem superkulcs és  $B \notin U$ .

# Miért jó a BCNF séma?

## Tétel

Ha  $(R, F)$  nem BCNF, akkor van olyan  $X \rightarrow Y \in F$ , amely jobboldalának valamely  $A$  attribútumára  $X \rightarrow A$  nemtriviális és  $X$  nem superkulcs. (Az ilyen  $X \rightarrow A \in F^+$ .)

## Bizonyítás.

Ha  $(R, F)$  nem BCNF, akkor van  $U \rightarrow B \in F^+$ , hogy  $U$  nem superkulcs és  $B \notin U$ .  
 $\implies B \in U^+(F)$

# Miért jó a BCNF séma?

## Tétel

Ha  $(R, F)$  nem BCNF, akkor van olyan  $X \rightarrow Y \in F$ , amely jobboldalának valamely  $A$  attribútumára  $X \rightarrow A$  nemtriviális és  $X$  nem superkulcs. (Az ilyen  $X \rightarrow A \in F^+$ .)

## Bizonyítás.

Ha  $(R, F)$  nem BCNF, akkor van  $U \rightarrow B \in F^+$ , hogy  $U$  nem superkulcs és  $B \notin U$ .  
 $\implies B \in U^+(F) \implies U \subsetneq U^+(F)$

# Miért jó a BCNF séma?

## Tétel

Ha  $(R, F)$  nem BCNF, akkor van olyan  $X \rightarrow Y \in F$ , amely jobboldalának valamely  $A$  attribútumára  $X \rightarrow A$  nemtriviális és  $X$  nem superkulcs. (Az ilyen  $X \rightarrow A \in F^+$ .)

## Bizonyítás.

Ha  $(R, F)$  nem BCNF, akkor van  $U \rightarrow B \in F^+$ , hogy  $U$  nem superkulcs és  $B \notin U$ .  
 $\implies B \in U^+(F) \implies U \subsetneq U^+(F)$

Az algoritmus, ami  $U^+(F)$ -et számolja, el tud indulni

# Miért jó a BCNF séma?

## Tétel

Ha  $(R, F)$  nem BCNF, akkor van olyan  $X \rightarrow Y \in F$ , amely jobboldalának valamely  $A$  attribútumára  $X \rightarrow A$  nemtriviális és  $X$  nem superkulcs. (Az ilyen  $X \rightarrow A \in F^+$ .)

## Bizonyítás.

Ha  $(R, F)$  nem BCNF, akkor van  $U \rightarrow B \in F^+$ , hogy  $U$  nem superkulcs és  $B \notin U$ .  
 $\implies B \in U^+(F) \implies U \subsetneq U^+(F)$

Az algoritmus, ami  $U^+(F)$ -et számolja, el tud indulni  $\implies \exists V \rightarrow W \in F$ , melyre  
 $V \subseteq U, W \notin U$

# Miért jó a BCNF séma?

## Tétel

Ha  $(R, F)$  nem BCNF, akkor van olyan  $X \rightarrow Y \in F$ , amely jobboldalának valamely  $A$  attribútumára  $X \rightarrow A$  nemtriviális és  $X$  nem superkulcs. (Az ilyen  $X \rightarrow A \in F^+$ .)

## Bizonyítás.

Ha  $(R, F)$  nem BCNF, akkor van  $U \rightarrow B \in F^+$ , hogy  $U$  nem superkulcs és  $B \notin U$ .  
 $\implies B \in U^+(F) \implies U \subsetneq U^+(F)$

Az algoritmus, ami  $U^+(F)$ -et számolja, el tud indulni  $\implies \exists V \rightarrow W \in F$ , melyre  $V \subseteq U$ ,  $W \notin U \implies V \rightarrow W$  jó lesz  $X \rightarrow Y$ -nak.

# Miért jó a BCNF séma?

## Tétel

Ha  $(R, F)$  nem BCNF, akkor van olyan  $X \rightarrow Y \in F$ , amely jobboldalának valamely  $A$  attribútumára  $X \rightarrow A$  nemtriviális és  $X$  nem superkulcs. (Az ilyen  $X \rightarrow A \in F^+$ .)

## Bizonyítás.

Ha  $(R, F)$  nem BCNF, akkor van  $U \rightarrow B \in F^+$ , hogy  $U$  nem superkulcs és  $B \notin U$ .  
 $\implies B \in U^+(F) \implies U \subsetneq U^+(F)$

Az algoritmus, ami  $U^+(F)$ -et számolja, el tud indulni  $\implies \exists V \rightarrow W \in F$ , melyre  $V \subseteq U$ ,  $W \notin U \implies V \rightarrow W$  jó lesz  $X \rightarrow Y$ -nak.

Ugyanis  $V$  nem superkulcs, hiszen  $V \subseteq U$  és  $U$  nem superkulcs.

# Miért jó a BCNF séma?

## Tétel

Ha  $(R, F)$  nem BCNF, akkor van olyan  $X \rightarrow Y \in F$ , amely jobboldalának valamely  $A$  attribútumára  $X \rightarrow A$  nemtriviális és  $X$  nem superkulcs. (Az ilyen  $X \rightarrow A \in F^+$ .)

## Bizonyítás.

Ha  $(R, F)$  nem BCNF, akkor van  $U \rightarrow B \in F^+$ , hogy  $U$  nem superkulcs és  $B \notin U$ .  
 $\implies B \in U^+(F) \implies U \subsetneq U^+(F)$

Az algoritmus, ami  $U^+(F)$ -et számolja, el tud indulni  $\implies \exists V \rightarrow W \in F$ , melyre  $V \subseteq U$ ,  $W \notin U \implies V \rightarrow W$  jó lesz  $X \rightarrow Y$ -nak.

Ugyanis  $V$  nem superkulcs, hiszen  $V \subseteq U$  és  $U$  nem superkulcs.

$W \notin U$



# Miért jó a BCNF séma?

## Tétel

Ha  $(R, F)$  nem BCNF, akkor van olyan  $X \rightarrow Y \in F$ , amely jobboldalának valamely  $A$  attribútumára  $X \rightarrow A$  nemtriviális és  $X$  nem superkulcs. (Az ilyen  $X \rightarrow A \in F^+$ .)

## Bizonyítás.

Ha  $(R, F)$  nem BCNF, akkor van  $U \rightarrow B \in F^+$ , hogy  $U$  nem superkulcs és  $B \notin U$ .  
 $\implies B \in U^+(F) \implies U \subsetneq U^+(F)$

Az algoritmus, ami  $U^+(F)$ -et számolja, el tud indulni  $\implies \exists V \rightarrow W \in F$ , melyre  $V \subseteq U$ ,  $W \not\subseteq U \implies V \rightarrow W$  jó lesz  $X \rightarrow Y$ -nak.

Ugyanis  $V$  nem superkulcs, hiszen  $V \subseteq U$  és  $U$  nem superkulcs.

$W \not\subseteq U \implies \exists A \in W \setminus U \subseteq W \setminus V$ , így  $V \rightarrow W$  nem triviális.

# Miért jó a BCNF séma?

## Tétel

*Ha  $(R, F)$  nem BCNF, akkor van olyan  $X \rightarrow Y \in F$ , amely jobboldalának valamely  $A$  attribútumára  $X \rightarrow A$  nemtriviális és  $X$  nem superkulcs. (Az ilyen  $X \rightarrow A \in F^+$ .)*

## Bizonyítás.

Ha  $(R, F)$  nem BCNF, akkor van  $U \rightarrow B \in F^+$ , hogy  $U$  nem superkulcs és  $B \notin U$ .  
 $\implies B \in U^+(F) \implies U \subsetneq U^+(F)$

*Az algoritmus, ami  $U^+(F)$ -et számolja, el tud indulni  $\implies \exists V \rightarrow W \in F$ , melyre  $V \subseteq U$ ,  $W \not\subseteq U \implies V \rightarrow W$  jó lesz  $X \rightarrow Y$ -nak.*

Ugyanis  $V$  nem superkulcs, hiszen  $V \subseteq U$  és  $U$  nem superkulcs.

$W \not\subseteq U \implies \exists A \in W \setminus U \subseteq W \setminus V$ , így  $V \rightarrow W$  nem triviális. □

*Ez jelentősen könnyíti az ellenőrzést, csak  $F$  függőségeit kell végignézni, nem  $F^+$ -ét.*

## Tétel

*Tetszőleges  $(R, F)$  sémának van hűséges felbontása BCNF relációkra.*

## Tétel

*Tetszőleges  $(R, F)$  sémának van hűséges felbontása BCNF relációkra.*

## Bizonyítás.

*Elve:*

- *Ha  $(R, F)$  BCNF ✓*

## Tétel

*Tetszőleges  $(R, F)$  sémának van hűséges felbontása BCNF relációkra.*

## Bizonyítás.

*Elve:*

- *Ha  $(R, F)$  BCNF ✓*
- *Ha nem, akkor két valódi (kisebb) részre bontjuk hűségesen  $\implies (R_1, R_2)$*

## Tétel

*Tetszőleges  $(R, F)$  sémának van hűséges felbontása BCNF relációkra.*

## Bizonyítás.

*Elve:*

- *Ha  $(R, F)$  BCNF ✓*
- *Ha nem, akkor két valódi (kisebb) részre bontjuk hűségesen  $\implies (R_1, R_2)$*
- *Ezt ismétljük  $(R_1, R_2)$ -re.*

## Tétel

*Tetszőleges  $(R, F)$  sémának van hűséges felbontása BCNF relációkra.*

## Bizonyítás.

*Elve:*

- *Ha  $(R, F)$  BCNF ✓*
- *Ha nem, akkor két valódi (kisebb) részre bontjuk hűségesen  $\implies (R_1, R_2)$*
- *Ezt ismétljük  $(R_1, R_2)$ -re.*

*Ez véget fog érni, mert ha már csak 2 attribútum marad valamilyekben, azt nem kell tovább bontani.*

## Tétel

*Tetszőleges  $(R, F)$  sémának van hűséges felbontása BCNF relációkra.*

## Bizonyítás.

*Elve:*

- *Ha  $(R, F)$  BCNF ✓*
- *Ha nem, akkor két valódi (kisebb) részre bontjuk hűségesen  $\implies (R_1, R_2)$*
- *Ezt ismétljük  $(R_1, R_2)$ -re.*

*Ez véget fog érni, mert ha már csak 2 attribútum marad valamelyikben, azt nem kell tovább bontani.*

*Hűséges lesz, mert láttuk, hogy ha egy hűséges felbontás egyik részét tovább bontjuk, akkor hűséges marad.*



## Bizonyítás.

**Hogyan bontjuk fel 2 valódi részre, hűségesen?**

## Bizonyítás.

### **Hogyan bontjuk fel 2 valódi részre, hűségesen?**

Keresünk a felbontandó sémában egy olyan  $X \rightarrow A \in F^+$ -t, ami sérti a BCNF tulajdonságot

## Bizonyítás.

### Hogyan bontjuk fel 2 valódi részre, hűségesen?

Keresünk a felbontandó sémában egy olyan  $X \rightarrow A \in F^+$ -t, ami sérti a BCNF tulajdonságot  $\implies A$  és  $X$  része a sémának,  $A \notin X$  és  $X$  nem superkulcs

## Bizonyítás.

### Hogyan bontjuk fel 2 valódi részre, hűségesen?

Keresünk a felbontandó sémában egy olyan  $X \rightarrow A \in F^+$ -t, ami sérti a BCNF tulajdonságot  $\implies A$  és  $X$  része a sémának,  $A \notin X$  és  $X$  nem superkulcs

$$R_1 := XA, \quad R_2 := R \setminus \{A\}$$

## Bizonyítás.

### Hogyan bontjuk fel 2 valódi részre, hűségesen?

Keresünk a felbontandó sémában egy olyan  $X \rightarrow A \in F^+$ -t, ami sérti a BCNF tulajdonságot  $\implies A$  és  $X$  része a sémának,  $A \notin X$  és  $X$  nem superkulcs

$$R_1 := XA, \quad R_2 := R \setminus \{A\}$$

*Ezek kisebbek:*  $R_2$  nyilván,  $R_1$  pedig azért, mert ha  $R_1 = R$  volna, akkor  $X \rightarrow XA = R$  miatt  $X$  superkulcs lett volna.

## Bizonyítás.

### Hogyan bontjuk fel 2 valódi részre, hűségesen?

Keresünk a felbontandó sémában egy olyan  $X \rightarrow A \in F^+$ -t, ami sérti a BCNF tulajdonságot  $\implies A$  és  $X$  része a sémának,  $A \notin X$  és  $X$  nem superkulcs

$$R_1 := XA, \quad R_2 := R \setminus \{A\}$$

*Ezek kisebbek:*  $R_2$  nyilván,  $R_1$  pedig azért, mert ha  $R_1 = R$  volna, akkor  $X \rightarrow XA = R$  miatt  $X$  superkulcs lett volna.

*Hűséges a felbontás:* kétrészes teszttel  $R_1 \cap R_2 = X \rightarrow A = R_1 \setminus R_2$  ✓

## Bizonyítás.

### Hogyan bontjuk fel 2 valódi részre, hűségesen?

Keresünk a felbontandó sémában egy olyan  $X \rightarrow A \in F^+$ -t, ami sérti a BCNF tulajdonságot  $\implies A$  és  $X$  része a sémának,  $A \notin X$  és  $X$  nem superkulcs

$$R_1 := XA, \quad R_2 := R \setminus \{A\}$$

*Ezek kisebbek:*  $R_2$  nyilván,  $R_1$  pedig azért, mert ha  $R_1 = R$  volna, akkor  $X \rightarrow XA = R$  miatt  $X$  superkulcs lett volna.

*Hűséges a felbontás:* kétrészes teszttel  $R_1 \cap R_2 = X \rightarrow A = R_1 \setminus R_2$  ✓



*Miért lesz jobb ez a felbontás?*

## Bizonyítás.

### Hogyan bontjuk fel 2 valódi részre, hűségesen?

Keresünk a felbontandó sémában egy olyan  $X \rightarrow A \in F^+$ -t, ami sérti a BCNF tulajdonságot  $\implies A$  és  $X$  része a sémának,  $A \notin X$  és  $X$  nem superkulcs

$$R_1 := XA, \quad R_2 := R \setminus \{A\}$$

*Ezek kisebbek:*  $R_2$  nyilván,  $R_1$  pedig azért, mert ha  $R_1 = R$  volna, akkor  $X \rightarrow XA = R$  miatt  $X$  superkulcs lett volna.

*Hűséges a felbontás:* kétrészes teszttel  $R_1 \cap R_2 = X \rightarrow A = R_1 \setminus R_2$  ✓



### Miért lesz jobb ez a felbontás?

Az  $X \rightarrow A$  függéssel nem lesz több probléma:



## Bizonyítás.

### Hogyan bontjuk fel 2 valódi részre, hűségesen?

Keresünk a felbontandó sémában egy olyan  $X \rightarrow A \in F^+$ -t, ami sérti a BCNF tulajdonságot  $\implies A$  és  $X$  része a sémának,  $A \notin X$  és  $X$  nem superkulcs

$$R_1 := XA, \quad R_2 := R \setminus \{A\}$$

*Ezek kisebbek:*  $R_2$  nyilván,  $R_1$  pedig azért, mert ha  $R_1 = R$  volna, akkor  $X \rightarrow XA = R$  miatt  $X$  superkulcs lett volna.

*Hűséges a felbontás:* kétrészes teszttel  $R_1 \cap R_2 = X \rightarrow A = R_1 \setminus R_2$  ✓



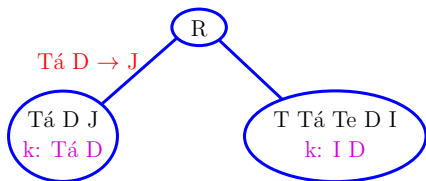
### Miért lesz jobb ez a felbontás?

Az  $X \rightarrow A$  függéssel nem lesz több probléma:  $R_2$ -ben nincs  $A$ , így nem lehet baj.  $R_1$ -ben viszont  $X$  superkulcs lesz.

# Példa

$R(\text{Tanár, Tárgy, Terem, Diák, Jegy, Idő})$

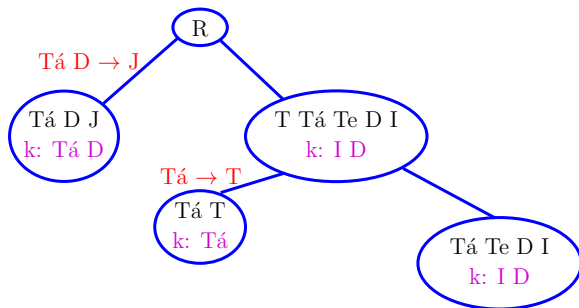
$F = \{Tá \rightarrow T; IT \rightarrow Te; ID \rightarrow Te; ID \rightarrow Tá; TáD \rightarrow J\} \implies \text{kulcs csak ID}$



# Példa

$R(\text{Tanár, Tárgy, Terem, Diák, Jegy, Idő})$

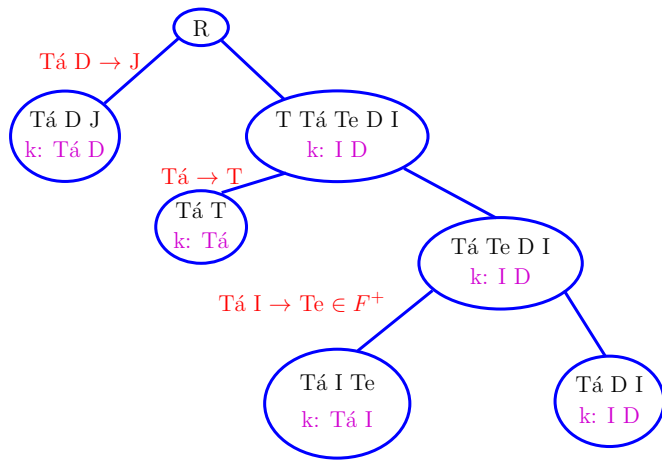
$F = \{\text{Tá} \rightarrow \text{T}; \text{IT} \rightarrow \text{Te}; \text{ID} \rightarrow \text{Te}; \text{ID} \rightarrow \text{Tá}; \text{TáD} \rightarrow \text{J}\} \implies \text{kulcs csak ID}$



# Példa

$R(\text{Tanár, Tárgy, Terem, Diák, Jegy, Idő})$

$F = \{\text{Tá} \rightarrow \text{T}; \text{IT} \rightarrow \text{Te}; \text{ID} \rightarrow \text{Te}; \text{ID} \rightarrow \text{Tá}; \text{TáD} \rightarrow \text{J}\} \implies \text{kulcs csak ID}$



# Megjegyzések

Minden felbontás után meg kell nézni, hogy a kapott relációk BCNF-ben vannak-e.

# Megjegyzések

Minden felbontás után meg kell nézni, hogy a kapott relációk BCNF-ben vannak-e. Ehhez meg kell konstruálni  $F_S^+$ -et, ha  $S$  a vizsgált reláció: ez az  $F_R^+$  azon függéseiből áll, amiknek mindkét oldala  $S$ -ben van.

## Megjegyzések

Minden felbontás után meg kell nézni, hogy a kapott relációk BCNF-ben vannak-e. Ehhez meg kell konstruálni  $F_S^+$ -et, ha  $S$  a vizsgált reláció: ez az  $F_R^+$  azon függéseiből áll, amiknek mindkét oldala  $S$ -ben van. Ezeket a függéseket úgy kapjuk, hogy minden  $X \subseteq S$  **részhalmazra** kiszámoljuk  $X^+(F)$ -et és  $X \rightarrow Y$  pontosan akkor lesz benne  $F_S^+$ -ben, ha  $Y \subseteq X^+(F) \cap S$ .

# Megjegyzések

Minden felbontás után meg kell nézni, hogy a kapott relációk BCNF-ben vannak-e. Ehhez meg kell konstruálni  $F_S^+$ -et, ha  $S$  a vizsgált reláció: ez az  $F_R^+$  azon függéseiből áll, amiknek mindkét oldala  $S$ -ben van. Ezeket a függéseket úgy kapjuk, hogy minden  $X \subseteq S$  részhalmazra kiszámoljuk  $X^+(F)$ -et és  $X \rightarrow Y$  pontosan akkor lesz benne  $F_S^+$ -ben, ha  $Y \subseteq X^+(F) \cap S$ .

Általában nem igaz, hogy elég  $F$ -ből kiválogatni azokat, amiknek mindkét oldala  $S$ -ben van.



# Megjegyzések

Minden felbontás után meg kell nézni, hogy a kapott relációk BCNF-ben vannak-e. Ehhez meg kell konstruálni  $F_S^+$ -et, ha  $S$  a vizsgált reláció: ez az  $F_R^+$  azon függéseiből áll, amiknek mindkét oldala  $S$ -ben van. Ezeket a függéseket úgy kapjuk, hogy minden  $X \subseteq S$  részhalmazra kiszámoljuk  $X^+(F)$ -et és  $X \rightarrow Y$  pontosan akkor lesz benne  $F_S^+$ -ben, ha  $Y \subseteq X^+(F) \cap S$ .

Általában nem igaz, hogy elég  $F$ -ből kiválogatni azokat, amiknek mindkét oldala  $S$ -ben van.

Pl.:  $F = \{Tá \rightarrow T; IT \rightarrow Te; ID \rightarrow Te; ID \rightarrow Tá; TáD \rightarrow J\}$

Ha  $S = Tá Te D I$ , akkor (csak a nemtrivi függéseket felírva):

$F_S^+ = \{Tá I \rightarrow Te; D I \rightarrow Te Tá; D I Tá \rightarrow Te; D I Te \rightarrow Tá\}$

# Megjegyzések

Minden felbontás után meg kell nézni, hogy a kapott relációk BCNF-ben vannak-e. Ehhez meg kell konstruálni  $F_S^+$ -et, ha  $S$  a vizsgált reláció: ez az  $F_R^+$  azon függéseiből áll, amiknek mindkét oldala  $S$ -ben van. Ezeket a függéseket úgy kapjuk, hogy minden  $X \subseteq S$  részhalmazra kiszámoljuk  $X^+(F)$ -et és  $X \rightarrow Y$  pontosan akkor lesz benne  $F_S^+$ -ben, ha  $Y \subseteq X^+(F) \cap S$ .

Általában nem igaz, hogy elég  $F$ -ből kiválogatni azokat, amiknek mindkét oldala  $S$ -ben van.

Pl.:  $F = \{Tá \rightarrow T; IT \rightarrow Te; ID \rightarrow Te; ID \rightarrow Tá; TáD \rightarrow J\}$

Ha  $S = Tá Te D I$ , akkor (csak a nemtrivi függéseket felírva):

$F_S^+ = \{Tá I \rightarrow Te; D I \rightarrow Te Tá; D I Tá \rightarrow Te; D I Te \rightarrow Tá\}$

$\implies$  Az előző algoritmus lehet exponenciális

# Megjegyzések

Minden felbontás után meg kell nézni, hogy a kapott relációk BCNF-ben vannak-e. Ehhez meg kell konstruálni  $F_S^+$ -et, ha  $S$  a vizsgált reláció: ez az  $F_R^+$  azon függéseiből áll, amiknek mindkét oldala  $S$ -ben van. Ezeket a függéseket úgy kapjuk, hogy minden  $X \subseteq S$  részhalmazra kiszámoljuk  $X^+(F)$ -et és  $X \rightarrow Y$  pontosan akkor lesz benne  $F_S^+$ -ben, ha  $Y \subseteq X^+(F) \cap S$ .

Általában nem igaz, hogy elég  $F$ -ből kiválogatni azokat, amiknek mindkét oldala  $S$ -ben van.

Pl.:  $F = \{Tá \rightarrow T; IT \rightarrow Te; ID \rightarrow Te; ID \rightarrow Tá; TáD \rightarrow J\}$

Ha  $S = Tá Te D I$ , akkor (csak a nemtrivi függéseket felírva):

$F_S^+ = \{Tá I \rightarrow Te; D I \rightarrow Te Tá; D I Tá \rightarrow Te; D I Te \rightarrow Tá\}$

$\implies$  Az előző algoritmus lehet exponenciális  $\implies$  Van polinomiális algoritmus is.

# Megjegyzések

Minden felbontás után meg kell nézni, hogy a kapott relációk BCNF-ben vannak-e. Ehhez meg kell konstruálni  $F_S^+$ -et, ha  $S$  a vizsgált reláció: ez az  $F_R^+$  azon függéseiből áll, amiknek mindkét oldala  $S$ -ben van. Ezeket a függéseket úgy kapjuk, hogy minden  $X \subseteq S$  részhalmazra kiszámoljuk  $X^+(F)$ -et és  $X \rightarrow Y$  pontosan akkor lesz benne  $F_S^+$ -ben, ha  $Y \subseteq X^+(F) \cap S$ .

Általában nem igaz, hogy elég  $F$ -ből kiválogatni azokat, amiknek mindkét oldala  $S$ -ben van.

Pl.:  $F = \{Tá \rightarrow T; IT \rightarrow Te; ID \rightarrow Te; ID \rightarrow Tá; TáD \rightarrow J\}$

Ha  $S = Tá Te D I$ , akkor (csak a nemtrivi függéseket felírva):

$F_S^+ = \{Tá I \rightarrow Te; D I \rightarrow Te Tá; D I Tá \rightarrow Te; D I Te \rightarrow Tá\}$

$\implies$  Az előző algoritmus lehet exponenciális  $\implies$  Van polinomiális algoritmus is.

3 attribútum esetén a BCNF tulajdonság csak úgy sérülhet, ha  $X \rightarrow Y$ , ahol  $X, Y$  egy-egy attribútum és  $X$  nem kulcs.

# Megjegyzések

Minden felbontás után meg kell nézni, hogy a kapott relációk BCNF-ben vannak-e. Ehhez meg kell konstruálni  $F_S^+$ -et, ha  $S$  a vizsgált reláció: ez az  $F_R^+$  azon függéseiből áll, amiknek mindkét oldala  $S$ -ben van. Ezeket a függéseket úgy kapjuk, hogy minden  $X \subseteq S$  részhalmazra kiszámoljuk  $X^+(F)$ -et és  $X \rightarrow Y$  pontosan akkor lesz benne  $F_S^+$ -ben, ha  $Y \subseteq X^+(F) \cap S$ .

Általában nem igaz, hogy elég  $F$ -ből kiválogatni azokat, amiknek mindkét oldala  $S$ -ben van.

Pl.:  $F = \{Tá \rightarrow T; IT \rightarrow Te; ID \rightarrow Te; ID \rightarrow Tá; TáD \rightarrow J\}$

Ha  $S = Tá Te D I$ , akkor (csak a nemtrivi függéseket felírva):

$F_S^+ = \{Tá I \rightarrow Te; D I \rightarrow Te Tá; D I Tá \rightarrow Te; D I Te \rightarrow Tá\}$

$\implies$  Az előző algoritmus lehet exponenciális  $\implies$  Van polinomiális algoritmus is.

3 attribútum esetén a BCNF tulajdonság csak úgy sérülhet, ha  $X \rightarrow Y$ , ahol  $X, Y$  egy-egy attribútum és  $X$  nem kulcs.

Azt is mindig ellenőrizni kell, hogy a kapott relációkban mik a (szuper)kulcsok, hogy egy függésről el tudjuk dönteni, hogy sérti-e a BCNF-et vagy nem.

# Megjegyzések

Minden felbontás után meg kell nézni, hogy a kapott relációk BCNF-ben vannak-e. Ehhez meg kell konstruálni  $F_S^+$ -et, ha  $S$  a vizsgált reláció: ez az  $F_R^+$  azon függéseiből áll, amiknek mindkét oldala  $S$ -ben van. Ezeket a függéseket úgy kapjuk, hogy minden  $X \subseteq S$  részalmazra kiszámoljuk  $X^+(F)$ -et és  $X \rightarrow Y$  pontosan akkor lesz benne  $F_S^+$ -ben, ha  $Y \subseteq X^+(F) \cap S$ .

Általában nem igaz, hogy elég  $F$ -ből kiválogatni azokat, amiknek mindkét oldala  $S$ -ben van.

Pl.:  $F = \{Tá \rightarrow T; IT \rightarrow Te; ID \rightarrow Te; ID \rightarrow Tá; TáD \rightarrow J\}$

Ha  $S = Tá Te D I$ , akkor (csak a nemtrivi függéseket felírva):

$F_S^+ = \{Tá I \rightarrow Te; D I \rightarrow Te Tá; D I Tá \rightarrow Te; D I Te \rightarrow Tá\}$

$\implies$  Az előző algoritmus lehet exponenciális  $\implies$  Van polinomiális algoritmus is.

3 attribútum esetén a BCNF tulajdonság csak úgy sérülhet, ha  $X \rightarrow Y$ , ahol  $X, Y$  egy-egy attribútum és  $X$  nem kulcs.

Azt is mindig ellenőrizni kell, hogy a kapott relációkban mik a (szuper)kulcsok, hogy egy függésről el tudjuk dönteni, hogy sérti-e a BCNF-et vagy nem. A példában ez viszonylag könnyű lesz, hiszen  $I$  és  $D$  egyik  $F$ -beli függőségben sem szerepel a jobb oldalon, így minden kulcs (amikor  $I$  és  $D$  szerepel a relációban) tartalmazza  $I D$ -t. Csak azt kell megnézni, hogy  $I D$  kulcs marad.

# Függőség megőrzése

BCNF egy fogyatékosága: nehéz lehet ellenőrizni, hogy teljesülnek-e  $F$  függései (pl. beszúráskor). Ilyenkor a költséges  $\bowtie$  kell, és ez sokszor előfordulhat.

# Függőség megőrzése

BCNF egy fogyatékosága: nehéz lehet ellenőrizni, hogy teljesülnek-e  $F$  függései (pl. beszúráskor). Ilyenkor a költséges  $\bowtie$  kell, és ez sokszor előfordulhat.

Kéne egy olyan felbontás, amin könnyen lehet ellenőrizni a függéseket.



# Függőség megőrzése

BCNF egy fogyatékosága: nehéz lehet ellenőrizni, hogy teljesülnek-e  $F$  függései (pl. beszúráskor). Ilyenkor a költséges  $\bowtie$  kell, és ez sokszor előfordulhat.

Kéne egy olyan felbontás, amin könnyen lehet ellenőrizni a függéseket.

## Definíció

Adott  $(R, F)$  séma és ennek egy  $\rho = (R_1, \dots, R_k)$  felbontása.

$$\pi_\rho(F) := \{X \rightarrow Y \in F^+ \mid \exists i (1 \leq i \leq k) X, Y \subseteq R_i\}^+$$

az  $F$  függéseinek vetítése a  $\rho$  felbontásra.

# Függőség megőrzése

BCNF egy fogyatékosága: nehéz lehet ellenőrizni, hogy teljesülnek-e  $F$  függései (pl. beszúráskor). Ilyenkor a költséges  $\bowtie$  kell, és ez sokszor előfordulhat.

Kéne egy olyan felbontás, amin könnyen lehet ellenőrizni a függéseket.

## Definíció

Adott  $(R, F)$  séma és ennek egy  $\rho = (R_1, \dots, R_k)$  felbontása.

$$\pi_\rho(F) := \{X \rightarrow Y \in F^+ \mid \exists i (1 \leq i \leq k) X, Y \subseteq R_i\}^+$$

az  $F$  függéseinek vetítése a  $\rho$  felbontásra.  $\rho$  függőségőrző, ha  $\pi_\rho(F) = F^+$ .

# Függőség megőrzése

BCNF egy fogyatékosága: nehéz lehet ellenőrizni, hogy teljesülnek-e  $F$  függései (pl. beszúráskor). Ilyenkor a költséges  $\bowtie$  kell, és ez sokszor előfordulhat.

Kéne egy olyan felbontás, amin könnyen lehet ellenőrizni a függéseket.

## Definíció

Adott  $(R, F)$  séma és ennek egy  $\rho = (R_1, \dots, R_k)$  felbontása.

$$\pi_\rho(F) := \{X \rightarrow Y \in F^+ \mid \exists i (1 \leq i \leq k) X, Y \subseteq R_i\}^+$$

az  $F$  függéseinek vetítése a  $\rho$  felbontásra.  $\rho$  függőségőrző, ha  $\pi_\rho(F) = F^+$ .

Megjegyzés:  $\pi_\rho(F) \subseteq F^+$  persze mindig igaz.

# Függőség megőrzése

BCNF egy fogyatékosága: nehéz lehet ellenőrizni, hogy teljesülnek-e  $F$  függései (pl. beszúrásakor). Ilyenkor a költséges  $\bowtie$  kell, és ez sokszor előfordulhat.

Kéne egy olyan felbontás, amin könnyen lehet ellenőrizni a függéseket.

## Definíció

Adott  $(R, F)$  séma és ennek egy  $\rho = (R_1, \dots, R_k)$  felbontása.

$$\pi_\rho(F) := \{X \rightarrow Y \in F^+ \mid \exists i (1 \leq i \leq k) X, Y \subseteq R_i\}^+$$

az  $F$  függéseinek vetítése a  $\rho$  felbontásra.  $\rho$  függőségőrző, ha  $\pi_\rho(F) = F^+$ .

**Megjegyzés:**  $\pi_\rho(F) \subseteq F^+$  persze mindig igaz.

Ha a felbontás függőségőrző, akkor elég a darabokon ellenőrizni valamit, ami garantálja, hogy  $F$  minden függése fennmarad az egészen.

## Példa

R(**V**áros, **U**tca, **I**rányítószám)

$$F = \{VU \rightarrow I; I \rightarrow V\}$$

## Példa

R(Város, Utca, Irányítószám)

Ez nem BCNF  $I \rightarrow V$  miatt.

$$F = \{VU \rightarrow I; I \rightarrow V\}$$

## Példa

R(Város, Utca, Irányítószám)  $F = \{VU \rightarrow I; I \rightarrow V\}$

Ez nem BCNF  $I \rightarrow V$  miatt.

Mire jó a függőségőrzés?:

Ha felbontjuk  $\implies S(V, I), Q(I, U)$

## Példa

$R(\text{Város, Utca, Irányítószám}) \quad F = \{VU \rightarrow I; I \rightarrow V\}$

Ez nem BCNF  $I \rightarrow V$  miatt.

Mire jó a függőségőrzés?:

Ha felbontjuk  $\implies S(V, I), Q(I, U)$

Beszúrunk 2-2 sort:

S	V	I
	Nagykanizsa	8800
	Nagykanizsa	8831

Q	U	I
	Kossuth	8800
	Kossuth	8831



## Példa

R(Város, Utca, Irányítószám)  $F = \{VU \rightarrow I; I \rightarrow V\}$

Ez nem BCNF  $I \rightarrow V$  miatt.

Mire jó a függőségőrzés?:

Ha felbontjuk  $\implies S(V, I), Q(I, U)$

Beszúrunk 2-2 sort:

S	V	I
	Nagykanizsa	8800
	Nagykanizsa	8831

Q	U	I
	Kossuth	8800
	Kossuth	8831

Noha  $S$ -ben és  $Q$ -ban oké minden,  $S \bowtie Q$ -ban nem teljesül a  $VU \rightarrow I$  függés.

## Példa

R(Város, Utca, Irányítószám)  $F = \{VU \rightarrow I; I \rightarrow V\}$

Ez nem BCNF  $I \rightarrow V$  miatt.

Mire jó a függőségörzés?:

Ha felbontjuk  $\implies S(V, I), Q(I, U)$

Beszúrunk 2-2 sort:

S	V	I
	Nagykanizsa	8800
	Nagykanizsa	8831

Q	U	I
	Kossuth	8800
	Kossuth	8831

Noha  $S$ -ben és  $Q$ -ban oké minden,  $S \bowtie Q$ -ban nem teljesül a  $VU \rightarrow I$  függés.

Ez nem lett volna, ha függőségörző lenne a felbontás.

Szomorú példa ez: semelyik felbontása sem őrzi meg  $VU \rightarrow I$ -t, mert csak ez olyan függés, aminek jobb oldalán van  $I$ , azaz ha egy felbontás függőségörző lenne, akkor egy tagjában kéne  $VUI$ -nek lennie, de az nem lenne valódi felbontás.

## Példa

R(Város, Utca, Irányítószám)  $F = \{VU \rightarrow I; I \rightarrow V\}$

Ez nem BCNF  $I \rightarrow V$  miatt.

Mire jó a függőségőrzés?:

Ha felbontjuk  $\implies S(V, I), Q(I, U)$

Beszúrunk 2-2 sort:

S	V	I
	Nagykanizsa	8800
	Nagykanizsa	8831

Q	U	I
	Kossuth	8800
	Kossuth	8831

Noha  $S$ -ben és  $Q$ -ban oké minden,  $S \bowtie Q$ -ban nem teljesül a  $VU \rightarrow I$  függés.

Ez nem lett volna, ha függőségőrző lenne a felbontás.

Szomorú példa ez: semelyik felbontása sem őrzi meg  $VU \rightarrow I$ -t, mert csak ez olyan függés, aminek jobb oldalán van  $I$ , azaz ha egy felbontás függőségőrző lenne, akkor egy tagjában kéne  $VUI$ -nek lennie, de az nem lenne valódi felbontás.

$\implies$  ennek nincs függőségőrző valódi felbontása, vagyis van olyan reláció, amit nem lehet függőségőrző módon BCNF-ekre szétszedni

## Állítás

*Felbontás BCNF-be nem feltétlenül függőségőrző.*

## Állítás

*Felbontás BCNF-be nem feltétlenül függőségőrző.*

Kellene egy gyengébb normálforma. Ebben lehet valamennyi redundancia, de legyen függőségőrző.

# Adatbázisok elmélete

## 3NF

Katona Gyula Y.

Számítástudományi és Információelméleti Tanszék  
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem

15. előadás

## Definíció

Az  $(R, F)$  séma  $A$  attribútuma **prim (elsődleges)**, ha szerepel valamelyik kulcsban.

## Definíció

Az  $(R, F)$  séma  $A$  attribútuma **prím (elsődleges)**, ha szerepel valamelyik kulcsban.

*Szuperkulcsban minden szerepel, kulcs helyett szuperkulccsal nem lenne sok értelme az előbbi definíciónak.*



## Definíció

Az  $(R, F)$  séma  $A$  attribútuma **prím (elsődleges)**, ha szerepel valamelyik kulcsban.

*Szuperkulcsban minden szerepel, kulcs helyett szuperkulccsal nem lenne sok értelme az előbbi definíciónak.*

## Definíció

Az  $(R, F)$  séma **3NF (harmadik normálformájú)**, ha tetszőleges nemtriviális  $X \rightarrow A \in F^+$  függés esetén  $X$  szuperkulcs vagy  $A$  prímattribútum.

# 3NF

## Definíció

Az  $(R, F)$  séma  $A$  attribútuma **prím (elsődleges)**, ha szerepel valamelyik kulcsban.

*Szuperkulcsban minden szerepel, kulcs helyett szuperkulccsal nem lenne sok értelme az előbbi definíciónak.*

## Definíció

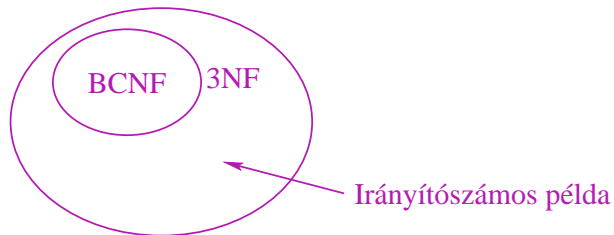
Az  $(R, F)$  séma **3NF (harmadik normálformájú)**, ha tetszőleges nemtriviális  $X \rightarrow A \in F^+$  függés esetén vagy  $X$  szuperkulcs vagy  $A$  prímattribútum.

## Következmény

*Minden BCNF séma egyben 3NF is.*

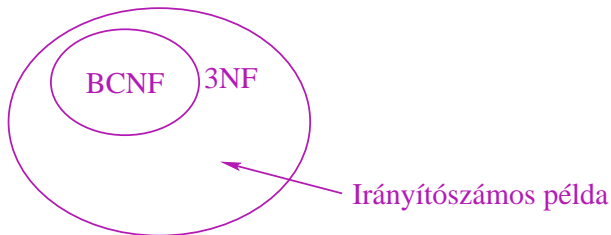
# 3NF

3NF lehet redundáns, de nem nagyon.



# 3NF

3NF lehet redundáns, de nem nagyon.

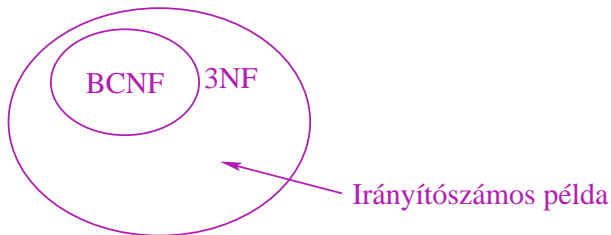


## Tétel

Ha  $(R, F)$  egy 3NF séma, akkor minden nem prím  $A$  attribútumra és  $X \subseteq R$  kulcsra igaz, hogy nincs olyan  $Y$ , hogy  $X \rightarrow Y$ ,  $Y \twoheadrightarrow X$ ,  $Y \rightarrow A$  és  $A \notin Y$ . (Nem-elsődleges attribútum nem függ tranzitívan kulcstól.)

# 3NF

3NF lehet redundáns, de nem nagyon.



## Tétel

*Ha  $(R, F)$  egy 3NF séma, akkor minden nem prím  $A$  attribútumra és  $X \subseteq R$  kulcsra igaz, hogy nincs olyan  $Y$ , hogy  $X \rightarrow Y$ ,  $Y \twoheadrightarrow X$ ,  $Y \rightarrow A$  és  $A \notin Y$ . (Nem-elsődleges attribútum nem függ tranzitívan kulcstól.)*

Nem bizonyítjuk, úgy menne, mint BCNF-nél a hasonló állítás.

## 3NF tulajdonság ellenőrzése

Hogyan tudjuk ellenőrizni, hogy egy séma 3NF-ben van-e?

## 3NF tulajdonság ellenőrzése

Hogyan tudjuk ellenőrizni, hogy egy séma 3NF-ben van-e?

Állítás

*$\leq 2$  attribútumos reláció mindig 3NF.*

# 3NF tulajdonság ellenőrzése

Hogyan tudjuk ellenőrizni, hogy egy séma 3NF-ben van-e?

## Állítás

*$\leq 2$  attribútumos reláció mindig 3NF.*

## Bizonyítás.

Már láttuk, hogy BCNF  $\implies$  3NF



# 3NF tulajdonság ellenőrzése

Hogyan tudjuk ellenőrizni, hogy egy séma 3NF-ben van-e?

## Állítás

$\leq 2$  attribútumos reláció mindig 3NF.

## Bizonyítás.

Már láttuk, hogy BCNF  $\implies$  3NF

Most is  $F^+$  összes függőségét végig kellene nézni.

# 3NF tulajdonság ellenőrzése

Hogyan tudjuk ellenőrizni, hogy egy séma 3NF-ben van-e?

## Állítás

$\leq 2$  attribútumos reláció mindig 3NF.

## Bizonyítás.

Már láttuk, hogy BCNF  $\implies$  3NF

Most is  $F^+$  összes függőségét végig kellene nézni.

**DE:**

### Tétel

*Ha  $(R, F)$  nem 3NF, akkor van olyan  $X \rightarrow Y \in F$ , amely jobboldalának valamely  $A$  attribútumára  $X \rightarrow A$  nemtriviális,  $X$  nem szuperkulcs és  $A$  nem prím. (Az ilyen  $X \rightarrow A \in F^+$ .)*

### Tétel

*Ha  $(R, F)$  nem 3NF, akkor van olyan  $X \rightarrow Y \in F$ , amely jobboldalának valamely  $A$  attribútumára  $X \rightarrow A$  nemtriviális,  $X$  nem szuperkulcs és  $A$  nem prím. (Az ilyen  $X \rightarrow A \in F^+$ .)*

Nem bizonyítjuk.

### Tétel

*Ha  $(R, F)$  nem 3NF, akkor van olyan  $X \rightarrow Y \in F$ , amely jobboldalának valamely  $A$  attribútumára  $X \rightarrow A$  nemtriviális,  $X$  nem superkulcs és  $A$  nem prím. (Az ilyen  $X \rightarrow A \in F^+$ .)*

Nem bizonyítjuk.

Azt tudjuk ellenőrizni egy adott  $X \rightarrow A$  függésre, hogy  $X$  superkulcs-e: kiszámítjuk  $X^+(F)$ -et.

### Tétel

*Ha  $(R, F)$  nem 3NF, akkor van olyan  $X \rightarrow Y \in F$ , amely jobboldalának valamely  $A$  attribútumára  $X \rightarrow A$  nemtriviális,  $X$  nem superkulcs és  $A$  nem prím. (Az ilyen  $X \rightarrow A \in F^+$ .)*

Nem bizonyítjuk.

Azt tudjuk ellenőrizni egy adott  $X \rightarrow A$  függésre, hogy  $X$  superkulcs-e: kiszámítjuk  $X^+(F)$ -et.

De hogyan ellenőrizzük, hogy  $A$  prím-e?

### Tétel

*Ha  $(R, F)$  nem 3NF, akkor van olyan  $X \rightarrow Y \in F$ , amely jobboldalának valamely  $A$  attribútumára  $X \rightarrow A$  nemtriviális,  $X$  nem superkulcs és  $A$  nem prím. (Az ilyen  $X \rightarrow A \in F^+$ .)*

Nem bizonyítjuk.

Azt tudjuk ellenőrizni egy adott  $X \rightarrow A$  függésre, hogy  $X$  superkulcs-e: kiszámítjuk  $X^+(F)$ -et.

De hogyan ellenőrizzük, hogy  $A$  prím-e?  $\implies$  kell az **összes** kulcs

## 3NF tulajdonság ellenőrzése

### Tétel

*Ha  $(R, F)$  nem 3NF, akkor van olyan  $X \rightarrow Y \in F$ , amely jobboldalának valamely  $A$  attribútumára  $X \rightarrow A$  nemtriviális,  $X$  nem superkulcs és  $A$  nem prím. (Az ilyen  $X \rightarrow A \in F^+$ .)*

Nem bizonyítjuk.

Azt tudjuk ellenőrizni egy adott  $X \rightarrow A$  függésre, hogy  $X$  superkulcs-e: kiszámítjuk  $X^+(F)$ -et.

De hogyan ellenőrizzük, hogy  $A$  prím-e?  $\implies$  kell az **összes** kulcs

### Tétel

*Annak eldöntése, hogy egy attribútum prím-e, NP-teljes probléma.*



## 3NF tulajdonság ellenőrzése

### Tétel

Ha  $(R, F)$  nem 3NF, akkor van olyan  $X \rightarrow Y \in F$ , amely jobboldalának valamely  $A$  attribútumára  $X \rightarrow A$  nemtriviális,  $X$  nem superkulcs és  $A$  nem prím. (Az ilyen  $X \rightarrow A \in F^+$ .)

Nem bizonyítjuk.

Azt tudjuk ellenőrizni egy adott  $X \rightarrow A$  függésre, hogy  $X$  superkulcs-e: kiszámítjuk  $X^+(F)$ -et.

De hogyan ellenőrizzük, hogy  $A$  prím-e?  $\implies$  kell az **összes** kulcs

### Tétel

Annak eldöntése, hogy egy attribútum prím-e, NP-teljes probléma.

### Következmény

Annak eldöntése, hogy egy séma 3NF-ben van-e, NP-teljes probléma.

## 3NF tulajdonság ellenőrzése

Persze olyan algoritmus van, ami legrosszabb esetben exponenciális:

## 3NF tulajdonság ellenőrzése

Persze olyan algoritmus van, ami legrosszabb esetben exponenciális:

- Meghatározzuk az összes kulcsot.

## 3NF tulajdonság ellenőrzése

Persze olyan algoritmus van, ami legrosszabb esetben exponenciális:

- Meghatározzuk az összes kulcsot.
- Meghatározzuk az összes prímattribútumot.

## 3NF tulajdonság ellenőrzése

Persze olyan algoritmus van, ami legrosszabb esetben exponenciális:

- Meghatározzuk az összes kulcsot.
- Meghatározzuk az összes primattribútumot.
- Minden  $F$ -beli  $X \rightarrow Y$  függésre nézzük meg:
  - ▶ Igaz-e, hogy  $Y \subseteq X$ . Ha igen, a függés triviális. ✓

## 3NF tulajdonság ellenőrzése

Persze olyan algoritmus van, ami legrosszabb esetben exponenciális:

- Meghatározzuk az összes kulcsot.
- Meghatározzuk az összes primattribútumot.
- Minden  $F$ -beli  $X \rightarrow Y$  függésre nézzük meg:
  - ▶ Igaz-e, hogy  $Y \subseteq X$ . Ha igen, a függés triviális. ✓
  - ▶ Igaz-e, hogy  $X$  kulcs-e. Ha igen, nem sérti a feltételt. ✓

## 3NF tulajdonság ellenőrzése

Persze olyan algoritmus van, ami legrosszabb esetben exponenciális:

- Meghatározzuk az összes kulcsot.
- Meghatározzuk az összes primattribútumot.
- Minden  $F$ -beli  $X \rightarrow Y$  függésre nézzük meg:
  - ▶ Igaz-e, hogy  $Y \subseteq X$ . Ha igen, a függés triviális. ✓
  - ▶ Igaz-e, hogy  $X$  kulcs-e. Ha igen, nem sérti a feltételt. ✓
  - ▶ Igaz-e, hogy  $Y$ -ben csak primattribútumok vannak. Ha igen, nem sérti a feltételt. ✓

## 3NF tulajdonság ellenőrzése

Persze olyan algoritmus van, ami legrosszabb esetben exponenciális:

- Meghatározzuk az összes kulcsot.
- Meghatározzuk az összes primattribútumot.
- Minden  $F$ -beli  $X \rightarrow Y$  függésre nézzük meg:
  - ▶ Igaz-e, hogy  $Y \subseteq X$ . Ha igen, a függés triviális. ✓
  - ▶ Igaz-e, hogy  $X$  kulcs-e. Ha igen, nem sérti a feltételt. ✓
  - ▶ Igaz-e, hogy  $Y$ -ben csak primattribútumok vannak. Ha igen, nem sérti a feltételt. ✓

Ha egyik sem, akkor van olyan függés, ami sérti a feltételt  $\implies$  **nem 3NF**



### Tétel

*Tetszőleges  $(R, F)$  sémának van hűséges és függőségőrző felbontása 3NF sémákra.*

## Tétel

*Tetszőleges  $(R, F)$  sémának van hűséges és függőségőrző felbontása 3NF sémákra.*

## Definíció

*A  $G$  függéshalmaz az  $F$  függéshalmaz **fedése** ha  $G^+ = F^+$ . (Persze ilyenkor  $F$  is fedése  $G$ -nek.)*

## Tétel

*Tetszőleges  $(R, F)$  sémának van hűséges és függőségőrző felbontása 3NF sémákra.*

## Definíció

*A  $G$  függéshalmaz az  $F$  függéshalmaz **fedése** ha  $G^+ = F^+$ . (Persze ilyenkor  $F$  is fedése  $G$ -nek.)*

## Definíció

*A  $G$  függéshalmaz az  $F$  függéshalmaz **minimális fedése**, ha egyrészt fedése, másrészt*

*(1) a  $G$ -beli függések  $X \rightarrow A$  alakúak, ahol  $A \notin X$*

## Tétel

*Tetszőleges  $(R, F)$  sémának van hűséges és függőségőrző felbontása 3NF sémákra.*

## Definíció

*A  $G$  függéshalmaz az  $F$  függéshalmaz **fedése** ha  $G^+ = F^+$ . (Persze ilyenkor  $F$  is fedése  $G$ -nek.)*

## Definíció

*A  $G$  függéshalmaz az  $F$  függéshalmaz **minimális fedése**, ha egyrészt fedése, másrészt*

- 1) a  $G$ -beli függések  $X \rightarrow A$  alakúak, ahol  $A \notin X$*
- 2)  $G$ -ből nem hagyható el függés:  $(G \setminus \{X \rightarrow A\})^+ \subsetneq G^+$*

## Tétel

Tetszőleges  $(R, F)$  sémának van hűséges és függőségőrző felbontása 3NF sémákra.

## Definíció

A  $G$  függéshalmaz az  $F$  függéshalmaz **fedése** ha  $G^+ = F^+$ . (Persze ilyenkor  $F$  is fedése  $G$ -nek.)

## Definíció

A  $G$  függéshalmaz az  $F$  függéshalmaz **minimális fedése**, ha egyrészt fedése, másrészt

- (1) a  $G$ -beli függések  $X \rightarrow A$  alakúak, ahol  $A \notin X$
- (2)  $G$ -ből nem hagyható el függés:  $(G \setminus \{X \rightarrow A\})^+ \subsetneq G^+$
- (3)  $G$ -beli függések baloldalai minimálisak:  $Y \subsetneq X$   
 $\implies (G \setminus \{X \rightarrow A\} \cup \{Y \rightarrow A\})^+ \subsetneq G^+$

## Tétel

Tetszőleges  $(R, F)$  sémának van hűséges és függőségőrző felbontása 3NF sémákra.

## Definíció

A  $G$  függéshalmaz az  $F$  függéshalmaz **fedése** ha  $G^+ = F^+$ . (Persze ilyenkor  $F$  is fedése  $G$ -nek.)

## Definíció

A  $G$  függéshalmaz az  $F$  függéshalmaz **minimális fedése**, ha egyrészt fedése, másrészt

- (1) a  $G$ -beli függések  $X \rightarrow A$  alakúak, ahol  $A \notin X$
- (2)  $G$ -ből nem hagyható el függés:  $(G \setminus \{X \rightarrow A\})^+ \subsetneq G^+$
- (3)  $G$ -beli függések baloldalai minimálisak:  $Y \subsetneq X$   
 $\implies (G \setminus \{X \rightarrow A\} \cup \{Y \rightarrow A\})^+ \subsetneq G^+$

## Állítás

*Tetszőleges F-nek van minimális fedése.*

## Állítás

*Tetszőleges  $F$ -nek van minimális fedése.*

## Bizonyítás.

Algoritmust adunk, külön gondoskodunk minden pont teljesítéséről.



## Állítás

*Tetszőleges  $F$ -nek van minimális fedése.*

## Bizonyítás.

Algoritmust adunk, külön gondoskodunk minden pont teljesítéséről.

(1)  $X \rightarrow Y \in G$ ,  $Y = A_1 \dots A_k \implies$  minden  $X \rightarrow A_i$ -t beveszünk, ha  $A_i \notin X$ .

### Állítás

*Tetszőleges  $F$ -nek van minimális fedése.*

### Bizonyítás.

Algoritmust adunk, külön gondoskodunk minden pont teljesítéséről.

- (1)  $X \rightarrow Y \in G$ ,  $Y = A_1 \dots A_k \implies$  minden  $X \rightarrow A_i$ -t beveszünk, ha  $A_i \notin X$ .
- (2) Minden  $X \rightarrow A \in G$  függésre kiszámoljuk  $Y := X^+(G \setminus \{X \rightarrow A\})$ -t. Ha  $A \in Y$ , akkor  $X \rightarrow A$  elhagyható, különben nem.

### Állítás

*Tetszőleges  $F$ -nek van minimális fedése.*

### Bizonyítás.

Algoritmust adunk, külön gondoskodunk minden pont teljesítéséről.

- (1)  $X \rightarrow Y \in G$ ,  $Y = A_1 \dots A_k \implies$  minden  $X \rightarrow A_i$ -t beveszünk, ha  $A_i \notin X$ .
- (2) Minden  $X \rightarrow A \in G$  függésre kiszámoljuk  $Y := X^+(G \setminus \{X \rightarrow A\})$ -t. Ha  $A \in Y$ , akkor  $X \rightarrow A$  elhagyható, különben nem.
- (3) Ellenőrizni kell, hogy  $X \rightarrow A$  baloldala minimális-e.  $X$  minden  $B$  elemére kiszámoljuk  $Y := (X \setminus \{B\})^+(G)$ -t. Ha  $A \in Y$ , akkor  $X \rightarrow A$  helyett vegyük be  $X - \{B\} \rightarrow A$ -t. Ha egyik  $B$ -re se lesz ilyen, akkor  $X$  minimális.

## Állítás

*Tetszőleges  $F$ -nek van minimális fedése.*

## Bizonyítás.

Algoritmust adunk, külön gondoskodunk minden pont teljesítéséről.

- (1)  $X \rightarrow Y \in G$ ,  $Y = A_1 \dots A_k \implies$  minden  $X \rightarrow A_i$ -t beveszünk, ha  $A_i \notin X$ .
- (2) Minden  $X \rightarrow A \in G$  függésre kiszámoljuk  $Y := X^+(G \setminus \{X \rightarrow A\})$ -t. Ha  $A \in Y$ , akkor  $X \rightarrow A$  elhagyható, különben nem.
- (3) Ellenőrizni kell, hogy  $X \rightarrow A$  baloldala minimális-e.  $X$  minden  $B$  elemére kiszámoljuk  $Y := (X \setminus \{B\})^+(G)$ -t. Ha  $A \in Y$ , akkor  $X \rightarrow A$  helyett vegyük be  $X - \{B\} \rightarrow A$ -t. Ha egyik  $B$ -re se lesz ilyen, akkor  $X$  minimális.

**Megjegyzés:** És persze a fenti három lépés során a függéshalmaz lezártja nem változik. □

# Példa

$$R = (A, B, C, D) \quad F = \{AB \rightarrow CD; AC \rightarrow BD; C \rightarrow A; C \rightarrow B\}$$

## Példa

$R = (A, B, C, D)$       $F = \{AB \rightarrow CD; AC \rightarrow BD; C \rightarrow A; C \rightarrow B\}$

(1)  $F' = \{AB \rightarrow C; AB \rightarrow D; AC \rightarrow B; AC \rightarrow D; C \rightarrow A; C \rightarrow B\}$

## Példa

$R = (A, B, C, D)$        $F = \{AB \rightarrow CD; AC \rightarrow BD; C \rightarrow A; C \rightarrow B\}$

(1)  $F' = \{AB \rightarrow C; AB \rightarrow D; AC \rightarrow B; AC \rightarrow D; C \rightarrow A; C \rightarrow B\}$

(2)  $C \rightarrow B$  miatt  $AC \rightarrow B$  elhagyható és  $AB \rightarrow C$  és  $AC \rightarrow D$  miatt  $AB \rightarrow D$  elhagyható, de más nem, ezt végig lehet nézni.

$F' = \{AB \rightarrow C; AC \rightarrow D; C \rightarrow A; C \rightarrow B\}$

## Példa

$$R = (A, B, C, D) \quad F = \{AB \rightarrow CD; AC \rightarrow BD; C \rightarrow A; C \rightarrow B\}$$

$$(1) F' = \{AB \rightarrow C; AB \rightarrow D; AC \rightarrow B; AC \rightarrow D; C \rightarrow A; C \rightarrow B\}$$

(2)  $C \rightarrow B$  miatt  $AC \rightarrow B$  elhagyható és  $AB \rightarrow C$  és  $AC \rightarrow D$  miatt  $AB \rightarrow D$  elhagyható, de más nem, ezt végig lehet nézni.

$$F' = \{AB \rightarrow C; AC \rightarrow D; C \rightarrow A; C \rightarrow B\}$$

(3)  $C \rightarrow A$  miatt  $AC \rightarrow D$  baloldaláról  $A$  elhagyható.

$$F'' = \{AB \rightarrow C; C \rightarrow D; C \rightarrow A; C \rightarrow B\}$$



# Példa

$$R = (A, B, C, D) \quad F = \{AB \rightarrow CD; AC \rightarrow BD; C \rightarrow A; C \rightarrow B\}$$

$$(1) F' = \{AB \rightarrow C; AB \rightarrow D; AC \rightarrow B; AC \rightarrow D; C \rightarrow A; C \rightarrow B\}$$

(2)  $C \rightarrow B$  miatt  $AC \rightarrow B$  elhagyható és  $AB \rightarrow C$  és  $AC \rightarrow D$  miatt  $AB \rightarrow D$  elhagyható, de más nem, ezt végig lehet nézni.

$$F' = \{AB \rightarrow C; AC \rightarrow D; C \rightarrow A; C \rightarrow B\}$$

(3)  $C \rightarrow A$  miatt  $AC \rightarrow D$  baloldaláról  $A$  elhagyható.

$$F'' = \{AB \rightarrow C; C \rightarrow D; C \rightarrow A; C \rightarrow B\}$$

Ez már minimális fedés.

# Példa

$$R = (A, B, C, D) \quad F = \{AB \rightarrow CD; AC \rightarrow BD; C \rightarrow A; C \rightarrow B\}$$

$$(1) F' = \{AB \rightarrow C; AB \rightarrow D; AC \rightarrow B; AC \rightarrow D; C \rightarrow A; C \rightarrow B\}$$

(2)  $C \rightarrow B$  miatt  $AC \rightarrow B$  elhagyható és  $AB \rightarrow C$  és  $AC \rightarrow D$  miatt  $AB \rightarrow D$  elhagyható, de más nem, ezt végig lehet nézni.

$$F' = \{AB \rightarrow C; AC \rightarrow D; C \rightarrow A; C \rightarrow B\}$$

(3)  $C \rightarrow A$  miatt  $AC \rightarrow D$  baloldaláról  $A$  elhagyható.

$$F'' = \{AB \rightarrow C; C \rightarrow D; C \rightarrow A; C \rightarrow B\}$$

Ez már minimális fedés.

**A minimális fedés nem feltétlenül egyértelmű!**

$$R = (A, B, C, D) \quad F = \{AB \rightarrow CD; AC \rightarrow BD; C \rightarrow A; C \rightarrow B\}$$

$$(1) F' = \{AB \rightarrow C; AB \rightarrow D; AC \rightarrow B; AC \rightarrow D; C \rightarrow A; C \rightarrow B\}$$

(2)  $C \rightarrow B$  miatt  $AC \rightarrow B$  elhagyható és  $AB \rightarrow C$  és  $AC \rightarrow D$  miatt  $AB \rightarrow D$  elhagyható, de más nem, ezt végig lehet nézni.

$$F' = \{AB \rightarrow C; AC \rightarrow D; C \rightarrow A; C \rightarrow B\}$$

(3)  $C \rightarrow A$  miatt  $AC \rightarrow D$  baloldaláról  $A$  elhagyható.

$$F'' = \{AB \rightarrow C; C \rightarrow D; C \rightarrow A; C \rightarrow B\}$$

Ez már minimális fedés.

**A minimális fedés nem feltétlenül egyértelmű!**

Példa:  $R(A, B, C) \quad F = \{AB \rightarrow C; A \rightarrow B; B \rightarrow A\}$  esetén jó minimális fedés lesz

$$G_1 = \{B \rightarrow C; A \rightarrow B; B \rightarrow A\} \text{ és}$$

$$G_2 = \{A \rightarrow C; A \rightarrow B; B \rightarrow A\} \text{ is.}$$

## Tétel

*Tetszőleges  $(R, F)$  sémának van hűséges és függőségőrző felbontása 3NF sémákra.*

# Bizonyítás

## Tétel

*Tetszőleges  $(R, F)$  sémának van hűségese és függőségőrző felbontása 3NF sémákra.*

## Bizonyítás.

Vegyük  $F$  egy minimális fedését:  $G = \{X_1 \rightarrow A_1, \dots, X_k \rightarrow A_k\}$

# Bizonyítás

## Tétel

*Tetszőleges  $(R, F)$  sémának van hűséges és függőségőrző felbontása 3NF sémákra.*

## Bizonyítás.

Vegyük  $F$  egy minimális fedését:  $G = \{X_1 \rightarrow A_1, \dots, X_k \rightarrow A_k\}$

Legyen  $X$  egy kulcs és  $\rho = (X, X_1 A_1, \dots, X_k A_k)$  egy felbontás.  $\implies R_0, R_1, \dots, R_k$

## Tétel

*Tetszőleges  $(R, F)$  sémának van hűséges és függőségőrző felbontása 3NF sémákra.*

## Bizonyítás.

Vegyük  $F$  egy minimális fedését:  $G = \{X_1 \rightarrow A_1, \dots, X_k \rightarrow A_k\}$

Legyen  $X$  egy kulcs és  $\rho = (X, X_1 A_1, \dots, X_k A_k)$  egy felbontás.  $\implies R_0, R_1, \dots, R_k$

Állítás: ez függőségőrző lesz, a tagok 3NF-ek és a felbontás hűséges.

## Tétel

*Tetszőleges  $(R, F)$  sémának van hűséges és függőségőrző felbontása 3NF sémákra.*

## Bizonyítás.

Vegyük  $F$  egy minimális fedését:  $G = \{X_1 \rightarrow A_1, \dots, X_k \rightarrow A_k\}$

Legyen  $X$  egy kulcs és  $\rho = (X, X_1 A_1, \dots, X_k A_k)$  egy felbontás.  $\implies R_0, R_1, \dots, R_k$

**Állítás:** ez függőségőrző lesz, a tagok 3NF-ek és a felbontás hűséges.

**$\rho$  függőségőrző:**  $F^+ = G^+$  és minden  $G$ -beli  $X \rightarrow A_i$  függés benne lesz  $R_i$ -ben (ott ellenőrizhető).



## Tétel

*Tetszőleges  $(R, F)$  sémának van hűséges és függőségőrző felbontása 3NF sémákra.*

## Bizonyítás.

Vegyük  $F$  egy minimális fedését:  $G = \{X_1 \rightarrow A_1, \dots, X_k \rightarrow A_k\}$

Legyen  $X$  egy kulcs és  $\rho = (X, X_1 A_1, \dots, X_k A_k)$  egy felbontás.  $\implies R_0, R_1, \dots, R_k$

**Állítás:** ez függőségőrző lesz, a tagok 3NF-ek és a felbontás hűséges.

**$\rho$  függőségőrző:**  $F^+ = G^+$  és minden  $G$ -beli  $X \rightarrow A_i$  függés benne lesz  $R_i$ -ben (ott ellenőrizhető).

**$R_0$  3NF:**  $R_0$ -ban nincs nemtriviális függés, mert különben  $X$  nem lenne kulcs, csak szuperkulcs

## Tétel

*Tetszőleges  $(R, F)$  sémának van hűséges és függőségőrző felbontása 3NF sémákra.*

## Bizonyítás.

Vegyük  $F$  egy minimális fedését:  $G = \{X_1 \rightarrow A_1, \dots, X_k \rightarrow A_k\}$

Legyen  $X$  egy kulcs és  $\rho = (X, X_1 A_1, \dots, X_k A_k)$  egy felbontás.  $\implies R_0, R_1, \dots, R_k$

**Állítás:** ez függőségőrző lesz, a tagok 3NF-ek és a felbontás hűséges.

**$\rho$  függőségőrző:**  $F^+ = G^+$  és minden  $G$ -beli  $X \rightarrow A_i$  függés benne lesz  $R_i$ -ben (ott ellenőrizhető).

**$R_0$  3NF:**  $R_0$ -ban nincs nemtriviális függés, mert különben  $X$  nem lenne kulcs, csak szuperkulcs  $\implies R_0$  BCNF  $\implies$  3NF

## Tétel

*Tetszőleges  $(R, F)$  sémának van hűséges és függőségőrző felbontása 3NF sémákra.*

## Bizonyítás.

Vegyük  $F$  egy minimális fedését:  $G = \{X_1 \rightarrow A_1, \dots, X_k \rightarrow A_k\}$

Legyen  $X$  egy kulcs és  $\rho = (X, X_1 A_1, \dots, X_k A_k)$  egy felbontás.  $\implies R_0, R_1, \dots, R_k$

**Állítás:** ez függőségőrző lesz, a tagok 3NF-ek és a felbontás hűséges.

**$\rho$  függőségőrző:**  $F^+ = G^+$  és minden  $G$ -beli  $X \rightarrow A_i$  függés benne lesz  $R_i$ -ben (ott ellenőrizhető).

**$R_0$  3NF:**  $R_0$ -ban nincs nemtriviális függés, mert különben  $X$  nem lenne kulcs, csak superkulcs  $\implies R_0$  BCNF  $\implies$  3NF

**Többi  $R_i$  is 3NF:** tegyük fel, hogy nem az  $\implies \exists U \rightarrow B$  nemtriviális függés, hogy  $U$  nem superkulcs  $R_i$ -ben és  $B$  nem primattribútum  $R_i$ -ben.

Ha  $B = A_i$ , akkor  $U \subseteq X_i$ , de  $U \neq X_i$ , hiszen akkor  $U$  superkulcs lenne  $R_i$ -ben.

## Tétel

*Tetszőleges  $(R, F)$  sémának van hűséges és függőségőrző felbontása 3NF sémákra.*

## Bizonyítás.

Vegyük  $F$  egy minimális fedését:  $G = \{X_1 \rightarrow A_1, \dots, X_k \rightarrow A_k\}$

Legyen  $X$  egy kulcs és  $\rho = (X, X_1 A_1, \dots, X_k A_k)$  egy felbontás.  $\implies R_0, R_1, \dots, R_k$

**Állítás:** ez függőségőrző lesz, a tagok 3NF-ek és a felbontás hűséges.

**$\rho$  függőségőrző:**  $F^+ = G^+$  és minden  $G$ -beli  $X \rightarrow A_i$  függés benne lesz  $R_i$ -ben (ott ellenőrizhető).

**$R_0$  3NF:**  $R_0$ -ban nincs nemtriviális függés, mert különben  $X$  nem lenne kulcs, csak superkulcs  $\implies R_0$  BCNF  $\implies$  3NF

**Többi  $R_i$  is 3NF:** tegyük fel, hogy nem az  $\implies \exists U \rightarrow B$  nemtriviális függés, hogy  $U$  nem superkulcs  $R_i$ -ben és  $B$  nem primattribútum  $R_i$ -ben.

Ha  $B = A_i$ , akkor  $U \subseteq X_i$ , de  $U \neq X_i$ , hiszen akkor  $U$  superkulcs lenne  $R_i$ -ben.

$\implies U \subset X_i \implies X_i \rightarrow A_i$  baloldala csökkenthető  $G$ -ben  $U$ -ra.

*Tetszőleges  $(R, F)$  sémának van hűséges és függőségőrző felbontása 3NF sémákra.*

## Bizonyítás.

Vegyük  $F$  egy minimális fedését:  $G = \{X_1 \rightarrow A_1, \dots, X_k \rightarrow A_k\}$

Legyen  $X$  egy kulcs és  $\rho = (X, X_1 A_1, \dots, X_k A_k)$  egy felbontás.  $\implies R_0, R_1, \dots, R_k$

**Állítás:** ez függőségőrző lesz, a tagok 3NF-ek és a felbontás hűséges.

**$\rho$  függőségőrző:**  $F^+ = G^+$  és minden  $G$ -beli  $X \rightarrow A_i$  függés benne lesz  $R_i$ -ben (ott ellenőrizhető).

**$R_0$  3NF:**  $R_0$ -ban nincs nemtriviális függés, mert különben  $X$  nem lenne kulcs, csak superkulcs  $\implies R_0$  BCNF  $\implies$  3NF

**Többi  $R_i$  is 3NF:** tegyük fel, hogy nem az  $\implies \exists U \rightarrow B$  nemtriviális függés, hogy  $U$  nem superkulcs  $R_i$ -ben és  $B$  nem primattribútum  $R_i$ -ben.

Ha  $B = A_i$ , akkor  $U \subseteq X_i$ , de  $U \neq X_i$ , hiszen akkor  $U$  superkulcs lenne  $R_i$ -ben.

$\implies U \subset X_i \implies X_i \rightarrow A_i$  baloldala csökkenthető  $G$ -ben  $U$ -ra. Ellentmondás, mert akkor  $G$  nem volt minimális fedés.

## Tétel

Tetszőleges  $(R, F)$  sémának van hűséges és függőségőrző felbontása 3NF sémákra.

## Bizonyítás.

Vegyük  $F$  egy minimális fedését:  $G = \{X_1 \rightarrow A_1, \dots, X_k \rightarrow A_k\}$

Legyen  $X$  egy kulcs és  $\rho = (X, X_1 A_1, \dots, X_k A_k)$  egy felbontás.  $\implies R_0, R_1, \dots, R_k$

Állítás: ez függőségőrző lesz, a tagok 3NF-ek és a felbontás hűséges.

$\rho$  függőségőrző:  $F^+ = G^+$  és minden  $G$ -beli  $X \rightarrow A_i$  függés benne lesz  $R_i$ -ben (ott ellenőrizhető).

**$R_0$  3NF:**  $R_0$ -ban nincs nemtriviális függés, mert különben  $X$  nem lenne kulcs, csak superkulcs  $\implies R_0$  BCNF  $\implies$  3NF

**Többi  $R_i$  is 3NF:** tegyük fel, hogy nem az  $\implies \exists U \rightarrow B$  nemtriviális függés, hogy  $U$  nem superkulcs  $R_i$ -ben és  $B$  nem primattribútum  $R_i$ -ben.

Ha  $B = A_i$ , akkor  $U \subseteq X_i$ , de  $U \neq X_i$ , hiszen akkor  $U$  superkulcs lenne  $R_i$ -ben.

$\implies U \subset X_i \implies X_i \rightarrow A_i$  baloldala csökkenthető  $G$ -ben  $U$ -ra. Ellentmondás, mert akkor  $G$  nem volt minimális fedés.

Ha  $B \neq A_i \implies B \in X_i$  és  $B$  nem prim  $R_i$ -ben  $\implies X_i$  nem kulcs  $R_i$ -ben (de superkulcs)

## Tétel

*Tetszőleges  $(R, F)$  sémának van hűséges és függőségőrző felbontása 3NF sémákra.*

## Bizonyítás.

Vegyük  $F$  egy minimális fedését:  $G = \{X_1 \rightarrow A_1, \dots, X_k \rightarrow A_k\}$

Legyen  $X$  egy kulcs és  $\rho = (X, X_1 A_1, \dots, X_k A_k)$  egy felbontás.  $\implies R_0, R_1, \dots, R_k$

**Állítás:** ez függőségőrző lesz, a tagok 3NF-ek és a felbontás hűséges.

**$\rho$  függőségőrző:**  $F^+ = G^+$  és minden  $G$ -beli  $X \rightarrow A_i$  függés benne lesz  $R_i$ -ben (ott ellenőrizhető).

**$R_0$  3NF:**  $R_0$ -ban nincs nemtriviális függés, mert különben  $X$  nem lenne kulcs, csak superkulcs  $\implies R_0$  BCNF  $\implies$  3NF

**Többi  $R_i$  is 3NF:** tegyük fel, hogy nem az  $\implies \exists U \rightarrow B$  nemtriviális függés, hogy  $U$  nem superkulcs  $R_i$ -ben és  $B$  nem primattribútum  $R_i$ -ben.

Ha  $B = A_i$ , akkor  $U \subseteq X_i$ , de  $U \neq X_i$ , hiszen akkor  $U$  superkulcs lenne  $R_i$ -ben.

$\implies U \subset X_i \implies X_i \rightarrow A_i$  baloldala csökkenthető  $G$ -ben  $U$ -ra. Ellentmondás, mert akkor  $G$  nem volt minimális fedés.

Ha  $B \neq A_i \implies B \in X_j$  és  $B$  nem prim  $R_j$ -ben  $\implies X_j$  nem kulcs  $R_j$ -ben (de superkulcs)  $\implies \exists Y \subsetneq X_j$  kulcs  $R_j$ -ben  $\implies Y \rightarrow A_j$  fennáll

## Tétel

Tetszőleges  $(R, F)$  sémának van hűséges és függőségőrző felbontása 3NF sémákra.

## Bizonyítás.

Vegyük  $F$  egy minimális fedését:  $G = \{X_1 \rightarrow A_1, \dots, X_k \rightarrow A_k\}$

Legyen  $X$  egy kulcs és  $\rho = (X, X_1 A_1, \dots, X_k A_k)$  egy felbontás.  $\implies R_0, R_1, \dots, R_k$

**Állítás:** ez függőségőrző lesz, a tagok 3NF-ek és a felbontás hűséges.

**$\rho$  függőségőrző:**  $F^+ = G^+$  és minden  $G$ -beli  $X \rightarrow A_i$  függés benne lesz  $R_i$ -ben (ott ellenőrizhető).

**$R_0$  3NF:**  $R_0$ -ban nincs nemtriviális függés, mert különben  $X$  nem lenne kulcs, csak superkulcs  $\implies R_0$  BCNF  $\implies$  3NF

**Többi  $R_i$  is 3NF:** tegyük fel, hogy nem az  $\implies \exists U \rightarrow B$  nemtriviális függés, hogy  $U$  nem superkulcs  $R_i$ -ben és  $B$  nem primattribútum  $R_i$ -ben.

Ha  $B = A_i$ , akkor  $U \subseteq X_i$ , de  $U \neq X_i$ , hiszen akkor  $U$  superkulcs lenne  $R_i$ -ben.

$\implies U \subset X_i \implies X_i \rightarrow A_i$  baloldala csökkenthető  $G$ -ben  $U$ -ra. Ellentmondás, mert akkor  $G$  nem volt minimális fedés.

Ha  $B \neq A_i \implies B \in X_i$  és  $B$  nem prim  $R_i$ -ben  $\implies X_i$  nem kulcs  $R_i$ -ben (de superkulcs)  $\implies \exists Y \subsetneq X_i$  kulcs  $R_i$ -ben  $\implies Y \rightarrow A_i$  fennáll  $\implies X_i \rightarrow A_i$  baloldala csökkenthető  $G$ -ben  $Y$ -ra, megint csak ellentmondás.



## Tétel

*Tetszőleges  $(R, F)$  sémának van hűségese és függőségőrző felbontása 3NF sémákra.*

## Bizonyítás.

Vegyük  $F$  egy minimális fedését:  $G = \{X_1 \rightarrow A_1, \dots, X_k \rightarrow A_k\}$

Legyen  $X$  egy kulcs és  $\rho = (X, X_1 A_1, \dots, X_k A_k)$  egy felbontás.  $\implies R_0, R_1, \dots, R_k$

**Állítás:** ez függőségőrző lesz, a tagok 3NF-ek és a felbontás hűséges.

**$\rho$  függőségőrző:**  $F^+ = G^+$  és minden  $G$ -beli  $X \rightarrow A_i$  függés benne lesz  $R_i$ -ben (ott ellenőrizhető).

**$R_0$  3NF:**  $R_0$ -ban nincs nemtriviális függés, mert különben  $X$  nem lenne kulcs, csak superkulcs  $\implies R_0$  BCNF  $\implies$  3NF

**Többi  $R_i$  is 3NF:** tegyük fel, hogy nem az  $\implies \exists U \rightarrow B$  nemtriviális függés, hogy  $U$  nem superkulcs  $R_i$ -ben és  $B$  nem primattribútum  $R_i$ -ben.

Ha  $B = A_i$ , akkor  $U \subseteq X_i$ , de  $U \neq X_i$ , hiszen akkor  $U$  superkulcs lenne  $R_i$ -ben.

$\implies U \subset X_i \implies X_i \rightarrow A_i$  baloldala csökkenthető  $G$ -ben  $U$ -ra. Ellentmondás, mert akkor  $G$  nem volt minimális fedés.

Ha  $B \neq A_i \implies B \in X_i$  és  $B$  nem prim  $R_i$ -ben  $\implies X_i$  nem kulcs  $R_i$ -ben (de superkulcs)  $\implies \exists Y \subsetneq X_i$  kulcs  $R_i$ -ben  $\implies Y \rightarrow A_i$  fennáll  $\implies X_i \rightarrow A_i$  baloldala csökkenthető  $G$ -ben  $Y$ -ra, megint csak ellentmondás.

**$\rho$  hűséges:** Higgyük el, nem bizonyítjuk. □

*Megjegyzés:* Előfordulhat, hogy valamelyik  $X_i A_i$  már tartalmaz kulcsot. Ilyenkor a  $\rho = \{X_1 A_1, \dots, X_k A_k\}$  is jó felbontás már.

*Megjegyzés:* Előfordulhat, hogy valamelyik  $X_i A_i$  már tartalmaz kulcsot. Ilyenkor a  $\rho = \{X_1 A_1, \dots, X_k A_k\}$  is jó felbontás már.

*Megjegyzés:* 2NF már nem érdekes, 1NF kicsit érdekes, de nem foglalkozunk vele.

## Példa: 3NF-re bontás

$R = (A, B, C, D, E)$       $F = \{AE \rightarrow BC; AC \rightarrow D; CD \rightarrow BE; D \rightarrow E\}$

## Példa: 3NF-re bontás

$R = (A, B, C, D, E)$       $F = \{AE \rightarrow BC; AC \rightarrow D; CD \rightarrow BE; D \rightarrow E\}$

Ez nem 3NF, mert a kulcsok:

semelyik egyelemű halmaz nem kulcs (csak D lehetne, de az ő lezártja csak DE),

## Példa: 3NF-re bontás

$R = (A, B, C, D, E)$       $F = \{AE \rightarrow BC; AC \rightarrow D; CD \rightarrow BE; D \rightarrow E\}$

Ez nem 3NF, mert a kulcsok:

semelyik egyelemű halmaz nem kulcs (csak D lehetne, de az ő lezártja csak DE), viszont kételeműek közül szuperkulcs lesz AC, AD, AE (A-nak benne kell lennie minden kulcsban, mert A nincs jobboldalon), AB viszont nem szuperkulcs.

