

Sorozattal reprezentált típusok megvalósítása II. rész

1. Feladat – asszociatív tömb

Ez egy olyan kulcs-adat párokat tároló gyűjtemény, amelyben kulcs alapján lehet visszakeresni az értékeket. A kulcs típusa egész lesz, az adat típusa pedig szöveg. A tárolóban az elemeket kulcsuk alapján lehet megkeresni, elérni, így fontos, hogy a kulcs egyedi legyen. A típust Map-nek fogjuk nevezni. A tervezésnél fontos szempont, hogy a visszakeresés gyors legyen, akár a beszűrés, törlés rovására!

Típus értékek:	Típus műveletek:
Map azon asszociatív tömbök halmaza, amely tömböknek az elemei $\mathbb{Z} \times \mathbb{S}$ típusú párok	map:=setEmpty(map) map : Map <i>//kiüríti az asszociatív tömböt</i> c := count(map) map : Map, c : \mathbb{N} <i>//megadja az elemek számát</i> map := insert(map,e) map : Map, e : $\mathbb{Z} \times \mathbb{S}$ <i>//új elemet tesz be, ha a kulcsa még nem létezik</i> map := erase(map, key) map : Map, key : \mathbb{Z} <i>// törli az adott kulcsú elemet, ha a kulcs létezik, különben hiba</i> l := in(map, key) map : Map, key : \mathbb{Z} , l : \mathbb{L} <i>//lekérdezi, van-e adott kulcsú elem</i> data := operator[](map, key) map : Map, key : \mathbb{Z} , data : \mathbb{S} <i>// lekérdezi az adott kulcsú elem adatát, ha a kulcs létezik, különben hiba</i>

A kulcs-adat párok tárolásához egy **rendezett sorozatot** fogunk használni. A sorozatban kulcs szerint szigorúan monoton növekvő sorrendben tároljuk az elemeket. Ekkor a kulcsok kereséséhez használhatjuk a logaritikus keresést. Ha tömbben tárolnánk az elemeket, akkor beszűrésnél „helyet kell csinálni” az új elemnek: hátrébb kell csúsztatni az új elemnél nagyobb kulcsúakat; törlésnél pedig a keletkezett „lyukat” el kell tüntetni: előrébb kell csúsztatni a törlés pozíciója utáni elemeket.

(Megjegyzés: található hatékonyabb tárolás (bináris keresőfák, hash tábla), lásd majd Algoritmusok tárgyban.)

<p>Típus reprezentáció:</p> <p>seq: Item* – az elemeket kulcsuk szerint rendezetten tároló sorozat,</p> <p>ahol Item = rec(key: ℤ, data: S)</p>	<p>Típusműveletek implementációja:</p> <p>map:=setEmpty(map)</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; width: fit-content; margin: 5px auto;">seq := <></div> <p>c := count(map)</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; width: fit-content; margin: 5px auto;">c := seq </div> <p>map := insert(map,e) l : ℤ, ind : ℕ</p> <table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <tr> <td colspan="2" style="text-align: center;">l, ind := logSearch(seq, e.key)</td> </tr> <tr> <td colspan="2" style="text-align: center;">└─┘</td> </tr> <tr> <td style="text-align: center;">seq := seq[1 .. ind-1]</td> <td style="text-align: center;">┌─┘</td> </tr> <tr> <td colspan="2" style="text-align: center;">⊕ e ⊕ seq[ind .. seq])</td> </tr> </table> <p>map := erase(map, key) l : ℤ, ind : ℕ</p> <table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <tr> <td colspan="2" style="text-align: center;">l, ind := logSearch(seq, key)</td> </tr> <tr> <td colspan="2" style="text-align: center;">┌─┘</td> </tr> <tr> <td style="text-align: center;">seq := seq[1 .. ind-1]</td> <td style="text-align: center;">┌─┘</td> </tr> <tr> <td colspan="2" style="text-align: center;">⊕ seq[ind+1 .. seq])</td> </tr> <tr> <td colspan="2" style="text-align: right;">Hiba: nem létező kulcs</td> </tr> </table> <p>l := in(map, key)</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; width: fit-content; margin: 5px auto;">l, ind := logSearch(seq, key) ind : ℕ</div> <p>data := operator[] (map, key)</p> <table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <tr> <td colspan="2" style="text-align: center;">l, ind := logSearch(seq, key)</td> </tr> <tr> <td colspan="2" style="text-align: center;">┌─┘</td> </tr> <tr> <td style="text-align: center;">data := seq[ind].data</td> <td style="text-align: center;">┌─┘</td> </tr> <tr> <td colspan="2" style="text-align: right;">Hiba: nem létező kulcs</td> </tr> </table>	l, ind := logSearch(seq, e.key)		└─┘		seq := seq[1 .. ind-1]	┌─┘	⊕ e ⊕ seq[ind .. seq])		l, ind := logSearch(seq, key)		┌─┘		seq := seq[1 .. ind-1]	┌─┘	⊕ seq[ind+1 .. seq])		Hiba: nem létező kulcs		l, ind := logSearch(seq, key)		┌─┘		data := seq[ind].data	┌─┘	Hiba: nem létező kulcs	
l, ind := logSearch(seq, e.key)																											
└─┘																											
seq := seq[1 .. ind-1]	┌─┘																										
⊕ e ⊕ seq[ind .. seq])																											
l, ind := logSearch(seq, key)																											
┌─┘																											
seq := seq[1 .. ind-1]	┌─┘																										
⊕ seq[ind+1 .. seq])																											
Hiba: nem létező kulcs																											
l, ind := logSearch(seq, key)																											
┌─┘																											
data := seq[ind].data	┌─┘																										
Hiba: nem létező kulcs																											

