

Asszociatív tömb típus

Asszociatív tömb:

<p>Típus értékek:</p> <p>Map azon asszociatív tömbök halmaza, amely tömböknek az elemei $\mathbb{Z} \times \mathbb{S}$ típusú párok</p>	<p>Típus műveletek:</p> <p>m.setEmpty() $m : \text{Map}$ <i>//kiüríti az asszociatív tömböt</i></p> <p>c := m.count() $m : \text{Map}, c : \mathbb{N}$ <i>//megadja az elemek számát</i></p> <p>m.insert(e) $m : \text{Map}, e : \mathbb{Z} \times \mathbb{S}$ <i>//új elemet tesz be, ha a kulcsa még nem létezik</i></p> <p>m.erase(key) $\text{map} : \text{Map}, \text{key} : \mathbb{Z}$ <i>// törli az adott kulcsú elemet, ha a kulcs létezik, különben hiba</i></p> <p>l := m.in(key) $m : \text{Map}, \text{key} : \mathbb{Z}, l : \mathbb{L}$ <i>//lekérdezi, van-e adott kulcsú elem</i></p> <p>data := m.operator[](key) $m : \text{Map}, \text{key} : \mathbb{Z}, \text{data} : \mathbb{S}$ <i>// lekérdezi az adott kulcsú elem adatát, ha a kulcs létezik, különben hiba</i></p>																						
<p>Típus reprezentáció:</p> <p>vec: Item[] – az elemeket kulcsuk szerint rendezetten tároló tömb, ahol Item = rec(key: \mathbb{Z}, data: \mathbb{S})</p>	<p>Típusműveletek implementációja:</p> <p>m.setEmpty()</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; width: fit-content; margin: 5px auto;">vec := <></div> <p>c := m.count()</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; width: fit-content; margin: 5px auto;">c := vec </div> <p>m.insert(e) $l : \mathbb{L}, \text{ind} : \mathbb{N}$</p> <table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <tr> <td colspan="2" style="text-align: center;">l, ind := logSearch(vec, e.key)</td> </tr> <tr> <td colspan="2" style="text-align: center;">¬l</td> </tr> <tr> <td style="padding: 2px;">vec := vec[1 .. ind-1]</td> <td style="text-align: center; vertical-align: middle;">⊕</td> </tr> <tr> <td style="padding: 2px;">⊕ e ⊕ vec[ind+1 .. vec]</td> <td style="padding: 2px;">-</td> </tr> </table> <p>m.erase(key) $l : \mathbb{L}, \text{ind} : \mathbb{N}$</p> <table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <tr> <td colspan="2" style="text-align: center;">l, ind := logSearch(vec, key)</td> </tr> <tr> <td colspan="2" style="text-align: center;">l</td> </tr> <tr> <td style="padding: 2px;">vec := vec[1 .. ind-1]</td> <td rowspan="2" style="text-align: center; vertical-align: middle;">Hiba: nem létező kulcs</td> </tr> <tr> <td style="padding: 2px;">⊕ vec[ind+1 .. vec]</td> </tr> </table> <p>l := m.in(key)</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; width: fit-content; margin: 5px auto;">l, ind := logSearch(vec, key) $\text{ind} : \mathbb{N}$</div> <p>data := m.operator[](key) //m[key] alakú hivatkozás</p> <table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <tr> <td colspan="2" style="text-align: center;">l, ind := logSearch(vec, key)</td> </tr> <tr> <td colspan="2" style="text-align: center;">l</td> </tr> <tr> <td style="padding: 2px;">data := vec[ind].data</td> <td rowspan="2" style="text-align: center; vertical-align: middle;">Hiba: nem létező kulcs</td> </tr> <tr> <td style="padding: 2px;"></td> </tr> </table>	l, ind := logSearch(vec, e.key)		¬l		vec := vec[1 .. ind-1]	⊕	⊕ e ⊕ vec[ind+1 .. vec]	-	l, ind := logSearch(vec, key)		l		vec := vec[1 .. ind-1]	Hiba: nem létező kulcs	⊕ vec[ind+1 .. vec]	l, ind := logSearch(vec, key)		l		data := vec[ind].data	Hiba: nem létező kulcs	
l, ind := logSearch(vec, e.key)																							
¬l																							
vec := vec[1 .. ind-1]	⊕																						
⊕ e ⊕ vec[ind+1 .. vec]	-																						
l, ind := logSearch(vec, key)																							
l																							
vec := vec[1 .. ind-1]	Hiba: nem létező kulcs																						
⊕ vec[ind+1 .. vec]																							
l, ind := logSearch(vec, key)																							
l																							
data := vec[ind].data	Hiba: nem létező kulcs																						

Asszociatív tömb típus

Több művelet egy kulcs szerinti kereséssel indul, amelyhez a logaritmikus keresés algoritmusát használjuk. Ezt még egy lépéssel ki is egészítjük: ha nincs benne a keresett kulcs a tömbben, akkor az első nála nagyobb elem sorszámát adjuk vissza. Ez az utolsó elem utáni sorszám lesz, akkor ha nincs a keresett kulcsnál nagyobb a tömbben.

$$A = (\text{vec} : \text{Item}^*, \text{key} : \mathbb{Z}, l : \mathbb{L}, \text{ind} : \mathbb{N})$$

$$E_f = (\text{vec} = \text{vec}_0 \wedge \text{key} = \text{key}_0 \wedge \forall i \in [1 .. |\text{vec}| - 1] : \text{vec}[i].\text{key} < \text{vec}[i+1].\text{key})$$

$$U_f = (E_f \wedge l = \exists i \in [1 .. |\text{vec}|] : \text{vec}[i].\text{key} = \text{key} \wedge$$

$$(\ l \rightarrow \text{ind} \in [1 .. |\text{vec}|] \wedge \text{vec}[\text{ind}].\text{key} = \text{key}) \wedge$$

$$(\neg l \rightarrow \forall i \in [1 .. \text{ind} - 1] : \text{vec}[i].\text{key} < \text{key} \wedge \forall i \in [\text{ind} .. |\text{vec}|] : \text{vec}[i].\text{key} > \text{key}))$$

l, ind := logSearch(vec, key)

l, ah, fh := hamis, 1, vec		
$\neg l \wedge \text{ah} \leq \text{fh}$		
ind := [(ah + fh) / 2]		
vec[ind].key > key	vec[ind].key = key	vec[ind].key < key
fh := ind-1	l := igaz	ah := ind+1
$\neg l$		
ind := ah	—	

ah, fh : \mathbb{N}