## Példa: 3NF-re bontás

$R = (A, B, C, D, E)$       $F = \{AE \rightarrow BC; AC \rightarrow D; CD \rightarrow BE; D \rightarrow E\}$

Ez nem 3NF, mert a kulcsok:

semelyik egyelemű halmaz nem kulcs (csak D lehetne, de az ő lezártja csak DE), viszont kételeműek közül szuperkulcs lesz AC, AD, AE (A-nak benne kell lennie minden kulcsban, mert A nincs jobboldalon), AB viszont nem szuperkulcs. Ezek kulcsok is lesznek, mert egyik egyelemű se volt kulcs.

## Példa: 3NF-re bontás

$R = (A, B, C, D, E)$       $F = \{AE \rightarrow BC; AC \rightarrow D; CD \rightarrow BE; D \rightarrow E\}$

Ez nem 3NF, mert a kulcsok:

semelyik egyelemű halmaz nem kulcs (csak D lehetne, de az ő lezártja csak DE), viszont kételeműek közül szuperkulcs lesz AC, AD, AE (A-nak benne kell lennie minden kulcsban, mert A nincs jobboldalon), AB viszont nem szuperkulcs.

Ezek kulcsok is lesznek, mert egyik egyelemű se volt kulcs.

Más kulcs nincs is, mert ha lenne legalább háromelemű halmaz, aminek a lezártja az egész, akkor abban A biztos benne van és legalább C vagy D vagy E is benne van, de akkor az már csak szuperkulcs lehet, mert tartalmaz kulcsot.



## Példa: 3NF-re bontás

$R = (A, B, C, D, E)$       $F = \{AE \rightarrow BC; AC \rightarrow D; CD \rightarrow BE; D \rightarrow E\}$

Ez nem 3NF, mert a kulcsok:

semelyik egyelemű halmaz nem kulcs (csak D lehetne, de az ő lezártja csak DE), viszont kételeműek közül superkulcs lesz AC, AD, AE (A-nak benne kell lennie minden kulcsban, mert A nincs jobboldalon), AB viszont nem superkulcs.

Ezek kulcsok is lesznek, mert egyik egyelemű se volt kulcs.

Más kulcs nincs is, mert ha lenne legalább háromelemű halmaz, aminek a lezártja az egész, akkor abban A biztos benne van és legalább C vagy D vagy E is benne van, de akkor az már csak superkulcs lehet, mert tartalmaz kulcsot.

Innen látszik, hogy a primattribútumok: A, C, D, E, vagyis B nem az.

## Példa: 3NF-re bontás (folyt.)

$R = (A, B, C, D, E)$        $F = \{AE \rightarrow BC; AC \rightarrow D; CD \rightarrow BE; D \rightarrow E\}$

Tehát a  $CD \rightarrow B$  függés rossz a 3NF szempontjából, mert  $CD$  nem szuperkulcs és  $B$  nem prím.

## Példa: 3NF-re bontás (folyt.)

$R = (A, B, C, D, E)$        $F = \{AE \rightarrow BC; AC \rightarrow D; CD \rightarrow BE; D \rightarrow E\}$

Tehát a  $CD \rightarrow B$  függés rossz a 3NF szempontjából, mert  $CD$  nem superkulcs és  $B$  nem prím.

Csináljunk hát egy 3NF-ekre való függőségőrző, hűségese felbontást.

## Példa: 3NF-re bontás (folyt.)

$R = (A, B, C, D, E)$        $F = \{AE \rightarrow BC; AC \rightarrow D; CD \rightarrow BE; D \rightarrow E\}$

Tehát a  $CD \rightarrow B$  függés rossz a 3NF szempontjából, mert  $CD$  nem superkulcs és  $B$  nem prím.

Csináljunk hát egy 3NF-ekre való függőségőrző, hűségese felbontást.

(1)  $F' = \{AE \rightarrow B; AE \rightarrow C; AC \rightarrow D; CD \rightarrow B; CD \rightarrow E; D \rightarrow E\}$

## Példa: 3NF-re bontás (folyt.)

$R = (A, B, C, D, E)$        $F = \{AE \rightarrow BC; AC \rightarrow D; CD \rightarrow BE; D \rightarrow E\}$

Tehát a  $CD \rightarrow B$  függés rossz a 3NF szempontjából, mert  $CD$  nem superkulcs és  $B$  nem prím.

Csináljunk hát egy 3NF-ekre való függőségőrző, hűségese felbontást.

(1)  $F' = \{AE \rightarrow B; AE \rightarrow C; AC \rightarrow D; CD \rightarrow B; CD \rightarrow E; D \rightarrow E\}$

(2)  $AE \rightarrow C, AC \rightarrow D, CD \rightarrow B$  miatt  $AE \rightarrow B$  elhagyható és  $D \rightarrow E$  miatt  $CD \rightarrow E$  is elhagyható,

## Példa: 3NF-re bontás (folyt.)

$$R = (A, B, C, D, E) \quad F = \{AE \rightarrow BC; AC \rightarrow D; CD \rightarrow BE; D \rightarrow E\}$$

Tehát a  $CD \rightarrow B$  függés rossz a 3NF szempontjából, mert  $CD$  nem superkulcs és  $B$  nem prím.

Csináljunk hát egy 3NF-ekre való függőségőrző, hűségese felbontást.

(1)  $F' = \{AE \rightarrow B; AE \rightarrow C; AC \rightarrow D; CD \rightarrow B; CD \rightarrow E; D \rightarrow E\}$

(2)  $AE \rightarrow C, AC \rightarrow D, CD \rightarrow B$  miatt  $AE \rightarrow B$  elhagyható és  $D \rightarrow E$  miatt  $CD \rightarrow E$  is elhagyható, de más nem, ezt végig lehet nézni (mert például  $AE$ -nek a maradék függésekre vett lezártjában nincsen benne  $C$ ).

$$F'' = \{AE \rightarrow C; AC \rightarrow D; CD \rightarrow B; D \rightarrow E\}$$

## Példa: 3NF-re bontás (folyt.)

$$R = (A, B, C, D, E) \quad F = \{AE \rightarrow BC; AC \rightarrow D; CD \rightarrow BE; D \rightarrow E\}$$

Tehát a  $CD \rightarrow B$  függés rossz a 3NF szempontjából, mert  $CD$  nem superkulcs és  $B$  nem prím.

Csináljunk hát egy 3NF-ekre való függőségőrző, hűségese felbontást.

(1)  $F' = \{AE \rightarrow B; AE \rightarrow C; AC \rightarrow D; CD \rightarrow B; CD \rightarrow E; D \rightarrow E\}$

(2)  $AE \rightarrow C, AC \rightarrow D, CD \rightarrow B$  miatt  $AE \rightarrow B$  elhagyható és  $D \rightarrow E$  miatt  $CD \rightarrow E$  is elhagyható, de más nem, ezt végig lehet nézni (mert például  $AE$ -nek a maradék függésekre vett lezártjában nincsen benne  $C$ ).

$$F'' = \{AE \rightarrow C; AC \rightarrow D; CD \rightarrow B; D \rightarrow E\}$$

(3) Semelyik baloldal nem csökkenthető, mert például  $A$  lezártjában nincsen benne  $E$ , és a többi is ugyanígy látszik. Vagyis  $F''$  már minimális fedés.

## Példa: 3NF-re bontás (folyt.)

$$R = (A, B, C, D, E) \quad F = \{AE \rightarrow BC; AC \rightarrow D; CD \rightarrow BE; D \rightarrow E\}$$

Tehát a  $CD \rightarrow B$  függés rossz a 3NF szempontjából, mert  $CD$  nem superkulcs és  $B$  nem prím.

Csináljunk hát egy 3NF-ekre való függőségőrző, hűségese felbontást.

(1)  $F' = \{AE \rightarrow B; AE \rightarrow C; AC \rightarrow D; CD \rightarrow B; CD \rightarrow E; D \rightarrow E\}$

(2)  $AE \rightarrow C, AC \rightarrow D, CD \rightarrow B$  miatt  $AE \rightarrow B$  elhagyható és  $D \rightarrow E$  miatt  $CD \rightarrow E$  is elhagyható, de más nem, ezt végig lehet nézni (mert például  $AE$ -nek a maradék függésekre vett lezártjában nincsen benne  $C$ ).

$$F'' = \{AE \rightarrow C; AC \rightarrow D; CD \rightarrow B; D \rightarrow E\}$$

(3) Semelyik baloldal nem csökkenthető, mert például  $A$  lezártjában nincsen benne  $E$ , és a többi is ugyanígy látszik. Vagyis  $F''$  már minimális fedés.

A minimális fedés alapján a jó felbontás:

( $AEC, ACD, CDB, DE$ ) mivel kulcsot nem is kellett hozzávennünk, mert az már benne van az egyik tagban (pl.  $AE$  az elsőben).



# Többértékű függés

A legfontosabb a funkcionális függés, de vannak másféle függések is.

# Többértékű függés

A legfontosabb a funkcionális függés, de vannak másféle függések is.

*Motiváló példa:* R(Név, Tantárgy, Gyereknév)

Név	Tantárgy	Gyereknév
Katona	Algel	Dani
Katona	Adatbázis	Lilla
Katona	Algel	Lilla
Katona	Adatbázis	Dani

# Többértékű függés

A legfontosabb a funkcionális függés, de vannak másféle függések is.

*Motiváló példa:* R(Név, Tantárgy, Gyereknév)

Név	Tantárgy	Gyereknév
Katona	Algel	Dani
Katona	Adatbázis	Lilla
Katona	Algel	Lilla
Katona	Adatbázis	Dani

Ez BCNF, de mégis redundáns, mert ha valamelyik tárgynál szerepel egy gyereknév, akkor az összes többinél is szerepelnie kell. (Pl. beszúrni nehéz, mert amikor egy sort beszúrok, figyelni kell arra, hogy egy másikat is beszúrjak.)

# Többértékű függés

A legfontosabb a funkcionális függés, de vannak másféle függések is.

*Motiváló példa:* R(Név, Tantárgy, Gyereknév)

Név	Tantárgy	Gyereknév
Katona	Algél	Dani
Katona	Adatbázis	Lilla
Katona	Algél	Lilla
Katona	Adatbázis	Dani

Ez BCNF, de mégis redundáns, mert ha valamelyik tárgynál szerepel egy gyereknév, akkor az összes többinél is szerepelnie kell. (Pl. beszúrni nehéz, mert amikor egy sort beszúrok, figyelni kell arra, hogy egy másikat is beszúrjak.)

*Jobb lenne tárolni (Név, Tantárgy) és (Név, Gyereknév) felbontásban.*

# Többértékű függés

A legfontosabb a funkcionális függés, de vannak másféle függések is.

*Motiváló példa:* R(Név, Tantárgy, Gyereknév)

Név	Tantárgy	Gyereknév
Katona	Algel	Dani
Katona	Adatbázis	Lilla
Katona	Algel	Lilla
Katona	Adatbázis	Dani

Ez BCNF, de mégis redundáns, mert ha valamelyik tárgynál szerepel egy gyereknév, akkor az összes többinél is szerepelnie kell. (Pl. beszúrni nehéz, mert amikor egy sort beszúrok, figyelni kell arra, hogy egy másikat is beszúrjak.)

*Jobb lenne tárolni (Név, Tantárgy) és (Név, Gyereknév) felbontásban.*

**Ok:** a Tantárgy és a Gyereknév független (minden kombinációban előfordulnak)

# Többértékű függés

A legfontosabb a funkcionális függés, de vannak másféle függések is.

*Motiváló példa:* R(Név, Tantárgy, Gyereknév)

Név	Tantárgy	Gyereknév
Katona	Algel	Dani
Katona	Adatbázis	Lilla
Katona	Algel	Lilla
Katona	Adatbázis	Dani

Ez BCNF, de mégis redundáns, mert ha valamelyik tárgynál szerepel egy gyereknév, akkor az összes többinél is szerepelnie kell. (Pl. beszúrni nehéz, mert amikor egy sort beszúrok, figyelni kell arra, hogy egy másikat is beszúrjak.)

*Jobb lenne tárolni (Név, Tantárgy) és (Név, Gyereknév) felbontásban.*

**Ok:** a Tantárgy és a Gyereknév független (minden kombinációban előfordulnak)

⇒ ha látjuk az első két sort, tudjuk, hogy a másik kettő is ott van.

# Adatbázisok elmélete

## Többértékű függés, 4NF

Katona Gyula Y.

Számítástudományi és Információelméleti Tanszék  
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem

16. előadás

# Többértékű függés

## Definíció

Az  $X$  attribútumhalmaztól **többértékűen függ** az  $Y$  attribútumhalmaz az  $r$  relációban (jele:  $X \twoheadrightarrow Y$ ), ha tetszőleges  $t_1, t_2 \in r$  sorokra, melyekre  $t_1[X] = t_2[X]$ , létezik  $t_3, t_4 \in r$ , melyekre

- $t_3[XY] = t_1[XY]$
- $t_3[R \setminus XY] = t_2[R \setminus XY]$
- $t_4[XY] = t_2[XY]$
- $t_4[R \setminus XY] = t_1[R \setminus XY]$



# Többértékű függés

## Definíció

Az  $X$  attribútumhalmaztól **többértékűen függ** az  $Y$  attribútumhalmaz az  $r$  relációban (jele:  $X \twoheadrightarrow Y$ ), ha tetszőleges  $t_1, t_2 \in r$  sorokra, melyekre  $t_1[X] = t_2[X]$ , létezik  $t_3, t_4 \in r$ , melyekre

- $t_3[XY] = t_1[XY]$
- $t_3[R \setminus XY] = t_2[R \setminus XY]$
- $t_4[XY] = t_2[XY]$
- $t_4[R \setminus XY] = t_1[R \setminus XY]$

	$X$	$Y$	$R \setminus XY$
$t_1$	AAAAAAA	BBBBBBB	CCCCCCC
$t_2$	AAAAAAA	DDDDDDD	EEEEEEE

# Többértékű függés

## Definíció

Az  $X$  attribútumhalmaztól **többértékűen függ** az  $Y$  attribútumhalmaz az  $r$  relációban (jele:  $X \twoheadrightarrow Y$ ), ha tetszőleges  $t_1, t_2 \in r$  sorokra, melyekre  $t_1[X] = t_2[X]$ , létezik  $t_3, t_4 \in r$ , melyekre

- $t_3[XY] = t_1[XY]$
- $t_3[R \setminus XY] = t_2[R \setminus XY]$
- $t_4[XY] = t_2[XY]$
- $t_4[R \setminus XY] = t_1[R \setminus XY]$

	$X$	$Y$	$R \setminus XY$
$t_1$	AAAAAAA	BBBBBBB	CCCCCCC
$t_2$	AAAAAAA	DDDDDDD	EEEEEEE
	⋮	⋮	⋮
$t_3$	AAAAAAA	BBBBBBB	EEEEEEE
$t_4$	AAAAAAA	DDDDDDD	CCCCCCC

# Többértékű függés

## Definíció

Az  $X$  attribútumhalmaztól **többértékűen függ** az  $Y$  attribútumhalmaz az  $r$  relációban (jele:  $X \twoheadrightarrow Y$ ), ha tetszőleges  $t_1, t_2 \in r$  sorokra, melyekre  $t_1[X] = t_2[X]$ , létezik  $t_3, t_4 \in r$ , melyekre

- $t_3[XY] = t_1[XY]$
- $t_3[R \setminus XY] = t_2[R \setminus XY]$
- $t_4[XY] = t_2[XY]$
- $t_4[R \setminus XY] = t_1[R \setminus XY]$

	$X$	$Y$	$R \setminus XY$
$t_1$	AAAAAAA	BBBBBBB	CCCCCCC
$t_2$	AAAAAAA	DDDDDDD	EEEEEEE
	⋮	⋮	⋮
$t_3$	AAAAAAA	BBBBBBB	EEEEEEE
$t_4$	AAAAAAA	DDDDDDD	CCCCCCC

# Többértékű függés

## Definíció

Az  $X$  attribútumhalmaztól **többértékűen függ** az  $Y$  attribútumhalmaz az  $r$  relációban (jele:  $X \twoheadrightarrow Y$ ), ha tetszőleges  $t_1, t_2 \in r$  sorokra, melyekre  $t_1[X] = t_2[X]$ , létezik  $t_3, t_4 \in r$ , melyekre

- $t_3[XY] = t_1[XY]$
- $t_3[R \setminus XY] = t_2[R \setminus XY]$
- $t_4[XY] = t_2[XY]$
- $t_4[R \setminus XY] = t_1[R \setminus XY]$

	$X$	$Y$	$R \setminus XY$
$t_1$	AAAAAAA	BBBBBBB	CCCCCCC
$t_2$	AAAAAAA	DDDDDDD	EEEEEEE
	⋮	⋮	⋮
$t_3$	AAAAAAA	BBBBBBB	EEEEEEE
$t_4$	AAAAAAA	DDDDDDD	CCCCCCC

## Definíció

**Triviális többértékű függések** (amik mindig igazak):

- $Y \subseteq X \implies X \rightarrow Y$ ,

## Definíció

**Triviális többértékű függések** (amik mindig igazak):

- $Y \subseteq X \implies X \twoheadrightarrow Y$ , mert  $t_3 = t_2$  és  $t_4 = t_1$  jó lesz.

## Definíció

**Triviális többértékű függések** (amik mindig igazak):

- $Y \subseteq X \implies X \twoheadrightarrow Y$ , mert  $t_3 = t_2$  és  $t_4 = t_1$  jó lesz.
- $XY = R \implies X \twoheadrightarrow Y$ ,

## Definíció

**Triviális többértékű függések** (amik mindig igazak):

- $Y \subseteq X \implies X \twoheadrightarrow Y$ , mert  $t_3 = t_2$  és  $t_4 = t_1$  jó lesz.
- $XY = R \implies X \twoheadrightarrow Y$ , mert  $t_3 = t_1$  és  $t_4 = t_2$  jó lesz.



## Definíció

**Triviális többértékű függések** (amik mindig igazak):

- $Y \subseteq X \implies X \twoheadrightarrow Y$ , mert  $t_3 = t_2$  és  $t_4 = t_1$  jó lesz.
- $XY = R \implies X \twoheadrightarrow Y$ , mert  $t_3 = t_1$  és  $t_4 = t_2$  jó lesz.

Ezentúl a többértékű függések is a séma részei lesznek és definiálhatjuk a levezethetőséget ( $\vdash$ ) és a logikai következményt ( $\models$ ) úgy, hogy funkcionális függőségek és többértékű függőségek is vannak  $F$ -ben.

# Többértékű függések levezetése

## Definíció

**Triviális többértékű függések** (amik mindig igazak):

- $Y \subseteq X \implies X \twoheadrightarrow Y$ , mert  $t_3 = t_2$  és  $t_4 = t_1$  jó lesz.
- $XY = R \implies X \twoheadrightarrow Y$ , mert  $t_3 = t_1$  és  $t_4 = t_2$  jó lesz.

Ezentúl a többértékű függések is a séma részei lesznek és definiálhatjuk a levezethetőséget ( $\vdash$ ) és a logikai következményt ( $\models$ ) úgy, hogy funkcionális függőségek és többértékű függőségek is vannak  $F$ -ben.

*Logikai következmény:* egy  $F$  (funkcionális és többértékű függéseket is tartalmazó) függéshalmaznak logikai következménye egy (funkcionális vagy többértékű) függés, ha minden olyan relációban, amiben  $F$  minden függése fennáll, fenn kell hogy álljon a mondott függés is.

# Többértékű függések levezetése

## Definíció

**Triviális többértékű függések** (amik mindig igazak):

- $Y \subseteq X \implies X \rightarrow Y$ , mert  $t_3 = t_2$  és  $t_4 = t_1$  jó lesz.
- $XY = R \implies X \rightarrow Y$ , mert  $t_3 = t_1$  és  $t_4 = t_2$  jó lesz.

Ezentúl a többértékű függések is a séma részei lesznek és definiálhatjuk a levezethetőséget ( $\vdash$ ) és a logikai következményt ( $\models$ ) úgy, hogy funkcionális függőségek és többértékű függőségek is vannak  $F$ -ben.

**Logikai következmény:** egy  $F$  (funkcionális és többértékű függéseket is tartalmazó) függéshalmaznak logikai következménye egy (funkcionális vagy többértékű) függés, ha minden olyan relációban, amiben  $F$  minden függése fennáll, fenn kell hogy álljon a mondott függés is.

**Levezetés:** Armstrong-axiómák (a funkcionális függésekre) és 5 új axióma, amiben  $\rightarrow$  és  $\twoheadrightarrow$  is van. Amilyen függés ezekkel előáll  $F$ -ből, arra mondjuk, hogy levezethető.

# Többértékű függések levezetése

## Definíció

**Triviális többértékű függések** (amik mindig igazak):

- $Y \subseteq X \implies X \rightarrow Y$ , mert  $t_3 = t_2$  és  $t_4 = t_1$  jó lesz.
- $XY = R \implies X \rightarrow Y$ , mert  $t_3 = t_1$  és  $t_4 = t_2$  jó lesz.

Ezentúl a többértékű függések is a séma részei lesznek és definiálhatjuk a levezethetőséget ( $\vdash$ ) és a logikai következményt ( $\models$ ) úgy, hogy funkcionális függőségek és többértékű függőségek is vannak  $F$ -ben.

**Logikai következmény:** egy  $F$  (funkcionális és többértékű függéseket is tartalmazó) függéshalmaznak logikai következménye egy (funkcionális vagy többértékű) függés, ha minden olyan relációban, amiben  $F$  minden függése fennáll, fenn kell hogy álljon a mondott függés is.

**Levezetés:** Armstrong-axiómák (a funkcionális függésekre) és 5 új axióma, amiben  $\rightarrow$  és  $\twoheadrightarrow$  is van. Amilyen függés ezekkel előáll  $F$ -ből, arra mondjuk, hogy levezethető. Hasonló elmélet, mint  $\rightarrow$ -nél  $\implies$  belátható, hogy  $\vdash \sim \models$  itt is igaz lesz.

# Többértékű levezetési szabályok

## Két fontos új szabály

- $X \rightarrow Y \vdash X \twoheadrightarrow Y$ ,

# Többértékű levezetési szabályok

## Két fontos új szabály

- $X \rightarrow Y \vdash X \twoheadrightarrow Y$ , mert  $t_3 = t_2$  és  $t_4 = t_1$  jó lesz.

# Többértékű levezetési szabályok

## Két fontos új szabály

- $X \rightarrow Y \vdash X \twoheadrightarrow Y$ , mert  $t_3 = t_2$  és  $t_4 = t_1$  jó lesz.
- $X \twoheadrightarrow Y \vdash X \twoheadrightarrow R \setminus XY$ ,

# Többértékű levezetési szabályok

## Két fontos új szabály

- $X \rightarrow Y \vdash X \twoheadrightarrow Y$ , mert  $t_3 = t_2$  és  $t_4 = t_1$  jó lesz.
- $X \twoheadrightarrow Y \vdash X \twoheadrightarrow R \setminus XY$ , mert  $t'_3 = t_4$  és  $t'_4 = t_3$  jó lesz.



# Többértékű levezetési szabályok

## Két fontos új szabály

- $X \rightarrow Y \vdash X \twoheadrightarrow Y$ , mert  $t_3 = t_2$  és  $t_4 = t_1$  jó lesz.
- $X \twoheadrightarrow Y \vdash X \twoheadrightarrow R \setminus XY$ , mert  $t'_3 = t_4$  és  $t'_4 = t_3$  jó lesz.
- **De pl.  $X \twoheadrightarrow AB \not\vdash X \twoheadrightarrow A$ , nem szétvágható.** (Sok minden máshogy van a többértékű függéseknél.)

# Többértékű levezetési szabályok

## Két fontos új szabály

- $X \rightarrow Y \vdash X \twoheadrightarrow Y$ , mert  $t_3 = t_2$  és  $t_4 = t_1$  jó lesz.
- $X \twoheadrightarrow Y \vdash X \twoheadrightarrow R \setminus XY$ , mert  $t'_3 = t_4$  és  $t'_4 = t_3$  jó lesz.
- **De pl.  $X \twoheadrightarrow AB \not\vdash X \twoheadrightarrow A$ , nem szétvágható.** (Sok minden máshogy van a többértékű függéseknél.)

## Tétel

Legyen  $\rho = (R_1, R_2)$  az  $(R, F)$  séma felbontása, ahol  $F$  most funkcionális és többértékű függéseket is tartalmaz.  $\rho$  akkor és csak akkor hűséges felbontás, ha  $R_1 \cap R_2 \twoheadrightarrow R_2 \setminus R_1$ .

# Többértékű levezetési szabályok

## Két fontos új szabály

- $X \rightarrow Y \vdash X \rightarrow Y$ , mert  $t_3 = t_2$  és  $t_4 = t_1$  jó lesz.
- $X \rightarrow Y \vdash X \rightarrow R \setminus XY$ , mert  $t'_3 = t_4$  és  $t'_4 = t_3$  jó lesz.
- **De pl.  $X \rightarrow AB \not\vdash X \rightarrow A$ , nem szétvágható.** (Sok minden máshogy van a többértékű függéseknél.)

## Tétel

Legyen  $\rho = (R_1, R_2)$  az  $(R, F)$  séma felbontása, ahol  $F$  most funkcionális és többértékű függéseket is tartalmaz.  $\rho$  akkor és csak akkor hűséges felbontás, ha  $R_1 \cap R_2 \rightarrow R_2 \setminus R_1$ .

**Megjegyzés:** Nem kell a „vagy  $R_1 \cap R_2 \rightarrow R_1 \setminus R_2$ ” a fenti 2. szabály miatt, mert ha  $R_1 \cap R_2 \rightarrow R_1 \setminus R_2$  igaz, akkor  $R_1 \cap R_2 \rightarrow R \setminus (R_1 \setminus R_2)$  is igaz, ebből meg már következik  $R_1 \cap R_2 \rightarrow R_2 \setminus R_1$ .

# Többértékű levezetési szabályok

## Két fontos új szabály

- $X \rightarrow Y \vdash X \rightarrow Y$ , mert  $t_3 = t_2$  és  $t_4 = t_1$  jó lesz.
- $X \rightarrow Y \vdash X \rightarrow R \setminus XY$ , mert  $t'_3 = t_4$  és  $t'_4 = t_3$  jó lesz.
- **De pl.  $X \rightarrow AB \not\vdash X \rightarrow A$ , nem szétvágható.** (Sok minden máshogy van a többértékű függéseknél.)

## Tétel

Legyen  $\rho = (R_1, R_2)$  az  $(R, F)$  séma felbontása, ahol  $F$  most funkcionális és többértékű függéseket is tartalmaz.  $\rho$  akkor és csak akkor hűséges felbontás, ha  $R_1 \cap R_2 \rightarrow R_2 \setminus R_1$ .

**Megjegyzés:** Nem kell a „vagy  $R_1 \cap R_2 \rightarrow R_1 \setminus R_2$ ” a fenti 2. szabály miatt, mert ha  $R_1 \cap R_2 \rightarrow R_1 \setminus R_2$  igaz, akkor  $R_1 \cap R_2 \rightarrow R \setminus (R_1 \setminus R_2)$  is igaz, ebből meg már következik  $R_1 \cap R_2 \rightarrow R_2 \setminus R_1$ .

a tétel bizonyítása hasonló, mint a funkcionális függésnél, de nem bizonyítjuk.

**Cél:** olyan normálforma, amiben többértékű függés miatt nincs redundancia.

**Cél:** olyan normálforma, amiben többértékű függés miatt sincs redundancia.  
BCNF mintájára:

## Definíció

Az  $(R, F)$  séma **4NF (negyedik normálformájú)**, ha tetszőleges nemtriviális  $X \rightarrow Y \in F^+$  esetén  $X$  superkulcs (a superkulcsot a régi értelemben, csak funkcionális függőségekkel definiálva).

**Cél:** olyan normálforma, amiben többértékű függés miatt sincs redundancia.  
BCNF mintájára:

## Definíció

Az  $(R, F)$  séma **4NF (negyedik normálformájú)**, ha tetszőleges nemtriviális  $X \rightarrow Y \in F^+$  esetén  $X$  superkulcs (a superkulcsot a régi értelemben, csak funkcionális függőségekkel definiálva).

## Következmény

*Ha egy séma 4NF, akkor BCNF is.*



## Következmény

*Ha egy séma 4NF, akkor BCNF is.*


## Bizonyítás.

Indirekt tegyük fel, hogy létezik olyan  $X \rightarrow A \in F^+$  nemtriviális függés, ahol  $X$  nem szuperkulcs.

## Következmény

*Ha egy séma 4NF, akkor BCNF is.*


## Bizonyítás.

Indirekt tegyük fel, hogy létezik olyan  $X \rightarrow A \in F^+$  nemtriviális függés, ahol  $X$  nem szuperkulcs.  $\implies$  Ekkor , amiatt, hogy  $X \rightarrow A$ -ból következik, hogy  $X \twoheadrightarrow A$ .

## Következmény

*Ha egy séma 4NF, akkor BCNF is.*

## Bizonyítás.

Indirekt tegyük fel, hogy létezik olyan  $X \rightarrow A \in F^+$  nemtriviális függés, ahol  $X$  nem szuperkulcs.  $\implies$  Ekkor , amiatt, hogy  $X \rightarrow A$ -ból következik, hogy  $X \twoheadrightarrow A$ . □


## Megjegyzések:

- Ha  $F$ -ben csak funkcionális függőségek vannak, akkor 4NF=BCNF

## Következmény

*Ha egy séma 4NF, akkor BCNF is.*

## Bizonyítás.

Indirekt tegyük fel, hogy létezik olyan  $X \rightarrow A \in F^+$  nemtriviális függés, ahol  $X$  nem szuperkulcs.  $\implies$  Ekkor , amiatt, hogy  $X \rightarrow A$ -ból következik, hogy  $X \twoheadrightarrow A$ . □


## Megjegyzések:

- Ha  $F$ -ben csak funkcionális függőségek vannak, akkor 4NF=BCNF
- 2 attribútumos reláció mindig 4NF, hiszen nincs nemtriviális többértékű függés, azt meg már láttuk, hogy ha csak funkcionális függések vannak, akkor a BCNF-ség rendben van kétattribútumos relációnál.

## Következmény

*Ha egy séma 4NF, akkor BCNF is.*

## Bizonyítás.

Indirekt tegyük fel, hogy létezik olyan  $X \rightarrow A \in F^+$  nemtriviális függés, ahol  $X$  nem superkulcs.  $\implies$  Ekkor , amiatt, hogy  $X \rightarrow A$ -ból következik, hogy  $X \twoheadrightarrow A$ . □

## Megjegyzések:

- Ha  $F$ -ben csak funkcionális függőségek vannak, akkor 4NF=BCNF
- 2 attribútumos reláció mindig 4NF, hiszen nincs nemtriviális többértékű függés, azt meg már láttuk, hogy ha csak funkcionális függések vannak, akkor a BCNF-ség rendben van kétattribútumos relációnál.
- Van olyan reláció, ami BCNF, de nem 4NF (a korábbi gyerekes példa, mert ott a Név nem superkulcs)

## Tétel

*Legyen  $(R, F)$  egy séma, ahol  $F$  funkcionális és többértékű függések halmaza. Ekkor  $(R, F)$  felbontható hűségesen 4NF relációkra.*

## Tétel

*Legyen  $(R, F)$  egy séma, ahol  $F$  funkcionális és többértékű függések halmaza. Ekkor  $(R, F)$  felbontható hűségesen 4NF relációkra.*

**Algoritmus:** Hasonlóan BCNF-hez, mindig két valódi részre bontjuk hűségesen, addig, amíg mindegyik rész 4NF nem lesz.

## Tétel

*Legyen  $(R, F)$  egy séma, ahol  $F$  funkcionális és többértékű függések halmaza. Ekkor  $(R, F)$  felbontható hűségesen 4NF relációkra.*

**Algoritmus:** Hasonlóan BCNF-hez, mindig két valódi részre bontjuk hűségesen, addig, amíg mindegyik rész 4NF nem lesz.

Keresünk egy  $X \rightarrow Y$  függést, ami megsérti a 4NF feltételt.



## Tétel

*Legyen  $(R, F)$  egy séma, ahol  $F$  funkcionális és többértékű függések halmaza. Ekkor  $(R, F)$  felbontható hűségesen 4NF relációkra.*

**Algoritmus:** Hasonlóan BCNF-hez, mindig két valódi részre bontjuk hűségesen, addig, amíg mindegyik rész 4NF nem lesz.

Keresünk egy  $X \twoheadrightarrow Y$  függést, ami megsérti a 4NF feltételt.

Ha van  $X \twoheadrightarrow Y$ , ami megsérti a 4NF feltételt, akkor  $X \twoheadrightarrow Y$  is megsérti.

### Tétel

*Legyen  $(R, F)$  egy séma, ahol  $F$  funkcionális és többértékű függések halmaza. Ekkor  $(R, F)$  felbontható hűségesen 4NF relációkra.*

**Algoritmus:** Hasonlóan BCNF-hez, mindig két valódi részre bontjuk hűségesen, addig, amíg mindegyik rész 4NF nem lesz.

Keresünk egy  $X \twoheadrightarrow Y$  függést, ami megsérti a 4NF feltételt.

Ha van  $X \twoheadrightarrow Y$ , ami megsérti a 4NF feltételt, akkor  $X \twoheadrightarrow Y$  is megsérti.

Ha nincs ilyen, akkor tovább kell keresnünk. (Létezik erre is algoritmus, de azt most nem ismertetjük.)

### Tétel

*Legyen  $(R, F)$  egy séma, ahol  $F$  funkcionális és többértékű függések halmaza. Ekkor  $(R, F)$  felbontható hűségesen 4NF relációkra.*

**Algoritmus:** Hasonlóan BCNF-hez, mindig két valódi részre bontjuk hűségesen, addig, amíg mindegyik rész 4NF nem lesz.

Keresünk egy  $X \twoheadrightarrow Y$  függést, ami megsérti a 4NF feltételt.

Ha van  $X \twoheadrightarrow Y$ , ami megsérti a 4NF feltételt, akkor  $X \twoheadrightarrow Y$  is megsérti.

Ha nincs ilyen, akkor tovább kell keresnünk. (Létezik erre is algoritmus, de azt most nem ismertetjük.)

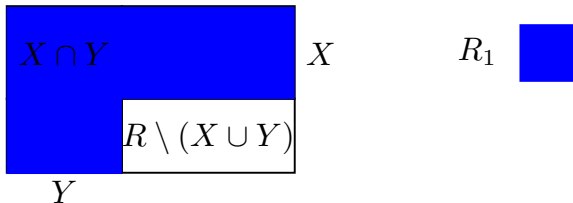
## Felbontás 4NF-re

$$R_1 = XY \quad R_2 = R \setminus (Y \setminus X) (= X \cup (R \setminus Y))$$

$X \cap Y$		$X$
	$R \setminus (X \cup Y)$	
$Y$		

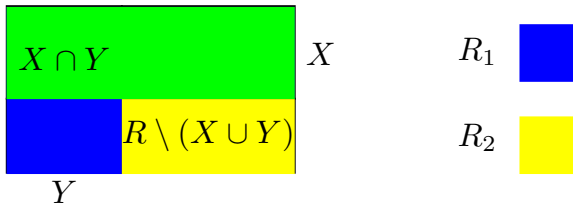
## Felbontás 4NF-re

$$R_1 = XY \quad R_2 = R \setminus (Y \setminus X) (= X \cup (R \setminus Y))$$



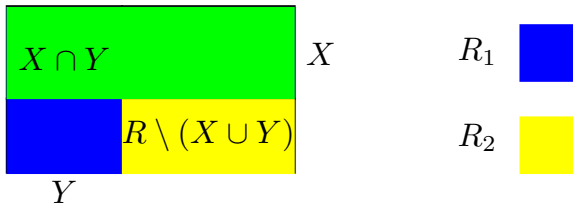
# Felbontás 4NF-re

$$R_1 = XY \quad R_2 = R \setminus (Y \setminus X) (= X \cup (R \setminus Y))$$



## Felbontás 4NF-re

$$R_1 = XY \quad R_2 = R \setminus (Y \setminus X) (= X \cup (R \setminus Y))$$

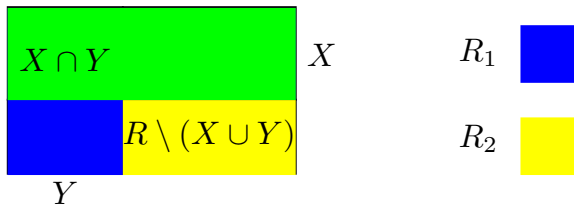


*Ez valódi felbontás:*

Ha  $R_1 = R \implies X \twoheadrightarrow Y$  triviális függés lenne, ⚡.

## Felbontás 4NF-re

$$R_1 = XY \quad R_2 = R \setminus (Y \setminus X) (= X \cup (R \setminus Y))$$



*Ez valódi felbontás:*

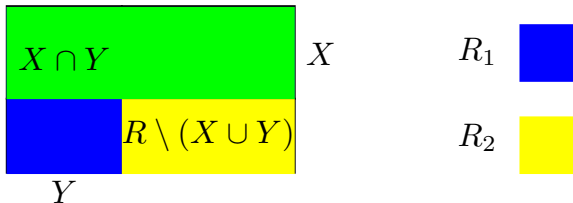
Ha  $R_1 = R \implies X \twoheadrightarrow Y$  triviális függés lenne, ⚡.

Ha  $R_2 = R \implies Y \subseteq X \implies X \twoheadrightarrow Y$  triviális függés lenne, ⚡.



## Felbontás 4NF-re

$$R_1 = XY \quad R_2 = R \setminus (Y \setminus X) (= X \cup (R \setminus Y))$$



*Ez valódi felbontás:*

Ha  $R_1 = R \implies X \rightarrow Y$  triviális függés lenne, ⚡.

Ha  $R_2 = R \implies Y \subseteq X \implies X \rightarrow Y$  triviális függés lenne, ⚡.

*Ez hűségesebb felbontás:*

$R_1 \cap R_2 = X$ ;  $R_2 \setminus R_1 = R \setminus XY$  és  $X \rightarrow R \setminus XY$  fennáll  $X \rightarrow Y$  miatt.

# Példa

$R(\text{Színész, Város, Utca, Filmcím, Filmév})$

$F = \{\text{Színész} \twoheadrightarrow \text{Város, Utca}\}$

## Példa

$R(\text{Színész, Város, Utca, Filmcím, Filmév})$

$F = \{\text{Színész} \twoheadrightarrow \text{Város, Utca}\}$

Ez megsérti a 4NF tulajdonságot, ha Színész nem superkulcs.

## Példa

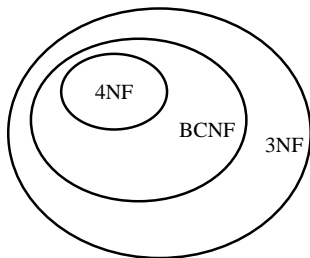
$R(\text{Színész, Város, Utca, Filmcím, Filmév})$

$F = \{\text{Színész} \twoheadrightarrow \text{Város, Utca}\}$

Ez megsérti a 4NF tulajdonságot, ha Színész nem superkulcs.

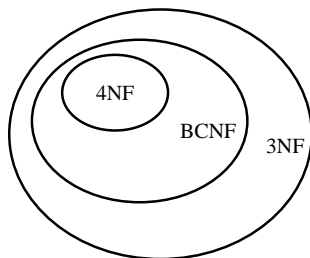
4NF felbontás:  $R_1 = (\text{Színész, Város, Utca})$        $R_2 = (\text{Színész, Filmcím, Filmév})$

# Normálformák összefoglalása



Jellemzők	3NF	BCNF	4NF
Megszünteti a funkcionális függőségekből eredő redundanciát	Gyakran	Igen	Igen
Megszünteti a többértékű függőségekből eredő redundanciát	Nem	Nem	Igen
Az ilyen felbontás megőrzi a funkcionális függőségeket	Igen	Lehet	Lehet
Az ilyen felbontás megőrzi a többértékű függőségeket	Lehet	Lehet	Lehet

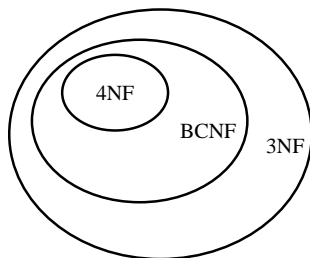
## Normálformák összefoglalása



Jellemzők	3NF	BCNF	4NF
Megszünteti a funkcionális függőségekből eredő redundanciát	Gyakran	Igen	Igen
Megszünteti a többértékű függőségekből eredő redundanciát	Nem	Nem	Igen
Az ilyen felbontás megőrzi a funkcionális függőségeket	Igen	Lehet	Lehet
Az ilyen felbontás megőrzi a többértékű függőségeket	Lehet	Lehet	Lehet

**Fontos elv:** Ne bontsuk tovább, amit már nem muszáj.

## Normálformák összefoglalása

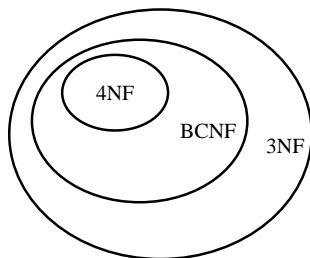


Jellemzők	3NF	BCNF	4NF
Megszünteti a funkcionális függőségekből eredő redundanciát	Gyakran	Igen	Igen
Megszünteti a többértékű függőségekből eredő redundanciát	Nem	Nem	Igen
Az ilyen felbontás megőrzi a funkcionális függőségeket	Igen	Lehet	Lehet
Az ilyen felbontás megőrzi a többértékű függőségeket	Lehet	Lehet	Lehet

**Fontos elv:** Ne bontuk tovább, amit már nem muszáj.

A normalizálás azért fontos, mert ...

## Normálformák összefoglalása



Jellemzők	3NF	BCNF	4NF
Megszünteti a funkcionális függőségekből eredő redundanciát	Gyakran	Igen	Igen
Megszünteti a többértékű függőségekből eredő redundanciát	Nem	Nem	Igen
Az ilyen felbontás megőrzi a funkcionális függőségeket	Igen	Lehet	Lehet
Az ilyen felbontás megőrzi a többértékű függőségeket	Lehet	Lehet	Lehet

**Fontos elv:** Ne bontuk tovább, amit már nem muszáj.

A normalizálás azért fontos, mert ...



# Adatbázisok elmélete

## Adatbázisrendszerek megvalósítása, fizikai szervezés

Katona Gyula Y.

Számítástudományi és Információelméleti Tanszék  
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem

### 17. előadás

# Adatbázisrendszerek megvalósítása

Eddig az adatbáziskezelők működéséről tanultunk. Az év hátralevő részében az ilyen rendszerek belső működését tanulmányozzuk egy kicsit.

Eddig az adatbáziskezelők működéséről tanultunk. Az év hátralevő részében az ilyen rendszerek belső működését tanulmányozzuk egy kicsit.

Három nagyobb témakör:

- 1 **Lekérdezésfeldolgozás:** hogyan értékelődnek ki a lekérdezések, milyen módszerek vannak a lekérdezések végrehajtására?

Eddig az adatbáziskezelők működéséről tanultunk. Az év hátralevő részében az ilyen rendszerek belső működését tanulmányozzuk egy kicsit.

Három nagyobb témakör:

- 1 **Lekérdezésfeldolgozás:** hogyan értékelődnek ki a lekérdezések, milyen módszerek vannak a lekérdezések végrehajtására?
- 2 **Fizikai szervezés, tárkezelés:** hogyan tároljuk a relációkat oly módon, hogy gyorsan lehessen keresni, illetve módosítani?

Eddig az adatbáziskezelők működéséről tanultunk. Az év hátralevő részében az ilyen rendszerek belső működését tanulmányozzuk egy kicsit.

Három nagyobb témakör:

- 1 **Lekérdezésfeldolgozás:** hogyan értékelődnek ki a lekérdezések, milyen módszerek vannak a lekérdezések végrehajtására?
- 2 **Fizikai szervezés, tárkezelés:** hogyan tároljuk a relációkat oly módon, hogy gyorsan lehessen keresni, illetve módosítani?
- 3 **Tranzakciókezelés:** többfelhasználós működés biztosítása, illetve rendszerhibák elleni védelem.

# Lekérdezések végrehajtása, „optimalizálása”

## Elemzés (parsing):

- **szintaktikai ellenőrzés**  $\implies$  *megfelelő parancsok, megfelelő sorrendben*

# Lekérdezések végrehajtása, „optimalizálása”

## Elemzés (parsing):

- **szintaktikai ellenőrzés**  $\implies$  *megfelelő parancsok, megfelelő sorrendben*
- **átírás elemzőfa alakra**

# Lekérdezések végrehajtása, „optimalizálása”

## Elemzés (parsing):

- **szintaktikai ellenőrzés**  $\implies$  *megfelelő parancsok, megfelelő sorrendben*
- **átírás elemzőfa alakra**

## Előfeldolgozó:

- **Relációk használatának ellenőrzése**  $\implies$  *van-e ilyen*



# Lekérdezések végrehajtása, „optimalizálása”

## Elemzés (parsing):

- **szintaktikai ellenőrzés**  $\implies$  *megfelelő parancsok, megfelelő sorrendben*
- **átírás elemzőfa alakra**

## Előfeldolgozó:

- **Relációk használatának ellenőrzése**  $\implies$  *van-e ilyen*
- **Attribútumnevek használatának ellenőrzése**  $\implies$  *pl. egyértelmű-e, melyik attribútum melyik relációban van, benne van-e egyáltalán*

# Lekérdezések végrehajtása, „optimalizálása”

## Elemzés (parsing):

- **szintaktikai ellenőrzés**  $\implies$  *megfelelő parancsok, megfelelő sorrendben*
- **átírás elemzőfa alakra**

## Előfeldolgozó:

- **Relációk használatának ellenőrzése**  $\implies$  *van-e ilyen*
- **Attribútumnevek használatának ellenőrzése**  $\implies$  *pl. egyértelmű-e, melyik attribútum melyik relációban van, benne van-e egyáltalán*
- **típusellenőrzések**  $\implies$  *pl. LIKE használatakor csak karakterlánc lehet*

# Lekérdezések végrehajtása, „optimalizálása”

## Elemzés (parsing):

- **szintaktikai ellenőrzés**  $\implies$  *megfelelő parancsok, megfelelő sorrendben*
- **átírás elemzőfa alakra**

## Előfeldolgozó:

- **Relációk használatának ellenőrzése**  $\implies$  *van-e ilyen*
- **Attribútumnevek használatának ellenőrzése**  $\implies$  *pl. egyértelmű-e, melyik attribútum melyik relációban van, benne van-e egyáltalán*
- **típusellenőrzések**  $\implies$  *pl. LIKE használatakor csak karakterlánc lehet*

## Logikai lekérdezési terv:

- **Átírás (kibővített) relációs algebrai alakra**

# Lekérdezések végrehajtása, „optimalizálása”

## Elemzés (parsing):

- **szintaktikai ellenőrzés**  $\implies$  *megfelelő parancsok, megfelelő sorrendben*
- **átírás elemzőfa alakra**

## Előfeldolgozó:

- **Relációk használatának ellenőrzése**  $\implies$  *van-e ilyen*
- **Attribútumnevek használatának ellenőrzése**  $\implies$  *pl. egyértelmű-e, melyik attribútum melyik relációban van, benne van-e egyáltalán*
- **típusellenőrzések**  $\implies$  *pl. LIKE használatakor csak karakterlánc lehet*

## Logikai lekérdezési terv:

- **Átírás (kibővített) relációs algebrai alakra**
- **Transzformációk**  $\implies$  *több terv, gyorsítás*

# Lekérdezések végrehajtása, „optimalizálása”

## Elemzés (parsing):

- **szintaktikai ellenőrzés**  $\implies$  *megfelelő parancsok, megfelelő sorrendben*
- **átírás elemzőfa alakra**

## Előfeldolgozó:

- **Relációk használatának ellenőrzése**  $\implies$  *van-e ilyen*
- **Attribútumnevek használatának ellenőrzése**  $\implies$  *pl. egyértelmű-e, melyik attribútum melyik relációban van, benne van-e egyáltalán*
- **típusellenőrzések**  $\implies$  *pl. LIKE használatakor csak karakterlánc lehet*

## Logikai lekérdezési terv:

- **Átírás (kibővített) relációs algebrai alakra**
- **Transzformációk**  $\implies$  *több terv, gyorsítás*
- **Legjobb terv kiválasztása költségbecsléssel**

# Lekérdezések végrehajtása, „optimalizálása”

## Elemzés (parsing):

- **szintaktikai ellenőrzés**  $\implies$  *megfelelő parancsok, megfelelő sorrendben*
- **átírás elemzőfa alakra**

## Előfeldolgozó:

- **Relációk használatának ellenőrzése**  $\implies$  *van-e ilyen*
- **Attribútumnevek használatának ellenőrzése**  $\implies$  *pl. egyértelmű-e, melyik attribútum melyik relációban van, benne van-e egyáltalán*
- **típusellenőrzések**  $\implies$  *pl. LIKE használatakor csak karakterlánc lehet*

## Logikai lekérdezési terv:

- **Átírás (kibővített) relációs algebrai alakra**
- **Transzformációk**  $\implies$  *több terv, gyorsítás*
- **Legjobb terv kiválasztása költségbecsléssel**

## Fizikai terv kiválasztása:

- **Algoritmusok a műveletekhez**

# Lekérdezések végrehajtása, „optimalizálása”

## Elemzés (parsing):

- **szintaktikai ellenőrzés**  $\implies$  *megfelelő parancsok, megfelelő sorrendben*
- **átírás elemzőfa alakra**

## Előfeldolgozó:

- **Relációk használatának ellenőrzése**  $\implies$  *van-e ilyen*
- **Attribútumnevek használatának ellenőrzése**  $\implies$  *pl. egyértelmű-e, melyik attribútum melyik relációban van, benne van-e egyáltalán*
- **típusellenőrzések**  $\implies$  *pl. LIKE használatakor csak karakterlánc lehet*

## Logikai lekérdezési terv:

- **Átírás (kibővített) relációs algebrai alakra**
- **Transzformációk**  $\implies$  *több terv, gyorsítás*
- **Legjobb terv kiválasztása költségbecsléssel**

## Fizikai terv kiválasztása:

- **Algoritmusok a műveletekhez**
- **Pufferkezelés**

# Lekérdezések végrehajtása, „optimalizálása”

## Elemzés (parsing):

- **szintaktikai ellenőrzés**  $\implies$  *megfelelő parancsok, megfelelő sorrendben*
- **átírás elemzőfa alakra**

## Előfeldolgozó:

- **Relációk használatának ellenőrzése**  $\implies$  *van-e ilyen*
- **Attribútumnevek használatának ellenőrzése**  $\implies$  *pl. egyértelmű-e, melyik attribútum melyik relációban van, benne van-e egyáltalán*
- **típusellenőrzések**  $\implies$  *pl. LIKE használatakor csak karakterlánc lehet*

## Logikai lekérdezési terv:

- **Átírás (kibővített) relációs algebrai alakra**
- **Transzformációk**  $\implies$  *több terv, gyorsítás*
- **Legjobb terv kiválasztása költségbecsléssel**

## Fizikai terv kiválasztása:

- **Algoritmusok a műveletekhez**
- **Pufferkezelés**
- **Közbülső relációk eltárolása**



# A relációs algebra kibővítése

Az SQL többet tud, mint a relációs algebra, de az extra dolgokat is át akarjuk írni relációs formába. Néhány különbség:

- Multihalmazok  $\implies \cap_H, \cap_M$

## A relációs algebra kibővítése

Az SQL többet tud, mint a relációs algebra, de az extra dolgokat is át akarjuk írni relációs formába. Néhány különbség:

- Multihalmazok  $\implies \cap_H, \cap_M$
- Kiválasztásnál,  $\bowtie_{\theta}$ -nál a feltételben használhatunk aritmetikai műveleteket  
 $\implies \sigma_{A+B < 5}(R), R \bowtie_{A+R.B < C+S.B} S$

## A relációs algebra kibővítése

Az SQL többet tud, mint a relációs algebra, de az extra dolgokat is át akarjuk írni relációs formába. Néhány különbség:

- Multihalmazok  $\implies \cap_H, \cap_M$
- Kiválasztásnál,  $\bowtie_{\theta}$ -nál a feltételben használhatunk aritmetikai műveleteket  
 $\implies \sigma_{A+B < 5}(R), R \bowtie_{A+R.B < C+S.B} S$
- Vetítés aritmetikai műveletekkel és átnevezéssel  $\implies \pi_{A, B+C \rightarrow X}(R)$

# A relációs algebra kibővítése

Az SQL többet tud, mint a relációs algebra, de az extra dolgokat is át akarjuk írni relációs formába. Néhány különbség:

- Multihalmazok  $\implies \cap_H, \cap_M$
- Kiválasztásnál,  $\bowtie_{\theta}$ -nál a feltételben használhatunk aritmetikai műveleteket  
 $\implies \sigma_{A+B < 5}(R), R \bowtie_{A+R.B < C+S.B} S$
- Vetítés aritmetikai műveletekkel és átnevezéssel  $\implies \pi_{A, B+C \rightarrow X}(R)$
- Ismétlődések kiszűrése  $\implies \delta(R)$

# A relációs algebra kibővítése

Az SQL többet tud, mint a relációs algebra, de az extra dolgokat is át akarjuk írni relációs formába. Néhány különbség:

- Multihalmazok  $\implies \cap_H, \cap_M$
- Kiválasztásnál,  $\bowtie_{\theta}$ -nál a feltételben használhatunk aritmetikai műveleteket  
 $\implies \sigma_{A+B < 5}(R), R \bowtie_{A+R.B < C+S.B} S$
- Vetítés aritmetikai műveletekkel és átnevezéssel  $\implies \pi_{A, B+C \rightarrow X}(R)$
- Ismétlődések kiszűrése  $\implies \delta(R)$
- Csoportosítások, aggregátumok  
 $\implies \text{SELECT } A, \text{MIN}(B) \text{ AS } \textit{minB} \text{ FROM } R \text{ GROUP BY } A \implies \gamma_{A, \text{MIN}(B) \rightarrow \textit{minB}}(R)$

Leginkább az I/O műveletigény érdekes. Ha „túl nagy” a számítási igény az is baj lehet.

**Soronkénti, unáris műveletek:** Kiválasztás és vetítés. Egyszerre csak egy sort kell vizsgálni, az algoritmus nem függ a memória nagyságától.

Leginkább az I/O műveletigény érdekes. Ha „túl nagy” a számítási igény az is baj lehet.

**Soronkénti, unáris műveletek:** Kiválasztás és vetítés. Egyszerre csak egy sort kell vizsgálni, az algoritmus nem függ a memória nagyságától.

**Unáris, teljes relációs műveletek:** Pl.  $\delta(R)$ ,  $\gamma(R)$ . Ha nem fér el a reláció a memóriában, akkor mást kell csinálni.

# Fizikai végrehajtás

Leginkább az I/O műveletigény érdekes. Ha „túl nagy” a számítási igény az is baj lehet.

**Soronkénti, unáris műveletek:** Kiválasztás és vetítés. Egyszerre csak egy sort kell vizsgálni, az algoritmus nem függ a memória nagyságától.

**Unáris, teljes relációs műveletek:** Pl.  $\delta(R)$ ,  $\gamma(R)$ . Ha nem fér el a reláció a memóriában, akkor mást kell csinálni.

**Bináris, teljes relációs műveletek:**  $\cup$ ,  $\cap$ ,  $\setminus$ ,  $\times$ ,  $\bowtie$ . Sok minden függ a méretektől.

**Jelölés:** Az adatokat a külső tárról blokkonként olvassuk be. Az  $R$  reláció tárolásához szükséges blokkok számát  $B(R)$ -rel jelöljük.



# Fizikai végrehajtás

Leginkább az I/O műveletigény érdekes. Ha „túl nagy” a számítási igény az is baj lehet.

**Soronkénti, unáris műveletek:** Kiválasztás és vetítés. Egyszerre csak egy sort kell vizsgálni, az algoritmus nem függ a memória nagyságától.

**Unáris, teljes relációs műveletek:** Pl.  $\delta(R)$ ,  $\gamma(R)$ . Ha nem fér el a reláció a memóriában, akkor mást kell csinálni.

**Bináris, teljes relációs műveletek:**  $\cup$ ,  $\cap$ ,  $\setminus$ ,  $\times$ ,  $\bowtie$ . Sok minden függ a méretektől.

**Jelölés:** Az adatokat a külső tárról blokkonként olvassuk be. Az  $R$  reláció tárolásához szükséges blokkok számát  $B(R)$ -rel jelöljük.

A bels? memória mérete szintén blokkokban mérve legyen  $M$ .

# Fizikai végrehajtás

Leginkább az I/O műveletigény érdekes. Ha „túl nagy” a számítási igény az is baj lehet.

**Soronkénti, unáris műveletek:** Kiválasztás és vetítés. Egyszerre csak egy sort kell vizsgálni, az algoritmus nem függ a memória nagyságától.

**Unáris, teljes relációs műveletek:** Pl.  $\delta(R)$ ,  $\gamma(R)$ . Ha nem fér el a reláció a memóriában, akkor mást kell csinálni.

**Bináris, teljes relációs műveletek:**  $\cup$ ,  $\cap$ ,  $\setminus$ ,  $\times$ ,  $\bowtie$ . Sok minden függ a méretektől.

**Jelölés:** Az adatokat a külső tárról blokkonként olvassuk be. Az  $R$  reláció tárolásához szükséges blokkok számát  $B(R)$ -rel jelöljük.

A belső memória mérete szintén blokkokban mérve legyen  $M$ .

$\sigma_C(R)$  **végrehajtása:** Blokkonként beolvassuk  $R$ -et. Soronként megnézzük teljesül-e  $C$ . Ha igen, kiírjuk.

# Fizikai végrehajtás

Leginkább az I/O műveletigény érdekes. Ha „túl nagy” a számítási igény az is baj lehet.

**Soronkénti, unáris műveletek:** Kiválasztás és vetítés. Egyszerre csak egy sort kell vizsgálni, az algoritmus nem függ a memória nagyságától.

**Unáris, teljes relációs műveletek:** Pl.  $\delta(R)$ ,  $\gamma(R)$ . Ha nem fér el a reláció a memóriában, akkor mást kell csinálni.

**Bináris, teljes relációs műveletek:**  $\cup$ ,  $\cap$ ,  $\setminus$ ,  $\times$ ,  $\bowtie$ . Sok minden függ a méretektől.

**Jelölés:** Az adatokat a külső tárról blokkonként olvassuk be. Az  $R$  reláció tárolásához szükséges blokkok számát  $B(R)$ -rel jelöljük.

A belső memória mérete szintén blokkokban mérve legyen  $M$ .

$\sigma_C(R)$  **végrehajtása:** Blokkonként beolvassuk  $R$ -et. Soronként megnézzük teljesül-e  $C$ . Ha igen, kiírjuk.

**I/O műveletigény:**  $B(R)$

# Fizikai végrehajtás

Leginkább az I/O műveletigény érdekes. Ha „túl nagy” a számítási igény az is baj lehet.

**Soronkénti, unáris műveletek:** Kiválasztás és vetítés. Egyszerre csak egy sort kell vizsgálni, az algoritmus nem függ a memória nagyságától.

**Unáris, teljes relációs műveletek:** Pl.  $\delta(R)$ ,  $\gamma(R)$ . Ha nem fér el a reláció a memóriában, akkor mást kell csinálni.

**Bináris, teljes relációs műveletek:**  $\cup$ ,  $\cap$ ,  $\setminus$ ,  $\times$ ,  $\bowtie$ . Sok minden függ a méretektől.

**Jelölés:** Az adatokat a külső tárról blokkonként olvassuk be. Az  $R$  reláció tárolásához szükséges blokkok számát  $B(R)$ -rel jelöljük.

A belső memória mérete szintén blokkokban mérve legyen  $M$ .

$\sigma_C(R)$  **végrehajtása:** Blokkonként beolvassuk  $R$ -et. Soronként megnézzük teljesül-e  $C$ . Ha igen, kiírjuk.

**I/O műveletigény:**  $B(R)$

Ha  $\sigma_{A='c'}(R)$ -t akarjuk, és van index  $A$ -ra: sokkal gyorsabb lehet.

$R(X, Y) \bowtie S(Y, Z)$  végrehajtása:

- Ha  $B(S) < M - 1$ , azaz  $S$  belefér a memóriába: egymenetes algoritmus

## $R(X, Y) \bowtie S(Y, Z)$ végrehajtása:

- Ha  $B(S) < M - 1$ , azaz  $S$  belefér a memóriába: egymenetes algoritmus
  - 1 Beolvassuk  $S$ -et és hashtáblát vagy B-fát készítünk, ahol a kulcs  $Y$  attribútumai.

## $R(X, Y) \bowtie S(Y, Z)$ végrehajtása:

- Ha  $B(S) < M - 1$ , azaz  $S$  belefér a memóriába: egy menetes algoritmus
  - 1 Beolvassuk  $S$ -et és hashtáblát vagy B-fát készítünk, ahol a kulcs  $Y$  attribútumai.
  - 2 Beolvasunk egy blokkot  $R$ -ből. Minden sorára kikeressük a passzoló  $S$ -beli sorokat. Az eredményt kiírjuk.

## $R(X, Y) \bowtie S(Y, Z)$ végrehajtása:

- Ha  $B(S) < M - 1$ , azaz  $S$  belefér a memóriába: egymenetes algoritmus
  - 1 Beolvassuk  $S$ -et és hashtáblát vagy B-fát készítünk, ahol a kulcs  $Y$  attribútumai.
  - 2 Beolvasunk egy blokkot  $R$ -ből. Minden sorára kikeressük a passzoló  $S$ -beli sorokat. Az eredményt kiírjuk.

I/O műveletigény:  $B(S) + B(R)$



## $R(X, Y) \bowtie S(Y, Z)$ végrehajtása:

- Ha  $B(S) < M - 1$ , azaz  $S$  belefér a memóriába: egymenetes algoritmus
  - 1 Beolvassuk  $S$ -et és hashtáblát vagy B-fát készítünk, ahol a kulcs  $Y$  attribútumai.
  - 2 Beolvasunk egy blokkot  $R$ -ből. Minden sorára kikeressük a passzoló  $S$ -beli sorokat. Az eredményt kiírjuk.

I/O műveletigény:  $B(S) + B(R)$

- Ha  $B(R) > B(S) > M - 1$ : beágyazott ciklusú algoritmus

## $R(X, Y) \bowtie S(Y, Z)$ végrehajtása:

- **Ha  $B(S) < M - 1$ , azaz  $S$  belefér a memóriába: egymenetes algoritmus**
  - 1 Beolvassuk  $S$ -et és hashtáblát vagy B-fát készítünk, ahol a kulcs  $Y$  attribútumai.
  - 2 Beolvasunk egy blokkot  $R$ -ből. Minden sorára kikeressük a passzoló  $S$ -beli sorokat. Az eredményt kiírjuk.

**I/O műveletigény:  $B(S) + B(R)$**

- **Ha  $B(R) > B(S) > M - 1$ : beágyazott ciklusú algoritmus**

Beolvasunk minél több blokkot a memóriába  $S$ -ből, utána ugyanazt csináljuk mint fenn.

## $R(X, Y) \bowtie S(Y, Z)$ végrehajtása:

- Ha  $B(S) < M - 1$ , azaz  $S$  belefér a memóriába: egymentes algoritmus
  - 1 Beolvassuk  $S$ -et és hashtáblát vagy B-fát készítünk, ahol a kulcs  $Y$  attribútumai.
  - 2 Beolvasunk egy blokkot  $R$ -ből. Minden sorára kikeressük a passzoló  $S$ -beli sorokat. Az eredményt kiírjuk.

I/O műveletigény:  $B(S) + B(R)$

- Ha  $B(R) > B(S) > M - 1$ : beágyazott ciklusú algoritmus  
Beolvasunk minél több blokkot a memóriába  $S$ -ből, utána ugyanazt csináljuk mint fenn.

I/O műveletigény:  $B(S) + B(S)B(R)/(M - 1) \approx B(S)B(R)/M$

## $R(X, Y) \bowtie S(Y, Z)$ végrehajtása:

- Ha  $B(S) < M - 1$ , azaz  $S$  belefér a memóriába: egymenetes algoritmus
  - 1 Beolvassuk  $S$ -et és hashtáblát vagy B-fát készítünk, ahol a kulcs  $Y$  attribútumai.
  - 2 Beolvasunk egy blokkot  $R$ -ből. Minden sorára kikeressük a passzoló  $S$ -beli sorokat. Az eredményt kiírjuk.

I/O műveletigény:  $B(S) + B(R)$

- Ha  $B(R) > B(S) > M - 1$ : beágyazott ciklusú algoritmus  
Beolvasunk minél több blokkot a memóriába  $S$ -ből, utána ugyanazt csináljuk mint fenn.

I/O műveletigény:  $B(S) + B(S)B(R)/(M - 1) \approx B(S)B(R)/M$

- Ha  $B(R), B(S) \leq M^2$ : rendezéses algoritmus

## $R(X, Y) \bowtie S(Y, Z)$ végrehajtása:

- **Ha  $B(S) < M - 1$ , azaz  $S$  belefér a memóriába: egymenetes algoritmus**
  - 1 Beolvassuk  $S$ -et és hashtáblát vagy B-fát készítünk, ahol a kulcs  $Y$  attribútumai.
  - 2 Beolvasunk egy blokkot  $R$ -ből. Minden sorára kikeressük a passzoló  $S$ -beli sorokat. Az eredményt kiírjuk.

**I/O műveletigény:**  $B(S) + B(R)$

- **Ha  $B(R) > B(S) > M - 1$ : beágyazott ciklusú algoritmus**

Beolvasunk minél több blokkot a memóriába  $S$ -ből, utána ugyanazt csináljuk mint fenn.

**I/O műveletigény:**  $B(S) + B(S)B(R)/(M - 1) \approx B(S)B(R)/M$

- **Ha  $B(R), B(S) \leq M^2$ : rendezéses algoritmus**

$Y$  kulcs szerint rendezzük  $R$ -et és  $S$ -et összefésüléses rendezéssel. Vesszük az összes  $y$  kulcsú sort a két lista elejéről és kiírjuk az összes párt. (Feltettük, hogy az összes  $y$  kulcsú sor elfér a memóriában.)

## $R(X, Y) \bowtie S(Y, Z)$ végrehajtása:

- Ha  $B(S) < M - 1$ , azaz  $S$  belefér a memóriába: egymenetes algoritmus
  - 1 Beolvassuk  $S$ -et és hashtáblát vagy  $B$ -fát készítünk, ahol a kulcs  $Y$  attribútumai.
  - 2 Beolvasunk egy blokkot  $R$ -ből. Minden sorára kikeressük a passzoló  $S$ -beli sorokat. Az eredményt kiírjuk.

I/O műveletigény:  $B(S) + B(R)$

- Ha  $B(R) > B(S) > M - 1$ : beágyazott ciklusú algoritmus  
Beolvasunk minél több blokkot a memóriába  $S$ -ből, utána ugyanazt csináljuk mint fenn.

I/O műveletigény:  $B(S) + B(S)B(R)/(M - 1) \approx B(S)B(R)/M$

- Ha  $B(R), B(S) \leq M^2$ : rendezéses algoritmus  
 $Y$  kulcs szerint rendezzük  $R$ -et és  $S$ -et összefésüléses rendezéssel. Vesszük az összes  $y$  kulcsú sort a két lista elejéről és kiírjuk az összes párt. (Feltettük, hogy az összes  $y$  kulcsú sor elfér a memóriában.)

I/O műveletigény:  $5(B(S) + B(R))$

- Ha  $\min(B(R), B(S)) \leq M^2$ : hasheléses algoritmus

- *Ha  $\min(B(R), B(S)) \leq M^2$ : hasheléses algoritmus*

*Y kulcs szerint vödörös hashelést végzünk  $R$ -re és  $S$ -re. (Ha közben megtelik egy vödör, azt kiírjuk.) A kapott  $R_i, S_j$  vödörökkel egymenetes algoritmust végzünk.*



- Ha  $\min(B(R), B(S)) \leq M^2$ : **haseléses algoritmus**

$Y$  kulcs szerint vödörös haselést végzünk  $R$ -re és  $S$ -re. (Ha közben megtelik egy vödör, azt kiírjuk.) A kapott  $R_i, S_i$  vödörökkel egymenetes algoritmust végzünk.

**I/O műveletigény:**  $3(B(S) + B(R))$

- *Ha  $\min(B(R), B(S)) \leq M^2$ : hasheléses algoritmus*

$Y$  kulcs szerint vödörös hashelést végzünk  $R$ -re és  $S$ -re. (Ha közben megtelik egy vödör, azt kiírjuk.) A kapott  $R_i, S_i$  vödörökkel egymenetes algoritmust végzünk.

**I/O műveletigény:**  $3(B(S) + B(R))$

- *Ha van index  $S$ -re  $Y$  szerint: indexet használó algoritmus*

- *Ha  $\min(B(R), B(S)) \leq M^2$ : hasheléses algoritmus*  
Y kulcs szerint vödörös hashelést végzünk  $R$ -re és  $S$ -re. (Ha közben megtelik egy vödör, azt kiírjuk.) A kapott  $R_i, S_i$  vödörökkel egymenetes algoritmust végzünk.  
**I/O műveletigény:**  $3(B(S) + B(R))$
- *Ha van index  $S$ -re  $Y$  szerint: indexet használó algoritmus*  
 $R$ -et blokkonként olvassuk be, az index alapján keressük ki a hozzá passzoló sorokat.

- *Ha  $\min(B(R), B(S)) \leq M^2$ : hasheléses algoritmus*  
Y kulcs szerint vödörös hashelést végzünk R-re és S-re. (Ha közben megtelik egy vödör, azt kiírjuk.) A kapott  $R_i, S_i$  vödörökkel egymenetes algoritmust végzünk.  
**I/O műveletigény:**  $3(B(S) + B(R))$
- *Ha van index S-re Y szerint: indexet használó algoritmus*  
R-et blokkonként olvassuk be, az index alapján keressük ki a hozzá passzoló sorokat.  
**Átlagos I/O műveletigény:**  $B(S)B(R)/V(S, Y)$ , ahol  $V(S, Y)$ : Y értékkészletének száma S-ben.

- *Ha  $\min(B(R), B(S)) \leq M^2$ : hasheléses algoritmus*  
Y kulcs szerint vödörös hashelést végzünk R-re és S-re. (Ha közben megtelik egy vödör, azt kiírjuk.) A kapott  $R_i, S_i$  vödörökkel egymenetes algoritmust végzünk.  
**I/O műveletigény:**  $3(B(S) + B(R))$
- *Ha van index S-re Y szerint: indexet használó algoritmus*  
R-et blokkonként olvassuk be, az index alapján keressük ki a hozzá passzoló sorokat.  
**Átlagos I/O műveletigény:**  $B(S)B(R)/V(S, Y)$ , ahol  $V(S, Y)$ : Y értékkészletének száma S-ben.

*A többi műveletet is hasonló ötletekkel lehet végrehajtani, azokat most nem részletezzük.*

# Adatbázisok elmélete

## Lekérdezések optimalizálása

Katona Gyula Y.

Számítástudományi és Információelméleti Tanszék  
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem

18. előadás

**Triviális egyszerűsítések** (főleg generált lekérdezések esetén hasznos):

**Triviális egyszerűsítések** (főleg generált lekérdezések esetén hasznos):

- $r \cap r = r$ ;  $r \bowtie r = r$ ;  $r \cup \emptyset = r$ ;  $\sigma_C(\emptyset) = \emptyset$



**Triviális egyszerűsítések** (főleg generált lekérdezések esetén hasznos):

- $r \cap r = r$ ;  $r \bowtie r = r$ ;  $r \cup \emptyset = r$ ;  $\sigma_C(\emptyset) = \emptyset$
- $\pi_X(r \cup s) = \pi_X(r) \cup \pi_X(s)$

**Triviális egyszerűsítések** (főleg generált lekérdezések esetén hasznos):

- $r \cap r = r$ ;  $r \bowtie r = r$ ;  $r \cup \emptyset = r$ ;  $\sigma_C(\emptyset) = \emptyset$
- $\pi_X(r \cup s) = \pi_X(r) \cup \pi_X(s)$
- $\sigma_{A=B \wedge B=C \wedge A=C}(r) = \sigma_{A=B \wedge B=C}(r)$

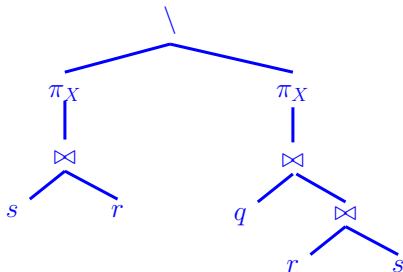
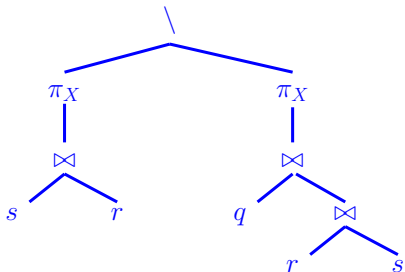
# Optimalizálás

**Ami többször előfordul, nem biztos, hogy érdemes mindig kiszámolni:**

# Optimalizálás

**Ami többször előfordul, nem biztos, hogy érdemes mindig kiszámolni:**

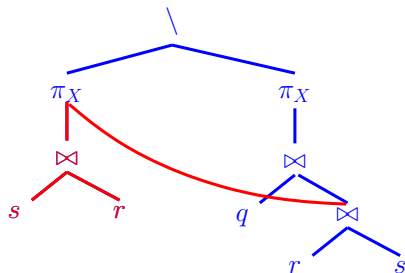
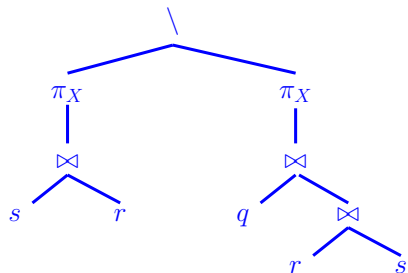
Pl.  $\pi_X(s \bowtie r) \setminus \pi_X(q \bowtie r \bowtie s)$



# Optimalizálás

**Ami többször előfordul, nem biztos, hogy érdemes mindig kiszámolni:**

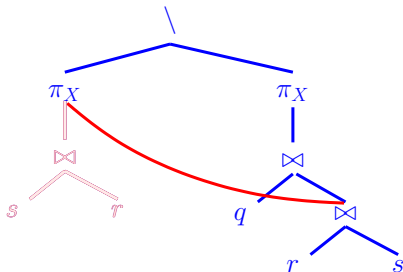
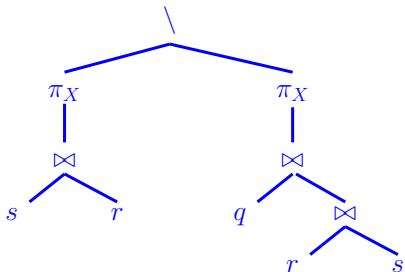
Pl.  $\pi_X(s \bowtie r) \setminus \pi_X(q \bowtie r \bowtie s)$



# Optimalizálás

**Ami többször előfordul, nem biztos, hogy érdemes mindig kiszámolni:**

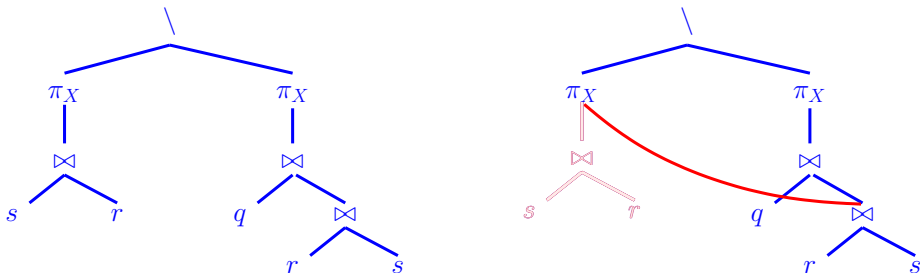
Pl.  $\pi_X(s \bowtie r) \setminus \pi_X(q \bowtie r \bowtie s)$



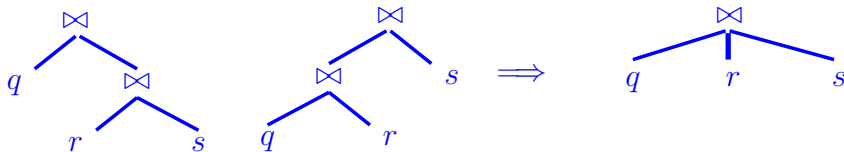
# Optimalizálás

Ami többször előfordul, nem biztos, hogy érdemes mindig kiszámolni:

Pl.  $\pi_X(s \bowtie r) \setminus \pi_X(q \bowtie r \bowtie s)$



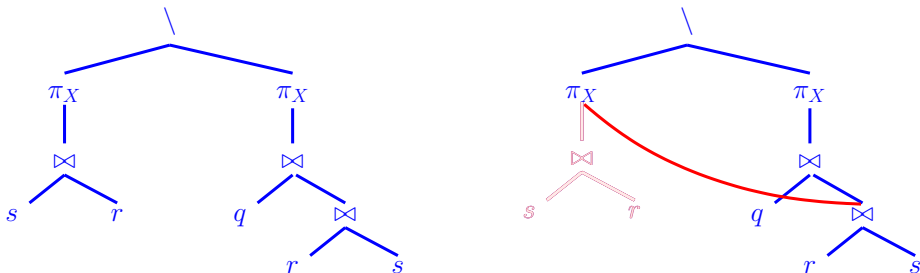
Asszociativitás kihasználható:



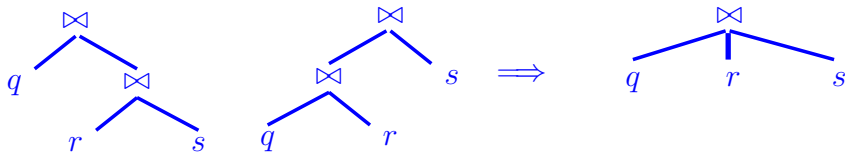
# Optimalizálás

Ami többször előfordul, nem biztos, hogy érdemes mindig kiszámolni:

Pl.  $\pi_X(s \bowtie r) \setminus \pi_X(q \bowtie r \bowtie s)$



Asszociativitás kihasználható:





**Milyen sorrendben érdemes kiszámolni  $r(A, B) \bowtie s(B, C) \bowtie q(C, D)$ -t?**

# Optimalizálás

**Milyen sorrendben érdemes kiszámolni  $r(A, B) \bowtie s(B, C) \bowtie q(C, D)$ -t?**

Szélsőséges esetben lehet, hogy bár  $r, s, q$  mindegyikének 1000 sora van, de  $r \bowtie s$ -nek csak 1 sora, és  $s \bowtie q$ -nak 1000000 sora.

# Optimalizálás

**Milyen sorrendben érdemes kiszámolni  $r(A, B) \bowtie s(B, C) \bowtie q(C, D)$ -t?**

Szélsőséges esetben lehet, hogy bár  $r, s, q$  mindegyikének 1000 sora van, de  $r \bowtie s$ -nek csak 1 sora, és  $s \bowtie q$ -nak 1000000 sora.

⇒ Sokkal gyorsabb  $(r(A, B) \bowtie s(B, C)) \bowtie q(C, D)$  kiszámolása.

# Optimalizálás

**Milyen sorrendben érdemes kiszámolni  $r(A, B) \bowtie s(B, C) \bowtie q(C, D)$ -t?**

Szélsőséges esetben lehet, hogy bár  $r, s, q$  mindegyikének 1000 sora van, de  $r \bowtie s$ -nek csak 1 sora, és  $s \bowtie q$ -nak 1000000 sora.

⇒ Sokkal gyorsabb  $(r(A, B) \bowtie s(B, C)) \bowtie q(C, D)$  kiszámolása.

Ezt persze előre nem lehet tudni biztosan.

# Optimalizálás

**Milyen sorrendben érdemes kiszámolni  $r(A, B) \bowtie s(B, C) \bowtie q(C, D)$ -t?**

Szükséges esetben lehet, hogy bár  $r, s, q$  mindegyikének 1000 sora van, de  $r \bowtie s$ -nek csak 1 sora, és  $s \bowtie q$ -nak 1000000 sora.