Több művelet egy kulcs szerinti kereséssel indul, amelyhez a logaritmusos keresés algoritmusát használjuk. Ez egy fontos privát algoritmus lesz a típusunknak.

Egy lépéssel még kiegészítjük az algoritmust: ha nincs benne a keresett kulcs a tömbben, akkor az első nála nagyobb elem sorszámát adja meg. Ezzel ügyesebb lesz az insert művelet: nem kulcsösszehasonlításra támaszkodik az eltolás ciklusa, hiszen tudjuk, hogy mettől meddig kell a tömb elemeit jobbra tolni. Ha nincs a keresett kulcsnál nagyobb a tömbben, akkor az utolsó elem utáni sorszámot kapjuk vissza.

Kulcs szerinti keresés

$A = (\text{seq} : \text{Item}^*, \text{key} : \mathbb{Z}, l : \mathbb{L}, \text{ind} : \mathbb{N})$

$Ef = (\text{seq} = \text{seq}_0 \wedge \text{key} = \text{key}_0 \wedge \forall i \in [1 .. |\text{seq}| - 1] : \text{seq}[i].\text{key} < \text{seq}[i+1].\text{key})$

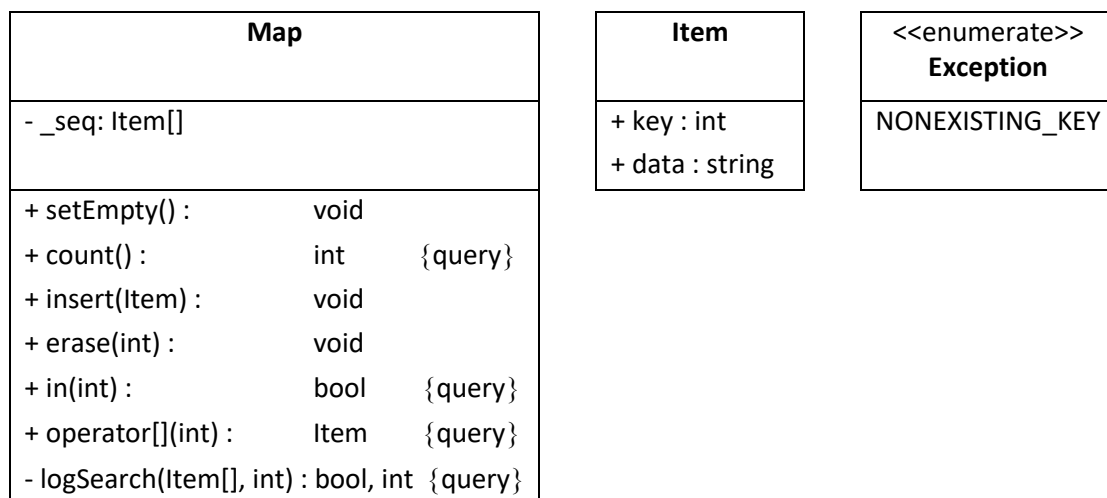
$Uf = (Ef \wedge l = \exists i \in [1 .. |\text{seq}|] : \text{seq}[i].\text{key} = \text{key} \wedge$
 $(l \rightarrow \text{ind} \in [1 .. |\text{seq}|] \wedge \text{seq}[\text{ind}].\text{key} = \text{key}) \wedge$
 $(\neg l \rightarrow \forall i \in [1 .. \text{ind} - 1] : \text{seq}[i].\text{key} < \text{key} \wedge \forall i \in [\text{ind} .. |\text{seq}|] : \text{seq}[i].\text{key} > \text{key}))$

l, ind := logSearch (seq, key)

l, ah, fh := hamis, 1, seq		
$\neg l \wedge ah \leq fh$		
ind := $\lfloor (ah + fh) / 2 \rfloor$		
seq[ind].key > key	seq[ind].key = key	seq[ind].key < key
fh := ind-1	l := igaz	ah := ind+1
$\neg l$		
ind := ah	—	

ah, fh : \mathbb{N}

Asszociatív tömb megvalósítása C++ osztállyal: UML diagram:



2. Feladat – zsák típus

Az előadáson bemutatott változattal szemben, most egy olyan zsák típust kellene definiálni, ahol nincs felső korlát a zsákba bekerülő természetes számokra. (Sőt, a zsák elemeinek típusa lehet akármilyen típus, csak lehessen annak értékeit sorba rendezni.)