⇒ Sokkal gyorsabb  $(r(A, B) \bowtie s(B, C)) \bowtie q(C, D)$  kiszámolása.

Ezt persze előre nem lehet tudni biztosan. ⇒ Statisztikákat vezetünk a relációk attribútumaiban előforduló értékekről

Ebből lehet becsülni a költségeket + dinamikus programozás vagy mohó algoritmus.

# Optimalizálás

**Milyen sorrendben érdemes kiszámolni  $r(A, B) \bowtie s(B, C) \bowtie q(C, D)$ -t?**

Szélsőséges esetben lehet, hogy bár  $r, s, q$  mindegyikének 1000 sora van, de  $r \bowtie s$ -nek csak 1 sora, és  $s \bowtie q$ -nak 1000000 sora.

⇒ Sokkal gyorsabb  $(r(A, B) \bowtie s(B, C)) \bowtie q(C, D)$  kiszámolása.

Ezt persze előre nem lehet tudni biztosan. ⇒ Statisztikákat vezetünk a relációk attribútumaiban előforduló értékekről

Ebből lehet becsülni a költségeket + dinamikus programozás vagy mohó algoritmus.

Igazi optimumot nehéz megtalálni:

## Tétel

*Annak eldöntése NP-teljes, hogy néhány reláció természetes illesztésének van-e legalább egy sora.*

# Optimalizálás

**Milyen sorrendben érdemes kiszámolni  $r(A, B) \bowtie s(B, C) \bowtie q(C, D)$ -t?**

Szükséges esetben lehet, hogy bár  $r, s, q$  mindegyikének 1000 sora van, de  $r \bowtie s$ -nek csak 1 sora, és  $s \bowtie q$ -nak 1000000 sora.

⇒ Sokkal gyorsabb  $(r(A, B) \bowtie s(B, C)) \bowtie q(C, D)$  kiszámolása.

Ezt persze előre nem lehet tudni biztosan. ⇒ Statisztikákat vezetünk a relációk attribútumaiban előforduló értékekről

Ebből lehet becsülni a költségeket + dinamikus programozás vagy mohó algoritmus.

Igazi optimumot nehéz megtalálni:

## Tétel

*Annak eldöntése NP-teljes, hogy néhány reláció természetes illesztésének van-e legalább egy sora.*

## Tétel

*Az optimum megtalálása NP-nehéz probléma.*

## Tétel

*Annak eldöntése NP-nehéz, hogy néhány reláció természetes illesztésének van-e legalább egy sora.*

## Bizonyítás.

Visszavezetjük rá a **3-SZÍN** problémát. Adott egy gráf, kérdés színezhető-e 3 színnel.



## Tétel

*Annak eldöntése NP-nehéz, hogy néhány reláció természetes illesztésének van-e legalább egy sora.*

## Bizonyítás.

*Visszavezetjük rá a **3-SZÍN** problémát. Adott egy gráf, kérdés színezhető-e 3 színnel. A gráf minden  $e$  éléhez vegyünk fel egy-egy relációt.*

## Tétel

*Annak eldöntése NP-nehéz, hogy néhány reláció természetes illesztésének van-e legalább egy sora.*

## Bizonyítás.

Visszavezetjük rá a **3-SZÍN** problémát. Adott egy gráf, kérdés színezhető-e 3 színnel. A gráf minden  $e$  éléhez vegyünk fel egy-egy relációt. A reláció két attribútuma az él két végpontja legyen, sorai pedig az összes lehetséges színpár. *Például:*

## Tétel

Annak eldöntése NP-nehéz, hogy néhány reláció természetes illesztésének van-e legalább egy sora.

## Bizonyítás.

Visszavezetjük rá a **3-SZÍN** problémát. Adott egy gráf, kérdés színezhető-e 3 színnel. A gráf minden  $e$  éléhez vegyünk fel egy-egy relációt.

A reláció két attribútuma az él két végpontja legyen, sorai pedig az összes lehetséges szín pár. *Például:*

$e = \{X, Y\}$

X	Y
piros	kék
piros	sárga
kék	piros
kék	sárga
sárga	piros
sárga	kék

$e' = \{X, Z\}$

X	Z
piros	kék
piros	sárga
kék	piros
kék	sárga
sárga	piros
sárga	kék

## Tétel

Annak eldöntése NP-nehéz, hogy néhány reláció természetes illesztésének van-e legalább egy sora.

## Bizonyítás.

Visszavezetjük rá a **3-SZÍN** problémát. Adott egy gráf, kérdés színezhető-e 3 színnel. A gráf minden  $e$  éléhez vegyünk fel egy-egy relációt.

A reláció két attribútuma az él két végpontja legyen, sorai pedig az összes lehetséges szín pár. *Például:*

$e = \{X, Y\}$

X	Y
piros	kék
piros	sárga
kék	piros
kék	sárga
sárga	piros
sárga	kék

$e' = \{X, Z\}$

X	Z
piros	kék
piros	sárga
kék	piros
kék	sárga
sárga	piros
sárga	kék

## Bizonyítás.

Ha az összes élhez tartozó reláció természetes illesztésének van sora  $\implies$  egy sor minden csúcshoz rendel egy színt.

## Bizonyítás.

Ha az összes élhez tartozó reláció természetes illesztésének van sora  $\implies$  egy sor minden csúcshoz rendel egy színt. Mivel az illesztés megfelel az egyes relációknak, egy él két végpontján nem lesz ugyanolyan szín.

## Bizonyítás.

Ha az összes élhez tartozó reláció természetes illesztésének van sora  $\implies$  egy sor minden csúcshoz rendel egy színt. Mivel az illesztés megfelel az egyes relációknak, egy él két végpontján nem lesz ugyanolyan szín.

Ha van színezés

## Bizonyítás.

Ha az összes élhez tartozó reláció természetes illesztésének van sora  $\implies$  egy sor minden csúcshoz rendel egy színt. Mivel az illesztés megfelel az egyes relációknak, egy él két végpontján nem lesz ugyanolyan szín.

Ha van színezés  $\implies$  a színezésben minden élre vegyük ki a megfelelő színpárt.



## Bizonyítás.

Ha az összes élhez tartozó reláció természetes illesztésének van sora  $\implies$  egy sor minden csúcshoz rendel egy színt. Mivel az illesztés megfelel az egyes relációknak, egy él két végpontján nem lesz ugyanolyan szín.

Ha van színezés  $\implies$  a színezésben minden élre vegyük ki a megfelelő színpárt. Ezek a sorok összeillenek, lesz sor a természetes illesztésben.  $\checkmark$

## Kiválasztás tologatása

ÁRU(ÁRUKÓD, ÁRUNÉV, EGYSÉGÁR)

MENNYISÉG(DÁTUM, ÁRUKÓD, DB)

Hány darabot adtak el 2002. jan. 15-én az A123 kódú áruból, mi a neve és az ára?

## Kiválasztás tologatása

ÁRU(ÁRUKÓD, ÁRUNÉV, EGYSÉGÁR)

MENNYISÉG(DÁTUM, ÁRUKÓD, DB)

Hány darabot adtak el 2002. jan. 15-én az A123 kódú áruból, mi a neve és az ára?

$\pi_{DB, \text{ÁRUNÉV}, \text{EGYSÉGÁR}} \left( \sigma_{\text{ÁRUKÓD}='A123' \wedge \text{DÁTUM}='2002-01-15'} \left( \text{MENNYISÉG} \bowtie \text{ÁRU} \right) \right) \Rightarrow$

$\pi_{DB, \text{ÁRUNÉV}, \text{EGYSÉGÁR}} \left( \sigma_{\text{ÁRUKÓD}='A123' \wedge \text{DÁTUM}='2002-01-15'} \left( \text{MENNYISÉG} \right) \bowtie \text{ÁRU} \right)$

## Kiválasztás tologatása

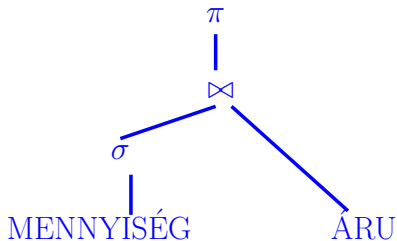
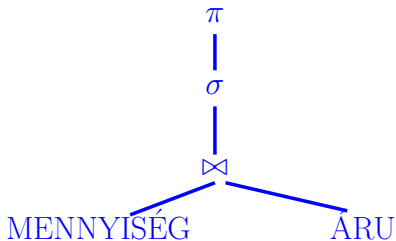
ÁRU(ÁRUKÓD, ÁRUNÉV, EGYSÉGÁR)

MENNYISÉG(DÁTUM, ÁRUKÓD, DB)

Hány darabot adtak el 2002. jan. 15-én az A123 kódú áruból, mi a neve és az ára?

$\pi_{DB, \text{ÁRUNÉV}, \text{EGYSÉGÁR}} \left( \sigma_{\text{ÁRUKÓD}='A123' \wedge \text{DÁTUM}='2002-01-15'} \left( \text{MENNYISÉG} \bowtie \text{ÁRU} \right) \right) \Rightarrow$

$\pi_{DB, \text{ÁRUNÉV}, \text{EGYSÉGÁR}} \left( \sigma_{\text{ÁRUKÓD}='A123' \wedge \text{DÁTUM}='2002-01-15'} \left( \text{MENNYISÉG} \right) \bowtie \text{ÁRU} \right)$



## Kiválasztás tologatása

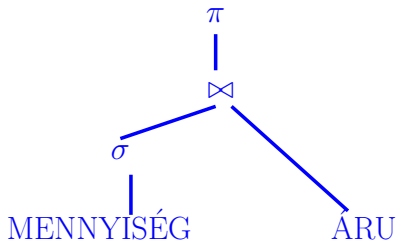
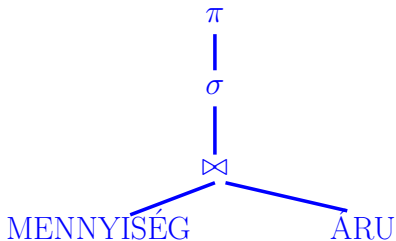
ÁRU(ÁRUKÓD, ÁRUNÉV, EGYSÉGÁR)

MENNYISÉG(DÁTUM, ÁRUKÓD, DB)

Hány darabot adtak el 2002. jan. 15-én az A123 kódú áruból, mi a neve és az ára?

$\pi_{DB, \text{ÁRUNÉV}, \text{EGYSÉGÁR}} \left( \sigma_{\text{ÁRUKÓD}='A123' \wedge \text{DÁTUM}='2002-01-15'} \left( \text{MENNYISÉG} \bowtie \text{ÁRU} \right) \right) \Rightarrow$

$\pi_{DB, \text{ÁRUNÉV}, \text{EGYSÉGÁR}} \left( \sigma_{\text{ÁRUKÓD}='A123' \wedge \text{DÁTUM}='2002-01-15'} \left( \text{MENNYISÉG} \right) \bowtie \text{ÁRU} \right)$



*Felhasznált azonosság:*

$\sigma_C(R \bowtie S) = \sigma_C(R) \bowtie S$ , ha minden  $C$ -beli attribútum szerepel  $R$ -ben.

## Kiválasztás tologatása

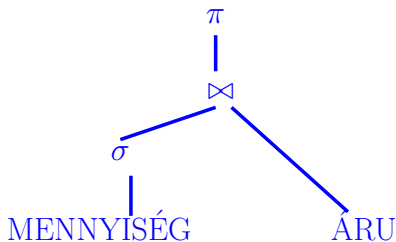
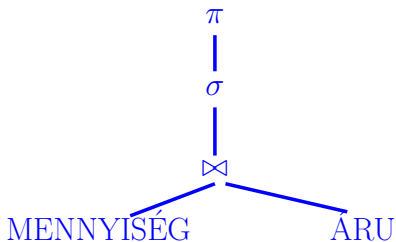
ÁRU(ÁRUKÓD, ÁRUNÉV, EGYSÉGÁR)

MENNYISÉG(DÁTUM, ÁRUKÓD, DB)

Hány darabot adtak el 2002. jan. 15-én az A123 kódú áruból, mi a neve és az ára?

$\pi_{DB, \text{ÁRUNÉV}, \text{EGYSÉGÁR}} \left( \sigma_{\text{ÁRUKÓD}='A123' \wedge \text{DÁTUM}='2002-01-15'} \left( \text{MENNYISÉG} \bowtie \text{ÁRU} \right) \right) \Rightarrow$

$\pi_{DB, \text{ÁRUNÉV}, \text{EGYSÉGÁR}} \left( \sigma_{\text{ÁRUKÓD}='A123' \wedge \text{DÁTUM}='2002-01-15'} \left( \text{MENNYISÉG} \right) \bowtie \text{ÁRU} \right)$



*Felhasznált azonosság:*

$\sigma_C(R \bowtie S) = \sigma_C(R) \bowtie S$ , ha minden  $C$ -beli attribútum szerepel  $R$ -ben.

*Hasonló azonosságok:*

$\sigma_C(R \cup S) = \sigma_C(R) \cup \sigma_C(S)$ ,

## Kiválasztás tologatása

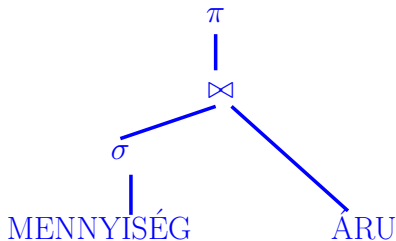
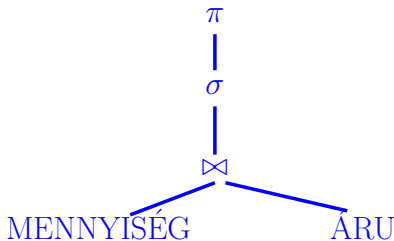
ÁRU(ÁRUKÓD, ÁRUNÉV, EGYSÉGÁR)

MENNYISÉG(DÁTUM, ÁRUKÓD, DB)

Hány darabot adtak el 2002. jan. 15-én az A123 kódú áruból, mi a neve és az ára?

$\pi_{DB, \text{ÁRUNÉV}, \text{EGYSÉGÁR}} \left( \sigma_{\text{ÁRUKÓD}='A123' \wedge \text{DÁTUM}='2002-01-15'} \left( \text{MENNYISÉG} \bowtie \text{ÁRU} \right) \right) \Rightarrow$

$\pi_{DB, \text{ÁRUNÉV}, \text{EGYSÉGÁR}} \left( \sigma_{\text{ÁRUKÓD}='A123' \wedge \text{DÁTUM}='2002-01-15'} \left( \text{MENNYISÉG} \right) \bowtie \text{ÁRU} \right)$



*Felhasznált azonosság:*

$\sigma_C(R \bowtie S) = \sigma_C(R) \bowtie S$ , ha minden  $C$ -beli attribútum szerepel  $R$ -ben.

*Hasonló azonosságok:*

$\sigma_C(R \cup S) = \sigma_C(R) \cup \sigma_C(S)$ ,

$\sigma_C(R \times S) = \sigma_C(R) \times S$ , ha minden  $C$ -beli attribútum szerepel  $R$ -ben.

## Kiválasztás tologatása

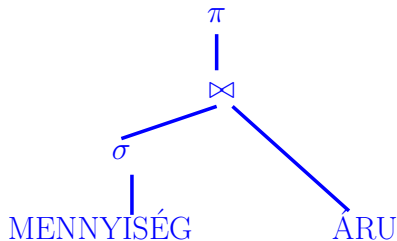
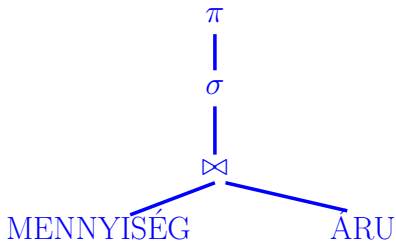
ÁRU(ÁRUKÓD, ÁRUNÉV, EGYSÉGÁR)

MENNYISÉG(DÁTUM, ÁRUKÓD, DB)

Hány darabot adtak el 2002. jan. 15-én az A123 kódú áruból, mi a neve és az ára?

$\pi_{DB, \text{ÁRUNÉV}, \text{EGYSÉGÁR}} \left( \sigma_{\text{ÁRUKÓD}='A123' \wedge \text{DÁTUM}='2002-01-15'} \left( \text{MENNYISÉG} \bowtie \text{ÁRU} \right) \right) \Rightarrow$

$\pi_{DB, \text{ÁRUNÉV}, \text{EGYSÉGÁR}} \left( \sigma_{\text{ÁRUKÓD}='A123' \wedge \text{DÁTUM}='2002-01-15'} \left( \text{MENNYISÉG} \right) \bowtie \text{ÁRU} \right)$



*Felhasznált azonosság:*

$\sigma_C(R \bowtie S) = \sigma_C(R) \bowtie S$ , ha minden  $C$ -beli attribútum szerepel  $R$ -ben.

*Hasonló azonosságok:*

$\sigma_C(R \cup S) = \sigma_C(R) \cup \sigma_C(S)$ ,

$\sigma_C(R \times S) = \sigma_C(R) \times S$ , ha minden  $C$ -beli attribútum szerepel  $R$ -ben.

$\sigma_C(R \bowtie S) = \sigma_C(R) \bowtie \sigma_C(S)$ , ha minden  $C$ -beli attribútum szerepel  $R$ -ben és  $S$ -ben is.



*Összetett C szétszedhető:*  
 $\sigma_{C_1 \wedge C_2}(R) = \sigma_{C_1}(\sigma_{C_2}(R)),$

*Összetett  $C$  szétszedhető:*

$$\sigma_{C_1 \wedge C_2}(R) = \sigma_{C_1}(\sigma_{C_2}(R)),$$

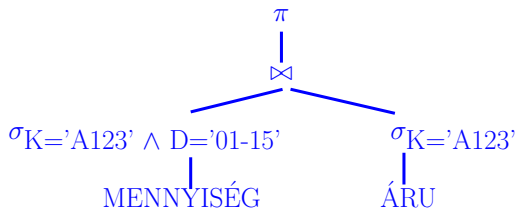
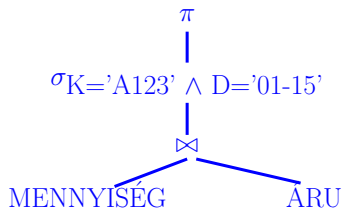
$$\sigma_{C_1 \vee C_2}(R) = \sigma_{C_1}(R) \cup_H \sigma_{C_2}(R), \text{ ha } R \text{ nem multihalmaz.}$$

# Kiválasztás tologatása

Összetett  $C$  szétszedhető:

$$\sigma_{C_1 \wedge C_2}(R) = \sigma_{C_1}(\sigma_{C_2}(R)),$$

$$\sigma_{C_1 \vee C_2}(R) = \sigma_{C_1}(R) \cup_H \sigma_{C_2}(R), \text{ ha } R \text{ nem multihalmaz.}$$

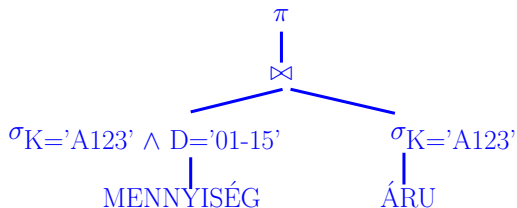
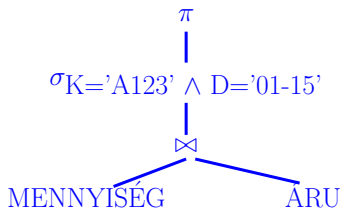


# Kiválasztás tologatása

Összetett  $C$  szétszedhető:

$$\sigma_{C_1 \wedge C_2}(R) = \sigma_{C_1}(\sigma_{C_2}(R)),$$

$$\sigma_{C_1 \vee C_2}(R) = \sigma_{C_1}(R) \cup_H \sigma_{C_2}(R), \text{ ha } R \text{ nem multihalmaz.}$$



**Lehet, hogy érdemes előbb feltolni, aztán le.**

## Más műveletekre vonatkozó szabályok

Hasonló szabályok projekcióra ( $\pi$ ), duplikációk kiszűrésére ( $\delta$ ) és aggregációra ( $\gamma$ ) is vannak, de ezek nem annyira csökkentik a műveletigényt. De csak olyan attribútumot lehet eltüntetni, amire nem hivatkozunk feljebb.

- $\pi_L(R \bowtie S) = \pi_L(\pi_M(R) \bowtie \pi_N(R))$ , ahol  $M$  az  $R$  olyan attribútumai, hogy vagy összekapcsolási attribútum, vagy  $L$ -beli,  $N$  pedig ...

## Más műveletekre vonatkozó szabályok

Hasonló szabályok projekcióra ( $\pi$ ), duplikációk kiszűrésére ( $\delta$ ) és aggregációra ( $\gamma$ ) is vannak, de ezek nem annyira csökkentik a műveletigényt. De csak olyan attribútumot lehet eltüntetni, amire nem hivatkozunk feljebb.

- $\pi_L(R \bowtie S) = \pi_L(\pi_M(R) \bowtie \pi_N(R))$ , ahol  $M$  az  $R$  olyan attribútumai, hogy vagy összekapcsolási attribútum, vagy  $L$ -beli,  $N$  pedig ...
- $\delta(R \bowtie S) = \delta(R) \bowtie \delta(S)$

## Más műveletekre vonatkozó szabályok

Hasonló szabályok projekcióra ( $\pi$ ), duplikációk kiszűrésére ( $\delta$ ) és aggregációra ( $\gamma$ ) is vannak, de ezek nem annyira csökkentik a műveletigényt. De csak olyan attribútumot lehet eltüntetni, amire nem hivatkozunk feljebb.

- $\pi_L(R \bowtie S) = \pi_L(\pi_M(R) \bowtie \pi_N(R))$ , ahol  $M$  az  $R$  olyan attribútumai, hogy vagy összekapcsolási attribútum, vagy  $L$ -beli,  $N$  pedig ...
- $\delta(R \bowtie S) = \delta(R) \bowtie \delta(S)$
- $\delta(\sigma_C(R)) = \sigma_C(\delta(R))$

## Más műveletekre vonatkozó szabályok

Hasonló szabályok projekcióra ( $\pi$ ), duplikációk kiszűrésére ( $\delta$ ) és aggregációra ( $\gamma$ ) is vannak, de ezek nem annyira csökkentik a műveletigényt. De csak olyan attribútumot lehet eltüntetni, amire nem hivatkozunk feljebb.

- $\pi_L(R \bowtie S) = \pi_L(\pi_M(R) \bowtie \pi_N(S))$ , ahol  $M$  az  $R$  olyan attribútumai, hogy vagy összekapcsolási attribútum, vagy  $L$ -beli,  $N$  pedig ...
- $\delta(R \bowtie S) = \delta(R) \bowtie \delta(S)$
- $\delta(\sigma_C(R)) = \sigma_C(\delta(R))$
- $\delta(\gamma_L(R)) = \gamma_L(R)$



## Más műveletekre vonatkozó szabályok

Hasonló szabályok projekcióra ( $\pi$ ), duplikációk kiszűrésére ( $\delta$ ) és aggregációra ( $\gamma$ ) is vannak, de ezek nem annyira csökkentik a műveletigényt. De csak olyan attribútumot lehet eltüntetni, amire nem hivatkozunk feljebb.

- $\pi_L(R \bowtie S) = \pi_L(\pi_M(R) \bowtie \pi_N(R))$ , ahol  $M$  az  $R$  olyan attribútumai, hogy vagy összekapcsolási attribútum, vagy  $L$ -beli,  $N$  pedig ...
- $\delta(R \bowtie S) = \delta(R) \bowtie \delta(S)$
- $\delta(\sigma_C(R)) = \sigma_C(\delta(R))$
- $\delta(\gamma_L(R)) = \gamma_L(R)$

De pl.  $\delta$  nem tolható át  $\cup_M, \pi$ -n.

## Más műveletekre vonatkozó szabályok

Hasonló szabályok projekcióra ( $\pi$ ), duplikációk kiszűrésére ( $\delta$ ) és aggregációra ( $\gamma$ ) is vannak, de ezek nem annyira csökkentik a műveletigényt. De csak olyan attribútumot lehet eltüntetni, amire nem hivatkozunk feljebb.

- $\pi_L(R \bowtie S) = \pi_L(\pi_M(R) \bowtie \pi_N(R))$ , ahol  $M$  az  $R$  olyan attribútumai, hogy vagy összekapcsolási attribútum, vagy  $L$ -beli,  $N$  pedig ...
- $\delta(R \bowtie S) = \delta(R) \bowtie \delta(S)$
- $\delta(\sigma_C(R)) = \sigma_C(\delta(R))$
- $\delta(\gamma_L(R)) = \gamma_L(R)$

De pl.  $\delta$  nem tolható át  $\cup_M, \pi$ -n.

*Még egy fontos kérdés az alkérdések kezelése, de erről most nem szólunk.*

Sok ilyen szabály alkalmazásával többféle logikai terv előállítható.

Sok ilyen szabály alkalmazásával többféle logikai terv előállítható.

Ezeknek megbecsüljük a költségét és választunk egyet. Ehhez készítünk fizikai tervet.

Sok ilyen szabály alkalmazásával többféle logikai terv előállítható.

Ezeknek megbecsüljük a költségét és választunk egyet. Ehhez készítünk fizikai tervet.

Jobb rendszerekben ez automatikus. Ilyenekben kérdéses, hogy a lekérdezés beírásakor mire kell figyelni.

Sok ilyen szabály alkalmazásával többféle logikai terv előállítható.

Ezeknek megbecsüljük a költségét és választunk egyet. Ehhez készítünk fizikai tervet.

Jobb rendszerekben ez automatikus. Ilyenekben kérdéses, hogy a lekérdezés beírásakor mire kell figyelni.

Inkább olyan egyszerűsítéseket érdemes csak elvégezni, ami a függések következménye, mert ezeket nehezebben lehet automatizálni.

Sok ilyen szabály alkalmazásával többféle logikai terv előállítható.

Ezeknek megbecsüljük a költségét és választunk egyet. Ehhez készítünk fizikai tervet.

Jobb rendszerekben ez automatikus. Ilyenekben kérdéses, hogy a lekérdezés beírásakor mire kell figyelni.

Inkább olyan egyszerűsítéseket érdemes csak elvégezni, ami a függések következménye, mert ezeket nehezebben lehet automatizálni.

Pl. Oracle-ban van rá mód, hogy megnézzük mi a logikai és fizikai terv és meg lehet adni, hogy pontosan mit csináljon.

**Célja:** a rekordokból (egy rekord = a reláció egy sora) álló állomány kezelése úgy, hogy az adatokhoz való hozzáférés gyors legyen.



**Célja:** a rekordokból (egy rekord = a reláció egy sora) álló állomány kezelése úgy, hogy az adatokhoz való hozzáférés gyors legyen.

**Fontos jellemzők:**

- **külső táras adatkezelés**, mert sok az adat  $\implies$  ha valamivel dolgozni akarunk, akkor be kell hozni a belső memóriába  $\implies$  a költséget a beolvasás/kiírás jelenti

**Célja:** a rekordokból (egy rekord = a reláció egy sora) álló állomány kezelése úgy, hogy az adatokhoz való hozzáférés gyors legyen.

**Fontos jellemzők:**

- **külső táras adatkezelés**, mert sok az adat  $\implies$  ha valamivel dolgozni akarunk, akkor be kell hozni a belső memóriába  $\implies$  a költséget a beolvasás/kiírás jelenti  $\implies$  az I/O műveletek számára akarunk optimalizálni

**Célja:** a rekordokból (egy rekord = a reláció egy sora) álló állomány kezelése úgy, hogy az adatokhoz való hozzáférés gyors legyen.

**Fontos jellemzők:**

- **külső táras adatkezelés**, mert sok az adat  $\implies$  ha valamivel dolgozni akarunk, akkor be kell hozni a belső memóriába  $\implies$  a költséget a beolvasás/kiírás jelenti  $\implies$  az I/O műveletek számára akarunk optimalizálni
- a műveletek, amiket gyorsan meg kell tudni csinálni: **rekordok beillesztése, törlése, módosítása, keresése**

# Az állomány felépítése

Az adatállomány a külső táron van, blokkok (lapok) elérésfolytonos sorozatán.



# Az állomány felépítése

Az adatállomány a külső táron van, blokkok (lapok) elérésfolytonos sorozatán.



- egyszerre egy blokk írható ki/olvasható be

# Az állomány felépítése

Az adatállomány a külső táron van, blokkok (lapok) elérésfolytonos sorozatán.



- egyszerre egy blokk írható ki/olvasható be
- blokk méret fix (ált.  $2^{10}$ ,  $2^{12}$  byte)

# Az állomány felépítése

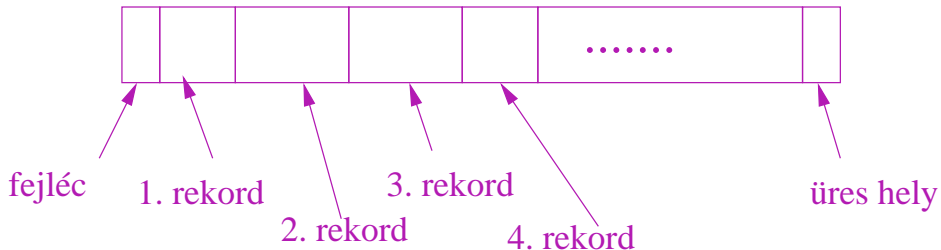
Az adatállomány a külső táron van, blokkok (lapok) elérésfolytonos sorozatán.



- egyszerre egy blokk írható ki/olvasható be
- blokk méret fix (ált.  $2^{10}$ ,  $2^{12}$  byte)
- az operációs rendszer tartja nyilván, hogy melyik reláció rekordjai hol vannak és ő biztosítja az elérésfolytonosságot is

# Blokkokról általában

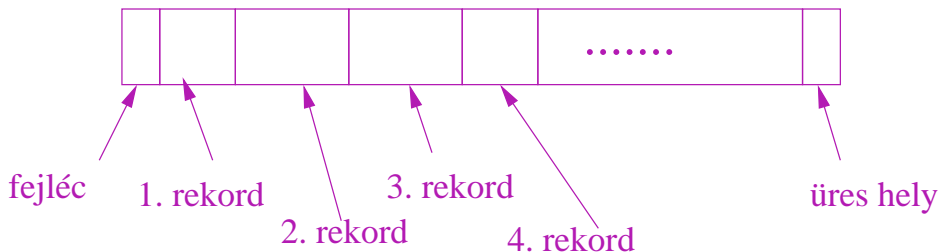
## Tipikus blokk





# Blokkokról általában

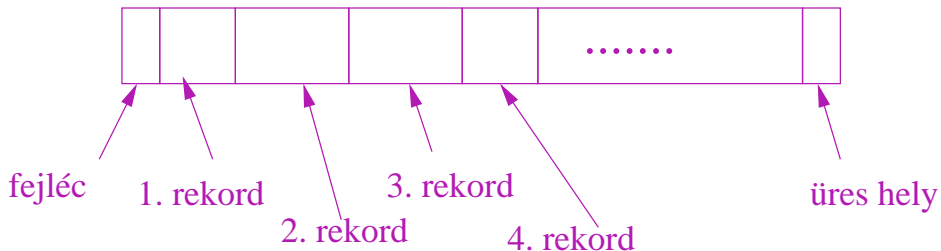
## Tipikus blokk



A fejléc tartalmazza a blokkra vonatkozó infókat, (pl: melyik relációhoz tartozik, mennyi a szabad hely benne, hol kezdődik); ezután jönnek a rekordok egymás után, a végén általában marad üres hely.

# Blokkokról általában

## Tipikus blokk

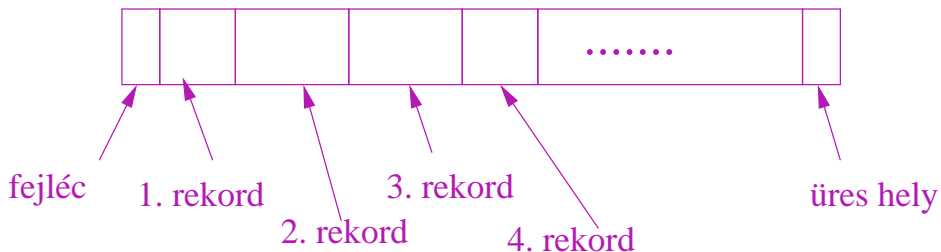


A fejléc tartalmazza a blokkra vonatkozó infókat, (pl: melyik relációhoz tartozik, mennyi a szabad hely benne, hol kezdődik); ezután jönnek a rekordok egymás után, a végén általában marad üres hely.

**Fontos feltevés:** rekordok blokkhatárt nem lépnek át, ezért általában van üres, fel nem használható hely a blokkok végén.

# Blokkokról általában

## Tipikus blokk



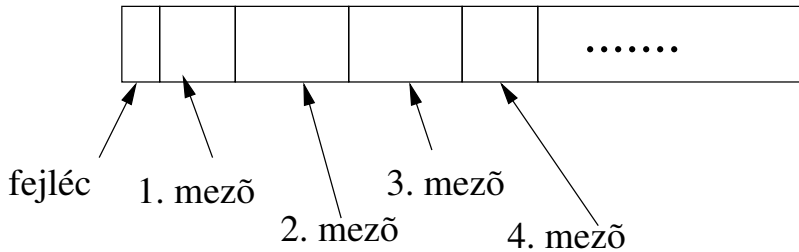
A fejléc tartalmazza a blokkra vonatkozó infókat, (pl: melyik relációhoz tartozik, mennyi a szabad hely benne, hol kezdődik); ezután jönnek a rekordok egymás után, a végén általában marad üres hely.

**Fontos feltevés:** rekordok blokkhatárt nem lépnek át, ezért általában van üres, fel nem használható hely a blokkok végén. (Ha nagyok a rekordok, pl. képfájl-ok, és mégis át kell lépni laphatárt, akkor extra technikák kellene, de ezzel most nem foglalkozunk.)

# Rekordok típusai

## Kötött formátum

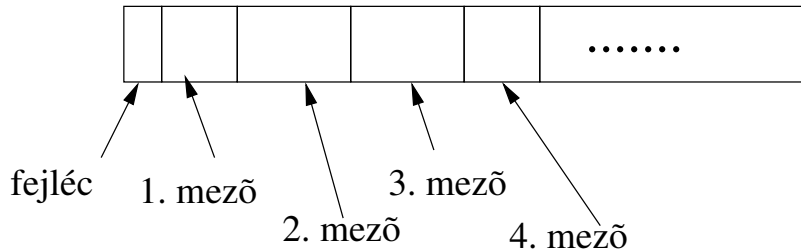
Ekkor a mezők száma, mérete, típusa és sorrendje fix



# Rekordok típusai

## Kötött formátum

Ekkor a mezők száma, mérete, típusa és sorrendje fix



### Fejléc:

- a rekord kezelésével kapcsolatos infók: törölt-e, melyik relációhoz tartozik
- a mezők típusa
- időbélyeg (mikor módosult utoljára)

# Rekordok típusai

## Változó formátum

- Mezők hossza esetleg nem fix (szöveget tartalmazó adatbázisok)

## Változó formátum

- Mezők hossza esetleg nem fix (szöveget tartalmazó adatbázisok)
- Ismétlődő mezők lehetnek, és az ismétlések száma nem fix vagy pedig többértékű mezők (szereplők felsorolása filmnél)

## Változó formátum

- Mezők hossza esetleg nem fix (szöveget tartalmazó adatbázisok)
- Ismétlődő mezők lehetnek, és az ismétlések száma nem fix vagy pedig többértékű mezők (szereplők felsorolása filmnél)

Ilyenkor bonyolultabb a fejléc, kevésbé lehet gazdaságosan/előre tervezhetően tárolni a rekordokat, ezért érjük el inkább, hogy ne legyen ez az eset:



## Változó formátum

- Mezők hossza esetleg nem fix (szöveget tartalmazó adatbázisok)
- Ismétlődő mezők lehetnek, és az ismétlések száma nem fix vagy pedig többértékű mezők (szereplők felsorolása filmnél)

Ilyenkor bonyolultabb a fejléc, kevésbé lehet gazdaságosan/előre tervezhetően tárolni a rekordokat, ezért érjük el inkább, hogy ne legyen ez az eset:

Vezessük vissza ezt az esetet a kötöttre, pl. mutatók alkalmazásával a problémás helyeken

## Változó formátum

- Mezők hossza esetleg nem fix (szöveget tartalmazó adatbázisok)
- Ismétlődő mezők lehetnek, és az ismétlések száma nem fix vagy pedig többértékű mezők (szereplők felsorolása filmnél)

Ilyenkor bonyolultabb a fejléc, kevésbé lehet gazdaságosan/előre tervezhetően tárolni a rekordokat, ezért érjük el inkább, hogy ne legyen ez az eset:

Vezessük vissza ezt az esetet a kötöttre, pl. mutatók alkalmazásával a problémás helyeken  $\implies$  Mostantól feltesszük, hogy a rekordok kötött formátumúak és hogy az egész állományon belül ugyanaz a formátum van.

- 1 **mutató:** blokk vagy rekord címét tartalmazó bejegyzés

- 1 **mutató:** blokk vagy rekord címét tartalmazó bejegyzés
- 2 **kötött blokk/rekord:** mutathat rá mutató, ezért nem mozgatható el szabadon. Ez típusszinten adott, azaz ha egy reláció rekordjaira/blokkjaira mutathat mutató, akkor még akkor is kötöttnek számít, ha éppen nem mutat egyre se semmi.

- 1 **mutató:** blokk vagy rekord címét tartalmazó bejegyzés
- 2 **kötött blokk/rekord:** mutathat rá mutató, ezért nem mozgatható el szabadon. Ez típusszinten adott, azaz ha egy reláció rekordjaira/blokkjaira mutathat mutató, akkor még akkor is kötöttnek számít, ha éppen nem mutat egyre se semmi.
- 3 **szabad blokk/rekord:** nem mutathat rá mutató

- 1 **mutató:** blokk vagy rekord címét tartalmazó bejegyzés
- 2 **kötött blokk/rekord:** mutathat rá mutató, ezért nem mozgatható el szabadon. Ez típus szinten adott, azaz ha egy reláció rekordjaira/blokkjaira mutathat mutató, akkor még akkor is kötöttnek számít, ha éppen nem mutat egyre se semmi.
- 3 **szabad blokk/rekord:** nem mutathat rá mutató
- 4 **Kulcs, keresési kulcs (néha csak kulcsnak hívjuk):**
  - ▶ a rekordok mezőinek egy kitüntetett halmaza (a reláció attribútumainak egy részhalmaza)

- 1 **mutató:** blokk vagy rekord címét tartalmazó bejegyzés
- 2 **kötött blokk/rekord:** mutathat rá mutató, ezért nem mozgatható el szabadon. Ez típus szinten adott, azaz ha egy reláció rekordjaira/blokkjaira mutathat mutató, akkor még akkor is kötöttek számít, ha éppen nem mutat egyre se semmi.
- 3 **szabad blokk/rekord:** nem mutathat rá mutató
- 4 **Kulcs, keresési kulcs (néha csak kulcsnak hívjuk):**
  - ▶ a rekordok mezőinek egy kitüntetett halmaza (a reláció attribútumainak egy részhalmaza)
  - ▶ ez alapján megy a keresés (ezeknek az értékét adjuk meg és azokat a rekordokat (sorokat a relációban) keressük, amiknél pont ezek az értékek szerepelnek)

- 1 **mutató:** blokk vagy rekord címét tartalmazó bejegyzés
- 2 **kötött blokk/rekord:** mutathat rá mutató, ezért nem mozgatható el szabadon. Ez típus szinten adott, azaz ha egy reláció rekordjaira/blokkjaira mutathat mutató, akkor még akkor is kötöttnek számít, ha éppen nem mutat egyre se semmi.
- 3 **szabad blokk/rekord:** nem mutathat rá mutató
- 4 **Kulcs, keresési kulcs (néha csak kulcsnak hívjuk):**
  - ▶ a rekordok mezőinek egy kitüntetett halmaza (a reláció attribútumainak egy részhalmaza)
  - ▶ ez alapján megy a keresés (ezeknek az értékét adjuk meg és azokat a rekordokat (sorokat a relációban) keressük, amiknél pont ezek az értékek szerepelnek)
  - ▶ a keresési kulcs nem egyezik meg feltétlenül a reláció egyik kulcsával sem (pl. név a telefonkönyvnél)



- 1 **mutató:** blokk vagy rekord címét tartalmazó bejegyzés
- 2 **kötött blokk/rekord:** mutathat rá mutató, ezért nem mozgatható el szabadon. Ez típus szinten adott, azaz ha egy reláció rekordjaira/blokkjaira mutathat mutató, akkor még akkor is kötöttnek számít, ha éppen nem mutat egyre se semmi.
- 3 **szabad blokk/rekord:** nem mutathat rá mutató
- 4 **Kulcs, keresési kulcs (néha csak kulcsnak hívjuk):**
  - ▶ a rekordok mezőinek egy kitüntetett halmaza (a reláció attribútumainak egy részhalmaza)
  - ▶ ez alapján megy a keresés (ezeknek az értékét adjuk meg és azokat a rekordokat (sorokat a relációban) keressük, amiknél pont ezek az értékek szerepelnek)
  - ▶ a keresési kulcs nem egyezik meg feltétlenül a reláció egyik kulcsával sem (pl. név a telefonkönyvnél)
  - ▶ de az azért elvárás, hogy ne legyen nagyon sok egy-egy értékre illeszkedő rekord

Milyen struktúrát hozunk létre az adatok tárolására?

Milyen struktúrát hozunk létre az adatok tárolására?

Lehetőségek:

- 1 Szekvenciális tárolás
- 2 Hash
- 3 Indexek

# Szekvenciális tárolás

Nincs semmi struktúra, lineárisan töltjük fel az állományt, az új rekord az első alkalmas szabad helyre kerül.

# Szekvenciális tárolás

Nincs semmi struktúra, lineárisan töltjük fel az állományt, az új rekord az első alkalmas szabad helyre kerül.

- **keresés**: egyesével beolvassuk a lapokat a belső memóriába, lineáris keresés, ha  $N$  lap van, akkor átlagosan  $\frac{N}{2}$  I/O művelet

# Szekvenciális tárolás

Nincs semmi struktúra, lineárisan töltjük fel az állományt, az új rekord az első alkalmas szabad helyre kerül.

- **keresés**: egyesével beolvassuk a lapokat a belső memóriába, lineáris keresés, ha  $N$  lap van, akkor átlagosan  $\frac{N}{2}$  I/O művelet
- **törlés**: keresés, aztán törléssal (ha sok törlés volt, esetleg garbage collection időnként)

# Szekvenciális tárolás

Nincs semmi struktúra, lineárisan töltjük fel az állományt, az új rekord az első alkalmas szabad helyre kerül.

- **keresés**: egyesével beolvassuk a lapokat a belső memóriába, lineáris keresés, ha  $N$  lap van, akkor átlagosan  $\frac{N}{2}$  I/O művelet
- **törlés**: keresés, aztán törléssel (ha sok törlés volt, esetleg garbage collection időnként)
- **beszúrás**: keresünk szabad helyet és oda rakjuk. Ehhez egyesével beolvassuk a blokkokat, ha van üres hely oda rakjuk, ha nincs sehoh, akkor az állomány végére. Ha az utolsó lapra se fér: új lapot kérünk

# Szekvenciális tárolás

Nincs semmi struktúra, lineárisan töltjük fel az állományt, az új rekord az első alkalmas szabad helyre kerül.

- **keresés**: egyesével beolvassuk a lapokat a belső memóriába, lineáris keresés, ha  $N$  lap van, akkor átlagosan  $\frac{N}{2}$  I/O művelet
- **törlés**: keresés, aztán törléssel (ha sok törlés volt, esetleg garbage collection időnként)
- **beszúrás**: keresünk szabad helyet és oda rakjuk. Ehhez egyesével beolvassuk a blokkokat, ha van üres hely oda rakjuk, ha nincs sehhol, akkor az állomány végére. Ha az utolsó lapra se fér: új lapot kérünk
- **módosítás**: keresés, majd ha befér az eredeti helyére, akkor oda teszem vissza a módosítás után, különben meg törlés és beszúrás



# Szekvenciális tárolás

Nincs semmi struktúra, lineárisan töltjük fel az állományt, az új rekord az első alkalmas szabad helyre kerül.

- **keresés**: egyesével beolvassuk a lapokat a belső memóriába, lineáris keresés, ha  $N$  lap van, akkor átlagosan  $\frac{N}{2}$  I/O művelet
- **törlés**: keresés, aztán törléssel (ha sok törlés volt, esetleg garbage collection időnként)
- **beszúrás**: keresünk szabad helyet és oda rakjuk. Ehhez egyesével beolvassuk a blokkokat, ha van üres hely oda rakjuk, ha nincs sehoh, akkor az állomány végére. Ha az utolsó lapra se fér: új lapot kérünk
- **módosítás**: keresés, majd ha befér az eredeti helyére, akkor oda tesztem vissza a módosítás után, különben meg törlés és beszúrás

Akkor jó így tárolni, ha kevés az adat. Előnye, hogy nem kell adatszerkezettel vesződni.

# Adatbázisok elmélete

## Hash (tördelés)

Katona Gyula Y.

Számítástudományi és Információelméleti Tanszék  
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem

19. előadás

# Hash (tördelés)

Külső táras tárolás miatt vödrös hasht kell használni. (Nyílt címzés nem menne.)

# Hash (tördelés)

Külső táras tárolás miatt vödrös hasht kell használni. (Nyílt címzés nem menne.)

**Alapvető szerkezet:**  $B$  vödör, ezekbe rakjuk majd a rekordokat. A keresési kulcs ( $K$ ) értékétől függően.

# Hash (tördelés)

Külső táras tárolás miatt vödrös hasht kell használni. (Nyílt címzés nem menne.)

**Alapvető szerkezet:**  $B$  vödör, ezekbe rakjuk majd a rekordokat. A keresési kulcs ( $K$ ) értékétől függően.

Adott egy hash függvény, ami leképezi a tárolandó rekordokat (a keresési kulcsokat) a  $[0, B - 1]$  intervallum egész értékeire, azaz  $h : K \rightarrow h(K) \in [0, B - 1]$

## Hash (tördelés)

Külső táras tárolás miatt vödörös hasht kell használni. (Nyílt címzés nem menne.)

**Alapvető szerkezet:**  $B$  vödör, ezekbe rakjuk majd a rekordokat. A keresési kulcs ( $K$ ) értékétől függően.

Adott egy hash függvény, ami leképezi a tárolandó rekordokat (a keresési kulcsokat) a  $[0, B - 1]$  intervallum egész értékeire, azaz  $h : K \rightarrow h(K) \in [0, B - 1]$

Ez adja meg, hogy egy rekord melyik vödörbe kerüljön.

## Hash (tördelés)

Külső táras tárolás miatt vödörös hasht kell használni. (Nyílt címzés nem menne.)

**Alapvető szerkezet:**  $B$  vödör, ezekbe rakjuk majd a rekordokat. A keresési kulcs ( $K$ ) értékétől függően.

Adott egy hash függvény, ami leképezi a tárolandó rekordokat (a keresési kulcsokat) a  $[0, B - 1]$  intervallum egész értékeire, azaz  $h : K \rightarrow h(K) \in [0, B - 1]$

Ez adja meg, hogy egy rekord melyik vödörbe kerüljön.

(A lehetséges  $K$ -k, a keresési kulcsok értékei, egy nagy univerzumból kerülnek ki, de az összes előfordulásuk száma ennél jóval kisebb.  $B$ -t úgy választjuk meg, hogy a várható blokkszámmal legyen nagyjából egyenlő)

# Hash (tördelés)

Külső táras tárolás miatt vödörös hasht kell használni. (Nyílt címzés nem menne.)

**Alapvető szerkezet:**  $B$  vödör, ezekbe rakjuk majd a rekordokat. A keresési kulcs ( $K$ ) értékétől függően.

Adott egy hash függvény, ami leképezi a tárolandó rekordokat (a keresési kulcsokat) a  $[0, B - 1]$  intervallum egész értékeire, azaz  $h : K \rightarrow h(K) \in [0, B - 1]$

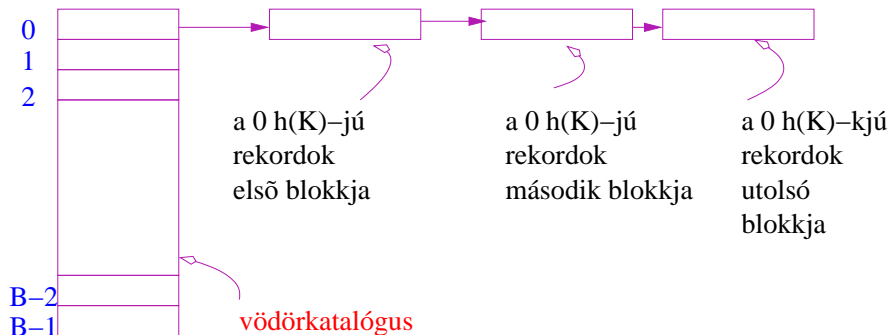
Ez adja meg, hogy egy rekord melyik vödörbe kerüljön.

(A lehetséges  $K$ -k, a keresési kulcsok értékei, egy nagy univerzumból kerülnek ki, de az összes előfordulásuk száma ennél jóval kisebb.  $B$ -t úgy választjuk meg, hogy a várható blokkszámmal legyen nagyjából egyenlő)

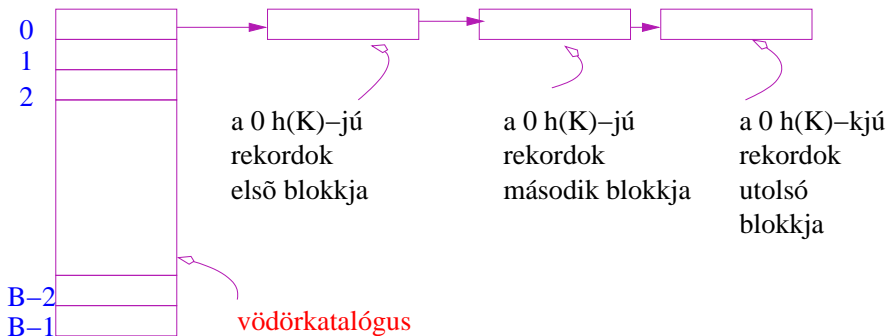
**Elvárások a hash-függvénnyel szemben:** gyorsan számolható legyen, kevés ütközést okozzon. Jó pl. a szorzómódszer ( $h(K) = K \pmod{M}$ ) vagy az osztómódszer.



# Hash

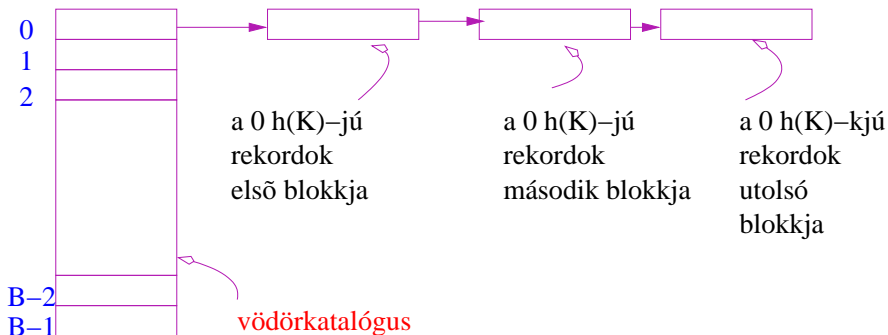


# Hash



**Vödörkatalógus:** tipikusan a belső memóriában tároljuk, ebben csak  $B$  darab mutató van, ez alapján tudjuk, hogy adott  $h(K)$  esetén hol van az első blokkja a  $h(K)$  hashértékű rekordoknak.

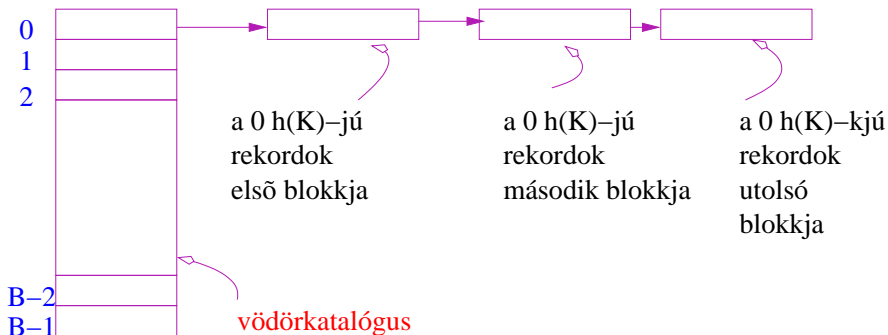
# Hash



**Vödörkatalógus:** tipikusan a belső memóriában tároljuk, ebben csak  $B$  darab mutató van, ez alapján tudjuk, hogy adott  $h(K)$  esetén hol van az első blokkja a  $h(K)$  hashértékű rekordoknak.

**Egy vödör:** azonos  $h(K)$ -jú rekordok halmaza, ezek néhány (jó esetben egy, de esetleg sok) blokkban vannak. Az egy vödörbeli blokkok között mutatókon tudunk mozogni.

# Hash



**Vödörkatalógus:** tipikusan a belső memóriában tároljuk, ebben csak  $B$  darab mutató van, ez alapján tudjuk, hogy adott  $h(K)$  esetén hol van az első blokkja a  $h(K)$  hashértékű rekordoknak.

**Egy vödör:** azonos  $h(K)$ -jú rekordok halmaza, ezek néhány (jó esetben egy, de esetleg sok) blokkban vannak. Az egy vödörbeli blokkok között mutatókon tudunk mozogni. A vödörn belül rendezettség semmi nincs, a rekordok az érkezési sorrendjükben vannak.

- **keresés:**  $K$  alapján meghatározzuk  $h(K)$ -t, a vödörkatalógusban a  $h(K)$ -hoz tartozó vödört végigkeressük szekvenciálisan

- **keresés:**  $K$  alapján meghatározzuk  $h(K)$ -t, a vödörkatalógusban a  $h(K)$ -hoz tartozó vödört végigkeressük szekvenciálisan
- **beszúrás:**  $K$  alapján meghatározzuk  $h(K)$ -t, a vödörkatalógusban a  $h(K)$ -hoz tartozó vödörbe rakjuk be a rekordot az első szabad helyre

- **keresés:**  $K$  alapján meghatározzuk  $h(K)$ -t, a vödörkatalógusban a  $h(K)$ -hoz tartozó vödört végigkeressük szekvenciálisan
- **beszúrás:**  $K$  alapján meghatározzuk  $h(K)$ -t, a vödörkatalógusban a  $h(K)$ -hoz tartozó vödörbe rakjuk be a rekordot az első szabad helyre
- **törlés:** keresés, majd törléssel

- **keresés:**  $K$  alapján meghatározzuk  $h(K)$ -t, a vödörkatalógusban a  $h(K)$ -hoz tartozó vödört végigkeressük szekvenciálisan
- **beszúrás:**  $K$  alapján meghatározzuk  $h(K)$ -t, a vödörkatalógusban a  $h(K)$ -hoz tartozó vödörbe rakjuk be a rekordot az első szabad helyre
- **törlés:** keresés, majd törléssel

**Költség:** ha jól van megválasztva  $B$  (nem nő túlságosan az állomány), akkor átlagosan konstans I/O művelettel megvan minden (legrosszabb esetben azonban nagyon rossz is lehet, annyira, mint a szekvenciális szervezés). Akkor jó, ha rövid blokkláncokból állnak a vödörök, ezért kellett  $B$ -t annyinak választani, mint a várható blokkszám.



- **keresés:**  $K$  alapján meghatározzuk  $h(K)$ -t, a vödörkatalógusban a  $h(K)$ -hoz tartozó vödört végigkeressük szekvenciálisan
- **beszúrás:**  $K$  alapján meghatározzuk  $h(K)$ -t, a vödörkatalógusban a  $h(K)$ -hoz tartozó vödörbe rakjuk be a rekordot az első szabad helyre
- **törlés:** keresés, majd törléssel

**Költség:** ha jól van megválasztva  $B$  (nem nő túlságosan az állomány), akkor átlagosan konstans I/O művelettel megvan minden (legrosszabb esetben azonban nagyon rossz is lehet, annyira, mint a szekvenciális szervezés). Akkor jó, ha rövid blokkláncokból állnak a vödörök, ezért kellett  $B$ -t annyinak választani, mint a várható blokkszám.

**Baj:** ha elrontjuk  $B$  választását, túl dinamikusan nő az állomány  $\implies$  hosszú blokkláncok, lassú műveletek

## Növelhető hash

Kiküszöböli a vödrös hash azon hibáját, hogy nem tud alkalmazkodni a gyorsan növő állományhoz.

# Növelhető hash

Kiküszöböli a vödrös hash azon hibáját, hogy nem tud alkalmazkodni a gyorsan növő állományhoz.

## Fő elvek:

- kiszámoljuk  $h(K)$ -t, de az eredménynek csak az első (vagy utolsó) pár jegye számít abban, hogy melyik rekord hova kerül

# Növelhető hash

Kiküszöböli a vödörös hash azon hibáját, hogy nem tud alkalmazkodni a gyorsan növő állományhoz.

## Fő elvek:

- kiszámoljuk  $h(K)$ -t, de az eredménynek csak az első (vagy utolsó) pár jegye számít abban, hogy melyik rekord hova kerül
- dinamikusan változik, hogy hány bit számít és ezzel együtt az is, hogy hány vödör lesz

# Növelhető hash

Kiküszöböli a vödörös hash azon hibáját, hogy nem tud alkalmazkodni a gyorsan növő állományhoz.

## Fő elvek:

- kiszámoljuk  $h(K)$ -t, de az eredménynek csak az első (vagy utolsó) pár jegye számít abban, hogy melyik rekord hova kerül
- dinamikusan változik, hogy hány bit számít és ezzel együtt az is, hogy hány vödör lesz
- a vödörök mérete fix, tipikusan egy blokkból állnak. Így majd a műveletek 1 lapeléréssel menni fognak, egy kis belső memóriában való keresgélés után.

# Növelhető hash

## Jellemzők:

- a  $d$  változó mindig a struktúra aktuális globális mélységét tárolja, ennyi bitig számít  $h(K)$  értéke

# Növelhető hash

## Jellemzők:

- a  $d$  változó mindig a struktúra aktuális globális mélységét tárolja, ennyi bitig számít  $h(K)$  értéke
- $2^d$  bejegyzés lesz a vödörkatalógusban, mert  $2^d$  darab  $d$  hosszú bitsorozat van

# Növelhető hash

## Jellemzők:

- a  $d$  változó mindig a struktúra aktuális globális mélységét tárolja, ennyi bitig számít  $h(K)$  értéke
- $2^d$  bejegyzés lesz a vödörkatalógusban, mert  $2^d$  darab  $d$  hosszú bitsorozat van
- a vödörkatalógus most is egy mutatókból álló (most éppen  $2^d$  elemű) tömb



## Jellemzők:

- a  $d$  változó mindig a struktúra aktuális globális mélységét tárolja, ennyi bitig számít  $h(K)$  értéke
- $2^d$  bejegyzés lesz a vödörkatalógusban, mert  $2^d$  darab  $d$  hosszú bitsorozat van
- a vödörkatalógus most is egy mutatókból álló (most éppen  $2^d$  elemű) tömb
- a vödrök száma  $2^d$ -nél lehet kevesebb is, ha több mutató is mutat ugyanarra a vödörré

## Jellemzők:

- a  $d$  változó mindig a struktúra aktuális globális mélységét tárolja, ennyi bitig számít  $h(K)$  értéke
- $2^d$  bejegyzés lesz a vödörkatalógusban, mert  $2^d$  darab  $d$  hosszú bitsorozat van
- a vödörkatalógus most is egy mutatókból álló (most éppen  $2^d$  elemű) tömb
- a vödrök száma  $2^d$ -nél lehet kevesebb is, ha több mutató is mutat ugyanarra a vödörré

**A műveletek közös vonása:** kiszámoljuk  $h(K)$ -t  $d$  bitig és aztán a vödörkatalógus  $h(K)$ -hoz tartozó mutatója alapján elmegyünk abba a vödörbe (blokkhoz), ahol az ezen  $d$  bittel kezdődő  $h(K)$  értékű rekordok vannak.

## Jellemzők:

- a  $d$  változó mindig a struktúra aktuális globális mélységét tárolja, ennyi bitig számít  $h(K)$  értéke
- $2^d$  bejegyzés lesz a vödörkatalógusban, mert  $2^d$  darab  $d$  hosszú bitsorozat van
- a vödörkatalógus most is egy mutatókból álló (most éppen  $2^d$  elemű) tömb
- a vödrök száma  $2^d$ -nél lehet kevesebb is, ha több mutató is mutat ugyanarra a vödörré

**A műveletek közös vonása:** kiszámoljuk  $h(K)$ -t  $d$  bitig és aztán a vödörkatalógus  $h(K)$ -hoz tartozó mutatója alapján elmegyünk abba a vödörbe (blokkhoz), ahol az ezen  $d$  bittel kezdődő  $h(K)$  értékű rekordok vannak.

Ha két mutató ugyanoda mutat, akkor különböző  $d$  hosszú bitsorozattal kezdődő  $h(K)$  értékű rekordok ugyanoda kerülnek.

## Jellemzők:

- a  $d$  változó mindig a struktúra aktuális globális mélységét tárolja, ennyi bitig számít  $h(K)$  értéke
- $2^d$  bejegyzés lesz a vödörkatalógusban, mert  $2^d$  darab  $d$  hosszú bitsorozat van
- a vödörkatalógus most is egy mutatókból álló (most éppen  $2^d$  elemű) tömb
- a vödrök száma  $2^d$ -nél lehet kevesebb is, ha több mutató is mutat ugyanarra a vödörré

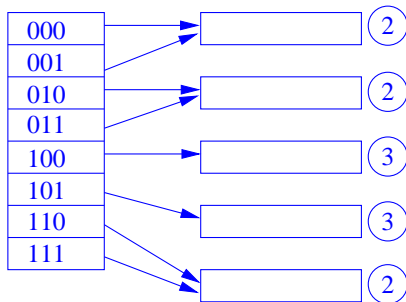
**A műveletek közös vonása:** kiszámoljuk  $h(K)$ -t  $d$  bitig és aztán a vödörkatalógus  $h(K)$ -hoz tartozó mutatója alapján elmegyünk abba a vödörbe (blokkhoz), ahol az ezen  $d$  bittel kezdődő  $h(K)$  értékű rekordok vannak.

Ha két mutató ugyanoda mutat, akkor különböző  $d$  hosszú bitsorozattal kezdődő  $h(K)$  értékű rekordok ugyanoda kerülnek.

**Minden vödörnek van egy lokális mélysége, ezt a  $d'$  változó tárolja.** Ez azt mutatja, hogy az ebbe a vödörbe kerülésnél az első hány darab bit számít. Természetesen  $d' \leq d$  áll minden vödörré,  $d' < d$  akkor van, ha több mutató ugyanoda mutat.

## A struktúra felépítése

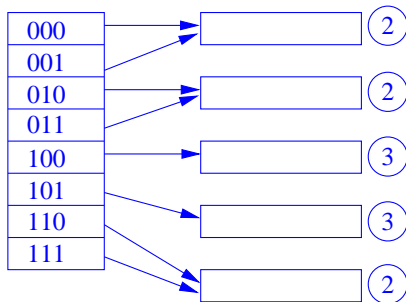
A struktúra vázlata  $d = 3$  esetén:



Mivel  $d = 3$ , ezért az első három bitig számoljuk ki  $h(K)$ -t.

## A struktúra felépítése

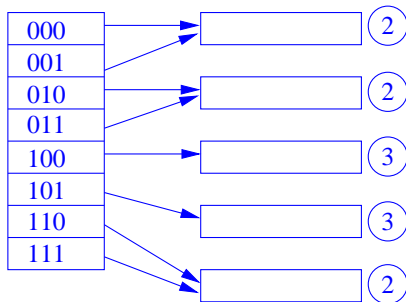
A struktúra vázlata  $d = 3$  esetén:



Mivel  $d = 3$ , ezért az első három bitig számoljuk ki  $h(K)$ -t. Most összesen öt vödör van a lehetséges maximális nyolc helyett, mert azok a rekordok, amiknek a  $h(K)$ -ja 00-val kezdődik elférnek egy vödörben, itt már az első két bit alapján tudjuk, hogy melyik vödörbe kerül a rekord.

## A struktúra felépítése

A struktúra vázlatja  $d = 3$  esetén:



Mivel  $d = 3$ , ezért az első három bitig számoljuk ki  $h(K)$ -t. Most összesen öt vödör van a lehetséges maximális nyolc helyett, mert azok a rekordok, amiknek a  $h(K)$ -ja 00-val kezdődik elférnek egy vödörben, itt már az első két bit alapján tudjuk, hogy melyik vödörbe kerül a rekord. Hasonló a helyzet a 01 és 11 kezdetű  $h(K)$  értékekkel is. Egyedül az 10 első két bit esetén számít, hogy mi a harmadik (az 10 kezdetűek nem férnek el egy vödörben).

## Műveletek megvalósítása

- **keresés**: az adott  $K$  keresési kulcsra kiszámoljuk  $h(K)$  első  $d$  bitjét, a vödörkatalógus megfelelő mutatója alapján tudjuk, hogy honnan kell beolvasni az egy blokkból álló vödröt, amiben a rekordnak lennie kell



## Műveletek megvalósítása

- **keresés**: az adott  $K$  keresési kulcsra kiszámoljuk  $h(K)$  első  $d$  bitjét, a vödörkatalógus megfelelő mutatója alapján tudjuk, hogy honnan kell beolvasni az egy blokkból álló vödröt, amiben a rekordnak lennie kell
- **beszúrás**: beszúrni kívánt rekord  $K$  értékére kiszámoljuk  $h(K)$ -t, vödörkatalógus mutatóját követve behozzuk a blokkot, ahova kerülnie kell. Ha belefér ez a rekord is, akkor belerakjuk és kiírjuk a blokkot.

## Műveletek megvalósítása

- **keresés**: az adott  $K$  keresési kulcsra kiszámoljuk  $h(K)$  első  $d$  bitjét, a vödörkatalógus megfelelő mutatója alapján tudjuk, hogy honnan kell beolvasni az egy blokkból álló vödört, amiben a rekordnak lennie kell
- **beszúrás**: beszúrni kívánt rekord  $K$  értékére kiszámoljuk  $h(K)$ -t, vödörkatalógus mutatóját követve behozzuk a blokkot, ahova kerülnie kell. **Ha belefér** ez a rekord is, akkor belerakjuk és kiírjuk a blokkot.  
**Ha nem fér bele**, akkor szét kell szedni a blokkot két részre, egy vödör helyett lesz kettő. Két eset van:

# Műveletek megvalósítása

- **keresés:** az adott  $K$  keresési kulcsra kiszámoljuk  $h(K)$  első  $d$  bitjét, a vödörkatalógus megfelelő mutatója alapján tudjuk, hogy honnan kell beolvasni az egy blokkból álló vödört, amiben a rekordnak lennie kell
- **beszúrás:** beszúrni kívánt rekord  $K$  értékére kiszámoljuk  $h(K)$ -t, vödörkatalógus mutatóját követve behozzuk a blokkot, ahova kerülnie kell. **Ha belefér** ez a rekord is, akkor belerakjuk és kiírjuk a blokkot.  
**Ha nem fér bele**, akkor szét kell szedni a blokkot két részre, egy vödör helyett lesz kettő. Két eset van:
  - ▶ **Ha  $d' < d$** , a vödör lokális mélysége kisebb  $d$ -nél:  $d' := d' + 1 \leq d$  lesz, a vödörkatalógus nem változik, csak az eddig ugyanarra a vödörré mutató két mutató most majd két külön blokkra mutat:



# Műveletek megvalósítása

- **keresés:** az adott  $K$  keresési kulcsra kiszámoljuk  $h(K)$  első  $d$  bitjét, a vödörkatalógus megfelelő mutatója alapján tudjuk, hogy honnan kell beolvasni az egy blokkból álló vödört, amiben a rekordnak lennie kell
- **beszúrás:** beszúrni kívánt rekord  $K$  értékére kiszámoljuk  $h(K)$ -t, vödörkatalógus mutatóját követve behozzuk a blokkot, ahova kerülnie kell. **Ha belefér** ez a rekord is, akkor belerakjuk és kiírjuk a blokkot. **Ha nem fér bele**, akkor szét kell szedni a blokkot két részre, egy vödör helyett lesz két. Két eset van:
  - ▶ **Ha  $d' < d$** , a vödör lokális mélysége kisebb  $d$ -nél:  $d' := d' + 1 \leq d$  lesz, a vödörkatalógus nem változik, csak az eddig ugyanarra a vödörré mutató két mutató most majd két külön blokkra mutat:



Természetesen az eddig egy vödörben levő rekordokat szét kell válogatni aszerint, hogy a  $d' + 1$ -edik bitje mi a  $h(K)$ -nak

# Műveletek megvalósítása

- ▶ Ha  $d' = d$ , azaz már nem lehet növelni a lokális mélységet  $d$  változtatása nélkül:  $d := d + 1$ , a vödörkatalógust megduplázom egy  $x_1 \dots x_d$  bejegyzés helyett lesz kettő:  $x_1 \dots x_d 0$  és  $x_1 \dots x_d 1$ , az ezekből kiinduló két mutató ugyanoda megy, ahova a korábbi egy, a lokális mélység nem változik.



# Műveletek megvalósítása

- ▶ Ha  $d' = d$ , azaz már nem lehet növelni a lokális mélységet  $d$  változtatása nélkül:  $d := d + 1$ , a vödörkatalógust megduplázom egy  $x_1 \dots x_d$  bejegyzés helyett lesz kettő:  $x_1 \dots x_d 0$  és  $x_1 \dots x_d 1$ , az ezekből kiinduló két mutató ugyanoda megy, ahova a korábbi egy, a lokális mélység nem változik.



Ezek után már végrehajtható a vödörszétválasztás úgy, mint az előbb, mert most már  $d' < d$  mindenhol az új  $d$ -vel.

# Műveletek megvalósítása

- ▶ Ha  $d' = d$ , azaz már nem lehet növelni a lokális mélységet  $d$  változtatása nélkül:  $d := d + 1$ , a vödörkatalógust megduplázom egy  $x_1 \dots x_d$  bejegyzés helyett lesz kettő:  $x_1 \dots x_d$  0 és  $x_1 \dots x_d$  1, az ezekből kiinduló két mutató ugyanoda megy, ahova a korábbi egy, a lokális mélység nem változik.



Ezek után már végrehajtható a vödörszétválasztás úgy, mint az előbb, mert most már  $d' < d$  mindenhol az új  $d$ -vel.

- ▶ **törlés**: keresés, aztán törlés a vödörből;

# Műveletek megvalósítása

- ▶ Ha  $d' = d$ , azaz már nem lehet növelni a lokális mélységet  $d$  változtatása nélkül:  $d := d + 1$ , a vödörkatalógust megduplázom egy  $x_1 \dots x_d$  bejegyzés helyett lesz kettő:  $x_1 \dots x_d$  0 és  $x_1 \dots x_d$  1, az ezekből kiinduló két mutató ugyanoda megy, ahova a korábbi egy, a lokális mélység nem változik.



Ezek után már végrehajtható a vödörszétválasztás úgy, mint az előbb, mert most már  $d' < d$  mindenhol az új  $d$ -vel.

- ▶ **törlés:** keresés, aztán pedig törlés a vödörből; ha ettől olyan helyzet áll elő, hogy a vödör összevonható a párjával (ahol az első  $d' - 1$  bit egyezik, de a  $d'$ -edik más), akkor összevonás (két mutató ugyanoda fog mutatni) és  $d'$  csökkentése eggyel.



# Műveletek megvalósítása

- ▶ Ha  $d' = d$ , azaz már nem lehet növelni a lokális mélységet  $d$  változtatása nélkül:  $d := d + 1$ , a vödörkatalógust megduplázom egy  $x_1 \dots x_d$  bejegyzés helyett lesz kettő:  $x_1 \dots x_d$  0 és  $x_1 \dots x_d$  1, az ezekből kiinduló két mutató ugyanoda megy, ahova a korábbi egy, a lokális mélység nem változik.



Ezek után már végrehajtható a vödörszétválasztás úgy, mint az előbb, mert most már  $d' < d$  mindenhol az új  $d'$ -vel.

- ▶ **törlés:** keresés, aztán pedig törlés a vödörből; ha ettől olyan helyzet áll elő, hogy a vödör összevonható a párjával (ahol az első  $d' - 1$  bit egyezik, de a  $d'$ -edik más), akkor összevonás (két mutató ugyanoda fog mutatni) és  $d'$  csökkentése egyvel. Ha minden  $d' < d$ , akkor  $d$ -t is csökkentjük egyvel.

# Műveletek megvalósítása

- ▶ Ha  $d' = d$ , azaz már nem lehet növelni a lokális mélységet  $d$  változtatása nélkül:  $d := d + 1$ , a vödörkatalógust megduplázom egy  $x_1 \dots x_d$  bejegyzés helyett lesz kettő:  $x_1 \dots x_d 0$  és  $x_1 \dots x_d 1$ , az ezekből kiinduló két mutató ugyanoda megy, ahova a korábbi egy, a lokális mélység nem változik.



Ezek után már végrehajtható a vödörszétválasztás úgy, mint az előbb, mert most már  $d' < d$  mindenhol az új  $d'$ -vel.

- ▶ **törlés:** keresés, aztán pedig törlés a vödörből; ha ettől olyan helyzet áll elő, hogy a vödör összevonható a párjával (ahol az első  $d' - 1$  bit egyezik, de a  $d'$ -edik más), akkor összevonás (két mutató ugyanoda fog mutatni) és  $d'$  csökkentése egyvel. Ha minden  $d' < d$ , akkor  $d$ -t is csökkentjük egyvel.

A fentiek miatt csak akkor mutathat két mutató ugyanarra a  $d'$  lokális mélységű vödörré, ha a két megfelelő érték első  $d'$  bitje megegyezik.

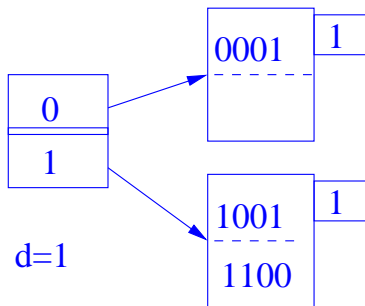
## Példa

Növelhető hash segítségével akarjuk tárolni az adatainkat. Feltesszük, hogy egy lapra két rekord fér. A hash függvény 4 bites számot ad vissza, de jelenleg még csak egy bitet használunk ( $d = 1$ ), mivel eddig csak három elem (0001, 1001, 1100) van a táblázatban (az egyszerűség kedvéért az elemek helyett azt az értéket írjuk be, amit a hash függvény visszaad).

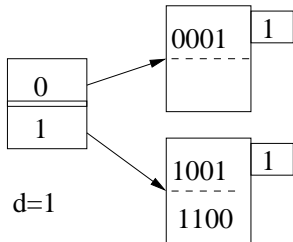
## Példa

Növelhető hash segítségével akarjuk tárolni az adatainkat. Feltesszük, hogy egy lapra két rekord fér. A hash függvény 4 bites számot ad vissza, de jelenleg még csak egy bitet használunk ( $d = 1$ ), mivel eddig csak három elem (0001, 1001, 1100) van a táblázatban (az egyszerűség kedvéért az elemek helyett azt az értéket írjuk be, amit a hash függvény visszaad).

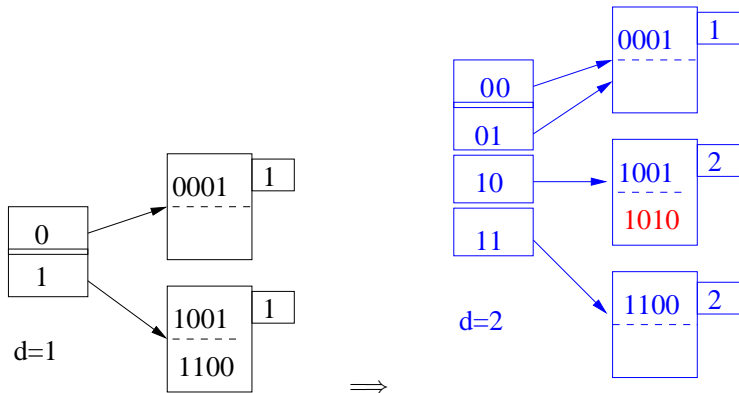
Tehát most így néz ki a tábla, van egy bejegyzés a 0-hoz és egy az 1-hez:



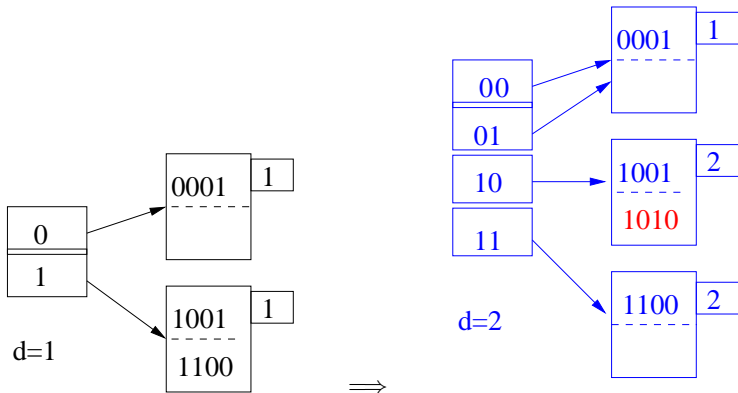
Ha most beszúrni szeretnénk egy olyan elemet, melyre a hash függvény az 1010 értéket adja, akkor az új tábla ilyen lesz:



Ha most beszúrni szeretnénk egy olyan elemet, melyre a hash függvény az 1010 értéket adja, akkor az új tábla ilyen lesz:

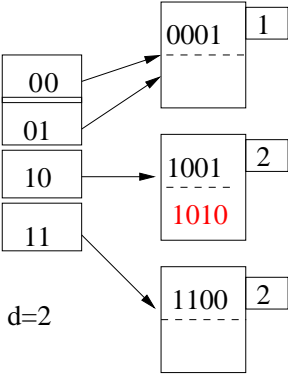


Ha most beszúrni szeretnénk egy olyan elemet, melyre a hash függvény az 1010 értéket adja, akkor az új tábla ilyen lesz:



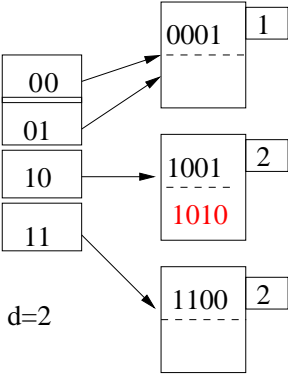
Mivel az 1-hez tartozó lap már betelt, ezért itt a lokális mélységet növelni kellett 1-ről 2-re (két bitet akarunk figyelembe venni), de így a  $d$  értékét is növelnünk kellett.

Ha most jön egy 0010 hash-értékű elem, akkor azt simán be tudjuk rakni a helyére:

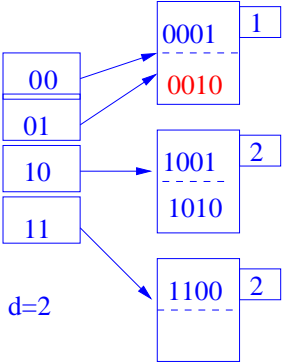




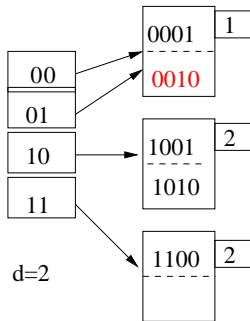
Ha most jön egy 0010 hash-értékű elem, akkor azt simán be tudjuk rakni a helyére:



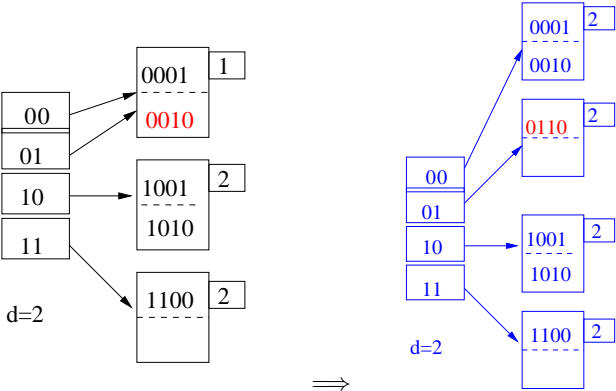
$\Rightarrow$



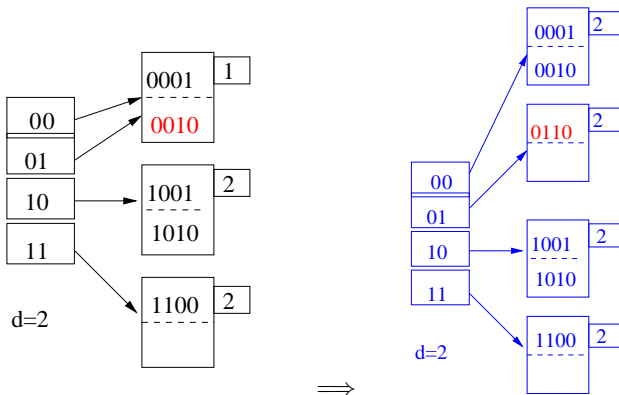
De ha ezután olyan jön, ahol a hash függvény értéke 0110, akkor új lapot kell létrehoznunk, de a  $d$  értékét nem kell növelnünk, mert elég lesz az eddig ugyanoda mutató két mutatót szétszedni és ezen új lapoknál a lokális mélységet 2-re állítani.



De ha ezután olyan jön, ahol a hash függvény értéke 0110, akkor új lapot kell létrehoznunk, de a  $d$  értékét nem kell növelnünk, mert elég lesz az eddig ugyanoda mutató két mutatót szétszedni és ezen új lapoknál a lokális mélységet 2-re állítani.



De ha ezután olyan jön, ahol a hash függvény értéke 0110, akkor új lapot kell létrehoznunk, de a  $d$  értékét nem kell növelnünk, mert elég lesz az eddig ugyanoda mutató két mutatót szétszedni és ezen új lapoknál a lokális mélységet 2-re állítani.



Ha ezután jönne egy olyan elem, aminek az értéke 00-val vagy 10-val kezdődik, akkor újabb lapra lenne szükségünk, de ehhez már a  $d$  értékét is növelni kellene.

# A dinamikus hash értékelése

## Előnyök:

- egy I/O művelettel minden megvan, ha a vödörkatalógus a belső memóriában van
- a struktúra igazodik az állomány növekedéséhez

# A dinamikus hash értékelése

## Előnyök:

- egy I/O művelettel minden megvan, ha a vödörkatalógus a belső memóriában van
- a struktúra igazodik az állomány növekedéséhez

## Bajok:

- szerencsétlen esetben nagyon nagy vödörkatalógust kell építeni kevés rekord miatt (legrosszabb esetben lényegében a szekvenciális keresést kapjuk vissza)

# A dinamikus hash értékelése

## Előnyök:

- egy I/O művelettel minden megvan, ha a vödörkatalógus a belső memóriában van
- a struktúra igazodik az állomány növekedéséhez

## Bajok:

- szerencsétlen esetben nagyon nagy vödörkatalógust kell építeni kevés rekord miatt (legrosszabb esetben lényegében a szekvenciális keresést kapjuk vissza)
- a  $h(K)$  értéket se lehet a végtelenségig továbbszámolni: ha  $h(K)$  már teljes hosszáig kiszámolandó, akkor nem lehet tovább növelni a struktúrát

# Adatbázisok elmélete

## Indexek

Katona Gyula Y.

Számítástudományi és Információelméleti Tanszék  
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem

20. előadás



# Indexek

Másik technika adatok jó tárolására. Továbbra is az a cél, hogy a műveletek gyorsan menjenek.

# Indexek

Másik technika adatok jó tárolására. Továbbra is az a cél, hogy a műveletek gyorsan menjenek.

Motiváló ötlet:

- könyvtárban úgy keresünk, hogy katalóguscetlik között keresünk és az alapján már megvan a könyv (sűrű indexre motiváció)

Másik technika adatok jó tárolására. Továbbra is az a cél, hogy a műveletek gyorsan menjenek.

Motiváló ötlet:

- könyvtárban úgy keresünk, hogy katalóguscetlik között keresünk és az alapján már megvan a könyv (sűrű indexre motiváció)
- ha a polcokon ábécé szerint vannak sorban a könyvek, akkor a polcok elején álló könyvek megvizsgálásával gyorsan eldönthető, hogy melyiken kell keresni (ritka indexre motiváció)

# Indexek

Másik technika adatok jó tárolására. Továbbra is az a cél, hogy a műveletek gyorsan menjenek.

## Motiváló ötlet:

- könyvtárban úgy keresünk, hogy katalóguscetlik között keresünk és az alapján már megvan a könyv (sűrű indexre motiváció)
- ha a polcokon ábécé szerint vannak sorban a könyvek, akkor a polcok elején álló könyvek megvizsgálásával gyorsan eldönthető, hogy melyiken kell keresni (ritka indexre motiváció)

## Indexek általános jellemzői:

- rendezettséget figyelembe veszi (ellentétben a hash-sel)

Másik technika adatok jó tárolására. Továbbra is az a cél, hogy a műveletek gyorsan menjenek.

Motiváló ötlet:

- könyvtárban úgy keresünk, hogy katalóguscetlik között keresünk és az alapján már megvan a könyv (sűrű indexre motiváció)
- ha a polcokon ábécé szerint vannak sorban a könyvek, akkor a polcok elején álló könyvek megvizsgálásával gyorsan eldönthető, hogy melyiken kell keresni (ritka indexre motiváció)

Indexek általános jellemzői:

- rendezettséget figyelembe veszi (ellentétben a hash-sel)
- van korlát a legrosszabb esetre is (ellentétben a hash-el, ami viszont átlagosan jobb)

Másik technika adatok jó tárolására. Továbbra is az a cél, hogy a műveletek gyorsan menjenek.

Motiváló ötlet:

- könyvtárban úgy keresünk, hogy katalóguscetlik között keresünk és az alapján már megvan a könyv (sűrű indexre motiváció)
- ha a polcokon ábécé szerint vannak sorban a könyvek, akkor a polcok elején álló könyvek megvizsgálásával gyorsan eldönthető, hogy melyiken kell keresni (ritka indexre motiváció)

Indexek általános jellemzői:

- rendezettséget figyelembe veszi (ellentétben a hash-sel)
- van korlát a legrosszabb esetre is (ellentétben a hash-el, ami viszont átlagosan jobb)
- jól bírja a dinamikus bővülést (ellentétben a hash-el)

Másik technika adatok jó tárolására. Továbbra is az a cél, hogy a műveletek gyorsan menjenek.

Motiváló ötlet:

- könyvtárban úgy keresünk, hogy katalóguscetlik között keresünk és az alapján már megvan a könyv (sűrű indexre motiváció)
- ha a polcokon ábécé szerint vannak sorban a könyvek, akkor a polcok elején álló könyvek megvizsgálásával gyorsan eldönthető, hogy melyiken kell keresni (ritka indexre motiváció)

Indexek általános jellemzői:

- rendezettséget figyelembe veszi (ellentétben a hash-sel)
- van korlát a legrosszabb esetre is (ellentétben a hash-el, ami viszont átlagosan jobb)
- jól bírja a dinamikus bővülést (ellentétben a hash-el)
- kulcs rendezett halmazból kerül ki (de nem féltétlenül egyedi)

Másik technika adatok jó tárolására. Továbbra is az a cél, hogy a műveletek gyorsan menjenek.

Motiváló ötlet:

- könyvtárban úgy keresünk, hogy katalóguscetlik között keresünk és az alapján már megvan a könyv (sűrű indexre motiváció)
- ha a polcokon ábécé szerint vannak sorban a könyvek, akkor a polcok elején álló könyvek megvizsgálásával gyorsan eldönthető, hogy melyiken kell keresni (ritka indexre motiváció)

Indexek általános jellemzői:

- rendezettséget figyelembe veszi (ellentétben a hash-sel)
- van korlát a legrosszabb esetre is (ellentétben a hash-el, ami viszont átlagosan jobb)
- jól bírja a dinamikus bővülést (ellentétben a hash-el)
- kulcs rendezett halmazból kerül ki (de nem feltétlenül egyedi)
- lehet ugyanarra az állományra több index is készítve



## Az indexstruktúra vázlatos felépítése



Az indexállományban vannak a keresést segítő infók, a főállományban vannak a tárolt adatok, a rekordok.

## Az indexstruktúra vázlatos felépítése



Az indexállományban vannak a keresést segítő infók, a főállományban vannak a tárolt adatok, a rekordok.

A főállomány lehet esetleg rendezett a keresési kulcs szerint, de nem feltétlenül az.

## Az indexstruktúra vázlatos felépítése



Az indexállományban vannak a keresést segítő infók, a főállományban vannak a tárolt adatok, a rekordok.

A főállomány lehet esetleg rendezett a keresési kulcs szerint, de nem feltétlenül az.

Az indexállományban indexrekordok vannak, ezek felépítése:

kulcs	mutató
-------	--------

A kulcs valamelyik főállománybeli rekordhoz tartozó kulcsérték, a mutató pedig a főállományba mutat, oda, ahol ez a rekord van.

## Az indexstruktúra vázlatos felépítése



Az indexállományban vannak a keresést segítő infók, a főállományban vannak a tárolt adatok, a rekordok.

A főállomány lehet esetleg rendezett a keresési kulcs szerint, de nem feltétlenül az.

Az indexállományban indexrekordok vannak, ezek felépítése:

kulcs	mutató
-------	--------

A kulcs valamelyik főállománybeli rekordhoz tartozó kulcsérték, a mutató pedig a főállományba mutat, oda, ahol ez a rekord van.

Aszerint, hogy minden főállománybeli rekordra van rá mutató indexbejegyzés vagy pedig csak néhányra, sűrű illetve ritka indexről beszélhetünk. (Majd látjuk, hogy ez két nagyon más helyzet lesz.)

## Ritka index, egyszintű

Feltesszük, hogy a főállomány szabad, azaz elmozgathatók a rekordok szabadon.

## Ritka index, egyszintű

Feltesszük, hogy a főállomány szabad, azaz elmozgathatók a rekordok szabadon.

Jellemzők:

- **motiváló példa:** telefonkönyv vagy szótár sarkaiban a bejegyzések, ez alapján keresés

## Ritka index, egyszintű

Feltesszük, hogy a főállomány szabad, azaz elmozgathatók a rekordok szabadon.

Jellemzők:

- **motiváló példa:** telefonkönyv vagy szótár sarkaiban a bejegyzések, ez alapján keresés
- **ritka index,** azaz nem minden főállománybeli rekordra van indexbejegyzés, csak blokkonként egyre

## Ritka index, egyszintű

Feltesszük, hogy a főállomány szabad, azaz elmozgathatók a rekordok szabadon.

Jellemzők:

- **motiváló példa:** telefonkönyv vagy szótár sarkaiban a bejegyzések, ez alapján keresés
- ritka index, azaz nem minden főállománybeli rekordra van indexbejegyzés, csak blokkonként egyre
- a főállomány vagy rendezett a keresési kulcs szerint vagy lényegében rendezett (blokkokon belül esetleg nem rendezettek a rekordok, de a blokkok egymáshoz képest rendezetten vannak)



## Ritka index, egyszintű

Feltesszük, hogy a főállomány szabad, azaz elmozgathatók a rekordok szabadon.

Jellemzők:

- **motiváló példa:** telefonkönyv vagy szótár sarkaiban a bejegyzések, ez alapján keresés
- ritka index, azaz nem minden főállománybeli rekordra van indexbejegyzés, csak blokkonként egyre
- a főállomány vagy rendezett a keresési kulcs szerint vagy lényegében rendezett (blokkokon belül esetleg nem rendezettek a rekordok, de a blokkok egymáshoz képest rendezetten vannak)
- az indexállomány rendezett a keresési kulcs szerint (az indexállomány is háttértéren van)

## Ritka index, egyszintű

Feltesszük, hogy a főállomány szabad, azaz elmozgathatók a rekordok szabadon.

Jellemzők:

- **motiváló példa:** telefonkönyv vagy szótár sarkaiban a bejegyzések, ez alapján keresés
- ritka index, azaz nem minden főállománybeli rekordra van indexbejegyzés, csak blokkonként egyre
- a főállomány vagy rendezett a keresési kulcs szerint vagy lényegében rendezett (blokkokon belül esetleg nem rendezettek a rekordok, de a blokkok egymáshoz képest rendezetten vannak)
- az indexállomány rendezett a keresési kulcs szerint (az indexállomány is háttértéren van)
- az indexbejegyzésben szereplő kulcs a rendezett esetben a blokk legelső kulcsa, a lényegében rendezett esetben a blokk legkisebb kulcsa

## Ritka index, egyszintű

Feltesszük, hogy a főállomány szabad, azaz elmozgathatók a rekordok szabadon.

Jellemzők:

- **motiváló példa:** telefonkönyv vagy szótár sarkaiban a bejegyzések, ez alapján keresés
- ritka index, azaz nem minden főállománybeli rekordra van indexbejegyzés, csak blokkonként egyre
- a főállomány vagy rendezett a keresési kulcs szerint vagy lényegében rendezett (blokkokon belül esetleg nem rendezettek a rekordok, de a blokkok egymáshoz képest rendezetten vannak)
- az indexállomány rendezett a keresési kulcs szerint (az indexállomány is háttértéren van)
- az indexbejegyzésben szereplő kulcs a rendezett esetben a blokk legelső kulcsa, a lényegében rendezett esetben a blokk legkisebb kulcsa
- a mutató az indexbejegyzésben arra a blokkra mutat, ahol a bejegyzésben szereplő kulcshoz tartozó rekord van

## Ritka index, egyszintű

Feltesszük, hogy a főállomány szabad, azaz elmozgathatók a rekordok szabadon.

Jellemzők:

- **motiváló példa:** telefonkönyv vagy szótár sarkaiban a bejegyzések, ez alapján keresés
- ritka index, azaz nem minden főállománybeli rekordra van indexbejegyzés, csak blokkonként egyre
- a főállomány vagy rendezett a keresési kulcs szerint vagy lényegében rendezett (blokkokon belül esetleg nem rendezettek a rekordok, de a blokkok egymáshoz képest rendezetten vannak)
- az indexállomány rendezett a keresési kulcs szerint (az indexállomány is háttértéren van)
- az indexbejegyzésben szereplő kulcs a rendezett esetben a blokk legelső kulcsa, a lényegében rendezett esetben a blokk legkisebb kulcsa
- a mutató az indexbejegyzésben arra a blokkra mutat, ahol a bejegyzésben szereplő kulcshoz tartozó rekord van

A fentiek miatt a ritka index kivonata lesz a főállománynak, tartalmazza rendezetten a blokkok legkisebb kulcsait.

**Adott a keresési kulcs értéke, meg kell találni az ilyen rekordokat.**

**Adott a keresési kulcs értéke, meg kell találni az ilyen rekordokat.**

- 1 Először az indexállományban megkeressük azt a legnagyobb indexbejegyzést, aminek kulcsa még éppen nem nagyobb, mint az adott keresési érték.

**Adott a keresési kulcs értéke, meg kell találni az ilyen rekordokat.**

- 1 Először az indexállományban megkeressük azt a legnagyobb indexbejegyzést, aminek kulcsa még éppen nem nagyobb, mint az adott keresési érték. Ez átlagosan  $\frac{n}{2}$  I/O művelet, ha  $n$  blokkból áll az indexállomány.

## Adott a keresési kulcs értéke, meg kell találni az ilyen rekordokat.

- 1 Először az indexállományban megkeressük azt a legnagyobb indexbejegyzést, aminek kulcsa még éppen nem nagyobb, mint az adott keresési érték. Ez átlagosan  $\frac{n}{2}$  I/O művelet, ha  $n$  blokkból áll az indexállomány.
- 2 Az előbb megtalált indexbejegyzéshez tartozó blokkban (plusz egy I/O művelet) megkeressük a rekordunkat.



## Adott a keresési kulcs értéke, meg kell találni az ilyen rekordokat.

- 1 Először az indexállományban megkeressük azt a legnagyobb indexbejegyzést, aminek kulcsa még éppen nem nagyobb, mint az adott keresési érték. Ez átlagosan  $\frac{n}{2}$  I/O művelet, ha  $n$  blokkból áll az indexállomány.
- 2 Az előbb megtalált indexbejegyzéshez tartozó blokkban (plusz egy I/O művelet) megkeressük a rekordunkat.

### Megjegyzések:

1. Ha van valami plusz struktúra, ami segíti a gyors keresést az indexállományban, akkor jobbat is lehet, mint  $\frac{n}{2}$ .

## Adott a keresési kulcs értéke, meg kell találni az ilyen rekordokat.

- 1 Először az indexállományban megkeressük azt a legnagyobb indexbejegyzést, aminek kulcsa még éppen nem nagyobb, mint az adott keresési érték. Ez átlagosan  $\frac{n}{2}$  I/O művelet, ha  $n$  blokkból áll az indexállomány.
- 2 Az előbb megtalált indexbejegyzéshez tartozó blokkban (plusz egy I/O művelet) megkeressük a rekordunkat.

### Megjegyzések:

1. Ha van valami plusz struktúra, ami segíti a gyors keresést az indexállományban, akkor jobbat is lehet, mint  $\frac{n}{2}$ .
2. A blokkon belül, a főállományban már bárhogy kereshetünk, de leginkább szekvenciálisan megy.

## További műveletek

- **beszúrás**: először egy keresés (hol kellene lennie), aztán blokkon belül a helyére tesszük:

## További műveletek

- **beszúrás**: először egy keresés (hol kellene lennie), aztán blokkon belül a helyére tesszük:
  - ▶ *ha rendezett a főállomány*: blokkon belül megkeressük a helyét, beillesztjük;

## További műveletek

- **beszúrás**: először egy keresés (hol kellene lennie), aztán blokkon belül a helyére tesszük:
  - ▶ *ha rendezett a főállomány*: blokkon belül megkeressük a helyét, beillesztjük; *ha nem fér be*  $\implies$  blokkvágás két egyenlő részre, az új blokk minimális (legelső) kulcsára indexbejegyzés beszúrása az indexállományba

## További műveletek

- **beszúrás**: először egy keresés (hol kellene lennie), aztán blokkon belül a helyére tesszük:
  - ▶ *ha rendezett a főállomány*: blokkon belül megkeressük a helyét, beillesztjük; **ha nem fér be**  $\implies$  blokkvágás két egyenlő részre, az új blokk minimális (legelső) kulcsára indexbejegyzés beszúrása az indexállományba
  - ▶ *ha lényegében rendezett a főállomány*: ha van még hely a blokkban, akkor berakjuk, mindegy, hogy hova;

- **beszúrás**: először egy keresés (hol kellene lennie), aztán blokkon belül a helyére tesszük:
  - ▶ *ha rendezett a főállomány*: blokkon belül megkeressük a helyét, beillesztjük; **ha nem fér be**  $\implies$  blokkvágás két egyenlő részre, az új blokk minimális (legelső) kulcsára indexbejegyzés beszúrása az indexállományba
  - ▶ *ha lényegében rendezett a főállomány*: ha van még hely a blokkban, akkor berakjuk, mindegy, hogy hova; **ha nem fér be**  $\implies$  blokkvágás két részre, mindkét részben a minimális elemhez új indexbejegyzés és a régi törlése az indexállományból

## További műveletek

- **beszúrás:** először egy keresés (hol kellene lennie), aztán blokkon belül a helyére tesszük:
  - ▶ *ha rendezett a főállomány:* blokkon belül megkeressük a helyét, beillesztjük; **ha nem fér be**  $\implies$  blokkvágás két egyenlő részre, az új blokk minimális (legelső) kulcsára indexbejegyzés beszúrása az indexállományba
  - ▶ *ha lényegében rendezett a főállomány:* ha van még hely a blokkban, akkor berakjuk, mindegy, hogy hova; **ha nem fér be**  $\implies$  blokkvágás két részre, mindkét részben a minimális elemhez új indexbejegyzés és a régi törlése az indexállományból
- **törlés:** hasonlóan, mint a beszúrás, először keresés, aztán törlés a blokkból;



- **beszúrás:** először egy keresés (hol kellene lennie), aztán blokkon belül a helyére tesszük:
  - ▶ *ha rendezett a főállomány:* blokkon belül megkeressük a helyét, beillesztjük; **ha nem fér be**  $\implies$  blokkvágás két egyenlő részre, az új blokk minimális (legelső) kulcsára indexbejegyzés beszúrása az indexállományba
  - ▶ *ha lényegében rendezett a főállomány:* ha van még hely a blokkban, akkor berakjuk, mindegy, hogy hova; **ha nem fér be**  $\implies$  blokkvágás két részre, mindkét részben a minimális elemhez új indexbejegyzés és a régi törlése az indexállományból
- **törlés:** hasonlóan, mint a beszúrás, először keresés, aztán törlés a blokkból; **ha épp a minimális rekordot töröltem a blokkból**  $\implies$  indexbejegyzés módosítása

- **beszúrás:** először egy keresés (hol kellene lennie), aztán blokkon belül a helyére tesszük:
  - ▶ *ha rendezett a főállomány:* blokkon belül megkeressük a helyét, beillesztjük; *ha nem fér be*  $\implies$  blokkvágás két egyenlő részre, az új blokk minimális (legelső) kulcsára indexbejegyzés beszúrása az indexállományba
  - ▶ *ha lényegében rendezett a főállomány:* ha van még hely a blokkban, akkor berakjuk, mindegy, hogy hova; *ha nem fér be*  $\implies$  blokkvágás két részre, mindkét részben a minimális elemhez új indexbejegyzés és a régi törlése az indexállományból
- **törlés:** hasonlóan, mint a beszúrás, először keresés, aztán törlés a blokkból; *ha épp a minimális rekordot töröltem a blokkból*  $\implies$  indexbejegyzés módosítása *ha nagyon ritkák a blokkok*  $\implies$  esetleg lapösszevonás (és persze az indexállomány módosítása is ilyenkor), de általában nem érdemes

- **beszúrás:** először egy keresés (hol kellene lennie), aztán blokkon belül a helyére tesszük:
  - ▶ *ha rendezett a főállomány:* blokkon belül megkeressük a helyét, beillesztjük; *ha nem fér be*  $\implies$  blokkvágás két egyenlő részre, az új blokk minimális (legelső) kulcsára indexbejegyzés beszúrása az indexállományba
  - ▶ *ha lényegében rendezett a főállomány:* ha van még hely a blokkban, akkor berakjuk, mindegy, hogy hova; *ha nem fér be*  $\implies$  blokkvágás két részre, mindkét részben a minimális elemhez új indexbejegyzés és a régi törlése az indexállományból
- **törlés:** hasonlóan, mint a beszúrás, először keresés, aztán törlés a blokkból; *ha épp a minimális rekordot töröltem a blokkból*  $\implies$  indexbejegyzés módosítása *ha nagyon ritkák a blokkok*  $\implies$  esetleg lapösszevonás (és persze az indexállomány módosítása is ilyenkor), de általában nem érdemes
- **tól-ig:** valahonnan valameddig terjedő értékű rekordok keresése: a „től” érték keresése, aztán a főállomány végigolvasása az „ig” értékig (a főállomány folyamatos elérése megoldott)

- **beszúrás:** először egy keresés (hol kellene lennie), aztán blokkon belül a helyére tesszük:
  - ▶ *ha rendezett a főállomány:* blokkon belül megkeressük a helyét, beillesztjük; *ha nem fér be*  $\implies$  blokkvágás két egyenlő részre, az új blokk minimális (legelső) kulcsára indexbejegyzés beszúrása az indexállományba
  - ▶ *ha lényegében rendezett a főállomány:* ha van még hely a blokkban, akkor berakjuk, mindegy, hogy hova; *ha nem fér be*  $\implies$  blokkvágás két részre, mindkét részben a minimális elemhez új indexbejegyzés és a régi törlése az indexállományból
- **törlés:** hasonlóan, mint a beszúrás, először keresés, aztán törlés a blokkból; *ha épp a minimális rekordot töröltem a blokkból*  $\implies$  indexbejegyzés módosítása *ha nagyon ritkák a blokkok*  $\implies$  esetleg lapösszevonás (és persze az indexállomány módosítása is ilyenkor), de általában nem érdemes
- **tól-ig:** valahonnan valameddig terjedő értékű rekordok keresése: a „től” érték keresése, aztán a főállomány végigolvasása az „ig” értékig (a főállomány folyamatos elérése megoldott)
- **módosítás:** *ha kulcsot nem érint:* keresés, átírás;

## További műveletek

- **beszúrás:** először egy keresés (hol kellene lennie), aztán blokkon belül a helyére tesszük:
  - ▶ *ha rendezett a főállomány:* blokkon belül megkeressük a helyét, beillesztjük; *ha nem fér be*  $\implies$  blokkvágás két egyenlő részre, az új blokk minimális (legelső) kulcsára indexbejegyzés beszúrása az indexállományba
  - ▶ *ha lényegében rendezett a főállomány:* ha van még hely a blokkban, akkor berakjuk, mindegy, hogy hova; *ha nem fér be*  $\implies$  blokkvágás két részre, mindkét részben a minimális elemhez új indexbejegyzés és a régi törlése az indexállományból
- **törlés:** hasonlóan, mint a beszúrás, először keresés, aztán törlés a blokkból; *ha épp a minimális rekordot töröltem a blokkból*  $\implies$  indexbejegyzés módosítása *ha nagyon ritkák a blokkok*  $\implies$  esetleg lapösszevonás (és persze az indexállomány módosítása is ilyenkor), de általában nem érdemes
- **tól-ig:** valahonnan valameddig terjedő értékű rekordok keresése: a „től” érték keresése, aztán a főállomány végigolvasása az „ig” értékig (a főállomány folyamatos elérése megoldott)
- **módosítás:** *ha kulcsot nem érint:* keresés, átírás; *ha kulcsot is érint:* törlés, beszúrás

## Megjegyzések:

- Tényleg használtuk, hogy a főállomány szabad (pakolgattuk a rekordokat össze-vissza). **Lesz majd technika, amivel elérhető lesz, hogy a főállomány szabadnak látszódjon.**

## Megjegyzések:

- Tényleg használtuk, hogy a főállomány szabad (pakolgattuk a rekordokat össze-vissza). **Lesz majd technika, amivel elérhető lesz, hogy a főállomány szabadnak látszódjon.**
- Azt is erősen kihasználtuk, hogy (lényegében) rendezett a főállomány.

## Megjegyzések:

- Tényleg használtuk, hogy a főállomány szabad (pakolgattuk a rekordokat össze-vissza). **Lesz majd technika, amivel elérhető lesz, hogy a főállomány szabadnak látszódjon.**
- Azt is erősen kihasználtuk, hogy (lényegében) rendezett a főállomány.
- **Azért hasznos az indexállomány, mert sokkal kisebb, mint a főállomány, könnyebb benne keresni és a végen csak plusz egy I/O művelet kell a befejezéshez. De ennek ára van: karban kell tartani plusz egy struktúrát.**



## Többszintes ritka index

Az indexen belül keresni arányos az indexállomány blokkjainak számával. Ez jóval kisebb, mint a főállomány lapszáma, de még mindig nagyon nagy lehet.

## Többszintes ritka index

Az indexen belül keresni arányos az indexállomány blokkjainak számával. Ez jóval kisebb, mint a főállomány lapszáma, de még mindig nagyon nagy lehet.

Ezért: többszintű index, vagyis index az indexre:

## Többszintes ritka index

Az indexen belül keresni arányos az indexállomány blokkjainak számával. Ez jóval kisebb, mint a főállomány lapszáma, de még mindig nagyon nagy lehet.

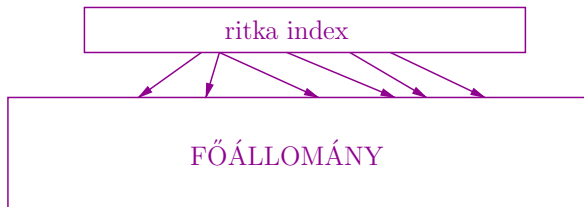
Ezért: többszintű index, vagyis index az indexre:

FŐÁLLOMÁNY

## Többszintes ritka index

Az indexen belül keresni arányos az indexállomány blokkjainak számával. Ez jóval kisebb, mint a főállomány lapszáma, de még mindig nagyon nagy lehet.

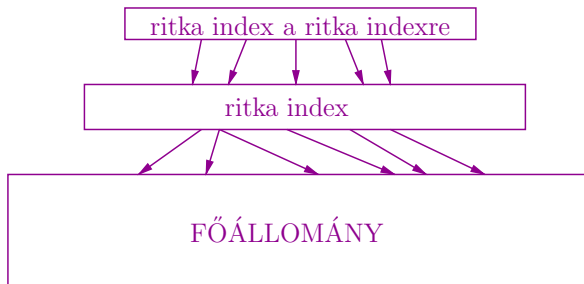
Ezért: többszintű index, vagyis index az indexre:



## Többszintes ritka index

Az indexen belül keresni arányos az indexállomány blokkjainak számával. Ez jóval kisebb, mint a főállomány lapszáma, de még mindig nagyon nagy lehet.

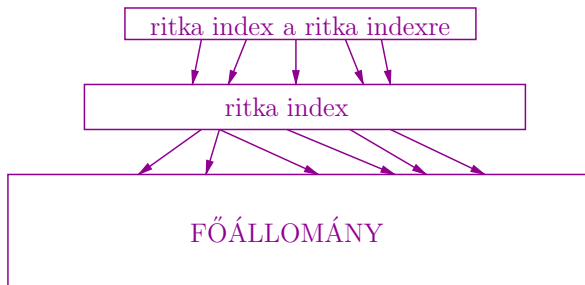
Ezért: többszintű index, vagyis index az indexre:



## Többszintű ritka index

Az indexen belül keresni arányos az indexállomány blokkjainak számával. Ez jóval kisebb, mint a főállomány lapszáma, de még mindig nagyon nagy lehet.

Ezért: többszintű index, vagyis index az indexre:

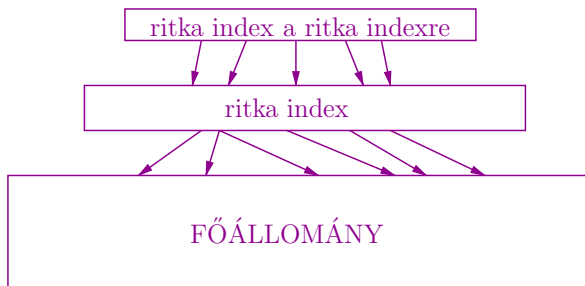


- a felső index még kisebb lesz, könnyebb lesz benne keresni

## Többszintes ritka index

Az indexen belül keresni arányos az indexállomány blokkjainak számával. Ez jóval kisebb, mint a főállomány lapszáma, de még mindig nagyon nagy lehet.

Ezért: többszintű index, vagyis index az indexre:

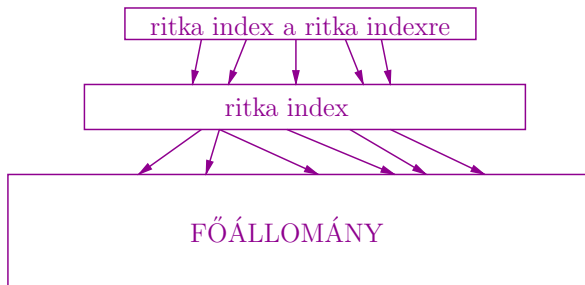


- a felső index még kisebb lesz, könnyebb lesz benne keresni
- a középső szint egyszerre indexe a főállománynak és „főállománya” a felső indexnek

## Többszintes ritka index

Az indexen belül keresni arányos az indexállomány blokkjainak számával. Ez jóval kisebb, mint a főállomány lapszáma, de még mindig nagyon nagy lehet.

Ezért: többszintű index, vagyis index az indexre:



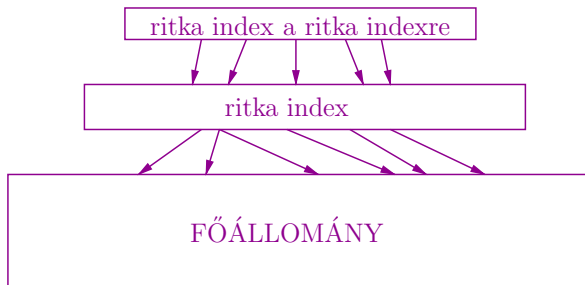
- a felső index még kisebb lesz, könnyebb lesz benne keresni
- a középső szint egyszerre indexe a főállománynak és „főállománya” a felső indexnek
- keresés: a legfelső szinten megkeressük a legnagyobb olyan bejegyzést, ami még kisebb a keresetnél és innen két lap beolvasásával (a megfelelő középső szintű indexlap és aztán a főállomány megfelelő lapja) megvan a keresett rekord



## Többszintes ritka index

Az indexen belül keresni arányos az indexállomány blokkjainak számával. Ez jóval kisebb, mint a főállomány lapszáma, de még mindig nagyon nagy lehet.

Ezért: többszintű index, vagyis index az indexre:



- a felső index még kisebb lesz, könnyebb lesz benne keresni
- a középső szint egyszerre indexe a főállománynak és „főállománya” a felső indexnek
- keresés: a legfelső szinten megkeressük a legnagyobb olyan bejegyzést, ami még kisebb a keresetnél és innen két lap beolvasásával (a megfelelő középső szintű indexlap és aztán a főállomány megfelelő lapja) megvan a keresett rekord

## Többszintes ritka index

- a többi művelet hasonlóan megy (persze, ha módosul a főállomány, akkor esetleg mindegyik indexállományt is módosítani kell)
- eggyel több szint lesz, azaz eggyel több lapelérés kell a kezdeti keresés után, de a kezdeti keresés lerövidül

## Többszintes ritka index

- a többi művelet hasonlóan megy (persze, ha módosul a főállomány, akkor esetleg mindegyik indexállományt is módosítani kell)
- eggyel több szint lesz, azaz eggyel több lapelérés kell a kezdeti keresés után, de a kezdeti keresés lerövidül
- nem csak kétszintű lehet a ritka index, hanem több is

## Többszintes ritka index

- a többi művelet hasonlóan megy (persze, ha módosul a főállomány, akkor esetleg mindegyik indexállományt is módosítani kell)
- eggyel több szint lesz, azaz eggyel több lapelérés kell a kezdeti keresés után, de a kezdeti keresés lerövidül
- nem csak kétszintű lehet a ritka index, hanem több is  $\implies$  dinamikusan is változhat  $\implies$  B-fa

## B-fa

A ma ismert egyik legjobb és legelterjedtebb megoldás,  $m$  elágazásos  $B$ -fa vagy  $B_m$ -fa:

- a fa levelei: a főállomány blokkjai

## B-fa

A ma ismert egyik legjobb és legelterjedtebb megoldás,  $m$  elágazásos  $B$ -fa vagy  $B_m$ -fa:

- a fa levelei: a főállomány blokkjai
- a főállomány (a levelek) rendezett a keresési kulcs szerint

## B-fa

A ma ismert egyik legjobb és legelterjedtebb megoldás,  $m$  elágazásos  $B$ -fa vagy  $B_m$ -fa:

- a fa levelei: a főállomány blokkjai
- a főállomány (a levelek) rendezett a keresési kulcs szerint
- minden levél ugyanolyan messze van a gyökértől

## B-fa

A ma ismert egyik legjobb és legelterjedtebb megoldás,  $m$  elágazásos  $B$ -fa vagy  $B_m$ -fa:

- a fa levelei: a főállomány blokkjai
- a főállomány (a levelek) rendezett a keresési kulcs szerint
- minden levél ugyanolyan messze van a gyökértől
- a fa belső csúcsai: a különböző szintű indexek lapjai



## B-fa

A ma ismert egyik legjobb és legelterjedtebb megoldás,  $m$  elágazásos  $B$ -fa vagy  $B_m$ -fa:

- a fa levelei: a főállomány blokkjai
- a főállomány (a levelek) rendezett a keresési kulcs szerint
- minden levél ugyanolyan messze van a gyökértől
- a fa belső csúcsai: a különböző szintű indexek lapjai
- egy csúcs gyerekei: az indexlapon levő mutatóknak megfelelő eggyel lejjebb levő indexlapok (illetve alul levelek)

## B-fa

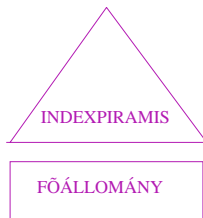
A ma ismert egyik legjobb és legelterjedtebb megoldás,  $m$  elágazásos  $B$ -fa vagy  $B_m$ -fa:

- a fa levelei: a főállomány blokkjai
- a főállomány (a levelek) rendezett a keresési kulcs szerint
- minden levél ugyanolyan messze van a gyökértől
- a fa belső csúcsai: a különböző szintű indexek lapjai
- egy csúcs gyerekei: az indexlapon levő mutatóknak megfelelő eggyel lejjebb levő indexlapok (illetve alul levelek)
- $m$ : egy lapra  $m$  indexrekord fér rá

## B-fa

A ma ismert egyik legjobb és legelterjedtebb megoldás,  $m$  elágazásos  $B$ -fa vagy  $B_m$ -fa:

- a fa levelei: a főállomány blokkjai
- a főállomány (a levelek) rendezett a keresési kulcs szerint
- minden levél ugyanolyan messze van a gyökértől
- a fa belső csúcsai: a különböző szintű indexek lapjai
- egy csúcs gyerekei: az indexlapon levő mutatóknak megfelelő eggyel lejjebb levő indexlapok (illetve alul levelek)
- $m$ : egy lapra  $m$  indexrekord fér rá
- minden lap legalább félig kitöltött, kivéve esetleg a gyökeret (minden csúcsnak legalább  $\frac{m}{2}$  gyereke van, kivéve esetleg a gyökeret)



- **keresés**: a csúcsokban található kulcs-bejegyzések és mutatók mentén; arányos a fa magasságával, ami  $O(\log_m n)$ , ha  $n$  blokkja van a főállománynak

# Műveletek

- **keresés**: a csúcsokban található kulcs-bejegyzések és mutatók mentén; arányos a fa magasságával, ami  $O(\log_m n)$ , ha  $n$  blokkja van a főállománynak
- **beszúrás**: beszúrás után esetleg csúcsvágás(ok), de max.  $O(\log_m n)$

# Műveletek

- **keresés**: a csúcsokban található kulcs-bejegyzések és mutatók mentén; arányos a fa magasságával, ami  $O(\log_m n)$ , ha  $n$  blokkja van a főállománynak
- **beszúrás**: beszúrás után esetleg csúcsvágás(ok), de max.  $O(\log_m n)$
- **törlés**: törlés után esetleg csúcsösszevonás(ok), de max.  $O(\log_m n)$

# Műveletek

- **keresés**: a csúcsokban található kulcs-bejegyzések és mutatók mentén; arányos a fa magasságával, ami  $O(\log_m n)$ , ha  $n$  blokkja van a főállománynak
- **beszúrás**: beszúrás után esetleg csúcsvágás(ok), de max.  $O(\log_m n)$
- **törlés**: törlés után esetleg csúcsösszevonás(ok), de max.  $O(\log_m n)$

(A műveletek végrehajtásának részleteit az Algoritmuselmélet tárgy taglalja, itt most nem tárgyaljuk.)

Megjegyzések:

- ① Ha  $m$  nagy  $\implies$  ritkán kell csúcsvágás/csúcsösszevonás.

- **keresés**: a csúcsokban található kulcs-bejegyzések és mutatók mentén; arányos a fa magasságával, ami  $O(\log_m n)$ , ha  $n$  blokkja van a főállománynak
- **beszúrás**: beszúrás után esetleg csúcsvágás(ok), de max.  $O(\log_m n)$
- **törlés**: törlés után esetleg csúcsösszevonás(ok), de max.  $O(\log_m n)$

(A műveletek végrehajtásának részleteit az Algoritmuselmélet tárgy taglalja, itt most nem tárgyaljuk.)

Megjegyzések:

- 1 Ha  $m$  nagy  $\implies$  ritkán kell csúcsvágás/csúcsösszevonás.
- 2 általában  $m$  úgy van választva, hogy a fa magassága max. 4 legyen, ha az első lap a belső memóriában van, akkor elég 3 I/O művelet mindenhez



# Sűrű index

Eddig feltettük, hogy a főállomány szabad és (lényegében) rendezett a keresési kulcs szerint. **Hogyan érjük ezt el? Hogyan lehet több kulcs szerint is keresni?**

# Sűrű index

Eddig feltettük, hogy a főállomány szabad és (lényegében) rendezett a keresési kulcs szerint. **Hogyan érjük ezt el? Hogyan lehet több kulcs szerint is keresni?**

Erre megoldás a sűrű index:

- a főállomány minden rekordjához van egy indexbejegyzés  $\implies$  ugyanannyi bejegyzés lesz a sűrű indexben, mint ahány rekord van a főállományban, csak persze kisebbek a bejegyzések  $\implies$  sűrű index = főállomány kicsiben

# Sűrű index

Eddig feltettük, hogy a főállomány szabad és (lényegében) rendezett a keresési kulcs szerint. **Hogyan érjük ezt el? Hogyan lehet több kulcs szerint is keresni?**

Erre megoldás a sűrű index:

- a főállomány minden rekordjához van egy indexbejegyzés  $\implies$  ugyanannyi bejegyzés lesz a sűrű indexben, mint ahány rekord van a főállományban, csak persze kisebbek a bejegyzések  $\implies$  sűrű index = főállomány kicsiben
- ez nem önálló állományszervezési technika (ellentétben a ritka index változataival), hanem csak kiegészítés, ami lehetővé teszi, hogy a főállományt szabadnak és rendezettnek tételezhessük fel

# Sűrű index

Eddig feltettük, hogy a főállomány szabad és (lényegében) rendezett a keresési kulcs szerint. **Hogyan érjük ezt el? Hogyan lehet több kulcs szerint is keresni?**

Erre megoldás a sűrű index:

- a főállomány minden rekordjához van egy indexbejegyzés  $\implies$  ugyanannyi bejegyzés lesz a sűrű indexben, mint ahány rekord van a főállományban, csak persze kisebbek a bejegyzések  $\implies$  sűrű index = főállomány kicsiben
- ez nem önálló állományszervezési technika (ellentétben a ritka index változataival), hanem csak kiegészítés, ami lehetővé teszi, hogy a főállományt szabadnak és rendezettnek tételezhessük fel

Haszna:

- szabaddá teszi a rekordokat (a főállomány ugyan kötött, de a sűrű index bejegyzései szabadon mozgathatók: építhető rá ritka index)

# Sűrű index

Eddig feltettük, hogy a főállomány szabad és (lényegében) rendezett a keresési kulcs szerint. **Hogyan érjük ezt el? Hogyan lehet több kulcs szerint is keresni?**

Erre megoldás a sűrű index:

- a főállomány minden rekordjához van egy indexbejegyzés  $\implies$  ugyanannyi bejegyzés lesz a sűrű indexben, mint ahány rekord van a főállományban, csak persze kisebbek a bejegyzések  $\implies$  sűrű index = főállomány kicsiben
- ez nem önálló állományszervezési technika (ellentétben a ritka index változataival), hanem csak kiegészítés, ami lehetővé teszi, hogy a főállományt szabadnak és rendezettnek tételezhessük fel

Haszna:

- szabaddá teszi a rekordokat (a főállomány ugyan kötött, de a sűrű index bejegyzései szabadon mozgathatók: építhető rá ritka index)
- rendezettnek mutatja a főállományt: a sűrű indexet úgy rendezzük, ahogy akarjuk

# Sűrű index

Eddig feltettük, hogy a főállomány szabad és (lényegében) rendezett a keresési kulcs szerint. **Hogyan érjük ezt el? Hogyan lehet több kulcs szerint is keresni?**

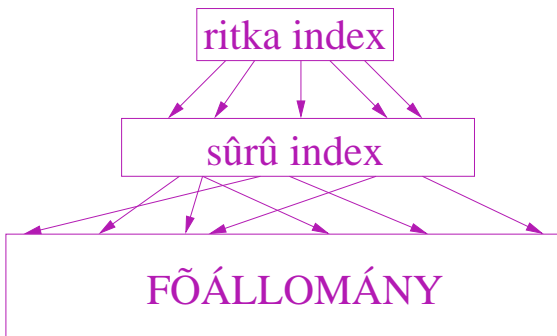
Erre megoldás a sűrű index:

- a főállomány minden rekordjához van egy indexbejegyzés  $\implies$  ugyanannyi bejegyzés lesz a sűrű indexben, mint ahány rekord van a főállományban, csak persze kisebbek a bejegyzések  $\implies$  sűrű index = főállomány kicsiben
- ez nem önálló állományszervezési technika (ellentétben a ritka index változataival), hanem csak kiegészítés, ami lehetővé teszi, hogy a főállományt szabadnak és rendezettnek tételezhessük fel

Haszna:

- szabaddá teszi a rekordokat (a főállomány ugyan kötött, de a sűrű index bejegyzései szabadon mozgathatók: építhető rá ritka index)
- rendezettnek mutatja a főállományt: a sűrű indexet úgy rendezzük, ahogy akarjuk
- sokkal kisebb, mint a főállomány, mégis egy az egyben megfelel neki

Tipikus használata:



A sűrű index ráépül a főállományra, erre építjük a valódi állományszervezést. A sűrű index miatt a főállomány szabadnak és rendezettnek tűnik.

## Műveletek ebben a struktúrában

Úgy dolgozunk, mintha a sűrű index lenne a főállomány, innen már csak egy plusz lapelérés a valódi főállomány.



## Műveletek ebben a struktúrában

Úgy dolgozunk, mintha a sűrű index lenne a főállomány, innen már csak egy plusz lapelérés a valódi főállomány.

- **keresés:** keresés sűrűben, onnan egy lapelérés

## Műveletek ebben a struktúrában

Úgy dolgozunk, mintha a sűrű index lenne a főállomány, innen már csak egy plusz lapelérés a valódi főállomány.

- **keresés:** keresés sűrűben, onnan egy lapelérés
- **beszúrás:** beszúrás sűrűbe, aztán valahova berakjuk a főállományba

## Műveletek ebben a struktúrában

Úgy dolgozunk, mintha a sűrű index lenne a főállomány, innen már csak egy plusz lapelérés a valódi főállomány.

- **keresés:** keresés sűrűben, onnan egy lapelérés
- **beszúrás:** beszúrás sűrűbe, aztán valahova berakjuk a főállományba
- **törlés:** keresés, törlés a főállományból, törlés a sűrűből is

## Műveletek ebben a struktúrában

Úgy dolgozunk, mintha a sűrű index lenne a főállomány, innen már csak egy plusz lapelérés a valódi főállomány.

- **keresés:** keresés sűrűben, onnan egy lapelérés
- **beszúrás:** beszúrás sűrűbe, aztán valahova berakjuk a főállományba
- **törlés:** keresés, törlés a főállományból, törlés a sűrűből is

## Hátrány

- plusz egy lapelérés kell a sűrű miatt

## Műveletek ebben a struktúrában

Úgy dolgozunk, mintha a sűrű index lenne a főállomány, innen már csak egy plusz lapelérés a valódi főállomány.

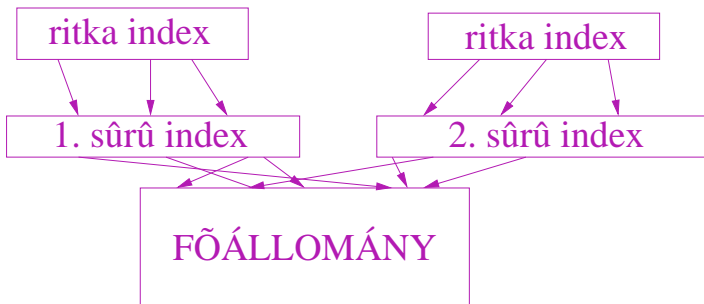
- **keresés:** keresés sűrűben, onnan egy lapelérés
- **beszúrás:** beszúrás sűrűbe, aztán valahova berakjuk a főállományba
- **törlés:** keresés, törlés a főállományból, törlés a sűrűből is

## Hátrány

- plusz egy lapelérés kell a sűrű miatt
- karban kell tartani a sűrű indexet is mindig, amikor a főállomány változik

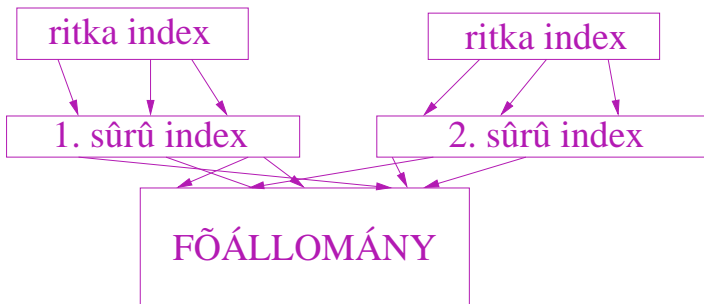
## Nagy előnye a sűrű indexnek

Lehetővé teszi, hogy egy főállományra több különböző kulcs szerint is legyen index:



## Nagy előnye a sűrű indexnek

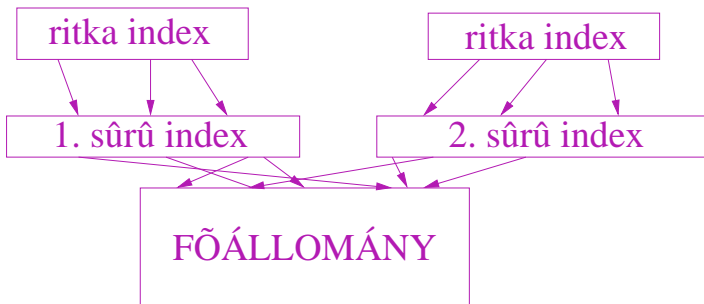
Lehetővé teszi, hogy egy főállományra több különböző kulcs szerint is legyen index:



Itt minden sűrű index rendezett a megfelelő kulcs szerint és persze ha változik a főállomány, akkor mindegyik sűrűt is változtatni kell.

## Nagy előnye a sűrű indexnek

Lehetővé teszi, hogy egy főállományra több különböző kulcs szerint is legyen index:



Itt minden sűrű index rendezett a megfelelő kulcs szerint és persze ha változik a főállomány, akkor mindegyik sűrűt is változtatni kell.

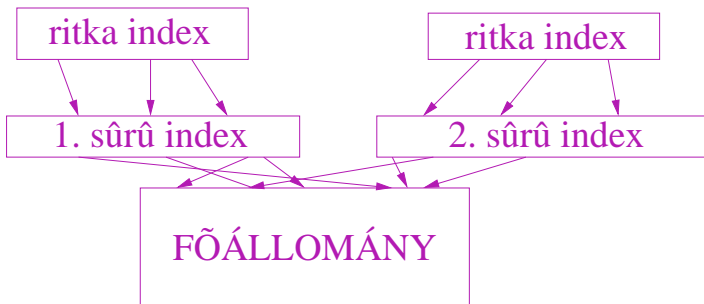
**Példa:**

A Személy(név, telefonszám, személyszám, ...) sémában a személyszám az elsődleges kulcs, ezért a rendszer eszerint rendezetten tárolja az adatokat és erre biztosan létre is hoz valami keresési struktúrát.



## Nagy előnye a sűrű indexnek

Lehetővé teszi, hogy egy főállományra több különböző kulcs szerint is legyen index:



Itt minden sűrű index rendezett a megfelelő kulcs szerint és persze ha változik a főállomány, akkor mindegyik sűrűt is változtatni kell.

**Példa:**

A Személy(név, telefonszám, személyszám, ...) sémában a személyszám az elsődleges kulcs, ezért a rendszer eszerint rendezetten tárolja az adatokat és erre biztosan létre is hoz valami keresési struktúrát.

De ha mi szeretnénk a név-re is: **kell egy sűrű index: invertált állomány.**

# Különböző technikák összevetése

- **hash**: konstans (gyakran 1) lapelérés átlagosan, de legrosszabb esetben lassú

# Különböző technikák összevetése

- **hash**: konstans (gyakran 1) lapelérés átlagosan, de legrosszabb esetben lassú
- **ritka index**: korlátos viselkedés legrosszabb esetben is, dinamikus bővülés támogatása, rendezettség figyelembe vétele; B-fa esetén a gyakorlatban konstans lapelérés

# Különböző technikák összevetése

- **hash**: konstans (gyakran 1) lapelérés átlagosan, de legrosszabb esetben lassú
- **ritka index**: korlátos viselkedés legrosszabb esetben is, dinamikus bővülés támogatása, rendezettség figyelembe vétele; B-fa esetén a gyakorlatban konstans lapelérés
- **sűrű index**: önmagában nem jó, csak kiegészítésül szolgál

## Számolási példa

Egy állományt sűrű index, majd erre épített 1-szintes ritka index segítségével szeretnénk tárolni. Adjon értelmes alsó becslést a szükséges lapok számára az alábbi feltételek mellett:

- az állomány  $3 \cdot 10^6$  rekordból áll,
- egy rekord hossza 300 Byte,
- egy lap mérete 1000 Byte,
- a kulcshossz 45 Byte,
- egy mutató hossza 5 Byte.

## Számolási példa

Egy állományt sűrű index, majd erre épített 1-szintes ritka index segítségével szeretnénk tárolni. Adjon értelmes alsó becslést a szükséges lapok számára az alábbi feltételek mellett:

- az állomány  $3 \cdot 10^6$  rekordból áll,
- egy rekord hossza 300 Byte,
- egy lap mérete 1000 Byte,
- a kulcshossz 45 Byte,
- egy mutató hossza 5 Byte.

**Megoldás:**

A főállományban  $3 \cdot 10^6$  rekord van, mivel rekordok nem lóghatnak át laphatáron, ezért ehhez kell  **$10^6$  lap**.

## Számolási példa

Egy állományt sűrű index, majd erre épített 1-szintes ritka index segítségével szeretnénk tárolni. Adjon értelmes alsó becslést a szükséges lapok számára az alábbi feltételek mellett:

- az állomány  $3 \cdot 10^6$  rekordból áll,
- egy rekord hossza 300 Byte,
- egy lap mérete 1000 Byte,
- a kulcshossz 45 Byte,
- egy mutató hossza 5 Byte.

### Megoldás:

A főállományban  $3 \cdot 10^6$  rekord van, mivel rekordok nem lóghatnak át laphatáron, ezért ehhez kell  **$10^6$  lap**.

A sűrű indexben annyi bejegyzés lesz, mint ahány rekord van a főállományban, azaz  **$3 \cdot 10^6$** .

## Számolási példa

Egy állományt sűrű index, majd erre épített 1-szintes ritka index segítségével szeretnénk tárolni. Adjon értelmes alsó becslést a szükséges lapok számára az alábbi feltételek mellett:

- az állomány  $3 \cdot 10^6$  rekordból áll,
- egy rekord hossza 300 Byte,
- egy lap mérete 1000 Byte,
- a kulcshossz 45 Byte,
- egy mutató hossza 5 Byte.

### Megoldás:

A főállományban  $3 \cdot 10^6$  rekord van, mivel rekordok nem lóghatnak át laphatáron, ezért ehhez kell  **$10^6$  lap**.

A sűrű indexben annyi bejegyzés lesz, mint ahány rekord van a főállományban, azaz  **$3 \cdot 10^6$** .

Egy lapra pontosan 20 bejegyzés fér: ez  **$1,5 \cdot 10^5$  lap**.



## Számolási példa

Egy állományt sűrű index, majd erre épített 1-szintes ritka index segítségével szeretnénk tárolni. Adjon értelmes alsó becslést a szükséges lapok számára az alábbi feltételek mellett:

- az állomány  $3 \cdot 10^6$  rekordból áll,
- egy rekord hossza 300 Byte,
- egy lap mérete 1000 Byte,
- a kulcshossz 45 Byte,
- egy mutató hossza 5 Byte.

### Megoldás:

A főállományban  $3 \cdot 10^6$  rekord van, mivel rekordok nem lóghatnak át laphatáron, ezért ehhez kell  $10^6$  lap.

A sűrű indexben annyi bejegyzés lesz, mint ahány rekord van a főállományban, azaz  $3 \cdot 10^6$ .

Egy lapra pontosan 20 bejegyzés fér: ez  $1,5 \cdot 10^5$  lap.

Ez azt is jelenti, hogy a ritka indexben lesz legalább  $1,5 \cdot 10^5$  bejegyzés, ehhez kell még  $7,5 \cdot 10^3$  lap.

## Számolási példa

Egy állományt sűrű index, majd erre épített 1-szintes ritka index segítségével szeretnénk tárolni. Adjon értelmes alsó becslést a szükséges lapok számára az alábbi feltételek mellett:

- az állomány  $3 \cdot 10^6$  rekordból áll,
- egy rekord hossza 300 Byte,
- egy lap mérete 1000 Byte,
- a kulcshossz 45 Byte,
- egy mutató hossza 5 Byte.

### Megoldás:

A főállományban  $3 \cdot 10^6$  rekord van, mivel rekordok nem lóghatnak át laphatáron, ezért ehhez kell  $10^6$  lap.

A sűrű indexben annyi bejegyzés lesz, mint ahány rekord van a főállományban, azaz  $3 \cdot 10^6$ .

Egy lapra pontosan 20 bejegyzés fér: ez  $1,5 \cdot 10^5$  lap.

Ez azt is jelenti, hogy a ritka indexben lesz legalább  $1,5 \cdot 10^5$  bejegyzés, ehhez kell még  $7,5 \cdot 10^3$  lap.

Ez összesen 1 157 500 lap.

# Adatbázisok elmélete

## Tranzakciókezelés

Katona Gyula Y.

Számítástudományi és Információelméleti Tanszék  
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem

21. előadás

Eddig hallgatólagosan feltettük, hogy

- egy felhasználó van csak

Eddig hallgatólagosan feltettük, hogy

- egy felhasználó van csak
- a lekérdezések/módosítások hiba nélkül lefutnak

Eddig hallgatólagosan feltettük, hogy

- egy felhasználó van csak
- a lekérdezések/módosítások hiba nélkül lefutnak

A valóságban ez nincs így, két nagyobb gond is lehet, aminek kezelése a tranzakciókezelő dolga:

- **Többfelhasználós működés:** egyidejű hozzáférést kell biztosítani több felhasználónak, de úgy, hogy az adatbázis konzisztens maradjon (pl. banki rendszerek, helyfoglalás)

Eddig hallgatólagosan feltettük, hogy

- egy felhasználó van csak
- a lekérdezések/módosítások hiba nélkül lefutnak

A valóságban ez nincs így, két nagyobb gond is lehet, aminek kezelése a tranzakciókezelő dolga:

- **Többfelhasználós működés:** egyidejű hozzáférést kell biztosítani több felhasználónak, de úgy, hogy az adatbázis konzisztens maradjon (pl. banki rendszerek, helyfoglalás)
- **Rendszerhibák utáni helyreállítás:** ha a külső tár megmarad, de a belső sérül (vagy egyszerűen csak nem fut le valami) és emiatt az adatbázis inkonzisztens állapotba kerül, akkor újra konzisztens állapotba kell hozni (vagy visszacsinálni valamit, vagy befejezni valamit)

Eddig hallgatólagosan feltettük, hogy

- egy felhasználó van csak
- a lekérdezések/módosítások hiba nélkül lefutnak

A valóságban ez nincs így, két nagyobb gond is lehet, aminek kezelése a tranzakciókezelő dolga:

- **Többfelhasználós működés:** egyidejű hozzáférést kell biztosítani több felhasználónak, de úgy, hogy az adatbázis konzisztens maradjon (pl. banki rendszerek, helyfoglalás)
- **Rendszerhibák utáni helyreállítás:** ha a külső tár megmarad, de a belső sérül (vagy egyszerűen csak nem fut le valami) és emiatt az adatbázis inkonzisztens állapotba kerül, akkor újra konzisztens állapotba kell hozni (vagy visszacsinálni valamit, vagy befejezni valamit)

Ez két (néha egymással is ellentétes) kívánság, de az alapeszköz ugyanaz lesz: a **tranzakció**.



## Többfelhasználós működés

A lekérdezésfeldolgozó a magas szintű utasításokból álló lekérdezéseket/módosításokat elemi utasításokra bontja, (pl: olvass ki valahonnan valamit, írd be valahova valamit, számold valamit). Egy felhasználó egy lekérdezése/módosítása ilyen elemi utasítások sorozatává alakul.

## Többfelhasználós működés

A lekérdezésfeldolgozó a magas szintű utasításokból álló lekérdezéseket/módosításokat elemi utasításokra bontja, (pl: olvass ki valahonnan valamit, írd be valahova valamit, számold valamit). Egy felhasználó egy lekérdezése/módosítása ilyen elemi utasítások sorozatává alakul.

1. felhasználó:  $u_1, u_2, \dots, u_{10}$
2. felhasználó:  $v_1, v_2, \dots, v_{103}$

## Többfelhasználós működés

A lekérdezésfeldolgozó a magas szintű utasításokból álló lekérdezéseket/módosításokat elemi utasításokra bontja, (pl: olvass ki valahonnan valamit, írd be valahova valamit, számoldj valamit). Egy felhasználó egy lekérdezése/módosítása ilyen elemi utasítások sorozatává alakul.

1. felhasználó:  $u_1, u_2, \dots, u_{10}$
2. felhasználó:  $v_1, v_2, \dots, v_{103}$

De ez a két utasítássorozat nem elkülönülve jön, hanem összefésülődnek:

$u_1, v_1, v_2, u_2, u_3, v_3, \dots, v_{103}, u_{10}$

## Többfelhasználós működés

A lekérdezésfeldolgozó a magas szintű utasításokból álló lekérdezéseket/módosításokat elemi utasításokra bontja, (pl: olvass ki valahonnan valamit, írd be valahova valamit, számolj valamit). Egy felhasználó egy lekérdezése/módosítása ilyen elemi utasítások sorozatává alakul.

1. felhasználó:  $u_1, u_2, \dots, u_{10}$
2. felhasználó:  $v_1, v_2, \dots, v_{103}$

De ez a két utasítássorozat nem elkülönülve jön, hanem összefésülődnek:

$u_1, v_1, v_2, u_2, u_3, v_3, \dots, v_{103}, u_{10}$

A saját sorrend megmarad mindkettőn belül, de amúgy össze vannak keveredve, így lesz lehetőség a több felhasználó egyidejű kiszolgálása.

## Többfelhasználós működés

A lekérdezésfeldolgozó a magas szintű utasításokból álló lekérdezéseket/módosításokat elemi utasításokra bontja, (pl: olvass ki valahonnan valamit, írd be valahova valamit, számold valamit). Egy felhasználó egy lekérdezése/módosítása ilyen elemi utasítások sorozatává alakul.

1. felhasználó:  $u_1, u_2, \dots, u_{10}$
2. felhasználó:  $v_1, v_2, \dots, v_{103}$

De ez a két utasítássorozat nem elkülönülve jön, hanem összefésülődnek:

$$u_1, v_1, v_2, u_2, u_3, v_3, \dots, v_{103}, u_{10}$$

A saját sorrend megmarad mindkettőn belül, de amúgy össze vannak keveredve, így lesz lehetséges a több felhasználó egyidejű kiszolgálása. Ebből viszont baj származhat, mert olyan állapot is kialakulhat, ami nem jött volna létre, ha egymás után futnak le a tranzakciók.

# Példa

1. felhasználó: READ A, A ++, WRITE A  
2. felhasználó: READ A, A ++, WRITE A

# Példa

1. felhasználó: READ A, A ++, WRITE A  
2. felhasználó: READ A, A ++, WRITE A

Ha ezek úgy fésülődnek össze, hogy

(READ A)<sub>1</sub>, (READ A)<sub>2</sub>, (A ++)<sub>1</sub>, (A ++)<sub>2</sub>, (WRITE A)<sub>1</sub>, (WRITE A)<sub>2</sub>

# Példa

1. felhasználó: READ A, A ++, WRITE A  
2. felhasználó: READ A, A ++, WRITE A

Ha ezek úgy fésülődnek össze, hogy

$(\text{READ } A)_1, (\text{READ } A)_2, (A++)_1, (A++)_2, (\text{WRITE } A)_1, (\text{WRITE } A)_2$

akkor a végén csak eggyel nő  $A$  értéke, holott kettővel kellett volna.



Ha rendszerhiba van (a belső memória meghibásodik) vagy csak ABORT van (a tranzakciókezelő ütemező része kilő egy alkalmazást futás közben), akkor emiatt félbemaradhat valami, aminek nem lenne szabad.

Ha rendszerhiba van (a belső memória meghibásodik) vagy csak ABORT van (a tranzakciókezelő ütemező része kilő egy alkalmazást futás közben), akkor emiatt félbemaradhat valami, aminek nem lenne szabad.

**Példa:** átutalunk egyik helyről a másik helyre pénzt:

$$A := A - 50 \quad B := B + 50$$

# Rendszerhibák

Ha rendszerhiba van (a belső memória meghibásodik) vagy csak ABORT van (a tranzakciókezelő ütemező része kilő egy alkalmazást futás közben), akkor emiatt félbemaradhat valami, aminek nem lenne szabad.

**Példa:** átutalunk egyik helyről a másik helyre pénzt:

$$A := A - 50 \quad B := B + 50$$

Ha az a közepén meghal: hibás állapot jön létre.

# Tranzakció

Alapfogalom mindkét problémakör megoldásában a **tranzakció**: egy felhasználóhoz tartozó elemi utasítások olyan sorozata, melynek fő jellemzője az **atomiság** (**Atomicity**): vagy az összes utasításnak végre kell hajtódnia vagy egynek sem szabad. Ez lesz az egyik dolog, amit mindenáron el akarunk majd érni.

# Tranzakció

Alapfogalom mindkét problémakör megoldásában a **tranzakció**: egy felhasználóhoz tartozó elemi utasítások olyan sorozata, melynek fő jellemzője az **atomiság** (**Atomicity**): vagy az összes utasításnak végre kell hajtódnia vagy egynek sem szabad. Ez lesz az egyik dolog, amit mindenáron el akarunk majd érni.

További elvárások:

- **konzisztencia**, **Consistency**: az adatbázis konzisztens állapotok között mozog, (hogyan jelent a konzisztens, az a valóságtól függ, pl. banki összegek stimmelése), **nem konzisztens állapot csak ideiglenesen állhat fenn** (a rendszerhibák utáni helyreállításnál lesz ez fontos)

# Tranzakció

Alapfogalom mindkét problémakör megoldásában a **tranzakció**: egy felhasználóhoz tartozó elemi utasítások olyan sorozata, melynek fő jellemzője az **atomiság** (**Atomicity**): vagy az összes utasításnak végre kell hajtódnia vagy egynek sem szabad. Ez lesz az egyik dolog, amit mindenáron el akarunk majd érni.

További elvárások:

- **konzisztencia**, **Consistency**: az adatbázis konzisztens állapotok között mozog, (hogyan jelent a konzisztens, az a valóságtól függ, pl. banki összegek stimmelése), nem konzisztens állapot csak ideiglenesen állhat fenn (a rendszerhibák utáni helyreállításnál lesz ez fontos)
- **elkülönítés**, **Isolation**: több tranzakció egyidejű futása után úgy kell kinéznie az adatbázisnak, mintha a tranzakciók nem lettek volna összefésülve (az ütemező dolga lesz ennek biztosítása)

# Tranzakció

Alapfogalom mindkét problémakör megoldásában a **tranzakció**: egy felhasználóhoz tartozó elemi utasítások olyan sorozata, melynek fő jellemzője az **atomiság** (**Atomicity**): vagy az összes utasításnak végre kell hajtódnia vagy egynek sem szabad. Ez lesz az egyik dolog, amit mindenáron el akarunk majd érni.

További elvárások:

- **konzisztencia**, **Consistency**: az adatbázis konzisztens állapotok között mozog, (hogyan jelent a konzisztens, az a valóságtól függ, pl. banki összegek stimmelése), nem konzisztens állapot csak ideiglenesen állhat fenn (a rendszerhibák utáni helyreállításnál lesz ez fontos)
- **elkülönítés**, **Isolation**: több tranzakció egyidejű futása után úgy kell kinéznie az adatbázisnak, mintha a tranzakciók nem lettek volna összefésülve (az ütemező dolga lesz ennek biztosítása)
- **tartósság**, **Durability**: a befejezett tranzakciók hatása nem veszt el

# Többfelhasználós működés, alapfogalmak

**Cél:** párhuzamos hozzáférés biztosítása, de úgy, hogy a konzisztencia megmaradjon



# Többfelhasználós működés, alapfogalmak

**Cél:** párhuzamos hozzáférés biztosítása, de úgy, hogy a konzisztencia megmaradjon  
**Feltételezzük,** hogy ha a tranzakciók egymás után, elkülönítve futnak, akkor konzisztens állapotból konzisztens állapotba jut a rendszer. Csak azokat az összefésülődéseit akarjuk megengedni a tranzakcióknak, amelyeknek a hatása ekvivalens valamelyik izolálttal.

# Többfelhasználós működés, alapfogalmak

**Cél:** párhuzamos hozzáférés biztosítása, de úgy, hogy a konzisztencia megmaradjon

Feltételezzük, hogy ha a tranzakciók egymás után, elkülönítve futnak, akkor konzisztens állapotból konzisztens állapotba jut a rendszer. Csak azokat az összefésülődéseit akarjuk megengedni a tranzakcióknak, amelyeknek a hatása ekvivalens valamelyik izolálttal.

**ütemezés:** egy vagy több tranzakció műveleteinek valamilyen sorozata (fontos, hogy a tranzakciókon belüli sorrend megmarad)

# Többfelhasználós működés, alapfogalmak

**Cél:** párhuzamos hozzáférés biztosítása, de úgy, hogy a konzisztencia megmaradjon  
**Feltételezzük,** hogy ha a tranzakciók egymás után, elkülönítve futnak, akkor konzisztens állapotból konzisztens állapotba jut a rendszer. Csak azokat az összefésülődéseit akarjuk megengedni a tranzakcióknak, amelyeknek a hatása ekvivalens valamelyik izolálttal.

**ütemezés:** egy vagy több tranzakció műveleteinek valamilyen sorozata (fontos, hogy a tranzakciókon belüli sorrend megmarad)

**soros ütemezés:** olyan ütemezés, amikor a különböző tranzakciók utasításai nem keverednek, először lefut az egyik összes utasítása, aztán a másiké, aztán a harmadiké, ...

# Többfelhasználós működés, alapfogalmak

**Cél:** párhuzamos hozzáférés biztosítása, de úgy, hogy a konzisztencia megmaradjon  
Feltételezzük, hogy ha a tranzakciók egymás után, elkülönítve futnak, akkor konzisztens állapotból konzisztens állapotba jut a rendszer. Csak azokat az összefésülődéseit akarjuk megengedni a tranzakcióknak, amelyeknek a hatása ekvivalens valamelyik izolálttal.

**ütemezés:** egy vagy több tranzakció műveleteinek valamilyen sorozata (fontos, hogy a tranzakciókon belüli sorrend megmarad)

**soros ütemezés:** olyan ütemezés, amikor a különböző tranzakciók utasításai nem keverednek, először lefut az egyik összes utasítása, aztán a másiké, aztán a harmadiké, ...

**sorosítható ütemezés:** olyan ütemezés, amelynek hatása azonos a résztvevő tranzakciók **valamely** soros ütemezésének hatásával (azaz a végén minden érintett adatelem pont úgy néz ki, mint a soros ütemezés után)

# Adatbázisok elmélete

## Sorosíthatóság

Katona Gyula Y.

Számítástudományi és Információelméleti Tanszék  
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem

22. előadás

**Megjegyzés:** Az mindegy, hogy melyik soros ütemezéssel lesz ekvivalens a sorosítható ütemezés. Mivel a soros ütemezésekről feltettük, hogy jók, ezért ha valamelyikkel ekvivalens, az már elég.

# Sorosíthatóság

**Megjegyzés:** Az mindegy, hogy melyik soros ütemezéssel lesz ekvivalens a sorosítható ütemezés. Mivel a soros ütemezésekről feltettük, hogy jók, ezért ha valamelyikkel ekvivalens, az már elég.

**Cél:** olyan sorrend (összefésülődés) kikényszerítése, ami sorosítható ütemezés

# Sorosíthatóság

**Megjegyzés:** Az mindegy, hogy melyik soros ütemezéssel lesz ekvivalens a sorosítható ütemezés. Mivel a soros ütemezésekről feltettük, hogy jók, ezért ha valamelyikkel ekvivalens, az már elég.

**Cél:** olyan sorrend (összefésülődés) kikényszerítése, ami sorosítható ütemezés

**Módszer:** az ütemező (az adatbáziskezelő része) felelős azért, hogy csak ilyen sorrendek legyenek. Figyeli a tranzakciók műveleteit és késleltet/ABORT-ál tranzakciókat. (Nemsokára részletesebben is nézzük.)



# Alapfeltevések

- feltesszük, hogy a tranzakciók elemi műveletei: adat olvasása (READ  $A$ ), számolás az adattal (pl.  $A + +$ ), adat írása (WRITE  $A$ )

# Alapfeltevések

- feltesszük, hogy a tranzakciók elemi műveletei: adat olvasása (READ  $A$ ), számolás az adattal (pl.  $A + +$ ), adat írása (WRITE  $A$ )
- a fenti elemi utasításokat tartalmazó műveletsort a lekérdezésfeldolgozó állítja elő, elemzi a magas szintű lekérdezést/módosítást és azt ilyen elemi utasításokból álló sorozattá alakítja

# Alapfeltevések

- feltesszük, hogy a tranzakciók elemi műveletei: adat olvasása (READ  $A$ ), számolás az adattal (pl.  $A + +$ ), adat írása (WRITE  $A$ )
- a fenti elemi utasításokat tartalmazó műveletsort a lekérdezésfeldolgozó állítja elő, elemzi a magas szintű lekérdezést/módosítást és azt ilyen elemi utasításokból álló sorozattá alakítja
- természetesen megengedett, hogy több helyről olvassunk, mielőtt számolunk, megengedett, hogy több adatból számoljunk ki valamit, illetve, hogy úgy írjunk, hogy nem is olvastuk ki azt az adatot

# Alapfeltevések

- feltesszük, hogy a tranzakciók elemi műveletei: adat olvasása (READ  $A$ ), számolás az adattal (pl.  $A + +$ ), adat írása (WRITE  $A$ )
- a fenti elemi utasításokat tartalmazó műveletsort a lekérdezésfeldolgozó állítja elő, elemzi a magas szintű lekérdezést/módosítást és azt ilyen elemi utasításokból álló sorozattá alakítja
- természetesen megengedett, hogy több helyről olvassunk, mielőtt számolunk, megengedett, hogy több adatból számoljunk ki valamit, illetve, hogy úgy írjunk, hogy nem is olvastuk ki azt az adatot
- ha egy  $A$  adatelemet ki kell olvasni, akkor ha már a belső memóriában (pufferban) van, akkor onnan olvassuk, különben a tárkezelővel még be kell előbb hozni a háttértárról

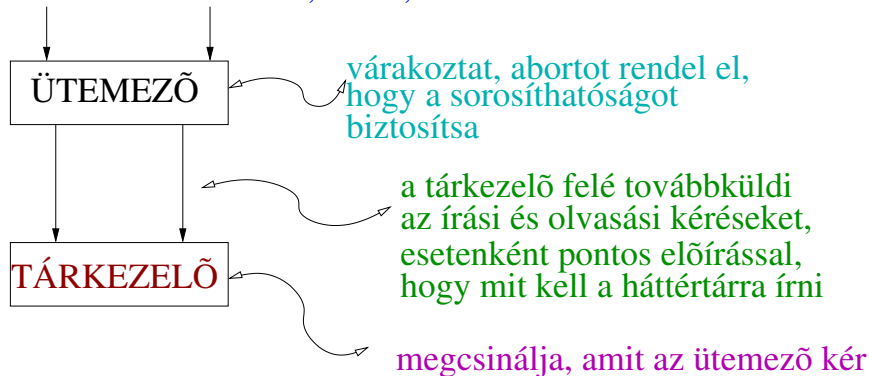
# Alapfeltevések

- feltesszük, hogy a tranzakciók elemi műveletei: adat olvasása (READ  $A$ ), számolás az adattal (pl.  $A + +$ ), adat írása (WRITE  $A$ )
- a fenti elemi utasításokat tartalmazó műveletsort a lekérdezésfeldolgozó állítja elő, elemzi a magas szintű lekérdezést/módosítást és azt ilyen elemi utasításokból álló sorozattá alakítja
- természetesen megengedett, hogy több helyről olvassunk, mielőtt számolunk, megengedett, hogy több adatból számoljunk ki valamit, illetve, hogy úgy írjunk, hogy nem is olvastuk ki azt az adatot
- ha egy  $A$  adatelemet ki kell olvasni, akkor ha már a belső memóriában (pufferban) van, akkor onnan olvasunk, különben a tárkezelővel még be kell előbb hozni a háttértárról
- ha írjuk az  $A$  adatelemet, akkor alapértelmezés szerint a pufferbe írjuk, kivéve speciális eseteket, amikor elő lesz írva, hogy valami azonnal kerüljön ki biztonságos háttértárra

## A tárkezelővel való együttműködés

Az előbbiek miatt az ütemező és a tárkezelő szorosan együttműködnek:

kérések a tranzakcióktól, írásra, olvasásra



## Az ütemező eszközei a sorosíthatóság elérésére

Az ütemezőnek több lehetősége is van arra, hogy kikényszerítse a sorosítható ütemezéseket:

- zárok (ezen belül is még: protokoll elemek, pl. 2PL)

# Az ütemező eszközei a sorosíthatóság elérésére

Az ütemezőnek több lehetősége is van arra, hogy kikényszerítse a sorosítható ütemezéseket:

- zárok (ezen belül is még: protokoll elemek, pl. 2PL)
- időbélyegek (time stamp)



# Az ütemező eszközei a sorosíthatóság elérésére

Az ütemezőnek több lehetősége is van arra, hogy kikényszerítse a sorosítható ütemezéseket:

- zárok (ezen belül is még: protokoll elemek, pl. 2PL)
- időbélyegek (time stamp)
- érvényesítés

# Az ütemező eszközei a sorosíthatóság elérésére

Az ütemezőnek több lehetősége is van arra, hogy kikényszerítse a sorosítható ütemezéseket:

- zárok (ezen belül is még: protokoll elemek, pl. 2PL)
- időbélyegek (time stamp)
- érvényesítés

Fő elv lesz: inkább legyen szigorúbb és ne hagyjon lefutni egy olyat, ami sorosítható, mint hogy fusson egy olyan, aki nem az.

# Az ütemező eszközei a sorosíthatóság elérésére

Az ütemezőnek több lehetősége is van arra, hogy kikényszerítse a sorosítható ütemezéseket:

- zárok (ezen belül is még: protokoll elemek, pl. 2PL)
- időbélyegek (time stamp)
- érvényesítés

Fő elv lesz: inkább legyen szigorúbb és ne hagyjon lefutni egy olyat, ami sorosítható, mint hogy fusson egy olyan, aki nem az.

Mindegyik technikára igaz lesz, hogy biztosra megy, azaz olyanokat is ki fog lőni, amik sorosíthatók lennének.

# Példa

$T_1$	$T_2$	$A$	$B$
		$x$	$y$

# Példa

$T_1$	$T_2$	$A$	$B$
Read(A,t)		x	y

# Példa

$T_1$	$T_2$	$A$	$B$
Read(A,t) $t := t + 100$		x	y

## Példa

$T_1$	$T_2$	$A$	$B$
Read(A,t)		x	y
$t := t + 100$			
Write(A,t)		$x + 100$	

# Példa

$T_1$	$T_2$	$A$	$B$
Read(A,t) $t := t + 100$ Write(A,t)	Read(A,s)	x  $x + 100$	y



# Példa

$T_1$	$T_2$	$A$	$B$
Read(A,t) $t := t + 100$ Write(A,t)	Read(A,s) $s := 2 \cdot s$	x  $x + 100$	y

# Példa

$T_1$	$T_2$	$A$	$B$
Read(A,t) $t := t + 100$ Write(A,t)	Read(A,s) $s := 2 \cdot s$ Write(A,s)	x  $x + 100$  $2 \cdot (x + 100)$	y

# Példa

$T_1$	$T_2$	$A$	$B$
Read(A,t)		x	y
$t := t + 100$			
Write(A,t)		$x + 100$	
	Read(A,s)		
	$s := 2 \cdot s$		
	Write(A,s)	$2 \cdot (x + 100)$	
Read(B,t)			

# Példa

$T_1$	$T_2$	$A$	$B$
Read(A,t) $t := t + 100$ Write(A,t)	Read(A,s) $s := 2 \cdot s$ Write(A,s)	x  $x + 100$	y
Read(B,t) $t := t + 100$		$2 \cdot (x + 100)$	

# Példa

$T_1$	$T_2$	$A$	$B$
Read(A,t) $t := t + 100$ Write(A,t)	Read(A,s) $s := 2 \cdot s$ Write(A,s)	x  $x + 100$  $2 \cdot (x + 100)$	y      $y + 100$

# Példa

$T_1$	$T_2$	$A$	$B$
		$x$	$y$
Read(A,t) $t := t + 100$ Write(A,t)		$x + 100$	
	Read(A,s) $s := 2 \cdot s$ Write(A,s)	$2 \cdot (x + 100)$	
Read(B,t) $t := t + 100$ Write(B,t)			$y + 100$
	Read(B,s)		

# Példa

$T_1$	$T_2$	$A$	$B$
		$x$	$y$
Read(A,t) $t := t + 100$ Write(A,t)		$x + 100$	
	Read(A,s) $s := 2 \cdot s$ Write(A,s)	$2 \cdot (x + 100)$	
Read(B,t) $t := t + 100$ Write(B,t)			$y + 100$
	Read(B,s) $s := 2 \cdot s$		

# Példa

$T_1$	$T_2$	$A$	$B$
		$x$	$y$
Read(A,t) $t := t + 100$ Write(A,t)		$x + 100$	
	Read(A,s) $s := 2 \cdot s$ Write(A,s)	$2 \cdot (x + 100)$	
Read(B,t) $t := t + 100$ Write(B,t)			$y + 100$
	Read(B,s) $s := 2 \cdot s$ Write(B,s)		$2 \cdot (y + 100)$



# Példa

$T_1$	$T_2$	$A$	$B$
Read(A,t) $t := t + 100$ Write(A,t)		$x$	$y$
	Read(A,s) $s := 2 \cdot s$ Write(A,s)	$x + 100$	
Read(B,t) $t := t + 100$ Write(B,t)		$2 \cdot (x + 100)$	
	Read(B,s) $s := 2 \cdot s$ Write(B,s)		$y + 100$
			$2 \cdot (y + 100)$

A táblázat baloldali részén azt jelezzük, hogy milyen műveleteket végeznek a tranzakciók, a jobboldalon pedig az látszik, hogy eközben mi történik az  $A$  és  $B$  adategységekkel. Ezek kezdeti értékei  $x$  és  $y$ .