<p>Bag azon zsákok halmaza, amelyek elemei természetes számok (\mathbb{Z})</p>	<p>b := \emptyset b : Bag // kiüríti a zsákot b := putIn(b, e) b : Bag, e : \mathbb{Z} // elemet tesz be m := mostFrequent(b) b : Bag, m : \mathbb{Z} // leggyakoribb elem b:=takeOut(b, e) b : Bag, e : \mathbb{Z} // elemet vesz ki</p>																										
<p>vec : Item* – az elemeket tartalmuk (data) szerint rendezetten tároló sorozat, ahol Item = rec(data: \mathbb{Z}, count: \mathbb{N}) maxind : \mathbb{N} – a vec sorozat legnagyobb count értékű elemének indexe</p>	<p>b := \emptyset b : Bag vec := <></p> <p>b := putIn(b,e) b : Bag, e : \mathbb{Z}</p> <table border="1" data-bbox="762 734 1378 1077"> <tr> <td colspan="2">l, ind := logSearch(vec, e) // data szerint</td> </tr> <tr> <td colspan="2" style="text-align: center;"> </td> </tr> <tr> <td>vec[ind].count := vec[ind].count+1</td> <td>vec := vec[1..ind-1] \oplus (e,1) \oplus vec[ind.. vec]</td> </tr> <tr> <td>vec[ind].count > vec[maxind].count</td> <td>maxind >= ind</td> </tr> <tr> <td>maxind := ind</td> <td>maxind := maxind+1</td> </tr> </table> <p>m := mostFrequent(b) b : Bag, m : \mathbb{Z}</p> <table border="1" data-bbox="762 1155 1331 1263"> <tr> <td colspan="2" style="text-align: center;"> vec > 0</td> </tr> <tr> <td>m := vec[maxind].data</td> <td>hiba</td> </tr> </table> <p>b:=takeOut(b,e) b : Bag, e : \mathbb{Z}</p> <table border="1" data-bbox="762 1344 1378 1742"> <tr> <td colspan="2">l, ind := logSearch(vec, e) // data szerint</td> </tr> <tr> <td colspan="2" style="text-align: center;"> </td> </tr> <tr> <td>vec[ind].count > 1</td> <td>vec[ind].count = 1</td> </tr> <tr> <td>vec[ind].count := vec[ind].count-1</td> <td>vec := vec[1..ind-1] \oplus vec[ind+1.. vec]</td> </tr> <tr> <td colspan="2" style="text-align: center;"> vec > 0</td> </tr> <tr> <td>max, maxind := MAX_{i=1.. vec} (vec[i].count)</td> <td>skip</td> </tr> </table>	l, ind := logSearch(vec, e) // data szerint				vec[ind].count := vec[ind].count+1	vec := vec[1..ind-1] \oplus (e,1) \oplus vec[ind.. vec]	vec[ind].count > vec[maxind].count	maxind >= ind	maxind := ind	maxind := maxind+1	vec > 0		m := vec[maxind].data	hiba	l, ind := logSearch(vec, e) // data szerint				vec[ind].count > 1	vec[ind].count = 1	vec[ind].count := vec[ind].count-1	vec := vec[1..ind-1] \oplus vec[ind+1.. vec]	vec > 0		max, maxind := MAX _{i=1.. vec} (vec[i].count)	skip
l, ind := logSearch(vec, e) // data szerint																											
vec[ind].count := vec[ind].count+1	vec := vec[1..ind-1] \oplus (e,1) \oplus vec[ind.. vec]																										
vec[ind].count > vec[maxind].count	maxind >= ind																										
maxind := ind	maxind := maxind+1																										
vec > 0																											
m := vec[maxind].data	hiba																										
l, ind := logSearch(vec, e) // data szerint																											
vec[ind].count > 1	vec[ind].count = 1																										
vec[ind].count := vec[ind].count-1	vec := vec[1..ind-1] \oplus vec[ind+1.. vec]																										
vec > 0																											
max, maxind := MAX _{i=1.. vec} (vec[i].count)	skip																										

Megjegyzés: Kiegészíthető egyéb műveletekkel (elemek száma, üres-e)