# Példa

$T_1$	$T_2$	$A$	$B$
Read(A,t) $t := t + 100$ Write(A,t)		$x$	$y$
	Read(A,s) $s := 2 \cdot s$ Write(A,s)	$x + 100$	
Read(B,t) $t := t + 100$ Write(B,t)		$2 \cdot (x + 100)$	
	Read(B,s) $s := 2 \cdot s$ Write(B,s)		$y + 100$
			$2 \cdot (y + 100)$

A táblázat baloldali részén azt jelezzük, hogy milyen műveleteket végeznek a tranzakciók, a jobboldalon pedig az látszik, hogy eközben mi történik az  $A$  és  $B$  adategységekkel. Ezek kezdeti értékei  $x$  és  $y$ .

Read(A,t)= olvassuk be  $A$  értékét a  $t$  változóba

# Példa

$T_1$	$T_2$	$A$	$B$
Read(A,t) $t := t + 100$ Write(A,t)		$x$	$y$
	Read(A,s) $s := 2 \cdot s$ Write(A,s)	$x + 100$	
Read(B,t) $t := t + 100$ Write(B,t)		$2 \cdot (x + 100)$	
	Read(B,s) $s := 2 \cdot s$ Write(B,s)		$y + 100$
			$2 \cdot (y + 100)$

A táblázat baloldali részén azt jelezzük, hogy milyen műveleteket végeznek a tranzakciók, a jobboldalon pedig az látszik, hogy eközben mi történik az  $A$  és  $B$  adategységekkel. Ezek kezdeti értékei  $x$  és  $y$ .

Read(A,t)= olvassuk be  $A$  értékét a  $t$  változóba  
 Write(A,t)= írjuk ki a  $t$  változó értékét  $A$ -ba

# Példa

$T_1$	$T_2$	$A$	$B$
Read(A,t) $t := t + 100$ Write(A,t)		$x$	$y$
	Read(A,s) $s := 2 \cdot s$ Write(A,s)	$x + 100$	
Read(B,t) $t := t + 100$ Write(B,t)		$2 \cdot (x + 100)$	
	Read(B,s) $s := 2 \cdot s$ Write(B,s)		$y + 100$
			$2 \cdot (y + 100)$

A táblázat baloldali részén azt jelezzük, hogy milyen műveleteket végeznek a tranzakciók, a jobboldalon pedig az látszik, hogy eközben mi történik az  $A$  és  $B$  adategységekkel. Ezek kezdeti értékei  $x$  és  $y$ .

Read(A,t)= olvassuk be  $A$  értékét a  $t$  változóba  
Write(A,t)= írjuk ki a  $t$  változó értékét  $A$ -ba

Látható, hogy ez nem egy soros ütemezés, mert össze vannak fészülődve a két tranzakció utasításai.

# Példa

$T_1$	$T_2$	$A$	$B$
Read(A,t) $t := t + 100$ Write(A,t)		$x$	$y$
	Read(A,s) $s := 2 \cdot s$ Write(A,s)	$x + 100$	
Read(B,t) $t := t + 100$ Write(B,t)		$2 \cdot (x + 100)$	
	Read(B,s) $s := 2 \cdot s$ Write(B,s)		$y + 100$
			$2 \cdot (y + 100)$

A táblázat baloldali részén azt jelezzük, hogy milyen műveleteket végeznek a tranzakciók, a jobboldalon pedig az látszik, hogy eközben mi történik az  $A$  és  $B$  adategységekkel. Ezek kezdeti értékei  $x$  és  $y$ .

Read(A,t)= olvassuk be  $A$  értékét a  $t$  változóba  
Write(A,t)= írjuk ki a  $t$  változó értékét  $A$ -ba

Látható, hogy ez nem egy soros ütemezés, mert össze vannak fésülődve a két tranzakció utasításai.

Viszont sorosítható, mert a hatása  $A$ -n és  $B$ -n is azonos a  $T_1 T_2$  soros ütemezés hatásával,  $(x, y)$ -ből  $(2 \cdot (x + 100), 2 \cdot (y + 100))$  lesz.

## Példa nem sorosíthatóra

$T_1$	$T_2$	$A$	$B$
		$x$	$y$

## Példa nem sorosíthatóra

$T_1$	$T_2$	$A$	$B$
Read(A,t)		x	y

## Példa nem sorosíthatóra

$T_1$	$T_2$	$A$	$B$
$\text{Read}(A,t)$ $t := t + 100$		$x$	$y$



## Példa nem sorosíthatóra

$T_1$	$T_2$	$A$	$B$
Read(A,t)		x	y
$t := t + 100$			
Write(A,t)		$x + 100$	

## Példa nem sorosíthatóra

$T_1$	$T_2$	$A$	$B$
Read(A,t)		x	y
$t := t + 100$			
Write(A,t)		$x + 100$	
	Read(A,s)		

## Példa nem sorosíthatóra

$T_1$	$T_2$	$A$	$B$
Read(A,t) $t := t + 100$ Write(A,t)	Read(A,s) $s := 2 \cdot s$	x  $x + 100$	y

## Példa nem sorosíthatóra

$T_1$	$T_2$	$A$	$B$
Read(A,t)		x	y
$t := t + 100$			
Write(A,t)		$x + 100$	
	Read(A,s)		
	$s := 2 \cdot s$		
	Write(A,s)	$2 \cdot (x + 100)$	

## Példa nem sorosíthatóra

$T_1$	$T_2$	$A$	$B$
Read(A,t) $t := t + 100$ Write(A,t)	Read(A,s) $s := 2 \cdot s$ Write(A,s) Read(B,s)	$x$  $x + 100$  $2 \cdot (x + 100)$	$y$

## Példa nem sorosíthatóra

$T_1$	$T_2$	$A$	$B$
Read(A,t) $t := t + 100$ Write(A,t)	Read(A,s) $s := 2 \cdot s$ Write(A,s) Read(B,s) $s := 2 \cdot s$	$x$  $x + 100$  $2 \cdot (x + 100)$	$y$

## Példa nem sorosíthatóra

$T_1$	$T_2$	$A$	$B$
Read(A,t)		$x$	$y$
$t := t + 100$			
Write(A,t)		$x + 100$	
	Read(A,s)		
	$s := 2 \cdot s$		
	Write(A,s)	$2 \cdot (x + 100)$	
	Read(B,s)		
	$s := 2 \cdot s$		
	Write(B,s)		$2 \cdot y$

# Példa nem sorosíthatóra

$T_1$	$T_2$	$A$	$B$
Read(A,t)		$x$	$y$
$t := t + 100$			
Write(A,t)		$x + 100$	
	Read(A,s)		
	$s := 2 \cdot s$		
	Write(A,s)	$2 \cdot (x + 100)$	
	Read(B,s)		
	$s := 2 \cdot s$		
	Write(B,s)		$2 \cdot y$
Read(B,t)			



# Példa nem sorosíthatóra

$T_1$	$T_2$	$A$	$B$
Read(A,t)		$x$	$y$
$t := t + 100$			
Write(A,t)		$x + 100$	
	Read(A,s)		
	$s := 2 \cdot s$		
	Write(A,s)	$2 \cdot (x + 100)$	
	Read(B,s)		
	$s := 2 \cdot s$		
	Write(B,s)		$2 \cdot y$
Read(B,t)			
$t := t + 100$			

# Példa nem sorosíthatóra

$T_1$	$T_2$	$A$	$B$
Read(A,t)		$x$	$y$
$t := t + 100$			
Write(A,t)		$x + 100$	
	Read(A,s)		
	$s := 2 \cdot s$		
	Write(A,s)	$2 \cdot (x + 100)$	
	Read(B,s)		
	$s := 2 \cdot s$		
	Write(B,s)		$2 \cdot y$
Read(B,t)			
$t := t + 100$			
Write(B,t)			$2 \cdot y + 100$

## Példa nem sorosíthatóra

$T_1$	$T_2$	$A$	$B$
Read(A,t) $t := t + 100$ Write(A,t)		$x$	$y$
	Read(A,s) $s := 2 \cdot s$ Write(A,s)	$x + 100$	
	Read(B,s) $s := 2 \cdot s$ Write(B,s)	$2 \cdot (x + 100)$	
Read(B,t) $t := t + 100$ Write(B,t)			$2 \cdot y$
			$2 \cdot y + 100$

Ez nem egy sorosítható ütemezés, mert se a  $T_1 T_2$  soros ütemezés, se a  $T_2 T_1$  soros ütemezés hatása nem az, hogy  $(x, y)$ -ből  $(2 \cdot (x + 100), 2 \cdot y + 100)$  lesz.

## Példa nem sorosíthatóra

$T_1$	$T_2$	$A$	$B$
Read(A,t)		$x$	$y$
$t := t + 100$			
Write(A,t)		$x + 100$	
	Read(A,s)		
	$s := 2 \cdot s$		
	Write(A,s)	$2 \cdot (x + 100)$	
	Read(B,s)		
	$s := 2 \cdot s$		
	Write(B,s)		$2 \cdot y$
Read(B,t)			
$t := t + 100$			
Write(B,t)			$2 \cdot y + 100$

Ez nem egy sorosítható ütemezés, mert se a  $T_1 T_2$  soros ütemezés, se a  $T_2 T_1$  soros ütemezés hatása nem az, hogy  $(x, y)$ -ből  $(2 \cdot (x + 100), 2 \cdot y + 100)$  lesz.

A  $T_1 T_2$  ütemezés  $(2 \cdot (x + 100), 2 \cdot (y + 100))$  eredményt ad,

## Példa nem sorosíthatóra

$T_1$	$T_2$	$A$	$B$
Read(A,t)		$x$	$y$
$t := t + 100$			
Write(A,t)		$x + 100$	
	Read(A,s)		
	$s := 2 \cdot s$		
	Write(A,s)	$2 \cdot (x + 100)$	
	Read(B,s)		
	$s := 2 \cdot s$		
	Write(B,s)		$2 \cdot y$
Read(B,t)			
$t := t + 100$			
Write(B,t)			$2 \cdot y + 100$

Ez nem egy sorosítható ütemezés, mert se a  $T_1 T_2$  soros ütemezés, se a  $T_2 T_1$  soros ütemezés hatása nem az, hogy  $(x, y)$ -ből  $(2 \cdot (x + 100), 2 \cdot y + 100)$  lesz.

A  $T_1 T_2$  ütemezés  $(2 \cdot (x + 100), 2 \cdot (y + 100))$  eredményt ad,

a  $T_2 T_1$  pedig  $(2 \cdot x + 100, 2 \cdot y + 100)$ -t.

# Egyszerűsítések

Ha ismert, hogy mikor és mit akarnak írni és olvasni a tranzakciók és még az is ismert, hogy pontosan mit számolnak, akkor minden esetben el tudjuk dönteni, hogy egy ütemezés sorosítható-e.

# Egyszerűsítések

Ha ismert, hogy mikor és mit akarnak írni és olvasni a tranzakciók és még az is ismert, hogy pontosan mit számolnak, akkor minden esetben el tudjuk dönteni, hogy egy ütemezés sorosítható-e.

A gyakorlatban azonban nem vizsgáljuk meg ennyire alaposan a történéseket, (mert pl. nem is tudnánk vagy mert az macerás), hanem az alábbi egyszerűsítésekkel dolgozunk:

# Egyszerűsítések

Ha ismert, hogy mikor és mit akarnak írni és olvasni a tranzakciók és még az is ismert, hogy pontosan mit számolnak, akkor minden esetben el tudjuk dönteni, hogy egy ütemezés sorosítható-e.

A gyakorlatban azonban nem vizsgáljuk meg ennyire alaposan a történéseket, (mert pl. nem is tudnánk vagy mert az macerás), hanem az alábbi egyszerűsítésekkel dolgozunk:

- Nem vizsgáljuk meg, hogy mit számolnak a tranzakciók, hanem feltételezzük a legrosszabbat: valami olyat csinálnak a beolvasott adattal, ami teljesen egyedi. Azaz, feltesszük, hogy ha tud olyat csinálni, amitől inkonzisztens lesz a DB (az ütemezés hatása nem lesz azonos valamelyik soroséval), akkor azt teszi.  $\implies$



# Egyszerűsítések

Ha ismert, hogy mikor és mit akarnak írni és olvasni a tranzakciók és még az is ismert, hogy pontosan mit számolnak, akkor minden esetben el tudjuk dönteni, hogy egy ütemezés sorosítható-e.

A gyakorlatban azonban nem vizsgáljuk meg ennyire alaposan a történéseket, (mert pl. nem is tudnánk vagy mert az macerás), hanem az alábbi egyszerűsítésekkel dolgozunk:

- Nem vizsgáljuk meg, hogy mit számolnak a tranzakciók, hanem feltételezzük a legrosszabbat: valami olyat csinálnak a beolvasott adattal, ami teljesen egyedi. Azaz, feltesszük, hogy ha tud olyat csinálni, amittől inkonzisztens lesz a DB (az ütemezés hatása nem lesz azonos valamelyik soroséval), akkor azt teszi.  $\implies$
- Csak az írásokat és olvasásokat tartjuk nyilván, ezek alapján döntünk arról, hogy egy ütemezést sorosíthatónak tekintünk-e. Ha csak egyetlen olyan lehetséges számolás is van, amivel az írásokból és olvasásokból álló ütemezés nem sorosítható, akkor nem tekintjük sorosíthatónak.

# Egyszerűsítések

Ha ismert, hogy mikor és mit akarnak írni és olvasni a tranzakciók és még az is ismert, hogy pontosan mit számolnak, akkor minden esetben el tudjuk dönteni, hogy egy ütemezés sorosítható-e.

A gyakorlatban azonban nem vizsgáljuk meg ennyire alaposan a történéseket, (mert pl. nem is tudnánk vagy mert az macerás), hanem az alábbi egyszerűsítésekkel dolgozunk:

- Nem vizsgáljuk meg, hogy mit számolnak a tranzakciók, hanem feltételezzük a legrosszabbat: valami olyat csinálnak a beolvasott adattal, ami teljesen egyedi. Azaz, feltesszük, hogy ha tud olyat csinálni, amittől inkonzisztens lesz a DB (az ütemezés hatása nem lesz azonos valamelyik soroséval), akkor azt teszi.  $\Rightarrow$
- Csak az írásokat és olvasásokat tartjuk nyilván, ezek alapján döntünk arról, hogy egy ütemezést sorosíthatónak tekintünk-e. Ha csak egyetlen olyan lehetséges számolás is van, amivel az írásokból és olvasásokból álló ütemezés nem sorosítható, akkor nem tekintjük sorosíthatónak.
- Ez néha kilő persze olyan ütemezéseket is, amik (ha megnéznénk a belső számolásokat is, akkor) sorosíthatók lennének, de ez nem baj.

# Példák

A korábban látott két ütemezés átírva úgy, hogy a számolások ne látszódjanak:

$T_1$	$T_2$	$T_1$	$T_2$
r(A)		r(A)	
w(A)		w(A)	
	r(A)		r(A)
	w(A)		w(A)
r(B)			r(B)
w(B)			w(B)
	r(B)	r(B)	
	w(B)	w(B)	

r(A) jelentése beolvassuk A-t; w(A) jelentése kiírjuk A-t

# Példák

A korábban látott két ütemezés átírva úgy, hogy a számolások ne látszódjanak:

$T_1$	$T_2$	$T_1$	$T_2$	
r(A)		r(A)		r(A) jelentése beolvassuk A-t; w(A) jelentése kiírjuk A-t
w(A)		w(A)		
	r(A)		r(A)	
	w(A)		w(A)	
r(B)			r(B)	
w(B)			w(B)	
	r(B)	r(B)		
	w(B)	w(B)		

Látszik, hogy az első esetben bármilyen számolást is csinálnak a tranzakciók a beolvasott adattal a kiírás előtt, a számolástól függetlenül ugyanaz lesz a hatás mint a  $T_1 T_2$  soros ütemezésnél.

# Példák

A korábban látott két ütemezés átírva úgy, hogy a számolások ne látszódjanak:

$T_1$	$T_2$	$T_1$	$T_2$	
r(A)		r(A)		r(A) jelentése beolvassuk A-t; w(A) jelentése kiírjuk A-t
w(A)		w(A)		
	r(A)		r(A)	
	w(A)		w(A)	
r(B)			r(B)	
w(B)			w(B)	
	r(B)	r(B)		
	w(B)	w(B)		

Látszik, hogy az első esetben bármilyen számolást is csinálnak a tranzakciók a beolvasott adattal a kiírás előtt, a számolástól függetlenül ugyanaz lesz a hatás mint a  $T_1 T_2$  soros ütemezésnél.

A második esetben, ahogy már láttuk is, lehetséges olyan számolás, ami esetén nem lesz azonos a hatás semelyik sorossal, így ez a csak írásokat és olvasásokat tartalmazó ütemezés nem sorosítható.

# Példák

A korábban látott két ütemezés átírva úgy, hogy a számolások ne látszódjanak:

$T_1$	$T_2$	$T_1$	$T_2$	
r(A)		r(A)		r(A) jelentése beolvassuk A-t; w(A) jelentése kiírjuk A-t
w(A)		w(A)		
	r(A)		r(A)	
	w(A)		w(A)	
r(B)			r(B)	
w(B)			w(B)	
	r(B)	r(B)		
	w(B)	w(B)		

Látszik, hogy az első esetben bármilyen számolást is csinálnak a tranzakciók a beolvasott adattal a kiírás előtt, a számolástól függetlenül ugyanaz lesz a hatás mint a  $T_1 T_2$  soros ütemezésnél.

A második esetben, ahogy már láttuk is, lehetséges olyan számolás, ami esetén nem lesz azonos a hatás semelyik sorossal, így ez a csak írásokat és olvasásokat tartalmazó ütemezés nem sorosítható. (Persze lehetséges olyan számolás, amivel kiegészítve sorosítható lenne, de most kegyetlenek vagyunk: ha van egy olyan, amivel rossz, akkor rossz.)

**Jelölés:** A táblázat helyett így fogjuk az ütemezéseket megadni (a két előbbi esetben például):

$r_1(A)$ ,  $w_1(A)$ ,  $r_2(A)$ ,  $w_2(A)$ ,  $r_1(B)$ ,  $w_1(B)$ ,  $r_2(B)$ ,  $w_2(B)$

illetve

$r_1(A)$ ,  $w_1(A)$ ,  $r_2(A)$ ,  $w_2(A)$ ,  $r_2(B)$ ,  $w_2(B)$ ,  $r_1(B)$ ,  $w_1(B)$

## Feltevések még

Általános elv (ahogy az előbb már ki is derült), hogy inkább legyünk szigorúak és minősítsünk rossznak egy olyat, ami sorosítható lenne, ha jobban megnéznénk, mint hogy sorosíthatónak mondjunk egy olyat, ami esetleg nem az



## Feltevések még

Általános elv (ahogy az előbb már ki is derült), hogy inkább legyünk szigorúak és minősítsünk rossznak egy olyat, ami sorosítható lenne, ha jobban megnéznénk, mint hogy sorosíthatónak mondjunk egy olyat, ami esetleg nem az  $\implies$  mindig egy erősebb feltételt fogunk tesztelni, aki ezt is túléli az biztos sorosítható.

## Feltevések még

Általános elv (ahogy az előbb már ki is derült), hogy inkább legyünk szigorúak és minősítsünk rossznak egy olyat, ami sorosítható lenne, ha jobban megnéznénk, mint hogy sorosíthatónak mondjunk egy olyat, ami esetleg nem az  $\implies$  mindig egy erősebb feltételt fogunk tesztelni, aki ezt is túléli az biztos sorosítható.

Általában nem egy már adott ütemezésről kell eldönteni, hogy az sorosítható-e, hanem olyan technikákat, protokollokat használunk, amikkel elérjük, hogy csak sorosítható ütemezések jöjjenek létre.

## Sorosíthatóság biztosítása zárankkal

**Elve:** A tranzakciók zárolják azokat az adatelemeket, amivel dolgoznak, és amíg valami zár alatt van, addig a többi tranzakció nem, vagy csak korlátozottan fér hozzá.

# Sorosíthatóság biztosítása zárankkal

**Elve:** A tranzakciók zárolják azokat az adatelemeket, amivel dolgoznak, és amíg valami zár alatt van, addig a többi tranzakció nem, vagy csak korlátozottan fér hozzá.

## Egyszerű tranzakciómodell

Csak egyféle zárkérés van (**LOCK**), mindegyik művelethez ezt a zárat kell megkapni. Ezen kívül van még zárelengedés (**UNLOCK**). Az ütemezésekben nem csak írás és olvasás lesz, hanem a zárkérések és zárelengedések is benne lesznek.

# Sorosíthatóság biztosítása zárrakkal

**Elve:** A tranzakciók zárolják azokat az adatelemeket, amivel dolgoznak, és amíg valami zár alatt van, addig a többi tranzakció nem, vagy csak korlátozottan fér hozzá.

## Egyszerű tranzakciómodell

Csak egyféle zárkérés van (**LOCK**), mindegyik művelethez ezt a zárat kell megkapni. Ezen kívül van még zárelengedés (**UNLOCK**). Az ütemezésekben nem csak írás és olvasás lesz, hanem a zárkérések és zárelengedések is benne lesznek. Csak olyan zárkéréseket tartalmazó ütemezéseket akarunk majd megengedni, amik eleget tesznek néhány követelménynek.

A legális ütemezés jellemzői:

- 1 Az  $i$ -edik tranzakció,  $T_i$ , csak akkor olvashatja vagy írhatja az  $A$  adategységet, ha előtte zárat kért és kapott rá ( $LOCK_i(A)$ ) és a zárat még azóta nem engedte fel (nem volt még azóta  $UNLOCK_i(A)$ ).

# Sorosíthatóság biztosítása zárrakkal

**Elve:** A tranzakciók zárolják azokat az adatalemeket, amivel dolgoznak, és amíg valami zár alatt van, addig a többi tranzakció nem, vagy csak korlátozottan fér hozzá.

## Egyszerű tranzakciómodell

Csak egyféle zárkérés van (**LOCK**), mindegyik művelethez ezt a zárat kell megkapni. Ezen kívül van még zárelengedés (**UNLOCK**). Az ütemezésekben nem csak írás és olvasás lesz, hanem a zárkérések és zárelengedések is benne lesznek. Csak olyan zárkéréseket tartalmazó ütemezéseket akarunk majd megengedni, amik eleget tesznek néhány követelménynek.

A legális ütemezés jellemzői:

- 1 Az  $i$ -edik tranzakció,  $T_i$ , csak akkor olvashatja vagy írhatja az  $A$  adataegységet, ha előtte zárat kért és kapott rá ( $LOCK_i(A)$ ) és a zárat még azóta nem engedte fel (nem volt még azóta  $UNLOCK_i(A)$ ).
- 2 Ha  $T_i$  zárolja az  $A$  adataegységet, akkor később valamikor el is kell engednie a zárat ( $LOCK_i(A)$  után mindig van  $UNLOCK_i(A)$ ).

# Sorosíthatóság biztosítása zárankkal

**Elve:** A tranzakciók zárolják azokat az adatelemeket, amivel dolgoznak, és amíg valami zár alatt van, addig a többi tranzakció nem, vagy csak korlátozottan fér hozzá.

## Egyszerű tranzakciómodell

Csak egyféle zárkérés van (**LOCK**), mindegyik művelethez ezt a zárat kell megkapni. Ezen kívül van még zárelengedés (**UNLOCK**). Az ütemezésekben nem csak írás és olvasás lesz, hanem a zárkérések és zárelengedések is benne lesznek. Csak olyan zárkéréseket tartalmazó ütemezéseket akarunk majd megengedni, amik eleget tesznek néhány követelménynek.

A legális ütemezés jellemzői:

- 1 Az  $i$ -edik tranzakció,  $T_i$ , csak akkor olvashatja vagy írhatja az  $A$  adategységet, ha előtte zárat kért és kapott rá ( $LOCK_i(A)$ ) és a zárat még azóta nem engedte fel (nem volt még azóta  $UNLOCK_i(A)$ ).
- 2 Ha  $T_i$  zárolja az  $A$  adategységet, akkor később valamikor el is kell engednie a zárat ( $LOCK_i(A)$  után mindig van  $UNLOCK_i(A)$ ).
- 3 Egyszerre két különböző tranzakciónak nem lehet zárja ugyanazon az adategységen.

## Példa

Példa legális zárkérésre, ütemezésre ebben a modellben:

$l_1(A)$ ,  $r_1(A)$ ,  $w_1(A)$ ,  $u_1(A)$ ,  $l_2(A)$ ,  $r_2(A)$ ,  $w_2(A)$ ,  $u_2(A)$ ,

$l_1(B)$ ,  $r_1(B)$ ,  $w_1(B)$ ,  $u_1(B)$ ,  $l_2(B)$ ,  $r_2(B)$ ,  $w_2(B)$ ,  $u_2(B)$ ,

Példa arra, hogy hogyan dolgozhat az ütemező azon az egyszerű tranzakciómodellben, hogy legális ütemezés alakuljon ki

Tegyük fel, hogy a következő sorrendben jönnek zárkérések és műveleti kérések az ütemezőhöz (két tranzakció van):

$l_1(A)$ ,  $r_1(A)$ ,  $w_1(A)$ ,  $l_1(B)$ ,  $u_1(A)$ ,  $l_2(A)$ ,  $r_2(A)$ ,  $w_2(A)$



## Példa

Példa legális zárkérésre, ütemezésre ebben a modellben:

$$l_1(A), r_1(A), w_1(A), u_1(A), l_2(A), r_2(A), w_2(A), u_2(A),$$

$$l_1(B), r_1(B), w_1(B), u_1(B), l_2(B), r_2(B), w_2(B), u_2(B),$$

Példa arra, hogy hogyan dolgozhat az ütemező azon az egyszerű tranzakciómodellben, hogy legális ütemezés alakuljon ki

Tegyük fel, hogy a következő sorrendben jönnek zárkérések és műveleti kérések az ütemezőhöz (két tranzakció van):

$$l_1(A), r_1(A), w_1(A), l_1(B), u_1(A), l_2(A), r_2(A), w_2(A)$$

Eddig minden rendben van, minden kérést teljesíteni lehet. Ha azonban a további kérések

$$l_2(B), u_2(A), r_2(B), w_2(B), u_2(B), r_1(B), w_1(B), u_1(B)$$

## Példa

Példa legális zárkérésre, ütemezésre ebben a modellben:

$l_1(A)$ ,  $r_1(A)$ ,  $w_1(A)$ ,  $u_1(A)$ ,  $l_2(A)$ ,  $r_2(A)$ ,  $w_2(A)$ ,  $u_2(A)$ ,

$l_1(B)$ ,  $r_1(B)$ ,  $w_1(B)$ ,  $u_1(B)$ ,  $l_2(B)$ ,  $r_2(B)$ ,  $w_2(B)$ ,  $u_2(B)$ ,

Példa arra, hogy hogyan dolgozhat az ütemező azon az egyszerű tranzakciómodellben, hogy legális ütemezés alakuljon ki

Tegyük fel, hogy a következő sorrendben jönnek zárkérések és műveleti kérések az ütemezőhöz (két tranzakció van):

$l_1(A)$ ,  $r_1(A)$ ,  $w_1(A)$ ,  $l_1(B)$ ,  $u_1(A)$ ,  $l_2(A)$ ,  $r_2(A)$ ,  $w_2(A)$

Eddig minden rendben van, minden kérést teljesíteni lehet. Ha azonban a további kérések

$l_2(B)$ ,  $u_2(A)$ ,  $r_2(B)$ ,  $w_2(B)$ ,  $u_2(B)$ ,  $r_1(B)$ ,  $w_1(B)$ ,  $u_1(B)$

akkor ez már így nem mehet, mert  $T_2$  nem kaphatja meg a kért zárat  $B$ -n, hiszen  $T_1$  még tartja.

## Példa

Példa legális zárkérésre, ütemezésre ebben a modellben:

$l_1(A)$ ,  $r_1(A)$ ,  $w_1(A)$ ,  $u_1(A)$ ,  $l_2(A)$ ,  $r_2(A)$ ,  $w_2(A)$ ,  $u_2(A)$ ,

$l_1(B)$ ,  $r_1(B)$ ,  $w_1(B)$ ,  $u_1(B)$ ,  $l_2(B)$ ,  $r_2(B)$ ,  $w_2(B)$ ,  $u_2(B)$ ,

Példa arra, hogy hogyan dolgozhat az ütemező azon az egyszerű tranzakciómodellben, hogy legális ütemezés alakuljon ki

Tegyük fel, hogy a következő sorrendben jönnek zárkérések és műveleti kérések az ütemezőhöz (két tranzakció van):

$l_1(A)$ ,  $r_1(A)$ ,  $w_1(A)$ ,  $l_1(B)$ ,  $u_1(A)$ ,  $l_2(A)$ ,  $r_2(A)$ ,  $w_2(A)$

Eddig minden rendben van, minden kérést teljesíteni lehet. Ha azonban a további kérések

$l_2(B)$ ,  $u_2(A)$ ,  $r_2(B)$ ,  $w_2(B)$ ,  $u_2(B)$ ,  $r_1(B)$ ,  $w_1(B)$ ,  $u_1(B)$

akkor ez már így nem mehet, mert  $T_2$  nem kaphatja meg a kért zárat  $B$ -n, hiszen  $T_1$  még tartja.

Emiatt az ütemező késlelteti  $T_2$ -t ( $T_2$  vár  $T_1$ -re) és előbb engedi futni  $T_1$ -et, aztán jöhet  $T_2$ :

## Példa

Példa legális zárkérésre, ütemezésre ebben a modellben:

$l_1(A)$ ,  $r_1(A)$ ,  $w_1(A)$ ,  $u_1(A)$ ,  $l_2(A)$ ,  $r_2(A)$ ,  $w_2(A)$ ,  $u_2(A)$ ,

$l_1(B)$ ,  $r_1(B)$ ,  $w_1(B)$ ,  $u_1(B)$ ,  $l_2(B)$ ,  $r_2(B)$ ,  $w_2(B)$ ,  $u_2(B)$ ,

Példa arra, hogy hogyan dolgozhat az ütemező azon az egyszerű tranzakciómodellben, hogy legális ütemezés alakuljon ki

Tegyük fel, hogy a következő sorrendben jönnek zárkérések és műveleti kérések az ütemezőhöz (két tranzakció van):

$l_1(A)$ ,  $r_1(A)$ ,  $w_1(A)$ ,  $l_1(B)$ ,  $u_1(A)$ ,  $l_2(A)$ ,  $r_2(A)$ ,  $w_2(A)$

Eddig minden rendben van, minden kérést teljesíteni lehet. Ha azonban a további kérések

$l_2(B)$ ,  $u_2(A)$ ,  $r_2(B)$ ,  $w_2(B)$ ,  $u_2(B)$ ,  $r_1(B)$ ,  $w_1(B)$ ,  $u_1(B)$

akkor ez már így nem mehet, mert  $T_2$  nem kaphatja meg a kért zárat  $B$ -n, hiszen  $T_1$  még tartja.

Emiatt az ütemező késlelteti  $T_2$ -t ( $T_2$  vár  $T_1$ -re) és előbb engedni futni  $T_1$ -et, aztán jöhet  $T_2$ :

$r_1(B)$ ,  $w_1(B)$ ,  $u_1(B)$ ,  $l_2(B)$ ,  $u_2(A)$ ,  $r_2(B)$ ,  $w_2(B)$ ,  $u_2(B)$

lesz az az ütemezés, ami le fog futni, ez már legális lesz.

Láttuk, hogy az ütemező úgy kényszeríti ki a legális ütemezést, hogy várakoztatja a tranzakciókat. Ebből problémák lehetnek, ha a tranzakciók egymásra várnak:

Láttuk, hogy az ütemező úgy kényszeríti ki a legális ütemezést, hogy várákoztatja a tranzakciókat. Ebből problémák lehetnek, ha a tranzakciók egymásra várnak:

**Holtpont (deadlock, patt):** néhány zárkérés után akkor van holtpont, ha van egy olyan részhalmaza a tranzakcióknak, akik közül egyik se tud tovább futni, mert vár egy szintén ebben a részhalmazban levő másikkra (vár egy olyan zár elengedésére, amit egy másik, ebbe a részhalmazba tartozó, tranzakció tart).

Láttuk, hogy az ütemező úgy kényszeríti ki a legális ütemezést, hogy várakoztatja a tranzakciókat. Ebből problémák lehetnek, ha a tranzakciók egymásra várnak:

**Holtpont (deadlock, patt):** néhány zárkérés után akkor van holtpont, ha van egy olyan részhalmaza a tranzakcióknak, akik közül egyik se tud tovább futni, mert vár egy szintén ebben a részhalmazban levő másikkra (vár egy olyan zár elengedésére, amit egy másik, ebbe a részhalmazba tartozó, tranzakció tart).

Például:

$I_1(A)$ ,  $I_2(B)$ ,  $I_3(C)$ ,  $I_1(B)$ ,  $I_2(C)$ ,  $I_3(A)$

sorrendben érkező zárkérések esetén egyik tranzakció se tud tovább futni.

Láttuk, hogy az ütemező úgy kényszeríti ki a legális ütemezést, hogy várakoztatja a tranzakciókat. Ebből problémák lehetnek, ha a tranzakciók egymásra várnak:

**Holtpont (deadlock, patt):** néhány zárkérés után akkor van holtpont, ha van egy olyan részhalmaza a tranzakcióknak, akik közül egyik se tud tovább futni, mert vár egy szintén ebben a részhalmazban levő másikkra (vár egy olyan zár elengedésére, amit egy másik, ebbe a részhalmazba tartozó, tranzakció tart).

Például:

$I_1(A)$ ,  $I_2(B)$ ,  $I_3(C)$ ,  $I_1(B)$ ,  $I_2(C)$ ,  $I_3(A)$

sorrendben érkező zárkérések esetén egyik tranzakció se tud tovább futni.

Az ilyen helyzeteket el kell kerülni, illetve ha már kialakultak, akkor fel kell ismerni és meg kell szüntetni.



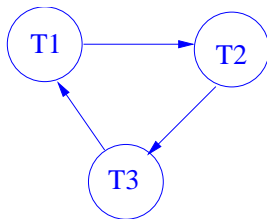
# Várakozási gráf

A felismerésben segít a zárkérések sorozatához tratózó **várakozási gráf**: csúcsai a tranzakciók és akkor van él  $T_i$ -ből  $T_j$ -be, ha  $T_i$  vár egy olyan zár elengedésére, amit  $T_j$  tart éppen.

# Várakozási gráf

A felismerésben segít a zárkérések sorozatához tratózó **várakozási gráf**: csúcsai a tranzakciók és akkor van él  $T_i$ -ből  $T_j$ -be, ha  $T_i$  vár egy olyan zár elengedésére, amit  $T_j$  tart éppen.

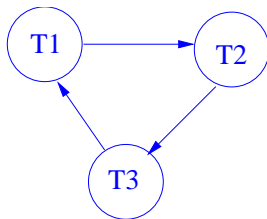
Például az előbbi, holtponthoz vezető zárkéréssorozat várakozási gráfja a hat zárkérés után:



# Várakozási gráf

A felismerésben segít a zárkérések sorozatához tartozó **várakozási gráf**: csúcsai a tranzakciók és akkor van él  $T_i$ -ből  $T_j$ -be, ha  $T_i$  vár egy olyan zár elengedésére, amit  $T_j$  tart éppen.

Például az előbbi, holtponthoz vezető zárkéréssorozat várakozási gráfja a hat zárkérés után:



Vegyük észre, hogy a várakozási gráf változik az ütemezés során, ahogy újabb zárkérések érkeznek vagy zárelengedések történnek.

# Holtpont felismerése

A várakozási gráf segítségével fel lehet ismerni a holtpontot az alábbi tétel miatt:

# Holtpont felismerése

A várakozási gráf segítségével fel lehet ismerni a holtpontot az alábbi tétel miatt:

## Tétel

*Az ütemezés során egy adott pillanatban pontosan akkor nincs holtpont, ha az adott pillanathoz tartozó várakozási gráf DAG (nincs benne irányított kör).*

A várakozási gráf segítségével fel lehet ismerni a holtpontot az alábbi tétel miatt:

## Tétel

*Az ütemezés során egy adott pillanatban pontosan akkor nincs holtpont, ha az adott pillanathoz tartozó várakozási gráf DAG (nincs benne irányított kör).*

## Bizonyítás.

⇒: Ha van irányított kör a várakozási gráfban, akkor a körbeli tranzakciók egyike se tud lefutni, mert vár a mellette levőre. Ez holtpont.

A várakozási gráf segítségével fel lehet ismerni a holtpontot az alábbi tétel miatt:

### Tétel

*Az ütemezés során egy adott pillanatban pontosan akkor nincs holtpont, ha az adott pillanathoz tartozó várakozási gráf DAG (nincs benne irányított kör).*

### Bizonyítás.

⇒: Ha van irányított kör a várakozási gráfban, akkor a körbeli tranzakciók egyike se tud lefutni, mert vár a mellette levőre. Ez holtpont.

⇐: Ha a gráf DAG, akkor van topológikus rendezése a tranzakcióknak és ebben a sorrendben le tudnak futni a tranzakciók. (Az első nem vár senkire, mert nem megy belőle ki él, így lefuthat; ezután már a másodikba se megy él, az is lefuthat . . . )

# Példa

Nézzük az alábbi írásokból és olvasásokból álló ütemezést:

$r_1(A)$ ,  $r_2(B)$ ,  $w_1(C)$ ,  $r_3(D)$ ,  $r_4(E)$ ,  $r_3(B)$ ,  $w_2(C)$ ,  $w_4(A)$ ,  $w_1(D)$



# Példa

Nézzük az alábbi írásokból és olvasásokból álló ütemezést:

$$r_1(A), r_2(B), w_1(C), r_3(D), r_4(E), r_3(B), w_2(C), w_4(A), w_1(D)$$

Tegyük fel, hogy a zárkérések mindig közvetlenül megelőzik a műveletet, a zárelengedések pedig a tranzakciók végén, egyszerre történnek. **Hogyan alakul a várakozási gráf ezen sorozat esetén? Lesz-e valamikor holtpont?**

## Példa

Nézzük az alábbi írásokból és olvasásokból álló ütemezést:

$r_1(A)$ ,  $r_2(B)$ ,  $w_1(C)$ ,  $r_3(D)$ ,  $r_4(E)$ ,  $r_3(B)$ ,  $w_2(C)$ ,  $w_4(A)$ ,  $w_1(D)$

Tegyük fel, hogy a zárkérések mindig közvetlenül megelőzik a műveletet, a zárelengedések pedig a tranzakciók végén, egyszerre történnek. **Hogyan alakul a várakozási gráf ezen sorozat esetén? Lesz-e valamikor holtpont?**

Az elején  $l_1(A)$ ,  $r_1(A)$ ,  $l_2(B)$ ,  $r_2(B)$ ,  $l_1(C)$ ,  $w_1(C)$ ,  $l_3(D)$ ,  $r_3(D)$ ,  $l_4(E)$ ,  $r_4(E)$  zárkérések és műveletek vannak, eddig még senki nem vár senkire.

## Példa

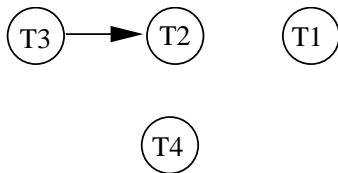
Nézzük az alábbi írásokból és olvasásokból álló ütemezést:

$r_1(A)$ ,  $r_2(B)$ ,  $w_1(C)$ ,  $r_3(D)$ ,  $r_4(E)$ ,  $r_3(B)$ ,  $w_2(C)$ ,  $w_4(A)$ ,  $w_1(D)$

Tegyük fel, hogy a zárkérések mindig közvetlenül megelőzik a műveletet, a zárelengedések pedig a tranzakciók végén, egyszerre történnek. **Hogyan alakul a várakozási gráf ezen sorozat esetén? Lesz-e valamilyen holtpont?**

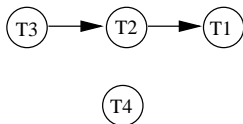
Az elején  $l_1(A)$ ,  $r_1(A)$ ,  $l_2(B)$ ,  $r_2(B)$ ,  $l_1(C)$ ,  $w_1(C)$ ,  $l_3(D)$ ,  $r_3(D)$ ,  $l_4(E)$ ,  $r_4(E)$  zárkérések és műveletek vannak, eddig még senki nem vár senkire.

Ezután  $l_3(B)$  jön  $r_3(B)$  miatt, de  $T_3$ -nak várnia kell  $T_2$ -re:



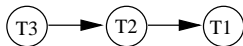
## Példa

Ezután  $l_2(C)$  jön  $w_2(C)$  miatt, de  $T_2$ -nek is várnia kell  $T_1$ -re:

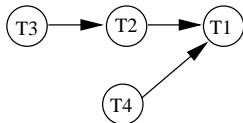


## Példa

Ezután  $l_2(C)$  jön  $w_2(C)$  miatt, de  $T_2$ -nek is várnia kell  $T_1$ -re:

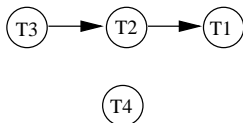


Ezután  $l_4(A)$  jön  $w_4(A)$  miatt, de  $T_4$ -nek is várnia kell  $T_1$ -re:

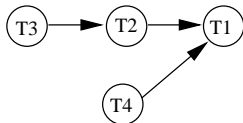


## Példa

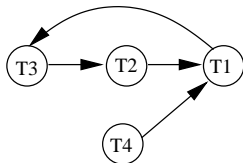
Ezután  $l_2(C)$  jön  $w_2(C)$  miatt, de  $T_2$ -nek is várnia kell  $T_1$ -re:



Ezután  $l_4(A)$  jön  $w_4(A)$  miatt, de  $T_4$ -nek is várnia kell  $T_1$ -re:

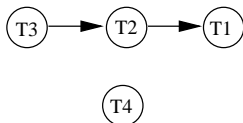


Végül  $l_1(D)$  jön  $w_1(D)$  miatt, de  $T_1$ -nek meg  $T_3$ -ra kell várnia:

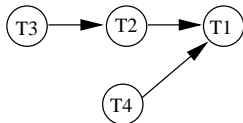


## Példa

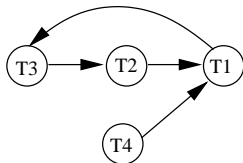
Ezután  $l_2(C)$  jön  $w_2(C)$  miatt, de  $T_2$ -nek is várnia kell  $T_1$ -re:



Ezután  $l_4(A)$  jön  $w_4(A)$  miatt, de  $T_4$ -nek is várnia kell  $T_1$ -re:



Végül  $l_1(D)$  jön  $w_1(D)$  miatt, de  $T_1$ -nek meg  $T_3$ -ra kell várnia:



És ez már holtpont: van irányított kör a gráfban.

# Megoldások holtpont ellen

1. Rajzoljuk folyamatosan a várakozási gráfot és ha holtpont alakul ki, akkor ABORT-áljuk az egyik olyan tranzakciót, aki benne van a kialakult irányított körben.



## Megoldások holtpont ellen

1. Rajzoljuk folyamatosan a várakozási gráfot és ha holtpont alakul ki, akkor ABORT-áljuk az egyik olyan tranzakciót, aki benne van a kialakult irányított körben. Ez egy megengedő megoldás (optimista), hagyja az ütemező, hogy mindenki úgy kérjen zárat, ahogy csak akar, de ha baj van, akkor erőszakosan beavatkozik. Az előző példa esetében mondjuk kilövi  $T_2$ -t, ettől lefuthat  $T_3$ , majd  $T_1$  és  $T_4$  is.

## Megoldások holtpont ellen

1. Rajzoljuk folyamatosan a várakozási gráfot és ha holtpont alakul ki, akkor **ABORT**-áljuk az egyik olyan tranzakciót, aki benne van a kialakult irányított körben. Ez egy megengedő megoldás (optimista), hagyja az ütemező, hogy mindenki úgy kérjen zárat, ahogy csak akar, de ha baj van, akkor erőszakosan beavatkozik. Az előző példa esetében mondjuk kilövi  $T_2$ -t, ettől lefuthat  $T_3$ , majd  $T_1$  és  $T_4$  is.
2. **Pesszimista hozzáállás**: ha hagyjuk, hogy mindenki össze-vissza kérjen zárat, abból baj lehet. Előzzük inkább meg a holtpont kialakulását valahogyan. Lehetőségek:

## Megoldások holtpont ellen

1. Rajzoljuk folyamatosan a várakozási gráfot és ha holtpont alakul ki, akkor ABORT-áljuk az egyik olyan tranzakciót, aki benne van a kialakult irányított körben. Ez egy megengedő megoldás (optimista), hagyja az ütemező, hogy mindenki úgy kérjen zárat, ahogy csak akar, de ha baj van, akkor erőszakosan beavatkozik. Az előző példa esetében mondjuk kilövi  $T_2$ -t, ettől lefuthat  $T_3$ , majd  $T_1$  és  $T_4$  is.
2. **Pesszimista hozzáállás:** ha hagyjuk, hogy mindenki össze-vissza kérjen zárat, abból baj lehet. Előzzük inkább meg a holtpont kialakulását valahogyan. Lehetőségek:
  - (a) Minden egyes tranzakció előre elkéri az összes zárat, ami neki kellene fog. Ha nem kapja meg az összeset, akkor egyet se kér el, el se indul.

## Megoldások holtpont ellen

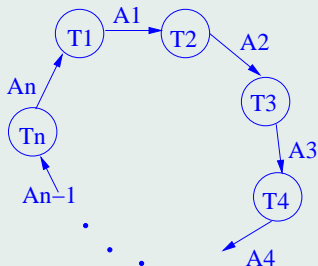
1. Rajzoljuk folyamatosan a várakozási gráfot és ha holtpont alakul ki, akkor ABORT-áljuk az egyik olyan tranzakciót, aki benne van a kialakult irányított körben. Ez egy megengedő megoldás (optimista), hagyja az ütemező, hogy mindenki úgy kérjen zárat, ahogy csak akar, de ha baj van, akkor erőszakosan beavatkozik. Az előző példa esetében mondjuk kilövi  $T_2$ -t, ettől lefuthat  $T_3$ , majd  $T_1$  és  $T_4$  is.
2. **Pesszimista hozzáállás:** ha hagyjuk, hogy mindenki össze-vissza kérjen zárat, abból baj lehet. Előzzük inkább meg a holtpont kialakulását valahogyan. Lehetőségek:
  - (a) Minden egyes tranzakció előre elkéri az összes zárat, ami neki kelleni fog. Ha nem kapja meg az összeset, akkor egyet se kér el, el se indul. Ilyenkor biztos nem lesz holtpont, mert ha valaki megkap egy zárat, akkor le is tud futni, nem akad el. Az csak a baj ezzel, hogy előre kell mindent tudni.

## Megoldások holtpont ellen

1. Rajzoljuk folyamatosan a várakozási gráfot és ha holtpont alakul ki, akkor ABORT-áljuk az egyik olyan tranzakciót, aki benne van a kialakult irányított körben. Ez egy megengedő megoldás (optimista), hagyja az ütemező, hogy mindenki úgy kérjen zárat, ahogy csak akar, de ha baj van, akkor erőszakosan beavatkozik. Az előző példa esetében mondjuk kilövi  $T_2$ -t, ettől lefuthat  $T_3$ , majd  $T_1$  és  $T_4$  is.
2. **Pesszimista hozzáállás:** ha hagyjuk, hogy mindenki össze-vissza kérjen zárat, abból baj lehet. Előzzük inkább meg a holtpont kialakulását valahogyan. Lehetőségek:
  - (a) Minden egyes tranzakció előre elkéri az összes zárat, ami neki kellene fog. Ha nem kapja meg az összeset, akkor egyet se kér el, el se indul. Ilyenkor biztos nem lesz holtpont, mert ha valaki megkap egy zárat, akkor le is tud futni, nem akad el. Az csak a baj ezzel, hogy előre kell mindent tudni.
  - (b) Feltesszük, hogy van egy sorrend az adategységeken és minden egyes tranzakció csak eszerint a sorrend szerint növeleg kérhet újabb zárat, azaz ha egy adategységre kért már zárat, akkor kisebb sorszámúra már nem kérhet később. Itt lehet, hogy lesz várakozás, de holtpont biztos nem lesz.

## Bizonyítás.

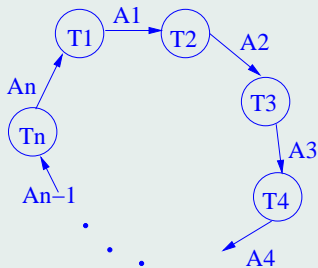
Ha valamely pillanatban lenne irányított kör a várakozási gráfban:



ahol  $T_i$  vár  $T_{i+1}$ -re az  $A_i$  adategység miatt, akkor  $A_1 < A_2 < A_3 < \dots < A_n < A_1$  áll fenn abban az esetben, ha mindegyik tranzakció betartotta, hogy növeleg kér zárat.

## Bizonyítás.

Ha valamely pillanatban lenne irányított kör a várakozási gráfban:

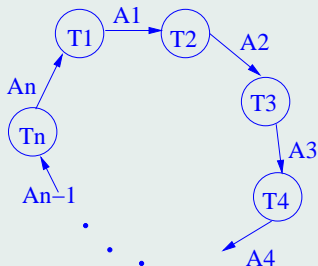


ahol  $T_i$  vár  $T_{i+1}$ -re az  $A_i$  adategység miatt, akkor  $A_1 < A_2 < A_3 < \dots < A_n < A_1$  áll fenn abban az esetben, ha mindegyik tranzakció betartotta, hogy növeleg kér zárat. **Ez azonban ellentmondás.**

## Megoldások holtpont ellen

### Bizonyítás.

Ha valamely pillanatban lenne irányított kör a várakozási gráfban:



ahol  $T_i$  vár  $T_{i+1}$ -re az  $A_i$  adategység miatt, akkor  $A_1 < A_2 < A_3 < \dots < A_n < A_1$  áll fenn abban az esetben, ha mindegyik tranzakció betartotta, hogy növeleg kér zárat. **Ez azonban ellentmondás.** □

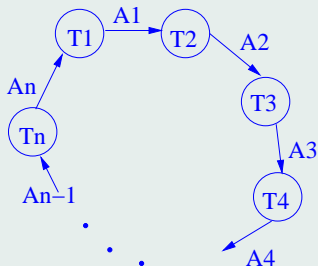
Tehát ez a protokoll is megelőzi a holtpontot, de itt is előre kell tudni, hogy milyen záratok fog kéri egy tranzakció.



## Megoldások holtpont ellen

### Bizonyítás.

Ha valamely pillanatban lenne irányított kör a várakozási gráfban:



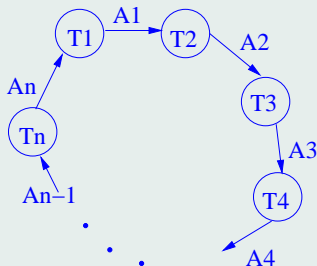
ahol  $T_i$  vár  $T_{i+1}$ -re az  $A_i$  adategység miatt, akkor  $A_1 < A_2 < A_3 < \dots < A_n < A_1$  áll fenn abban az esetben, ha mindegyik tranzakció betartotta, hogy növeleg kér zárat. Ez azonban ellentmondás. □

Tehát ez a protokoll is megelőzi a holtpontot, de itt is előre kell tudni, hogy milyen záratok fog kérni egy tranzakció.

Még egy módszer, ami szintén optimista, mint az első:

## Bizonyítás.

Ha valamely pillanatban lenne irányított kör a várakozási gráfban:



ahol  $T_i$  vár  $T_{i+1}$ -re az  $A_i$  adategység miatt, akkor  $A_1 < A_2 < A_3 < \dots < A_n < A_1$  áll fenn abban az esetben, ha mindegyik tranzakció betartotta, hogy növeleg kér zárat. **Ez azonban ellentmondás.** □

Tehát ez a protokoll is megelőzi a holtpontot, de itt is előre kell tudni, hogy milyen záratok fog kérni egy tranzakció.

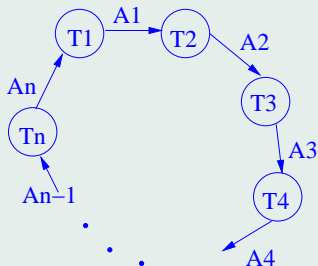
Még egy módszer, ami szintén optimista, mint az első:

**Időkorlát alkalmazása:** ha egy tranzakció kezdete óta túl sok idő telt el: **ABORT.**

## Megoldások holtpont ellen

### Bizonyítás.

Ha valamely pillanatban lenne irányított kör a várakozási gráfban:



ahol  $T_i$  vár  $T_{i+1}$ -re az  $A_i$  adataegység miatt, akkor  $A_1 < A_2 < A_3 < \dots < A_n < A_1$  áll fenn abban az esetben, ha mindegyik tranzakció betartotta, hogy növeleg kér zárat. Ez azonban ellentmondás. □

Tehát ez a protokoll is megelőzi a holtpontot, de itt is előre kell tudni, hogy milyen záratokat fog kérni egy tranzakció.

Még egy módszer, ami szintén optimista, mint az első:

**Időkorlát alkalmazása:** ha egy tranzakció kezdete óta túl sok idő telt el: **ABORT**.

Ehhez az kell, hogy ezt az időkorlátot jól tudjuk megválasztani.

# Adatbázisok elmélete

## Zárak alkalmazása

Katona Gyula Y.

Számítástudományi és Információelméleti Tanszék  
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem

23. előadás

# Éhezés, zárok és sorosíthatóság

Másik probléma, ami zárokkal kapcsolatban előfordulhat: **éhezés**: többen várnak ugyanarra a zárra, de amikor felszabadul mindig elviszi valaki a tranzakció orra elől.

# Éhezés, zárok és sorosíthatóság

Másik probléma, ami zárokkal kapcsolatban előfordulhat: **éhezés**: többen várnak ugyanarra a zárra, de amikor felszabadul mindig elviszi valaki a tranzakció orra elől.

**Megoldás**: adategységenként FIFO listában tartani a várakozókat

# Éhezés, zárok és sorosíthatóság

Másik probléma, ami zárokkal kapcsolatban előfordulhat: **éhezés**: többen várnak ugyanarra a zárra, de amikor felszabadul mindig elviszi valaki a tranzakció orra elől.

**Megoldás**: adategységenként FIFO listában tartani a várakozókat

Eddig azt láttuk csak, hogy mennyi baj lehet a zárok alkalmazásával (holtpont, éhezés). Most nézzük, hogy mire jók a zárok.

# Éhezés, zárok és sorosíthatóság

Másik probléma, ami zárokkal kapcsolatban előfordulhat: **éhezés**: többen várnak ugyanarra a zárra, de amikor felszabadul mindig elviszi valaki a tranzakció orra elől.

**Megoldás**: adategységenként FIFO listában tartani a várakozókat

Eddig azt láttuk csak, hogy mennyi baj lehet a zárok alkalmazásával (holtpont, éhezés). Most nézzük, hogy mire jók a zárok.

A zárok segítségével el lehet majd érni, hogy az ütemezések sorosíthatók legyenek, de pusztán az, hogy használjuk a zárokat, még nem ad sorosítható ütemezést.



# Éhezés, zárok és sorosíthatóság

Másik probléma, ami zárokkal kapcsolatban előfordulhat: **éhezés**: többen várnak ugyanarra a zárra, de amikor felszabadul mindig elviszi valaki a tranzakció orra elől.

**Megoldás**: adategységenként FIFO listában tartani a várakozókat

Eddig azt láttuk csak, hogy mennyi baj lehet a zárok alkalmazásával (holtpont, éhezés). Most nézzük, hogy mire jók a zárok.

A zárok segítségével el lehet majd érni, hogy az ütemezések sorosíthatók legyenek, de pusztán az, hogy használjuk a zárokat, még nem ad sorosítható ütemezést.

Példa olyan legális, zárokat használó ütemezésre, ami nem sorosítható:

# Éhezés, zárok és sorosíthatóság

Másik probléma, ami zárokkal kapcsolatban előfordulhat: **éhezés**: többen várnak ugyanarra a zárra, de amikor felszabadul mindig elviszi valaki a tranzakció orra elől.

**Megoldás**: adategységenként FIFO listában tartani a várakozókat

Eddig azt láttuk csak, hogy mennyi baj lehet a zárok alkalmazásával (holtpont, éhezés). Most nézzük, hogy mire jók a zárok.

A zárok segítségével el lehet majd érni, hogy az ütemezések sorosíthatók legyenek, de pusztán az, hogy használjuk a zárokat, még nem ad sorosítható ütemezést.

Példa olyan legális, zárokat használó ütemezésre, ami nem sorosítható: a korábbi, nem sorosítható, írásokból és olvasásokból álló ütemezésbe zárokat rakunk:

$$l_1(A), r_1(A), w_1(A), u_1(A), l_2(A), r_2(A), w_2(A), u_2(A), \\ l_2(B), r_2(B), w_2(B), u_2(B), l_1(B), r_1(B), w_1(B), u_1(B)$$

# Sorosíthatóság és zárok

Zárakat használunk, figyelünk arra, hogy legális legyen az ütemezés, és még figyelünk valamire, ami biztosítja a sorosíthatóságot.

# Sorosíthatóság és záruk

Zárakat használunk, figyelünk arra, hogy legális legyen az ütemezés, és még figyelünk valamire, ami biztosítja a sorosíthatóságot.

Egyszerű tranzakció modellben vagyunk (egy fajta zár van csak és a korábbi három feltevés mindig fennáll, azaz a zárkérés legális) és még valamit felteszünk:

# Sorosíthatóság és zárok

Zárakat használunk, figyelünk arra, hogy legális legyen az ütemezés, és még figyelünk valamire, ami biztosítja a sorosíthatóságot.

Egyszerű tranzakció modellben vagyunk (egy fajta zár van csak és a korábbi három feltevés mindig fennáll, azaz a zárkérés legális) és még valamit felteszünk:

A sorosíthatóságról pusztán a zárkérések alapján fogunk dönteni, nem nézzük azt, hogy ezeken kívül milyen műveletek (írások/olvasások) vannak. Pontosabban:

# Sorosíthatóság és zárok

Zárat használunk, figyelünk arra, hogy legális legyen az ütemezés, és még figyelünk valamire, ami biztosítja a sorosíthatóságot.

Egyszerű tranzakció modellben vagyunk (egy fajta zár van csak és a korábbi három feltevés mindig fennáll, azaz a zárkérés legális) és még valamit felteszünk:

A sorosíthatóságról pusztán a zárkérések alapján fogunk dönteni, nem nézzük azt, hogy ezeken kívül milyen műveletek (írások/olvasások) vannak. Pontosabban:

Nem foglalkozunk azzal, hogy  $LOCK_i(A)$  és  $UNLOCK_i(A)$  között mi történik, feltesszük hogy valami teljesen egyedi írás és olvasás is.

## Sorosíthatóság és záruk

Zárakat használunk, figyelünk arra, hogy legális legyen az ütemezés, és még figyelünk valamire, ami biztosítja a sorosíthatóságot.

Egyszerű tranzakció modellben vagyunk (egy fajta zár van csak és a korábbi három feltevés mindig fennáll, azaz a zárkérés legális) és még valamit felteszünk:

A sorosíthatóságról pusztán a zárkérések alapján fogunk dönteni, nem nézzük azt, hogy ezeken kívül milyen műveletek (írások/olvasások) vannak. Pontosabban:

Nem foglalkozunk azzal, hogy  $LOCK_i(A)$  és  $UNLOCK_i(A)$  között mi történik, feltesszük hogy valami teljesen egyedi írás és olvasás is. Ez hasonlít ahhoz a helyzethez, mint amikor a konkrét számolásokat elhanyagoltuk: **feltesszük, hogy a lehető legrosszabb történik azalatt, amíg a tranzakciónál van a zár.**

## Sorosíthatóság és záruk

Zárakat használunk, figyelünk arra, hogy legális legyen az ütemezés, és még figyelünk valamire, ami biztosítja a sorosíthatóságot.

Egyszerű tranzakció modellben vagyunk (egy fajta zár van csak és a korábbi három feltevés mindig fennáll, azaz a zárkérés legális) és még valamit felteszünk:

A sorosíthatóságról pusztán a zárkérések alapján fogunk dönteni, nem nézzük azt, hogy ezeken kívül milyen műveletek (írások/olvasások) vannak. Pontosabban:

Nem foglalkozunk azzal, hogy  $LOCK_i(A)$  és  $UNLOCK_i(A)$  között mi történik, feltesszük hogy valami teljesen egyedi írás és olvasás is. Ez hasonlít ahhoz a helyzethez, mint amikor a konkrét számolásokat elhanyagoltuk: **feltesszük, hogy a lehető legrosszabb történik azalatt, amíg a tranzakciónál van a zár.**

Így persze megint igaz lesz az, hogy olyan ütemezéseket is rossznak minősítünk, amik igazából sorosíthatók lennének, ha megnéznénk, hogy írások vagy olvasások történnek, de ez nem baj, mert szigorúbbak lehetünk, csak az a fontos, hogy olyan ne legyen sorosíthatónak minősítve, aki nem az.



## Sorosítási gráf az egyszerű tranzakciómodellben

Az előbbiek értelmében tehát egy olyan legális ütemezésről akarjuk eldönteni, hogy sorosítható-e, amiben csak zárkérések és zárelengedések vannak.

## Sorosítási gráf az egyszerű tranzakciómodellben

Az előbbiek értelmében tehát egy olyan legális ütemezésről akarjuk eldönteni, hogy sorosítható-e, amiben csak zárkérések és zárelengedések vannak.

Mikor lesz egy ilyen ütemezés sorosítható, függetlenül attól, hogy milyen írások és olvasások történnek valójában?

## Sorosítási gráf az egyszerű tranzakciómodellben

Az előbbiek értelmében tehát egy olyan legális ütemezésről akarjuk eldönteni, hogy sorosítható-e, amiben csak zárkérések és zárelengedések vannak.

Mikor lesz egy ilyen ütemezés sorosítható, függetlenül attól, hogy milyen írások és olvasások történnek valójában?

Ennek megválaszolásában segít a **sorosítási gráf**:

## Sorosítási gráf az egyszerű tranzakciómodellben

Az előbbiek értelmében tehát egy olyan legális ütemezésről akarjuk eldönteni, hogy sorosítható-e, amiben csak zárkérések és zárelengedések vannak.

Mikor lesz egy ilyen ütemezés sorosítható, függetlenül attól, hogy milyen írások és olvasások történnek valójában?

Ennek megválaszolásában segít a **sorosítási gráf**: csúcsai a tranzakciók és akkor van él  $T_i$ -ből  $T_j$ -be, ha az ütemezésben van olyan  $u_i(A) \dots l_j(A)$  rész, ahol  $u_i(A)$  ( $T_i$  elengedi  $A$  zárját) és  $l_j(A)$  ( $T_j$  megkapja  $A$  zárját) között  $A$ -ra senki se kap zárat.

## Sorosítási gráf az egyszerű tranzakciómodellben

Az előbbiek értelmében tehát egy olyan legális ütemezésről akarjuk eldönteni, hogy sorosítható-e, amiben csak zárkérések és zárelengedések vannak.

Mikor lesz egy ilyen ütemezés sorosítható, függetlenül attól, hogy milyen írások és olvasások történnek valójában?

Ennek megválaszolásában segít a **sorosítási gráf**: csúcsai a tranzakciók és akkor van él  $T_i$ -ből  $T_j$ -be, ha az ütemezésben van olyan  $u_i(A) \dots l_j(A)$  rész, ahol  $u_i(A)$  ( $T_i$  elengedi  $A$  zárját) és  $l_j(A)$  ( $T_j$  megkapja  $A$  zárját) között  $A$ -ra senki se kap zárat.

Ekkor minden olyan soros ütemezésben, ami ekvivalens lehet a miénkkel, biztos, hogy  $T_j$ -nek  $T_i$  után kell jönnie.

## Sorosítási gráf az egyszerű tranzakciómodellben

Az előbbiek értelmében tehát egy olyan legális ütemezésről akarjuk eldönteni, hogy sorosítható-e, amiben csak zárkérések és zárelengedések vannak.

Mikor lesz egy ilyen ütemezés sorosítható, függetlenül attól, hogy milyen írások és olvasások történnek valójában?

Ennek megválaszolásában segít a **sorosítási gráf**: csúcsai a tranzakciók és akkor van él  $T_i$ -ből  $T_j$ -be, ha az ütemezésben van olyan  $u_i(A) \dots l_j(A)$  rész, ahol  $u_i(A)$  ( $T_i$  elengedi  $A$  zárját) és  $l_j(A)$  ( $T_j$  megkapja  $A$  zárját) között  $A$ -ra senki se kap zárat.

Ekkor minden olyan soros ütemezésben, ami ekvivalens lehet a miénkkel, biztos, hogy  $T_j$ -nek  $T_i$  után kell jönnie.

Ez azért van így, mert feltettük, hogy  $T_i$  is és  $T_j$  is bármit csinálhat  $A$ -val, amíg nála van a zár és ha pl.  $T_i$  írja,  $T_j$  meg olvassa  $A$ -t, akkor már csak a  $T_i, \dots, T_j$  sorrend lesz a jó.

## Példa sorosítási gráfra

Az alábbi, csak zárkéréseket és zárelengedéseket tartalmazó ütemezés legális (HF: leellenőrizni):

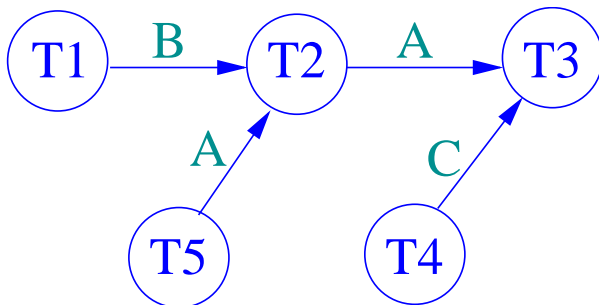
$$l_5(A), l_1(B), u_5(A), l_4(C), u_1(B), l_2(A), l_2(B), u_2(A), \\ l_3(A), u_3(A), u_4(C), u_2(B), l_3(C), u_3(C)$$

## Példa sorosítási gráfra

Az alábbi, csak zárkéréseket és zárelengedéseket tartalmazó ütemezés legális (HF: leellenőrizni):

$$l_5(A), l_1(B), u_5(A), l_4(C), u_1(B), l_2(A), l_2(B), u_2(A), \\ l_3(A), u_3(A), u_4(C), u_2(B), l_3(C), u_3(C)$$

Az ehhez tartozó sorosítási gráf:





# Tétel a sorosítási gráfról

## Tétel

*Egy csak zárkéréseket és zárelengedéseket tartalmazó egyszerű tranzakció modellbeli ütemezés pontosan akkor sorosítható, ha az előbbi módszerrel felrajzolt sorosítási gráf DAG.*

# Tétel a sorosítási gráfról

## Tétel

*Egy csak zárkéréseket és zárelengedéseket tartalmazó egyszerű tranzakció modellbeli ütemezés pontosan akkor sorosítható, ha az előbbi módszerrel felrajzolt sorosítási gráf DAG.*

## Bizonyítás.

⇒: Ha nem DAG a gráf, akkor van benne irányított kör. Ebben a körben levő tranzakciók közül egyik sem előzheti meg a többit egy ekvivalens soros ütemezésben, amiből következik, hogy nincs ekvivalens soros ütemezés.

# Tétel a sorosítási gráfról

## Tétel

*Egy csak zárkéréseket és zárelengedéseket tartalmazó egyszerű tranzakció modellbeli ütemezés pontosan akkor sorosítható, ha az előbbi módszerrel felrajzolt sorosítási gráf DAG.*

## Bizonyítás.

⇒: Ha nem DAG a gráf, akkor van benne irányított kör. Ebben a körben levő tranzakciók közül egyik sem előzheti meg a többit egy ekvivalens soros ütemezésben, amiből következik, hogy nincs ekvivalens soros ütemezés.

⇐: **Teljes indukcióval:**  $n = 1$ -re (1 tranzakció van csak) világos, egy ilyen ütemezés maga soros.

# Tétel a sorosítási gráfról

## Tétel

*Egy csak zárkéréseket és zárelengedéseket tartalmazó egyszerű tranzakció modellbeli ütemezés pontosan akkor sorosítható, ha az előbbi módszerrel felrajzolt sorosítási gráf DAG.*

## Bizonyítás.

⇒: Ha nem DAG a gráf, akkor van benne irányított kör. Ebben a körben levő tranzakciók közül egyik sem előzheti meg a többit egy ekvivalens soros ütemezésben, amiből következik, hogy nincs ekvivalens soros ütemezés.

⇐: **Teljes indukcióval:**  $n = 1$ -re (1 tranzakció van csak) világos, egy ilyen ütemezés maga soros.

**Legyen most az ütemezésben  $n$  tranzakció.** Ha a gráf DAG, akkor létezik topologikus rendezése. Azt látjuk be, hogy a topologikus sorrend szerinti soros ütemezés ekvivalens lesz az eredeti ütemezéssel.

# Tétel a sorosítási gráfról

## Tétel

*Egy csak zárkéréseket és zárelengedéseket tartalmazó egyszerű tranzakció modellbeli ütemezés pontosan akkor sorosítható, ha az előbbi módszerrel felrajzolt sorosítási gráf DAG.*

## Bizonyítás.

$\Rightarrow$ : Ha nem DAG a gráf, akkor van benne irányított kör. Ebben a körben levő tranzakciók közül egyik sem előzheti meg a többit egy ekvivalens soros ütemezésben, amiből következik, hogy nincs ekvivalens soros ütemezés.

$\Leftarrow$ : **Teljes indukcióval:  $n = 1$ -re (1 tranzakció van csak)** világos, egy ilyen ütemezés maga soros.

**Legyen most az ütemezésben  $n$  tranzakció.** Ha a gráf DAG, akkor létezik topologikus rendezése. Azt látjuk be, hogy a topologikus sorrend szerinti soros ütemezés ekvivalens lesz az eredeti ütemezéssel.

Ha  $T_i$  a topologikus rendezés szerinti első tranzakció, akkor nem megy bele él, vagyis ő csak olyan adataegységeket használ, amiket az eredeti ütemezésben előtte senki. Így az ő összes utasítását előre mozgathatjuk, a hatás nem változik.

# Tétel a sorosítási gráfról

## Tétel

*Egy csak zárkéréseket és zárelengedéseket tartalmazó egyszerű tranzakció modellbeli ütemezés pontosan akkor sorosítható, ha az előbbi módszerrel felrajzolt sorosítási gráf DAG.*

## Bizonyítás.

⇒: Ha nem DAG a gráf, akkor van benne irányított kör. Ebben a körben levő tranzakciók közül egyik sem előzheti meg a többit egy ekvivalens soros ütemezésben, amiből következik, hogy nincs ekvivalens soros ütemezés.

⇐: **Teljes indukcióval:**  $n = 1$ -re (1 tranzakció van csak) világos, egy ilyen ütemezés maga soros.

**Legyen most az ütemezésben  $n$  tranzakció.** Ha a gráf DAG, akkor létezik topologikus rendezése. Azt látjuk be, hogy a topologikus sorrend szerinti soros ütemezés ekvivalens lesz az eredeti ütemezéssel.

Ha  $T_i$  a topologikus rendezés szerinti első tranzakció, akkor nem megy bele él, vagyis ő csak olyan adataegységeket használ, amiket az eredeti ütemezésben előtte senki. Így az ő összes utasítását előre mozgathatjuk, a hatás nem változik.

Ami ezután marad, az  $n - 1$  tranzakció utasításaiból álló ütemezés, aminek a sorosítási gráfja szintén DAG, tehát ennek az indukció szerint létezik soros ekvivalense (a maradék tranzakciók topologikus sorrendjének megfelelően), ami  $T_i$ -vel kiegészítve soros ekvivalense lesz az eredetinek. □

# Következmény

*Következmény:* A bizonyításból látszik, hogy a soros ekvivalensek és a lehetséges topologikus sorrendek megfelelnek egymásnak, vagyis annyi soros ekvivalens lesz, ahány különböző topologikus sorrend van.

# Következmény

**Következmény:** A bizonyításból látszik, hogy a soros ekvivalensek és a lehetséges topologikus sorrendek megfelelnek egymásnak, vagyis annyi soros ekvivalens lesz, ahány különböző topologikus sorrend van.

Például a korábban látott sorosítási gráf esetén 8 darab topologikus sorrend van, így nyolc soros ekvivalens van:

$T_5 T_4 T_1 T_2 T_3,$

$T_4 T_5 T_1 T_2 T_3,$

$T_4 T_1 T_5 T_2 T_3,$

$T_5 T_1 T_4 T_2 T_3,$

$T_1 T_5 T_4 T_2 T_3,$

$T_1 T_4 T_5 T_2 T_3,$

$T_5 T_1 T_2 T_4 T_3,$

$T_1 T_5 T_2 T_4 T_3,$



## Példa, ami mutatja, hogy szigorúbbak vagyunk a kelleténél

Tekintsük az

$l_1(A)$ ,  $r_1(A)$ ,  $u_1(A)$ ,  $l_2(A)$ ,  $r_2(A)$ ,  $u_2(A)$ ,  $l_1(B)$ ,  $w_1(A)$ ,  $u_1(A)$ ,  $l_2(B)$ ,  $r_2(B)$ ,  $u_2(B)$

ütemezést.

## Példa, ami mutatja, hogy szigorúbbak vagyunk a kelleténél

Tekintsük az

$l_1(A), r_1(A), u_1(A), l_2(A), r_2(A), u_2(A), l_1(A), w_1(A), u_1(A), l_2(B), r_2(B), u_2(B)$

ütemezést.

Ha megnézzük az írás/olvasás műveleteket ( $r_1(A), r_2(A), w_1(A), r_2(B)$ ), akkor látszik, hogy az ütemezés hatása azonos a  $T_2 T_1$  soros ütemezés hatásával, vagyis ez egy sorosítható ütemezés.

## Példa, ami mutatja, hogy szigorúbbak vagyunk a kelleténél

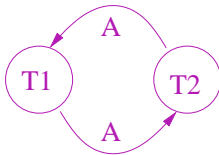
Tekintsük az

$l_1(A)$ ,  $r_1(A)$ ,  $u_1(A)$ ,  $l_2(A)$ ,  $r_2(A)$ ,  $u_2(A)$ ,  $l_1(B)$ ,  $w_1(A)$ ,  $u_1(A)$ ,  $l_2(B)$ ,  $r_2(B)$ ,  $u_2(B)$

ütemezést.

Ha megnézzük az írás/olvasás műveleteket ( $r_1(A)$ ,  $r_2(A)$ ,  $w_1(A)$ ,  $r_2(B)$ ), akkor látszik, hogy az ütemezés hatása azonos a  $T_2 T_1$  soros ütemezés hatásával, vagyis ez egy sorosítható ütemezés.

De ha felrajzoljuk a sorosítási gráfot (és ilyenkor persze nem nézzük, hogy milyen írások/olvasások vannak, hanem a legrosszabb esetre készülünk), akkor



lesz a gráf, és mivel ez nem DAG, ezért nem lesz sorosítható az az ütemezés, amiben már csak a zárok vannak benne.

## Az ütemező lehetőségei a sorosíthatóság kikényszerítésére

- 1 Figyeli a sorosítási gráfot (amit a zárkérések alapján készít) és ha kör keletkezne, akkor az egyik körbeli tranzakciót ABORT-álja.

## Az ütemező lehetőségei a sorosíthatóság kikényszerítésére

- 1 Figyeli a sorosítási gráfot (amit a zárkérések alapján készít) és ha kör keletkezne, akkor az egyik körbeli tranzakciót ABORT-álja.  
(Előny: nem óvatoskodik, nem korlátoz feleslegesen;

## Az ütemező lehetőségei a sorosíthatóság kikényszerítésére

- 1 Figyeli a sorosítási gráfot (amit a zárkérések alapján készít) és ha kör keletkezne, akkor az egyik körbeli tranzakciót ABORT-álja.  
(Előny: nem óvatoskodik, nem korlátoz feleslegesen;  
Hátrány: drasztikus megoldás az ABORT)

## Az ütemező lehetőségei a sorosíthatóság kikényszerítésére

- 1 Figyeli a sorosítási gráfot (amit a zárkérések alapján készít) és ha kör keletkezne, akkor az egyik körbeli tranzakciót ABORT-álja.  
(Előny: nem óvatoskodik, nem korlátoz feleslegesen;  
Hátrány: drasztikus megoldás az ABORT)
- 2 Protokollt ír elő a tranzakciók számára, amit minden egyes tranzakciónak be kell tartania:

## Az ütemező lehetőségei a sorosíthatóság kikényszerítésére

- 1 Figyeli a sorosítási gráfot (amit a zárkérések alapján készít) és ha kör keletkezne, akkor az egyik körbeli tranzakciót ABORT-álja.  
(Előny: nem óvatoskodik, nem korlátoz feleslegesen;  
Hátrány: drasztikus megoldás az ABORT)
- 2 Protokollt ír elő a tranzakciók számára, amit minden egyes tranzakciónak be kell tartania:  
**2PL (two-phase locking, kétfázisú protokoll):** a  $T_i$  tranzakció követi a kétfázisú protokollt, ha  $UNLOCK_i$  után nincs  $LOCK_i$ , azaz ha nem kér már zárat miután elengedett már egyet.



## Az ütemező lehetőségei a sorosíthatóság kikényszerítésére

- 1 Figyeli a sorosítási gráfot (amit a zárkérések alapján készít) és ha kör keletkezne, akkor az egyik körbeli tranzakciót ABORT-álja.  
(Előny: nem óvatoskodik, nem korlátoz feleslegesen;  
Hátrány: drasztikus megoldás az ABORT)
- 2 Protokollt ír elő a tranzakciók számára, amit minden egyes tranzakciónak be kell tartania:  
**2PL (two-phase locking, kétfázisú protokoll):** a  $T_i$  tranzakció követi a kétfázisú protokollt, ha  $UNLOCK_i$  után nincs  $LOCK_i$ , azaz ha nem kér már zárat miután elengedett már egyet.

### Tétel

*Ha az egyszerű tranzakciómodellbeli legális ütemezésben minden tranzakció követi a 2PL-t, akkor az ütemezéshez tartozó sorosítási gráf DAG, azaz az ütemezés sorosítható.*

## Az ütemező lehetőségei a sorosíthatóság kikényszerítésére

- 1 Figyeli a sorosítási gráfot (amit a zárkérések alapján készít) és ha kör keletkezne, akkor az egyik körbeli tranzakciót ABORT-álja.  
(Előny: nem óvatoskodik, nem korlátoz feleslegesen;  
Hátrány: drasztikus megoldás az ABORT)
- 2 Protokollt ír elő a tranzakciók számára, amit minden egyes tranzakciónak be kell tartania:  
**2PL (two-phase locking, kétfázisú protokoll):** a  $T_i$  tranzakció követi a kétfázisú protokollt, ha  $UNLOCK_i$  után nincs  $LOCK_i$ , azaz ha nem kér már zárat miután elengedett már egyet.

### Tétel

*Ha az egyszerű tranzakciómodellbeli legális ütemezésben minden tranzakció követi a 2PL-t, akkor az ütemezéshez tartozó sorosítási gráf DAG, azaz az ütemezés sorosítható.*

Nem bizonyítjuk.

## Bonyolultabb zármodellek

Többfajta zár van, aszerint, hogy a tranzakciók mit akarnak csinálni az adattal. (Persze akkor, ha van több különböző művelet, nem csak írás és olvasás.)

## Bonyolultabb zármodellek

Többfajta zár van, aszerint, hogy a tranzakciók mit akarnak csinálni az adattal. (Persze akkor, ha van több különböző művelet, nem csak írás és olvasás.)

Cél, hogy minél jobban tükrözzék a zárkérési lehetőségek a lehetséges műveleteket, mert így kevesebb lesz a várakozás (több olyan eset lesz, amikor lehet két tranzakciónak zárja ugyanott, ha a megfelelő műveletek mehetnek együtt) és megalapozottabb lesz a döntés a sorosíthatóságról (nem leszünk annyira feleslegesen szigorúak).

## Bonyolultabb zármodellek

Többfajta zár van, aszerint, hogy a tranzakciók mit akarnak csinálni az adattal. (Persze akkor, ha van több különböző művelet, nem csak írás és olvasás.)

Cél, hogy minél jobban tükrözzék a zárkéresi lehetőségek a lehetséges műveleteket, mert így kevesebb lesz a várakozás (több olyan eset lesz, amikor lehet két tranzakciónak zárja ugyanott, ha a megfelelő műveletek mehetnek együtt) és megalapozottabb lesz a döntés a sorosíthatóságról (nem leszünk annyira feleslegesen szigorúak).

Példa: Legyen három művelet: olvasás, írás és növelés (increment).

Ez utóbbi azt jelenti, hogy az adategység aktuális értékét megnöveljük eggyel.

## Bonyolultabb zármodellek

Többfajta zár van, aszerint, hogy a tranzakciók mit akarnak csinálni az adattal. (Persze akkor, ha van több különböző művelet, nem csak írás és olvasás.)

Cél, hogy minél jobban tükrözzék a zárkérési lehetőségek a lehetséges műveleteket, mert így kevesebb lesz a várakozás (több olyan eset lesz, amikor lehet két tranzakciónak zárja ugyanott, ha a megfelelő műveletek mehetnek együtt) és megalapozottabb lesz a döntés a sorosíthatóságról (nem leszünk annyira feleslegesen szigorúak).

Példa: Legyen három művelet: olvasás, írás és növelés (increment).

Ez utóbbi azt jelenti, hogy az adategység aktuális értékét megnöveljük eggyel.

Ekkor bevezethetünk három zárat: RLOCK, WLOCK és INCR, a kézenfekvő használattal (a megfelelő művelet csak akkor mehet, ha a tranzakció megkapta a hozzá tartozó zárat).

# Kompatibilitási mátrix

Egy mátrix segítségével adjuk meg, hogy különböző tranzakcióknak milyen zárai lehetnek egyszerre egy adategységen.

Ez a **kompatibilitási mátrix**: a sorok és az oszlopok is a lehetséges záaraknak felelnek meg és a  $Z_i$  sor  $Z_j$  oszlopában pontosan akkor van  $\perp$ , ha egy tranzakció megkaphatja egy adategységre a  $Z_j$  zárat akkor, ha egy másik tranzakció  $Z_i$  zárat tart fenn ezen az adategységen. Ha nem kaphatja meg, akkor  $\text{N}$  áll a  $Z_i$  sor  $Z_j$  oszlopában.

# Kompatibilitási mátrix

Egy mátrix segítségével adjuk meg, hogy különböző tranzakcióknak milyen zárai lehetnek egyszerre egy adategységen.

Ez a **kompatibilitási mátrix**: a sorok és az oszlopok is a lehetséges záaraknak felelnek meg és a  $Z_i$  sor  $Z_j$  oszlopában pontosan akkor van  $\perp$ , ha egy tranzakció megkaphatja egy adategységre a  $Z_j$  zárat akkor, ha egy másik tranzakció  $Z_i$  zárat tart fenn ezen az adategységen. Ha nem kaphatja meg, akkor  $\text{N}$  áll a  $Z_i$  sor  $Z_j$  oszlopában.

Akkor lehet két különböző tranzakciónak  $Z_i$  és  $Z_j$  zárja ugyanazon az adategységen, ha mindegy, hogy a két zárnak megfelelő műveletek milyen sorrendben hajthatók végre.



# Kompatibilitási mátrix

Egy mátrix segítségével adjuk meg, hogy különböző tranzakcióknak milyen zárai lehetnek egyszerre egy adategységen.

Ez a **kompatibilitási mátrix**: a sorok és az oszlopok is a lehetséges záaraknak felelnek meg és a  $Z_i$  sor  $Z_j$  oszlopában pontosan akkor van **I**, ha egy tranzakció megkaphatja egy adategységre a  $Z_j$  zárat akkor, ha egy másik tranzakció  $Z_i$  zárat tart fenn ezen az adategységen. Ha nem kaphatja meg, akkor **N** áll a  $Z_i$  sor  $Z_j$  oszlopában.

Akkor lehet két különböző tranzakciónak  $Z_i$  és  $Z_j$  zárja ugyanazon az adategységen, ha mindegy, hogy a két zárnak megfelelő műveletek milyen sorrendben hajtódnak végre. Ez alapján az RLOCK/WLOCK modell és az RLOCK/WLOCK/INCR modell mátrixai:

	RLOCK	WLOCK
RLOCK	I	N
WLOCK	N	N

	RLOCK	WLOCK	INCR
RLOCK	I	N	N
WLOCK	N	N	N
INCR	N	N	I

# A kompatibilitási mátrix használata

- 1 Ez alapján dönti el az ütemező, hogy egy ütemezés/zárkérés legális-e, illetve ez alapján várakoztatja a tranzakciókat. Minél több az  $I$  a mátrixban, annál kevesebb lesz a várakoztatás.

## A kompatibilitási mátrix használata

- 1 Ez alapján dönti el az ütemező, hogy egy ütemezés/zárkérés legális-e, illetve ez alapján várakoztatja a tranzakciókat. Minél több az  $I$  a mátrixban, annál kevesebb lesz a várakoztatás.
- 2 A mátrix alapján keletkező várakozásokhoz elkészített várakozási gráf segítségével az ütemező kezeli a holtponthoz (ami tetszőleges zármodell esetén ugyanazt jelenti és a gráfot is ugyanúgy kell felépíteni).

## A kompatibilitási mátrix használata

- 1 Ez alapján dönti el az ütemező, hogy egy ütemezés/zárkérés legális-e, illetve ez alapján várakoztatja a tranzakciókat. Minél több az  $I$  a mátrixban, annál kevesebb lesz a várakoztatás.
- 2 A mátrix alapján keletkező várakozásokhoz elkészített várakozási gráf segítségével az ütemező kezeli a holtponthoz (ami tetszőleges zármodell esetén ugyanazt jelenti és a gráfot is ugyanúgy kell felépíteni).
- 3 A mátrix alapján készíti el az ütemező a sorosítási gráfot egy zárkérés-sorozathoz:

## A kompatibilitási mátrix használata

- 1 Ez alapján dönti el az ütemező, hogy egy ütemezés/zárkérés legális-e, illetve ez alapján várakoztatja a tranzakciókat. Minél több az  $\perp$  a mátrixban, annál kevesebb lesz a várakoztatás.
- 2 A mátrix alapján keletkező várakozásokhoz elkészített várakozási gráf segítségével az ütemező kezeli a holtponthoz (ami tetszőleges zármodell esetén ugyanazt jelenti és a gráfot is ugyanúgy kell felépíteni).
- 3 A mátrix alapján készíti el az ütemező a sorosítási gráfot egy zárkérés-sorozathoz: a sorosítási gráf csúcsai a tranzakciók és akkor van él  $T_i$ -ből  $T_j$ -be, ha van olyan  $A$  adategység, amelyre az ütemezés során  $Z_k$  zárat kért és kapott  $T_i$ , ezt elengedte, majd ezután  $A$ -ra legközelebb  $T_j$  kért és kapott olyan  $Z_l$  zárat, hogy a mátrixban a  $Z_k$  sor  $Z_l$  oszlopában  $N$  áll.

## A kompatibilitási mátrix használata

- 1 Ez alapján dönti el az ütemező, hogy egy ütemezés/zárkérés legális-e, illetve ez alapján várakoztatja a tranzakciókat. Minél több az  $\perp$  a mátrixban, annál kevesebb lesz a várakoztatás.
- 2 A mátrix alapján keletkező várakozásokhoz elkészített várakozási gráf segítségével az ütemező kezeli a holtponthoz (ami tetszőleges zármodell esetén ugyanazt jelenti és a gráfot is ugyanúgy kell felépíteni).
- 3 A mátrix alapján készíti el az ütemező a sorosítási gráfot egy zárkérés-sorozathoz: a sorosítási gráf csúcsai a tranzakciók és akkor van él  $T_i$ -ből  $T_j$ -be, ha van olyan  $A$  adategység, amelyre az ütemezés során  $Z_k$  zárat kért és kapott  $T_i$ , ezt elengedte, majd ezután  $A$ -ra legközelebb  $T_j$  kért és kapott olyan  $Z_l$  zárat, hogy a mátrixban a  $Z_k$  sor  $Z_l$  oszlopában  $\perp$  áll.  
Vagyis olyankor lesz él, ha a két zár nem kompatibilis egymással, nem mindegy a két művelet sorrendje.

# Sorosíthatóság

A sorosíthatóságról most is pusztán a zárkérések alapján fogunk dönteni, a sorosítási gráf segítségével:

# Sorosíthatóság

A sorosíthatóságról most is pusztán a zárkérések alapján fogunk dönteni, a sorosítási gráf segítségével:

## Tétel

*Egy csak zárkéréseket és zárelengedéseket tartalmazó legális ütemezés pontosan akkor sorosítható valamelyik zármodellben, ha a zármodellhez tartozó kompatibilitási mátrix alapján az előbbi módszerrel felrajzolt sorosítási gráf DAG.*



# Sorosíthatóság

A sorosíthatóságról most is pusztán a zárkérések alapján fogunk dönteni, a sorosítási gráf segítségével:

## Tétel

*Egy csak zárkéréseket és zárelengedéseket tartalmazó legális ütemezés pontosan akkor sorosítható valamelyik zármodellben, ha a zármodellhez tartozó kompatibilitási mátrix alapján az előbbi módszerrel felrajzolt sorosítási gráf DAG.*

## Bizonyítás.

Pontosan ugyanúgy megy, ahogyan eddig.

# Sorosíthatóság

A sorosíthatóságról most is pusztán a zárkérések alapján fogunk dönteni, a sorosítási gráf segítségével:

## Tétel

*Egy csak zárkéréseket és zárelengedéseket tartalmazó legális ütemezés pontosan akkor sorosítható valamelyik zármodellben, ha a zármodellhez tartozó kompatibilitási mátrix alapján az előbbi módszerrel felrajzolt sorosítási gráf DAG.*

## Bizonyítás.

Pontosan ugyanúgy megy, ahogyan eddig.

Az ütemező egyik lehetősége a sorosíthatóság elérésére, hogy folyamatosan figyeli a sorosítási gráfot és ha irányított kör keletkezne, akkor ABORT-ot rendel el.

## Sorosíthatóság II.

Másik lehetőség a protokollal való megelőzés. Tetszőleges zármodellben értelmes a 2PL és igaz az alábbi tétel:

### Tétel

*Ha valamilyen zármodellben egy legális ütemezésben minden tranzakció követi a 2PL-t, akkor az ütemezéshez tartozó sorosítási gráf DAG, azaz az ütemezés sorosítható.*

## Sorosíthatóság II.

Másik lehetőség a protokollal való megelőzés. Tetszőleges zármodellben értelmes a 2PL és igaz az alábbi tétel:

### Tétel

*Ha valamilyen zármodellben egy legális ütemezésben minden tranzakció követi a 2PL-t, akkor az ütemezéshez tartozó sorosítási gráf DAG, azaz az ütemezés sorosítható.*

## Sorosíthatóság II.

Másik lehetőség a protokollal való megelőzés. Tetszőleges zármodellben értelmes a 2PL és igaz az alábbi tétel:

### Tétel

*Ha valamilyen zármodellben egy legális ütemezésben minden tranzakció követi a 2PL-t, akkor az ütemezéshez tartozó sorosítási gráf DAG, azaz az ütemezés sorosítható.*

Nem bizonyítjuk.

## Sorosíthatóság II.

Másik lehetőség a protokollal való megelőzés. Tetszőleges zármodellben értelmes a 2PL és igaz az alábbi tétel:

### Tétel

*Ha valamilyen zármodellben egy legális ütemezésben minden tranzakció követi a 2PL-t, akkor az ütemezéshez tartozó sorosítási gráf DAG, azaz az ütemezés sorosítható.*

Nem bizonyítjuk.

**Megjegyzés:** Minél gazdagabb a zármodell, minél több az  $I$  a kompatibilitási mátrixban, annál valószínűbb, hogy a sorosítási gráf DAG lesz minden külön protokoll nélkül. Ez azt jelenti, ilyenkor egyre jobb lesz az ABORT-os módszer (ritkán kellhet).

# Mit látunk mi ebből?

Az adatbáziskezelő működése során az ütemező munkájába nem (nagyon) szólhatunk bele. **Miért hasznos mégis tudni, hogy hogyan működik?**

- Abba beleszólhatunk, hogy mennyire törekedjen sorosíthatóságra az adatbáziskezelő (akár azt is mondhatjuk, hogy semennyire). Ehhez nem árt, ha tudjuk, hogy mi is a sorosíthatóság, mit nyerünk vele és mibe kerül (bonyolult ütemező, lassabb futás).

# Mit látunk mi ebből?

Az adatbáziskezelő működése során az ütemező munkájába nem (nagyon) szólhatunk bele. **Miért hasznos mégis tudni, hogy hogyan működik?**

- Abba beleszólhatunk, hogy mennyire törekedjen sorosíthatóságra az adatbáziskezelő (akár azt is mondhatjuk, hogy semennyire). Ehhez nem árt, ha tudjuk, hogy mi is a sorosíthatóság, mit nyerünk vele és mibe kerül (bonyolult ütemező, lassabb futás).
- Ha ismerjük a különféle ütemezési technikákat: jobban fogjuk érteni az előforduló ABORT-okat, és majd az ABORT utáni visszaállítást is.



# Összefüggések az adataegységek között

Eddig nem néztük azt, hogy mik azok az adataegységek, amikre a zárat lehet kérni és kapni. Hallgatólagosan feltettük, hogy ezeket egymástól függetlenül lehet zárolni, nincs közöttük semmi szervezettség, semmi összefüggés.

# Összefüggések az adataegységek között

Eddig nem néztük azt, hogy mik azok az adataegységek, amikre a zárat lehet kérni és kapni. Hallgatólagosan feltettük, hogy ezeket egymástól függetlenül lehet zárolni, nincs közöttük semmi szervezettség, semmi összefüggés.

A valóságban két különböző esetben sem alkalmazható ez a megközelítés:

- 1 Ha az adataegységek egymásba ágyazottak (pl. reláció, blokk, rekord), ekkor még további megkötéseket szeretnénk a zárolásra, az eddigi módszereket ki kell egészíteni.

# Összefüggések az adategységek között

Eddig nem néztük azt, hogy mik azok az adategységek, amikre a zárat lehet kérni és kapni. Hallgatólagosan feltettük, hogy ezeket egymástól függetlenül lehet zárolni, nincs közöttük semmi szervezettség, semmi összefüggés.

A valóságban két különböző esetben sem alkalmazható ez a megközelítés:

- 1 Ha az adategységek egymásba ágyazottak (pl. reláció, blokk, rekord), ekkor még további megkötéseket szeretnénk a zárolásra, az eddigi módszereket ki kell egészíteni.
- 2 Ha tudjuk, hogy egymáshoz képest hogyan helyezkednek el az adategységek a tárolási struktúrában, akkor jobb módszereket találhatunk, mint az eddigié, illetve láthatjuk, hogy valamilyen eddig tanult módszer biztosan előnytelen lesz. Ez lesz például a B-fában tárolt adatok esete.

# Adatbáziselemekből álló hierarchiák

A valóságban zárolhatunk teljes relációkat, de zárolhatjuk külön-külön ezek egyes blokkjait, sőt sorait is.

# Adatbáziselemekből álló hierarchiák

A valóságban zárolhatunk teljes relációkat, de zárolhatjuk külön-külön ezek egyes blokkjait, sőt sorait is.

Minél nagyobb egységre rakunk zárat, annál könnyebb lesz a záradminisztráció, de annál több lesz a zárfeloldásra várás is és ezzel együtt a holtpon.

## Adatbáziselemekből álló hierarchiák

A valóságban zárolhatunk teljes relációkat, de zárolhatjuk külön-külön ezek egyes blokkjait, sőt sorait is.

Minél nagyobb egységre rakunk zárat, annál könnyebb lesz a záradminisztráció, de annál több lesz a zárfeloldásra várás is és ezzel együtt a holtpont.

Alkalmazástól függ, hogy mi éri meg jobban, de egy valami mindig közös: Elvárjuk azt, hogy ha az  $A$  adategység egy reláció,  $B$  pedig ennek egy blokkja, akkor az  $A$ -ra rakott zár zárolja  $B$ -t is, azaz pl. az egyszerű tranzakciómodellben ne lehessen  $I_j(B)$ -t kapni, ha  $I_i(A)$  után még nem volt  $u_i(A)$ .

## Adatbáziselemekből álló hierarchiák

A valóságban zárolhatunk teljes relációkat, de zárolhatjuk külön-külön ezek egyes blokkjait, sőt sorait is.

Minél nagyobb egységre rakunk zárat, annál könnyebb lesz a záradminisztráció, de annál több lesz a zárfeloldásra várás is és ezzel együtt a holtpon.

Alkalmazástól függ, hogy mi éri meg jobban, de egy valami mindig közös: Elvárjuk azt, hogy ha az  $A$  adategység egy reláció,  $B$  pedig ennek egy blokkja, akkor az  $A$ -ra rakott zár zárolja  $B$ -t is, azaz pl. az egyszerű tranzakciómodellben ne lehessen  $I_j(B)$ -t kapni, ha  $I_i(A)$  után még nem volt  $u_i(A)$ . Ezt az eddigi technika még nem biztosítja, eddig ilyen összefüggéseket nem is vettünk figyelembe.

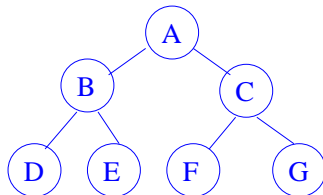
## Adatbáziselemekből álló hierarchiák

A valóságban zárolhatunk teljes relációkat, de zárolhatjuk külön-külön ezek egyes blokkjait, sőt sorait is.

Minél nagyobb egységre rakunk zárat, annál könnyebb lesz a záradminisztráció, de annál több lesz a zárfeloldásra várás is és ezzel együtt a holtpont.

Alkalmazástól függ, hogy mi éri meg jobban, de egy valami mindig közös: Elvárjuk azt, hogy ha az  $A$  adategység egy reláció,  $B$  pedig ennek egy blokkja, akkor az  $A$ -ra rakott zár zárolja  $B$ -t is, azaz pl. az egyszerű tranzakciómodellben ne lehessen  $I_j(B)$ -t kapni, ha  $I_i(A)$  után még nem volt  $u_i(A)$ . Ezt az eddigi technika még nem biztosítja, eddig ilyen összefüggéseket nem is vettünk figyelembe.

Egy ilyen lehetséges hierarchikus helyzet:



A: reláció

B,C: blokkjai

D,E,F,G: sorai



# Figyelmeztető zármódel

**Cél:** olyan sorosítható ütemezés kikényszerítése, ami még az adategységek közötti hierarchiát is figyelembe veszi. Ez a hierarchia egy fával adott.

# Figyelmeztető zármódel

**Cél:** olyan sorosítható ütemezés kikényszerítése, ami még az adategységek közötti hierarchiát is figyelembe veszi. Ez a hierarchia egy fával adott.

**Egyszerű változat esetén háromféle zárművelet lesz: (lényegében az egyszerű tranzakciómodellnek felel meg):**

# Figyelmeztető zármodell

**Cél:** olyan sorosítható ütemezés kikényszerítése, ami még az adategységek közötti hierarchiát is figyelembe veszi. Ez a hierarchia egy fával adott.

**Egyszerű változat esetén háromféle zárművelet lesz: (lényegében az egyszerű tranzakciómodellnek felel meg):**

- **$LOCK_i(A)$ :**  $T_i$  zárolja  $A$ -t (explicit lock) és minden leszármazottját (implicit lock), kizárólagosan, azaz ezek után más tranzakció se  $A$ -ra, se ennek leszármazottjára nem kaphat zárat.

# Figyelmeztető zármodell

**Cél:** olyan sorosítható ütemezés kikényszerítése, ami még az adategységek közötti hierarchiát is figyelembe veszi. Ez a hierarchia egy fával adott.

**Egyszerű változat esetén háromféle zárművelet lesz: (lényegében az egyszerű tranzakciómodellnek felel meg):**

- **$LOCK_i(A)$ :**  $T_i$  zárolja  $A$ -t (explicit lock) és minden leszármazottját (implicit lock), kizárólagosan, azaz ezek után más tranzakció se  $A$ -ra, se ennek leszármazottjára nem kaphat zárat.
- **$WARN_i(A)$ :**  $T_i$  figyelmeztetést rak  $A$ -ra (gyerekeire nem), ez annak jelzésére szolgál, hogy  $T_i$  majd zárat akar kapni  $A$  valamely leszármazottjára

# Figyelmeztető zármodell

**Cél:** olyan sorosítható ütemezés kikényszerítése, ami még az adategységek közötti hierarchiát is figyelembe veszi. Ez a hierarchia egy fával adott.

**Egyszerű változat esetén háromféle zárművelet lesz: (lényegében az egyszerű tranzakciómodellnek felel meg):**

- **$LOCK_i(A)$ :**  $T_i$  zárolja  $A$ -t (explicit lock) és minden leszármazottját (implicit lock), kizárólagosan, azaz ezek után más tranzakció se  $A$ -ra, se ennek leszármazottjára nem kaphat zárat.
- **$WARN_i(A)$ :**  $T_i$  figyelmeztetést rak  $A$ -ra (gyerekeire nem), ez annak jelzésére szolgál, hogy  $T_i$  majd zárat akar kapni  $A$  valamely leszármazottjára
- **$UNLOCK_i(A)$ :** felszabadítja az  $A$ -ra rakott  $LOCK$ -ot és  $WARN$ -t, az implicit zár is lekerül  $A$  leszármazottjairól

# A zárok használata

- 1 Az  $i$ -edik tranzakció,  $T_i$ , csak akkor olvashatja vagy írhatja az  $A$  adataegységet, ha előtte zárat kért és kapott rá ( $LOCK_i(A)$  vagy  $LOCK_i A$  valamelyik ősnén) és ezt a zárat még azóta nem engedte fel.

# A zárok használata

- 1 Az  $i$ -edik tranzakció,  $T_i$ , csak akkor olvashatja vagy írhatja az  $A$  adataegységet, ha előtte zárat kért és kapott rá ( $LOCK_i(A)$  vagy  $LOCK_i A$  valamelyik ősnén) és ezt a zárat még azóta nem engedte fel.
- 2  $LOCK_i(A)$  és  $WARN_i(A)$  után mindig van  $UNLOCK_i(A)$ .

# A zárák használata

- 1 Az  $i$ -edik tranzakció,  $T_i$ , csak akkor olvashatja vagy írhatja az  $A$  adataegységet, ha előtte zárat kért és kapott rá ( $LOCK_i(A)$  vagy  $LOCK_i A$  valamelyik ősen) és ezt a zárat még azóta nem engedte fel.
- 2  $LOCK_i(A)$  és  $WARN_i(A)$  után mindig van  $UNLOCK_i(A)$ .
- 3 Ha  $LOCK_i$  van  $A$ -n, akkor se  $WARN_j$  se  $LOCK_j$  nem kerülhet már rá (ha  $j \neq i$ ), de két különböző tranzakciónak lehet  $WARN$ -ja ugyanott. Vagyis a kompatibilitási mátrix:

	LOCK	WARN
LOCK	N	N
WARN	N	I



## A figyelmeztető protokoll

A  $T_i$  tranzakció követi a figyelmeztető protokollt, ha zárkérései a fentiekén kívül még a következőket is tudják:

- (a)  $T_i$  első zárkérése  $WARN_i$  vagy  $LOCK_i$  a gyökérre

## A figyelmeztető protokoll

A  $T_i$  tranzakció követi a figyelmeztető protokollt, ha zárkérései a fentiekén kívül még a következőket is tudják:

- (a)  $T_i$  első zárkérése  $WARN_i$  vagy  $LOCK_i$  a gyökérre
- (b) Ezután  $LOCK_i$  vagy  $WARN_i$  csak akkor kérhető egy adategységre, ha  $WARN_i$  már van az apján.

## A figyelmeztető protokoll

A  $T_i$  tranzakció követi a figyelmeztető protokollt, ha zárkérései a fentiekén kívül még a következőket is tudják:

- (a)  $T_i$  első zárkérése  $WARN_i$  vagy  $LOCK_i$  a gyökérre
- (b) Ezután  $LOCK_i$  vagy  $WARN_i$  csak akkor kérhető egy adategységre, ha  $WARN_i$  már van az apján.
- (c)  $UNLOCK_i$  csak akkor kérhető egy adategységre, ha már nincs sem explicit  $LOCK_i$ , sem  $WARN_i$  az adategység leszármazottjain

## A figyelmeztető protokoll

A  $T_i$  tranzakció követi a figyelmeztető protokollt, ha zárkérései a fentiekén kívül még a következőket is tudják:

- (a)  $T_i$  első zárkérése  $WARN_i$  vagy  $LOCK_i$  a gyökérre
- (b) Ezután  $LOCK_i$  vagy  $WARN_i$  csak akkor kérhető egy adategységre, ha  $WARN_i$  már van az apján.
- (c)  $UNLOCK_i$  csak akkor kérhető egy adategységre, ha már nincs sem explicit  $LOCK_i$ , sem  $WARN_i$  az adategység leszármazottjain
- (d) **Kétfázisú zárkérés van:**  $UNLOCK_i$  után nincs se  $LOCK_i$ , se  $WARN_i$ .

## A figyelmeztető protokoll

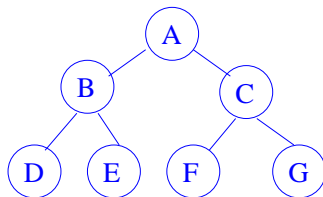
A  $T_i$  tranzakció követi a figyelmeztető protokollt, ha zárkérései a fentiekén kívül még a következőket is tudják:

- (a)  $T_i$  első zárkérése  $WARN_i$  vagy  $LOCK_i$  a gyökérre
- (b) Ezután  $LOCK_i$  vagy  $WARN_i$  csak akkor kérhető egy adategységre, ha  $WARN_i$  már van az apján.
- (c)  $UNLOCK_i$  csak akkor kérhető egy adategységre, ha már nincs sem explicit  $LOCK_i$ , sem  $WARN_i$  az adategység leszármazottjain
- (d) **Kétfázisú zárkérés van:**  $UNLOCK_i$  után nincs se  $LOCK_i$ , se  $WARN_i$ .

Az (a) és (b) pontok miatt a zárkérések felülről lefelé kúsznak a fában, a zárelengedések pedig a (c) miatt alulról felfele mennek az egyes tranzakciók esetén.

## Példa

Az adataegységek hierarchiája legyen (mint előbb):



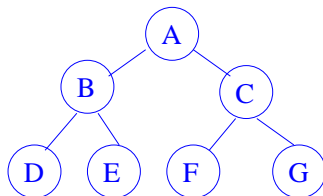
A: reláció

B,C: blokkjai

D,E,F,G: sorai

## Példa

Az adategységek hierarchiája legyen (mint előbb):



A: reláció

B,C: blokkjai

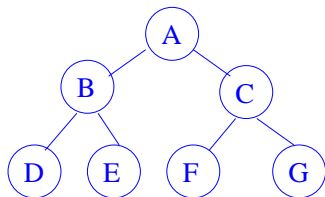
D,E,F,G: sorai

Az alábbi zárkérésekből és zárelengedésekből álló sorozat legális és mindhárom tranzakció követi a figyelmeztető protokollt.

$WARN_1(A)$ ,  $WARN_2(A)$ ,  $WARN_3(A)$ ,  $WARN_1(B)$ ,  $LOCK_2(C)$ ,  $LOCK_1(D)$ ,  
 $UNLOCK_2(C)$ ,  $UNLOCK_1(D)$ ,  $UNLOCK_2(A)$ ,  $UNLOCK_1(B)$ ,  $LOCK_3(B)$ ,  
 $WARN_3(C)$ ,  $LOCK_3(F)$ ,  $UNLOCK_1(A)$ ,  $UNLOCK_3(B)$ ,  
 $UNLOCK_3(F)$ ,  $UNLOCK_3(C)$ ,  $UNLOCK_3(A)$

## Példa

Az adategységek hierarchiája legyen (mint előbb):



A: reláció

B,C: blokkjai

D,E,F,G: sorai

Az alábbi zárkérésekből és zárelengedésekből álló sorozat legális és mindhárom tranzakció követi a figyelmeztető protokollt.

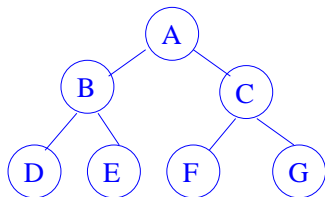
$WARN_1(A)$ ,  $WARN_2(A)$ ,  $WARN_3(A)$ ,  $WARN_1(B)$ ,  $LOCK_2(C)$ ,  $LOCK_1(D)$ ,  
 $UNLOCK_2(C)$ ,  $UNLOCK_1(D)$ ,  $UNLOCK_2(A)$ ,  $UNLOCK_1(B)$ ,  $LOCK_3(B)$ ,  
 $WARN_3(C)$ ,  $LOCK_3(F)$ ,  $UNLOCK_1(A)$ ,  $UNLOCK_3(B)$ ,  
 $UNLOCK_3(F)$ ,  $UNLOCK_3(C)$ ,  $UNLOCK_3(A)$

Azért legális, mert minden LOCK és WARN fel van engedve később és egyszerre csak több WARN van ugyanott, más nem.



## Példa

Az adategységek hierarchiája legyen (mint előbb):



A: reláció

B,C: blokkjai

D,E,F,G: sorai

Az alábbi zárkérésekből és zárelengedésekből álló sorozat legális és mindhárom tranzakció követi a figyelmeztető protokollt.

$WARN_1(A)$ ,  $WARN_2(A)$ ,  $WARN_3(A)$ ,  $WARN_1(B)$ ,  $LOCK_2(C)$ ,  $LOCK_1(D)$ ,  
 $UNLOCK_2(C)$ ,  $UNLOCK_1(D)$ ,  $UNLOCK_2(A)$ ,  $UNLOCK_1(B)$ ,  $LOCK_3(B)$ ,  
 $WARN_3(C)$ ,  $LOCK_3(F)$ ,  $UNLOCK_1(A)$ ,  $UNLOCK_3(B)$ ,  
 $UNLOCK_3(F)$ ,  $UNLOCK_3(C)$ ,  $UNLOCK_3(A)$

Azért legális, mert minden LOCK és WARN fel van engedve később és egyszerre csak több WARN van ugyanott, más nem.

A tranzakciók zárkérései pedig egyrészt 2PL szerint mennek, másrészt a zárkérések a fában felülről lefele mennek, a zárelengedések pedig alulról felfele.

## Figyelmeztető protokoll II.

A figyelmeztető protokollra igaz az alábbi tétel:

### Tétel

*Ha a figyelmeztető zármodellben, egy legális ütemezésben minden tranzakció követi a figyelmeztető protokollt, akkor az ütemezés sorosítható és soha nem lesz egyszerre két különböző tranzakciónak zárja (*se explicit, se implicit*) ugyanazon az adategységen.*

## Figyelmeztető protokoll II.

A figyelmeztető protokollra igaz az alábbi tétel:

### Tétel

*Ha a figyelmeztető zármodellben, egy legális ütemezésben minden tranzakció követi a figyelmeztető protokollt, akkor az ütemezés sorosítható és soha nem lesz egyszerre két különböző tranzakciónak zárja (*se explicit, se implicit*) ugyanazon az adategységen.*

### Bizonyítás.

A sorosíthatóságot a kétfázisúság biztosítja (pontosabban nem bizonyítjuk).

## Figyelmeztető protokoll II.

A figyelmeztető protokollra igaz az alábbi tétel:

### Tétel

*Ha a figyelmeztető zármodellben, egy legális ütemezésben minden tranzakció követi a figyelmeztető protokollt, akkor az ütemezés sorosítható és soha nem lesz egyszerre két különböző tranzakciónak zárja (se explicit, se implicit) ugyanazon az adataegységen.*

### Bizonyítás.

A sorosíthatóságot a kétfázisúság biztosítja (pontosabban nem bizonyítjuk).

Zárkonfliktus pedig azért nem lesz, mert

- Két különböző tranzakciónak explicit LOCK-ja nem lehet soha ugyanott, ha az ütemezés legális.

## Figyelmeztető protokoll II.

A figyelmeztető protokollra igaz az alábbi tétel:

### Tétel

*Ha a figyelmeztető zármodellben, egy legális ütemezésben minden tranzakció követi a figyelmeztető protokollt, akkor az ütemezés sorosítható és soha nem lesz egyszerre két különböző tranzakciónak zárja (se explicit, se implicit) ugyanazon az adategységen.*

### Bizonyítás.

A sorosíthatóságot a kétfázisúság biztosítja (pontosabban nem bizonyítjuk).

Zárkonfliktus pedig azért nem lesz, mert

- Két különböző tranzakciónak explicit LOCK-ja nem lehet soha ugyanott, ha az ütemezés legális.
- Egy explicit és egy implicit LOCK (két különböző tranzakciótól) nem lehet ugyanott: nem lehet, hogy egy  $A$  adatelemen  $LOCK_i$  van és ezzel egyidejűleg egy leszármazottján (akin így implicit  $T_i$  lock van) van  $LOCK_j$  is, mert ekkor  $A$ -n  $WARN_j$ -nek is kell lennie, de az nem lehet egy legális ütemezésben.

## Figyelmeztető protokoll II.

A figyelmeztető protokollra igaz az alábbi tétel:

### Tétel

*Ha a figyelmeztető zármodellben, egy legális ütemezésben minden tranzakció követi a figyelmeztető protokollt, akkor az ütemezés sorosítható és soha nem lesz egyszerre két különböző tranzakciónak zárja (se explicit, se implicit) ugyanazon az adategységen.*

### Bizonyítás.

A sorosíthatóságot a kétfázisúság biztosítja (pontosabban nem bizonyítjuk).

Zárkonfliktus pedig azért nem lesz, mert

- Két különböző tranzakciónak explicit LOCK-ja nem lehet soha ugyanott, ha az ütemezés legális.
- Egy explicit és egy implicit LOCK (két különböző tranzakciótól) nem lehet ugyanott: nem lehet, hogy egy  $A$  adatelemen  $LOCK_i$  van és ezzel egyidejűleg egy lezármazottján (akin így implicit  $T_i$  lock van) van  $LOCK_j$  is, mert ekkor  $A$ -n  $WARN_j$ -nek is kell lennie, de az nem lehet egy legális ütemezésben.
- Két különböző tranzakciónak implicit LOCK-ja sem lehet ugyanazon a  $C$  adategységen, mert ekkor  $C$  két különböző felmenőjén a két különböző tranzakció két LOCK-jának kellene lennie, ami az előző pont értelmében nem lehet.



## Figyelmeztető protokoll II.

**Megjegyzés:** Lehetne bonyolultabb zármód esetén is nézni figyelmeztető zárolást és figyelmeztető protokollt (az RLOCK/WLOCK modelnek megfelelően): lenne külön írási és olvasási figyelmeztetés is.

## B-fában tárolt adategységek

Tekintsük most azt a helyzetet, amikor a zárolható adategységek egy fa csúcsaiban helyezkednek el, de a fa most nem az adategységek egymásba ágyazottságát mutatja (az adategységek most diszjunktak), hanem azt, hogy hogyan lehet elérni az adatokat.



## B-fában tárolt adategységek

Tekintsük most azt a helyzetet, amikor a zárolható adategységek egy fa csúcsaiban helyezkednek el, de a fa most nem az adategységek egymásba ágyazottságát mutatja (az adategységek most diszjunktak), hanem azt, hogy hogyan lehet elérni az adatokat. Például a B-fa esetén a levelekhez csak úgy juthatunk el, ha a gyökértől indulva végigjárunk egy lefele vezető utat. Ahhoz, hogy beolvashassuk azt a levelet, ami nekünk kell, előtte be kell olvasnunk az összes felmenőjét (és ha csúcsvágás vagy csúcsösszevonás úgy kívánja, írunk is kell őket).

## B-fában tárolt adategységek

Tekintsük most azt a helyzetet, amikor a zárolható adategységek egy fa csúcsaiban helyezkednek el, de a fa most nem az adategységek egymásba ágyazottságát mutatja (az adategységek most diszjunktak), hanem azt, hogy hogyan lehet elérni az adatokat. Például a B-fa esetén a levelekhez csak úgy juthatunk el, ha a gyökértől indulva végigjárunk egy lefele vezető utat. Ahhoz, hogy beolvashassuk azt a levelet, ami nekünk kell, előtte be kell olvasnunk az összes felmenőjét (és ha csúcsvágás vagy csúcsösszevonás úgy kívánja, írunk is kell őket).

Ilyenkor a szokásos technikák mennek ugyan, de nagyon előnytelenek lehetnek. Például a 2PL esetén egész addig kell tartani a zárat a gyökéren, amíg le nem értünk a levélhez, ami indokolatlanul sok várakozáshoz vezet.

## B-fában tárolt adategységek

Tekintsük most azt a helyzetet, amikor a zárolható adategységek egy fa csúcsaiban helyezkednek el, de a fa most nem az adategységek egymásba ágyazottságát mutatja (az adategységek most diszjunktak), hanem azt, hogy hogyan lehet elérni az adatokat. Például a B-fa esetén a levelekhez csak úgy juthatunk el, ha a gyökértől indulva végigjárunk egy lefele vezető utat. Ahhoz, hogy beolvashassuk azt a levelet, ami nekünk kell, előtte be kell olvasnunk az összes felmenőjét (és ha csúcsvágás vagy csúcsösszevonás úgy kívánja, írunk is kell őket).

Ilyenkor a szokásos technikák mennek ugyan, de nagyon előnytelenek lehetnek. Például a 2PL esetén egész addig kell tartani a zárat a gyökéren, amíg le nem értünk a levélhez, ami indokolatlanul sok várakozáshoz vezet.

Kéne másik módszer, ami ebben a speciális esetben biztosítja a sorosíthatóságot, de nem olyan szigorú, mint a 2PL. Ez lesz a faprotokoll.

Egyszerű tranzakciómodellben vagyunk (de ezt is lehetne RLOCK/WLOCK modellre kibővíteni), azaz

- egy zár van csak, ezt meg kell kapni íráshoz és olvasáshoz is
- zár után mindig van UNLOCK
- nincs két különböző tranzakciónak zárja ugyanott

# Faprotokoll

Egyszerű tranzakciómodellben vagyunk (de ezt is lehetne RLOCK/WLOCK modellre kibővíteni), azaz

- egy zár van csak, ezt meg kell kapni íráshoz és olvasáshoz is
- zár után mindig van UNLOCK
- nincs két különböző tranzakciónak zárja ugyanott

A  $T_i$  tranzakció követi a faprotokollt, ha

- 1 Az első zárat bárhova elhelyezheti.

# Faprotokoll

Egyszerű tranzakciómodellben vagyunk (de ezt is lehetne RLOCK/WLOCK modellre kibővíteni), azaz

- egy zár van csak, ezt meg kell kapni íráshoz és olvasáshoz is
- zár után mindig van UNLOCK
- nincs két különböző tranzakciónak zárja ugyanott

A  $T_i$  tranzakció követi a faprotokollt, ha

- 1 Az első zárat bárhova elhelyezheti.
- 2 A későbbiekben azonban csak akkor kaphat zárat  $A$ -n, ha ekkor zárja van  $A$  apján.

# Faprotokoll

Egyszerű tranzakciómodellben vagyunk (de ezt is lehetne RLOCK/WLOCK modellre kibővíteni), azaz

- egy zár van csak, ezt meg kell kapni íráshoz és olvasáshoz is
- zár után mindig van UNLOCK
- nincs két különböző tranzakciónak zárja ugyanott

A  $T_i$  tranzakció követi a faprotokollt, ha

- 1 Az első zárat bárhova elhelyezheti.
- 2 A későbbiekben azonban csak akkor kaphat zárat A-n, ha ekkor zárja van A apján.
- 3 Zárat bármikor fel lehet oldani (nem 2PL).

Egyszerű tranzakciómodellben vagyunk (de ezt is lehetne RLOCK/WLOCK modellre kibővíteni), azaz

- egy zár van csak, ezt meg kell kapni íráshoz és olvasáshoz is
- zár után mindig van UNLOCK
- nincs két különböző tranzakciónak zárja ugyanott

A  $T_i$  tranzakció követi a faprotokollt, ha

- 1 Az első zárat bárhova elhelyezheti.
- 2 A későbbiekben azonban csak akkor kaphat zárat  $A$ -n, ha ekkor zárja van  $A$  apján.
- 3 Zárat bármikor fel lehet oldani (nem 2PL).
- 4 Nem lehet újrazárolni, azaz ha  $T_i$  elengedte egy  $A$  adategység zárját, akkor később nem kérhet rá újra (még akkor sem, ha  $A$  apján még megvan a zárja).



# Faprotokoll

Egyszerű tranzakciómodellben vagyunk (de ezt is lehetne RLOCK/WLOCK modellre kibővíteni), azaz

- egy zár van csak, ezt meg kell kapni íráshoz és olvasáshoz is
- zár után mindig van UNLOCK
- nincs két különböző tranzakciónak zárja ugyanott

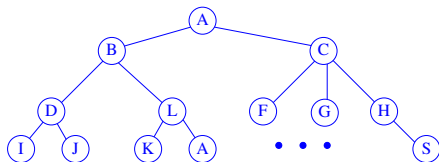
A  $T_i$  tranzakció követi a faprotokollt, ha

- 1 Az első zárat bárhova elhelyezheti.
- 2 A későbbiekben azonban csak akkor kaphat zárat A-n, ha ekkor zárja van A apján.
- 3 Zárat bármikor fel lehet oldani (nem 2PL).
- 4 Nem lehet újrazárolni, azaz ha  $T_i$  elengedte egy A adategység zárját, akkor később nem kérhet rá újra (még akkor sem, ha A apján még megvan a zárja).

## Tétel

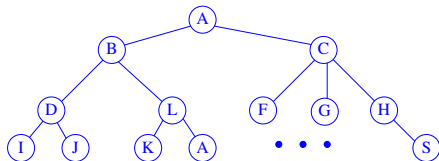
*(Bizonyítás nélkül) Ha minden tranzakció követi a faprotokollt egy legális ütemezésben, akkor az ütemezés sorosítható lesz, noha nem feltétlenül lesz 2PL.*

# Példa



Tekintsük ezt a  $B_3$ -fát. Az A-tól H-ig levő adategységek a fa belső csúcsai, itt mutatók és keresést segítő kulcsok vannak, a levelekben (I-től S-ig) pedig a keresési kulcs szerint rendezetten vannak a tárolt adatok, amik között keresünk. Most feltezzük, hogy egy levélben egy tárolt elem van.

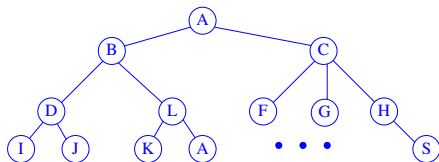
## Példa



Tekintsük ezt a  $B_3$ -fát. Az A-tól H-ig levő adategységek a fa belső csúcsai, itt mutatók és keresést segítő kulcsok vannak, a levelekben (I-től S-ig) pedig a keresési kulcs szerint rendezetten vannak a tárolt adatok, amik között keresünk. Most felteesszük, hogy egy levélben egy tárolt elem van.

Ha mondjuk az I-ben, J-ben és K-ban tárolt elemek keresési kulcsa 1, 3 és 10, és be akarunk szűrni egy olyan elemet, ahol a kulcs értéke 4, akkor először olvasni kell A-t, B-t és D-t, majd írni is kell D-t.

## Példa



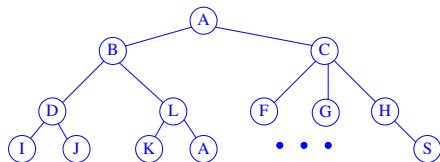
Tekintsük ezt a  $B_3$ -fát. Az A-tól H-ig levő adategységek a fa belső csúcsai, itt mutatók és keresést segítő kulcsok vannak, a levelekben (I-től S-ig) pedig a keresési kulcs szerint rendezetten vannak a tárolt adatok, amik között keresünk. Most feltezzük, hogy egy levélben egy tárolt elem van.

Ha mondjuk az I-ben, J-ben és K-ban tárolt elemek keresési kulcsa 1, 3 és 10, és be akarunk szűrni egy olyan elemet, ahol a kulcs értéke 4, akkor először olvasni kell A-t, B-t és D-t, majd írni is kell D-t.

Ekkor a megfelelő (faprotokoll szerinti, legális) ütemezés eleje

$LOCK_i(A)$ ,  $LOCK_i(B)$ ,  $UNLOCK_i(A)$  mert B beolvasása után látjuk, hogy neki csak két gyereke van, ha kell is csúcsvágás, az A-t biztos nem érinti, A-t nem kell majd írni. Csak addig kellett fogni A-n a zárat, amíg B-re is megkaptuk.

## Példa



Tekintsük ezt a  $B_3$ -fát. Az A-tól H-ig levő adategységek a fa belső csúcsai, itt mutatók és keresést segítő kulcsok vannak, a levelekben (I-től S-ig) pedig a keresési kulcs szerint rendezetten vannak a tárolt adatok, amik között keresünk. Most feltezzük, hogy egy levélben egy tárolt elem van.

Ha mondjuk az I-ben, J-ben és K-ban tárolt elemek keresési kulcsa 1, 3 és 10, és be akarunk szűrni egy olyan elemet, ahol a kulcs értéke 4, akkor először olvasni kell A-t, B-t és D-t, majd írni is kell D-t.

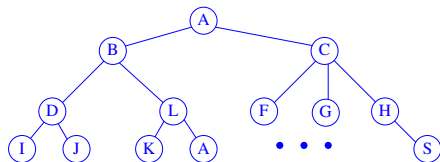
Ekkor a megfelelő (faprotokoll szerinti, legális) ütemezés eleje

$LOCK_i(A)$ ,  $LOCK_i(B)$ ,  $UNLOCK_i(A)$  mert B beolvasása után látjuk, hogy neki csak két gyereke van, ha kell is csúcsvágás, az A-t biztos nem érinti, A-t nem kell majd írni.

Csak addig kellett fogni A-n a zárat, amíg B-re is megkaptuk.

Ezután  $LOCK_i(D)$ ,  $UNLOCK_i(B)$ , mert látjuk, hogy D-nek csak két gyereke van, ezért B-t biztos nem kell írni.

## Példa



Tekintsük ezt a  $B_3$ -fát. Az A-tól H-ig levő adategységek a fa belső csúcsai, itt mutatók és keresést segítő kulcsok vannak, a levelekben (I-től S-ig) pedig a keresési kulcs szerint rendezetten vannak a tárolt adatok, amik között keresünk. Most feltezzük, hogy egy levélben egy tárolt elem van.

Ha mondjuk az I-ben, J-ben és K-ban tárolt elemek keresési kulcsa 1, 3 és 10, és be akarunk szűrni egy olyan elemet, ahol a kulcs értéke 4, akkor először olvasni kell A-t, B-t és D-t, majd írni is kell D-t.

Ekkor a megfelelő (faprotokoll szerinti, legális) ütemezés eleje

$LOCK_i(A)$ ,  $LOCK_i(B)$ ,  $UNLOCK_i(A)$  mert B beolvasása után látjuk, hogy neki csak két gyereke van, ha kell is csúcsvágás, az A-t biztos nem érinti, A-t nem kell majd írni.

Csak addig kellett fogni A-n a zárat, amíg B-re is megkaptuk.

Ezután  $LOCK_i(D)$ ,  $UNLOCK_i(B)$ , mert látjuk, hogy D-nek csak két gyereke van, ezért B-t biztos nem kell írni.

Innen tovább:  $UNLOCK_i(D)$ , amikor már megtörtént az új levél beszúrása és D-ben is beállítottuk a mutatókat.

### Tanulság:

- Faprotokoll szerint ment az ütemezés  $\implies$  jó lesz
- Nem 2PL és ezzel nyertünk is sokat, mert amint megvolt  $UNLOCK_i(A)$ , akkor rögtön indulhat a következő beszúrás, ha az a fa jobb oldali ágán fut le. Ha 2PL lett volna, akkor  $LOCK_i(D)$ -ig kellene várni ezzel.

# Adatbázisok elmélete

## Sorosíthatóság időbélyegekkel

Katona Gyula Y.

Számítástudományi és Információelméleti Tanszék  
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem

24. előadás



# Sorosíthatóság időbélyegekkel

Eddig a zárat vizsgáltuk, mint egy lehetséges technikát a sorosíthatóság kikényszerítésére. **Másik lehetőség: időbélyeges tranzakciókezelés.**

# Sorosíthatóság időbélyegekkel

Eddig a zárat vizsgáltuk, mint egy lehetséges technikát a sorosíthatóság kikényszerítésére. **Másik lehetőség: időbélyeges tranzakciókezelés.** Ez optimistább, illetve agresszívabb, mint a zárok használata: hagyja a tranzakciókat szabadon futni (ellentétben a zároknál látott protokollokkal), de ha baj lenne, akkor agresszívan közbelép (**ABORT**).

## Sorosíthatóság időbélyegekkel

Eddig a zárat vizsgáltuk, mint egy lehetséges technikát a sorosíthatóság kikényszerítésére. **Másik lehetőség: időbélyeges tranzakciókezelés.** Ez optimistább, illetve agresszívabb, mint a zárok használata: hagyja a tranzakciókat szabadon futni (ellentétben a zároknál látott protokollokkal), de ha baj lenne, akkor agresszívan közbelép (**ABORT**).  
Akkor jó, ha ritkán lesz **ABORT**, ha valószínűleg kevés lesz a sorosítási probléma.

## Sorosíthatóság időbélyegekkel

Eddig a zárat vizsgáltuk, mint egy lehetséges technikát a sorosíthatóság kikényszerítésére. **Másik lehetőség: időbélyeges tranzakciókezelés.** Ez optimistább, illetve agresszívabb, mint a zárok használata: hagyja a tranzakciókat szabadon futni (ellentétben a zároknál látott protokollokkal), de ha baj lenne, akkor agresszívan közbelép (**ABORT**).

Akkor jó, ha ritkán lesz **ABORT**, ha valószínűleg kevés lesz a sorosítási probléma.

**Fő elv:** minden tranzakciónak van egy időbélyege:  $t(T_i)$  a  $T_i$  tranzakcióé. Az időbélyegek egyediek, növekvő sorrendben adja ki őket az ütemező, ahogy indulnak a tranzakciók.

## Sorosíthatóság időbélyegekkel

Eddig a zárat vizsgáltuk, mint egy lehetséges technikát a sorosíthatóság kikényszerítésére. **Másik lehetőség: időbélyeges tranzakciókezelés.** Ez optimistább, illetve agresszívabb, mint a zárok használata: hagyja a tranzakciókat szabadon futni (ellentétben a zároknál látott protokollokkal), de ha baj lenne, akkor agresszívan közbelép (**ABORT**).

**Akkor jó, ha ritkán lesz ABORT, ha valószínűleg kevés lesz a sorosítási probléma.**

**Fő elv:** minden tranzakciónak van egy időbélyege:  $t(T_i)$  a  $T_i$  tranzakcióé. Az időbélyegek egyediek, növekvő sorrendben adja ki őket az ütemező, ahogy indulnak a tranzakciók.

**Az ütemező célja:** az időbélyegek növekvő sorrendjéhez tartozó soros ütemezéssel azonos hatású ütemezést enged csak lefutni, minden olyan kérést letilt (és a megfelelő tranzakciót ABORT-álja), ami ez ellen tesz.

## Sorosíthatóság időbélyegekkel

Eddig a zárat vizsgáltuk, mint egy lehetséges technikát a sorosíthatóság kikényszerítésére. **Másik lehetőség: időbélyeges tranzakciókezelés.** Ez optimistább, illetve agresszívabb, mint a zárok használata: hagyja a tranzakciókat szabadon futni (ellentétben a zároknál látott protokollokkal), de ha baj lenne, akkor agresszívan közbelép (**ABORT**).

Akkor jó, ha ritkán lesz **ABORT**, ha valószínűleg kevés lesz a sorosítási probléma.

**Fő elv:** minden tranzakciónak van egy időbélyege:  $t(T_i)$  a  $T_i$  tranzakcióé. Az időbélyegek egyediek, növekvő sorrendben adja ki őket az ütemező, ahogy indulnak a tranzakciók.

**Az ütemező célja:** az időbélyegek növekvő sorrendjéhez tartozó soros ütemezéssel azonos hatású ütemezést enged csak lefutni, minden olyan kérést letilt (és a megfelelő tranzakciót **ABORT**-álja), ami ez ellen tesz.

**Például,** ha  $t(T_1) = 120$ ,  $t(T_2) = 90$  és  $t(T_3) = 130$ , akkor a cél a  $T_2 T_1 T_3$  soros sorrenddel azonos hatású ütemezés.

## Az időbélyeges tranzakciókezelés szabályai

Megkülönböztetünk írás és olvasás műveletet, továbbá minden  $A$  adatelemhez hozzárendelünk egy olvasási és egy írási időt ( $r(A)$ ,  $w(A)$ ), melyek jelentése:

- $r(A)$  = a legnagyobb olyan  $t(T_i)$ , amire igaz, ahogy  $T_i$  olvasta már  $A$ -t

## Az időbélyeges tranzakciókezelés szabályai

Megkülönböztetünk írás és olvasás műveletet, továbbá minden  $A$  adatelemhez hozzárendelünk egy olvasási és egy írási időt ( $r(A)$ ,  $w(A)$ ), melyek jelentése:

- $r(A)$  = a legnagyobb olyan  $t(T_i)$ , amire igaz, ahogy  $T_i$  olvasta már  $A$ -t
- $w(A)$  = a legnagyobb olyan  $t(T_i)$ , amire igaz, ahogy  $T_i$  írta már  $A$ -t



## Az időbélyeges tranzakciókezelés szabályai

Megkülönböztetünk írás és olvasás műveletet, továbbá minden  $A$  adatelemhez hozzárendelünk egy olvasási és egy írási időt ( $r(A)$ ,  $w(A)$ ), melyek jelentése:

- $r(A)$  = a legnagyobb olyan  $t(T_i)$ , amire igaz, ahogy  $T_i$  olvasta már  $A$ -t
- $w(A)$  = a legnagyobb olyan  $t(T_i)$ , amire igaz, ahogy  $T_i$  írta már  $A$ -t

Az ütemező mit csinál, hogy kikényszerítse az időbélyegek szerinti növvő soros ütemezés hatását?

# Az időbélyeges tranzakciókezelés szabályai

Megkülönböztetünk írás és olvasás műveletet, továbbá minden  $A$  adatelemhez hozzárendelünk egy olvasási és egy írási időt ( $r(A)$ ,  $w(A)$ ), melyek jelentése:

- $r(A)$  = a legnagyobb olyan  $t(T_i)$ , amire igaz, ahogy  $T_i$  olvasta már  $A$ -t
- $w(A)$  = a legnagyobb olyan  $t(T_i)$ , amire igaz, ahogy  $T_i$  írta már  $A$ -t

Az ütemező mit csinál, hogy kikényszerítse az időbélyegek szerinti növekvő soros ütemezés hatását?

- minden induló tranzakciónak legenerál egy időbélyeget, egyedit, növekvően, ez lesz a tranzakció egész futása alatt az ő időbélyege

## Az időbélyeges tranzakciókezelés szabályai

Megkülönböztetünk írás és olvasás műveletet, továbbá minden  $A$  adatelemhez hozzárendelünk egy olvasási és egy írási időt ( $r(A)$ ,  $w(A)$ ), melyek jelentése:

- $r(A)$  = a legnagyobb olyan  $t(T_i)$ , amire igaz, ahogy  $T_i$  olvasta már  $A$ -t
- $w(A)$  = a legnagyobb olyan  $t(T_i)$ , amire igaz, ahogy  $T_i$  írta már  $A$ -t

Az ütemező mit csinál, hogy kikényszerítse az időbélyegek szerinti növvő soros ütemezés hatását?

- minden induló tranzakciónak legenerál egy időbélyeget, egyedit, növvően, ez lesz a tranzakció egész futása alatt az ő időbélyege
- ha a  $T$  tranzakció bármit csinálni szeretne egy  $A$  adategységgel, akkor mielőtt ezt megengedné, megvizsgálja  $t(T)$ , és  $r(A)$  illetve  $w(A)$  kapcsolatát és a következőképpen cselekszik.

- 1 Ha  $T$  olvasná  $A$ -t, de  $t(T) < w(A)$ , akkor ABORT  $T$  (mert egy nagyobb időbélyegű, azaz  $T$  után következő tranzakciónak már megengedte, hogy írja)

- 1 Ha  $T$  olvasná  $A$ -t, de  $t(T) < w(A)$ , akkor ABORT  $T$  (mert egy nagyobb időbélyegű, azaz  $T$  után következő tranzakciónak már megengedte, hogy írja)
- 2 Ha  $T$  írná  $A$ -t, de  $t(T) < r(A)$ , akkor ABORT  $T$  (mert egy nagyobb időbélyegű, azaz  $T$  után következő tranzakciónak már megengedte, hogy olvassa)

- 1 Ha  $T$  olvasná  $A$ -t, de  $t(T) < w(A)$ , akkor ABORT  $T$  (mert egy nagyobb időbélyegű, azaz  $T$  után következő tranzakciónak már megengedte, hogy írja)
- 2 Ha  $T$  írná  $A$ -t, de  $t(T) < r(A)$ , akkor ABORT  $T$  (mert egy nagyobb időbélyegű, azaz  $T$  után következő tranzakciónak már megengedte, hogy olvassa)
- 3 Ha  $T$  olvasná  $A$ -t,  $t(T) \geq w(A)$ , de  $t(T) < r(A)$ , akkor  $T$  olvashatja  $A$ -t és  $r(A)$  marad, ami volt és persze  $w(A)$  is (mert ugyan egy nagyobb időbélyegű tranzakciónak már megengedtük, hogy olvassa  $A$ -t, de ez nem baj, ettől még kijöhet a kívánt soros ütemezés hatása)

- 1 Ha  $T$  olvasná  $A$ -t, de  $t(T) < w(A)$ , akkor ABORT  $T$  (mert egy nagyobb időbélyegű, azaz  $T$  után következő tranzakciónak már megengedte, hogy írja)
- 2 Ha  $T$  írná  $A$ -t, de  $t(T) < r(A)$ , akkor ABORT  $T$  (mert egy nagyobb időbélyegű, azaz  $T$  után következő tranzakciónak már megengedte, hogy olvassa)
- 3 Ha  $T$  olvasná  $A$ -t,  $t(T) \geq w(A)$ , de  $t(T) < r(A)$ , akkor  $T$  olvashatja  $A$ -t és  $r(A)$  marad, ami volt és persze  $w(A)$  is (mert ugyan egy nagyobb időbélyegű tranzakciónak már megengedtük, hogy olvassa  $A$ -t, de ez nem baj, ettől még kijöhet a kívánt soros ütemezés hatása)
- 4 Ha  $T$  írná  $A$ -t,  $t(T) \geq r(A)$ , de  $t(T) < w(A)$ , akkor nem történik meg az írás, de nem is lesz ABORT  $T$  se és  $r(A)$  és  $w(A)$  marad, ami volt (mivel egy nagyobb időbélyegű tranzakciónak már megengedtük, hogy írja  $A$ -t, ezért a kívánt soros hatásban úgyse látszódik ez az írás)

- 1 Ha  $T$  olvasná  $A$ -t, de  $t(T) < w(A)$ , akkor ABORT  $T$  (mert egy nagyobb időbélyegű, azaz  $T$  után következő tranzakciónak már megengedte, hogy írja)
- 2 Ha  $T$  írná  $A$ -t, de  $t(T) < r(A)$ , akkor ABORT  $T$  (mert egy nagyobb időbélyegű, azaz  $T$  után következő tranzakciónak már megengedte, hogy olvassa)
- 3 Ha  $T$  olvasná  $A$ -t,  $t(T) \geq w(A)$ , de  $t(T) < r(A)$ , akkor  $T$  olvashatja  $A$ -t és  $r(A)$  marad, ami volt és persze  $w(A)$  is (mert ugyan egy nagyobb időbélyegű tranzakciónak már megengedtük, hogy olvassa  $A$ -t, de ez nem baj, ettől még kijöhet a kívánt soros ütemezés hatása)
- 4 Ha  $T$  írná  $A$ -t,  $t(T) \geq r(A)$ , de  $t(T) < w(A)$ , akkor nem történik meg az írás, de nem is lesz ABORT  $T$  se és  $r(A)$  és  $w(A)$  marad, ami volt (mivel egy nagyobb időbélyegű tranzakciónak már megengedtük, hogy írja  $A$ -t, ezért a kívánt soros hatásban úgyse látszódik ez az írás)
- 5 Ha  $T$  olvasná vagy írná  $A$ -t, és  $t(T) \geq w(A)$  és  $t(T) \geq r(A)$ , akkor engedjük és  $r(A)$  illetve  $w(A)$  változik, attól függően, hogy írás vagy olvasás történt



## Példa

Legyenek a tranzakciók időbélyegei  $t(T_1) = 20$ ,  $t(T_2) = 10$  (vagyis cél a  $T_2 T_1$  hatása) és tekintsük az alábbi kérésorozatot:

$READ_2(A)$ ,  $READ_1(A)$ ,  $WRITE_1(C)$ ,  $WRITE_2(C)$ ,  $WRITE_2(A)$

## Példa

Legyenek a tranzakciók időbélyegei  $t(T_1) = 20$ ,  $t(T_2) = 10$  (vagyis cél a  $T_2 T_1$  hatása) és tekintsük az alábbi kérésorozatot:

$READ_2(A)$ ,  $READ_1(A)$ ,  $WRITE_1(C)$ ,  $WRITE_2(C)$ ,  $WRITE_2(A)$

Hogyan változnak az olvasási és írási idők (kezdetben nullák) és mit csinál az ütemező? Lesz-e ABORT?

## Példa

Legyenek a tranzakciók időbélyegei  $t(T_1) = 20$ ,  $t(T_2) = 10$  (vagyis cél a  $T_2 T_1$  hatása) és tekintsük az alábbi kérésorozatot:

$READ_2(A)$ ,  $READ_1(A)$ ,  $WRITE_1(C)$ ,  $WRITE_2(C)$ ,  $WRITE_2(A)$

Hogyan változnak az olvasási és írási idők (kezdetben nullák) és mit csinál az ütemező? Lesz-e ABORT?

Kérés	r(A)	w(A)	r(C)	w(C)	Magyarázat
	0	0	0	0	kezdetben minden nulla
$READ_2(A)$	10	0	0	0	5. eset $\implies$ mehet
$READ_1(A)$	20	0	0	0	5. eset $\implies$ mehet
$WRITE_1(C)$	20	0	0	20	5. eset $\implies$ mehet
$WRITE_2(C)$	20	0	0	20	4. eset $\implies$ nem mehet, de nincs ABORT se
$WRITE_2(A)$	20	0	0	20	2. eset $\implies$ ABORT $T_2$

- 1 A szabályok 4. pontjánál (ahol nem volt se ABORT, se írás) egyes források ABORT-ot rendelnek el. Ennek oka, hogy az általunk definált szabályok alkalmazása esetén előfordulhat a következő kellemetlen jelenség:  
Ha az a  $T_i$  tranzakció, aki beállította  $w(A)$  értékét (aminél az írni akaró  $T$  tranzakció időbélyege kisebb) esetleg ABORT-ál és emiatt vissza kell csinálni  $T_i$  összes hatását, akkor  $T$  hatásának látszania kellene, de nem fog, pedig  $T$  lefutott hiba nélkül.

- 1 A szabályok 4. pontjánál (ahol nem volt se ABORT, se írás) egyes források ABORT-ot rendelnek el. Ennek oka, hogy az általunk definált szabályok alkalmazása esetén előfordulhat a következő kellemetlen jelenség:  
Ha az a  $T_i$  tranzakció, aki beállította  $w(A)$  értékét (aminél az írni akaró  $T$  tranzakció időbélyege kisebb) esetleg ABORT-ál és emiatt vissza kell csinálni  $T_i$  összes hatását, akkor  $T$  hatásának látszania kellene, de nem fog, pedig  $T$  lefutott hiba nélkül. Ha a 4.pont esetén ABORT-ot rendelünk el, akkor ez a gond nincsen. Vannak azonban technikák, amikkel akkor is meggátolható ez a jelenség, ha úgy járunk el, ahogy megadtuk a 4. pontnál a tennivalókat (most nem nézzük, hogy mik ezek a technikák), ezért nem kell az ABORT ebben az esetben.

- 1 A szabályok 4. pontjánál (ahol nem volt se ABORT, se írás) egyes források ABORT-ot rendelnek el. Ennek oka, hogy az általunk definált szabályok alkalmazása esetén előfordulhat a következő kellemetlen jelenség:  
Ha az a  $T_i$  tranzakció, aki beállította  $w(A)$  értékét (aminél az írni akaró  $T$  tranzakció időbélyege kisebb) esetleg ABORT-ál és emiatt vissza kell csinálni  $T_i$  összes hatását, akkor  $T$  hatásának látszania kellene, de nem fog, pedig  $T$  lefutott hiba nélkül. Ha a 4.pont esetén ABORT-ot rendelünk el, akkor ez a gond nincsen. Vannak azonban technikák, amikkel akkor is meggátolható ez a jelenség, ha úgy járunk el, ahogy megadtuk a 4. pontnál a tennivalókat (most nem nézzük, hogy mik ezek a technikák), ezért nem kell az ABORT ebben az esetben.
- 2 Az időbélyeges módszer a zárhasználat alternatívája. Az időbélyeges módszernél ha sok az ABORT, akkor sokat kell majd dolgoznunk a visszaállítással (ezért akkor javasolt, ha kevés a közös elemeken történő írás);

- 1 A szabályok 4. pontjánál (ahol nem volt se ABORT, se írás) egyes források ABORT-ot rendelnek el. Ennek oka, hogy az általunk definált szabályok alkalmazása esetén előfordulhat a következő kellemetlen jelenség:  
Ha az a  $T_i$  tranzakció, aki beállította  $w(A)$  értékét (aminél az írni akaró  $T$  tranzakció időbélyege kisebb) esetleg ABORT-ál és emiatt vissza kell csinálni  $T_i$  összes hatását, akkor  $T$  hatásának látszania kellene, de nem fog, pedig  $T$  lefutott hiba nélkül. Ha a 4.pont esetén ABORT-ot rendelünk el, akkor ez a gond nincsen. Vannak azonban technikák, amikkel akkor is meggátolható ez a jelenség, ha úgy járunk el, ahogy megadtuk a 4. pontnál a tennivalókat (most nem nézzük, hogy mik ezek a technikák), ezért nem kell az ABORT ebben az esetben.
- 2 Az időbélyeges módszer a zárhasználat alternatívája. Az időbélyeges módszernél ha sok az ABORT, akkor sokat kell majd dolgoznunk a visszaállítással (ezért akkor javasolt, ha kevés a közös elemeken történő írás); a záruk hátránya pedig az, hogy karban kell tartani a zártáblát és a korlátozások miatt sok lehet a várakozás és a holtpont.

- 1 A szabályok 4. pontjánál (ahol nem volt se ABORT, se írás) egyes források ABORT-ot rendelnek el. Ennek oka, hogy az általunk definált szabályok alkalmazása esetén előfordulhat a következő kellemetlen jelenség:  
Ha az a  $T_i$  tranzakció, aki beállította  $w(A)$  értékét (aminél az írni akaró  $T$  tranzakció időbélyege kisebb) esetleg ABORT-ál és emiatt vissza kell csinálni  $T_i$  összes hatását, akkor  $T$  hatásának látszania kellene, de nem fog, pedig  $T$  lefutott hiba nélkül. Ha a 4.pont esetén ABORT-ot rendelünk el, akkor ez a gond nincsen. Vannak azonban technikák, amikkel akkor is meggátolható ez a jelenség, ha úgy járunk el, ahogy megadtuk a 4. pontnál a tennivalókat (most nem nézzük, hogy mik ezek a technikák), ezért nem kell az ABORT ebben az esetben.
- 2 Az időbélyeges módszer a zárhasználat alternatívája. Az időbélyeges módszernél ha sok az ABORT, akkor sokat kell majd dolgoznunk a visszaállítással (ezért akkor javasolt, ha kevés a közös elemeken történő írás); a záruk hátránya pedig az, hogy karban kell tartani a zártáblát és a korlátozások miatt sok lehet a várakozás és a holtpont.
- 3 Vannak még más módszerek is a sorosíthatóság elérésére, pl. érvényesítés.



## Időbélyegek ↔ zárok

Egyik se jobb egyértelműen, mint a másik. Van, hogy mind a kettő ugyanazokat a kéréseket hagyja lefutni:

- (a) Ha  $T_2$  előbb indul, mint  $T_1$ , akkor a  $READ_2(B)$ ,  $READ_1(A)$ ,  $WRITE_1(C)$ ,  $WRITE_2(C)$  műveletsort egy időbélyegesen dolgozó ütemező nem hagyja lefutni, mert a  $T_2 T_1$  soros sorrenddel ez nem lesz azonos hatású. Viszont RLOCK/WLOCK zárolás esetén van olyan legális zárkérés, amit az ütemező sorosíthatónak fog találni.

Egyik se jobb egyértelműen, mint a másik. Van, hogy mind a kettő ugyanazokat a kéréseket hagyja lefutni:

- (a) Ha  $T_2$  előbb indul, mint  $T_1$ , akkor a  $READ_2(B)$ ,  $READ_1(A)$ ,  $WRITE_1(C)$ ,  $WRITE_2(C)$  műveletsort egy időbélyegesen dolgozó ütemező nem hagyja lefutni, mert a  $T_2 T_1$  soros sorrenddel ez nem lesz azonos hatású. Viszont RLOCK/WLOCK zárolás esetén van olyan legális zárkérés, amit az ütemező sorosíthatónak fog találni.
- (b) A  $READ_1(A)$ ,  $WRITE_2(A)$ ,  $WRITE_1(A)$ ,  $WRITE_1(B)$ ,  $WRITE_2(B)$ ,  $WRITE_3(A)$  műveletsort (itt  $T_1$  indul előbb), bárhogy is kérjük a zárat legálisan, nem hagyja lefutni egy RLOCK/WLOCK zárat használó ütemező ( $T_2$  és  $T_1$  között mindkét irányban lesz él a sorosítási gráfban), de időbélyeggel lefut ez a művelet.

## Védekezés hibák ellen, helyreállítás

**Alapprobléma:** nem fut le valamelyik tranzakció (sérül az atomiság) és emiatt inkonzisztens lesz az adatbázis.

# Védekezés hibák ellen, helyreállítás

**Alapprobléma:** nem fut le valamelyik tranzakció (sérül az atomiság) és emiatt inkonzisztens lesz az adatbázis.

Ennek okai lehetnek:

- 1 tranzakcióhiba, programhiba
- 2 ütemező által elrendelt ABORT (holtpont vagy sorosíthatóság miatt)
- 3 rendszerhiba: **belső tár sérül**
- 4 médiahiba: **háttértár is sérül**

# Védekezés hibák ellen, helyreállítás

**Alapprobléma:** nem fut le valamelyik tranzakció (sérül az atomiság) és emiatt inkonzisztens lesz az adatbázis.

Ennek okai lehetnek:

- 1 tranzakcióhiba, programhiba
- 2 ütemező által elrendelt ABORT (holtpont vagy sorosíthatóság miatt)
- 3 rendszerhiba: **belső tár sérül**
- 4 médiahiba: **háttértár is sérül**

Cél mindegyik esetben az, hogy újra konzisztens állapotba hozzuk az adatbázist (visszacsinálás vagy befejezés) úgy, hogy a tartósság megmaradjon: ha egy tranzakció már befejezte a munkáját, akkor annak hatása ne vesszen el.

# Védekezés hibák ellen, helyreállítás

**Alapprobléma:** nem fut le valamelyik tranzakció (sérül az atomiság) és emiatt inkonzisztens lesz az adatbázis.

Ennek okai lehetnek:

- 1 tranzakcióhiba, programhiba
- 2 ütemező által elrendelt ABORT (holtpont vagy sorosíthatóság miatt)
- 3 rendszerhiba: **belső tár sérül**
- 4 médiahiba: **háttértár is sérül**

Cél mindegyik esetben az, hogy újra konzisztens állapotba hozzuk az adatbázist (visszacsinálás vagy befejezés) úgy, hogy a tartósság megmaradjon: ha egy tranzakció már befejezte a munkáját, akkor annak hatása ne vesszen el.

Az utolsó fajta hibával nem foglalkozunk, erre a szokásos eljárások mennek (archiválás, duplikálás).

# Alapfogalmak

Feltevés, hogy a végig lefutott tranzakciók konzisztens állapotból konzisztens állapotba viszik az adatbázist, ezért baj csak akkor lehet, ha félbemaradnak.

# Alapfogalmak

Feltevés, hogy a végig lefutott tranzakciók konzisztens állapotból konzisztens állapotba viszik az adatbázist, ezért baj csak akkor lehet, ha félbemaradnak.

Fontos eszköz a hiba utáni helyreállításban:

**COMMIT pont:** az a pont, amikor a tranzakció minden érdemi munkával megvan, programhiba vagy ütemező miatt ABORT már biztos nem lehet.



# Alapfogalmak

Feltevés, hogy a végig lefutott tranzakciók konzisztens állapotból konzisztens állapotba viszik az adatbázist, ezért baj csak akkor lehet, ha félbemaradnak.

Fontos eszköz a hiba utáni helyreállításban:

**COMMIT pont:** az a pont, amikor a tranzakció minden érdemi munkával megvan, programhiba vagy ütemező miatt ABORT már biztos nem lehet. Nem biztos, hogy ekkor minden hatása látszik is már a tranzakciónak, lehet, hogy nincs minden írása véglegesítve, de minden készen áll már erre.

# Alapfogalmak

Feltevés, hogy a végig lefutott tranzakciók konzisztens állapotból konzisztens állapotba viszik az adatbázist, ezért baj csak akkor lehet, ha félbemaradnak.

Fontos eszköz a hiba utáni helyreállításban:

**COMMIT pont:** az a pont, amikor a tranzakció minden érdemi munkával megvan, programhiba vagy ütemező miatt ABORT már biztos nem lehet. Nem biztos, hogy ekkor minden hatása látszik is már a tranzakciónak, lehet, hogy nincs minden írása véglegesítve, de minden készen áll már erre.

Fontos fogalom még:

**Piszkos adat:** Olyan adat, amit még nem COMMIT-ált tranzakció (azaz olyan, ami még meghalhat) írt az adatbázisba.

# Alapfogalmak

Feltevés, hogy a végig lefutott tranzakciók konzisztens állapotból konzisztens állapotba viszik az adatbázist, ezért baj csak akkor lehet, ha félbemaradnak.

Fontos eszköz a hiba utáni helyreállításban:

**COMMIT pont:** az a pont, amikor a tranzakció minden érdemi munkával megvan, programhiba vagy ütemező miatt ABORT már biztos nem lehet. Nem biztos, hogy ekkor minden hatása látszik is már a tranzakciónak, lehet, hogy nincs minden írása véglegesítve, de minden készen áll már erre.

Fontos fogalom még:

**Piszkos adat:** Olyan adat, amit még nem COMMIT-ált tranzakció (azaz olyan, ami még meghalhat) írt az adatbázisba. Ha ilyet olvas egy másik tranzakció, akkor baj lehet, ha az első ABORT-ál, de a második nem.

$T_1$	$T_2$
LOCK(A)	
READ(A)	
$A := A + 100$	
WRITE(A)	
LOCK(B)	
UNLOCK(A)	
	LOCK(A)
	READ(A)
	$A := A \cdot 25$
READ(B)	
	WRITE(A)
	COMMIT
	UNLOCK(A)
$B := \frac{B}{A}$	
↓	
ABORT	

**Példa piszkos adatból eredő hibára zárolásos ütemezés esetén** (persze időbélyegekkel is van ilyen):

Ha az osztáskor  $A$  értéke éppen 0, akkor  $T_1$  ABORT-ál, és emiatt sok baj lesz:

$T_1$	$T_2$
LOCK(A)	
READ(A)	
$A := A + 100$	
WRITE(A)	
LOCK(B)	
UNLOCK(A)	
	LOCK(A)
	READ(A)
	$A := A \cdot 25$
READ(B)	
	WRITE(A)
	COMMIT
	UNLOCK(A)
$B := \frac{B}{A}$	
↓	
ABORT	

**Példa piszkos adatból eredő hibára zárolásos ütemezés esetén** (persze időbélyegekkel is van ilyen):

Ha az osztáskor  $A$  értéke éppen 0, akkor  $T_1$  ABORT-ál, és emiatt sok baj lesz:

- $B$ -n zár marad, ezt fel kell oldani

$T_1$	$T_2$
LOCK(A)	
READ(A)	
$A := A + 100$	
WRITE(A)	
LOCK(B)	
UNLOCK(A)	
	LOCK(A)
	READ(A)
	$A := A \cdot 25$
READ(B)	
	WRITE(A)
	COMMIT
	UNLOCK(A)
$B := \frac{B}{A}$	
↓	
ABORT	

**Példa piszkos adatból eredő hibára zárolásos ütemezés esetén** (persze időbélyegekkel is van ilyen):

Ha az osztáskor  $A$  értéke éppen 0, akkor  $T_1$  ABORT-ál, és emiatt sok baj lesz:

- $B$ -n zár marad, ezt fel kell oldani
- $T_1$  félig futott csak le, amit eddig számolt, azt vissza kell csinálni

$T_1$	$T_2$
LOCK(A)	
READ(A)	
$A := A + 100$	
WRITE(A)	
LOCK(B)	
UNLOCK(A)	
	LOCK(A)
	READ(A)
	$A := A \cdot 25$
READ(B)	
	WRITE(A)
	COMMIT
	UNLOCK(A)
$B := \frac{B}{A}$	
↓	
ABORT	

**Példa piszkos adatból eredő hibára zárolásos ütemezés esetén** (persze időbélyegekkel is van ilyen):

Ha az osztáskor  $A$  értéke éppen 0, akkor  $T_1$  ABORT-ál, és emiatt sok baj lesz:

- $B$ -n zár marad, ezt fel kell oldani
- $T_1$  félig futott csak le, amit eddig számolt, azt vissza kell csinálni
- $T_2$  rossz adatot olvasott (mert a  $T_1$  által  $A$ -ba beleírt értéket visszavontuk), így  $T_2$ -t is vissza kell csinálni

$T_1$	$T_2$
LOCK(A)	
READ(A)	
$A := A + 100$	
WRITE(A)	
LOCK(B)	
UNLOCK(A)	
	LOCK(A)
	READ(A)
	$A := A \cdot 25$
READ(B)	WRITE(A)
	COMMIT
	UNLOCK(A)
$B := \frac{B}{A}$	
↓	
ABORT	

**Példa piszkos adatból eredő hibára zárolásos ütemezés esetén** (persze időbélyegekkel is van ilyen):

Ha az osztáskor  $A$  értéke éppen 0, akkor  $T_1$  ABORT-ál, és emiatt sok baj lesz:

- $B$ -n zár marad, ezt fel kell oldani
- $T_1$  félig futott csak le, amit eddig számolt, azt vissza kell csinálni
- $T_2$  rossz adatot olvasott (mert a  $T_1$  által  $A$ -ba beleírt értéket visszavontuk), így  $T_2$ -t is vissza kell csinálni

Összességében ebben az esetben  $T_1$  és  $T_2$  minden hatását ki kell irtani a DB-ből.



$T_1$	$T_2$
LOCK(A)	
READ(A)	
$A := A + 100$	
WRITE(A)	
LOCK(B)	
UNLOCK(A)	
	LOCK(A)
	READ(A)
	$A := A \cdot 25$
READ(B)	
	WRITE(A)
	COMMIT
	UNLOCK(A)
$B := \frac{B}{A}$	
↓	
ABORT	

**Példa piszkos adatból eredő hibára zárolásos ütemezés esetén** (persze időbélyegekkel is van ilyen):

Ha az osztáskor  $A$  értéke éppen 0, akkor  $T_1$  ABORT-ál, és emiatt sok baj lesz:

- $B$ -n zár marad, ezt fel kell oldani
- $T_1$  félig futott csak le, amit eddig számolt, azt vissza kell csinálni
- $T_2$  rossz adatot olvasott (mert a  $T_1$  által  $A$ -ba beleírt értéket visszavontuk), így  $T_2$ -t is vissza kell csinálni

Összességében ebben az esetben  $T_1$  és  $T_2$  minden hatását ki kell irtani a DB-ből.

Ha esetleg közben még mások is olvasták a  $T_1$  vagy a  $T_2$  által írt értékeket, akkor **lavina**: egymás után kell ABORT-okat elrendelni a tranzakciónál piszkos adatból eredő hiba miatt.

Különböző megoldások a tranzakcióhibákból (programhiba vagy rendszer általi ABORT) származó problémákra:

- Olyan tranzakciótól, ami nem COMMIT-ált, nem olvasunk. (Nem olvasunk olyan értéket, amit olyan tranzakció írt, aminek még nem volt COMMIT).

Különböző megoldások a tranzakcióhibákból (programhiba vagy rendszer általi ABORT) származó problémákra:

- Olyan tranzakciótól, ami nem COMMIT-ált, nem olvasunk. (Nem olvasunk olyan értéket, amit olyan tranzakció írt, aminek még nem volt COMMIT).
- Hagyjuk, hogy minden tranzakció azt csinálja, amit akar, ha lavina lesz, akkor majd megoldjuk (UNDO protokoll, nem lesz részletesen, de létezik)

Különböző megoldások a tranzakcióhibákból (programhiba vagy rendszer általi ABORT) származó problémákra:

- Olyan tranzakciótól, ami nem COMMIT-ált, nem olvasunk. (Nem olvasunk olyan értéket, amit olyan tranzakció írt, aminek még nem volt COMMIT).
- Hagyjuk, hogy minden tranzakció azt csinálja, amit akar, ha lavina lesz, akkor majd megoldjuk (UNDO protokoll, nem lesz részletesen, de létezik)
- Zárolási protokollt kényszerítünk a tranzakciókra, ami biztosítja, hogy nem lesz piszkos adatról probléma, lavina:

**szigorú 2PL:**

- ▶ 2PL

Különböző megoldások a tranzakcióhibákból (programhiba vagy rendszer általi ABORT) származó problémákra:

- Olyan tranzakciótól, ami nem COMMIT-ált, nem olvasunk. (Nem olvasunk olyan értéket, amit olyan tranzakció írt, aminek még nem volt COMMIT).
- Hagyjuk, hogy minden tranzakció azt csinálja, amit akar, ha lavina lesz, akkor majd megoldjuk (UNDO protokoll, nem lesz részletesen, de létezik)
- Zárolási protokollt kényszerítünk a tranzakciókra, ami biztosítja, hogy nem lesz piszkos adatról probléma, lavina:

## szigorú 2PL:

- ▶ 2PL
- ▶ DB-be írás csak COMMIT után

Különböző megoldások a tranzakcióhibákból (programhiba vagy rendszer általi ABORT) származó problémákra:

- Olyan tranzakciótól, ami nem COMMIT-ált, nem olvasunk. (Nem olvasunk olyan értéket, amit olyan tranzakció írt, aminek még nem volt COMMIT).
- Hagyjuk, hogy minden tranzakció azt csinálja, amit akar, ha lavina lesz, akkor majd megoldjuk (UNDO protokoll, nem lesz részletesen, de létezik)
- Zárolási protokollt kényszerítünk a tranzakciókra, ami biztosítja, hogy nem lesz piszkos adatról probléma, lavina:

## szigorú 2PL:

- ▶ 2PL
- ▶ DB-be írás csak COMMIT után
- ▶ zárok elengedése csak írás után

## Tétel

*Ha mindegyik tranzakció a szigorú 2PL protokollt követi, akkor az ütemezés sorosítható lesz és lavinamentes.*

## Bizonyítás.

Mivel a tranzakciók követik a 2PL protokollt, ezért az ütemezés sorosítható lesz.

## Tétel

*Ha mindegyik tranzakció a szigorú 2PL protokollt követi, akkor az ütemezés sorosítható lesz és lavinamentes.*

## Bizonyítás.

Mivel a tranzakciók követik a 2PL protokollt, ezért az ütemezés sorosítható lesz. Azért lesz lavinamentes is, mert egy  $T_i$  tranzakció csak akkor olvashatja egy másik  $T_j$  tranzakció írását, ha  $T_j$  már elengedte a zárakat, de az meg csak COMMIT után lehet, amikor  $T_j$  már biztos nem száll el.



## Tétel

*Ha mindegyik tranzakció a szigorú 2PL protokollt követi, akkor az ütemezés sorosítható lesz és lavinamentes.*

## Bizonyítás.

Mivel a tranzakciók követik a 2PL protokollt, ezért az ütemezés sorosítható lesz. Azért lesz lavinamentes is, mert egy  $T_i$  tranzakció csak akkor olvashatja egy másik  $T_j$  tranzakció írását, ha  $T_j$  már elengedte a zárakat, de az meg csak COMMIT után lehet, amikor  $T_j$  már biztos nem száll el. □

## Megjegyzések:

1. Elég az írások, a COMMIT és a zárkérések sorrendjét figyelni, ahhoz hogy jó ütemezés legyen és ráadásul ezt minden tranzakció meg tudja maga tenni, nem kell a többire figyelnie.

## Tétel

*Ha mindegyik tranzakció a szigorú 2PL protokollt követi, akkor az ütemezés sorosítható lesz és lavinamentes.*

## Bizonyítás.

Mivel a tranzakciók követik a 2PL protokollt, ezért az ütemezés sorosítható lesz. Azért lesz lavinamentes is, mert egy  $T_i$  tranzakció csak akkor olvashatja egy másik  $T_j$  tranzakció írását, ha  $T_j$  már elengedte a zárat, de az meg csak COMMIT után lehet, amikor  $T_j$  már biztos nem száll el. □

## Megjegyzések:

1. Elég az írások, a COMMIT és a zárkérések sorrendjét figyelni, ahhoz hogy jó ütemezés legyen és ráadásul ezt minden tranzakció meg tudja maga tenni, nem kell a többire figyelnie.
2. Mivel írás csak COMMIT után van, nem kell azzal sem bajlódni, hogy visszagörgezzük az elszállt tranzakciókat, mert ezeknek még úgysem látszik semmi hatásuk.

# Adatbázisok elmélete

## Rendszerhibák utáni helyreállítás, UNDO protokoll

Katona Gyula Y.

Számítástudományi és Információelméleti Tanszék  
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem

25. előadás

# Rendszerhibák utáni helyreállítás

Az eddigiekben azzal foglalkoztunk, hogy a tranzakciók hibái esetén mit lehet tenni. Erre a szigorú 2PL jó megoldást nyújt, de mi van a komolyabb hibák, a rendszerhibák esetén?

# Rendszerhibák utáni helyreállítás

Az eddigiekben azzal foglalkoztunk, hogy a tranzakciók hibái esetén mit lehet tenni.

Erre a szigorú 2PL jó megoldást nyújt, de mi van a komolyabb hibák, a rendszerhibák esetén?

Azt mindig feltesszük, hogy a háttértár nem sérül, csak a belső memória, a puffer egy része száll el.

# Rendszerhibák utáni helyreállítás

Az eddigiekben azzal foglalkoztunk, hogy a tranzakciók hibái esetén mit lehet tenni.

Erre a szigorú 2PL jó megoldást nyújt, de mi van a komolyabb hibák, a rendszerhibák esetén?

Azt mindig feltesszük, hogy a háttértár nem sérül, csak a belső memória, a puffer egy része száll el.

A belső tár sérülése elleni védekezés két részből áll:

- 1 Felkészülés a hibára: **naplózás**

# Rendszerhibák utáni helyreállítás

Az eddigiekben azzal foglalkoztunk, hogy a tranzakciók hibái esetén mit lehet tenni. Erre a szigorú 2PL jó megoldást nyújt, de mi van a komolyabb hibák, a rendszerhibák esetén?

Azt mindig feltesszük, hogy a háttértár nem sérül, csak a belső memória, a puffer egy része száll el.

A belső tár sérülése elleni védekezés két részből áll:

- 1 Felkészülés a hibára: **naplózás**
- 2 Hiba után helyreállítás: **a napló segítségével egy konzisztens állapot helyreállítása**

# Rendszerhibák utáni helyreállítás

Az eddigiekben azzal foglalkoztunk, hogy a tranzakciók hibái esetén mit lehet tenni. Erre a szigorú 2PL jó megoldást nyújt, de mi van a komolyabb hibák, a rendszerhibák esetén?

Azt mindig feltesszük, hogy a háttértár nem sérül, csak a belső memória, a puffer egy része száll el.

A belső tár sérülése elleni védekezés két részből áll:

- 1 Felkészülés a hibára: **naplózás**
- 2 Hiba után helyreállítás: **a napló segítségével egy konzisztens állapot helyreállítása**

Természetesen a naplózás és a hiba utáni helyreállítás összhangban vannak, de van több különböző naplózási protokoll (és ennek megfelelő helyreállítás).



A tranzakciók legfontosabb történéseit írjuk ide, például:

- $T_i$  kezd: ( $T_i$ , BEGIN)

A tranzakciók legfontosabb történéseit írjuk ide, például:

- $T_i$  kezd: ( $T_i$ , BEGIN)
- $T_i$  írja A-t: ( $T_i$ , A, régi érték, új érték)  
(néha elég csak a régi vagy csak az új érték, a naplózási protokolltól függően)

A tranzakciók legfontosabb történéseit írjuk ide, például:

- $T_i$  kezd: ( $T_i$ , BEGIN)
- $T_i$  írja A-t: ( $T_i$ , A, régi érték, új érték)  
(néha elég csak a régi vagy csak az új érték, a naplózási protokolltól függően)
- $T_i$  COMMIT-ál: ( $T_i$ , COMMIT)

A tranzakciók legfontosabb történéseit írjuk ide, például:

- $T_i$  kezd: ( $T_i$ , BEGIN)
- $T_i$  írja A-t: ( $T_i$ , A, régi érték, új érték)  
(néha elég csak a régi vagy csak az új érték, a naplózási protokolltól függően)
- $T_i$  COMMIT-ál: ( $T_i$ , COMMIT)
- $T_i$  ABORT-ál: ( $T_i$ , ABORT)

A tranzakciók legfontosabb történéseit írjuk ide, például:

- $T_i$  kezd: ( $T_i$ , BEGIN)
- $T_i$  írja A-t: ( $T_i$ , A, régi érték, új érték)  
(néha elég csak a régi vagy csak az új érték, a naplózási protokolltól függően)
- $T_i$  COMMIT-ál: ( $T_i$ , COMMIT)
- $T_i$  ABORT-ál: ( $T_i$ , ABORT)

A napló időrendben tartalmazza a történéseket és tipikusan a háttértáron tartjuk, amiről feltesszük, hogy nem sérül.

A tranzakciók legfontosabb történéseit írjuk ide, például:

- $T_i$  kezd: ( $T_i$ , BEGIN)
- $T_i$  írja A-t: ( $T_i$ , A, régi érték, új érték)  
(néha elég csak a régi vagy csak az új érték, a naplózási protokolltól függően)
- $T_i$  COMMIT-ál: ( $T_i$ , COMMIT)
- $T_i$  ABORT-ál: ( $T_i$ , ABORT)

A napló időrendben tartalmazza a történéseket és tipikusan a háttértáron tartjuk, amiről feltesszük, hogy nem sérül.

Fontos, hogy a naplóbejegyzéseket mikor írjuk át a pufferből a lemezre.

# UNDO protokoll-naplózás

## Fő szabályok:

- Ha a  $T$  tranzakció módosítja az  $X$  adatbáziselemet, akkor a  $(T, X, \text{régi érték})$  naplóbejegyzést **azelőtt** kell a lemezre írni, mielőtt az  $X$  új értékét a lemezre írná a rendszer.

# UNDO protokoll-naplózás

## Fő szabályok:

- Ha a  $T$  tranzakció módosítja az  $X$  adatbáziselemet, akkor a  $(T, X, \text{régi érték})$  naplóbejegyzést **azelőtt** kell a lemezre írni, mielőtt az  $X$  új értékét a lemezre írná a rendszer.
- Ha a tranzakció hibamentesen befejeződött, akkor a COMMIT naplóbejegyzést csak **azután** szabad a lemezre írni, ha a tranzakció által módosított összes adatbáziselem már a lemezre íródott, de ezután rögtön.



# UNDO protokoll-naplózás

## Fő szabályok:

- Ha a  $T$  tranzakció módosítja az  $X$  adatbáziselemet, akkor a  $(T, X, \text{régi érték})$  naplóbejegyzést **azelőtt** kell a lemezre írni, mielőtt az  $X$  új értékét a lemezre írná a rendszer.
- Ha a tranzakció hibamentesen befejeződött, akkor a COMMIT naplóbejegyzést csak **azután** szabad a lemezre írni, ha a tranzakció által módosított összes adatbáziselem már a lemezre íródott, de ezután rögtön.

## UNDO protokoll

A (nem teljesen szigorú) 2PL kiegészítése, vagyis a zárkérések 2PL szerint történnek, ezen felül pedig a műveletek és ezek naplózása az alábbi sorrendben történik:

- 1 A tranzakciók történéseinek feljegyzése a naplóba, a belső táron:  
 $(T_i, \text{BEGIN})$ ,  $(T_i, A \text{ régi érték})$  vagy  $(T_i, \text{ABORT})$

# UNDO protokoll-naplózás

## Fő szabályok:

- Ha a  $T$  tranzakció módosítja az  $X$  adatbáziselemet, akkor a  $(T, X, \text{régi érték})$  naplóbejegyzést **azelőtt** kell a lemezre írni, mielőtt az  $X$  új értékét a lemezre írja a rendszer.
- Ha a tranzakció hibamentesen befejeződött, akkor a COMMIT naplóbejegyzést csak **azután** szabad a lemezre írni, ha a tranzakció által módosított összes adatbáziselem már a lemezre íródott, de ezután rögtön.

## UNDO protokoll

A (nem teljesen szigorú) 2PL kiegészítése, vagyis a zárkérések 2PL szerint történnek, ezen felül pedig a műveletek és ezek naplózása az alábbi sorrendben történik:

- 1 A tranzakciók történéseinek feljegyzése a naplóba, a belső táron:  
 $(T_i, \text{BEGIN})$ ,  $(T_i, A \text{ régi érték})$  vagy  $(T_i, \text{ABORT})$
- 2 Tényleges írás az adatbázisba a háttértáron, nem a pufferben: **OUTPUT(A)**

# UNDO protokoll-naplózás

## Fő szabályok:

- Ha a  $T$  tranzakció módosítja az  $X$  adatbáziselemet, akkor a  $(T, X, \text{régi érték})$  naplóbejegyzést **azelőtt** kell a lemezre írni, mielőtt az  $X$  új értékét a lemezre írja a rendszer.
- Ha a tranzakció hibamentesen befejeződött, akkor a COMMIT naplóbejegyzést csak **azután** szabad a lemezre írni, ha a tranzakció által módosított összes adatbáziselem már a lemezre íródott, de ezután rögtön.

## UNDO protokoll

A (nem teljesen szigorú) 2PL kiegészítése, vagyis a zárkérések 2PL szerint történnek, ezen felül pedig a műveletek és ezek naplózása az alábbi sorrendben történik:

- 1 A tranzakciók történéseinek feljegyzése a naplóba, a belső táron:  
 $(T_i, \text{BEGIN}), (T_i, A \text{ régi érték}), (T_i, \text{ABORT})$
- 2 Tényleges írás az adatbázisba a háttértáron, nem a pufferben:  $\text{OUTPUT}(A)$
- 3 COMMIT után a napló háttértárra írása.

# UNDO protokoll-naplózás

## Fő szabályok:

- Ha a  $T$  tranzakció módosítja az  $X$  adatbáziselemet, akkor a  $(T, X, \text{régi érték})$  naplóbejegyzést **azelőtt** kell a lemezre írni, mielőtt az  $X$  új értékét a lemezre írja a rendszer.
- Ha a tranzakció hibamentesen befejeződött, akkor a COMMIT naplóbejegyzést csak **azután** szabad a lemezre írni, ha a tranzakció által módosított összes adatbáziselem már a lemezre íródott, de ezután rögtön.

## UNDO protokoll

A (nem teljesen szigorú) 2PL kiegészítése, vagyis a zárkérések 2PL szerint történnek, ezen felül pedig a műveletek és ezek naplózása az alábbi sorrendben történik:

- 1 A tranzakciók történéseinek feljegyzése a naplóba, a belső táron:  
 $(T_i, \text{BEGIN})$ ,  $(T_i, A \text{ régi érték})$  vagy  $(T_i, \text{ABORT})$
- 2 Tényleges írás az adatbázisba a háttértáron, nem a pufferben:  $\text{OUTPUT}(A)$
- 3 COMMIT után a napló háttértárra írása.
- 4 Záruk elengedése

- nincs lavina, mert zárelengedés csak COMMIT után (azaz piszkos adatot nem olvashatunk)

- nincs lavina, mert zárelengedés csak COMMIT után (azaz piszkos adatot nem olvashatunk)
- sorosítható, mert 2PL

- nincs lavina, mert zárelengedés csak COMMIT után (azaz piszkos adatot nem olvashatunk)
- sorosítható, mert 2PL
- vissza lehet hozni konzisztens állapotba a DB-t, akkor is, ha a belső tár sérül, erre lesz majd mindjárt az UNDO helyreállítás

# Példa

<i>T</i>	<i>t</i>	<i>A<sub>M</sub></i>	<i>B<sub>M</sub></i>	<i>A<sub>D</sub></i>	<i>B<sub>D</sub></i>	<i>Napló</i>
				8	8	( <i>T</i> , BEGIN)



# Példa

<i>T</i>	<i>t</i>	<i>A<sub>M</sub></i>	<i>B<sub>M</sub></i>	<i>A<sub>D</sub></i>	<i>B<sub>D</sub></i>	<i>Napló</i>
LOCK(A)				8	8	( <i>T</i> , BEGIN)
				8	8	

# Példa

<i>T</i>	<i>t</i>	<i>A<sub>M</sub></i>	<i>B<sub>M</sub></i>	<i>A<sub>D</sub></i>	<i>B<sub>D</sub></i>	<i>Napló</i>
				8	8	( <i>T</i> , BEGIN)
LOCK( <i>A</i> )				8	8	
LOCK( <i>B</i> )				8	8	

# Példa

<i>T</i>	<i>t</i>	$A_M$	$B_M$	$A_D$	$B_D$	<i>Napló</i>
				8	8	( <i>T</i> , BEGIN)
LOCK( <i>A</i> )				8	8	
LOCK( <i>B</i> )				8	8	
READ( <i>A</i> , <i>t</i> )	8	8		8	8	

# Példa

<i>T</i>	<i>t</i>	$A_M$	$B_M$	$A_D$	$B_D$	<i>Napló</i>
				8	8	( <i>T</i> , BEGIN)
LOCK( <i>A</i> )				8	8	
LOCK( <i>B</i> )				8	8	
READ( <i>A</i> , <i>t</i> )	8	8		8	8	
$t := t \cdot 2$	16	8		8	8	

# Példa

<i>T</i>	<i>t</i>	$A_M$	$B_M$	$A_D$	$B_D$	Napló
				8	8	( <i>T</i> , BEGIN)
LOCK( <i>A</i> )				8	8	
LOCK( <i>B</i> )				8	8	
READ( <i>A</i> , <i>t</i> )	8	8		8	8	
$t := t \cdot 2$	16	8		8	8	
WRITE( <i>A</i> , <i>t</i> )	16	16		8	8	( <i>T</i> , <i>A</i> , 8)

# Példa

<i>T</i>	<i>t</i>	<i>A<sub>M</sub></i>	<i>B<sub>M</sub></i>	<i>A<sub>D</sub></i>	<i>B<sub>D</sub></i>	<i>Napló</i>
				8	8	( <i>T</i> , BEGIN)
LOCK( <i>A</i> )				8	8	
LOCK( <i>B</i> )				8	8	
READ( <i>A</i> , <i>t</i> )	8	8		8	8	
$t := t \cdot 2$	16	8		8	8	
WRITE( <i>A</i> , <i>t</i> )	16	16		8	8	( <i>T</i> , <i>A</i> , 8)
READ( <i>B</i> , <i>t</i> )	8	16	8	8	8	

# Példa

<i>T</i>	<i>t</i>	<i>A<sub>M</sub></i>	<i>B<sub>M</sub></i>	<i>A<sub>D</sub></i>	<i>B<sub>D</sub></i>	<i>Napló</i>
				8	8	( <i>T</i> , BEGIN)
LOCK( <i>A</i> )				8	8	
LOCK( <i>B</i> )				8	8	
READ( <i>A</i> , <i>t</i> )	8	8		8	8	
$t := t \cdot 2$	16	8		8	8	
WRITE( <i>A</i> , <i>t</i> )	16	16		8	8	( <i>T</i> , <i>A</i> , 8)
READ( <i>B</i> , <i>t</i> )	8	16	8	8	8	
$t := t \cdot 2$	16	16	8	8	8	

# Példa

<i>T</i>	<i>t</i>	<i>A<sub>M</sub></i>	<i>B<sub>M</sub></i>	<i>A<sub>D</sub></i>	<i>B<sub>D</sub></i>	<i>Napló</i>
				8	8	( <i>T</i> , BEGIN)
LOCK( <i>A</i> )				8	8	
LOCK( <i>B</i> )				8	8	
READ( <i>A</i> , <i>t</i> )	8	8		8	8	
$t := t \cdot 2$	16	8		8	8	
WRITE( <i>A</i> , <i>t</i> )	16	16		8	8	( <i>T</i> , <i>A</i> , 8)
READ( <i>B</i> , <i>t</i> )	8	16	8	8	8	
$t := t \cdot 2$	16	16	8	8	8	
WRITE( <i>B</i> , <i>t</i> )	16	16	16	8	8	( <i>T</i> , <i>B</i> , 8)



# Példa

$T$	$t$	$A_M$	$B_M$	$A_D$	$B_D$	Napló
				8	8	( $T$ , BEGIN)
LOCK( $A$ )				8	8	
LOCK( $B$ )				8	8	
READ( $A$ , $t$ )	8	8		8	8	
$t := t \cdot 2$	16	8		8	8	
WRITE( $A$ , $t$ )	16	16		8	8	( $T$ , $A$ , 8)
READ( $B$ , $t$ )	8	16	8	8	8	
$t := t \cdot 2$	16	16	8	8	8	
WRITE( $B$ , $t$ )	16	16	16	8	8	( $T$ , $B$ , 8)
FLUSH LOG						

# Példa

<i>T</i>	<i>t</i>	$A_M$	$B_M$	$A_D$	$B_D$	Napló
				8	8	( <i>T</i> , BEGIN)
LOCK( <i>A</i> )				8	8	
LOCK( <i>B</i> )				8	8	
READ( <i>A</i> , <i>t</i> )	8	8		8	8	
$t := t \cdot 2$	16	8		8	8	
WRITE( <i>A</i> , <i>t</i> )	16	16		8	8	( <i>T</i> , <i>A</i> , 8)
READ( <i>B</i> , <i>t</i> )	8	16	8	8	8	
$t := t \cdot 2$	16	16	8	8	8	
WRITE( <i>B</i> , <i>t</i> )	16	16	16	8	8	( <i>T</i> , <i>B</i> , 8)
FLUSH LOG						
OUTPUT( <i>A</i> )	16	16	16	16	8	

# Példa

<i>T</i>	<i>t</i>	<i>A<sub>M</sub></i>	<i>B<sub>M</sub></i>	<i>A<sub>D</sub></i>	<i>B<sub>D</sub></i>	<i>Napló</i>
				8	8	( <i>T</i> , BEGIN)
LOCK( <i>A</i> )				8	8	
LOCK( <i>B</i> )				8	8	
READ( <i>A</i> , <i>t</i> )	8	8		8	8	
$t := t \cdot 2$	16	8		8	8	
WRITE( <i>A</i> , <i>t</i> )	16	16		8	8	( <i>T</i> , <i>A</i> , 8)
READ( <i>B</i> , <i>t</i> )	8	16	8	8	8	
$t := t \cdot 2$	16	16	8	8	8	
WRITE( <i>B</i> , <i>t</i> )	16	16	16	8	8	( <i>T</i> , <i>B</i> , 8)
FLUSH LOG						
OUTPUT( <i>A</i> )	16	16	16	16	8	
OUTPUT( <i>B</i> )	16	16	16	16	16	

# Példa

<i>T</i>	<i>t</i>	$A_M$	$B_M$	$A_D$	$B_D$	<i>Napló</i>
				8	8	( <i>T</i> , BEGIN)
LOCK( <i>A</i> )				8	8	
LOCK( <i>B</i> )				8	8	
READ( <i>A</i> , <i>t</i> )	8	8		8	8	
$t := t \cdot 2$	16	8		8	8	
WRITE( <i>A</i> , <i>t</i> )	16	16		8	8	( <i>T</i> , <i>A</i> , 8)
READ( <i>B</i> , <i>t</i> )	8	16	8	8	8	
$t := t \cdot 2$	16	16	8	8	8	
WRITE( <i>B</i> , <i>t</i> )	16	16	16	8	8	( <i>T</i> , <i>B</i> , 8)
FLUSH LOG						
OUTPUT( <i>A</i> )	16	16	16	16	8	
OUTPUT( <i>B</i> )	16	16	16	16	16	
						( <i>T</i> , COMMIT)

# Példa

<i>T</i>	<i>t</i>	<i>A<sub>M</sub></i>	<i>B<sub>M</sub></i>	<i>A<sub>D</sub></i>	<i>B<sub>D</sub></i>	<i>Napló</i>
				8	8	( <i>T</i> , BEGIN)
LOCK( <i>A</i> )				8	8	
LOCK( <i>B</i> )				8	8	
READ( <i>A</i> , <i>t</i> )	8	8		8	8	
$t := t \cdot 2$	16	8		8	8	
WRITE( <i>A</i> , <i>t</i> )	16	16		8	8	( <i>T</i> , <i>A</i> , 8)
READ( <i>B</i> , <i>t</i> )	8	16	8	8	8	
$t := t \cdot 2$	16	16	8	8	8	
WRITE( <i>B</i> , <i>t</i> )	16	16	16	8	8	( <i>T</i> , <i>B</i> , 8)
FLUSH LOG						
OUTPUT( <i>A</i> )	16	16	16	16	8	
OUTPUT( <i>B</i> )	16	16	16	16	16	
						( <i>T</i> , COMMIT)
FLUSH LOG						

# Példa

<i>T</i>	<i>t</i>	<i>A<sub>M</sub></i>	<i>B<sub>M</sub></i>	<i>A<sub>D</sub></i>	<i>B<sub>D</sub></i>	<i>Napló</i>
				8	8	( <i>T</i> , BEGIN)
LOCK( <i>A</i> )				8	8	
LOCK( <i>B</i> )				8	8	
READ( <i>A</i> , <i>t</i> )	8	8		8	8	
$t := t \cdot 2$	16	8		8	8	
WRITE( <i>A</i> , <i>t</i> )	16	16		8	8	( <i>T</i> , <i>A</i> , 8)
READ( <i>B</i> , <i>t</i> )	8	16	8	8	8	
$t := t \cdot 2$	16	16	8	8	8	
WRITE( <i>B</i> , <i>t</i> )	16	16	16	8	8	( <i>T</i> , <i>B</i> , 8)
FLUSH LOG						
OUTPUT( <i>A</i> )	16	16	16	16	8	
OUTPUT( <i>B</i> )	16	16	16	16	16	
						( <i>T</i> , COMMIT)
FLUSH LOG						
UNLOCK( <i>A</i> )						

# Példa

<i>T</i>	<i>t</i>	<i>A<sub>M</sub></i>	<i>B<sub>M</sub></i>	<i>A<sub>D</sub></i>	<i>B<sub>D</sub></i>	Napló
				8	8	( <i>T</i> , BEGIN)
LOCK( <i>A</i> )				8	8	
LOCK( <i>B</i> )				8	8	
READ( <i>A</i> , <i>t</i> )	8	8		8	8	
<i>t</i> := <i>t</i> · 2	16	8		8	8	
WRITE( <i>A</i> , <i>t</i> )	16	16		8	8	( <i>T</i> , <i>A</i> , 8)
READ( <i>B</i> , <i>t</i> )	8	16	8	8	8	
<i>t</i> := <i>t</i> · 2	16	16	8	8	8	
WRITE( <i>B</i> , <i>t</i> )	16	16	16	8	8	( <i>T</i> , <i>B</i> , 8)
FLUSH LOG						
OUTPUT( <i>A</i> )	16	16	16	16	8	
OUTPUT( <i>B</i> )	16	16	16	16	16	
						( <i>T</i> , COMMIT)
FLUSH LOG						
UNLOCK( <i>A</i> )						
UNLOCK( <i>B</i> )						

**FLUSH LOG:** napló kiírása a háttértárra      **t:** lokális változó

***A<sub>M</sub>*, *B<sub>M</sub>*, *A<sub>D</sub>*, *B<sub>D</sub>*:** Az *A* és *B* cellák tartalma memóriában illetve a lemezen.

# UNDO helyreállítás

Ha hiba történt  $\implies$  konzisztens állapot visszaállítása



# UNDO helyreállítás

Ha hiba történt  $\implies$  konzisztens állapot visszaállítása  
 $\implies$  nem befejezett tranzakciók hatásának törlése

# UNDO helyreállítás

Ha hiba történt  $\implies$  konzisztens állapot visszaállítása

$\implies$  nem befejezett tranzakciók hatásának törlése

- Első feladat: Eldönteni melyek a sikeresen befejezett és melyek nem befejezett tranzakciók.

# UNDO helyreállítás

Ha hiba történt  $\implies$  konzisztens állapot visszaállítása

$\implies$  nem befejezett tranzakciók hatásának törlése

- Első feladat: Eldönteni melyek a sikeresen befejezett és melyek nem befejezett tranzakciók.
  - ▶ Ha van  $(T, \text{BEGIN})$  és van  $(T, \text{COMMIT})$

# UNDO helyreállítás

Ha hiba történt  $\implies$  konzisztens állapot visszaállítása

$\implies$  nem befejezett tranzakciók hatásának törlése

- Első feladat: Eldönteni melyek a sikeresen befejezett és melyek nem befejezett tranzakciók.

▶ Ha van  $(T, \text{BEGIN})$  és van  $(T, \text{COMMIT}) \implies$  minden változás a lemezen van ✓

# UNDO helyreállítás

Ha hiba történt  $\implies$  konzisztens állapot visszaállítása

$\implies$  nem befejezett tranzakciók hatásának törlése

- Első feladat: Eldönteni melyek a sikeresen befejezett és melyek nem befejezett tranzakciók.
  - ▶ Ha van  $(T, \text{BEGIN})$  és van  $(T, \text{COMMIT})$   $\implies$  minden változás a lemezen van ✓
  - ▶ Ha van  $(T, \text{BEGIN})$ , de nincs  $(T, \text{COMMIT})$

# UNDO helyreállítás

Ha hiba történt  $\implies$  konzisztens állapot visszaállítása

$\implies$  nem befejezett tranzakciók hatásának törlése

- Első feladat: Eldönteni melyek a sikeresen befejezett és melyek nem befejezett tranzakciók.
  - ▶ Ha van  $(T, \text{BEGIN})$  és van  $(T, \text{COMMIT})$   $\implies$  minden változás a lemezen van ✓
  - ▶ Ha van  $(T, \text{BEGIN})$ , de nincs  $(T, \text{COMMIT})$   $\implies$  lehet olyan változás, ami nem került még a lemezre, de lehet olyan is ami kikerült

# UNDO helyreállítás

Ha hiba történt  $\implies$  konzisztens állapot visszaállítása

$\implies$  nem befejezett tranzakciók hatásának törlése

- Első feladat: Eldönteni melyek a sikeresen befejezett és melyek nem befejezett tranzakciók.
  - ▶ Ha van  $(T, \text{BEGIN})$  és van  $(T, \text{COMMIT})$   $\implies$  minden változás a lemezen van ✓
  - ▶ Ha van  $(T, \text{BEGIN})$ , de nincs  $(T, \text{COMMIT})$   $\implies$  lehet olyan változás, ami nem került még a lemezre, de lehet olyan is ami kikerült  $\implies$  ezeket vissza kell állítani

# UNDO helyreállítás

Ha hiba történt  $\implies$  konzisztens állapot visszaállítása

$\implies$  nem befejezett tranzakciók hatásának törlése

- Első feladat: Eldönteni melyek a sikeresen befejezett és melyek nem befejezett tranzakciók.
  - ▶ Ha van  $(T, \text{BEGIN})$  és van  $(T, \text{COMMIT})$   $\implies$  minden változás a lemezen van ✓
  - ▶ Ha van  $(T, \text{BEGIN})$ , de nincs  $(T, \text{COMMIT})$   $\implies$  lehet olyan változás, ami nem került még a lemezre, de lehet olyan is ami kikerült  $\implies$  ezeket vissza kell állítani
- Második feladat: visszaállítás  
A napló végétől visszafelé (pontosabban a hibától) haladva: megjegyezzük, hogy mely  $T_i$ -re találtunk  $(T_i, \text{COMMIT})$  és  $(T_i, \text{ABORT})$  bejegyzéseket.



# UNDO helyreállítás

Ha hiba történt  $\implies$  konzisztens állapot visszaállítása

$\implies$  nem befejezett tranzakciók hatásának törlése

- Első feladat: Eldönteni melyek a sikeresen befejezett és melyek nem befejezett tranzakciók.
  - ▶ Ha van  $(T, \text{BEGIN})$  és van  $(T, \text{COMMIT})$   $\implies$  minden változás a lemezen van ✓
  - ▶ Ha van  $(T, \text{BEGIN})$ , de nincs  $(T, \text{COMMIT})$   $\implies$  lehet olyan változás, ami nem került még a lemezre, de lehet olyan is ami kikerült  $\implies$  ezeket vissza kell állítani
- Második feladat: visszaállítás  
A napló végétől visszafelé (pontosabban a hibától) haladva: megjegyezzük, hogy mely  $T_i$ -re találtunk  $(T_i, \text{COMMIT})$  és  $(T_i, \text{ABORT})$  bejegyzéseket.  
Ha van egy  $(T_i, X, v)$  bejegyzés:
  - ▶ Ha láttunk már  $(T_i, \text{COMMIT})$  bejegyzést (visszafelé haladva), akkor  $T_i$  már befejeződött, értékét kiírtuk a tárra

# UNDO helyreállítás

Ha hiba történt  $\implies$  konzisztens állapot visszaállítása

$\implies$  nem befejezett tranzakciók hatásának törlése

- Első feladat: Eldönteni melyek a sikeresen befejezett és melyek nem befejezett tranzakciók.
  - ▶ Ha van  $(T, \text{BEGIN})$  és van  $(T, \text{COMMIT})$   $\implies$  minden változás a lemezen van ✓
  - ▶ Ha van  $(T, \text{BEGIN})$ , de nincs  $(T, \text{COMMIT})$   $\implies$  lehet olyan változás, ami nem került még a lemezre, de lehet olyan is ami kikerült  $\implies$  ezeket vissza kell állítani
- Második feladat: visszaállítás  
A napló végétől visszafelé (pontosabban a hibától) haladva: megjegyezzük, hogy mely  $T_i$ -re találtunk  $(T_i, \text{COMMIT})$  és  $(T_i, \text{ABORT})$  bejegyzéseket.  
Ha van egy  $(T_i, X, v)$  bejegyzés:
  - ▶ Ha láttunk már  $(T_i, \text{COMMIT})$  bejegyzést (visszafelé haladva), akkor  $T_i$  már befejeződött, értékét kiírtuk a tárra  $\implies$  nem csinálunk semmit

# UNDO helyreállítás

Ha hiba történt  $\implies$  konzisztens állapot visszaállítása

$\implies$  nem befejezett tranzakciók hatásának törlése

- Első feladat: Eldönteni melyek a sikeresen befejezett és melyek nem befejezett tranzakciók.

- ▶ Ha van  $(T, \text{BEGIN})$  és van  $(T, \text{COMMIT}) \implies$  minden változás a lemezen van ✓
- ▶ Ha van  $(T, \text{BEGIN})$ , de nincs  $(T, \text{COMMIT}) \implies$  lehet olyan változás, ami nem került még a lemezre, de lehet olyan is ami kikerült  $\implies$  ezeket vissza kell állítani

- Második feladat: visszaállítás

A napló végétől visszafelé (pontosabban a hibától) haladva: megjegyezzük, hogy mely  $T_i$ -re találtunk  $(T_i, \text{COMMIT})$  és  $(T_i, \text{ABORT})$  bejegyzéseket.

Ha van egy  $(T_i, X, v)$  bejegyzés:

- ▶ Ha láttunk már  $(T_i, \text{COMMIT})$  bejegyzést (visszafelé haladva), akkor  $T_i$  már befejeződött, értékét kiírtuk a tárra  $\implies$  nem csinálunk semmit
- ▶ Minden más esetben (vagy volt  $(T_i, \text{ABORT})$  vagy semmi)

# UNDO helyreállítás

Ha hiba történt  $\implies$  konzisztens állapot visszaállítása

$\implies$  nem befejezett tranzakciók hatásának törlése

- Első feladat: Eldönteni melyek a sikeresen befejezett és melyek nem befejezett tranzakciók.

- ▶ Ha van  $(T, \text{BEGIN})$  és van  $(T, \text{COMMIT})$   $\implies$  minden változás a lemezen van ✓
- ▶ Ha van  $(T, \text{BEGIN})$ , de nincs  $(T, \text{COMMIT})$   $\implies$  lehet olyan változás, ami nem került még a lemezre, de lehet olyan is ami kikerült  $\implies$  ezeket vissza kell állítani

- Második feladat: visszaállítás

A napló végétől visszafelé (pontosabban a hibától) haladva: megjegyezzük, hogy mely  $T_i$ -re találtunk  $(T_i, \text{COMMIT})$  és  $(T_i, \text{ABORT})$  bejegyzéseket.

Ha van egy  $(T_i, X, v)$  bejegyzés:

- ▶ Ha láttunk már  $(T_i, \text{COMMIT})$  bejegyzést (visszafelé haladva), akkor  $T_i$  már befejeződött, értékét kiírtuk a tárra  $\implies$  nem csinálunk semmit
- ▶ Minden más esetben (vagy volt  $(T_i, \text{ABORT})$  vagy semmi)  $\implies$   $X$ -be visszairjuk  $v$ -t

# UNDO helyreállítás

Ha hiba történt  $\implies$  konzisztens állapot visszaállítása

$\implies$  nem befejezett tranzakciók hatásának törlése

- **Első feladat:** Eldönteni melyek a sikeresen befejezett és melyek nem befejezett tranzakciók.
  - ▶ Ha van  $(T, \text{BEGIN})$  és van  $(T, \text{COMMIT})$   $\implies$  minden változás a lemezen van ✓
  - ▶ Ha van  $(T, \text{BEGIN})$ , de nincs  $(T, \text{COMMIT})$   $\implies$  lehet olyan változás, ami nem került még a lemezre, de lehet olyan is ami kikerült  $\implies$  ezeket vissza kell állítani
- **Második feladat:** visszaállítás  
A napló végétől visszafelé (pontosabban a hibától) haladva: megjegyezzük, hogy mely  $T_i$ -re találtunk  $(T_i, \text{COMMIT})$  és  $(T_i, \text{ABORT})$  bejegyzéseket.  
Ha van egy  $(T_i, X, v)$  bejegyzés:
  - ▶ Ha láttunk már  $(T_i, \text{COMMIT})$  bejegyzést (visszafelé haladva), akkor  $T_i$  már befejeződött, értékét kiírtuk a tárra  $\implies$  nem csinálunk semmit
  - ▶ Minden más esetben (vagy volt  $(T_i, \text{ABORT})$  vagy semmi)  $\implies$   $X$ -be visszaírjuk  $v$ -t
- **Harmadik feladat:** Ha végeztünk, minden nem teljes  $T_i$ -re írunk  $(T_i, \text{ABORT})$  a napló végére.

# Példa

<i>T</i>	<i>t</i>	<i>A<sub>M</sub></i>	<i>B<sub>M</sub></i>	<i>A<sub>D</sub></i>	<i>B<sub>D</sub></i>	<i>Napló</i>
				8	8	( <i>T</i> , BEGIN)
LOCK( <i>A</i> )				8	8	
LOCK( <i>B</i> )				8	8	
READ( <i>A</i> , <i>t</i> )	8	8		8	8	
<i>t</i> := <i>t</i> · 2	16	8		8	8	
WRITE( <i>A</i> , <i>t</i> )	16	16		8	8	( <i>T</i> , <i>A</i> , 8)
READ( <i>B</i> , <i>t</i> )	8	16	8	8	8	
<i>t</i> := <i>t</i> · 2	16	16	8	8	8	
WRITE( <i>B</i> , <i>t</i> )	16	16	16	8	8	( <i>T</i> , <i>B</i> , 8)
(FLUSH LOG)						
OUTPUT( <i>A</i> )	16	16	16	16	8	
OUTPUT( <i>B</i> )	16	16	16	16	16	
						( <i>T</i> , COMMIT)
(FLUSH LOG)						
UNLOCK( <i>A</i> )						
UNLOCK( <i>B</i> )						

- Mi van ha a helyreállítás közben hiba történik? Már bizonyos értékeket visszaállítottunk, de utána elakadunk.

- Mi van ha a helyreállítás közben hiba történik? Már bizonyos értékeket visszaállítottunk, de utána elakadunk.  
⇒ **Kezdjük előről a visszaállítást!** Ha már valami vissza volt állítva, legfeljebb még egyszer „visszaállítjuk”



- Mi van ha a helyreállítás közben hiba történik? Már bizonyos értékeket visszaállítottunk, de utána elakadunk.  
⇒ **Kezdjük előről a visszaállítást!** Ha már valami vissza volt állítva, legfeljebb még egyszer „visszaállítjuk” ⇒ **nem történik semmi.**

- Mi van ha a helyreállítás közben hiba történik? Már bizonyos értékeket visszaállítottunk, de utána elakadunk.  
⇒ **Kezdjük előről a visszaállítást!** Ha már valami vissza volt állítva, legfeljebb még egyszer „visszaállítjuk” ⇒ **nem történik semmi.**
- **Ez így nagyon sokáig tarthat, mert el kell mennünk a napló elejéig.**

# CHECKPOINT képzése

Meddig menjünk vissza a naplóban? Honnan tudjuk, hogy mikor vagyunk egy biztosan konzisztens állapotnál?

# CHECKPOINT képzése

Meddig menjünk vissza a naplóban? Honnan tudjuk, hogy mikor vagyunk egy biztosan konzisztens állapotnál?

Erre való a **CHECKPOINT**.

# CHECKPOINT képzése

Meddig menjünk vissza a naplóban? Honnan tudjuk, hogy mikor vagyunk egy biztosan konzisztens állapotnál?

Erre való a **CHECKPOINT**. Ennek képzése:

1. Megtiltjuk új tranzakció indítását

# CHECKPOINT képzése

Meddig menjünk vissza a naplóban? Honnan tudjuk, hogy mikor vagyunk egy biztosan konzisztens állapotnál?

Erre való a **CHECKPOINT**. Ennek képzése:

- 1 Megtiltjuk új tranzakció indítását
- 2 Megvárjuk, amíg minden futó tranzakció **COMMIT** vagy **ABORT** módon véget ér

# CHECKPOINT képzése

Meddig menjünk vissza a naplóban? Honnan tudjuk, hogy mikor vagyunk egy biztosan konzisztens állapotnál?

Erre való a **CHECKPOINT**. Ennek képzése:

- 1 Megtöltjük új tranzakció indítását
- 2 Megvárjuk, amíg minden futó tranzakció **COMMIT** vagy **ABORT** módon véget ér
- 3 Minden puffert a háttértárra írunk, ekkor az adatbázis állapota biztosan konzisztens lesz

# CHECKPOINT képzése

Meddig menjünk vissza a naplóban? Honnan tudjuk, hogy mikor vagyunk egy biztosan konzisztens állapotnál?

Erre való a **CHECKPOINT**. Ennek képzése:

- 1 Megtiltjuk új tranzakció indítását
- 2 Megvárjuk, amíg minden futó tranzakció **COMMIT** vagy **ABORT** módon véget ér
- 3 Minden puffert a háttértárra írunk, ekkor az adatbázis állapota biztosan konzisztens lesz
- 4 A naplóba beírjuk, hogy (**CHECKPOINT**)



# CHECKPOINT képzése

Meddig menjünk vissza a naplóban? Honnan tudjuk, hogy mikor vagyunk egy biztosan konzisztens állapotnál?

Erre való a **CHECKPOINT**. Ennek képzése:

- 1 Megtiltjuk új tranzakció indítását
- 2 Megvárjuk, amíg minden futó tranzakció **COMMIT** vagy **ABORT** módon véget ér
- 3 Minden puffert a háttértárra írunk, ekkor az adatbázis állapota biztosan konzisztens lesz
- 4 A naplóba beírjuk, hogy (**CHECKPOINT**)
- 5 A naplót is háttértárra írjuk: (**FLUSH LOG**)

# CHECKPOINT képzése

Meddig menjünk vissza a naplóban? Honnan tudjuk, hogy mikor vagyunk egy biztosan konzisztens állapotnál?

Erre való a **CHECKPOINT**. Ennek képzése:

- 1 Megtiltjuk új tranzakció indítását
- 2 Megvárjuk, amíg minden futó tranzakció **COMMIT** vagy **ABORT** módon véget ér
- 3 Minden puffert a háttértárra írunk, ekkor az adatbázis állapota biztosan konzisztens lesz
- 4 A naplóba beírjuk, hogy (**CHECKPOINT**)
- 5 A naplót is háttértárra írjuk: (**FLUSH LOG**)

Ezután nyilván elég az első **CHECKPOINT**-ig visszamenni, hiszen előtte minden  $T_i$  már valahogy befejeződött.

# CHECKPOINT képzése

Meddig menjünk vissza a naplóban? Honnan tudjuk, hogy mikor vagyunk egy biztosan konzisztens állapotnál?

Erre való a **CHECKPOINT**. Ennek képzése:

- 1 Megtiltjuk új tranzakció indítását
- 2 Megvárjuk, amíg minden futó tranzakció **COMMIT** vagy **ABORT** módon véget ér
- 3 Minden puffert a háttértárra írunk, ekkor az adatbázis állapota biztosan konzisztens lesz
- 4 A naplóba beírjuk, hogy (**CHECKPOINT**)
- 5 A naplót is háttértárra írjuk: (**FLUSH LOG**)

Ezután nyilván elég az első **CHECKPOINT**-ig visszamenni, hiszen előtte minden  $T_i$  már valahogy befejeződött.

⇒ Teljesen le kell állítani a rendszert.

## CHECKPOINT képzése működés közben

- 1 A naplóba beírjuk, hogy **(START CHECKPOINT ( $T_1, \dots, T_k$ ))**, ahol  $T_i$  az összes éppen aktív tranzakció

## CHECKPOINT képzése működés közben

- 1 A naplóba beírjuk, hogy **(START CHECKPOINT ( $T_1, \dots, T_k$ ))**, ahol  $T_i$  az összes éppen aktív tranzakció
- 2 A naplót háttértárra írjuk: **FLUSH LOG**

## CHECKPOINT képzése működés közben

- 1 A naplóba beírjuk, hogy **(START CHECKPOINT ( $T_1, \dots, T_k$ ))**, ahol  $T_i$  az összes éppen aktív tranzakció
- 2 A naplót háttértárra írjuk: **FLUSH LOG**
- 3 Megvárjuk, hogy minden fenti  $T_i$  végetérjen. (Közben más tranzakciók elindulhatnak.)

## CHECKPOINT képzése működés közben

- 1 A naplóba beírjuk, hogy **(START CHECKPOINT ( $T_1, \dots, T_k$ ))**, ahol  $T_i$  az összes éppen aktív tranzakció
- 2 A naplót háttértárra írjuk: **FLUSH LOG**
- 3 Megvárjuk, hogy minden fenti  $T_i$  végetérjen. (Közben más tranzakciók elindulhatnak.)
- 4 Ha mind befejeződött: **(END CHECKPOINT)** és **(FLUSH LOG)**

## CHECKPOINT képzése működés közben

- 1 A naplóba beírjuk, hogy **(START CHECKPOINT ( $T_1, \dots, T_k$ ))**, ahol  $T_i$  az összes éppen aktív tranzakció
- 2 A naplót háttértárra írjuk: **FLUSH LOG**
- 3 Megvárjuk, hogy minden fenti  $T_i$  végetérjen. (Közben más tranzakciók elindulhatnak.)
- 4 Ha mind befejeződött: **(END CHECKPOINT)** és **(FLUSH LOG)**

## Visszaállítás

- Visszafelé olvasva, ha előbb **(END CHECKPOINT)** van



## CHECKPOINT képzése működés közben

- 1 A naplóba beírjuk, hogy (START CHECKPOINT ( $T_1, \dots, T_k$ )), ahol  $T_i$  az összes éppen aktív tranzakció
- 2 A naplót háttértárra írjuk: FLUSH LOG
- 3 Megvárjuk, hogy minden fenti  $T_i$  végetérjen. (Közben más tranzakciók elindulhatnak.)
- 4 Ha mind befejeződött: (END CHECKPOINT) és (FLUSH LOG)

## Visszaállítás

- Visszafelé olvasva, ha előbb (END CHECKPOINT) van  $\implies$  elég visszamenni a következő START CHECKPOINT-ig.

## CHECKPOINT képzése működés közben

- 1 A naplóba beírjuk, hogy (START CHECKPOINT ( $T_1, \dots, T_k$ )), ahol  $T_i$  az összes éppen aktív tranzakció
- 2 A naplót háttértárra írjuk: FLUSH LOG
- 3 Megvárjuk, hogy minden fenti  $T_i$  végetérjen. (Közben más tranzakciók elindulhatnak.)
- 4 Ha mind befejeződött: (END CHECKPOINT) és (FLUSH LOG)

## Visszaállítás

- Visszafelé olvasva, ha előbb (END CHECKPOINT) van  $\implies$  elég visszamenni a következő START CHECKPOINT-ig.
- Ha előbb (START CHECKPOINT ( $T_1, \dots, T_k$ ))-ot találunk  $\implies$  ezek nem mindegyike fejeződött be (meg esetleg mások sem, amik még később kezdődtek)

## CHECKPOINT képzése működés közben

- 1 A naplóba beírjuk, hogy (START CHECKPOINT ( $T_1, \dots, T_k$ )), ahol  $T_i$  az összes éppen aktív tranzakció
- 2 A naplót háttértárra írjuk: FLUSH LOG
- 3 Megvárjuk, hogy minden fenti  $T_i$  végetérjen. (Közben más tranzakciók elindulhatnak.)
- 4 Ha mind befejeződött: (END CHECKPOINT) és (FLUSH LOG)

## Visszaállítás

- Visszafelé olvasva, ha előbb (END CHECKPOINT) van  $\implies$  elég visszamenni a következő START CHECKPOINT-ig.
- Ha előbb (START CHECKPOINT ( $T_1, \dots, T_k$ ))-ot találunk  $\implies$  ezek nem mindegyike fejeződött be (meg esetleg mások sem, amik még később kezdődtek)  $\implies$  elég visszamenni a legkorábban kezdődött  $T_i$  elejére

# Példa

$(T_1, \text{BEGIN})$

$(T_1, A, 5)$

$(T_2, \text{BEGIN})$

$(T_2, B, 10)$

# Példa

$(T_1, \text{BEGIN})$

$(T_1, A, 5)$

$(T_2, \text{BEGIN})$

$(T_2, B, 10)$

**(START CHECKPOINT  $(T_1, T_2)$ )**

# Példa

$(T_1, \text{BEGIN})$

$(T_1, A, 5)$

$(T_2, \text{BEGIN})$

$(T_2, B, 10)$

**$(\text{START CHECKPOINT } (T_1, T_2))$**

$(T_2, C, 15)$

$(T_3, \text{BEGIN})$

# Példa

$(T_1, \text{BEGIN})$

$(T_1, A, 5)$

$(T_2, \text{BEGIN})$

$(T_2, B, 10)$

**$(\text{START CHECKPOINT } (T_1, T_2))$**

$(T_2, C, 15)$

$(T_3, \text{BEGIN})$

$(T_1, D, 20)$

$(T_1, \text{COMMIT})$

$(T_3, E, 25)$

# Példa

( $T_1$ , BEGIN)

( $T_1$ , A, 5)

( $T_2$ , BEGIN)

( $T_2$ , B, 10)

(START CHECKPOINT ( $T_1$ ,  $T_2$ ))

( $T_2$ , C, 15)

( $T_3$ , BEGIN)

( $T_1$ , D, 20)

( $T_1$ , COMMIT)

( $T_3$ , E, 25)

( $T_2$ , COMMIT)

(END CHECKPOINT)



# Példa

( $T_1$ , BEGIN)

( $T_1$ , A, 5)

( $T_2$ , BEGIN)

( $T_2$ , B, 10)

(START CHECKPOINT ( $T_1$ ,  $T_2$ ))

( $T_2$ , C, 15)

( $T_3$ , BEGIN)

( $T_1$ , D, 20)

( $T_1$ , COMMIT)

( $T_3$ , E, 25)

( $T_2$ , COMMIT)

(END CHECKPOINT)

( $T_3$ , F, 30)

# Példa

( $T_1$ , BEGIN)

( $T_1$ , A, 5)

( $T_2$ , BEGIN)

( $T_2$ , B, 10)

(START CHECKPOINT ( $T_1$ ,  $T_2$ ))

( $T_2$ , C, 15)

( $T_3$ , BEGIN)

( $T_1$ , D, 20)

( $T_1$ , COMMIT)

( $T_3$ , E, 25)

( $T_2$ , COMMIT)

(END CHECKPOINT)

( $T_3$ , F, 30) ←

- $T_3$  nem fejeződött be

# Példa

( $T_1$ , BEGIN)

( $T_1$ , A, 5)

( $T_2$ , BEGIN)

( $T_2$ , B, 10)

(START CHECKPOINT ( $T_1$ ,  $T_2$ ))

( $T_2$ , C, 15)

( $T_3$ , BEGIN)

( $T_1$ , D, 20)

( $T_1$ , COMMIT)

( $T_3$ , E, 25)

( $T_2$ , COMMIT)

(END CHECKPOINT)

( $T_3$ , F, 30) ←

- $T_3$  nem fejeződött be  
⇒  $F \rightarrow 30$

# Példa

( $T_1$ , BEGIN)

( $T_1$ , A, 5)

( $T_2$ , BEGIN)

( $T_2$ , B, 10)

(START CHECKPOINT ( $T_1$ ,  $T_2$ ))

( $T_2$ , C, 15)

( $T_3$ , BEGIN)

( $T_1$ , D, 20)

( $T_1$ , COMMIT)

( $T_3$ , E, 25) ←

( $T_2$ , COMMIT)

(END CHECKPOINT)

( $T_3$ , F, 30) ←

- $T_3$  nem fejeződött be  
⇒  $F \rightarrow 30$
- $T_3$  nem fejeződött be

# Példa

( $T_1$ , BEGIN)

( $T_1$ , A, 5)

( $T_2$ , BEGIN)

( $T_2$ , B, 10)

(START CHECKPOINT ( $T_1$ ,  $T_2$ ))

( $T_2$ , C, 15)

( $T_3$ , BEGIN)

( $T_1$ , D, 20)

( $T_1$ , COMMIT)

( $T_3$ , E, 25) ←

( $T_2$ , COMMIT)

(END CHECKPOINT)

( $T_3$ , F, 30) ←

- $T_3$  nem fejeződött be  
⇒  $F \rightarrow 30$
- $T_3$  nem fejeződött be  
⇒  $E \rightarrow 25$

# Példa

( $T_1$ , BEGIN)

( $T_1$ , A, 5)

( $T_2$ , BEGIN)

( $T_2$ , B, 10)

(START CHECKPOINT ( $T_1$ ,  $T_2$ )) ←

( $T_2$ , C, 15)

( $T_3$ , BEGIN)

( $T_1$ , D, 20)

( $T_1$ , COMMIT)

( $T_3$ , E, 25) ←

( $T_2$ , COMMIT)

(END CHECKPOINT)

( $T_3$ , F, 30) ←

- $T_3$  nem fejeződött be  
⇒  $F \rightarrow 30$
- $T_3$  nem fejeződött be  
⇒  $E \rightarrow 25$
- (START CHECKPOINT)

# Példa

( $T_1$ , BEGIN)

( $T_1$ , A, 5)

( $T_2$ , BEGIN)

( $T_2$ , B, 10)

(START CHECKPOINT ( $T_1$ ,  $T_2$ )) ←

( $T_2$ , C, 15)

( $T_3$ , BEGIN)

( $T_1$ , D, 20)

( $T_1$ , COMMIT)

( $T_3$ , E, 25) ←

( $T_2$ , COMMIT)

(END CHECKPOINT)

( $T_3$ , F, 30) ←

- $T_3$  nem fejeződött be  
⇒  $F \rightarrow 30$
- $T_3$  nem fejeződött be  
⇒  $E \rightarrow 25$
- (START CHECKPOINT)  
⇒ ✓

# Példa

$(T_1, \text{BEGIN})$

$(T_1, A, 5)$

$(T_2, \text{BEGIN})$

$(T_2, B, 10)$



# Példa

$(T_1, \text{BEGIN})$

$(T_1, A, 5)$

$(T_2, \text{BEGIN})$

$(T_2, B, 10)$

**(START CHECKPOINT  $(T_1, T_2)$ )**

# Példa

$(T_1, \text{BEGIN})$

$(T_1, A, 5)$

$(T_2, \text{BEGIN})$

$(T_2, B, 10)$

**$(\text{START CHECKPOINT } (T_1, T_2))$**

$(T_2, C, 15)$

# Példa

$(T_1, \text{BEGIN})$

$(T_1, A, 5)$

$(T_2, \text{BEGIN})$

$(T_2, B, 10)$

**$(\text{START CHECKPOINT } (T_1, T_2))$**

$(T_2, C, 15)$

$(T_3, \text{BEGIN})$

# Példa

$(T_1, \text{BEGIN})$

$(T_1, A, 5)$

$(T_2, \text{BEGIN})$

$(T_2, B, 10)$

**$(\text{START CHECKPOINT } (T_1, T_2))$**

$(T_2, C, 15)$

$(T_3, \text{BEGIN})$

$(T_1, D, 20)$

$(T_1, \text{COMMIT})$

# Példa

$(T_1, \text{BEGIN})$

$(T_1, A, 5)$

$(T_2, \text{BEGIN})$

$(T_2, B, 10)$

**$(\text{START CHECKPOINT } (T_1, T_2))$**

$(T_2, C, 15)$

$(T_3, \text{BEGIN})$

$(T_1, D, 20)$

$(T_1, \text{COMMIT})$

$(T_3, E, 25)$

# Példa

$(T_1, \text{BEGIN})$

$(T_1, A, 5)$

$(T_2, \text{BEGIN})$

$(T_2, B, 10)$

**$(\text{START CHECKPOINT } (T_1, T_2))$**

$(T_2, C, 15)$

$(T_3, \text{BEGIN})$

$(T_1, D, 20)$

$(T_1, \text{COMMIT})$

$(T_3, E, 25) \leftarrow$

- $T_3$  nem fejeződött be

# Példa

$(T_1, \text{BEGIN})$

$(T_1, A, 5)$

$(T_2, \text{BEGIN})$

$(T_2, B, 10)$

**(START CHECKPOINT  $(T_1, T_2)$ )**

$(T_2, C, 15)$

$(T_3, \text{BEGIN})$

$(T_1, D, 20)$

$(T_1, \text{COMMIT})$

$(T_3, E, 25)$  ←

- $T_3$  nem fejeződött be  
⇒  $E \rightarrow 25$

# Példa

$(T_1, \text{BEGIN})$

$(T_1, A, 5)$

$(T_2, \text{BEGIN})$

$(T_2, B, 10)$

**(START CHECKPOINT  $(T_1, T_2)$ )**

$(T_2, C, 15)$

$(T_3, \text{BEGIN})$

$(T_1, D, 20)$

$(T_1, \text{COMMIT}) \leftarrow$

$(T_3, E, 25) \leftarrow$

- $T_3$  nem fejeződött be  
 $\implies E \rightarrow 25$
- $T_1$  befejeződött



# Példa

$(T_1, \text{BEGIN})$

$(T_1, A, 5)$

$(T_2, \text{BEGIN})$

$(T_2, B, 10)$

**(START CHECKPOINT  $(T_1, T_2)$ )**

$(T_2, C, 15)$

$(T_3, \text{BEGIN})$

$(T_1, D, 20)$

$(T_1, \text{COMMIT}) \leftarrow$

$(T_3, E, 25) \leftarrow$

- $T_3$  nem fejeződött be  
 $\implies E \rightarrow 25$
- $T_1$  befejeződött  $\implies T_1$ -et  
nem bántjuk

# Példa

$(T_1, \text{BEGIN})$

$(T_1, A, 5)$

$(T_2, \text{BEGIN})$

$(T_2, B, 10)$

**(START CHECKPOINT  $(T_1, T_2)$ )**

$(T_2, C, 15) \leftarrow$

$(T_3, \text{BEGIN})$

$(T_1, D, 20)$

$(T_1, \text{COMMIT}) \leftarrow$

$(T_3, E, 25) \leftarrow$

- $T_3$  nem fejeződött be  
 $\implies E \rightarrow 25$
- $T_1$  befejeződött  $\implies T_1$ -et  
nem bántjuk
- $T_2$  nem fejeződött be

# Példa

$(T_1, \text{BEGIN})$

$(T_1, A, 5)$

$(T_2, \text{BEGIN})$

$(T_2, B, 10)$

**(START CHECKPOINT  $(T_1, T_2)$ )**

$(T_2, C, 15) \leftarrow$

$(T_3, \text{BEGIN})$

$(T_1, D, 20)$

$(T_1, \text{COMMIT}) \leftarrow$

$(T_3, E, 25) \leftarrow$

- $T_3$  nem fejeződött be  
 $\implies E \rightarrow 25$
- $T_1$  befejeződött  $\implies T_1$ -et  
nem bántjuk
- $T_2$  nem fejeződött be  
 $\implies C \rightarrow 15$

# Példa

$(T_1, \text{BEGIN})$

$(T_1, A, 5)$

$(T_2, \text{BEGIN})$

$(T_2, B, 10)$

**(START CHECKPOINT  $(T_1, T_2)$ )** ←

$(T_2, C, 15)$  ←

$(T_3, \text{BEGIN})$

$(T_1, D, 20)$

$(T_1, \text{COMMIT})$  ←

$(T_3, E, 25)$  ←

- $T_3$  nem fejeződött be  
 $\implies E \rightarrow 25$
- $T_1$  befejeződött  $\implies T_1$ -et  
nem bántjuk
- $T_2$  nem fejeződött be  
 $\implies C \rightarrow 15$
- **(START CHECKPOINT)**

# Példa

$(T_1, \text{BEGIN})$

$(T_1, A, 5)$

$(T_2, \text{BEGIN})$

$(T_2, B, 10)$

**(START CHECKPOINT  $(T_1, T_2)$ )** ←

$(T_2, C, 15)$  ←

$(T_3, \text{BEGIN})$

$(T_1, D, 20)$

$(T_1, \text{COMMIT})$  ←

$(T_3, E, 25)$  ←

- $T_3$  nem fejeződött be  
⇒  $E \rightarrow 25$
- $T_1$  befejeződött ⇒  $T_1$ -et  
nem bántjuk
- $T_2$  nem fejeződött be  
⇒  $C \rightarrow 15$
- **(START CHECKPOINT)**  
⇒ elég visszamenni  $T_2$   
elejéig

# Példa

$(T_1, \text{BEGIN})$

$(T_1, A, 5)$

$(T_2, \text{BEGIN})$

$(T_2, B, 10) \leftarrow$

**$(\text{START CHECKPOINT } (T_1, T_2)) \leftarrow$**

$(T_2, C, 15) \leftarrow$

$(T_3, \text{BEGIN})$

$(T_1, D, 20)$

$(T_1, \text{COMMIT}) \leftarrow$

$(T_3, E, 25) \leftarrow$

- $T_3$  nem fejeződött be  
 $\implies E \rightarrow 25$
- $T_1$  befejeződött  $\implies T_1$ -et  
nem bántjuk
- $T_2$  nem fejeződött be  
 $\implies C \rightarrow 15$
- **$(\text{START CHECKPOINT})$**   
 $\implies$  elég visszamenni  $T_2$   
elejéig
- $T_2$  nem fejeződött be

# Példa

$(T_1, \text{BEGIN})$

$(T_1, A, 5)$

$(T_2, \text{BEGIN})$

$(T_2, B, 10) \leftarrow$

**$(\text{START CHECKPOINT } (T_1, T_2)) \leftarrow$**

$(T_2, C, 15) \leftarrow$

$(T_3, \text{BEGIN})$

$(T_1, D, 20)$

$(T_1, \text{COMMIT}) \leftarrow$

$(T_3, E, 25) \leftarrow$

- $T_3$  nem fejeződött be  
 $\implies E \rightarrow 25$
- $T_1$  befejeződött  $\implies T_1$ -et nem bántjuk
- $T_2$  nem fejeződött be  
 $\implies C \rightarrow 15$
- **$(\text{START CHECKPOINT})$**   
 $\implies$  elég visszamenni  $T_2$  elejéig
- $T_2$  nem fejeződött be  
 $\implies B \rightarrow 10$

# Adatbázisok elmélete

## REDO protokoll

Katona Gyula Y.

Számítástudományi és Információelméleti Tanszék  
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem

26. előadás



## Fő szabály:

- Mielőtt a lemezen módosítunk egy  $X$  adatelemet, a  $(T, X, \nu)$  és a  $(T, COMMIT)$  bejegyzést is ki kell írunk a naplóba.

# REDO protokoll-naplózás

## Fő szabály:

- Mielőtt a lemezen módosítunk egy  $X$  adatelemet, a  $(T, X, v)$  és a  $(T, COMMIT)$  bejegyzést is ki kell írunk a naplóba.

## REDO protokoll

Ez a szigorú 2PL kiegészítése, vagyis a zárkérések 2PL szerint történnek, ezen felül pedig a műveletek és ezek naplózása az alábbi sorrendben történik:

- 1 A tranzakciók történéseinek feljegyzése a naplóba, a belső táron:  
 $(T_i, BEGIN)$ ,  $(T_i, A, \text{új érték})$ ,  $(T_i, ABORT)$

# REDO protokoll-naplózás

## Fő szabály:

- Mielőtt a lemezen módosítunk egy  $X$  adatelemet, a  $(T, X, v)$  és a  $(T, COMMIT)$  bejegyzést is ki kell írunk a naplóba.

## REDO protokoll

Ez a szigorú 2PL kiegészítése, vagyis a zárkérések 2PL szerint történnek, ezen felül pedig a műveletek és ezek naplózása az alábbi sorrendben történik:

- 1 A tranzakciók történéseinek feljegyzése a naplóba, a belső táron:  
 $(T_i, BEGIN)$ ,  $(T_i, A, \text{új érték})$ ,  $(T_i, ABORT)$
- 2 COMMIT után a napló háttértárra írása

## Fő szabály:

- Mielőtt a lemezen módosítunk egy  $X$  adataleget, a  $(T, X, v)$  és a  $(T, COMMIT)$  bejegyzést is ki kell írunk a naplóba.

## REDO protokoll

Ez a szigorú 2PL kiegészítése, vagyis a zárkérések 2PL szerint történnek, ezen felül pedig a műveletek és ezek naplózása az alábbi sorrendben történik:

- 1 A tranzakciók történéseinek feljegyzése a naplóba, a belső táron:  
 $(T_i, BEGIN)$ ,  $(T_i, A, \text{új érték})$ ,  $(T_i, ABORT)$
- 2 COMMIT után a napló háttértárra írása
- 3 Tényleges írás az adatbázisba a háttértáron, nem a pufferben

# REDO protokoll-naplózás

## Fő szabály:

- Mielőtt a lemezen módosítunk egy  $X$  adatelemet, a  $(T, X, v)$  és a  $(T, COMMIT)$  bejegyzést is ki kell írunk a naplóba.

## REDO protokoll

Ez a szigorú 2PL kiegészítése, vagyis a zárkérések 2PL szerint történnek, ezen felül pedig a műveletek és ezek naplózása az alábbi sorrendben történik:

- 1 A tranzakciók történéseinek feljegyzése a naplóba, a belső táron:  
 $(T_i, BEGIN)$ ,  $(T_i, A, \text{új érték})$ ,  $(T_i, ABORT)$
- 2 COMMIT után a napló háttértárra írása
- 3 Tényleges írás az adatbázisba a háttértáron, nem a pufferben
- 4 Záruk elengedése

## Megjegyzések:

- nincs lavina, mert zárelengedés csak COMMIT után

## Megjegyzések:

- nincs lavina, mert zárelengedés csak COMMIT után
- sorosítható, mert 2PL

## Megjegyzések:

- nincs lavina, mert zárelengedés csak COMMIT után
- sorosítható, mert 2PL
- vissza lehet hozni konzisztens állapotba a DB-t, akkor is, ha a belső tár sérül, erre lesz majd mindjárt a REDO helyreállítás
- **Különbség a az UNDO protokollhoz képest:**
  - ▶ Az adat változás utáni értékét jegyezzük fel a naplóba



## Megjegyzések:

- nincs lavina, mert zárelengedés csak COMMIT után
- sorosítható, mert 2PL
- vissza lehet hozni konzisztens állapotba a DB-t, akkor is, ha a belső tár sérül, erre lesz majd mindjárt a REDO helyreállítás
- **Különbség a az UNDO protokollhoz képest:**
  - ▶ Az adat változás utáni értékét jegyezzük fel a naplóba
  - ▶ Máshová rakjuk a COMMIT-ot, a kiírás elé

## Megjegyzések:

- nincs lavina, mert zárelengedés csak COMMIT után
- sorosítható, mert 2PL
- vissza lehet hozni konzisztens állapotba a DB-t, akkor is, ha a belső tár sérül, erre lesz majd mindjárt a REDO helyreállítás
- **Különbség a az UNDO protokollhoz képest:**
  - ▶ Az adat változás utáni értékét jegyezzük fel a naplóba
  - ▶ Máshová rakjuk a COMMIT-ot, a kiírás elé  $\implies$  **megtelhet a puffer**

## Megjegyzések:

- nincs lavina, mert zárelengedés csak COMMIT után
- sorosítható, mert 2PL
- vissza lehet hozni konzisztens állapotba a DB-t, akkor is, ha a belső tár sérül, erre lesz majd mindjárt a REDO helyreállítás
- **Különbség a az UNDO protokollhoz képest:**
  - ▶ Az adat változás utáni értékét jegyezzük fel a naplóba
  - ▶ Máshová rakjuk a COMMIT-ot, a kiírás elé  $\implies$  **megtelhet a puffer**
  - ▶ Az UNDO protokoll esetleg túl gyakran akar írni

# Megjegyzések:

- nincs lavina, mert zárelengedés csak COMMIT után
- sorosítható, mert 2PL
- vissza lehet hozni konzisztens állapotba a DB-t, akkor is, ha a belső tár sérül, erre lesz majd mindjárt a REDO helyreállítás
- **Különbség a az UNDO protokollhoz képest:**
  - ▶ Az adat változás utáni értékét jegyezzük fel a naplóba
  - ▶ Máshová rakjuk a COMMIT-ot, a kiírás elé  $\implies$  **megtelhet a puffer**
  - ▶ Az UNDO protokoll esetleg túl gyakran akar írni  $\implies$  **itt el lehet halasztani az írást**

# Példa

<i>T</i>	<i>t</i>	<i>A<sub>M</sub></i>	<i>B<sub>M</sub></i>	<i>A<sub>D</sub></i>	<i>B<sub>D</sub></i>	<i>Napló</i>
				8	8	( <i>T</i> , BEGIN)
LOCK( <i>A</i> )				8	8	
LOCK( <i>B</i> )				8	8	
READ( <i>A</i> , <i>t</i> )	8	8		8	8	
$t := t \cdot 2$	16	8		8	8	
WRITE( <i>A</i> , <i>t</i> )	16	16		8	8	( <i>T</i> , <i>A</i> , 16)
READ( <i>B</i> , <i>t</i> )	8	16	8	8	8	
$t := t \cdot 2$	16	16	8	8	8	
WRITE( <i>B</i> , <i>t</i> )	16	16	16	8	8	( <i>T</i> , <i>B</i> , 16) ( <i>T</i> , COMMIT)
(FLUSH LOG)						
OUTPUT( <i>A</i> )	16	16	16	16	8	
OUTPUT( <i>B</i> )	16	16	16	16	16	
UNLOCK( <i>A</i> )						
UNLOCK( <i>B</i> )						

Ha rendszerhiba történt és megsérült a belső tár, akkor az alábbiakat tesszük:

- 1 Minden zárat feloldunk

Ha rendszerhiba történt és megsérült a belső tár, akkor az alábbiakat tesszük:

- 1 Minden zárat feloldunk
- 2 A napló mentett részét nézzük visszafele, megkeressük azokat a tranzakciókat, amikre volt már COMMIT (a többi nem érdekes, mert ha még nem volt a COMMIT-juk kimentve, akkor nem is írtak a DB-be)

Ha rendszerhiba történt és megsérült a belső tár, akkor az alábbiakat tesszük:

- 1 Minden zárat feloldunk
- 2 A napló mentett részét nézzük visszafele, megkeressük azokat a tranzakciókat, amikre volt már COMMIT (a többi nem érdekes, mert ha még nem volt a COMMIT-juk kimentve, akkor nem is írtak a DB-be)
- 3 Addig megyünk vissza a naplóban, amíg biztosan konzisztens állapotot nem találunk (eleje vagy CHECKPOINT)



Ha rendszerhiba történt és megsérült a belső tár, akkor az alábbiakat tesszük:

- 1 Minden zárat feloldunk
- 2 A napló mentett részét nézzük visszafele, megkeressük azokat a tranzakciókat, amikre volt már COMMIT (a többi nem érdekes, mert ha még nem volt a COMMIT-juk kimentve, akkor nem is írtak a DB-be)
- 3 Addig megyünk vissza a naplóban, amíg biztosan konzisztens állapotot nem találunk (eleje vagy CHECKPOINT)
- 4 A COMMIT-tált tranzakciók írásait előlről kezdve (a legelső COMMIT-ált elejétől) megismételjük (ha már egyszer be volt írva, az se baj, akkor csak felülírjuk ugyanazzal). Ezt meg tudjuk tenni, mert ismerjük az új értékeket.

Ha rendszerhiba történt és megsérült a belső tár, akkor az alábbiakat tesszük:

- 1 Minden zárat feloldunk
- 2 A napló mentett részét nézzük visszafele, megkeressük azokat a tranzakciókat, amikre volt már COMMIT (a többi nem érdekes, mert ha még nem volt a COMMIT-juk kimentve, akkor nem is írtak a DB-be)
- 3 Addig megyünk vissza a naplóban, amíg biztosan konzisztens állapotot nem találunk (eleje vagy CHECKPOINT)
- 4 A COMMIT-tált tranzakciók írásait előlről kezdve (a legelső COMMIT-ált elejétől) megismételjük (ha már egyszer be volt írva, az se baj, akkor csak felülírjuk ugyanazzal). Ezt meg tudjuk tenni, mert ismerjük az új értékeket.
- 5 Minden nem befejezett  $T_i$  tranzakcióra ( $T_i, ABORT$ )-ot írunk a napló végére, (FLUSH LOG)

## Megjegyzések a REDO helyreállításhoz

- Ha a napló háttértáron van, akkor mindent újra tudunk csinálni, ami meg még nem került ki, azzal kapcsolatban változtatás se történt, nem kell visszacsinálni semmit.

## Megjegyzések a REDO helyreállításhoz

- Ha a napló háttértáron van, akkor mindent újra tudunk csinálni, ami meg még nem került ki, azzal kapcsolatban változtatás se történt, nem kell visszacsinálni semmit.
- Ha a helyreállítás során lenne újra hiba, akkor a napló marad, mert az már kint van, ez alapján újra kezdhetjük a helyreállítást.

## Megjegyzések a REDO helyreállításhoz

- Ha a napló háttértáron van, akkor mindent újra tudunk csinálni, ami meg még nem került ki, azzal kapcsolatban változtatás se történt, nem kell visszacsinálni semmit.
- Ha a helyreállítás során lenne újra hiba, akkor a napló marad, mert az már kint van, ez alapján újra kezdhetjük a helyreállítást.
- **Eredmény:** a háttértárra kikerült COMMIT-oknak megfelelő tranzakciók eredménye látszik, a többiekéből pedig semmi.

# Példa

<i>T</i>	<i>t</i>	<i>A<sub>M</sub></i>	<i>B<sub>M</sub></i>	<i>A<sub>D</sub></i>	<i>B<sub>D</sub></i>	<i>Napló</i>
				8	8	( <i>T</i> , BEGIN)
LOCK( <i>A</i> )				8	8	
LOCK( <i>B</i> )				8	8	
READ( <i>A</i> , <i>t</i> )	8	8		8	8	
<i>t</i> := <i>t</i> · 2	16	8		8	8	
WRITE( <i>A</i> , <i>t</i> )	16	16		8	8	( <i>T</i> , <i>A</i> , 16)
READ( <i>B</i> , <i>t</i> )	8	16	8	8	8	
<i>t</i> := <i>t</i> · 2	16	16	8	8	8	
WRITE( <i>B</i> , <i>t</i> )	16	16	16	8	8	( <i>T</i> , <i>B</i> , 16) ( <i>T</i> , COMMIT)
(FLUSH LOG)						
OUTPUT( <i>A</i> )	16	16	16	16	8	
OUTPUT( <i>B</i> )	16	16	16	16	16	
UNLOCK( <i>A</i> )						
UNLOCK( <i>B</i> )						

# Példa

$T_1$	napló
LOCK(A) LOCK(B)	( $T_1$ , BEGIN)
WRITE(A) WRITE(B) UNLOCK(A) UNLOCK(B)	( $T_1$ , A, x) ( $T_1$ , B, y) ( $T_1$ , COMMIT)

**( $T_1$ , A, x) jelentése:**  $T_1$  A-ba x-et írja  
Ekkor a tényleges írás nem történik meg, csak a naplóba kerül ez bele, a tényleges írás csak a COMMIT után jön.

# Példa

$T_1$	napló
LOCK(A) LOCK(B)	$(T_1, \text{BEGIN})$
WRITE(A) WRITE(B) UNLOCK(A) UNLOCK(B)	$(T_1, A, x)$ $(T_1, B, y)$ $(T_1, \text{COMMIT})$

**$(T_1, A, x)$  jelentése:**  $T_1$  A-ba x-et írja

Ekkor a tényleges írás nem történik meg, csak a naplóba kerül ez bele, a tényleges írás csak a COMMIT után jön.

Ha a belső tár hibája a COMMIT háttértárra írása előtt történik, akkor még semmi valódi írás nem volt, azaz semmit se kell csinálni. Ha azonban a COMMIT után van, akkor a naplóban megvan minden utasítás, újra meg lehet csinálni  $T_1$ -et.



- 1 Megtiltjuk új tranzakció indítását

# CHECKPOINT képzése

- 1 Megtiltjuk új tranzakció indítását
- 2 Megvárjuk, amíg minden futó tranzakció COMMIT vagy ABORT módon véget ér

# CHECKPOINT képzése

- 1 Megtiltjuk új tranzakció indítását
- 2 Megvárjuk, amíg minden futó tranzakció COMMIT vagy ABORT módon véget ér
- 3 **Minden puffert a háttértárra írunk**, ekkor az adatbázis állapota biztosan konzisztens lesz

# CHECKPOINT képzése

- 1 Megtiltjuk új tranzakció indítását
- 2 Megvárjuk, amíg minden futó tranzakció COMMIT vagy ABORT módon véget ér
- 3 **Minden puffert a háttértárra írunk**, ekkor az adatbázis állapota biztosan konzisztens lesz
- 4 A naplóba beírjuk, hogy CHECKPOINT

# CHECKPOINT képzése

- 1 Megtiltjuk új tranzakció indítását
- 2 Megvárjuk, amíg minden futó tranzakció COMMIT vagy ABORT módon véget ér
- 3 **Minden puffert a háttértárra írunk**, ekkor az adatbázis állapota biztosan konzisztens lesz
- 4 A naplóba beírjuk, hogy CHECKPOINT
- 5 A naplót is háttértárra írjuk

## CHECKPOINT képzése működés közben

- 1 A naplóba beírjuk, hogy **(START CHECKPOINT ( $T_1, \dots, T_k$ ))**, ahol  $T_i$  az összes éppen aktív tranzakció

## CHECKPOINT képzése működés közben

- 1 A naplóba beírjuk, hogy **(START CHECKPOINT ( $T_1, \dots, T_k$ ))**, ahol  $T_i$  az összes éppen aktív tranzakció
- 2 A naplót háttértárra írjuk: **FLUSH LOG**

## CHECKPOINT képzése működés közben

- 1 A naplóba beírjuk, hogy **(START CHECKPOINT ( $T_1, \dots, T_k$ ))**, ahol  $T_i$  az összes éppen aktív tranzakció
- 2 A naplót háttértárra írjuk: **FLUSH LOG**
- 3 Az összes olyan adatelemet kiírjuk a lemezre, amit olyan tranzakciók indítottak, amik még a CHECKPOINT előtt befejeződtek, de még nem írtak ki mindent a lemezre.



## CHECKPOINT képzése működés közben

- 1 A naplóba beírjuk, hogy **(START CHECKPOINT ( $T_1, \dots, T_k$ ))**, ahol  $T_i$  az összes éppen aktív tranzakció
- 2 A naplót háttértárra írjuk: **FLUSH LOG**
- 3 Az összes olyan adatelemet kiírjuk a lemezre, amit olyan tranzakciók indítottak, amik még a CHECKPOINT előtt befejeződtek, de még nem írtak ki mindent a lemezre.
- 4 **(END CHECKPOINT)** és **(FLUSH LOG)**

## CHECKPOINT képzése működés közben

- 1 A naplóba beírjuk, hogy **(START CHECKPOINT ( $T_1, \dots, T_k$ ))**, ahol  $T_i$  az összes éppen aktív tranzakció
- 2 A naplót háttértárra írjuk: **FLUSH LOG**
- 3 Az összes olyan adatelemet kiírjuk a lemezre, amit olyan tranzakciók indítottak, amik még a CHECKPOINT előtt befejeződtek, de még nem írtak ki mindent a lemezre.
- 4 **(END CHECKPOINT)** és **(FLUSH LOG)**

## Visszaállítás

- Visszafelé olvasva, ha előbb **(END CHECKPOINT)** van

## CHECKPOINT képzése működés közben

- 1 A naplóba beírjuk, hogy (START CHECKPOINT ( $T_1, \dots, T_k$ )), ahol  $T_i$  az összes éppen aktív tranzakció
- 2 A naplót háttértárra írjuk: FLUSH LOG
- 3 Az összes olyan adatelemet kiírjuk a lemezre, amit olyan tranzakciók indítottak, amik még a CHECKPOINT előtt befejeződtek, de még nem írtak ki mindent a lemezre.
- 4 (END CHECKPOINT) és (FLUSH LOG)

## Visszaállítás

- Visszafelé olvasva, ha előbb (END CHECKPOINT) van  $\implies$  elég visszamenni a következő START CHECKPOINT-ig.

## CHECKPOINT képzése működés közben

- 1 A naplóba beírjuk, hogy (START CHECKPOINT ( $T_1, \dots, T_k$ )), ahol  $T_i$  az összes éppen aktív tranzakció
- 2 A naplót háttértárra írjuk: FLUSH LOG
- 3 Az összes olyan adatelemet kiírjuk a lemezre, amit olyan tranzakciók indítottak, amik még a CHECKPOINT előtt befejeződtek, de még nem írtak ki mindent a lemezre.
- 4 (END CHECKPOINT) és (FLUSH LOG)

## Visszaállítás

- Visszafelé olvasva, ha előbb (END CHECKPOINT) van  $\implies$  elég visszamenni a következő START CHECKPOINT-ig.  $\implies$  innen előre minden itt szereplő  $T_i$ -re és minden később kezdődő más tranzakcióra REDO

## CHECKPOINT képzése működés közben

- 1 A naplóba beírjuk, hogy **(START CHECKPOINT ( $T_1, \dots, T_k$ ))**, ahol  $T_i$  az összes éppen aktív tranzakció
- 2 A naplót háttértárra írjuk: **FLUSH LOG**
- 3 Az összes olyan adatelemet kiírjuk a lemezre, amit olyan tranzakciók indítottak, amik még a CHECKPOINT előtt befejeződtek, de még nem írtak ki mindent a lemezre.
- 4 **(END CHECKPOINT)** és **(FLUSH LOG)**

## Visszaállítás

- **Visszafelé olvasva, ha előbb (END CHECKPOINT) van**  $\implies$  **elég visszamenni a következő START CHECKPOINT-ig.**  $\implies$  innen előre minden itt szereplő  $T_i$ -re és minden később kezdődő más tranzakcióra REDO
- **Ha előbb (START CHECKPOINT ( $T_1, \dots, T_k$ ))-ot találunk**

## CHECKPOINT képzése működés közben

- 1 A naplóba beírjuk, hogy (START CHECKPOINT ( $T_1, \dots, T_k$ )), ahol  $T_i$  az összes éppen aktív tranzakció
- 2 A naplót háttértárra írjuk: FLUSH LOG
- 3 Az összes olyan adatelemet kiírjuk a lemezre, amit olyan tranzakciók indítottak, amik még a CHECKPOINT előtt befejeződtek, de még nem írtak ki mindent a lemezre.
- 4 (END CHECKPOINT) és (FLUSH LOG)

## Visszaállítás

- Visszafelé olvasva, ha előbb (END CHECKPOINT) van  $\implies$  elég visszamenni a következő START CHECKPOINT-ig.  $\implies$  innen előre minden itt szereplő  $T_i$ -re és minden később kezdődő más tranzakcióra REDO
- Ha előbb (START CHECKPOINT ( $T_1, \dots, T_k$ ))-ot találunk  $\implies$  ezek nem mindegyike írta ki adatai (meg esetleg mások sem, amik még később kezdődtek)

## CHECKPOINT képzése működés közben

- 1 A naplóba beírjuk, hogy (START CHECKPOINT ( $T_1, \dots, T_k$ )), ahol  $T_i$  az összes éppen aktív tranzakció
- 2 A naplót háttértárra írjuk: FLUSH LOG
- 3 Az összes olyan adatelemet kiírjuk a lemezre, amit olyan tranzakciók indítottak, amik még a CHECKPOINT előtt befejeződtek, de még nem írtak ki mindent a lemezre.
- 4 (END CHECKPOINT) és (FLUSH LOG)

## Visszaállítás

- Visszafelé olvasva, ha előbb (END CHECKPOINT) van  $\implies$  elég visszamenni a következő START CHECKPOINT-ig.  $\implies$  innen előre minden itt szereplő  $T_i$ -re és minden később kezdődő más tranzakcióra REDO
- Ha előbb (START CHECKPOINT ( $T_1, \dots, T_k$ ))-ot találunk  $\implies$  ezek nem mindegyike írta ki adatai (meg esetleg mások sem, amik még később kezdődtek)  $\implies$  elég visszamenni az előző (START CHECKPOINT)-hoz

## CHECKPOINT képzése működés közben

- 1 A naplóba beírjuk, hogy (START CHECKPOINT ( $T_1, \dots, T_k$ )), ahol  $T_i$  az összes éppen aktív tranzakció
- 2 A naplót háttértárra írjuk: FLUSH LOG
- 3 Az összes olyan adatelemet kiírjuk a lemezre, amit olyan tranzakciók indítottak, amik még a CHECKPOINT előtt befejeződtek, de még nem írtak ki mindent a lemezre.
- 4 (END CHECKPOINT) és (FLUSH LOG)

## Visszaállítás

- Visszafelé olvasva, ha előbb (END CHECKPOINT) van  $\implies$  elég visszamenni a következő START CHECKPOINT-ig.  $\implies$  innen előre minden itt szereplő  $T_i$ -re és minden később kezdődő más tranzakcióra REDO
- Ha előbb (START CHECKPOINT ( $T_1, \dots, T_k$ ))-ot találunk  $\implies$  ezek nem mindegyike írta ki adatai (meg esetleg mások sem, amik még később kezdődtek)  $\implies$  elég visszamenni az előző (START CHECKPOINT)-hoz  $\implies$  onnan előre REDO



# Előnyök, hátrányok

## A CHECKPOINT ütemezése:

- adott idő letelte után

## A CHECKPOINT ütemezése:

- adott idő letelte után
- adott lefutott tranzakció után

# Előnyök, hátrányok

## A CHECKPOINT ütemezése:

- adott idő letelte után
- adott lefutott tranzakció után

Ha ritkák a rendszerhibák, elég ritka CHECKPOINT.

- **UNDO hátránya:** COMMIT után azonnal kiírjuk a lemezre az értékeket

- **UNDO hátránya:** COMMIT után azonnal kiírjuk a lemezre az értékeket  $\implies$  sok írás

# UNDO/REDO protokoll-naplózás

- **UNDO hátránya:** COMMIT után azonnal kiírjuk a lemezre az értékeket  $\implies$  sok írás
- **REDO hátránya:** Nem írunk, amíg nincs COMMIT

# UNDO/REDO protokoll-naplózás

- **UNDO hátránya:** COMMIT után azonnal kiírjuk a lemezre az értékeket  $\implies$  sok írás
- **REDO hátránya:** Nem írunk, amíg nincs COMMIT  $\implies$  nagy memóriaigény

# UNDO/REDO protokoll-naplózás

- **UNDO hátránya:** COMMIT után azonnal kiírjuk a lemezre az értékeket  $\implies$  sok írás
- **REDO hátránya:** Nem írunk, amíg nincs COMMIT  $\implies$  nagy memóriaigény

## UNDO/REDO

### Fő elv:

- Mielőtt az adatbázis bármely  $X$  elemének értékét a lemezen módosítanánk, a  $(T, X, v, w)$  naplóbejegyzésnek a lemezre kell kerülnie.



# UNDO/REDO protokoll-naplózás

- **UNDO hátránya:** COMMIT után azonnal kiírjuk a lemezre az értékeket  $\implies$  sok írás
- **REDO hátránya:** Nem írunk, amíg nincs COMMIT  $\implies$  nagy memóriaigény

## UNDO/REDO

### Fő elv:

- Mielőtt az adatbázis bármely  $X$  elemének értékét a lemezen módosítanánk, a  $(T, X, v, w)$  naplóbejegyzésnek a lemezre kell kerülnie.

Nagyobb szabadság, hogy mikor írjunk.

# UNDO/REDO protokoll-naplózás

- **UNDO hátránya:** COMMIT után azonnal kiírjuk a lemezre az értékeket  $\implies$  sok írás
- **REDO hátránya:** Nem írunk, amíg nincs COMMIT  $\implies$  nagy memóriaigény

## UNDO/REDO

### Fő elv:

- Mielőtt az adatbázis bármely  $X$  elemének értékét a lemezen módosítanánk, a  $(T, X, v, w)$  naplóbejegyzésnek a lemezre kell kerülnie.

Nagyobb szabadság, hogy mikor írjunk.

Nagyobb méretű napló.  $\implies v, w$  nagyon nagy is lehet!

# Példa

<i>T</i>	<i>t</i>	<i>A<sub>M</sub></i>	<i>B<sub>M</sub></i>	<i>A<sub>D</sub></i>	<i>B<sub>D</sub></i>	<i>Napló</i>
				8	8	( <i>T</i> , BEGIN)
LOCK( <i>A</i> )				8	8	
LOCK( <i>B</i> )				8	8	
READ( <i>A</i> , <i>t</i> )	8	8		8	8	
$t := t \cdot 2$	16	8		8	8	
WRITE( <i>A</i> , <i>t</i> )	16	16		8	8	( <i>T</i> , <i>A</i> , 8, 16)
READ( <i>B</i> , <i>t</i> )	8	16	8	8	8	
$t := t \cdot 2$	16	16	8	8	8	
WRITE( <i>B</i> , <i>t</i> )	16	16	16	8	8	( <i>T</i> , <i>B</i> , 8, 16)
(FLUSH LOG)						
OUTPUT( <i>A</i> )	16	16	16	16	8	( <i>T</i> , COMMIT)
OUTPUT( <i>B</i> )	16	16	16	16	16	
UNLOCK( <i>A</i> )						
UNLOCK( <i>B</i> )						

# UNDO/REDO visszaállítás

- A legkorábbtól kezdve állítsuk vissza minden befejezett tranzakció hatását.  
(REDO)

# UNDO/REDO visszaállítás

- A legkorábbiól kezdve állítsuk vissza minden befejezett tranzakció hatását. (REDO)
- A legutolsótól kezdve állítsuk tegyük semmissé minden be nem fejezett tranzakció hatását. (UNDO)

# Példa

$T$	$t$	$A_M$	$B_M$	$A_D$	$B_D$	Napló
				8	8	( $T$ , BEGIN)
LOCK( $A$ )				8	8	
LOCK( $B$ )				8	8	
READ( $A$ , $t$ )	8	8		8	8	
$t := t \cdot 2$	16	8		8	8	
WRITE( $A$ , $t$ )	16	16		8	8	( $T$ , $A$ , 8, 16)
READ( $B$ , $t$ )	8	16	8	8	8	
$t := t \cdot 2$	16	16	8	8	8	
WRITE( $B$ , $t$ )	16	16	16	8	8	( $T$ , $B$ , 8, 16)
(FLUSH LOG)						
OUTPUT( $A$ )	16	16	16	16	8	( $T$ , COMMIT)
OUTPUT( $B$ )	16	16	16	16	16	
UNLOCK( $A$ )						
UNLOCK( $B$ )						

# CHECKPOINT képzés működés közben

- 1 Írjuk a naplóba a **(START CHECKPOINT ( $T_1, \dots, T_k$ ))** bejegyzést, ahol  $T_i$  az összes éppen aktív tranzakció
- 2 **(FULSH LOG)**

## CHECKPOINT képzés működés közben

- 1 Írjuk a naplóba a **(START CHECKPOINT ( $T_1, \dots, T_k$ ))** bejegyzést, ahol  $T_i$  az összes éppen aktív tranzakció
- 2 **(FULSH LOG)**
- 3 Írjuk a lemezre az **összes piszkos puffert**



# CHECKPOINT képzés működés közben

- 1 Írjuk a naplóba a **(START CHECKPOINT ( $T_1, \dots, T_k$ ))** bejegyzést, ahol  $T_i$  az összes éppen aktív tranzakció
- 2 **(FULSH LOG)**
- 3 Írjuk a lemezre az **összes piszkos puffert**
- 4 **(END CHECKPOINT)**
- 5 **(FULSH LOG)**

## CHECKPOINT képzés működés közben

- 1 Írjuk a naplóba a **(START CHECKPOINT ( $T_1, \dots, T_k$ ))** bejegyzést, ahol  $T_i$  az összes éppen aktív tranzakció
- 2 **(FULSH LOG)**
- 3 Írjuk a lemezre az **összes piszkos puffert**
- 4 **(END CHECKPOINT)**
- 5 **(FULSH LOG)**

Mindenképp elég visszamenni legfeljebb az előző CHECKPOINT-ig (mint a REDO-nál).

# Példa

( $T_1$ , BEGIN)

( $T_1$ , A, 4, 5)

( $T_2$ , BEGIN)

( $T_1$ , COMMIT)

( $T_2$ , B, 9, 10)

(START CHECKPOINT ( $T_2$ ))

( $T_2$ , C, 14, 15)

( $T_3$ , BEGIN)

( $T_3$ , D, 19, 20)

(END CHECKPOINT)

( $T_2$ , COMMIT)

( $T_3$ , COMMIT)

- **A naplót külön lemezen tartjuk**
- **Nem dobjuk el a napló CHECKPOINT előtti részét sem**
- **REDO vagy UNDO/REDO protokollt használunk**

- **A naplót külön lemezen tartjuk**
- **Nem dobjuk el a napló CHECKPOINT előtti részét sem**
- **REDO vagy UNDO/REDO protokollt használunk**

Így elvileg a kezdeti adatbázis ismeretében vissza tudjuk állítani a legutolsó állapotot.

## Védekezés lemezhiba ellen

- **A naplót külön lemezen tartjuk**
- **Nem dobjuk el a napló CHECKPOINT előtti részét sem**
- **REDO vagy UNDO/REDO protokollt használunk**

Így elvileg a kezdeti adatbázis ismeretében vissza tudjuk állítani a legutolsó állapotot.

De a napló egy idő után nagyobb lesz, mint az adatbázis.

⇒ Időnként archiválunk

# Archiválás működés közben

Ha leállítjuk a rendszert, nyugodtan lehet menteni.

# Archiválás működés közben

Ha leállítjuk a rendszert, nyugodtan lehet menteni.

Ha nem lehet leállítani  $\Rightarrow$



## Archiválás működés közben

Ha leállítjuk a rendszert, nyugodtan lehet menteni.

Ha nem lehet leállítani  $\implies$

1 (START DUMP) a naplóba

# Archiválás működés közben

Ha leállítjuk a rendszert, nyugodtan lehet menteni.

Ha nem lehet leállítani  $\implies$

- 1 (START DUMP) a naplóba
- 2 Megfelelő CHECKPOINT kialakítása

# Archiválás működés közben

Ha leállítjuk a rendszert, nyugodtan lehet menteni.

Ha nem lehet leállítani  $\implies$

- 1 (START DUMP) a naplóba
- 2 Megfelelő CHECKPOINT kialakítása
- 3 Adatok mentése valamilyen sorrendben

# Archiválás működés közben

Ha leállítjuk a rendszert, nyugodtan lehet menteni.

Ha nem lehet leállítani  $\implies$

- 1 (START DUMP) a naplóba
- 2 Megfelelő CHECKPOINT kialakítása
- 3 Adatok mentése valamilyen sorrendben
- 4 Napló mentése

## Archiválás működés közben

Ha leállítjuk a rendszert, nyugodtan lehet menteni.

Ha nem lehet leállítani  $\implies$

- 1 (START DUMP) a naplóba
- 2 Megfelelő CHECKPOINT kialakítása
- 3 Adatok mentése valamilyen sorrendben
- 4 Napló mentése
- 5 (END DUMP)

## Archiválás működés közben

Ha leállítjuk a rendszert, nyugodtan lehet menteni.

Ha nem lehet leállítani  $\implies$

- 1 (START DUMP) a naplóba
- 2 Megfelelő CHECKPOINT kialakítása
- 3 Adatok mentése valamilyen sorrendben
- 4 Napló mentése
- 5 (END DUMP)

## Helyreállítás

- 1 Megkeressük a legutolsó teljes mentést (volt (END DUMP))

## Archiválás működés közben

Ha leállítjuk a rendszert, nyugodtan lehet menteni.

Ha nem lehet leállítani  $\implies$

- 1 (START DUMP) a naplóba
- 2 Megfelelő CHECKPOINT kialakítása
- 3 Adatok mentése valamilyen sorrendben
- 4 Napló mentése
- 5 (END DUMP)

## Helyreállítás

- 1 Megkeressük a legutolsó teljes mentést (volt (END DUMP))
- 2 Módosítjuk az adatbázist a napló segítségével a CHECKPOINT-tól kezdve (ezért kell REDO vagy UNDO/REDO)

## Archiválás működés közben

Ha leállítjuk a rendszert, nyugodtan lehet menteni.

Ha nem lehet leállítani  $\implies$

- 1 (START DUMP) a naplóba
- 2 Megfelelő CHECKPOINT kialakítása
- 3 Adatok mentése valamilyen sorrendben
- 4 Napló mentése
- 5 (END DUMP)

## Helyreállítás

- 1 Megkeressük a legutolsó teljes mentést (volt (END DUMP))
- 2 Módosítjuk az adatbázist a napló segítségével a CHECKPOINT-tól kezdve (ezért kell REDO vagy UNDO/REDO)



# Osztott adatbázisok

- Adatok vízszintes felosztása

# Osztott adatbázisok

- **Adatok vízszintes felosztása**
  - ▶ Egy bank több fiókja, saját ügyfelek

- **Adatok vízszintes felosztása**
  - ▶ Egy bank több fiókja, saját ügyfelek
  - ▶ Üzlethálózat boltjai, saját eladások

- **Adatok vízszintes felosztása**
  - ▶ Egy bank több fiókja, saját ügyfelek
  - ▶ Üzlethálózat boltjai, saját eladások
  - ▶ Könyvtár több fiókkal, saját katalógussal

# Osztott adatbázisok

- **Adatok vízszintes felosztása**
  - ▶ Egy bank több fiókja, saját ügyfelek
  - ▶ Üzlethálózat boltjai, saját eladások
  - ▶ Könyvtár több fiókkal, saját katalógussal
- **Adatok függőleges felbontása**
  - ▶ Bankban  $\implies$  ügyfél adatok helyben, hitelkártya adatok a központban

- **Adatok vízszintes felosztása**

- ▶ Egy bank több fiókja, saját ügyfelek
- ▶ Üzlethálózat boltjai, saját eladások
- ▶ Könyvár több fiókkal, saját katalógussal

- **Adatok függőleges felbontása**

- ▶ Bankban  $\implies$  ügyfél adatok helyben, hitelkártya adatok a központban
- ▶ Üzletláncban  $\implies$  eladások helyben, megrendelések a központban

- **Adatok vízszintes felosztása**
  - ▶ Egy bank több fiókja, saját ügyfelek
  - ▶ Üzlethálózat boltjai, saját eladások
  - ▶ Könyvtár több fiókkal, saját katalógussal
- **Adatok függőleges felbontása**
  - ▶ Bankban  $\implies$  ügyfél adatok helyben, hitelkártya adatok a központban
  - ▶ Üzletláncban  $\implies$  eladások helyben, megrendelések a központban
- **Adotok többszörözése**
  - ▶ Párhuzamosítás miatt

- **Adatok vízszintes felosztása**
  - ▶ Egy bank több fiókja, saját ügyfelek
  - ▶ Üzlethálózat boltjai, saját eladások
  - ▶ Könyvtár több fiókkal, saját katalógussal
- **Adatok függőleges felbontása**
  - ▶ Bankban  $\implies$  ügyfél adatok helyben, hitelkártya adatok a központban
  - ▶ Üzletláncban  $\implies$  eladások helyben, megrendelések a központban
- **Adatok többszörözése**
  - ▶ Párhuzamosítás miatt
  - ▶ Kommunikáció csökkentése miatt  $\implies$  gyakran szükséges adatok mindenhol (címjegyzék, telefonkönyv, chase-elés)



# Osztott tranzakciók

A tranzakciók műveletei most különböző helyeken történhetnek.

# Osztott tranzakciók

A tranzakciók műveletei most különböző helyeken történhetnek.  
Mikor lesz kész az egész tranzakció?

# Osztott tranzakciók

A tranzakciók műveletei most különböző helyeken történhetnek.  
Mikor lesz kész az egész tranzakció?  $\implies$  ha minden része kész

# Osztott tranzakciók

A tranzakciók műveletei most különböző helyeken történhetnek.  
Mikor lesz kész az egész tranzakció?  $\implies$  ha minden része kész  
Hogyan vesszük észre? Mi van ha közben ABORT vagy hiba van?

# Osztott tranzakciók

A tranzakciók műveletei most különböző helyeken történhetnek.  
Mikor lesz kész az egész tranzakció?  $\implies$  ha minden része kész  
Hogyan vesszük észre? Mi van ha közben ABORT vagy hiba van?

## Példa

Áruházlánc központja lekérdezi minden boltban a mobiltelefon készletet. Ha valahol túl sok van, átküld belőle oda, ahol kevés van.

# Osztott tranzakciók

A tranzakciók műveletei most különböző helyeken történhetnek.

Mikor lesz kész az egész tranzakció?  $\implies$  ha minden része kész

Hogyan vesszük észre? Mi van ha közben ABORT vagy hiba van?

## Példa

Áruházlánc központja lekérdezi minden boltban a mobiltelefon készletet. Ha valahol túl sok van, átküld belőle oda, ahol kevés van.

$\implies$  megszakadhat a kapcsolat menet közben, rossz az algoritmus, stb.

# Kétfázisú véglegesítés (2PC)

- Alapelvek
  - ▶ Minden állomás naplózza saját eseményeit

# Kétfázisú véglegesítés (2PC)

- Alapelvek

- ▶ Minden állomás naplózza saját eseményeit
- ▶ Van egy koordinátor állomás, aki a döntést hozza majd



# Kétfázisú véglegesítés (2PC)

- Alapelvek

- ▶ Minden állomás naplózza saját eseményeit
- ▶ Van egy koordinátor állomás, aki a döntést hozza majd
- ▶ Az állomások üzeneteket küldenek egymásnak, ezeket is naplózzák (ki- és bejövőt is)

# Kétfázisú véglegesítés (2PC)

- Alapelvek

- ▶ Minden állomás naplózza saját eseményeit
- ▶ Van egy koordinátor állomás, aki a döntést hozza majd
- ▶ Az állomások üzeneteket küldenek egymásnak, ezeket is naplózzák (ki- és bejövőt is)

- Első fázis

- ▶ A koordinátor saját naplójába (T, Felkészül)

# Kétfázisú véglegesítés (2PC)

- Alapelvek

- ▶ Minden állomás naplózza saját eseményeit
- ▶ Van egy koordinátor állomás, aki a döntést hozza majd
- ▶ Az állomások üzeneteket küldenek egymásnak, ezeket is naplózzák (ki- és bejövőt is)

- Első fázis

- ▶ A koordinátor saját naplójába (T, Felkészül)
- ▶ Ezt mindenhova elküldi (még magának is)

# Kétfázisú véglegesítés (2PC)

- Alapelvek

- ▶ Minden állomás naplózza saját eseményeit
- ▶ Van egy koordinátor állomás, aki a döntést hozza majd
- ▶ Az állomások üzeneteket küldenek egymásnak, ezeket is naplózzák (ki- és bejövőt is)

- Első fázis

- ▶ A koordinátor saját naplójába (**T, Felkészül**)
- ▶ Ezt mindenhova elküldi (**még magának is**)
- ▶ Ha egy állomás megkapta az üzenetet, eldönti, hogy a nála található részre COMMIT vagy ABORT **lesz majd**

# Kétfázisú véglegesítés (2PC)

- Alapelvek

- ▶ Minden állomás naplózza saját eseményeit
- ▶ Van egy koordinátor állomás, aki a döntést hozza majd
- ▶ Az állomások üzeneteket küldenek egymásnak, ezeket is naplózzák (ki- és bejövőt is)

- Első fázis

- ▶ A koordinátor saját naplójába (**T, Felkészül**)
- ▶ Ezt mindenhova elküldi (**még magának is**)
- ▶ Ha egy állomás megkapta az üzenetet, eldönti, hogy a nála található részre COMMIT vagy ABORT **lesz majd**
  - ★ Ha COMMIT várható (**már csak ez lenne hátra**)  $\implies$  (**T, Készenáll**) a saját naplóba

# Kétfázisú véglegesítés (2PC)

- Alapelvek

- ▶ Minden állomás naplózza saját eseményeit
- ▶ Van egy koordinátor állomás, aki a döntést hozza majd
- ▶ Az állomások üzeneteket küldenek egymásnak, ezeket is naplózzák (ki- és bejövőt is)

- Első fázis

- ▶ A koordinátor saját naplójába (**T, Felkészül**)
- ▶ Ezt mindenhova elküldi (**még magának is**)
- ▶ Ha egy állomás megkapta az üzenetet, eldönti, hogy a nála található részre COMMIT vagy ABORT **lesz majd**
  - ★ Ha COMMIT várható (**már csak ez lenne hátra**)  $\implies$  (**T, Készenáll**) a saját naplóba  
A koordinátornak elküldeni (**T, Készenáll**)-t

# Kétfázisú véglegesítés (2PC)

## ● Alapelvek

- ▶ Minden állomás naplózza saját eseményeit
- ▶ Van egy koordinátor állomás, aki a döntést hozza majd
- ▶ Az állomások üzeneteket küldenek egymásnak, ezeket is naplózzák (ki- és bejövőt is)

## ● Első fázis

- ▶ A koordinátor saját naplójába (**T, Felkészül**)
- ▶ Ezt mindenhova elküldi (**még magának is**)
- ▶ Ha egy állomás megkapta az üzenetet, eldönti, hogy a nála található részre COMMIT vagy ABORT **lesz majd**
  - ★ Ha COMMIT várható (**már csak ez lenne hátra**)  $\implies$  (**T, Készenáll**) a saját naplóba  
A koordinátornak elküldeni (**T, Készenáll**)-t
  - ★ Ha ABORT várható  $\implies$  (**T, ABORT-Legyen**) a saját naplóba

# Kétfázisú véglegesítés (2PC)

## Alapelvek

- ▶ Minden állomás naplózza saját eseményeit
- ▶ Van egy koordinátor állomás, aki a döntést hozza majd
- ▶ Az állomások üzeneteket küldenek egymásnak, ezeket is naplózzák (ki- és bejövőt is)

## Első fázis

- ▶ A koordinátor saját naplójába (**T, Felkészül**)
- ▶ Ezt mindenhova elküldi (**még magának is**)
- ▶ Ha egy állomás megkapta az üzenetet, eldönti, hogy a nála található részre COMMIT vagy ABORT **lesz majd**
  - ★ Ha COMMIT várható (**már csak ez lenne hátra**)  $\implies$  (**T, Készenáll**) a saját naplóba  
A koordinátornak elküldeni (**T, Készenáll**)-t
  - ★ Ha ABORT várható  $\implies$  (**T, ABORT-Legyén**) a saját naplóba  
A koordinátornak elküldeni (**T, ABORT-Legyén**)-t



# Kétfázisú véglegesítés (2PC)

## Alapelvek

- ▶ Minden állomás naplózza saját eseményeit
- ▶ Van egy koordinátor állomás, aki a döntést hozza majd
- ▶ Az állomások üzeneteket küldenek egymásnak, ezeket is naplózzák (ki- és bejövőt is)

## Első fázis

- ▶ A koordinátor saját naplójába (*T, Felkészül*)
- ▶ Ezt mindenhova elküldi (*még magának is*)
- ▶ Ha egy állomás megkapta az üzenetet, eldönti, hogy a nála található részre COMMIT vagy ABORT *lesz majd*
  - ★ Ha COMMIT várható (*már csak ez lenne hátra*)  $\implies$  (*T, Készenáll*) a saját naplóba  
A koordinátornak elküldeni (*T, Készenáll*)-t
  - ★ Ha ABORT várható  $\implies$  (*T, ABORT-Legyén*) a saját naplóba  
A koordinátornak elküldeni (*T, ABORT-Legyén*)-t

## Második fázis

- ▶ Ha a koordinátor a (*T, Készenáll*)-t megkapta mindenkitől  $\implies$

# Kétfázisú véglegesítés (2PC)

## ● Alapelvek

- ▶ Minden állomás naplózza saját eseményeit
- ▶ Van egy koordinátor állomás, aki a döntést hozza majd
- ▶ Az állomások üzeneteket küldenek egymásnak, ezeket is naplózzák (ki- és bejövőt is)

## ● Első fázis

- ▶ A koordinátor saját naplójába (**T, Felkészül**)
- ▶ Ezt mindenhova elküldi (**még magának is**)
- ▶ Ha egy állomás megkapta az üzenetet, eldönti, hogy a nála található részre COMMIT vagy ABORT **lesz majd**
  - ★ Ha COMMIT várható (**már csak ez lenne hátra**)  $\implies$  (**T, Készenáll**) a saját naplóba  
A koordinátornak elküldeni (**T, Készenáll**)-t
  - ★ Ha ABORT várható  $\implies$  (**T, ABORT-Legyen**) a saját naplóba  
A koordinátornak elküldeni (**T, ABORT-Legyen**)-t

## ● Második fázis

- ▶ Ha a koordinátor a (**T, Készenáll**)-t megkapta mindenkitől  $\implies$ 
  - ★ (**T, COMMIT**) a saját naplójába

# Kétfázisú véglegesítés (2PC)

## Alapelvek

- ▶ Minden állomás naplózza saját eseményeit
- ▶ Van egy koordinátor állomás, aki a döntést hozza majd
- ▶ Az állomások üzeneteket küldenek egymásnak, ezeket is naplózzák (ki- és bejövőt is)

## Első fázis

- ▶ A koordinátor saját naplójába ( $T$ , Felkészül)
- ▶ Ezt mindenhova elküldi (még magának is)
- ▶ Ha egy állomás megkapta az üzenetet, eldönti, hogy a nála található részre COMMIT vagy ABORT lesz majd
  - ★ Ha COMMIT várható (már csak ez lenne hátra)  $\implies$  ( $T$ , Készenáll) a saját naplóba  
A koordinátornak elküldeni ( $T$ , Készenáll)-t
  - ★ Ha ABORT várható  $\implies$  ( $T$ , ABORT-Legyen) a saját naplóba  
A koordinátornak elküldeni ( $T$ , ABORT-Legyen)-t

## Második fázis

- ▶ Ha a koordinátor a ( $T$ , Készenáll)-t megkapta mindenkitől  $\implies$ 
  - ★ ( $T$ , COMMIT) a saját naplójába
  - ★ Mindenhova elküldi a ( $T$ , COMMIT-Lesz)-t

# Kétfázisú véglegesítés (2PC)

## Alapelvek

- ▶ Minden állomás naplózza saját eseményeit
- ▶ Van egy koordinátor állomás, aki a döntést hozza majd
- ▶ Az állomások üzeneteket küldenek egymásnak, ezeket is naplózzák (ki- és bejövőt is)

## Első fázis

- ▶ A koordinátor saját naplójába ( $T$ , Felkészül)
- ▶ Ezt mindenhova elküldi (még magának is)
- ▶ Ha egy állomás megkapta az üzenetet, eldönti, hogy a nála található részre COMMIT vagy ABORT lesz majd
  - ★ Ha COMMIT várható (már csak ez lenne hátra)  $\implies$  ( $T$ , Készenáll) a saját naplóba  
A koordinátornak elküldeni ( $T$ , Készenáll)-t
  - ★ Ha ABORT várható  $\implies$  ( $T$ , ABORT-Legyen) a saját naplóba  
A koordinátornak elküldeni ( $T$ , ABORT-Legyen)-t

## Második fázis

- ▶ Ha a koordinátor a ( $T$ , Készenáll)-t megkapta mindenkitől  $\implies$ 
  - ★ ( $T$ , COMMIT) a saját naplójába
  - ★ Mindenhova elküldi a ( $T$ , COMMIT-Lesz)-t
- ▶ Ha a koordinátor a ( $T$ , ABORT-Legyen)-t kapta legalább egy állomástól

# Kétfázisú véglegesítés (2PC)

## Alapelvek

- ▶ Minden állomás naplózza saját eseményeit
- ▶ Van egy koordinátor állomás, aki a döntést hozza majd
- ▶ Az állomások üzeneteket küldenek egymásnak, ezeket is naplózzák (ki- és bejövőt is)

## Első fázis

- ▶ A koordinátor saját naplójába ( $T$ , Felkészül)
- ▶ Ezt mindenhova elküldi (még magának is)
- ▶ Ha egy állomás megkapta az üzenetet, eldönti, hogy a nála található részre COMMIT vagy ABORT lesz majd
  - ★ Ha COMMIT várható (már csak ez lenne hátra)  $\implies$  ( $T$ , Készenáll) a saját naplóba  
A koordinátornak elküldeni ( $T$ , Készenáll)-t
  - ★ Ha ABORT várható  $\implies$  ( $T$ , ABORT-Legyen) a saját naplóba  
A koordinátornak elküldeni ( $T$ , ABORT-Legyen)-t

## Második fázis

- ▶ Ha a koordinátor a ( $T$ , Készenáll)-t megkapta mindenkitől  $\implies$ 
  - ★ ( $T$ , COMMIT) a saját naplójába
  - ★ Mindenhova elküldi a ( $T$ , COMMIT-Lesz)-t
- ▶ Ha a koordinátor a ( $T$ , ABORT-Legyen)-t kapta legalább egy állomástól
  - ★ ( $T$ , ABORT) a saját naplójába

# Kétfázisú véglegesítés (2PC)

## Alapelvek

- ▶ Minden állomás naplózza saját eseményeit
- ▶ Van egy koordinátor állomás, aki a döntést hozza majd
- ▶ Az állomások üzeneteket küldenek egymásnak, ezeket is naplózzák (ki- és bejövőt is)

## Első fázis

- ▶ A koordinátor saját naplójába (*T, Felkészül*)
- ▶ Ezt mindenhova elküldi (*még magának is*)
- ▶ Ha egy állomás megkapta az üzenetet, eldönti, hogy a nála található részre COMMIT vagy ABORT lesz majd
  - ★ Ha COMMIT várható (*már csak ez lenne hátra*)  $\implies$  (*T, Készenáll*) a saját naplóba  
A koordinátornak elküldeni (*T, Készenáll*)-t
  - ★ Ha ABORT várható  $\implies$  (*T, ABORT-Legyen*) a saját naplóba  
A koordinátornak elküldeni (*T, ABORT-Legyen*)-t

## Második fázis

- ▶ Ha a koordinátor a (*T, Készenáll*)-t megkapta mindenkitől  $\implies$ 
  - ★ (*T, COMMIT*) a saját naplójába
  - ★ Mindenhova elküldi a (*T, COMMIT-Lesz*)-t
- ▶ Ha a koordinátor a (*T, ABORT-Legyen*)-t kapta legalább egy állomástól
  - ★ (*T, ABORT*) a saját naplójába
  - ★ Mindenhova elküldi a (*T, ABORT-Lesz*)-t

# Kétfázisú véglegesítés (2PC)

## Alapelvek

- ▶ Minden állomás naplózza saját eseményeit
- ▶ Van egy koordinátor állomás, aki a döntést hozza majd
- ▶ Az állomások üzeneteket küldenek egymásnak, ezeket is naplózzák (ki- és bejövőt is)

## Első fázis

- ▶ A koordinátor saját naplójába ( $T$ , Felkészül)
- ▶ Ezt mindenhova elküldi (még magának is)
- ▶ Ha egy állomás megkapta az üzenetet, eldönti, hogy a nála található részre COMMIT vagy ABORT lesz majd
  - ★ Ha COMMIT várható (már csak ez lenne hátra)  $\implies$  ( $T$ , Készenáll) a saját naplóba  
A koordinátornak elküldeni ( $T$ , Készenáll)-t
  - ★ Ha ABORT várható  $\implies$  ( $T$ , ABORT-Legyen) a saját naplóba  
A koordinátornak elküldeni ( $T$ , ABORT-Legyen)-t

## Második fázis

- ▶ Ha a koordinátor a ( $T$ , Készenáll)-t megkapta mindenkitől  $\implies$ 
  - ★ ( $T$ , COMMIT) a saját naplójába
  - ★ Mindenhova elküldi a ( $T$ , COMMIT-Lesz)-t
- ▶ Ha a koordinátor a ( $T$ , ABORT-Legyen)-t kapta legalább egy állomástól
  - ★ ( $T$ , ABORT) a saját naplójába
  - ★ Mindenhova elküldi a ( $T$ , ABORT-Lesz)-t
- ▶ Ha egy állomás a ( $T$ , COMMIT-Lesz)-t kapja  $\implies$  ( $T$ , COMMIT)

# Kétfázisú véglegesítés (2PC)

## Alapelvek

- ▶ Minden állomás naplózza saját eseményeit
- ▶ Van egy koordinátor állomás, aki a döntést hozza majd
- ▶ Az állomások üzeneteket küldenek egymásnak, ezeket is naplózzák (ki- és bejövőt is)

## Első fázis

- ▶ A koordinátor saját naplójába ( $T$ , Felkészül)
- ▶ Ezt mindenhova elküldi (még magának is)
- ▶ Ha egy állomás megkapta az üzenetet, eldönti, hogy a nála található részre COMMIT vagy ABORT lesz majd
  - ★ Ha COMMIT várható (már csak ez lenne hátra)  $\implies$  ( $T$ , Készenáll) a saját naplóba  
A koordinátornak elküldeni ( $T$ , Készenáll)-t
  - ★ Ha ABORT várható  $\implies$  ( $T$ , ABORT-Legyen) a saját naplóba  
A koordinátornak elküldeni ( $T$ , ABORT-Legyen)-t

## Második fázis

- ▶ Ha a koordinátor a ( $T$ , Készenáll)-t megkapta mindenkitől  $\implies$ 
  - ★ ( $T$ , COMMIT) a saját naplójába
  - ★ Mindenhova elküldi a ( $T$ , COMMIT-Lesz)-t
- ▶ Ha a koordinátor a ( $T$ , ABORT-Legyen)-t kapta legalább egy állomástól
  - ★ ( $T$ , ABORT) a saját naplójába
  - ★ Mindenhova elküldi a ( $T$ , ABORT-Lesz)-t
- ▶ Ha egy állomás a ( $T$ , COMMIT-Lesz)-t kapja  $\implies$  ( $T$ , COMMIT)
- ▶ Ha egy állomás a ( $T$ , ABORT-Lesz)-t kapja  $\implies$  ( $T$ , ABORT)



## Egy adott állomáson:

- Ha az utolsó bejegyzés **COMMIT, ABORT, COMMIT-Lesz** vagy **ABORT-Lesz** akkor a napló szerint helyreállítunk

## Egy adott állomáson:

- Ha az utolsó bejegyzés **COMMIT, ABORT, COMMIT-Lesz** vagy **ABORT-Lesz** akkor a napló szerint helyreállítunk
- Ha az utolsó bejegyzés **Készenáll**, akkor nem világos a helyzet, vagy várunk, vagy kommunikálunk a többivel, vagy ...

## Egy adott állomáson:

- Ha az utolsó bejegyzés **COMMIT, ABORT, COMMIT-Lesz** vagy **ABORT-Lesz** akkor a napló szerint helyreállítunk
- Ha az utolsó bejegyzés **Készenáll**, akkor nem világos a helyzet, vagy várunk, vagy kommunikálunk a többivel, vagy ...
- Ha nincs semmilyen bejegyzés, akkor **ABORT** (vagy várunk)

# Osztott zárolás

Ha nincs adattöbbszörözés  $\implies$  ✓

# Osztott zárolás

Ha nincs adattöbbszörözés  $\implies$  ✓

Ha van  $\implies$  összhangban kell tartani a példányokat

# Osztott zárolás

Ha nincs adattöbbszörözés  $\implies$  ✓

Ha van  $\implies$  összhangban kell tartani a példányokat  $\implies$  globális (logikai) LOCK és lokális LOCK

# Osztott zárolás

Ha nincs adattöbbszörözés  $\implies$  ✓

Ha van  $\implies$  összhangban kell tartani a példányokat  $\implies$  globális (logikai) LOCK és lokális LOCK

Egyszerű modell

Minden LOCK globális és az egyik állomás nyilvántartja ezeket

# Osztott zárolás

Ha nincs adattöbbszörözés  $\implies$  ✓

Ha van  $\implies$  összhangban kell tartani a példányokat  $\implies$  globális (logikai) LOCK és lokális LOCK

Egyszerű modell

Minden LOCK globális és az egyik állomás nyilvántartja ezeket zárállomás



# Osztott zárolás

Ha nincs adattöbbszörözés  $\implies$  ✓

Ha van  $\implies$  összhangban kell tartani a példányokat  $\implies$  globális (logikai) LOCK és lokális LOCK

Egyszerű modell

Minden LOCK globális és az egyik állomás nyilvántartja ezeket zárállomás

Költség: egy LOCK-hoz 3 üzenet  $\implies$  igénylés, engedélyezés, feloldás

# Osztott zárolás

Ha nincs adattöbbszörözés  $\implies$  ✓

Ha van  $\implies$  összhangban kell tartani a példányokat  $\implies$  globális (logikai) LOCK és lokális LOCK

Egyszerű modell

Minden LOCK globális és az egyik állomás nyilvántartja ezeket zárállomás

Költség: egy LOCK-hoz 3 üzenet  $\implies$  igénylés, engedélyezés, feloldás

$\implies$  a zárállomás nagyon leterhelt lehet

# Osztott zárolás

Ha nincs adattöbbszörözés  $\implies$  ✓

Ha van  $\implies$  összhangban kell tartani a példányokat  $\implies$  globális (logikai) LOCK és lokális LOCK

Egyszerű modell

Minden LOCK globális és az egyik állomás nyilvántartja ezeket zárállomás

Költség: egy LOCK-hoz 3 üzenet  $\implies$  igénylés, engedélyezés, feloldás

$\implies$  a zárállomás nagyon leterhelt lehet

Elsődleges példány

Van egy elsődleges példány, ha valaki zárolni akar valamit, akkor az elsődleges példányt tároló állomáshoz fordul.

# Osztott zárolás

Ha nincs adattöbbszörözés  $\implies$  ✓

Ha van  $\implies$  összhangban kell tartani a példányokat  $\implies$  globális (logikai) LOCK és lokális LOCK

Egyszerű modell

Minden LOCK globális és az egyik állomás nyilvántartja ezeket zárállomás

**Költség:** egy LOCK-hoz 3 üzenet  $\implies$  igénylés, engedélyezés, feloldás

$\implies$  a zárállomás nagyon leterhelt lehet

Elsődleges példány

Van egy elsődleges példány, ha valaki zárolni akar valamit, akkor az elsődleges példányt tároló állomáshoz fordul.

**Költség:** mint előbb, de nem koncentrált forgalom

# Osztott RLOCK/WLOCK

## Alapelvek:

- Semelyik két tranzakciónak nem lehet globális WLOCK A-ja

# Osztott RLOCK/WLOCK

## Alapelvek:

- Semelyik két tranzakciónak nem lehet globális WLOCK A-ja
- Ha egy tranzakciónak van globális WLOCK A-ja, akkor egy másiknak nem lehet globális RLOCK A-ja

# Osztott RLOCK/WLOCK

## Alapelvek:

- Semelyik két tranzakciónak nem lehet globális WLOCK A-ja
- Ha egy tranzakciónak van globális WLOCK A-ja, akkor egy másiknak nem lehet globális RLOCK A-ja
- Lehet több tranzakciónak globális RLOCK A-ja

## Alapelvek:

- Semelyik két tranzakciónak nem lehet globális WLOCK A-ja
- Ha egy tranzakciónak van globális WLOCK A-ja, akkor egy másiknak nem lehet globális RLOCK A-ja
- Lehet több tranzakciónak globális RLOCK A-ja
- Minden állomás az érvényes globális lock-ok figyelembevételével működik



# Osztott RLOCK/WLOCK

## Alapelvek:

- Semelyik két tranzakciónak nem lehet globális WLOCK A-ja
- Ha egy tranzakciónak van globális WLOCK A-ja, akkor egy másiknak nem lehet globális RLOCK A-ja
- Lehet több tranzakciónak globális RLOCK A-ja
- Minden állomás az érvényes globális lock-ok figyelembevételével működik

Hogyan lehet megszerezni egy globális RLOCK-ot vagy WLOCK-ot?

# Osztott RLOCK/WLOCK

## Alapelvek:

- Semelyik két tranzakciónak nem lehet globális WLOCK A-ja
- Ha egy tranzakciónak van globális WLOCK A-ja, akkor egy másiknak nem lehet globális RLOCK A-ja
- Lehet több tranzakciónak globális RLOCK A-ja
- Minden állomás az érvényes globális lock-ok figyelembevételével működik

Hogyan lehet megszerezni egy globális RLOCK-ot vagy WLOCK-ot?  $\implies$  többféle modell

# Osztott RLOCK/WLOCK

## Alapelvek:

- Semelyik két tranzakciónak nem lehet globális WLOCK A-ja
- Ha egy tranzakciónak van globális WLOCK A-ja, akkor egy másiknak nem lehet globális RLOCK A-ja
- Lehet több tranzakciónak globális RLOCK A-ja
- Minden állomás az érvényes globális lock-ok figyelembevételével működik

Hogyan lehet megszerezni egy globális RLOCK-ot vagy WLOCK-ot?  $\implies$  többféle modell

## WALL (write locks all)

- Globális RLOCK  $A$  megszerzéséhez elég egy lokális RLOCK  $A_i$
- Globális WLOCK  $A$  megszerzéséhez kell minden lokális WLOCK  $A_i$

## WALL (write locks all)

- Globális RLOCK  $A$  megszerzéséhez elég egy lokális RLOCK  $A_i$
- Globális WLOCK  $A$  megszerzéséhez kell minden lokális WLOCK  $A_i$
- Globális RLOCK  $A$  megszerzése:
  - ▶ Ha az  $i$  állomás akar egy RLOCK  $A_i$ -t, nem kell üzenni, megnézzük milyen zár van  $A_i$ -n
  - ▶ Ha itt WLOCK  $A_i$  van, akkor elutasítja a kérést, ha semmi vagy RLOCK  $A_i$ , akkor engedélyezi

## WALL (write locks all)

- Globális RLOCK  $A$  megszerzéséhez elég egy lokális RLOCK  $A_i$
- Globális WLOCK  $A$  megszerzéséhez kell minden lokális WLOCK  $A_i$
- Globális RLOCK  $A$  megszerzése:
  - ▶ Ha az  $i$  állomás akar egy RLOCK  $A_i$ -t, nem kell üzenni, megnézzük milyen zár van  $A_i$ -n
  - ▶ Ha itt WLOCK  $A_i$  van, akkor elutasítja a kérést, ha semmi vagy RLOCK  $A_i$ , akkor engedélyezi
  - ▶ Ha engedélyezi, akkor az  $i$  állomás felteszi az RLOCK  $A_i$ -t  $\implies$  globális RLOCK  $A$

## WALL (write locks all)

- Globális RLOCK  $A$  megszerzéséhez elég egy lokális RLOCK  $A_i$
- Globális WLOCK  $A$  megszerzéséhez kell minden lokális WLOCK  $A_i$
- Globális RLOCK  $A$  megszerzése:
  - ▶ Ha az  $i$  állomás akar egy RLOCK  $A_i$ -t, nem kell üzenni, megnézzük milyen zár van  $A_i$ -n
  - ▶ Ha itt WLOCK  $A_i$  van, akkor elutasítja a kérést, ha semmi vagy RLOCK  $A_i$ , akkor engedélyezi
  - ▶ Ha engedélyezi, akkor az  $i$  állomás felteszi az RLOCK  $A_i$ -t  $\implies$  globális RLOCK  $A$
- Globális WLOCK  $A$  megszerzése
  - ▶ Ha az  $i$  állomás akar egy WLOCK  $A_i$ -t, akkor üzen minden másik helyre ahol van  $A_j$

## WALL (write locks all)

- Globális RLOCK  $A$  megszerzéséhez elég egy lokális RLOCK  $A_i$
- Globális WLOCK  $A$  megszerzéséhez kell minden lokális WLOCK  $A_i$
- Globális RLOCK  $A$  megszerzése:
  - ▶ Ha az  $i$  állomás akar egy RLOCK  $A_i$ -t, nem kell üzenni, megnézzük milyen zár van  $A_i$ -n
  - ▶ Ha itt WLOCK  $A_j$  van, akkor elutasítja a kérést, ha semmi vagy RLOCK  $A_j$ , akkor engedélyezi
  - ▶ Ha engedélyezi, akkor az  $i$  állomás felteszi az RLOCK  $A_i$ -t  $\implies$  globális RLOCK  $A$
- Globális WLOCK  $A$  megszerzése
  - ▶ Ha az  $i$  állomás akar egy WLOCK  $A_i$ -t, akkor üzen minden másik helyre ahol van  $A_j$
  - ▶ Ha itt RLOCK  $A_j$  vagy WLOCK  $A_j$  van, akkor elutasítja a kérést, ha semmi akkor engedélyezi



## WALL (write locks all)

- Globális RLOCK  $A$  megszerzéséhez elég egy lokális RLOCK  $A_i$
- Globális WLOCK  $A$  megszerzéséhez kell minden lokális WLOCK  $A_i$
- Globális RLOCK  $A$  megszerzése:
  - ▶ Ha az  $i$  állomás akar egy RLOCK  $A_i$ -t, nem kell üzenni, megnézzük milyen zár van  $A_i$ -n
  - ▶ Ha itt WLOCK  $A_j$  van, akkor elutasítja a kérést, ha semmi vagy RLOCK  $A_j$ , akkor engedélyezi
  - ▶ Ha engedélyezi, akkor az  $i$  állomás felteszi az RLOCK  $A_i$ -t  $\implies$  globális RLOCK  $A$
- Globális WLOCK  $A$  megszerzése
  - ▶ Ha az  $i$  állomás akar egy WLOCK  $A_i$ -t, akkor üzen minden másik helyre ahol van  $A_j$
  - ▶ Ha itt RLOCK  $A_j$  vagy WLOCK  $A_j$  van, akkor elutasítja a kérést, ha semmi akkor engedélyezi
  - ▶ Ha mindenhonnan engedélyezés jött, az  $i$  állomás felteszi a WLOCK  $A_i$ -t, mindenhova üzen, hogy WLOCK  $A_j$ -t  $\implies$  globális WLOCK  $A$

## WALL (write locks all)

- Globális RLOCK  $A$  megszerzéséhez elég egy lokális RLOCK  $A_i$
- Globális WLOCK  $A$  megszerzéséhez kell minden lokális WLOCK  $A_i$
- Globális RLOCK  $A$  megszerzése:
  - ▶ Ha az  $i$  állomás akar egy RLOCK  $A_i$ -t, nem kell üzenni, megnézzük milyen zár van  $A_i$ -n
  - ▶ Ha itt WLOCK  $A_j$  van, akkor elutasítja a kérést, ha semmi vagy RLOCK  $A_j$ , akkor engedélyezi
  - ▶ Ha engedélyezi, akkor az  $i$  állomás felteszi az RLOCK  $A_i$ -t  $\implies$  globális RLOCK  $A$
- Globális WLOCK  $A$  megszerzése
  - ▶ Ha az  $i$  állomás akar egy WLOCK  $A_i$ -t, akkor üzen minden másik helyre ahol van  $A_j$
  - ▶ Ha itt RLOCK  $A_j$  vagy WLOCK  $A_j$  van, akkor elutasítja a kérést, ha semmi akkor engedélyezi
  - ▶ Ha mindenhonnan engedélyezés jött, az  $i$  állomás felteszi a WLOCK  $A_i$ -t, mindenhova üzen, hogy WLOCK  $A_j$ -t  $\implies$  globális WLOCK  $A$

$\implies$  Ha az egyik állomás kért és kapott WLOCK  $A$ -t, akkor másik nyilván nem kaphat később sem WLOCK  $A$ -t, sem RLOCK  $A$ -t

## WALL (write locks all)

- Globális RLOCK  $A$  megszerzéséhez elég egy lokális RLOCK  $A_i$
- Globális WLOCK  $A$  megszerzéséhez kell minden lokális WLOCK  $A_i$
- Globális RLOCK  $A$  megszerzése:
  - ▶ Ha az  $i$  állomás akar egy RLOCK  $A_i$ -t, nem kell üzenni, megnézzük milyen zár van  $A_i$ -n
  - ▶ Ha itt WLOCK  $A_j$  van, akkor elutasítja a kérést, ha semmi vagy RLOCK  $A_j$ , akkor engedélyezi
  - ▶ Ha engedélyezi, akkor az  $i$  állomás felteszi az RLOCK  $A_i$ -t  $\implies$  globális RLOCK  $A$
- Globális WLOCK  $A$  megszerzése
  - ▶ Ha az  $i$  állomás akar egy WLOCK  $A_i$ -t, akkor üzen minden másik helyre ahol van  $A_j$
  - ▶ Ha itt RLOCK  $A_j$  vagy WLOCK  $A_j$  van, akkor elutasítja a kérést, ha semmi akkor engedélyezi
  - ▶ Ha mindenhonnan engedélyezés jött, az  $i$  állomás felteszi a WLOCK  $A_i$ -t, mindenhova üzen, hogy WLOCK  $A_j$ -t  $\implies$  globális WLOCK  $A$

$\implies$  Ha az egyik állomás kért és kapott WLOCK  $A$ -t, akkor másik nyilván nem kaphat később sem WLOCK  $A$ -t, sem RLOCK  $A$ -t

$\implies$  Ha az egyik állomás kért és kapott RLOCK  $A$ -t, akkor másik nyilván nem kaphat később WLOCK  $A$ -t, de kaphat RLOCK  $A$ -t

## WALL (write locks all)

- Globális RLOCK  $A$  megszerzéséhez elég egy lokális RLOCK  $A_i$
- Globális WLOCK  $A$  megszerzéséhez kell minden lokális WLOCK  $A_i$
- Globális RLOCK  $A$  megszerzése:
  - ▶ Ha az  $i$  állomás akar egy RLOCK  $A_i$ -t, nem kell üzenni, megnézzük milyen zár van  $A_i$ -n
  - ▶ Ha itt WLOCK  $A_j$  van, akkor elutasítja a kérést, ha semmi vagy RLOCK  $A_j$ , akkor engedélyezi
  - ▶ Ha engedélyezi, akkor az  $i$  állomás felteszi az RLOCK  $A_i$ -t  $\implies$  globális RLOCK  $A$
- Globális WLOCK  $A$  megszerzése
  - ▶ Ha az  $i$  állomás akar egy WLOCK  $A_i$ -t, akkor üzen minden másik helyre ahol van  $A_j$
  - ▶ Ha itt RLOCK  $A_j$  vagy WLOCK  $A_j$  van, akkor elutasítja a kérést, ha semmi akkor engedélyezi
  - ▶ Ha mindenhonnan engedélyezés jött, az  $i$  állomás felteszi a WLOCK  $A_i$ -t, mindenhova üzen, hogy WLOCK  $A_j$ -t  $\implies$  globális WLOCK  $A$

$\implies$  Ha az egyik állomás kért és kapott WLOCK  $A$ -t, akkor másik nyilván nem kaphat később sem WLOCK  $A$ -t, sem RLOCK  $A$ -t

$\implies$  Ha az egyik állomás kért és kapott RLOCK  $A$ -t, akkor másik nyilván nem kaphat később WLOCK  $A$ -t, de kaphat RLOCK  $A$ -t

# Többségi zárolás

Csak az különbözik, hogy hogyan lehet globális zárat szerezni:

# Többségi zárolás

Csak az különbözik, hogy hogyan lehet globális zárat szerezni:

- Globális RLOCK  $A$  megszerzéséhez kell, hogy lokális RLOCK  $A_i$  legyen az  $A_i$ -k többségén
- Globális WLOCK  $A$  megszerzéséhez kell, hogy lokális WLOCK  $A_i$  legyen az  $A_i$ -k többségén

# Többségi zárolás

Csak az különbözik, hogy hogyan lehet globális zárat szerezni:

- Globális RLOCK  $A$  megszerzéséhez kell, hogy lokális RLOCK  $A_i$  legyen az  $A_i$ -k többségén
- Globális WLOCK  $A$  megszerzéséhez kell, hogy lokális WLOCK  $A_i$  legyen az  $A_i$ -k többségén

⇒ Több üzenet szükséges az RLOCK megszerzéséhez, de kevesebb a WLOCK-hoz, mint az előbb.

# Többségi zárolás

Csak az különbözik, hogy hogyan lehet globális zárat szerezni:

- Globális RLOCK  $A$  megszerzéséhez kell, hogy lokális RLOCK  $A_i$  legyen az  $A_i$ -k többségén
- Globális WLOCK  $A$  megszerzéséhez kell, hogy lokális WLOCK  $A_i$  legyen az  $A_i$ -k többségén

⇒ Több üzenet szükséges az RLOCK megszerzéséhez, de kevesebb a WLOCK-hoz, mint az előbb.

Miért jó a többségi zárolás?

Két tranzakció nem tud egyszerre WLOCK  $A$ -t szerezni, mert mindkettőnek a példányok több, mint felére kellene WLOCK-ot kapnia



# Többségi zárolás

Csak az különbözik, hogy hogyan lehet globális zárat szerezni:

- Globális RLOCK  $A$  megszerzéséhez kell, hogy lokális RLOCK  $A_i$  legyen az  $A_i$ -k többségén
- Globális WLOCK  $A$  megszerzéséhez kell, hogy lokális WLOCK  $A_i$  legyen az  $A_i$ -k többségén

⇒ Több üzenet szükséges az RLOCK megszerzéséhez, de kevesebb a WLOCK-hoz, mint az előbb.

Miért jó a többségi zárolás?

Két tranzakció nem tud egyszerre WLOCK  $A$ -t szerezni, mert mindkettőnek a példányok több, mint felére kellene WLOCK-ot kapnia ⇒ van olyan példány, amire mindkettő kapna

# Többségi zárolás

Csak az különbözik, hogy hogyan lehet globális zárat szerezni:

- Globális RLOCK  $A$  megszerzéséhez kell, hogy lokális RLOCK  $A_i$  legyen az  $A_i$ -k többségén
- Globális WLOCK  $A$  megszerzéséhez kell, hogy lokális WLOCK  $A_i$  legyen az  $A_i$ -k többségén

⇒ Több üzenet szükséges az RLOCK megszerzéséhez, de kevesebb a WLOCK-hoz, mint az előbb.

Miért jó a többségi zárolás?

Két tranzakció nem tud egyszerre WLOCK  $A$ -t szerezni, mert mindkettőnek a példányok több, mint felére kellene WLOCK-ot kapnia ⇒ van olyan példány, amire mindkettő kapna

Hasonlóan nem lehet egy tranzakciónak WLOCK  $A$ -ja, egy másiknak RLOCK  $A$ -ja.

# Többségi zárolás

Csak az különbözik, hogy hogyan lehet globális zárat szerezni:

- Globális RLOCK  $A$  megszerzéséhez kell, hogy lokális RLOCK  $A_i$  legyen az  $A_i$ -k többségén
- Globális WLOCK  $A$  megszerzéséhez kell, hogy lokális WLOCK  $A_i$  legyen az  $A_i$ -k többségén

⇒ Több üzenet szükséges az RLOCK megszerzéséhez, de kevesebb a WLOCK-hoz, mint az előbb.

Miért jó a többségi zárolás?

Két tranzakció nem tud egyszerre WLOCK  $A$ -t szerezni, mert mindkettőnek a példányok több, mint felére kellene WLOCK-ot kapnia ⇒ van olyan példány, amire mindkettő kapna

Hasonlóan nem lehet egy tranzakciónak WLOCK  $A$ -ja, egy másiknak RLOCK  $A$ -ja. Viszont lehet két különböző tranzakciónak RLOCK  $A$ -ja, hiszen egy példányon is lehet ilyen.

# $k$ az $n$ -ből protokoll

Közös általánosítás:

Legyen  $n$ , hogy hány példány van  $A$ -ból és legyen  $n \geq k \geq \lceil (n+1)/2 \rceil$

## $k$ az $n$ -ből protokoll

Közös általánosítás:

Legyen  $n$ , hogy hány példány van  $A$ -ból és legyen  $n \geq k \geq \lceil (n+1)/2 \rceil$

- Globális RLOCK  $A$  megszerzéséhez kell, hogy lokális RLOCK  $A_i$  legyen legalább  $n + 1 - k$  db  $A_i$ -n
- Globális WLOCK  $A$  megszerzéséhez kell, hogy lokális WLOCK  $A_i$  legyen legalább  $k$  db  $A_i$ -n

## $k$ az $n$ -ből protokoll

Közös általánosítás:

Legyen  $n$ , hogy hány példány van  $A$ -ból és legyen  $n \geq k \geq \lceil (n+1)/2 \rceil$

- Globális RLOCK  $A$  megszerzéséhez kell, hogy lokális RLOCK  $A_i$  legyen legalább  $n + 1 - k$  db  $A_i$ -n
- Globális WLOCK  $A$  megszerzéséhez kell, hogy lokális WLOCK  $A_i$  legyen legalább  $k$  db  $A_i$ -n

$k = n \implies$  WALL

$k = \lceil (n+1)/2 \rceil \implies$  többségi zárolás

# $k$ az $n$ -ből protokoll

Közös általánosítás:

Legyen  $n$ , hogy hány példány van  $A$ -ból és legyen  $n \geq k \geq \lceil (n+1)/2 \rceil$

- Globális RLOCK  $A$  megszerzéséhez kell, hogy lokális RLOCK  $A_i$  legyen legalább  $n + 1 - k$  db  $A_i$ -n
- Globális WLOCK  $A$  megszerzéséhez kell, hogy lokális WLOCK  $A_i$  legyen legalább  $k$  db  $A_i$ -n

$k = n \implies$  WALL

$k = \lceil (n+1)/2 \rceil \implies$  többségi zárolás

$k$  választásával hangolható a költség.

Miért jó a protokoll?

## $k$ az $n$ -ből protokoll

Közös általánosítás:

Legyen  $n$ , hogy hány példány van  $A$ -ból és legyen  $n \geq k \geq \lceil (n+1)/2 \rceil$

- Globális RLOCK  $A$  megszerzéséhez kell, hogy lokális RLOCK  $A_i$  legyen legalább  $n+1-k$  db  $A_i$ -n
- Globális WLOCK  $A$  megszerzéséhez kell, hogy lokális WLOCK  $A_i$  legyen legalább  $k$  db  $A_i$ -n

$k = n \implies$  WALL

$k = \lceil (n+1)/2 \rceil \implies$  többségi zárolás

$k$  választásával hangolható a költség.

Miért jó a protokoll?  $\implies$  hasonlóan a többségi bizonyításhoz



# Adatbázisok elmélete

## Feladatmegoldások tranzakciókezeléshez

Katona Gyula Y.

Számítástudományi és Információelméleti Tanszék  
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem

27. előadás

- Tegyük fel, hogy az alábbi műveletsorozatban minden egyes olvasás- és írásműveletet közvetlenül megelőzi az RLOCK ill. a WLOCK igénylése. Tegyük továbbá fel, hogy a zárok feloldása a tranzakció utolsó művelete után történik meg. Adjuk meg azokat a műveleteket, melyek végrehajtását az ütemező megtagadja, és mondjuk meg, hogy létrejön-e holtpont. Hogyan alakul a műveletek végrehajtása során a várakozási gráf? Ha létrejön holtpont, ABORT-áljuk az egyik tranzakciót, és mutassuk meg, hogyan folytatódik a műveletsorozat!

$$r_1(A), r_2(B), w_1(C), r_3(D), r_4(E), w_3(B), w_2(C), w_4(A), w_1(D)$$

Először sorban kérünk zárat  $A, B, C, D, E$ -re.

$$rl_1(A), r_1(A), rl_2(B), r_2(B), wl_1(C), w_1(C), rl_3(D), r_3(D), rl_4(E)$$

Az első probléma a  $wl_3(B)$ , hiszen ekkor van zár még  $lr_2(B)$ .  $wl_3(B)$  megtagadva, várakozási gráfba  $(T_3, T_2)$  él,  $T_3$  vár

$wl_2(C)$  megtagadva, várakozási gráfba  $(T_2, T_1)$  él,  $T_2$  vár

$wl_4(A)$  megtagadva, várakozási gráfba  $(T_4, T_1)$  él,  $T_4$  vár

$wl_1(D)$  megtagadva, várakozási gráfba  $(T_1, T_3)$  él, kört kapunk, holtpont alakul ki.

ABORT  $T_1$ , ekkor eltűnik  $(T_2, T_1)$  él és a  $(T_4, T_1)$  él a várakozási gráfból, ami így DAG lesz. Ezért pl.  $T_2, T_3, T_4$  sorrendben lefuthat a többi tranzakció:

$$ul_1(A), ul_1(C), wl_2(C), w_2(C), ul_2(C), ul_2(B), wl_3(B),$$

$$w_3(B), ul_3(B), wl_1(A), w_4(A), ul_4(A), ul_4(E)$$

- Tekintsük az alábbi (csak olvasásokból és írásokból álló) ütemezést:

$$r_2(A), w_3(B), r_1(A), w_2(B), w_1(C)$$

(Itt  $r_2(A)$  jelentése: a második tranzakció olvassa  $A$ -t,  $w_3(B)$  jelentése: a harmadik tranzakció írja  $B$ -t.)

Az egyszerű tranzakciómodellt használva illesz be zárkéréseket a fenti ütemezésbe oly módon, hogy legális zárolást kapjunk és

(a) ne kövesse mindegyik tranzakció a 2PL-t, de (a zárkérések alapján döntve) az ütemezés sorosítható legyen,

$$\begin{aligned} & l_2(A), r_2(A), u_2(A), \\ & l_3(B), w_3(B), u_3(B), \\ & l_1(A), r_1(A), u_1(A), \\ & l_2(B), w_2(B), u_2(B), \\ & l_1(C), w_1(C), u_1(C) \end{aligned}$$

Ha felrajzoljuk a sorosítási gráfot:  $T_3 \rightarrow T_2 \rightarrow T_1$ , tehát sorosítható.

- Tekintsük az alábbi (csak olvasásokból és írásokból álló) ütemezést:

$$r_2(A), w_3(B), r_1(A), w_2(B), w_1(C)$$

(Itt  $r_2(A)$  jelentése: a második tranzakció olvassa  $A$ -t,  $w_3(B)$  jelentése: a harmadik tranzakció írja  $B$ -t.)

Az egyszerű tranzakciómodellt használva illessz be zárkéréseket a fenti ütemezésbe oly módon, hogy legális zárolást kapjunk és

(b) mindegyik tranzakció kövesse a 2PL-t, de (a zárkérések alapján döntve) ne legyen sorosítható az ütemezés,

## Megoldás:

Ilyet nem lehet adni, mert tanultuk azt a tételt, hogy ha minden tranzakció követi a 2PL-t, akkor sorosítható lesz az ütemezés.

# Feladat

- (c) mindegyik tranzakció kövesse a 2PL-t, és (a zárkérések alapján döntve) legyen sorosítható az ütemezés.

## Megoldás:

Az ötlet az, hogy az  $l_2(B)$ -t előre lehet hozni és így előbb fel lehet oldani a zárat  $A$ -n.

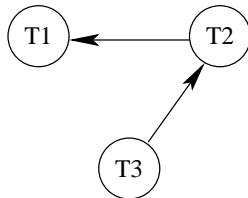
$l_2(A), r_2(A),$

$l_3(B), w_3(B), u_3(B),$

$l_2(B), u_2(A), l_1(A), r_1(A),$

$w_2(B), u_2(B),$

$l_1(C), w_1(C), u_1(A), u_1(C)$



(Mivel ez 2PL, a tétel szerint sorosítható.)

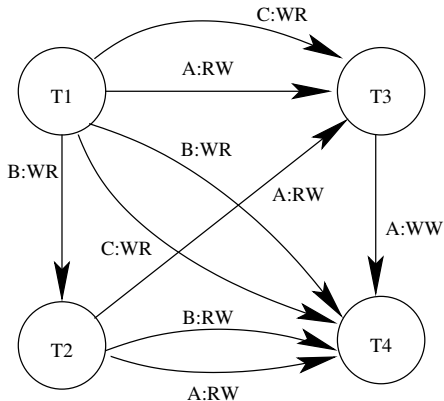
# Feladat

- Az alábbi legális ütemezés négy tranzakció zárjait tartalmazza az RLOCK/WLOCK modellben. Rajzoljuk fel a sorosítási gráfot! Sorosítható-e az ütemezés? Ha igen, milyen soros ütemezések ekvivalensek az eredeti ütemezéssel?

(0)	$T_1$	$T_2$	$T_3$	$T_4$
(1)		RLOCK A		
(2)	RLOCK A			
(3)	WLOCK C			
(4)	UNLOCK C			
(5)			RLOCK C	
(6)	WLOCK B			
(7)	UNLOCK B			
(8)				RLOCK B
(9)	UNLOCK A			
(10)		UNLOCK A		
(11)			WLOCK A	
(12)				RLOCK C
(13)		WLOCK D		
(14)				UNLOCK B
(15)			UNLOCK C	
(16)		RLOCK B		
(17)			UNLOCK A	
(18)				WLOCK A
(19)		UNLOCK B		
(20)				WLOCK B
(21)				UNLOCK B
(22)		UNLOCK D		
(23)				UNLOCK C
(24)				UNLOCK A



## Megoldás:



Sorosítható, mert DAG. Egy ekvivalens soros ütemezés van:  $T_1, T_2, T_3, T_4$

- Az alább megadott tranzakciók mindegyikénél tételezzük fel, hogy beszurjuk a LOCK és UNLOCK műveletet minden egyes adatbáziselemhez, amihez hozzáférünk:  $r_1(A)$ ,  $w_1(B)$ .  
Adjuk meg, hogy a zárolási, feloldási, olvasási és írási műveleteknek hány olyan sorrendje lehet, ha a zárolások megfelelőek és a zárolás i) kétfázisú, ii) nem kétfázisú.

## Megoldás:

Ha a zárolás megfelelő, akkor csak ennek összefésülései jönnek szóba:

a)  $l_1(A); r_1(A); u_1(A)$       b)  $l_1(B); w_1(B); u_1(B)$

ii) csak akkor nem kétfázisú, ha az egyik megelőzi a másikat: kétféle ilyen van.

i) Hány összefésülés van összesen? Ismétléses kombináció, vagy a 6 pozícióból melyik 3 az elsőből:  $\frac{6!}{3! \cdot 3!} = \binom{6}{3} = 20$ , tehát i)=18.

- Az alábbi legális ütemezés két olyan tranzakció utasításait tartalmazza, melyek betartják a figyelmeztető protokollt. Hogy nézhet ki az ütemezésben szereplő adategységek egymásba ágyazottságát reprezentáló fa, ha tudjuk, hogy a gyökérnek legfeljebb 3 gyereke van? (Ha több lehetséges eset van, akkor mindet add meg).

$WARN_1(E)$ ,  $WARN_1(H)$ ,  $WARN_2(E)$ ,  $LOCK_1(A)$ ,  $LOCK_1(C)$ ,  $UNLOCK_1(A)$ ,  
 $LOCK_2(F)$ ,  $UNLOCK_1(H)$ ,  $UNLOCK_2(F)$ ,  $UNLOCK_1(C)$ ,  $UNLOCK_2(E)$ ,  
 $UNLOCK_1(E)$

### Megoldás:

$T_2$  miatt biztos, hogy  $E$  a gyökér és  $F$  ennek a fia.

$T_1$  miatt biztos, hogy  $H$  is  $E$ -nek a fia.

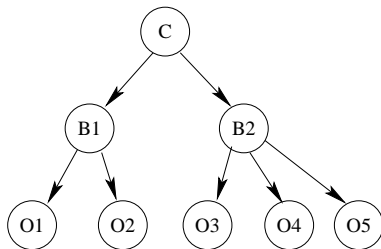
$A$  és  $C$  helyzete a kérdéses még. Két eset lehetséges:

- Az  $A$  csúcs a  $H$  gyereke:  $C$  nem lehet se  $A$ , se  $H$  gyereke, mert később oldjuk fel  $C$ -n a zárat, mint  $A$ -n és  $H$ -n, így ekkor  $C$  csak  $E$  gyereke lehet és ez összhangban is van a zárolással. Ez egy lehetséges megoldás.
- Az  $A$  csúcs az  $E$  gyereke:  $C$  nem lehet se  $A$ , se  $H$  gyereke a zárfeloldások miatt, de  $E$ -é se lehet, mert a gyökérnek csak három gyereke lehet. Így ezen az ágon nem kapunk megoldást.

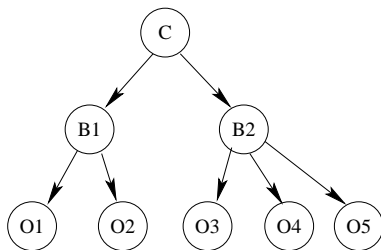
- Vegyünk egy objektum orientált adatbázist. A  $C$  osztály objektumait két blokkban tároljuk a  $B_1$ -ben és a  $B_2$ -ben. A  $B_1$  tartalmazza az  $O_1$  és  $O_2$  objektumokat, míg a  $B_2$  az  $O_3, O_4, O_5$  objektumokat. Adjuk meg a zárolási kérések sorozatát és a figyelmeztető protokoll alapú ütemező feladatát az alábbi kérési sorozatokhoz. Feltehetjük, hogy minden kérés éppen azelőtt fordul elő, mint amikor éppen szükség van rá, és minden zárfeloldás a tranzakció befejeztével történik. Használjuk az RLOCK/WLOCK modellt.

$$r_1(O_1), w_2(O_2), r_2(O_3), w_1(O_4)$$

**Megoldás:** A hierarchiát ábrázoló fa:



**Megoldás:** A hierarchiát ábrázoló fa:



- Az első körben  $O_1$ -re kell majd zárat tenni:  
 $RWARN_1(C)$ ,  $RWARN_1(B_1)$ ,  $RLOCK_1(O_1)$ .
- A második körben  $O_2$ -re kell majd zárat tenni:  
 $WWARN_2(C)$ ,  $WWARN_2(B_1)$ ,  $WLOCK_2(O_2)$ .
- A harmadik körben  $O_3$ -ra kell majd zárat tenni:  
 $RWARN_2(C)$ ,  $RWARN_2(B_2)$ ,  $RLOCK_2(O_3)$ . Ezután  $T_2$  felengedi a záratokat és figyelmeztetéseit:  
 $UNLOCK_2(O_3)$ ,  $UNLOCK_2(B_2)$ ,  $UNLOCK_2(O_2)$ ,  $UNLOCK_2(B_1)$ ,  $UNLOCK_2(C)$
- A negyedik körben  $O_4$ -re kell majd zárat tenni:  
 $WWARN_1(C)$ ,  $WWARN_1(B_2)$ ,  $WLOCK_1(O_4)$ . Ezután  $T_1$  felengedi a záratokat és figyelmeztetéseit:  
 $UNLOCK_1(O_4)$ ,  $UNLOCK_1(B_2)$ ,  $UNLOCK_1(O_1)$ ,  $UNLOCK_1(B_1)$ ,  $UNLOCK_1(C)$

- Tekintsük a  $T_1$ ,  $T_2$ ,  $T_3$  és  $T_4$  tranzakciók írási és olvasási kéréseiből álló

$$r_1(A), w_2(B), r_3(A), w_1(B), r_2(A), r_4(B), w_4(A), w_3(B)$$

sorozatot. Időbélyeges tranzakciókezeléssel akarjuk a sorosítható ütemezést kikényszeríteni, a tranzakciók időbélyegei:  $t(T_1) = 1$ ,  $t(T_2) = 2$ ,  $t(T_3) = 3$ ,  $t(T_4) = 4$ . Írja le, hogy mi történik a fenti sorozat esetén, azaz mely kéréseket teljesíti az ütemező, melyeket nem, mely kérések vezetnek ABORT-hoz és adja meg azt is, hogy hogyan változnak az egyes műveletek után az adategységek írási és olvasási idejei (ezek kezdetben mind nullák).

## Megoldás:

Kérés	$r(A)$	$w(A)$	$r(B)$	$w(B)$	Magyarázat
	0	0	0	0	kezdetben minden nulla
$r_1(A)$	1	0	0	0	mehet
$w_2(B)$	1	0	0	2	mehet
$r_3(A)$	3	0	0	2	mehet
$w_1(B)$	3	0	0	2	Nem lesz ABORT, de írás sem
$r_2(A)$	3	0	0	2	Nem lesz ABORT, $r(A)$ nem változik
$r_4(B)$	3	0	4	2	mehet
$w_4(A)$	3	4	4	2	mehet
$w_3(B)$	3	4	4	2	ABORT



# Feladat

- Alább látható egy napló, melyet az UNDO/REDO protokoll szerint képeztünk. Állítsuk vissza a konzisztens helyzetet.

( $T_1$ , BEGIN)

( $T_1$ , A, 4, 5)

( $T_2$ , BEGIN)

( $T_1$ , COMMIT)

( $T_2$ , B, 9, 10)

(START CHECKPOINT ( $T_2$ ))

( $T_2$ , C, 14, 15)

( $T_3$ , BEGIN)

( $T_3$ , D, 19, 20)

( $T_3$ , A, 5, 6)

( $T_3$ , E, 10, 15)

( $T_4$ , BEGIN)

( $T_4$ , F, 15, 16)

(END CHECKPOINT)

( $T_2$ , COMMIT)

HIBA

## Megoldás:

Mivel van END CHECKPOINT, elég a START checkpoint-tól előre haladva megállapítjuk, hogy befejeződött  $T_2$ , nem fejeződött be  $T_3$  és  $T_4$ . ( $T_1$ -el nem kell foglalkozni, mert már minden adata kiíródott.)

A  $T_2$  elejéről indulva  $B := 10$ , de ez már nem kell, hiszen lemezen van. Majd  $C := 15$ .

Utána végéről visszafelé  $F := 15$ ,  $E := 10$ ,  $A := 5$ ,  $D := 19$ , ABORT  $T_3$  és ABORT  $T_4$ , FLUSH LOG